

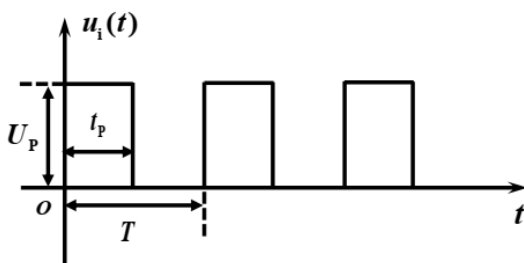
RC 一阶电路暂态过程 实验报告

1. 实验目的

- 1) 掌握一阶电路暂态过程的研究实验报告。
- 2) 掌握一阶电路时间常数的测试方法。
- 3) 利用 RC 电路实现微分、积分运算及脉冲分压电路。
- 4) 进一步熟悉信号源、示波器使用方法。

2. 实验原理

动态网络的过渡过程是十分短暂的单次变化过程，普通的示波器很难观察和测量有关的参数，必须使这种单次的过渡过程重复出现，就可以用普通示波器显示稳定的响应波形，便于观察和作定量计算



方波脉冲信号，其中 U_p 脉冲幅度， t_p 脉冲宽度， T 脉冲周期。

方波的上升沿相当于给电路一个阶跃输入，其响应就是零状态响应；方波的下降沿相当于在电容具有初始值时，把电源用短路置换，电路响应转换成零输入响应。

函数信号发生器提供的方波信号如图 (a) 所示，必须变成如图 (b) 所示的方波来作阶跃激励。

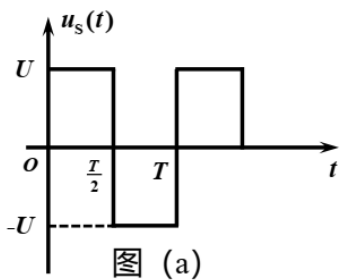


图 (a)

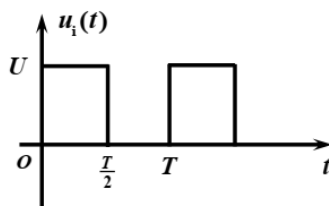
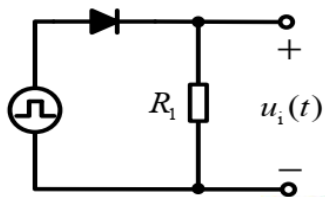


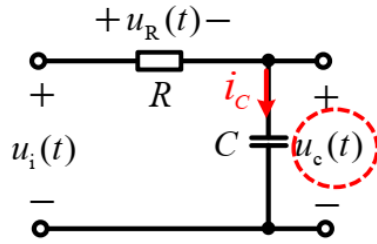
图 (b)

为了将函数信号发生器的输出方波如图 (a) 所示，变成不过零的方波信号如图 (b) 所示，采用下图所示电路。



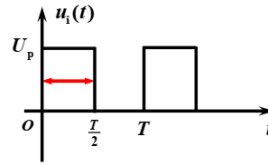
2.1. 零状态响应

电路中储能元件的原始储能为零，仅由独立电源作用引起的响应。



输入为一个阶跃电压

$$u_i(t) = U_P u(t)$$



零状态响应的微分方程为：

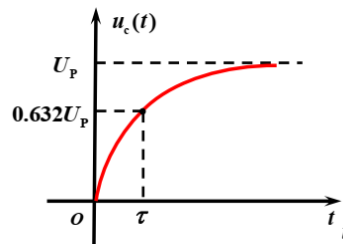
$$\begin{cases} RC \frac{du_c(t)}{dt} + u_c(t) = U_P \\ u_c(0^+) = 0 \end{cases}$$

解得，

$$u_c(t) = U_P (1 - e^{-\frac{t}{RC}})$$

零状态响应的波形图：

输出波形 $u_c(t)$ 随时间的变化是按指数规律由零逐渐上升到 U_P ，如下图所示。



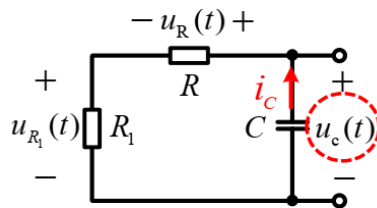
当时间 $t = RC$ 时，由公式 $u_c(t) = U_P (1 - e^{-\frac{t}{RC}})$ 得，

