## 第三章 语言和文法的形式定义

- 1.语言是什么?
- 2.如何描述语言?
- 3.语言中的句子如何识别?

## 如何来描述一种语言?

- · 当一个语言仅含有有限个句子时,可采用枚举来表示此种语言
- 即把该语言中的全部句子一一列举出来即可。
- · 例如,若一个语言L只含如下的两个句子,则可将 它表示为:

L={ I am teacher, You are students}

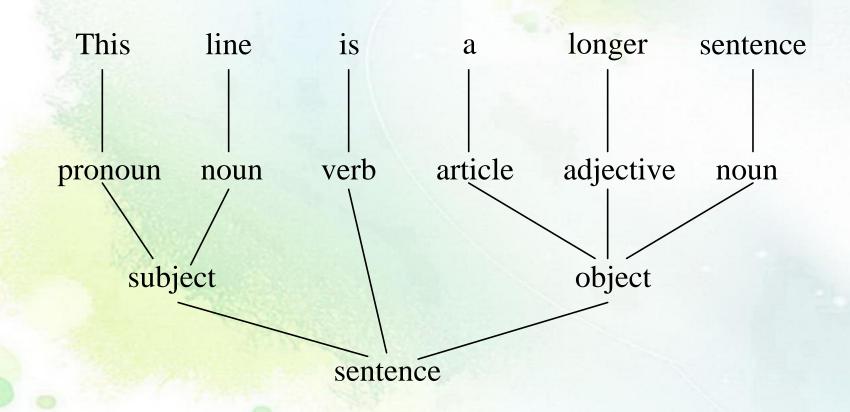
缺点:语言一般是无限的,而非有限的。

# 如何来描述一种语言?

如果语言是无穷的,找出语言的有穷表示。 语言的有穷表示有两个途经:

- 》生成方式(文法):语言中的每个句子可以用严格定义的规则来构造。
- 》识别方式(自动机):用一个过程,当输入的一任意串属于语言时,该过程经有限次计算后就会停止并回答"是",若不属于,要么能停止并回答"不是",要么永远继续下去。

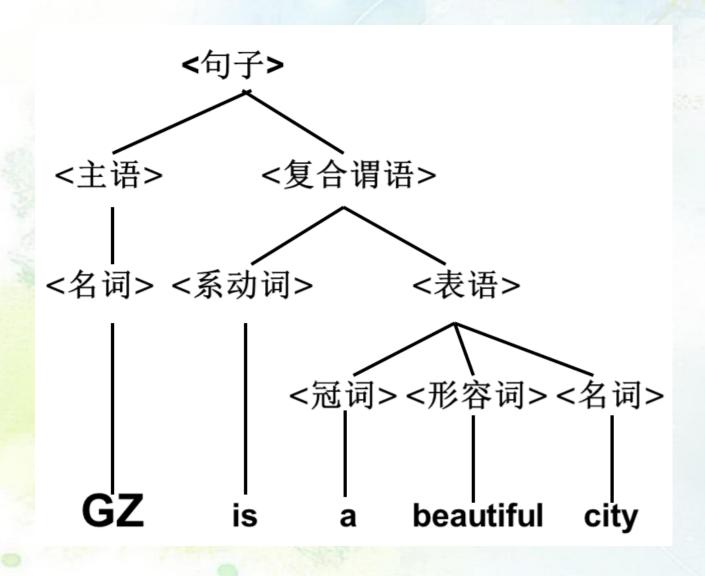
# This line is a longer sentence



## 英文句子规则的定义

```
<句子>::=<主语><复合谓语>
〈主语〉::=〈名词〉
<名词>::=GZ | SH | BJ | city
<复合谓语>::=<系动词><表语>
< 条 动词 > ::= is | was
<表语>::=<冠词><形容词><名词>
<冠词>::=a | an | the
<形容词>::=beautiful | great | wonderful
```

说明:我们通常用符号→来替代上述的符号::=如: <冠词>→a | an | the



上下文无关文法(context-free grammars)

例子

$$E \rightarrow EOE$$

$$E \rightarrow (E)$$

$$E \rightarrow v$$

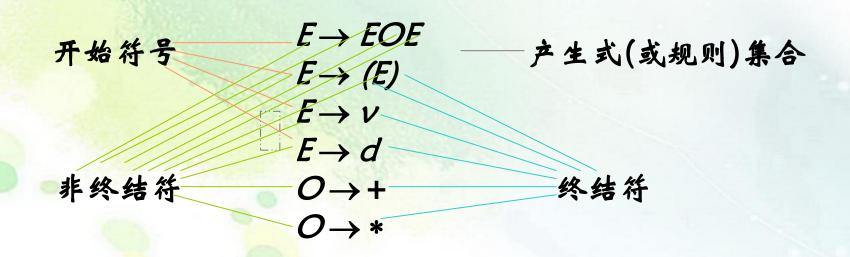
$$E \rightarrow d$$

$$O \rightarrow +$$

$$O \rightarrow *$$

#### 上下文无关文法的四个基本要素:

- 1. 终结符(terminals)的集合 有限符号集, 相当于字母表
- 2. 非终结符 (nonterminals)的集合 有限变量符号的集合
- 3. 开始符号(start symbol)一个特殊的非终结符
- 4. 规则或产生式(productions)的集合 形如: <head>→<body>



上下文无关文法的形式定义:

一个上下文无关文法 CFG (context-free grammars) 是一个四元组  $G = (V_N, V_T, P, S)$ .

非终结符的集合	
终结符的集合 ——	
产生式的集合 ——	
开始符号 ———	

満足  $V_N \cap V_T = \Phi$   $S \in V_N$ 

产生式形如  $A \rightarrow \alpha$ ,其中  $A \in V_N$ ,  $\alpha \in (V_N \cup V_T)^*$ 

- 产生式(规则)的作用:
- ——用于定义或描述语言中的语法成分,
- · 一常用来产生(即推导)出语言中的句子,故一般也将规则称为产生式。

#### 注意:

- (1)规则右部的运算符有:选择(|)、并置、括号(),
- (2)无重复(\*)运算符,用递归实现重复。
- (3) 规则右部可使用元符号8:为了能产生空串。

### 在表示文法时,通常有以下的习惯用法:

- •大写字母A~Z表示非终结符,或者用尖括号把非终结符括起来;
- 前面的小写字母a、b、c...表示单个终结符号;
- · 后面的小写字母u、v、w、x、y、z以及α、β等符号表示(V=VN∪VT)上的符号串。

### 文法与与正则表达式的异同点

文法——反映句子的组成 正则表达式——反映单词的组成

• 采用类似的命名惯例和运算

上下文无关文法举例

CFG 
$$G_{exp} = (\{E,O\}, \{(,),+,*,v,d\}, P,E).$$
  
其中产式集合  $P$  为

E → EOE

 $E \rightarrow (E)$ 

 $E \rightarrow v$ 

 $E \rightarrow d$ 

 $0 \rightarrow +$ 

 $O \rightarrow *$ 

产生式(规则)集合的缩写记法:

