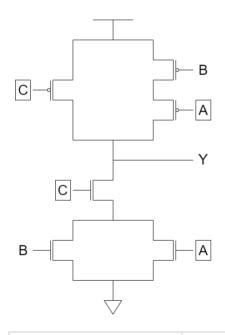
Answer 2

A1

首先从两个 Y=1 的情况看出上半部分的图中 A 和 C 的位置,然后将 C=0 对应的 Y 填成 1,剩下的 Y 填成 0,再由 A=0,B=1,C=1,Y=0 得出图中下半部分的 C 的位置,最后通过 A=1,B=0,C=1,Y=0 得出图中下半部分的 A 的位置。



Α	В	С	Υ
0	0	0	1
0	0	1	1
0	1	0	1
0	1	1	0
1	0	0	1
1	0	1	0
1	1	0	1
1	1	1	0

使用NAND可以得到如下三个基本的逻辑运算:

NOT a \Leftrightarrow a NAND a

 $a AND b \Leftrightarrow (a NAND b) NAND (a NAND b)$

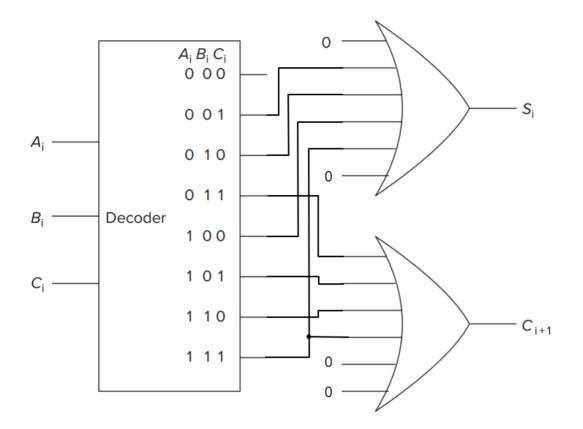
 $a OR b \Leftrightarrow (a NAND a) NAND (b NAND b)$

因此, NAND是逻辑完备的。

A3

画出如下表格,其中 A+B+C 的低位在 S,进位在 C,即可得到对应的图。

Α	В	С	С	S
0	0	0	0	0
0	0	1	0	1
0	1	0	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	1	1	0
1	1	0	1	0
1	1	1	1	1

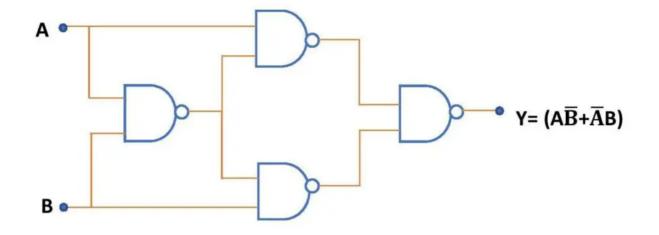


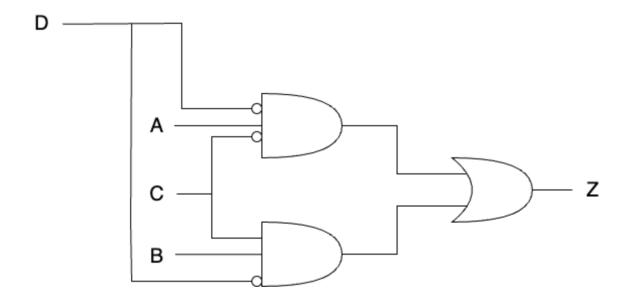
- 1. A(A[1:0]) 可以表示的最大值为 3
- 2. B(B[1:0]) 可以表示的最大值为 3
- 3. Y 的最大值为 9
- 4. 要表示 Y 的最大值需要 4 位
- 5. 真值表如下