电容电压 $u_c(t) = 0.632 U_P$ ，

令 $\tau = RC$ ，称为此**一阶电路时间常数**，反映一阶电路过渡过程的进展程度。

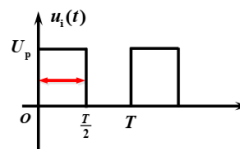
2.2. 零输入响应

换路后无独立电源的电路中，仅由储能元件原始储能引起的响应。



电容的初始储能为

$$u_c(\frac{T}{2}) = U_P$$



零状态响应的微分方程为：

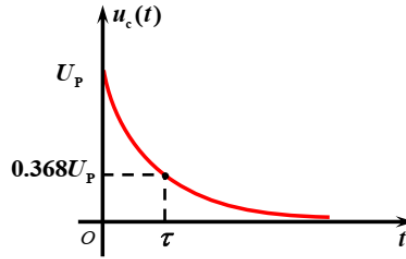
$$\begin{cases} (R_1 + R)C \frac{du_c(t)}{dt} + u_c(t) = 0 \\ u_c(\frac{T}{2}) = U_P \end{cases}$$

解得，

$$u_c(t) = U_P e^{-\frac{t}{(R_1+R)C}}$$

零输入响应的波形图:

输出波形 $u_c(t)$ 随时间的变化是按指数规律下降的, 如下图所示。



当时间 $t = (R+R_1)C$ 时, 由公式 $u_c(t) = U_P e^{-\frac{t}{(R_1+R)C}}$ 得,

电容电压 $u_c(t) = 0.368U_P$,

电路时间常数 $\tau = (R+R_1)C$ 。

2.3. RC 积分电路

对于右图 (a) 的电路, 设输入 $u_i(t)$ 为一脉冲波形 $P(t)$, 脉冲宽度为 $t_p = \frac{T}{2}$, 如右图 (b) 所示。

当 $t_p \ll \tau = RC$ 时, 则有,

$$u_R(t) \approx P(t)$$

$$u_c(t) = \frac{1}{C} \int_0^t i_c dt$$

$$\approx \frac{1}{RC} \int_0^t P(t) dt = \frac{1}{\tau} \int_0^t P(t) dt$$

式中, $\tau = RC$

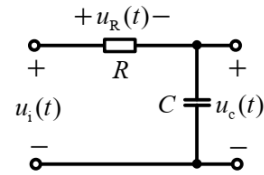


图 (a)

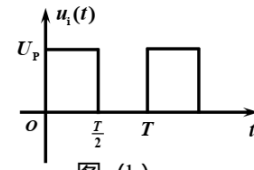
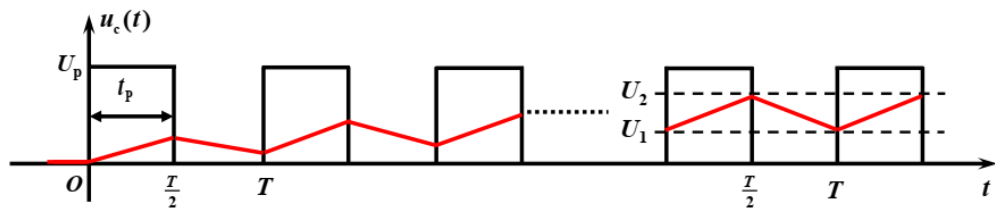


图 (b)

即: 从电容上输出电压 $u_c(t)$ 为输入电压 $P(t)$ 的积分除以 τ 。

RC 积分电路的波形图:



$$\begin{cases} u_c(t) = U_P + (U_1 - U_P)e^{-\frac{t}{\tau_1}} & 0 \leq t \leq T/2 \\ u_c(t) = U_2 e^{-\frac{(t-T/2)}{\tau_2}} & T/2 \leq t \leq T \end{cases}$$

