

## Γενικός σχεδιασμός Συστήματος

Για τον σχεδιασμό του εν λόγω συστήματος με είσοδο τα δεδομένα όπως αυτά περιγράφονται στα αρχεία .csv χρησιμοποιήσαμε την μεθοδολογία εργασίας που ενδείκνυται στον αλγόριθμο A\*. Συγκεκριμένα αρχικά διαβάστηκαν τα δεδομένα εισόδου από τα εν λόγω αρχεία και αποθηκεύτηκαν σε αντικείμενα που ονομάζονται **Quad** και έχουν ως πεδία τους τέσσερις μεταβλητές, όσα δηλαδή και τα δεδομένα που θα έπρεπε να αντλήσουμε από κάθε γραμμή εισόδου ( $x$ ,  $y$ ,  $id$ , Όνομα οδού). Τα πεδία αυτά διαμορφώθηκαν κατάλληλα ώστε να συμφωνούν με τις αντίστοιχες τιμές που θα δεχθούν. Στη συνέχεια κατασκευάστηκε η κλάση **GraphTz** η οποία δημιουργεί ένα γράφο με κορυφές τύπου T που καθορίζεται από τον προγραμματιστή. Στην συγκεκριμένη περίπτωση κατασκευάσαμε γράφο αποτελούμενο από **Quad(s)**. Ο αρχικός αυτός γράφος είχε πλήθος κορυφών όσο και το πλήθος των κόμβων αλλά χωρίς να του προσθέσουμε καμία ακμή. Στη συνέχεια καλώντας την μέθοδο **CreateGraph** με όρισμα τον παραπάνω γράφο αρχίζουμε να εντοπίζουμε τα **duplicates**, δηλαδή κορυφές που εμφανίζονται δύο ή περισσότερες φορές καθώς αποτελούν σημεία που βρίσκονται σε διασταυρώσεις δρόμων. Και κατόπιν να προσθέτουμε ακμές κατάλληλα ώστε τα σημεία που βρίσκονται σε μία οδό να έχουν ως γειτονικά τους μόνο δύο άλλα, αυτά που βρίσκονται δηλαδή μπροστά και πίσω τους καθώς επίσης και τα σημεία που βρίσκονται πάνω σε κάποια διασταύρωση να έχουν ως γείτονες όλα τα σημεία που βρίσκονται εκατέρωθεν του σε όσους δρόμους αυτά ανήκουν. Δηλαδή ένα σημείο που βρίσκεται στην διασταύρωση δύο δρόμων θα πρέπει να έχει τέσσερις γείτονες, δύο σε κάθε δρόμο.

Για να το επιτύχουμε αυτό κάναμε χρήση της δομής **Hashmap** της **Java**. Καθώς θέλαμε να χρησιμοποιήσουμε ως κλειδί της συγκεκριμένης δομής όχι κάποιον τύπο της **Java** (**Integer**, **Double** κλπ.) αλλά ένα αντικείμενο δημιουργήσαμε την κλάση **Klidi** η οποία έχει ως πεδία της τα  $x$ ,  $y$  και σκοπός της είναι να παίζει τον ρόλο μοναδικού κλειδιού στην δομή **Hashmap**. Για να το επιτύχουμε αυτό κάναμε **Override** της μεθόδους **equals** και **hashCode**. Έτσι με την χρήση αυτού του κλειδιού μπορούσαμε σε κάθε πιθανή είσοδο αντικειμένου στην **Hashmap** να ελέγχουμε αν αυτό υπάρχει ήδη και αν υπάρχει σε χρόνο  $O(1)$  να το αναχτούμε από την δομή η να έχουμε πρόσβαση σε διάφορα στοιχεία του. Έτσι χρησιμοποιώντας όλα τα παραπάνω κατασκευάσαμε τον τελικό γράφο του προβλήματος. Αυτός αποτελούνταν από μοναδικές κορυφές καθώς χρησιμοποιώντας την δομή **Hashmap** μπορούσαμε να ελέγχουμε αν μία κορυφή υπο ανήκει σε δύο οδούς έχει ήδη προστεθεί στο γράφημα και έτσι να μην την ξαναπροσθέσουμε. Ταυτόχρονα τις γειτονικές τις κορυφές τις προσθέταμε ως γείτονες στην ήδη υπάρχουσα κορυφή. Αυτό είχε ως συνέπεια αν μία κορυφή ανήκει στην οδό A και B και διαβαστεί και τοποθετηθεί στον γράφο με όνομα οδού το A τότε θα αποκτήσει τους γείτονες των A και B αλλά όχι και το όνομα B, γεγονός που δεν επηρεάζει την λύση μας.

