

3, 栈和队列

2018年4月27日 16:42

提纲

- 线性表简介
- 面试题总体分析
- 一些例题
 - 例1 元素出入栈顺序合法性判断
 - 例2 用两个队列实现一个堆栈
 - 例3 用两个堆栈实现一个队列
 - 例4 支持查询最小值的堆栈
 - 例5 单调堆栈——最大直方图
 - **超级重要**例6 单调队列——滑动窗口最大值
- 总结

线性表简介

- 堆栈和队列统称线性表
 - 简单的线性结构
 - 数组和链表（也是线性）可以实现这两种数据结构
- 堆栈
 - 后进先出 (Last In First Out)
- 队列
 - 先进先出 (First In First Out)

3/21 julyedu.com

面试题总体分析

- 堆栈
 - 基本理解
 - **应用**：DFS
 - 深度优先——按深度遍历
 - **递归转非递归**
- 队列
 - 基本理解
 - **应用**：BFS

□ 广度优先——按层序遍历

例1 元素出入栈顺序合法性判断

/*

问题： 给定一些元素的入栈顺序和出栈顺序（不是入完再出那种，而是随时入随时出），问是否可能的？（假设所有元素都不相同）

分析：直接用栈模拟该操作，如果栈顶元素和当前要出栈的元素相等的话，则必须出栈

否则就入栈。注意判断两个vector size是否一样

//之后我分析了下，发现确实可行，想出这个方法的人是天才吧

```
*/
#include<bits/stdc++.h>
using namespace std;
class Solution
{
public:
    bool isPossible(vector<int> in, vector<int> out)
    {
        stack<int> s;
        for(int i = 0, j=0; j<out.size(); j++)//遍历出栈队列
        {
            while(s.empty() || s.top() != out[j])//如果栈为空or出栈元素和栈顶不等，入栈。
            注意这里是while
            {
                if(i>=in.size()) return false;
                s.push(in[i++]);
            }
            s.pop();//出栈元素等于栈顶元素
        }
        return true;
    }
};
int main()
{
    int in_arr[6] = {3, 4, 5, 1, 2, 3};
    int out_arr[6] = {3, 5, 4, 3, 2, 1};
    vector<int> in(in_arr, in_arr+6);
    vector<int> out(out_arr, out_arr+6);
    Solution so;
    cout<<so.isPossible(in, out)<<endl;
    return 0;
}
```

来自 <<http://tool.oschina.net/highlight>>

例2 用两个队列实现一个堆栈

/*

问题：如何用两个队列实现一个堆栈？

分析：两个队列来回倒，保证一个队列是空的，用空队列来存贮除队尾外的所有元素

比如，q1非空，q2为空，要出栈，实际上要出的是q1的最后一个元素，我们将q1的元素一个一个放入q2, 剩下最后一个，让其出队即可。

```
入栈: push(x): O(1)
    if(!q1.empty()) q1.push(x);
    else q2.push(x)
出栈: pop(): O(N)
    if(!q1.empty())
    {
        while(q1.size() > 1) //剩最后一个元素
        {
            q2.push(q1.front());
            q1.pop();
        }
        q1.pop();
    }
    else
    {
        while(q2.size() > 1) //剩最后一个元素
        {
            q1.push(q2.front());
            q2.pop();
        }
        q2.pop();
    }
*/
```

来自 <<http://tool.oschina.net/highlight>>

例3 用两个堆栈实现一个队列

/*

问题：用两个堆栈实现一个队列

分析：s1负责入队，s2负责出队。入的话直接入s1, 出的话如果s2非空，则先从s2出，否则，将s1全部元素压入s2

```
push(x): O(1)
    s1.push(x);

pop(x): 平均O(1)，因为每个元素出入两个栈各1次
    if(!s2.empty())
        s2.pop();
    else
    {
        while(!s1.empty())
        {
            s2.push(s1.top());
            s1.pop();
        }
    }
}
```

```

    }
}
*/