$$U_1 = \frac{U_P e^{-\frac{T/2}{\tau}}}{1 + e^{-\frac{T/2}{\tau}}}$$

$$\begin{cases} u_c(T/2) = U_2 = U_P + (U_1 - U_P)e^{-\frac{T/2}{\tau}} & t = T/2 \quad (1) \\ u_c(T) = U_1 = U_2 e^{-\frac{T/2}{\tau}} & t = T \quad (2) \end{cases}$$

$$U_2 = \frac{U_P}{1 + e^{-\frac{T/2}{\tau}}}$$

2.4. RC 微分电路

对于右图 (a) 的电路, 设输入 $u_i(t)$ 为一脉冲波形 $P(t)$, 脉冲宽度为 $t_p = \frac{T}{2}$, 如右图 (b) 所示。

当 $t_p \gg \tau = RC$ 时, 则有,

$$u_c(t) \approx P(t)$$

$$\begin{aligned} u_R(t) &= R \cdot i_c \approx RC \frac{du_c(t)}{dt} \\ &= RC \frac{d}{dt} P(t) = \tau \frac{d}{dt} P(t) \end{aligned}$$

式中, $\tau = RC$

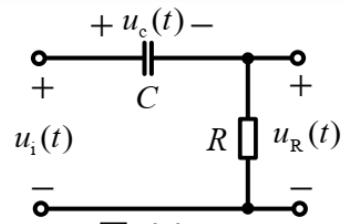


图 (a)

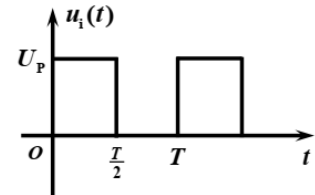


图 (b)

即: 从电阻上输出电压 $u_R(t)$ 为输入电压 $P(t)$ 的微分形式乘以 τ 。

RC 微分电路的波形图:

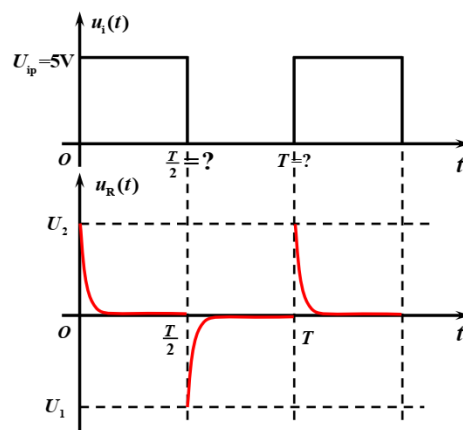
KVL方程: $u_i(t) = u_c(t) + u_R(t)$

当 $0 \leq t \leq \frac{T}{2}$ 内, 有,

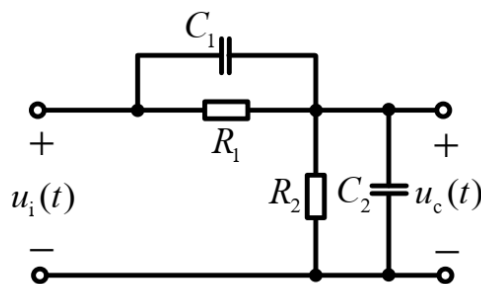
$$u_R(t) = U_P - u_c(t) = U_P e^{-\frac{t}{RC}}$$

当 $\frac{T}{2} \leq t \leq T$ 内, 有,

$$\begin{aligned} u_R(t) &= -\frac{R}{R_1 + R} u_c(t) \\ &= -\frac{R}{R_1 + R} U_P e^{-\frac{(t-t_p)}{(R_1+R)C}} \end{aligned}$$



2.5. RC 脉冲分压电路



脉冲分压电路实验电路图

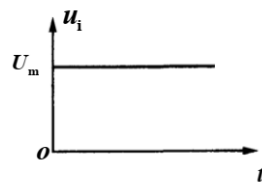
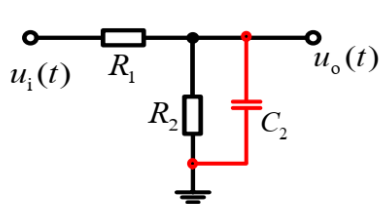