形如 
$$A \rightarrow \alpha_1, A \rightarrow \alpha_2, \cdots, A \rightarrow \alpha_n$$
 的产生式集合可简缩记为  $A \rightarrow \alpha_1 |\alpha_2| \cdots |\alpha_n$ , 如

$$E \to EOE$$

$$E \to (E)$$

$$E \to v$$

$$E \to d$$

$$O \to +$$

$$O \to *$$

$$G[E]:$$

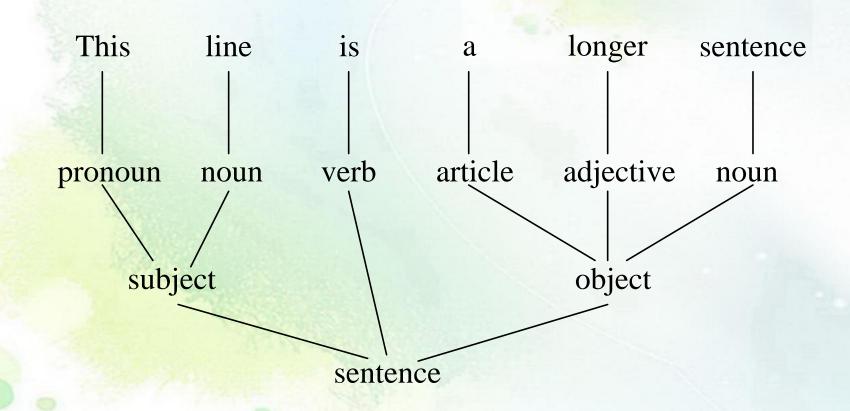
$$E \to EOE | (E) | v | d$$

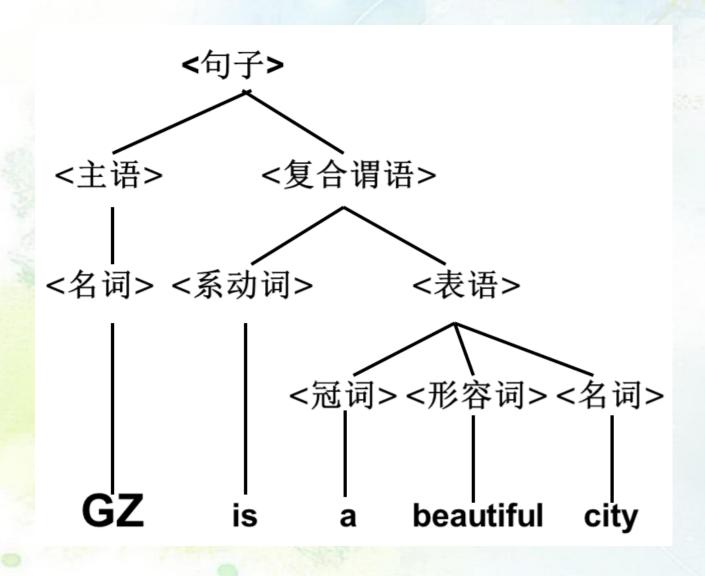
$$O \to + | *$$

## 语言的分析方法

- · 自顶向下分析(top-down parsing)
- · 由底向上分析(bottom-up parsing)

# This line is a longer sentence





### 归约与推导

- 一归约 将产生式的右部 (body) 替换为产生式的左部 (head).
- 一推导将产生式的左部 (head) 替换为产生式的右部 (body).

### 归约过程举例

対于CFG 
$$G_{exp} = (\{E,O\}, \{(,),+,*,v,d\}, P,E), P 为$$

$$(1) E \rightarrow EOE$$

$$(2) E \rightarrow (E)$$

$$(3) E \rightarrow v$$

$$(4) E \rightarrow d$$

$$(5) O \rightarrow +$$

$$(6) O \rightarrow *$$

递归推理出字符串 V\*(V+d) 的一个归约过程为

$$v*(v+d) \xrightarrow{(4)} v*(v+E) \xrightarrow{(6)} vO(v+E) \xrightarrow{(3)} vO(E+E)$$

$$\downarrow^{(5)} vO(EOE) \xrightarrow{(1)} vO(E) \xrightarrow{(2)} vOE \xrightarrow{(3)} EOE \xrightarrow{(1)} E$$

### 推导过程举例

対于CFG 
$$G_{exp} = (\{E,O\}, \{(,),+,*,v,d\}, P,E), P 为$$

$$(1) E \rightarrow EOE$$

$$(2) E \rightarrow (E)$$

$$(3) E \rightarrow v$$

$$(4) E \rightarrow d$$

$$(5) O \rightarrow +$$

$$(6) O \rightarrow *$$

递归推理出字符串 v\*(v+d) 的一个推导过程为

$$E \xrightarrow{(1)} EOE \xrightarrow{(6)} E *E \xrightarrow{(2)} E *(E) \xrightarrow{(3)} v *(E)$$

$$\downarrow^{(1)} v *(EOE) \xrightarrow{(5)} v *(E + E) \xrightarrow{(3)} v *(v + E) \xrightarrow{(4)} v *(v + d)$$

#### 推导关系

对于 CFG G =  $(V_N, V_T, P, S)$ , 上述推导过程可用关系  $\Rightarrow$  描述. 设  $\alpha,\beta \in (V_N \cup V_T)^*$ ,  $A \rightarrow \gamma$  是一个产生式,则定义  $\alpha A\beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ .

若 G 在上下文中是明确的,则简记为 $\alpha A\beta \Rightarrow \alpha \gamma \beta$ .

#### 扩展推导关系到自反传递闭包

定义上述关系的自反传递闭包,记为 $\stackrel{*}{\rightarrow}$ ,可归纳定义如下: 基础 对任何  $\alpha \in (V_N \cup V_T)^*$ ,满足  $\alpha \stackrel{*}{\rightarrow} \alpha$ . 归纳 设  $\alpha,\beta,\gamma \in (V_N \cup V_T)^*$ ,若  $\alpha \stackrel{*}{\rightarrow} \beta$  ,  $\beta \stackrel{*}{\rightarrow} \gamma$  成立,则  $\alpha \stackrel{*}{\rightarrow} \gamma$  .

## 最左推导 (leftmost derivations)

若推导过程的每一步总是替换出现在最左边的非终结符, 则这样的推导称为最左推导.

最左推导关系用 ⇒ 表示, lm 自反传递闭包用 ⇒ 表示.