```

来自 <<http://tool.oschina.net/highlight>>

例4 支持查找最小元素的堆栈

/*

问题：支持查找最小元素的堆栈：一个堆栈除了支持push，pop以外还要支持一个操作getMin得到当前堆栈里所有元素的最小值

分析：方法1（笨方法）：用两个堆，1个正常使用，另一个一直是空，

getmin的时候，将s1的元素一个一个弹出到s2，每弹出一个，顺便求当前的最小值，然后再从s2将元素一个一个倒回s1，O(n)

方法2：还是两个堆，一个维护原来的值，s2维护当前最小值（它们元素个数一样多）

```

push(x):O(1)
    s1.push(x)
    if(!s2.empty() && s2.top() < x) s2.push(s2.pop()); //如果非空，且x大于s2栈顶，那么直接
push栈顶
    else s2.push(x); //否则push x

```

```

pop():O(1)
    s1.pop();
    s2.pop();

```

```

getMin():O(1);
    return s2.top();

```

方法3：s2没必要放一样多的元素

```

push(x):
    s1.push(x);
    if(s2.empty() || x <= s2.top()) s2.push(x); //这里为何要等于的时候也放，是因为下面我们
看到，pop最小值的情况下要出栈。

```

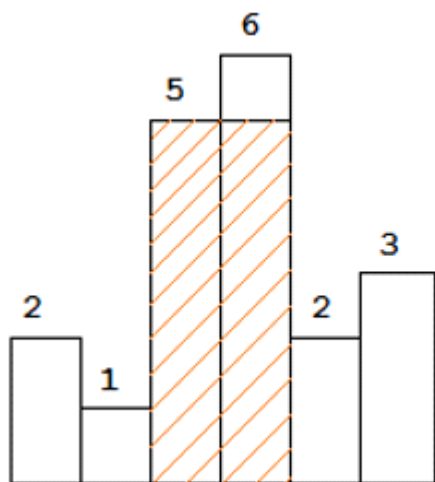
```

pop():
    if(s1.top() == s2.top()) s2.pop(); //pop最小值的情况下，s2也pop
    s1.pop();
*/

```

来自 <<http://tool.oschina.net/highlight>>

例5 最大直方图



H	0	1	2	3	4	5	6
值	2	1	5	6	2	3	0

新数	堆栈 (顶->底)	说明
H[0] = 2	{2}	2入栈, 左边界(-1)
H[1] = 1	{1}	2出栈, 右边界(1), 1入栈, 左边界(-1)
H[2] = 5	{5, 1}	5入栈, 左边界(1)
H[3] = 6	{6, 5, 1}	6入栈, 左边界(2)
H[4] = 2	{2, 1}	6, 5出栈, 右边界(4), 2入栈, 左边界(1)
H[5] = 3	{3, 2, 1}	3入栈, 左边界(4)
H[6] = 0	3, 2, 1, 出栈 右边界(6)	

/*

<https://leetcode.com/problems/largest-rectangle-in-histogram/description/>

问题: 给出一个直方图, 求最大面积矩形 (Leetcode 84)

分析: 用堆栈分析每一块板能延伸到的左右边界(要求, 这个延伸范围内的板高都大于等于当前), 为让所有元素出栈, 再人为的在最后加一块高为0的板

每块板i的高度h(i)入栈, 高度比栈顶大入栈, 该板的左边界定为之前栈顶元素的编号

高度比栈顶小, 栈顶元素出栈, 确定右边界为当前板号i。

左边界确定为当前板的下边板的编号(如果栈为空, 则-1), 有板比当前板小出栈, 右边界确定为当前

让其出栈的板号

时间复杂度为O(n)