图 (a) 输入波形

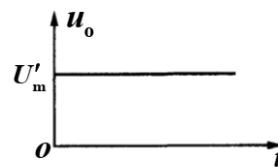


图 (b) 输出波形

在脉冲电路中，常常要将脉冲信号经过电阻分压后传输到下一级，而在下一级电路存在着各种形式的电容，这就相当于在输出端接上一个等效电容 C_2 ，如上图所示。

电容 C_2 对输出波形的影响

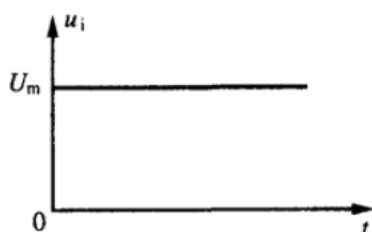


图 (a) 输入波形

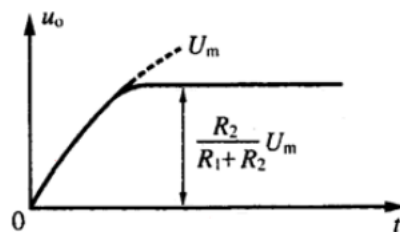
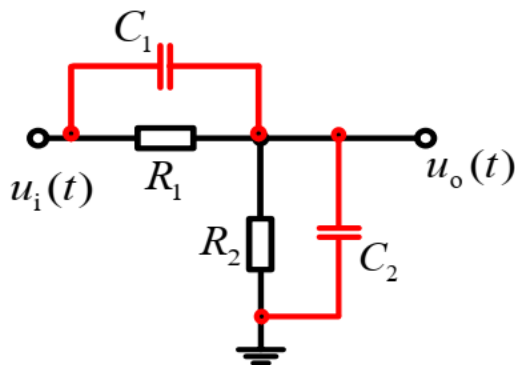


图 (b) 输出波形

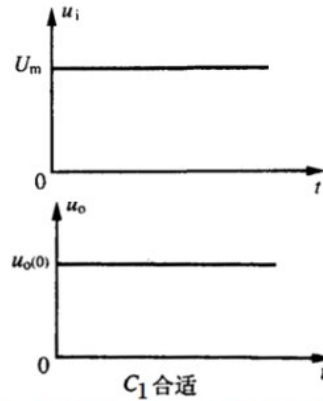
输入信号如图 (a) 所示，由零跳变到最大值 U_m 的瞬间，输出端电容 C_2 上的电压将按指数规律上升，最后达到 U_m ，即输出电压 U_o 具有一定的上升时间，不能紧跟随输入电压同步跳变。使输出波形的边沿变坏，如图 (b) 所示。



为了克服这一缺点，改善输出波形，使输出电压能紧跟随输入电压一起上跳变。所采取的措施是在电阻 R_1 上并联一个电容 C_1 ，构成上图所示的电路。

此电路称为 RC 分压电路，亦称脉冲分压电路。

如果选择合适的 C_1 值，就可以克服等效电容 C_2 的影响，使输出波形紧跟输入波形一起跳变。



输出端就能得到按分压关系确定的部分输入电压。

▶三要素法求解脉冲分压电路

$$U_i = u_{C1}(0_+) + u_{C2}(0_+) \quad (\text{a}) \quad (\text{电容电压发生跃变})$$

$$C_1[u_{C1}(0_+) - u_{C1}(0_-)] = C_2[u_{C2}(0_+) - u_{C2}(0_-)] \quad (\text{b}) \quad (\text{根据电荷守恒})$$

$$u_{C2}(0_+) = \frac{C_1}{C_1 + C_2} U_i - \frac{C_1}{C_1 + C_2} u_{C1}(0_-) + \frac{C_1}{C_1 + C_2} u_{C2}(0_-) \quad (\text{c})$$

▶当 $u_{C1}(0_-) = u_{C2}(0_-) = 0$ 时, 则

$$u_{C2}(0_+) = \frac{C_1}{C_1 + C_2} U_i \quad (\text{d})$$

▶稳态时, 两电容均可看作开路, 则

$$u_{C2}(\infty) = \frac{R_2}{R_1 + R_2} U_i \quad (\text{e})$$

▶输出电压为

$$u_o(t) = \frac{R_2}{R_1 + R_2} U_i - \left(\frac{R_2 U_i}{R_1 + R_2} - \frac{C_1 U_i}{C_1 + C_2} \right) e^{-t/\tau} \quad (\text{f})$$

