# 图形学实验 PA0: 光栅图形学

指导教师: 胡事民 助教: 陈拓、曹耕晨

2024年3月12日

### 1 实验综述

图形显示器可以看做一个像素的矩阵,光栅图形学(Raster Graphics)为我们提供了在像素矩阵上进行绘制的一系列方法。本次实验要求同学们自学《计算机图形学基础教程(第2版)》第2章的相关内容,编程实现直线绘制、圆形绘制以及区域填充算法。

### 2 细节要求

#### 2.1 直线段的扫描转换

在解析几何中直线的方程可以表示为 y = kx + b,为了将连续的线"离散化"到像素矩阵网格(即计算机屏幕)中,我们采用光栅图形学中采用最广泛的 Bresenham 直线扫描转换算法。对于斜率  $0 \le k \le 1$  的直线而言,我们循环起点到终点的 x 列像素坐标  $x_i$ ,依次计算对应  $y_i$  的坐标。每当  $x_i$  增加一个像素的时候, $y_i$  要么保持不变,要么也增加一个像素。是否增 1 取决于误差项 d 的值。误差项 d 的初值  $d_0 = 0$ , $x_i$  每增加 1,d 的值就要增加 k,当  $d \ge 0.5$  时, $y_i$  就要增 1,同时误差项 d 要减  $1^1$ 。具体图例和伪代码请参见图形学课本 2.1.3节。在实现的时候请注意处理各种直线斜率 k 的特殊情况。

#### 2.2 圆的扫描转换

一个圆心为  $(x_c, y_c)$ ,半径为 r 的圆的隐式表达式为  $(x - x_c)^2 + (y - y_c)^2 = r^2$ 。由于圆形具有高度的对称性,我们将其分成 8 份,因此只需要扫描转换 1/8 的圆弧,就能够利用对称性绘制出整个圆形。请参见图形学课本的 2.2.2 节进行代码实现。

#### 2.3 区域填充

在 Windows 的"画图"软件<sup>2</sup>中,有一个工具名为"油漆桶",当用户给定一个种子点之后,该种子点周围相同颜色的像素都会被染成新的颜色,这种填充方式叫做"漫水填充"(Flood Fill)。这种技术实际上是通过宽度优先遍历实现的,通过一个遍历队列,就能够选取到所有符合条件的待染色点。请参见图形学课本的 2.3.2 节进行代码实现,我们推荐使用非递归版本的实现,因为实际操作的图像可能会很大。

<sup>1</sup>在计算增量时可以用类似"通分"的方式回避浮点数运算

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>使用 Linux 的同学可以搜索一款 KolourPaint 的软件

### 3 框架代码说明

#### 3.1 环境配置与编译

环境要求:

• Windows: WSL 下安装 CMake

• Linux: CMake

• MacOS: CMake

如果你使用其他系统的时候遇到了编译问题, 请先尝试自行解决。我们的框架代码没有任何外部依赖, 请在包含有 run\_all.sh 的文件夹下打开终端, 并执行:

```
bash ./run_all.sh
```

这段脚本会自动设置编译,并在 2 个测例上运行你的程序。你的程序最终会被编译到 bin/PAO 中,而输出的图片位置在 output/文件夹中。我们在框架代码中去除了一些核心逻辑,因此现在这段代码仅仅是能编译而已。

#### 3.2 代码结构

参考 src/main.cpp 文件:本程序会首先使用 CanvasParser 读入配置文件,该配置文件定义了需要绘制的形状集合。接着程序会按照顺序遍历所有的形状元素(Element),依次执行他们的 draw(Image&) 方法,最终会将绘制完成的图像存储成 bmp 格式。

CanvasParser 类负责配置文件的解析,已经为你实现好,无须更改。但建议进行阅读,了解配置文件的文件格式。

Image 类负责图像的读写,如下示例代码将创建一个大小为  $10 \times 15$  的图像,并在 (5,5) 像素的位置写入纯红色:

```
1 Vector3f pixelColor(1.0f, 0, 0);
2 // 10 is width, 15 is height.
3 Image image(10, 15);
4 image.SetPixel(5, 5, pixelColor);
5 // Output will be saved to demo.bmp file.
6 image.SaveImage("demo.bmp");
```

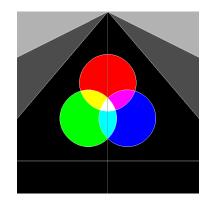
Element 是所有绘制操作的基类, 其继承者包括线绘制 Line, 圆绘制 Circle 和区域填充 Fill. 本次编程作业中你需要实现的就是他们的 draw 方法。

## 4 测试用例

为了测试代码是否正确无误,我们构建了 2 个测试用例,你也可以根据文件格式构造样例进行自我测试。我们在检查作业的时候有可能会加入其他测试样例,请注意代码的鲁棒性。

基础测试 testcases/canvas01\_basic.txt 包含了6个线段和3个圆形,参考效果如图1所示。

**笑脸表情** testcases/canvas02\_emoji.txt 参照 emoji 表情绘制了一个笑脸图案。绘制半圆的时候,先绘制一个整圆,再从中间用直线进行截断,只对半部分就行区域填充即可。参考图如图2所示。



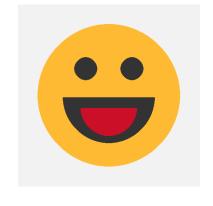


图 1: 基础测试

图 2: 笑脸表情

# 5 作业要求

以下要求假设你的当前目录为 code, 推荐的作业完成步骤:

- 1. 在 include/element.hpp 中实现 Line、Circle 与 Fill 的 draw 方法。
- 2. 确认可以在修改且只修改 include/element.hpp 后, 执行 bash ./run\_all.sh 能够在 output 文件夹下输出两张正确的测例。
- 3. 将你的头文件 include/element.hpp 提交到 TUOJ 平台上(OJ 相关信息会在三月内 发布在网络学堂上),并确认自己可以通过。
- 4. 撰写报告,报告中应包含且只包含以下几个部分:
  - (a) 代码逻辑:实现时用到的画线、画圆和区域填充逻辑。
  - (b) 代码参考:完成作业的时候和哪些同学进行了怎样的讨论?是否借鉴了网上/别的同学的代码?
  - (c)(可选)问题:你在实现过程中遇到了哪些问题?
  - (d) (可选) 未解决的困难: 你的代码有哪些未解决的 bug? 如果给你更多时间来完成作业, 你将会怎样进行调试?
  - (e) (可选) 建议: 你对本次作业有什么建议? 文档或代码中有哪些需要我们改进的地方?
- 5. 将你的报告 REPORT.pdf 提交到网络学堂。

#### 注意事项:

- 如果本地测例输出正确,但是提交到 TUOJ 平台上发现失败了,那可能是因为你的代码中存在 Undefined Behavior 或者内存越界等错误,恰好在你自己的系统 +编译器下能跑通,请检查自己的代码。
- 报告请提交 pdf 文件,不要提交 doc, docx 或 markdown 文件。如果你使用 word、latex 或 markdown 来撰写报告,请转换为 pdf 提交。

本次作业的 Deadline 以网络学堂为准。迟交的同学将得到一定的惩罚:晚交 3 天内分数将降低为 80%, 3 天以上 1 周以内分数降为 50%,迟交一周以上的同学分数为 0。

# 6 致谢

本实验代码有部分借鉴于MIT Open Courseware,按照其发布协议,本文档原则上允许同学们以CC BY-NC-SA 4.0协议共享引用,但是由于教学需要请同学们尽量不要将本文档或框架代码随意传播,感谢同学们的支持。