

得分								
评卷人								

本题得分	
------	--

一、单项选择题（从下列各题四个备选答案中选出一个正确答案，并将其字母代号写在该题【】内。答案错选或未选者，该题不得分。每小题3分，共18分。）

- 【】1. 事件 A 的概率为零，下列说法中正确的是
 A. A 是不可能事件 B. A 是必然事件
 C. A 可能存在 D. A 与任意事件相容
- 【】2. 设 A, B 两个事件相互独立，且 $P(A) > 0$ ，则 $P(B|A) =$
 A. $P(AB)$ B. $P(B)$ C. $P(A)$ D. 0
- 【】3. 设随机变量 X_1, X_2 的分布函数分别为 $F_1(x), F_2(x)$ ，为使 $aF_1(x) - bF_2(x)$ 是某一随机变量的分布函数，在下列给定的各组数值中应取
 A. $a = 0.6, b = -0.4$ B. $a = 0.9, b = 0.4$
 C. $a = -0.5, b = 1$ D. $a = 0.5, b = -1$
- 【】4. 下列有关随机变量的函数说法正确的是
 A. 随机变量的函数是一个随机变量 B. 离散型随机变量的函数是连续的
 C. 二维随机变量的函数是二维的 D. 随机变量的函数没有数学期望
- 【】5. 设随机变量 X 与 Y 的协方差 $\text{cov}(X, Y) = 0$ ，则必有
 A. X 与 Y 独立 B. X 与 Y 线性不相关 C. $E(X)E(Y) = 0$ D. $E(XY) = 0$
- 【】6. 设随机变量 X, Y 相互独立且期望和方差相同，记 $\zeta = X + Y, \eta = X - Y$ ，则 ζ 和 η 必有
 A. 不相互独立 B. 相互独立
 C. 相关系数为 0 D. 相关系数不为 0

本题得分	
------	--

二、填空题（将答案写在该题横线上。每小题3分，共18分）

1. 若 $P(A) = 0.2, P(AB) = P(\bar{A}\bar{B})$ ，则 $P(B) =$ _____；
2. 设 $E(X) = E(Y) = 1, E(X^2) = 2, E(Y^2) = 3, E(XY) = 0.5$ ，则 $\rho(X, Y) =$ _____；



3. 设随机变量 X, Y 相互独立且都服从 $U(0, 1)$, 则 $\min(X, Y)$ 的分布密度函数为 _____;
4. 设随机变量 $X \sim P(2), Y \sim P(3)$, 且 X, Y 相互独立, 则 $X+Y$ 服从的分布为 _____;
5. 设某车间的年产量为随机变量 X , 且 $E(X)=100, D(X)=20$, 试用切比雪夫不等式估计 $P(80 < X < 120) =$ _____;
6. 设 $X \sim N(\mu, \sigma^2)$, 则概率 $P\{X > 20\sigma + \mu\}$ 随 σ 的减小而 _____ (增大/减小/不变).

本题	
得分	

三、(要求写清步骤, 10 分) 设甲、乙、丙、丁四种机器生产帽子, 它们各自的产量占总产量的比例分别为 10%, 25%, 35%, 30%, 并且各自的次品率分别为 3%, 2%, 1%, 3%, 试求 (1) 任取一个帽子, 它是次品的概率; (2) 如果抽到一个帽子是次品, 那么它由丁机器生产的概率有多大?

本题	
得分	

四、(要求写清步骤, 12 分) 设随机变量 X 的分布密度

$$p(x) = \begin{cases} ax^2, & -1 < x < 1 \\ 0, & \text{其它} \end{cases}$$

试求: (1) 系数 a ; (2) $P(X < 0.5)$; (3) $Y=X^2$ 的分布密度函数。



本题 得分	
----------	--

五、(要求写清步骤, 14 分) 已知随机变量 (X, Y) 的联合概率

$$\text{密度为 } p(x, y) = \begin{cases} Axy^2 & 0 < x < 1, 0 < y < x \\ 0 & \text{其它} \end{cases}$$

试求: (1) 参数 A ; (2) 随机变量 X 的边缘分布密度 $p_X(x)$; (3) 随机变量 Y 的边缘分布密度 $p_Y(y)$; (4) 判断 X 与 Y 是否相互独立.

本题 得分	
----------	--

六、(要求写清步骤, 14 分) 设随机变量 $(X, Y) \sim U(A)$, 且 A 由 x 轴, y 轴以及直线 $x + \frac{y}{2} = 1$ 所围成, 试求 $E(X)$, $E(Y)$ 以及 $E(XY)$.



本题 得分	
----------	--

七、(要求写清步骤, 14 分) 某车间一共有 150 台机器, 相互独立地运行, 每台机器发生故障的概率都是 0.02, 假设一台机器需要配备一个师傅维修, 试用中心极限定理估计至少需要配备多少师傅才能保证机器发生故障时不能及时处理的概率小于 0.01.
($\Phi(2.33)=0.99$)