当输入电压 U_i 突然上跳时, 输出电压由 C_1 和 C_2 的分压决定。输出电压为:

$$U_o = \frac{C_1}{C_1 + C_2} U_i$$

当电容充电结束后, 输出电压将由 R_1 和 R_2 分压决定, 即:

$$U'_o = \frac{R_2}{R_1 + R_2} U_i$$

当 C_1 选择合适时, 输出波形的起始值 U_o 等于终止值 U'_o , 即:

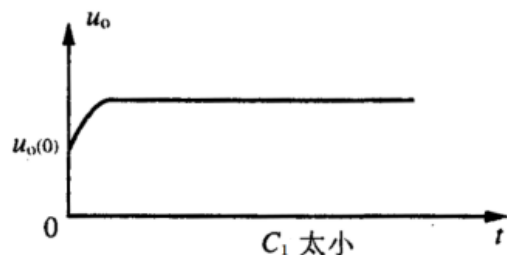
$$\frac{C_1}{C_1 + C_2} = \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

得, $C_1 R_1 = C_2 R_2$ **获得最佳补偿的条件**

若 C_1 太小，加速作用不足，输出波形的边沿仍不好；如下图所示。

$$\frac{C_1}{C_1 + C_2} < \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

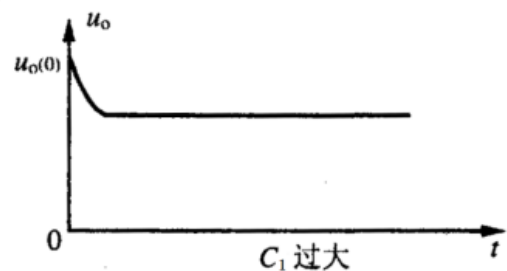