Για την διαχείριση των αποστάσεων λάβαμε υπόψη μας όταν τα δεδομένα περιέρχουν γεωγραφικές συντεταγμένες και συνεπώς θα έπρεπε να λάβουμε υπόψη μας ότι η απόσταση τους δεν δίνεται απευθείας από τα  $x$   $y$  αλλά θα έπρεπε να ληφθούν υπόψη η ακτίνα της Γης και διάφορες γωνίες μετασχηματισμού που ανάγουν την απόσταση σε χιλιομετρική και αντικατοπτρίζουν την πραγματικότητα. Για τον λόγο αυτό δημιουργήθηκε η μέθοδος **LatLon** που κάνει

την εν λόγω μετατροπή και δίνει ρεαλιστικά αποτελέσματα και ταυτόχρονα τροποποιήθηκε η ευριστική συνάρτηση για τους ίδιους λόγους.

Ως ευριστική ο αλγόριθμος μας χρησιμοποιεί την απόσταση **Manhattan** τροποποιημένη ώστε να δίνει έγκυρα αποτελέσματα για είσοδο με γεωγραφικά δεδομένα. Η συγκεκριμένη μέθοδος έχει γίνει και **Override** για να δέχεται τόσο δεδομένα συντεταγμένων απευθείας όσο και αντικείμενα της κλάσης **Quad**.

Φτάνοντας τώρα στην υλοποίηση του **A\*** παρατηρούμε ότι δεν έχουν τοποθετηθεί βάρη στις αποστάσεις μεταξύ των ακμών ακόμη καθώς επίσης και δεν έχουν οριστεί τα σημεία έναρξης και λήξης του αλγορίθμου. Για τον λόγο αυτό αρχικά βρίσκουμε για κάθε ένα από τα ταξί το κοντινότερο σημείο του από όλες τις κορυφές του γράφου και την απόσταση που έχει να διανύσει για να φτάσει σε αυτό. Στη συνέχεια κάνουμε το ίδιο για την θέση του πελάτη. Ορίζουμε λοιπόν ως έναρξη τον κοντινότερο κόμβο στη θέση του πελάτη και ως στόχο κάθε φορά τον κοντινότερο κόμβο στη θέση του εξεταζόμενου ταξί. Προφανώς αναζητούμε την ελάχιστη απόσταση που προκύπτει ως άθροισμα της απόστασης μεταξύ των δύο παραπάνω κόμβων και της απόστασης που πρέπει να διανύσει το ταξί για να φτάσει στον προορισμό του, καθώς η απόσταση που πρέπει να κάνει ο πελάτης μέχρι το κοντινότερο σημείο είναι σταθερή για όλα τα ταξί.

