



# 中间表示：活性分析

---

编译原理

华保健

[bjhua@ustc.edu.cn](mailto:bjhua@ustc.edu.cn)



# 进行活性分析的动机

---

- 在代码生成的讨论中，我们曾假设目标机器有无限多个（虚拟）寄存器可用
  - 简化了代码生成的算法
  - 对物理机器是个坏消息
    - 机器只有有限多个寄存器
      - 必须把无限多个虚拟寄存器分配到有限个寄存器中
- 这是寄存器分配优化的任务
  - 需要进行活性分析



# 示例

---

考虑这段三地址码：

```
a = 1
```

```
b = a + 2
```

```
c = b + 3
```

```
return c
```

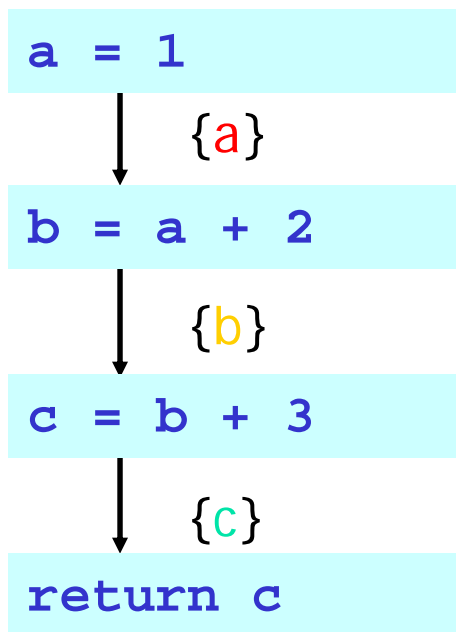
有三个变量  $a$ ,  $b$ ,  $c$ .

假设目标机器上只有一个物理寄存器： $r$ .

是否可能把三个变量  $a$ ,  $b$ ,  $c$  同时放到寄存器  $r$  中？

# 示例

考虑这段三地址码：



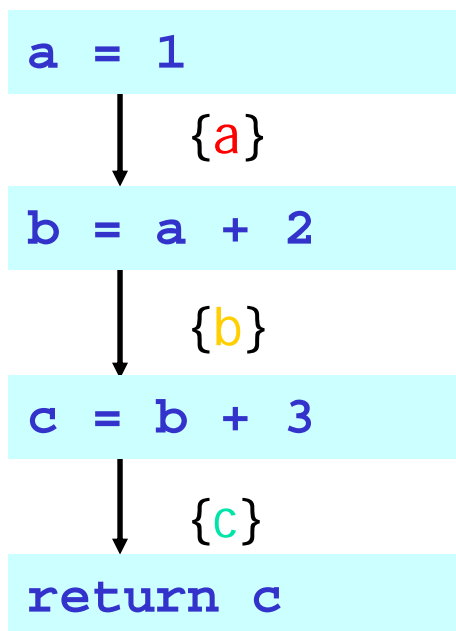
计算在给定的程序点，哪些变量是“活跃”的

活跃信息给出了活跃区间的概念.

活跃区间互不相交，所以三个变量可交替使用同一个寄存器。

# 示例

考虑这段三地址码：



寄存器分配：

`a` => `r`

`b` => `r`

`c` => `r`

代码重写：

`r = 1`

`r = r + 2`

`r = r + 3`

`return r`



# 数据流方程

---

对任何一条语句：

$[d: s]$

给出两个集合：

$\text{gen}[d: s] = \{x \mid \text{变量}x\text{在语句}s\text{中被使用}\}$

$\text{kill}[d: s] = \{x \mid \text{变量}x\text{在语句}s\text{中被定义}\}$

1:  $x = y + z$

2:  $z = z + x$

# 数据流方程

## ■ 基本块内的后向数据流方程：

$$\text{out}[s_i] = \text{in}[s_{i+1}]$$

$$\text{in}[s] = \text{gen}[s] \cup (\text{out}[s] - \text{kill}[s])$$

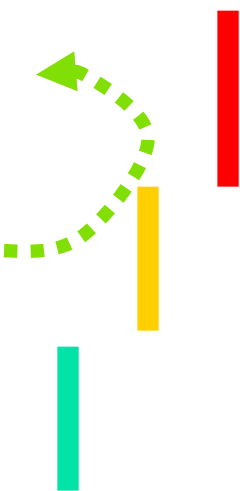
// 示例1:

a = 1

↓ int  
b = a + 2

↓ out  
c = b + 3

return c



// 示例2:

a = 1

b = a + 2

c = b + 3

return a + c



# 一般的数据流方程

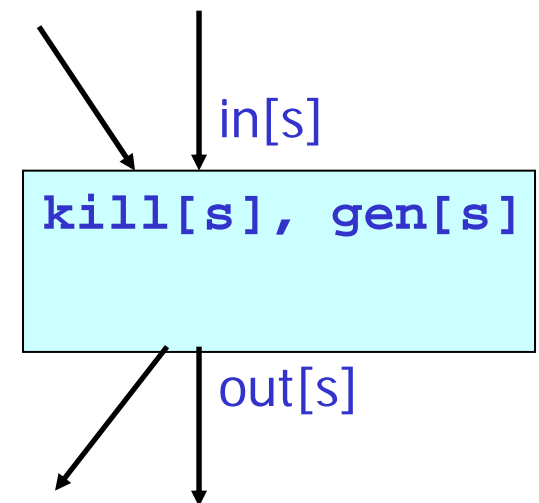
- 方程:

$$\text{out}[s] = \bigcup_{p \in \text{succ}[s]} \text{in}[p]$$

$$\text{in}[s] = \text{gen}[s] \cup (\text{out}[s] - \text{kill}[s])$$

- 同样可给出不动点算法

- 从初始的空集 $\{\}$ 出发
- 循环到没有集合变化为止





$$\begin{aligned} \text{out}[s] &= \bigcup_{p \in \text{succ}[s]} \text{in}[p] \\ \text{in}[s] &= \text{gen}[s] \cup (\text{out}[s] - \text{kill}[s]) \end{aligned}$$

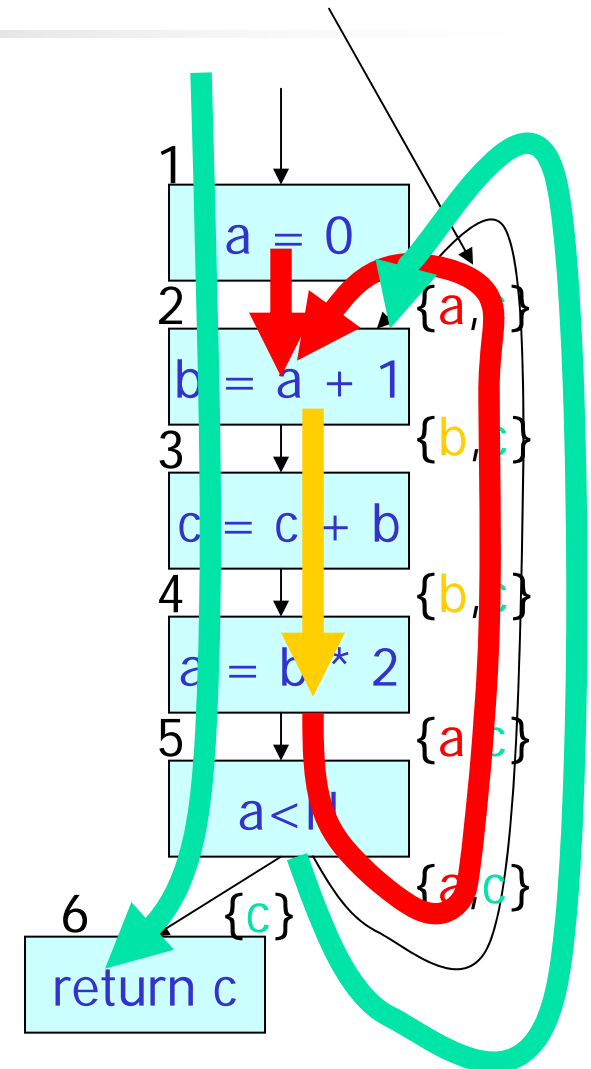
## 示例

	in/out	in/out	in/out	in/out	in/out
1	{ } { }	{ } { }	{ } {a}	...	
2	{ } { }	{a} { }	{a} {b,c}	...	
3	{ } { }	{b,c} { }	{b,c}{b}	...	
4	{ } { }	{b} { }	{b}{a,c}	...	
5	{ } { }	{a} {a}	{a}{a,c}	...	
6	{ } { }	{c} { }	{c} { }	...	

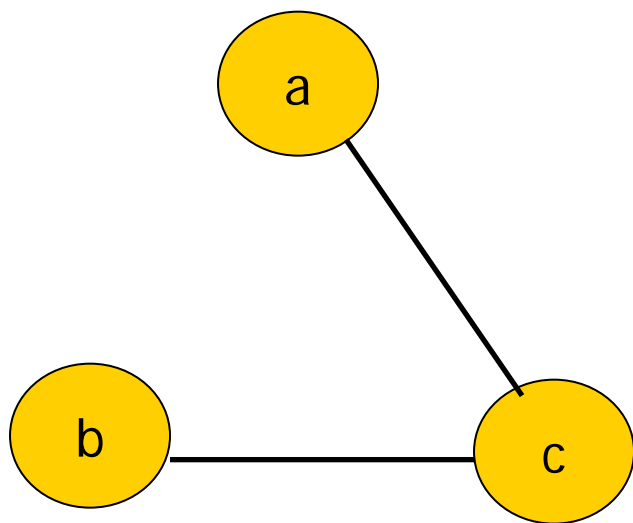
语句的遍历顺序: 1, 2, 3, 4, 5, 6

node	1	2	3	4	5	6
def	{a}	{b}	{c}	{a}	{ }	{ }
use	{ }	{a}	{b, c}	{b}	{a, N}	{c}

Final live\_out



# 干扰图



干扰图是一个无向图 $G=(V, E)$ ：

1. 对每个变量构造无向图 $G$ 中一个节点；
2. 若变量 $x, y$ 同时活跃，在 $x, y$ 间连一条无向边。

