# Master en Sciences Physiques

### Nanophysique PHYS-F-475

#### CHAPITRE 7. THEOREMES DE FLUCTUATIONS

## **Exercices**

### I. LIOUVILLE THEOREM

- 1. Theorem de Liouville Computez le Jacobian  $\left|\frac{\partial \Gamma(t+dt)}{\partial \Gamma(t)}\right|$ .
- 2. **Jarzynski Relation** Prouvez que  $\langle e^{-\beta W} \rangle = e^{-\beta \Delta F}$  directement (ça veut dire, sans utilisant le theorem de Crooks).
- 3. Fluctuation Theorem implies Green-Kubo relation Définissez

$$Q(\lambda, A) \equiv \lim_{t \to \infty} \frac{1}{t} \ln \langle \exp[-\lambda \int_0^t j(t; A)] \rangle$$

et supposer que il y a une theorem de flucutation qui dit  $Q(\lambda, A) = Q(A - \lambda, A)$ . (Notez que j est une courant.) On veut developper la moyenne courant comme ça:

$$J \equiv \lim_{t \to \infty} \frac{1}{t} \int_0^\infty \langle j(t; A) \rangle = LA + MA^2 + \dots$$
 (1)

- (a) Quelle est la relation entre J et Q?
- (b) En utilisant cette relation, développez une expression pour le coefficient L. Trouvez un résultat avec la forme d'une relation Green-Kubo entre le coefficient de transport L et la fonction de corrélation du courant.
- 4. Renversement du temps dans la mechanique quantique L'équation de Schrodinger (avec  $\hbar=1$ ) est

$$i\partial_t A(t) = [A, H]$$

et supposez que H soit independent du temp. Nous supposons qu'il y a une opérateur T de sorte que  $TA(t)T^{-1}$  est une solution de l'équation de Schrodinger avec  $t \to -t$  pour tous opérateur, A. Prouvez que iT = -Ti.