//这个思路太精妙了

*/

```
class Solution {
public:
    int largestRectangleArea(vector<int>& heights) {
        int n = heights.size(), res = 0;
        stack<int> s;
        for(int i = 0; i < n; ++i) //遍历每块板
        {
            while(!s.empty() && heights[s.top()] >= heights[i]) //如果栈非空，且栈顶元素高于等于当前元素，右边界确定为i
                //原题这里>=和>都通过了，我猜是因为测试用例板高不重复，否则理论上应该是大于。
            {
                int h = heights[s.top()];
                s.pop();
                res = max(res, (i-1-(s.empty()?(-1):s.top()))*h); //右边界延伸到i-1，注意i是不满足高于之前板这个条件的。
            }
            s.push(i); //否则栈空or当前板高于之前板，直接入栈 板编号
        }
        while(!s.empty()) //处理剩下的没出栈的，相当于在最后加了块高为0的板
        {
            int h = heights[s.top()];
            s.pop();
            res = max(res, (n-1-(s.empty()?(-1):s.top()))*h); //这些板的右边界都延伸到了n-1，这里s.top是栈顶元素的下一块板的编号，即左边界
        }
        return res;
    }
};
```

来自 <<http://tool.oschina.net/highlight>>

例6 滑动窗口最大值

a	0	1	2	3	4	5
值	5	1	3	4	2	6

新数	队列（头→尾）	说明
a[0] =	{5}	5入队，b[0] = 5

5		
a[1] = 1	{5, 1}	1比5小直接入队, b[1] = 5
a[2] = 3	{5, 3}	1太小了, 被扔掉, 3入队, b[2] = 5
a[3] = 4	{4}	5过期了, 被扔掉。3比4小, 被扔掉, b[3] = 4
a[4] = 2	{4, 2}	2比4小, 入队, b[4] = 4
a[5] = 6	{6}	6最大, 把2和4都扔掉, b[5] = 6

/*

问题: 滑动窗口最大值: 给定一个数组a [0..n], 还有一个值k, 计算数组b [i] = max(a[i - (k-1), i-(k-2).. i-(k-k)])

若i<k-1, 认为负数下标对应值是无穷小

分析: 即分析以i之前k个元素范围到i 这个范围的最大值, 作为b[i]处的值,

方法1: 用一个最大堆存放这k个数, 时间复杂度为n*logk, 因为n个元素, 然后每出入一次堆都为logk的时间复杂度

如果计算好了b[i-1], 那么如何计算b[i]呢?

首先, a[i-k] (即a[i-1 - (k-1)]出堆

然后a[i]入堆

然后b[i] = 堆顶即可

但这个时间复杂度还不是最理想的, 我们可以做到线性

方法2: 我们可以使用一个双端队列,

如果队尾的数<=将要入队的数a[i], 则扔掉队尾的数, 将a[i]放入队尾

否则, 如果入队元素小于队尾, 不仍队尾的, 直接诶放入队尾即可

这样一来, 队列的元素从队头到队尾是单减的, 队头永远是窗口最大值

队头何时过期呢? i-队头元素索引+k-1 比如队头为a[0], k=3, i= 3时, 就过期了
时间复杂度O(n)

*/

```
#include<bits/stdc++.h>
```

```
using namespace std;
```

```
class Solution
```

```
{
```

```
public:
```

```
vector<int> solution(vector<int> a, int k)
```

```
{
```

```
    int n = a.size();
```

```
    vector<int> b(n, 0);
```

```
    deque<int> q; //双端队列, 存的是下标
```

```
    for(int i = 0; i<n; i++)
```

```
    {
```

```
        while(!q.empty() && q.front() <= i-k) q.pop_front(); //过期
```

```

        while(!q.empty() && a[q.back()] <= a[i]) q.pop_back(); //队尾太小
        q.push_back(i); //入队尾
        b[i] = a[q.front()];
    }
    return b;
}

};

int main()
{
    int arr[6] = {4, 2, 7, 6, 5, 8};
    vector<int> a(arr, arr+6);
    Solution so;
    vector<int> b = so.solution(a, 3);
    for(vector<int>::iterator iter = b.begin(); iter != b.end(); iter++)
        cout << *iter << endl;
    return 0;
}

```

来自 <<http://tool.oschina.net/highlight>>

总结

- 理解队列堆栈的基本概念
 - n个左右括号的出入栈顺序有多少种? (Catalan数)
- 熟悉队列、堆栈的应用
 - 递归和非递归的转化 dfs
 - Bfs搜索
- 维护队列和堆栈的单调性 *
 - 利用顺序