$$C_2 R_2 > C_1 R_1 \quad \text{欠补偿}$$



若 C_1 过大，加速作用过强，压倒了 C_2 的延缓作用，输出波形出现超过稳态值的尖顶过冲，如下图所示。

$$\frac{C_1}{C_1 + C_2} > \frac{R_2}{R_1 + R_2}$$

$$C_2 R_2 < C_1 R_1 \quad \text{过补偿}$$



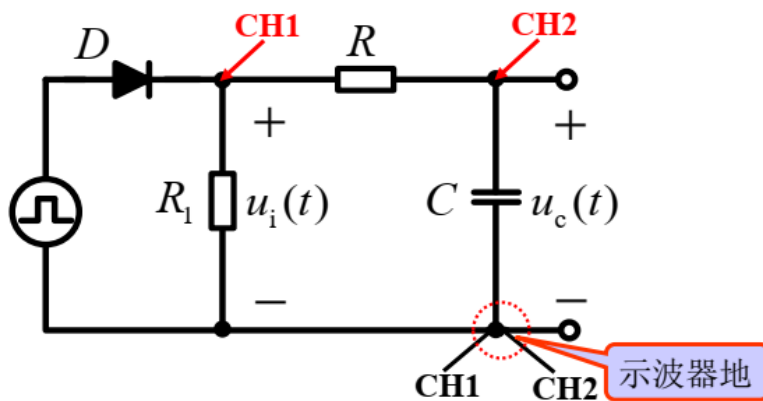
3. 实验内容

3.1. 零状态和零输入响应

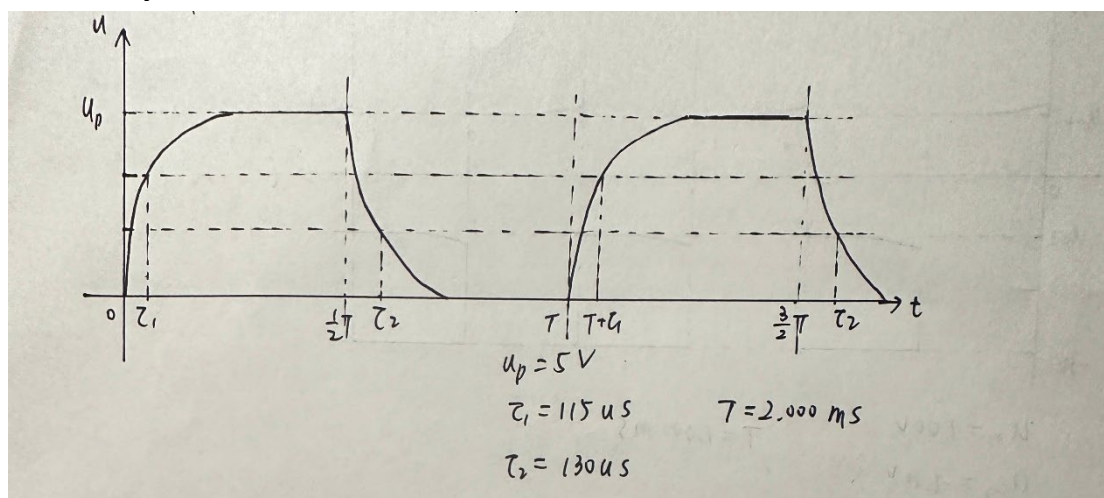
■ 零状态和零输入响应的实验电路图



信号源方波输出：
频率 $f=500\text{Hz}$



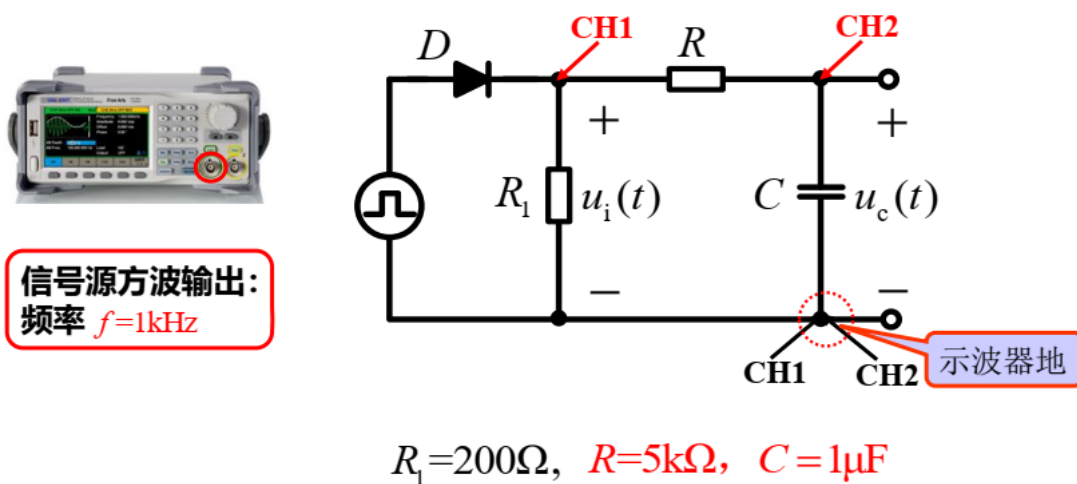
实验测得 $U_p - t$ 图像如图:



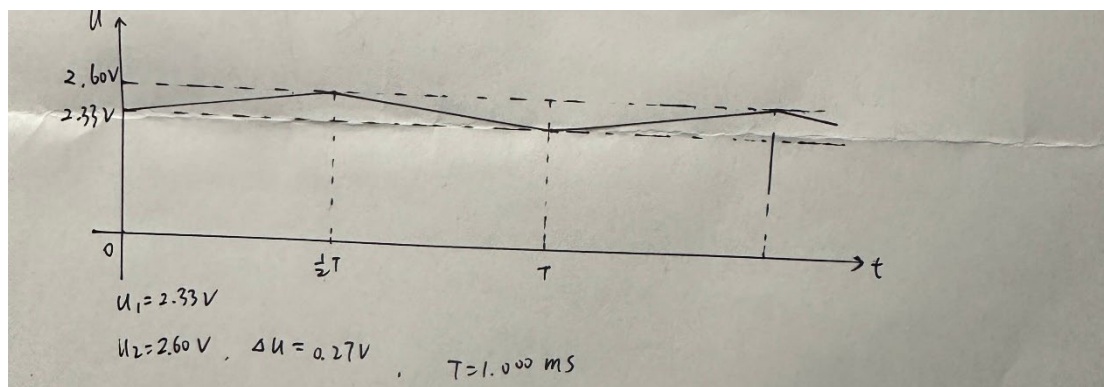
测得 $\tau_1 = 115 \mu s$, $\tau_2 = 130 \mu s$, $T = 2.000 \text{ ms}$.

