作业12参考答案

3.

```
(7) (\exists x)P(x)\rightarrow Q(x)非合式公式
   (8)\ P(a) {\rightarrow} Q(b)
         有(\exists x)P(x)→(\exists x)Q(x)
  (9) (∃y)P(a,y)中 y 与 a 有关
        P(a,b)并非对任一b都成立
        P(a,b)不能推出(\forall x)P(x,b)
        P(b,b)不能推出(\forall x)P(x,x)
 (10) \lnot (∃x)(\lnot P(x) \land \lnot Q(x)) \Rightarrow \lnot ((∃x) \lnot P(x) \land (∃x) \lnot Q(x)) 不成立
 (11) (\forall x)(P(x)\rightarrow Q(x))
                                                         前提
       (\exists x)P(x)
                                                          前提
       有 P(c)
       有 P(c) \rightarrow Q(c)
      Q(c)
                                                          分离
      (\exists x)Q(x)
(12) P(x) \rightarrow Q(x)
      有\neg Q(x) \rightarrow \neg P(x)
```

5. (1)

(1) 推理规则法:	
① $(\forall x)(P(x) \lor Q(x))$ ② $(\forall x)(Q(x) \rightarrow \neg R(x))$ ③ $P(x) \lor Q(x)$ ④ $Q(x) \rightarrow \neg R(x)$ ⑤ $\neg Q(x) \rightarrow P(x)$ ⑥ $R(x) \rightarrow \neg Q(x)$ ⑦ $R(x) \rightarrow P(x)$ ⑧ $(\exists x)(R(x) \rightarrow P(x))$ 归结法:	前提 前提 ① 全称量词消去 ② 全称量词消去 ③ 置换 ④ 置换 ⑤⑥ 三段论 ⑦ 存在量词引人
対	$\neg R(x), R(x), \neg P(x)$
$\P \cap P(x)$	

①④ 归结

②③ 归结

⑤⑥ 归结

(2)

 \bigcirc Q(x)

 \bigcirc $\neg Q(x)$

 \bigcirc

(2) 推理规则法:	
	前提
$\bigcirc (\forall x) \neg Q(x)$	前提
$\bigcirc P(x) \rightarrow Q(x)$	① 全称量词消去
$\bigcirc Q(x)$	② 全称量词消去
$\bigcirc \neg Q(x) \rightarrow P(x)$	③ 置换
$\bigcirc P(x)$	④⑤ 分离
$\bigcirc (\forall x) P(x)$	⑥ 全称量词引入
(8) P(a)	⑦ 全称量词消去
归结法:	
建立子句集 $\{P(x) \lor Q(x), \neg Q(x)\}$	$\{x\}, \neg P(a)\}$
$\bigcirc \neg Q(x)$	
$\bigoplus Q(a)$	①③ 归结
⑤ □	②④ 归结

(3)

(3) 推理规则法:	
	前提
	前提
$(\Im) (\forall x) R(x)$	前提
	① 全称量词消去
	② 全称量词消去
\bigcirc	③ 全称量词消去
	④ 置换
	⑤ 置换
	⑦⑧ 三段论
$\bigcirc P(x)$	⑥⑨ 分离
$\textcircled{1}(\forall x)P(x)$	⑩ 全称量词引入
归结法:	
建立子句集 $\{P(x) \lor Q(x), \neg Q(x) \lor \neg R(x)\}$	$(R(x), \neg P(a))$
$\bigcirc P(x) \lor Q(x)$	
$\bigcirc \neg Q(x) \lor \neg R(x)$	
$\Im R(x)$	
$\bigcirc \neg P(a)$	
$\bigcirc Q(a)$	①④ 归结
$\bigcirc \neg R(a)$	②⑤ 归结

⑦ □

36 归结

(4)

-(4) P(x):x 是学生,Q(x):x 是本科生,R(x):x 是研究生,S(x):x 是高材生 即证 $(\forall x) \Big(P(x) \rightarrow Q(x) \overline{V} R(x) \Big) \wedge (\exists x) (P(x) \wedge S(x)) \wedge (\neg R(\text{John}) \wedge S(\text{John}))$ $\Rightarrow P(John) \rightarrow Q(John)$ 推理规则法: 前提 前提 ② ¬R(John) ① 全称量词消去 附加前提引入 4 P(John) ③④ 分离 $\bigcirc Q(John) \overline{V}R(John)$ ②⑤ 分离 6 Q(John) 条件证明规则 $\bigcirc P(John) \rightarrow Q(John)$ 归结法: 建立子句集 $\int P(x) \vee (Q(x) \overline{\vee} R(x)), P(a), S(a),$ $\{\neg R(John), S(John), P(John), \neg Q(John)\}$ $\bigcirc P(a)$ $\Im S(a)$ $\textcircled{4} \neg R(John)$ ⑤ S(John) $\bigcirc \neg Q(John)$ $\otimes (Q(John)\overline{V}R(John))$ ①⑥ 归结 Q(John) ④8 归结

⑦⑨ 归结

፡ □