如对于文法 $G_{exp}$ ,下面是关于v\*(v+d)的一个最左推导:

## 最右推导 (rightmost derivations)

若推导过程的每一步总是替换出现在最右边的非终结符,则这样的推导称为最右推导.
最右推导关系用 ⇒ 表示,
其自反传递闭包用 ⇒ 表示.
如对于文法G<sub>exp</sub>,下面是关于 ν\*(ν+d) 的一个最右推导:

E  $\stackrel{*}{\Rightarrow}$  EOE  $\stackrel{*}{\Rightarrow}$  EO(E)  $\stackrel{*}{\Rightarrow}$  EO(EOE)  $\stackrel{E}{\Rightarrow}$  EO(EOd)  $\stackrel{*}{\Rightarrow}$  EO(E + d)  $\stackrel{*}{\Rightarrow}$  EO(v + d)  $\stackrel{E}{\Rightarrow}$  E \*(v + d)  $\stackrel{*}{\Rightarrow}$  v \*(v + d)  $\stackrel{E}{\Rightarrow}$  O  $\rightarrow$  + O  $\rightarrow$  \*

### 句型 (sentential forms)

设 CFG  $G = (V_N, V_T, P, S)$ ,  $\alpha \in (V_N \cup V_T)^*$ 

为 G的一个句型, 当且仅当  $S \stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha$ .

若 $S_{\overrightarrow{m}}^* \alpha$ ,则  $\alpha$ 是一个左句型;

 $\stackrel{*}{\Rightarrow} \alpha$  ,则  $\alpha$  是一个右句型.

若句型  $\alpha \in V_{7}$ , 则称  $\alpha$  为一个句子 (sentence).

## 上下文无关语言的定义

#### 上下文无关文法的语言

设 CFG G = 
$$(V_N, V_T, P, S)$$
, 定义 G 的语言为 
$$L(G) = \{ w \mid w \in V_T^* \land S \xrightarrow{*} w \}$$

上下文无关语言(context-free languages)

如果一个语言 L 是某个 CFG G 的语言,即 L(G) = L,

则L是上下文无关语言.

### 问题:属于VT+的符号串X,是否一定属于L(G)?

例2 设有文法 G1=(VN, VT, P, A) 其中, VN={A} VT={a} P={A→a} 试问:此文法描述的语言L(G1)=?

解:由于从开始符号A出发,只能推导出一个句子a,所以L(G1)={a},因此文法G1所定义的语言L(G1)是有穷语言。

由于 $VT^+ = \{a, aa, aaa, ...\}$ ,因此L(G1)只是 $VT^+$ 的一个真子集。

例3 设有文法 G2=(VN, VT, P, A) 其中, VN={A} VT={a} P={A→Aa, A→ε} 试问: 此文法描述的语言L(G2)=?

解:由于从开始符号A出发,可以有

A⇒Aa⇒εa=a

A⇒Aa ⇒Aaa ⇒εaa=aa

A⇒Aa ⇒Aaa ⇒Aaaa =εaaa =aaa

 $\text{PpL}(G2) = \{a, aa, aaa, aaaa, ...\} = \{a^n, n>=1\}$ 

因此文法G1所定义的语言L(G2)是无穷语言。

### 结论

最左推导、最右推导、最左归约、最右归约 不难发现:

最左推导=最右归约最右推导=最左归约

规范推导=最右推导,最左归约=规范归约

可以说,凡是句子,必定存在规范归约是自底向上分析技术可行的依据。

## 结论

- 语言是一切句子的集合;
- 程序设计语言是一切程序的集合;

● 程序是(程序设计) 语言的句子

#### 几个基本概念

- · 直接递归:设G是一文法,U→u是G的一个规则,如果u具有αUβ的形式,其中α、β不同时为ε,则称产生式U→u 是直接递归的;
  - 递归: 若存在推导

$$U\rightarrow u\Rightarrow *\alpha U\beta$$

则称规则U→u是递归的。

- 直接左递归和左递归的规则: 当α=ε而β≠ε时,则将规则U→u分别称直接左递归和左递归规则。
- 递归文法:文法中至少含有一个递归的非终结符。

# 语言分析在计算机的实现

- 1.文法的存储结构
- 2.推导过程的存储结构

### 1. 文法的存储结构

## G[E]:

 $E \rightarrow E + T$ 

 $E \rightarrow T$ 

T→T\*F

 $T \rightarrow F$ 

 $F \rightarrow (E)$ 

F→i

一种是数组表示。

一种是链表表示。

<句子>::=<主语><复合谓语>

<主语>::=<名词>

<复合谓语>::=<系动词><表语>

#### 数组表示:

```
右部符号串
                     右部长度
      左部
相应的C语言数据结构定义:
typedef struct
{ 符号 左部符号;
 符号 右部符号串[MaxRightPartLength+1];
 int 右部长度;
} 规则;
规则 文法[MaxRuleNum+1];
其中,
     typedef char 符号[MaxLength+1];
  符号 非终结符号集[MaxVnNum+1];
```

符号 终结符号集[MaxVtNum+1];

为便于处理,以符号的序号代替符号本身: typedef struct

{ int 左部符号序号; int 右部符号串[MaxRightPartLength+1]; int 右部长度;

} 规则;

规则 文法[MaxRuleNum+1];

#### 文法G在计算机内的存储表示:

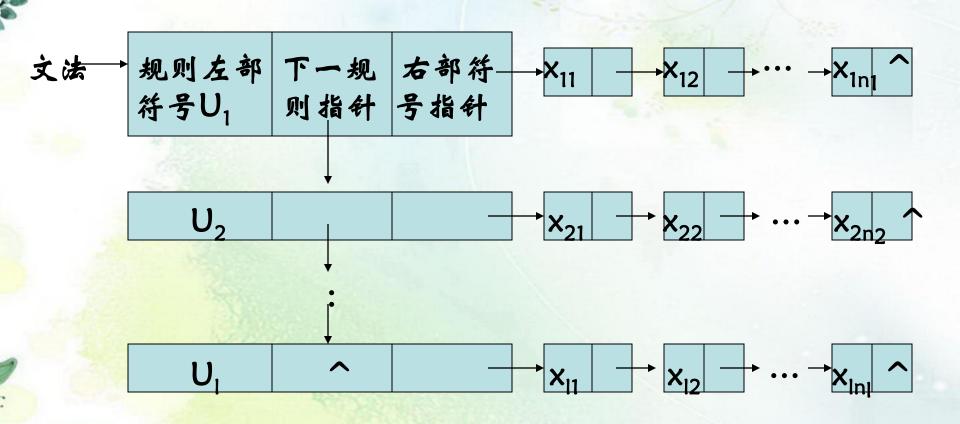
101	101, 1, 102	3
101	102	1
102	102, 2, 103	3
102	103	1
103	3, 101, 4	3
103	5	1