3.2. RC 积分电路

RC 积分电路实验电路图



实验测得 $U - t$ 图像如图:



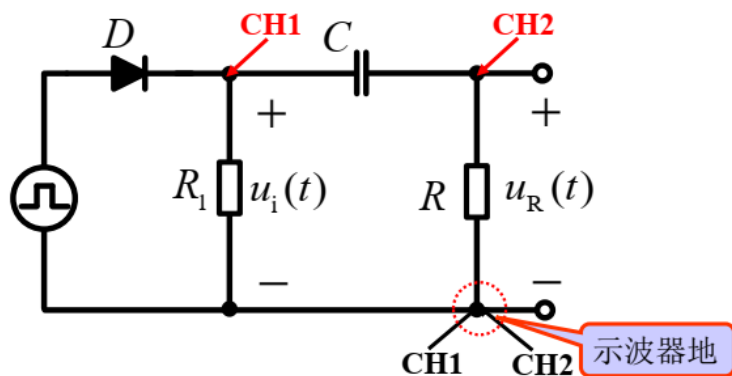
测得 $U_1 = 2.33V$, $U_2 = 2.60V$, $\Delta U = 0.27V$, $T = 1.000 \text{ ms}$.

3.3. RC 微分电路

RC 微分电路实验电路图

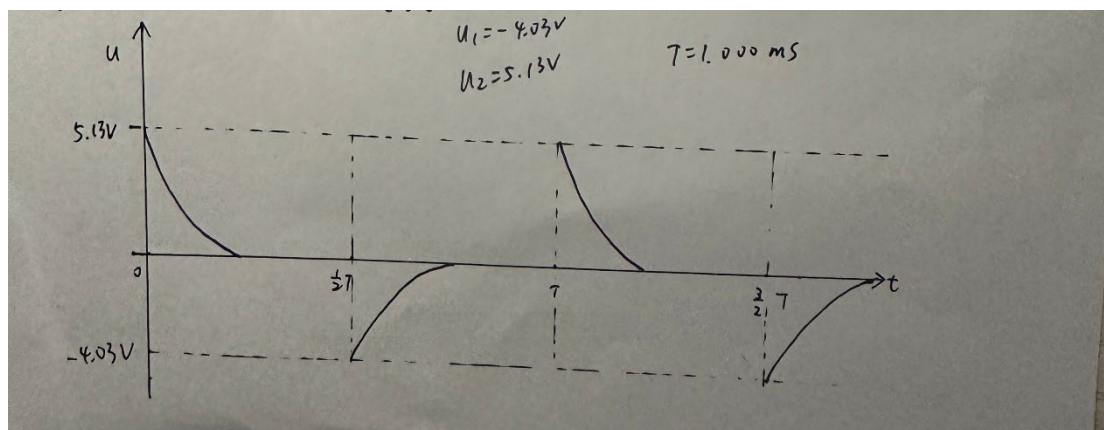


信号源方波输出：
频率 $f=1\text{kHz}$



$$R_1=200\Omega, R=1\text{k}\Omega, C=0.05\mu\text{F}$$

实验测得 $U-t$ 如图：



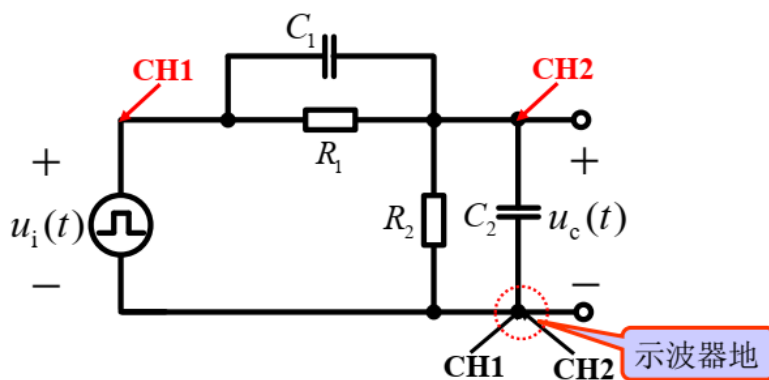
测得 $U_1 = -4.03\text{V}$, $U_2 = 5.13\text{V}$.