Για να υλοποιήσουμε τον **A\*** δημιουργούμε μία ακόμη κλάση την κλάση **Node**. Αυτή περιέχει τα πεδία **Quad,g,h,Klidi,Node** που συμβολίζουν το **Quad**-κορυφή που θα περιέχει ο κόμβος αυτός τα **g h** όπως αυτά ορίζονται στον **A\*** (το **f** υπολογίζεται ως το άθροισμα τους εσωτερικά στην κλάση για κάθε κόμβο). Το χαρακτηριστικό κλειδί περιέχοντας τα **x, y** για να είναι αναγνωριστικό στην αναζήτηση του εκάστοτε **Node**. Και το **Node** γονέα που υποδηλώνει από ποιο **Node** προέρχεται. Για τον **A\*** χρησιμοποιήσαμε την δομή **PriorityQueue** κάνοντας και πάλι **Override** κάποιες μεθόδους της ώστε να προσαρμοστούν στα δεδομένα του **A\*** και να ελέγχουμε τις ζητούμενες σχετικά με τα **f** συνθήκες. Ξεκινώντας τον αλγόριθμο εισάγουμε την αρχική θέση υπολογίζοντας στη συνέχεια για κάθε επόμενη τα **g, h** με χρήση των συναρτήσεων που περιγράφηκαν παραπάνω. Σε κάθε βήμα χαλαρώνουμε την καλύτερη δυνατή κορυφή στο μέτωπο και εισάγουμε στο ανοιχτό τα παιδιά της, τοποθετώντας την ίδια στο κλειστό. Όταν βρεθεί ο στόχος τερματίζουμε την διαδικασία και αναζητούμε την βέλτιστη διαδρομή στο κλειστό. Για να το επιτύχουμε αυτό κάνουμε χρήση κυρίως του πεδίου **Node parent** που υποδηλώνει από που προήλθε ο κάθε κόμβος στην λύση. Τέλος υπολογίζουμε την απαιτούμενη απόσταση για να φτάσουμε στο στόχο. Επαναλαμβάνουμε την διαδικασία για όλα τα ταξί και στο τέλος κρατάμε το μικρότερο δυνατό που είναι και το ζητούμενο. Τέλος γράφουμε σε αρχεία τις συντεταγμένες των σημείων που θα πρέπει να ακολουθηθούν με συγκεκριμένη σειρά.

Σχετικά με τα δεδομένα εισόδου αυτά δεν χρειάστηκαν κάποια προεπεξεργασία καθώς το πρόγραμμα τα διάβασε απευθείας από τα αρχεία εισόδου με τη μόνη λεπτομέρεια ότι η ζητούμενη κωδικοποίηση ήταν **greek** και όχι **UTF-8**. Μοντελοποιήθηκαν με την χρήση της προαναφερθείσας κλάσης **Quad** κυρίως και για όσα από αυτά είχαμε τρεις εισόδους αντι για τέσσερις αφέθηκε ως κενό το τελευταίο πεδίο που κανονικά θα αντιστοιχούσε στο όνομα του δρόμου. Για την θέση του πελάτη αυτή διαβάστηκε απευθείας σε δύο μεταβλητές που υποδήλωναν τα **x y** αντίστοιχα. Στη συνέχεια μετασχηματίστηκαν σε γράφημα με κορυφές από **Quad** και τελικά σε **Nodes** με επιπλέον χαρακτηριστικά για να εξυπηρετούν τις απαιτήσεις του προβλήματος. Επίσης λαμβάνοντας υπόψη ότι οι δρόμοι είναι διπλής κατευθύνσεως δεν υπήρξαν κάποιοι περιορισμοί σχετικά με την επιτρεπτή κίνηση κάθε οχήματος και τα κόστη σε κάθε ακμή ισοδυναμούσαν με την μεταξύ των σημείων απόσταση πάνω στον χάρτη.