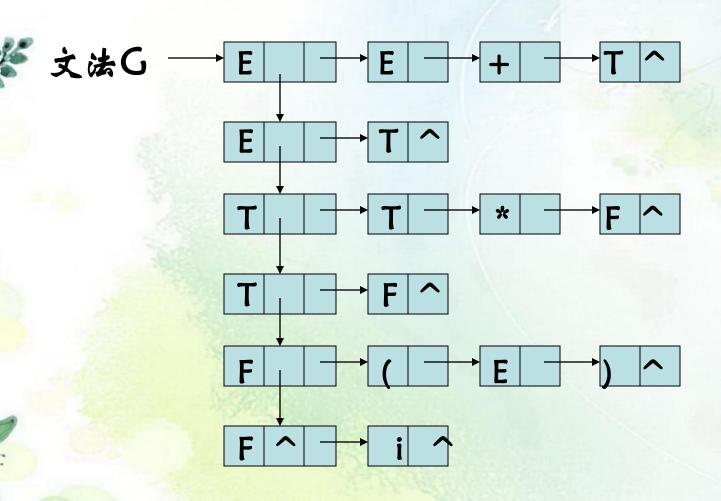
$$E \rightarrow E + T$$
  
 $E \rightarrow T$   
 $T \rightarrow T*F$   
 $T \rightarrow F$   
 $F \rightarrow (E)$   
 $F \rightarrow i$ 

```
规则E-->E+T:在计算机内的存储表示:
文法[1]:{101,{101,1,102},3}
规则E-->T在计算机内的存储表示:
文法[2]:{101,{102},1}
```

TEVT: T在VT中的序号, UEVN: U在VN中的序号+100

### 文法的链式表示:





## 2.推导过程的存储结构

推导过程的构造:句子生成的过程

重点:推导过程在计算机内的存储表示。

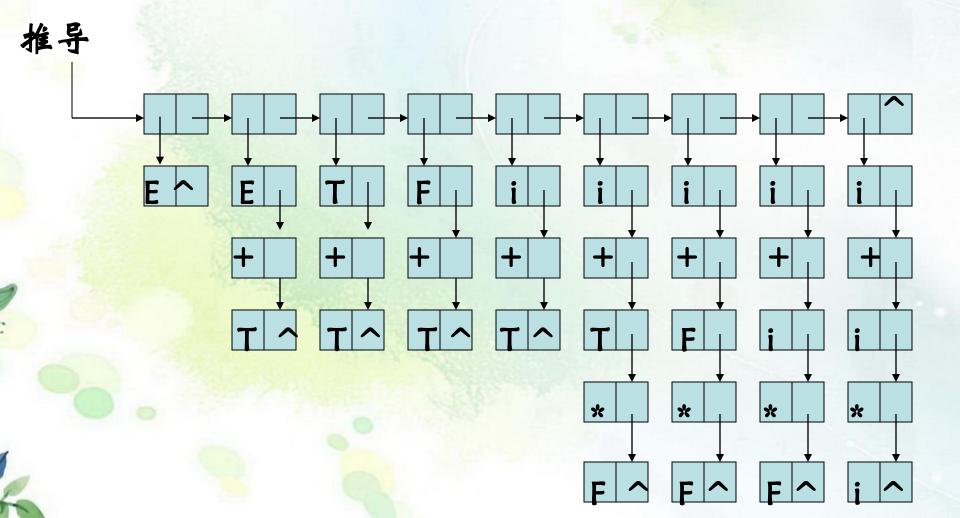
G[E]: 
$$E \rightarrow E + T \mid T$$
  
 $T \rightarrow T * F \mid F$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$ 

$$E \Rightarrow E+T \Rightarrow T+T \Rightarrow i+T \Rightarrow i+T*F$$
$$\Rightarrow i+F*F \Rightarrow i+i*F \Rightarrow i+i*i$$

### 2.推导过程的存储结构

推导过程的构造:句子生成的过程

重点:推导过程在计算机内的存储表示。



其中包含两类结点,一类链接结点结构形如:

句型首符号结点指针 下一句型链头指针

另一类符号结点结构形如:

文法符号序号 后继符号结点指针

- 链接结点可采用结构类型定义如下: typedef struct 链接结点
  - {符号结点类型 \*句型首符号结点指针; struct 链接结点 \*下一句型链头指针;
  - } 链接结点类型;
- 符号结点可采用结构类型定义如下: typedef struct 符号结点
  - { int 文法符号序号; struct 符号结点 \*后继符号结点指针;
  - } 符号结点类型;
- 其中,为简单起见,文法符号用文法符号的序号代替。

#### 推导过程分析

G[E]: 
$$E \rightarrow E + T \mid T$$
  
 $T \rightarrow T^*F \mid F$   
 $F \rightarrow (E) \mid i$ 

$$E \Rightarrow E + T \Rightarrow T + T \Rightarrow i + T \Rightarrow i + T \Rightarrow i + T \Rightarrow F + T \Rightarrow i + T \Rightarrow$$

$$E \Rightarrow E+T \Rightarrow E+T*F \Rightarrow E+T*i \Rightarrow E+F*i \Rightarrow E+i*i$$
$$\Rightarrow T+i*i \Rightarrow F+i*i \Rightarrow i+i*i$$

$$E \Rightarrow E + T \Rightarrow T + T \Rightarrow T + T * F \Rightarrow F + T * F \Rightarrow F + F * F$$

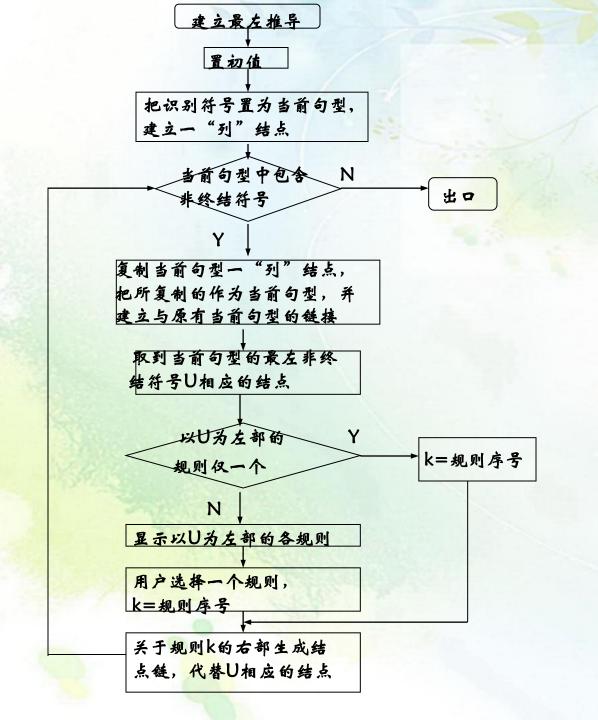
$$\Rightarrow i + F * F \Rightarrow i + F * i \Rightarrow i + i * i$$

显然每一"列" (垂直链) 中各结点相应的符号组成一个句型。

一个推导,其中的每一步直接推导,总是把相应句型中最左的非终结符号,替换为其规则右部符号串,称为最左推导。

一个推导,其中的每一步直接推导,总是把相应句型中最右的非终结符号,替换为其规则右部符号串,称为最右推导。

这易于用C语言结构类型实现。以最左推导的建立为例,程序控制流程示意图如下。



+ \* \* \* \* F^F^

- 文法 (grammar) 是一个四元组 $G = (V_N, V_T, P, S),$ 

 $V_N$ 、 $V_T$ 、P及S的含义如前. Chomsky 通过对产生式施加不同的限制,把文法及其对应的语言分成四种类型,即O型、1型、2型和3型.

