- 一、填空(每小题5分,共30分)
- 1、已知山东省(2010年)6个城市人口数(单位:万)为济南 681;青岛 872;临沂 1004;潍坊 909; 荷泽 829;济宁 808。则样本均值为 850.5 ;样本中位数为 850.5
- 2、已知 P(A) = 0.5, P(B) = 0.6, P(B|A) = 0.8, 则 $P(A \cup B) = 0.7$
- 3、设随机变量 X_1 与 X_2 相互独立,且 $X_1 \sim B(4,0.6)$, $X_2 \sim N(4,16)$,则 $E(X_1 + 2X_2) = 10.4$
- 4、设随机变量 X 与 Y 的相关系数为 0.9, Z=4-X,则 Y 与 Z 的相关系数为 -0.9
- 5、设来自总体 $X \sim N(\mu, 0.9^2)$ 容量为 9 的简单随机样本的样本均值 $\overline{X} = 5$, 则未知参数 μ 的
- 6、在假设检验的 p 值判别法中,当 p 与显著性水平 α 满足 \bigcirc
- 二、(12 分) 设随机变量 X的密度函数为 $f(x) = \begin{cases} \frac{A}{\sqrt{1-x^2}}, & |x| < 1\\ 0, & |x| \ge 1 \end{cases}$
- (1) 求系数 A; (2) 求随机变量 X 落在 $\left(-\frac{1}{2},\frac{1}{2}\right)$ 内的概率; (3) 求 $Y = X^2$ 的密度函数。 $A = \frac{A}{\sqrt{12}} = \frac{A}{\sqrt{12}}$

② $P\left\{-\frac{1}{2} < X < \frac{1}{2}\right\} = \left[\frac{1}{2} \frac{1}{\pi \sqrt{1+x^2}} dx = \frac{1}{\pi} \arcsin x\right]_{-\frac{1}{2}}^{\frac{1}{2}} = \frac{1}{\pi} \left(\frac{\pi}{6} - \frac{\pi}{7}\right) = \frac{\pi}{3} \cdot \frac{1}{\pi} = \frac{1}{3}$

Fr(y)= P (Y < y) = { X < y } 当 y ≤ ast fr(y)=0. 生 y> ont fr(y) = P { - Jy = X ≤ Jy } = ∫ y T J Fr dx = 2 ∫ T T Fr dx.

抽到新球的概率。人。果如如抽到新球

件: P(Ai)= 書 P(Āi)= 書 $P(A_2) = P(A_2|A_1) \cdot P(A_1) + P(A_2|\overline{A_1}) \cdot P(\overline{A_1})$ = $\frac{2}{4} \times \frac{3}{5} + \frac{3}{4} = \frac{12}{5} = \frac{3}{5}$. 四、 $(10\ \mathcal{G})$ 已知正常成人男性血液中,每一毫升白细胞数平均是 7300,均方差 700。请用切比雪夫不等式估计并用中心极限定理计算每一毫升白细胞数在 5200~9400 之间的概率 P。

五、 $(8 \, \Im)$ 假定某食品厂生产的袋装花生米每袋净重 $X \sim N(150, \sigma^2)$, 其中 $\sigma > 0$ 未知。现开

箱任意抽取 16 袋得净重数据如下: $\bar{x}=151.6$, s=2.56。问在显著性水平 $\alpha=0.05$ 下,是否

可认为该箱袋装花生米每袋净重 150(单位: 克)?

① Ho:
$$\mu = 150$$
 Hi: $\mu \neq 150$
 $\alpha = 0.05$ $n = 16$
② 在版立时, $2 T = \frac{x - 150}{5/16} \sim t(15)$ $t = \frac{|5|6 - 150}{2.56} = \frac{1.6}{2.56} \times 4 = 2.5$
理他抗: $|T| \ge t \ge (H) = t_{0.025}(15) = 2.13|$ $p = 2 p(T > 2.5) = 2 \times 0.012$
 $t = 2.15 > 2.13|$ 露入証例主義。 $= 0.024 \le 0.05$
. 否定从 214. 不是概要

完成 λ 大人 λ

七、(8分) 设
$$X_1, X_2, \dots, X_{15}$$
 为来自 $N(0,2^2)$ 的样本,设 $Y = \frac{C(X_1^2 + \dots + X_{10}^2)}{X_{11}^2 + \dots + X_{15}^2}$ 。
求 C 的值,并问 Y 服从什么分布(说明自由度)?
 $X_1 \sim N(0,2^2)$ \longrightarrow $X_2 \sim N(0,1)$ $X_1^2 + \dots + X_{10}^2 \sim X^2$ (10) $X_1^2 + \dots + X_{10}^2 \sim X^2$ $X_1^2 + \dots + X_{10}^2 \sim X^2$

八、 $(8\,
m G)$ 设总体 X 服从参数为 λ 的泊松分布,其中 λ 是未知参数, X_1, \cdots, X_n 为来自总体的 随机样本,求 P(X=0) 的极大似然估计。

解:
$$X \sim P(\lambda)$$

$$L(\lambda) = \frac{\chi^{2}}{\chi_{1}!} e^{-\lambda} \cdot \frac{\chi^{2}}{\chi_{1}!} e$$

九、(6分)设随机变量 $X \sim \chi^2(n)$,试证D(X) = 2n。