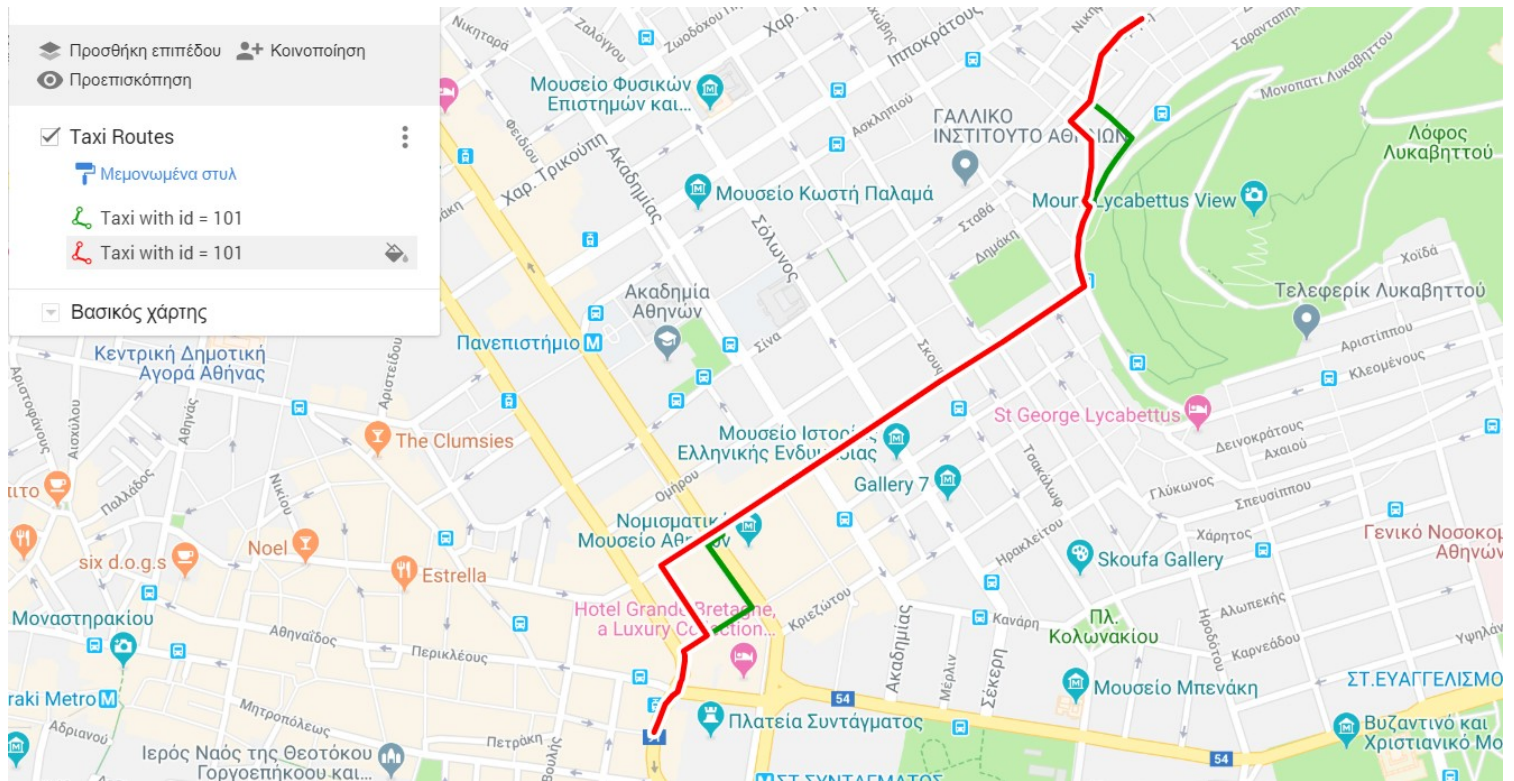
Για την εκτίμηση απόστασης επιλέχθηκε η **Manhattan** καθώς θεωρήθηκε αποτελεσματικότερη από την Ευκλείδεια. Η τροποποίηση της έγινε κατάλληλα για να δέχεται γεωγραφικές συντεταγμένες ακολουθώντας προτάσεις από πηγές που βρέθηκαν στο διαδίκτυο.

Για τις γεωγραφικές συντεταγμένες αξιοποιήθηκε η μετατροπή σε μετρικό σύστημα καθώς δεν βρισκόμαστε στο Καρτεσιανό και έγινε χρήση του τύπου **Haversine**. Η συγκεκριμένη φόρμουλα βρίσκεται σε αρκετές βιβλιογραφίες και η ανάπτυξη της φαίνεται στον τρόπο δόμησης της μεθόδου υπολογισμού της απόστασης. Γενικά γίνεται μετατροπή των μοιρών με χρήση σφαιρικών συντεταγμένων σε απόσταση πάνω στον χάρτη και έτσι ανάγουμε το πρόβλημα στο απλό πρόβλημα λαβυρίνθου χωρίς εμπόδια που λαμβάνει χώρα σε ένα **grid**.

