

**Jimi Togni - RA: 226359**  
**EFC 2**  
**Classificação**

**Parte 1**

( **C** ) No MAP, considera-se a probabilidade a posteriori, já no critério da máxima verossimilhança, leva-se em consideração o quão semelhantes são as distribuições de probabilidade entre as classes. Quando usou-se o critério da máxima verossimilhança, a sua reta de decisão torna-se um ponto entre as duas gaussianas.

Acredito eu que, por levarem em consideração modelos com “pesos” distintos, no critério da Máxima Verossimilhança o resultado da fronteira de decisão foi  $|x'| < 1,1774$ , quando utilizou-se o critério MAP, obtivemos  $|x'| < 2,0393$ .

Suponho, que essa diferença se dê, pelo fato do critério MAP também “pesar” uma segunda distribuição de probabilidade em seu modelo.

# IA 006 - C

Aprendizado de Máquina

João Togni Rê

Parte 1 - EFL 2 - Classificação - Teoria Bayesiana

A) Pelo critério da Máxima Verossimilhança

$$\begin{aligned} P(x|C_1) &\sim N(0,1) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x^2}{2}} \\ P(x|C_2) &\sim N(0,2) = \frac{1}{\sqrt{4\pi}} e^{-\frac{x^2}{4}} \end{aligned} \quad \left\{ \begin{array}{l} \text{ML} \\ C_1 = P(x|C_1) > P(x|C_2) \\ C_2 = P(x|C_2) > P(x|C_1) \end{array} \right.$$

$$P(x'|C_1) > P(x'|C_2) \Leftrightarrow x' < 0$$

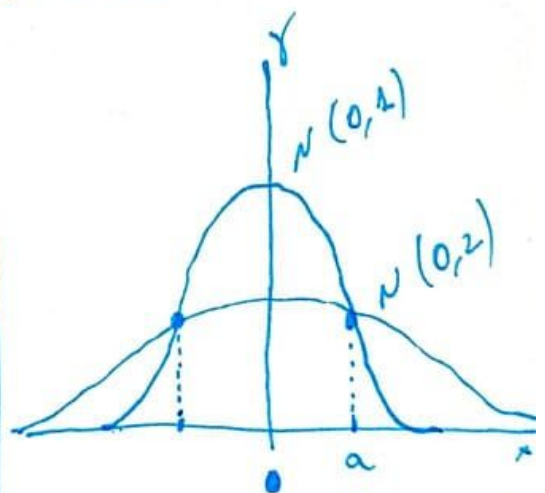
$$\frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x'^2}{2}} > \frac{1}{\sqrt{4\pi}} e^{-\frac{x'^2}{4}} = e^{\frac{x'^2}{2}} > \frac{1}{\sqrt{2}} e^{-\frac{x'^2}{4}}$$

$$\ln(\sqrt{2}) - \frac{x'^2}{2} > -\frac{x'^2}{4}$$

$$\boxed{\begin{aligned} |x'| &< \sqrt{4 \ln(\sqrt{2})} \\ |x'| &< 1,1774 \end{aligned}}$$

$$C_1 = |x'| < 1,1774$$

$$C_2 = |x'| > 2,1774$$



IA006-L

Aprendizado de Máquina / Jimi Togni  
RA:  
Parte 1 - EFL 2.

$$B) P(C_1) = 2 \cdot P(C_2)$$

$$C_1 = P(C_1|x) > P(C_2|x) \Rightarrow P(C_1)P(x|C_1) > P(C_2)P(x|C_2)$$

$$C_2 = P(C_2|x) > P(C_1|x) \Rightarrow P(C_2)P(x|C_2) > P(C_1)P(x|C_1)$$

$$P(C_1) \frac{1}{\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{x'^2}{2}} > \frac{1}{\sqrt{4\pi}} e^{-\frac{x'^2}{4}} = P(C_2)$$

$$2P(C_2)e^{-\frac{x'^2}{2}} > \frac{1}{\sqrt{2}} e^{-\frac{x'^2}{4}}$$

$$\ln(2\sqrt{2}) - \frac{x'^2}{2} > -\frac{x'^2}{4}$$

$$|x'| < \sqrt{4\ln(2\sqrt{2})}$$

$$\bullet |x'| < 2,0393$$

$$= \boxed{\begin{array}{l} C_1 = |x'| < 2,0393 \\ C_2 = |x'| > 2,0393 \end{array}}$$