- 0型文法

0型文法  $G = (V_N, V_T, P, S)$  的产生式形如  $\alpha \rightarrow \beta$ ,

其中 $\alpha, \beta \in (V_N \cup V_T)^*$ , 但  $\alpha$  中至少包含一个非终结符.

能够用 0 型文法定义的语言称为 0 型语言或递归可枚举语言.

#### - 1型文法

1型文法 G = (V<sub>N</sub>, V<sub>T</sub>, P, S) 的产生式形如 α → β, 且 α ≤ β,

仅 $S \rightarrow \epsilon$ 例外,且要求S不得出现在任何产生式的右部。

1型文法也称为上下文有关文法 (context-sensitive grammars).

能够用1型文法定义的语言称为1型语言或上下文有关语言.

# 1型文法

例:1型(上下文有关)文法

文法G[S]: S→CD

C→aCA

C→bCB

C→a

D→b

bAa→bDd

aAb→bCd

bBa→aCd

aBb→bDd

- 2型文法
  - 2型文法  $G = (V_N, V_T, P, S)$  的产生式形如  $A \rightarrow \beta$ ,

其中 $A \in V_N$ ,  $\beta \in (V_N \cup V_T)^*$ .

2型文法也称为上下文无关文法.

能够用2型文法定义的语言称为2型语言,或上下文无关语言。

# 2型文法

例:2型(上下文无关)文法

文法G[S]: S→AB

A→BS|O

B→SA | 1

- 3型文法

能够用3型文法定义的语言称为3型语言,或正规语言.

3型文法也称为正则文法(或正规文法).

产生式也可以形如

 $A \rightarrow Ba$  或 $A \rightarrow a$ , 【左线性规则】

# 3型文法

G[S]:

S→A0|B1|0

A→A0|B1|S0

B→B1|1|0

**G[A]**:

 $A \rightarrow aT$ 

 $A \rightarrow a$ 

 $T \rightarrow aT$ 

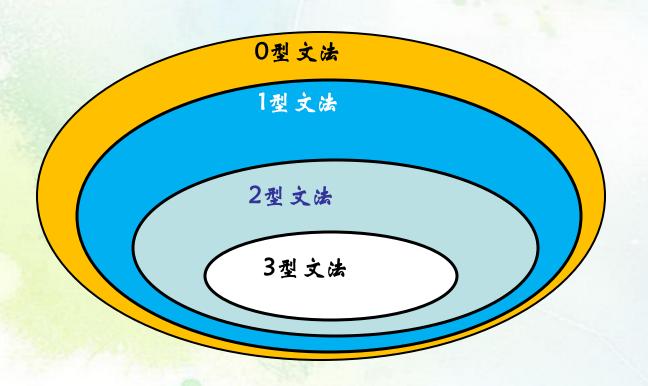
 $T \rightarrow dT$ 

 $T \rightarrow a$ 

 $T \rightarrow d$ 

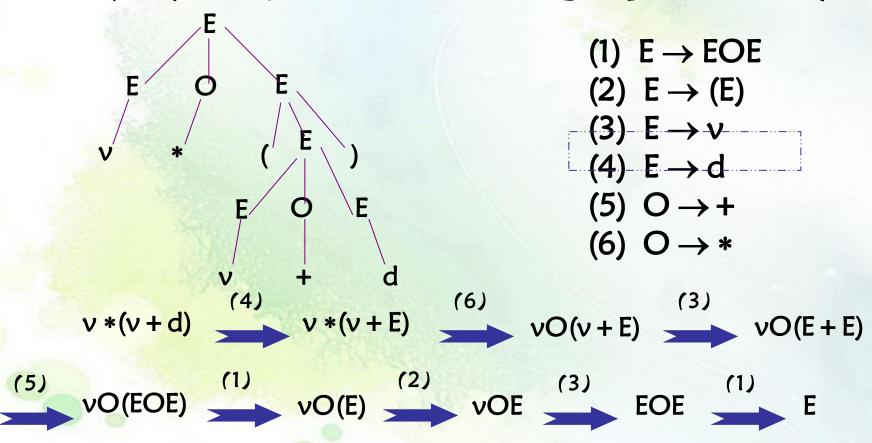
			1	
分类	语言名称	语法	识别器	产生式形式
3	正规语言或正则语言	正则文法 或正规文法 Regular	有穷状态自动机 Finite-State Automaton	A→aB 或 A→a 其中:A, B∈N, a∈∑ 也可具有形式: A→Ba 或 A→a 但两种形式不能同时 兼存在。
2	上下文 无关语言	上下文无关文法 Context-Free	下推自动机 Push-Down Automaton	A→α 其中: A∈N, α∈(N∪ ∑)*
1	上下文 有关语言	上下文有关文法 Context-Sensitive	线性限界自动机 Linear-Bounded Automaton	α→β 其中: α, β∈ (N∪∑)*, 且 α ≤ β
0	递归 <mark>可枚举</mark> 语言	0 型文法 Unrestricted	图灵机 Turing Machine	α→β 其中: α, β∈ (N∪∑)*

四类文法之间的逐级"包含"关系



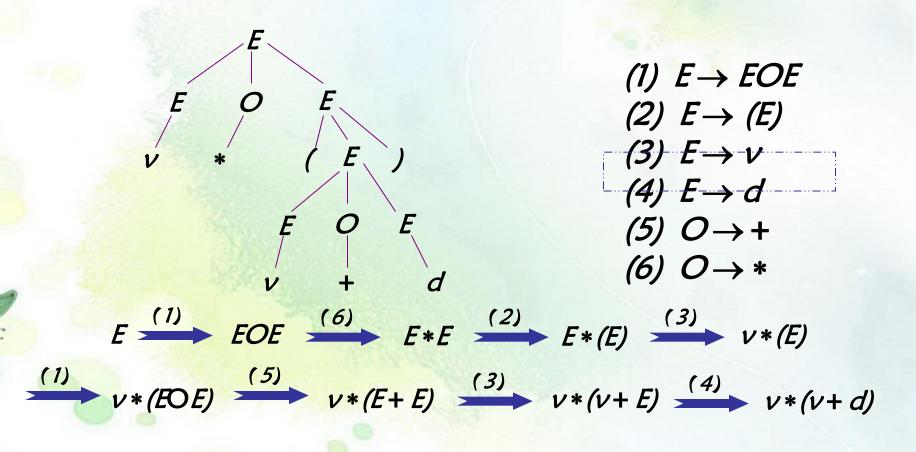
## 分析树

- 归约过程自底而上构造了一棵树 如对于文法G<sub>exp</sub>, 关于 v\*(v+d) 的一个归约过程可以认为是构造了如下一棵树:



## 分析树

-推导过程自顶而下构造了一棵树 如对于文法 $G_{exp}$ ,关于 $\nu*(\nu+d)$ 的一个推导过程可以认为是构造了如下一棵树:



## 分析树

对于 CFG  $G = (V_N, V_T, P, S)$ , 语法分析树是满足下列条件的树:

- (1) 每个内部结点由一个非终结符标记.
- (2) 每个叶结点或由一个非终结符,或由一个终结符,或由  $\varepsilon$  来标记. 但标记为  $\varepsilon$  时,它必是其父结点唯一的孩子.
- (3) 如果一个内部结点标记为 A,而其孩子从左至右分别标记为 $X_1,X_2,...,X_k$ ,则  $A \rightarrow X_1X_2...X_k$ 是 P中的一个产生式.
- (4)如果树的所有端末节点(叶子)上的标记从左向右排列为字符串W,则W是G的句型,若W中仅含终结符,则它为G所产生的句子。

注意: 只有k=1时上述 $X_i$ 才有可能为 $\varepsilon$ , 此时结点A只有唯一的孩子, 且 $A \to \varepsilon$ 是P中的一个产生式.

问题:对于一个给定的文法和一个句型,如何构造相应的分析树?

例 G[S]:

$$S \rightarrow V = E$$

$$E \rightarrow F+F \mid F$$

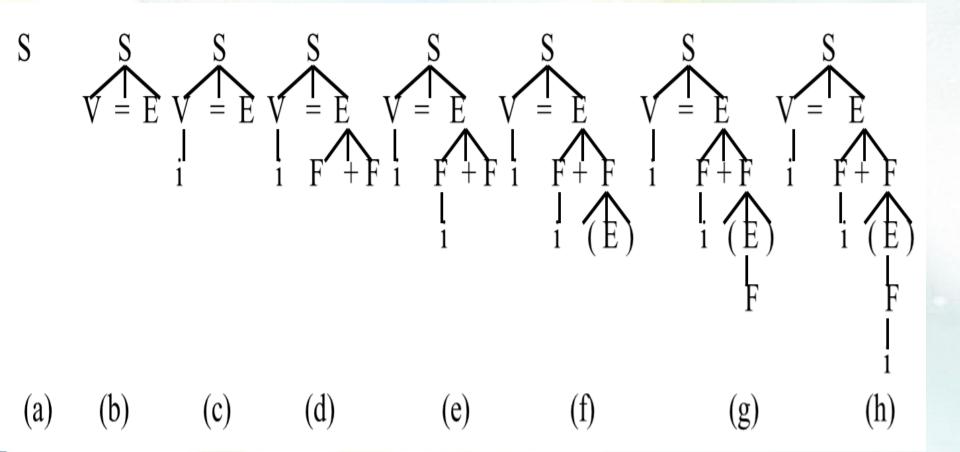
$$F \rightarrow (E) \mid i$$

分析所输入的符号串i=i+(i)是否为其句子, 并画出相应的分析树。

- 1. 自顶向下
- 2. 自底向上

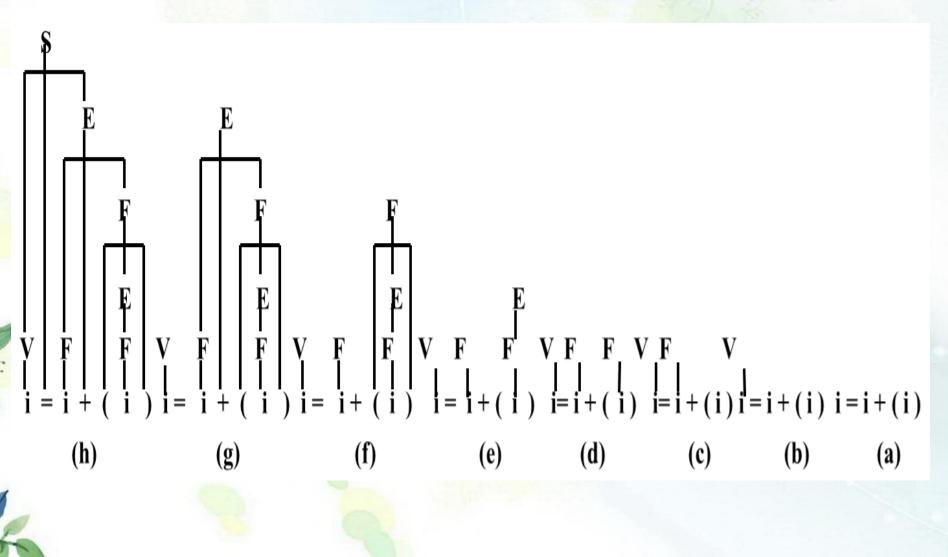
## 自顶向下分析:不断进行直接推导的过程。

构造方向 >



## 自底向上分析:不断进行直接归约的过程。

构造方向 ←



## 分析树的存储结构

首先结合例子考察语法分析树应有怎样的数据结构, 然后再考虑怎样构造。

例 设文法G[E]:

E::=E+T|E-T|T

T:=T\*F|T/F|F

F::=(E)|i

输入符号串是i-i\*i,

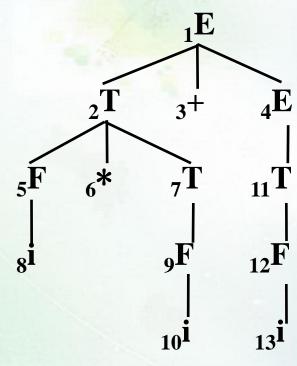
推导为:

E=>T+E=>F\*T+E=>i\*T+E

=>i\*F+E=>i\*i+E=>i\*i+T

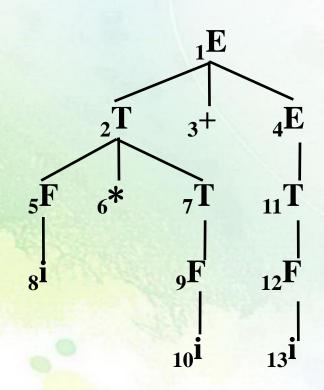
=>i\*i+F=>i\*i+i

可构造语法分析树如图:

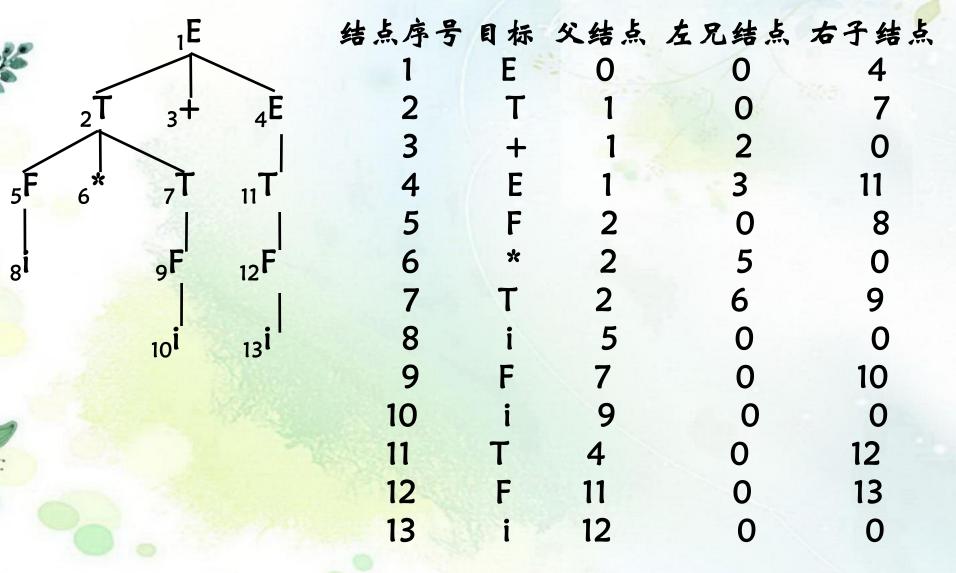


确定每个结点在语法分析树中的位置,包括各个结点之间的相互关系,便确定了语法分析树,因此为语法分析树结点可设计如下的数据结构:

结点序号 文法符号序号 父结点序号 左兄结点序号 右子结点序号



#### 按推导生成的分析树及其存储表示



(a) 分析树

(b)分析树的存储表示

```
typedef struct
{ int 结点序号;
int 文结点序号;
int 父结点序号;
int 左兄结点序号;
int 右子结点序号;
}结点类型;
```

结点类型 语法分析树[MaxNodeNum];

#### 构造分析树的步骤如下:

步骤1 以识别符号Z建立根结点,序号为1,且以这仅包含一个非终结符号的句型Z作为当前句型。

步骤2 从当前句型中找出最左的非终结符号U,显示以U为左部的一切规则,根据所给的输入符号串,选择其中的一个规则U::=X<sub>1</sub>X<sub>2</sub>···X<sub>m</sub>,以U为分支名字结点,以X<sub>1</sub>X<sub>2</sub>···X<sub>m</sub>作为分支结点符号串,构造分支。建立父子兄弟结点关系。

步骤3 重复步骤2,直到当前句型中不再包含非终结符号,分析树构造结束,最终的分析树为所求。

### 总 结

(1)优点:分析树可以反映推导的全过程,信息齐全。

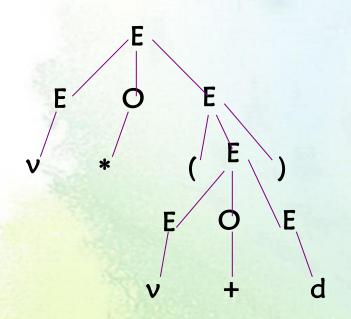
(2)缺点:过于复杂,耗费空间.

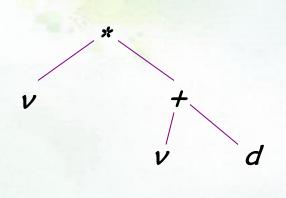
#### 解决方法

• 压缩——只存储有用信息——对于后续阶段来说

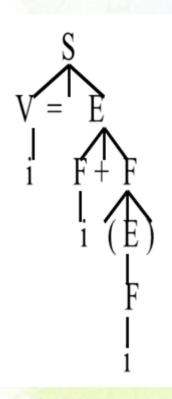
• 语法树

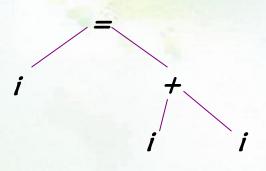
# 分析树与语法树





# 分析树与语法树





## 语法树

#### 特点:

• 分析树表示所有推导步骤;

· 语法树只保留对后续分析有用的信息,因此无法还原记号序列, 比分析树效率更高。

· 算术表达式对应语法树的C语言描述:

```
typedef enum { Plus, Minus, Times, Division } OpKind;
typedef enum { OpKind, ConstKind, VarKind } ExpKind;
typedef struct streenode {
  ExpKind kind;
  OpKind op;
  struct streenode * Ichild, *rchild;
  int val;
  char varname[20];
} STreeNode;
typedef STreeNode *SyntaxTree;
```

#### 条件判断语句的语法树

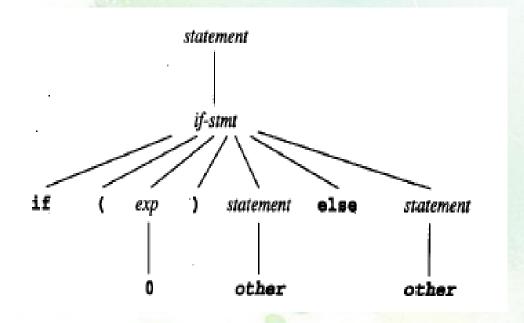
例. if 语句的文法:

statement → if-stmt | other

if-stmt→if(exp) statement | if(exp) statement else statement

exp → 0 | 1

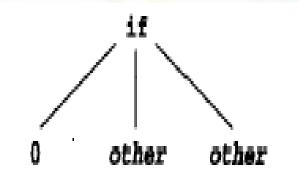
\$\frac{1}{2}\$ if (0) other else other



问题:分析该树中对后续分析阶段有用的信息有哪些?

# if语句的语法树结构

- (1)测试表达式
- (2)then 部分
- (3)else部分(如果出现)



# if语句的语法树结构

```
typedef enum { ExpK, StmtK} NodeKind;
typedef enum { Zero, One} ExpKind;
typedef enum { IfK, OtherK} StmtKind;
typedef struct streenode {
 NodeKind kind:
 ExpKind ekind;
 StmtKind skind;
 struct streenode *test, *thenpart, *elsepart;
} STreeNode;
typedef STreeNode * SyntaxTree;
```

## TINY语言的各语句的语法树结构

如: if, repeat, read, write 等语句的语法树结构

详细见参考书: P98的C语言表示

语法树示例见参考书P100的图3-6和程序清单3-3。

# 文法的二义性

· 对于一个文法的同一个句子而言,若存在两个不同的语法树与之对应,我们就称该文法是二义性的。

```
⑤ G3 = ({if,then,else, e, a},{S},P,S)
G3[S]:
S→if e then S
| if e then S else S
| a
```