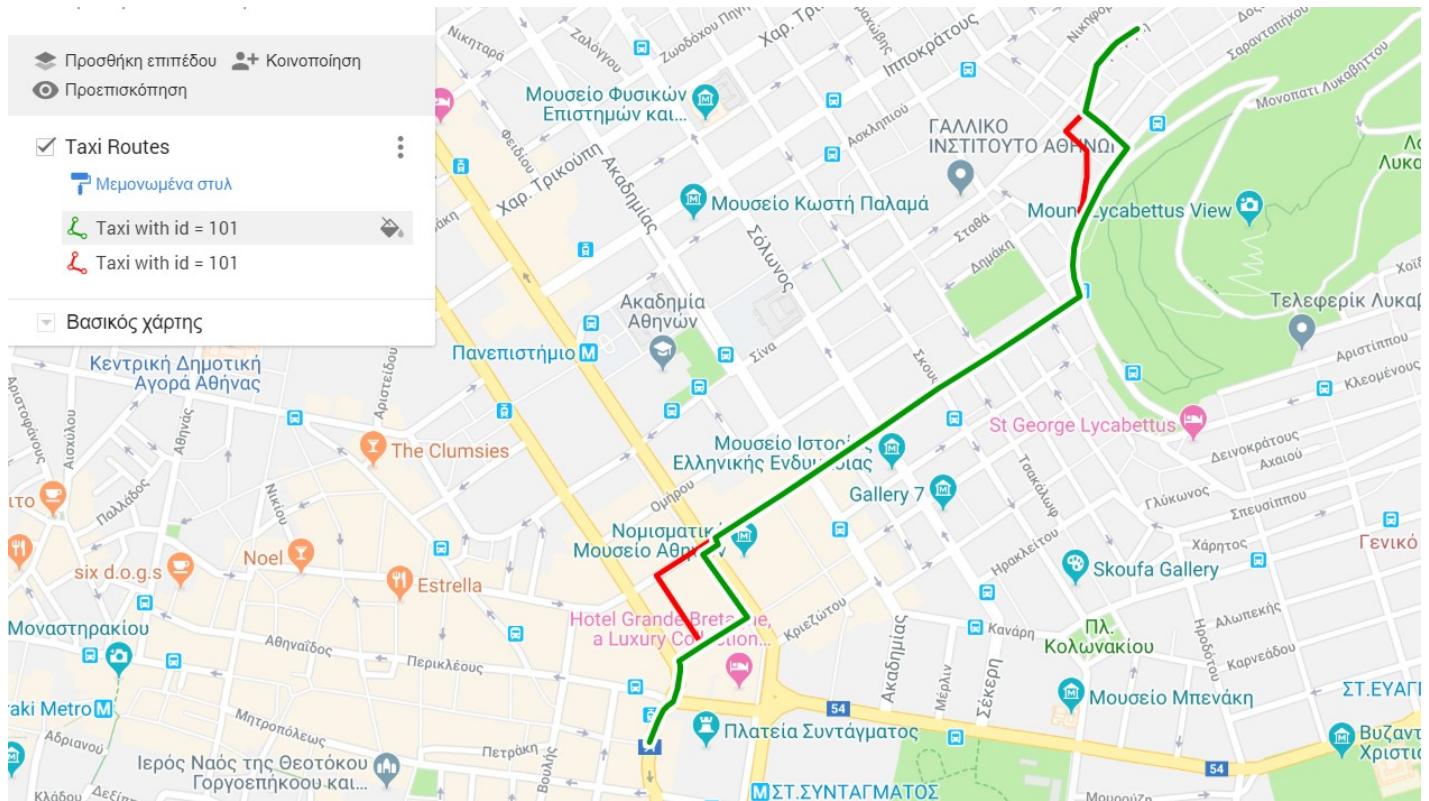
Σημειώνεται ότι για κάθε συνδυασμό τοποθεσίας ταξί και θέσης πελάτη ο αλγόριθμος βρίσκει την συντομότερη διαδρομή και τυχόν ισοδύναμες αυτής. Στην διάρκεια του παραπάνω υπολογισμού υπολογίζονται και όλες οι συντομότερες διαδρομές για τα υπόλοιπα ταξί αλλά δεν εγγράφονται σε κάποιο αρχείο καθώς δεν αποτελούν ζητούμενο του προβλήματος. Έτσι στην επεικόνιση του τελικού αποτελέσματος εμφανίζονται μόνο οι καλύτερες ισοδύναμες διαδρομές από το κοντινότερο ταξί. Το πρόγραμμα παράγει αρχεία **.txt** με τις συγκεκριμένες συντεταγμένες τις οποίες τοποθετούμε στο διδόμενο αρχείο **.kml** στην θέση **jcoordinates**. Τέλος σημειώνεται ότι για να εξετάσουμε διαφορετικό συνδυασμό δεδομένων εισόδου τροποποιούμε τις αντίστοιχες γραμμές ανάγνωσης αυτών.

