

Mathématiques - Recherche opérationnelle
TP noté Python
Voyageur de commerce

Benjamin LE GALLO
Steven PELLLET

1^{er} juin 2018

Introduction

Le voyageur de commerce est un **problème d'optimisation** qui, étant donné une liste de villes, et des distances entre toutes les paires de villes, **détermine un plus court chemin qui visite chaque ville une et une seule fois et qui termine dans la ville de départ.**

C'est un problème algorithmique célèbre, qui a généré beaucoup de recherches et qui est souvent utilisé comme introduction à l'algorithmique ou à la théorie de la complexité. Il présente de nombreuses applications que ce soit en planification et en logistique, ou bien dans des domaines plus éloignés comme la génétique (en remplaçant les villes par des gènes et la distance par la similarité).

Résoudre un problème d'optimisation, c'est trouver une valeur des paramètres d'un problème qui donne une solution meilleure que les autres. Une façon de trouver les meilleurs paramètres consiste à essayer toutes les valeurs possibles. Lorsque le nombre de paramètres possibles est grand cela peut se révéler impraticable.

Une technique mise au point dans les années 1960 est inspirée de la sélection naturelle : il s'agit des **algorithmes génétiques**.

Principe des algorithmes génétiques

La **sélection naturelle** permet de sélectionner les individus les mieux adaptés à l'environnement (Darwin). Cette sélection par **reproduction** : les individus sélectionnés se reproduisent en mélangeant leurs gènes, et ce sont les individus les mieux adaptés qui se reproduisent le plus. Ils transmettent leurs gènes (qui sont supposés être le mieux adaptés) à leur descendance. Ainsi, sur une population nombreuse et un grand nombre de générations, les gènes les mieux adaptés seront de plus en plus représentés dans la population. D'autres processus d'évolution du matériel génétique existent dans la nature : les **mutations**.

Les algorithmiques génétiques sont **une manière de mimer le processus de sélection naturelle** décrit plus haut. On suppose que l'on connaît une fonction-objectif qui à **chaque individu associe un nombre qui évalue sa performance** (par convention : plus la valeur est basse, meilleure est la performance). On cherche un individu qui a une valeur de la fonction-objectif minimale.

Chaque individu **dépend d'un certain nombre de paramètres** que l'on peut coder dans une chaîne (par exemple binaire) de longueur l . Générer tous les individus possibles est hors de portée car on se place dans un cas où le nombre total de paramètres possibles est très grand.

Les algorithmes génétiques



FIGURE 1 – Illustration de l'algorithme génétique

Principe des algorithmes génétiques

Un individu est **une solution du problème**. Une population représente **tous les individus, toutes les solutions**.

Sélection

La méthode par sélection permet **d'éliminer des individus, les solutions les moins adaptés**.

Croisement

La méthode par croisement consiste à croiser deux individus, deux solutions qui permet **de produire de nouveaux**.

Mutation

La méthode par mutation consiste à **modifier aléatoirement un individu, une solution**.

Adaptation

La méthode d'adaptation consiste à **évaluer un individu, une solution par rapport au problème à résoudre**.

Code

Étapes

- **Création de la map**, elle représente la distance entre chaque ville à parcourir
- **Définition de la population** (villes), à partir du nombre de villes et de solutions voulues, nous obtenons une population de base
- **Calcul de la distance parcourue**, à partir de la map et des solutions
- **Sélection par élitisme**, elle consiste à retourner une population plus performante
- **Sélection par roulette**, elle consiste à choisir au hasard deux solutions et ne conservera que la meilleure des deux pour ensuite retourner une population plus performante
- **Croisement**,

Autre

Individu
Population
Reproduction
Contexte Code Prolongements possibles