## 句子if e then if e then a else a

```
S⇒if e then S

⇒if e then if e then S else S

⇒if e then if e then a else S

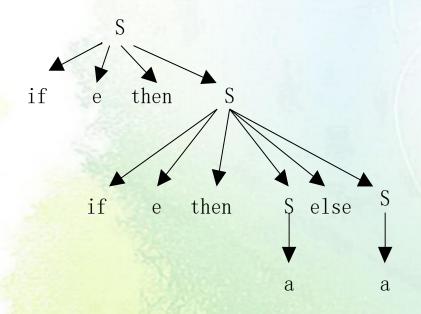
⇒if e then if e then a else a
```

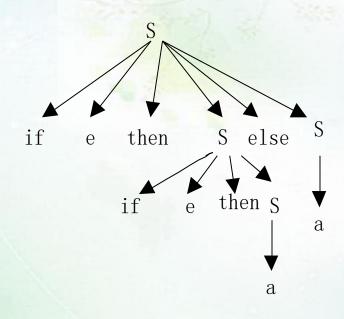
S⇒if e then S else S ⇒if e then if e then S else S ⇒if e then if e then a else S ⇒if e then if e then a else a

最左推导1

最左推导2

# • 上例的两棵分析树





# 文法的二义性

- 二义性的判定 一个 CFG 是否为二义的问题是不可判定的, 即不存在解决该问题的算法.

- 消除二义性 没有通用的办法可以消除文法的二义性. 但在实践中,对于常用的文法,可以找到特定的消除歧义性的办法。

### 注意事项

对于程序设计语言来说,重要的是:描述它的文法应是无二义性的。

一个语言,可以为它设计二义性的文法,也可以为它设计无二义性的文法,因此一般说,讨论语言的二义性是无意义的。重要的是对同一个语言,为它构造无二义性文法,如果构造的是二义性文法,应设法在不改变语言的前提下,把二义性文法等价变换成无二义性文法。

鉴于二义性不可判定,所能做的是寻找一组充分条件,使得满足这些条件的文法必定是无二义性的。注意,这些条件只是充分条件,未必是无二义性的必要条件。

# 悬挂else问题的解决方法

```
④. G3 = ({if,then,else, e, a},{S},P,S)
G3[S]:
S→if e then S
| if e then S else S
| a
```

# 悬挂else问题的解决方法

• 方法1:设置一个限制规则,在分析程序中实现

即: else 要与最近的上一个未被匹配的if匹配.

• 方法2:改造文法:

matched-stmt else unmatched-stmt

• 方法3:重新设计书写语法

· 具体做法1: else部分一定要出现

• 注意:

该办法已在LISP和其他函数语言中用到了(但 须返回一个值)。 · 具体做法2:使用一个if匹配的关键字来作为语句的结束。

```
if x!=0 then
if y=1/x then ok:= true;
else z:=1/x;
end if;
end if;
```

注意: Algol 68、Ada、visual basic、visual foxpro均使用类似的做法。

## 悬挂else问题的解决方法

• 上述做法对应文法的描述为:

if-stmt→if e then state-seq end if |
if e then state-seq else state-seq end if

# 如何为语言构造文法

例: L1={a<sup>i</sup>b<sup>j</sup>c<sup>k</sup>|i,j,k≥1}

例:构造语言L2={abi|i≥0}的文法

例.V<sub>T</sub>={a,b}的句子5的集合是由一个b及在其前后有相同数目的a组成:

 $S = \{b, aba, aabaa, aaabaaa, ...\} = \{a^nba^n \mid n \ge 0\}$ 

#### 语言的等价

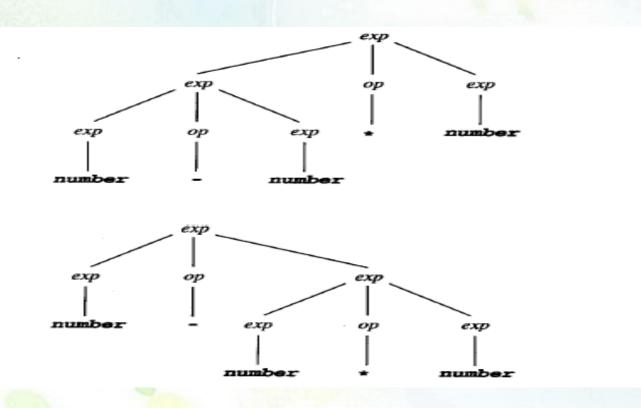
设G1、G2为两个文法,若它们所产生的语言相等,即L(G1)=L(G2),则称G1和G2等价。

# 一个问题

• 如何用文法规则描述算术表达式?

## 问题分析

exp→ exp op exp | (exp) | number op→+ | - | \* |/ 对于串34-3\*42,则分析树有:



## 文法改造过程

 $exp \rightarrow exp$  op  $exp \mid (exp) \mid number$ op  $\rightarrow + \mid - \mid * \mid /$ 

· 步骤(1):构造能反映运算符号间优先关系的规则 即+-后于\*/再后于()

- 由于在树型中离根越近,则优先级越低,
- 而推导过程均由文法开始符号进行分析,
- 因此,在规则中最接近文法开始符号的运算符号应该是+-,而\*/则远一点,而()则更远.

exp→exp addop exp | term addop→+|term→term mulop term | factor mulop→ \*|/ factor→(exp) | number

对于该文法,串34-3\*42 就只有唯一的语法树。

# • 文法改造过程

- 同级运算符号的优先关系: 左结合
- 根据语法树中谁深谁优先的原理可得:
- 左方的同级运算符只能在左边产生,而不能在右边产生。

exp→exp addop exp | term 左右均可产生 term→term mulop term | factor 左右均可产生

结论:删除右边产生的递归即可

即将规则

exp→ exp addop exp | term

改造为

exp→ exp addop term | term

## 结论:

左递归规则可实现左结合,而右递归规则可实现右结合。

#### 改造结果:

 $exp \rightarrow exp \ addop \ term \mid term$   $addop \rightarrow + \mid$   $term \rightarrow term \ mulop \ factor \mid factor$   $mulop \rightarrow * \mid /$  $factor \rightarrow (exp) \mid number$ 

表达式34-3\*42的分析树为:

表达式34-3-42的分析树为:

# 扩展的表示法: EBNF

## 原因:

- (1) 表达能力弱、符号不丰富
- (2)程序设计语言的控制结构有:顺序、重复和选择结构

· EBNF: 扩充BNF, 在规则中可表示重复和可选.

### 重复操作

或

A→aA |b (右递归)

- · 在EBNF中用花括号{...}来表示重复
- 因此上述规则可用以下规则写出:

$$A \rightarrow b\{a\}$$

和

$$A \rightarrow \{a\}b$$

## 可选操作

· EBNF中用方括号[...]来表示可选

```
statement → if-stmt | other
if-stmt → if exp then statement
      | if exp then statement else statement
\exp \rightarrow 0 \mid 1
```

## 可表示:

statement → if-stmt | other if-stmt → if exp then statement [else statement]  $exp \rightarrow 0 \mid 1$