Η τροποποίηση του **A\*** φαίνεται και στο ζητούμενο παράδειγμα αλλά και σε αυτό που δημιουργήσαμε καθώς εμφανίζονται δύο διαφορετικές διαδρομές για κάθε βέλτιστη διαδρομή ταξί, οι οποίες έχουν ίδιο κόστος.

Για τον συνδυασμό των τοποθεσιών ταξί και πελάτη έχουμε τις παρακάτω δύο συντομότερες διαδρομές από το ταξί με **id = 101** καθώς αυτό προέκυψε από τον αλγόριθμο ως η βέλτιστη λύση του προβλήματος. Με κόκκινο και πράσινο χρώμα εμφανίζονται αυτές και υποδηλώνουν τόσο τα κοινά όσο και τα διαφορετικά τμήματα τους.

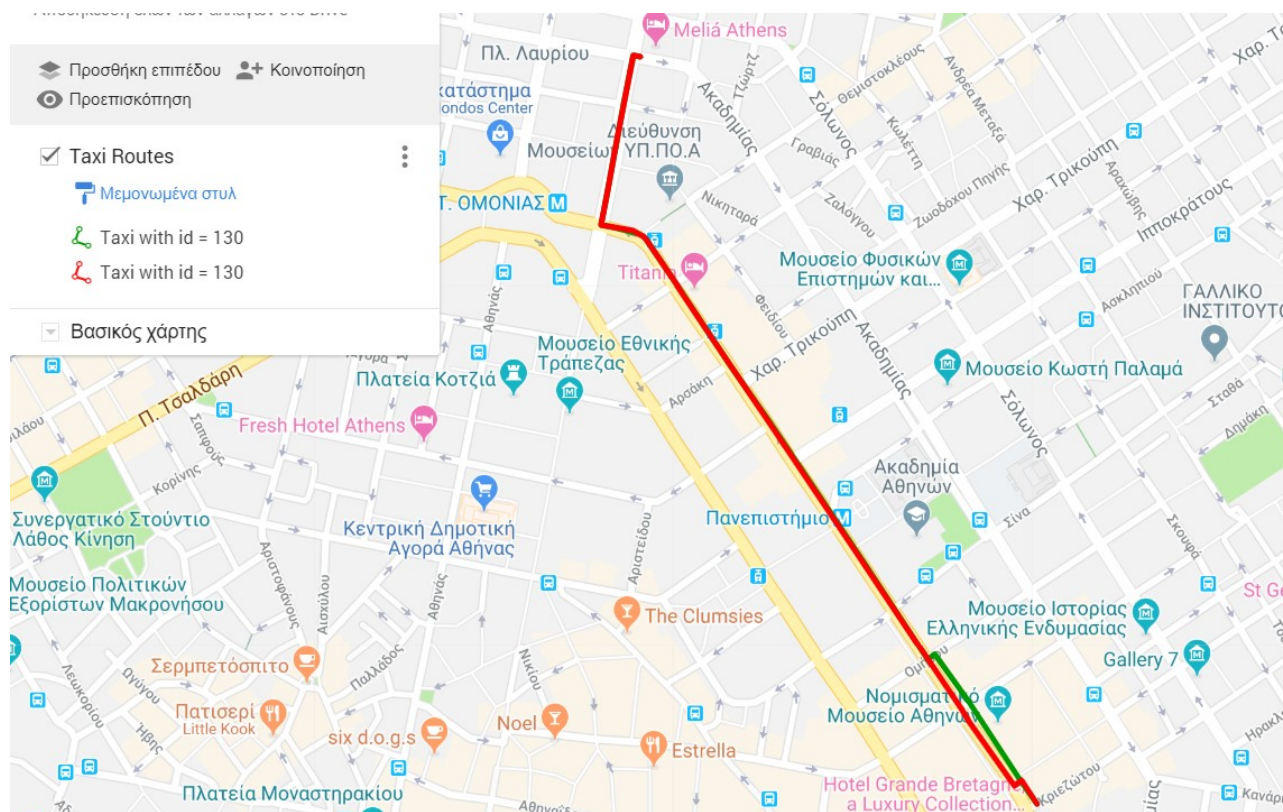
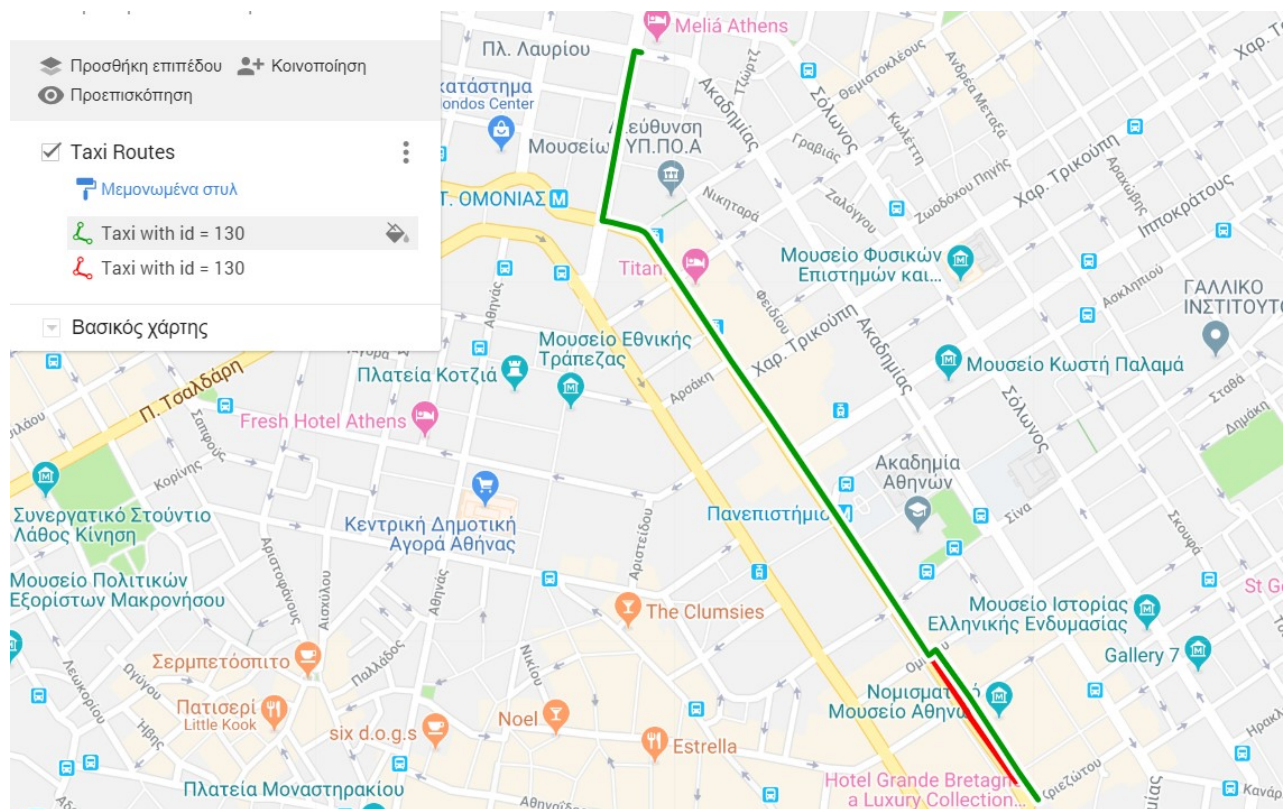