A[1]	A[0]	B[1]	B[0]	Y[3]	Y[2]	Y[1]	Y[0]
0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	1	0	0	0	0
0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0	0
0	1	0	1	0	0	0	1
0	1	1	0	0	0	1	0
0	1	1	1	0	0	1	1
1	0	0	0	0	0	0	0
1	0	0	1	0	0	1	0
1	0	1	0	0	1	0	0
1	0	1	1	0	1	1	0
1	1	0	0	0	0	0	0
1	1	0	1	0	0	1	1
1	1	1	0	0	1	1	0
1	1	1	1	1	0	0	1

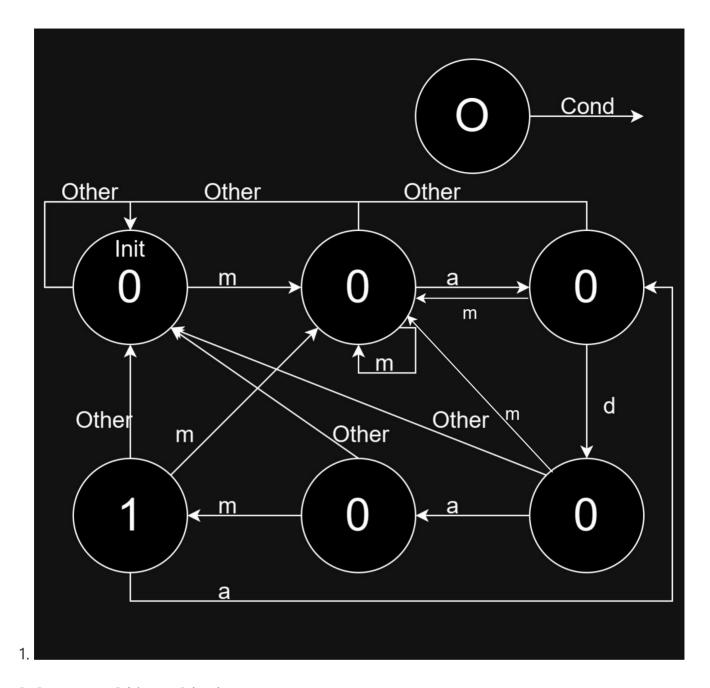
6. Y[2] = (A[1] AND (NOT A[0]) AND B[1])OR (A[1] AND A[0] AND B[1] AND (NOT B[0]))

或化简得到 Y[2] = A[1] AND B[1] AND (NOT (A[0] AND B[0]))





Α	В	С	D	POWEROFF
0	0	0	0	0
0	0	0	1	0
0	0	1	0	0
0	0	1	1	0
0	1	0	0	х
0	1	0	1	0
0	1	1	0	1
0	1	1	1	0
1	0	0	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0
1	0	1	1	0
1	1	0	0	Х
1	1	0	1	Х
1	1	1	0	Х
1	1	1	1	Х



2. 6 states -> 3 bits -> 3 latches

A8

- 1. 2^{a}
- 2. $2^a imes b$

A9

1. 为了可以写入第一个位置, A[1:0] 应当为00, 同时为了写入 WE 应当为1

- 2. 为了将寻址能力提升到 k bit ,则需要将每个位置存储的bits提升为 k 位,对应则是在每个位置添加 k-3 个门控D锁存器。
- 3. 考虑能寻址至少257个地址的PC宽度为9位,为了使得内存的位置数量可以将PC的的寻址空间填满,则应当有总共512个内存位置,对应地址线应当增加至9条。由于在该问题中单个位置的bit数未发生改变,故寻址能力不变。

- 1. $\log_2(100*100*4*4*181*101^8) \approx 78.05$,即最少使用 79 个 bit 存储
- 2. $2 \times \lceil \log_2(100) \rceil + 2 \times \lceil \log_2(4) \rceil + \lceil \log_2(4) \rceil + \lceil \log_2(60) \rceil + 8 \times \lceil \log_2(101) \rceil = 82$ 个 bit 或者 $\lceil \log_2(100^2) \rceil + \lceil \log_2(4^2) \rceil + \lceil \log_2(181) \rceil + \lceil \log_2(101^8) \rceil = 80$ 个 bit
- 3. 言之有理即可,第一种方法使用的bit数更少,但是第二种方法更加便于理解和维护。