3.4. RC 脉冲分压电路实验

RC 脉冲分压电路实验图



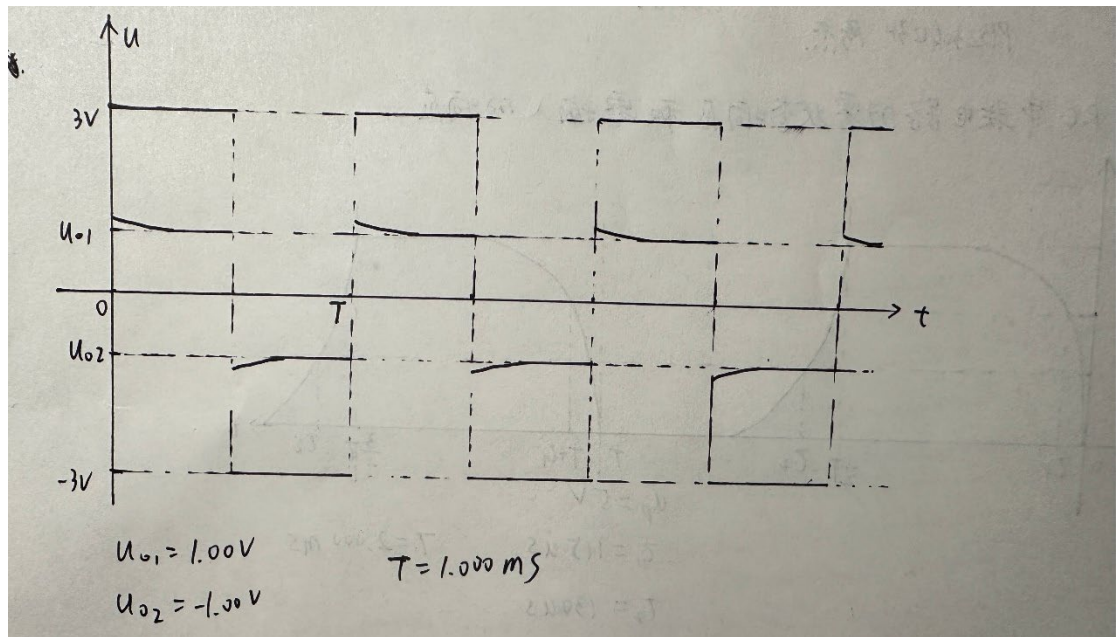
信号源方波输出：
频率 $f=1\text{kHz}$
幅值 $U_{ip-p}=6\text{V}$



$$R_1=20\text{k}\Omega, C_1=0.005\mu\text{F}$$

$$R_2=10\text{k}\Omega, C_2=0.01\mu\text{F}$$

实验结果如图，测得 $U_{o1} = 1.00V$ ， $U_{o2} = -1.00V$ ：



4. 思考题

- 4.1. 一阶电路零输入和零状态响应电路中，电阻 R_1 在电路中起何作用？
与电压源串联确定时间常数 τ 。
- 4.2. 本次实验中，能用毫伏表测量电阻 R_1 两端的矩形波电压么，为什么？
不能。毫伏表只能测量直流电压，无法测量矩形波电压。可以使用示波器来测量矩形波电压。
- 4.3. 脉冲分压器电路中，有两个储能元件电容 C_1 和 C_2 ，为何是一阶电路？
电阻和电容分别并联，可以等效为一个电阻 $R_1 || R_2$ 和 $C_1 || C_2$ 。
- 4.4. 根据本次实验说明 RC 电路分别用作积分电路和微分电路时，必须具备的条件？
积分电路：时间常数远小于脉冲宽度；
微分电路：时间常数远大于脉冲宽度。