Παρατηρούμε όπως αναμέναμε από τον αλγόριθμο μας ότι δημιουργεί δύο δυνατές, ισοδύναμες από άποψη κόστους, διαδρομές που μπορεί να ακολουθήσει το πιο κοντινό ταξί. Με κόκκινο και πράσινο χρώμα αντίστοιχα φαίνονται οι ζητούμενες διαδρομές θεωρώντας πάντα δρόμους διπλής κατεύθυνσης.



Για το αρχείο που δημιουργήσαμε και είναι διαφορετικό από αυτό που δίδεται στην εκφώνηση σχετικά με την τοποθεσία πελάτη και ταξί θα έχουμε τα ακόλουθα αποτελέσματα για τις συντομότερες διαδρομές.





Όμοια όπως και στο παράδειγμα της εκφώνησης ο τροποποιημένος Α\* αλγόριθμος παράγει δύο ισοδύναμες διαφορετικές διαδρομές που σε κάποιο τμήμα τους επικαλύπτονται ενώ σε

κάποιο άλλο είναι διαφορετικές. Οι παραπάνω οπτικές απεικονίσεις το επιβεβαιώνουν αυτό και ειδικότερα στην πρώτη φαίνεται καλύτερα καθώς συμβαίνει να υπάρχουν δύο διαφορετικά σημεία στα οποία το ταξί μπορεί να πάρει άλλη διαδρομή.

Ο αλγόριθμος όπως έγινε φανερό μπορεί να προτείνει διαφορετικές διαδρομές ωστόσο στην πράξη που θα πρέπει να λάβουμε υπόψη την κατεύθυνση των οδών και την ύπαρξη ή μη φυσικών εμποδίων ή την ανυπαρξία οδικού δικτύου σε κάποια τμήματα ο συγκεκριμένος αλγόριθμος δεν θα μπορούσε να ανταποκριθεί. Θα έπρεπε να τροποποιηθεί ώστε να απαγορευτούν κάποιες συγκεκριμένες κατευθύνσεις και να δωθεί ελαστικότητα στο τι θεωρούμε ισοδύναμο σε μία διαδρομή. Το συγκεκριμένο πρόβλημα αποτελεί μια αφαιρετική προσέγγιση του πραγματικού καθώς δεν περιλαμβάνει τα παραπάνω αλλά ούτε και όλα τα δυνατά κριτήρια που θα πρέπει να λαμβάνει υπόψη του ένας αλγόριθμος εύρεσης συντομότερων διαδρομών. Οι ισοδύναμες διαδρομές με την αυστηρή έννοια του κόστους θα προταθούν. Η βλετισιότητα εξαρτάται κυρίως από τον αλγόριθμο  $A^*$  και τον χρόνο που θέλει αυτός να λειτουργήσει αλλά και κυρίως από τα ευριστικά κριτήρια και τον τρόπο μέτρησης των αποστάσεων που χρησιμοποιούμε. Στα παραπάνω γίνονται κάποιες παραδοχές που θεωρούνται ανεκτές σε αυτό το επίπεδο, ωστόσο για μεγαλύτερη ακρίβεια θα χρειαστούν τροποποιήσεις. Τέλος όπως κάθε ευριστικός αλγόριθμος έτσι και ο  $A^*$  μπορεί να αποτύχει σε κάποιες περιπτώσεις είτε να δώσει χειρότερο αποτέλεσμα συγκριτικά με άλλους αλγορίθμους που εφαρμόζονται σε γραφήματα και πραγματοποιούν προεπεξεργασία των δεδομένων για να πετύχουν καλύτερη απόδοση.