

4 장. 큐 (queue)

Jinseog Kim

- 1 큐 (queue) 를 이해한다
- 2 배열을 이용하여 큐를 구현한다.
- 3 덱 (deque) 를 이해한다.
- 4 덱의 응용: 미로 탐색

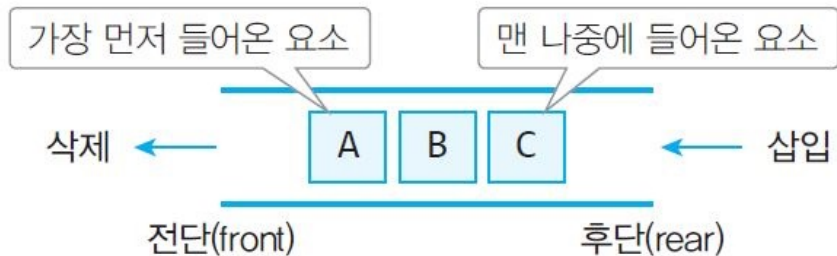
큐 (queue)

- 먼저 들어온 데이터가 먼저 나가는 자료구조
 - ▶ (예) 매표소의 대기열



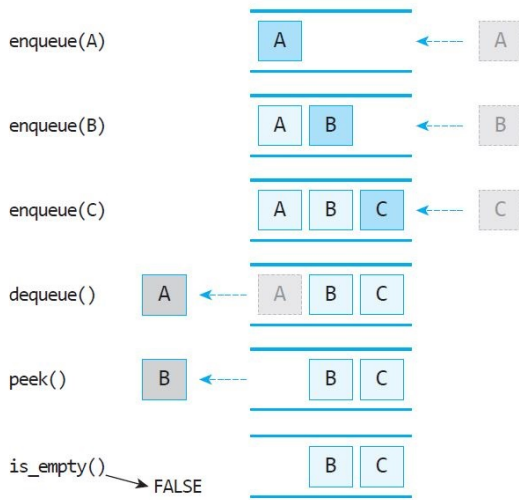
- ▶ 선입선출 (FIFO: First-In First-Out)

- 큐의 전단 (front)
- 큐의 후단 (rear)



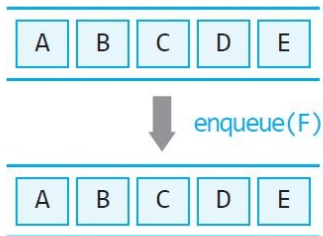
큐의 추상자료형 (ADT)

- **데이터 (객체):** 선입선출 (FIFO) 방식을 가능하게 하는 요소의 모임
- **연산 (함수)**
 - ▶ `initialize()`: 큐의 초기화
 - ▶ `enqueue(e)`: 큐의 맨 뒤에 요소 `e` 를 추가
 - ▶ `dequeue()`: 큐의 맨 앞의 요소를 꺼내 (삭제) 반환
 - ▶ `is_full()`: 큐가 꽉 차있으면 **TRUE**, 아니면 **FALSE**
 - ▶ `is_empty()`: 큐가 비어있으면 **TRUE**, 아니면 **FALSE**
 - ▶ `peek()`: 큐의 맨 앞 요소를 삭제하지 않고 반환

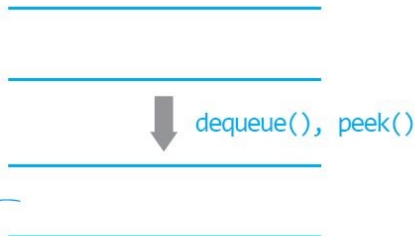


큐에서 발생할 수 있는 오류

- 오버플로 (overflow): 큐가 꽉차있어 더 이상 요소를 추가할 수 없는 경우
- 언더플로 (underflow): 큐가 비어있어 요소를 가져오거나 삭제할 수 없는 경우

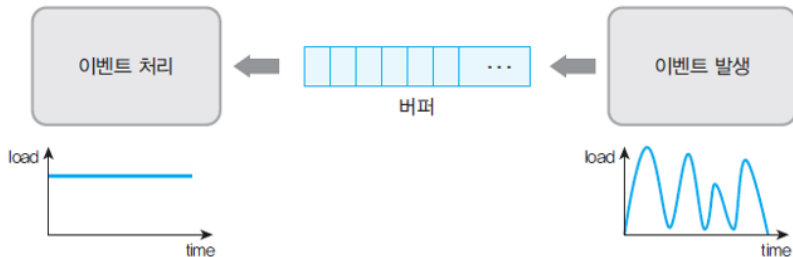


(a) 오버플로 오류



(b) 언더플로 오류

- 버퍼 (buffer) : 갑자기 데이터가 몰려드는 경우 이들을 잠시 보관하는 장소

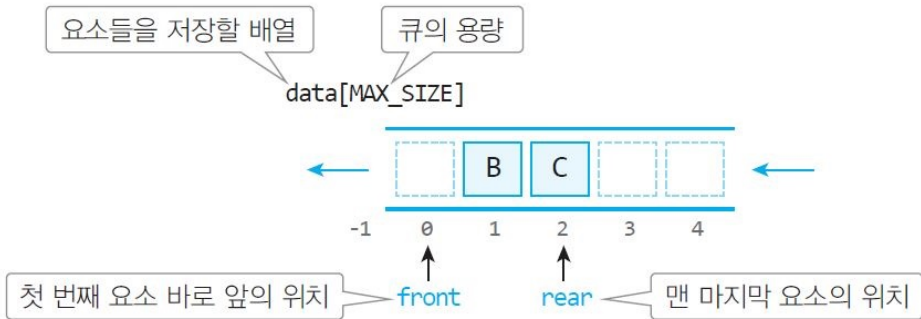


- 큐의 응용

- ▶ 빠른 CPU 와 속도가 상대적으로 느린 주변 장치 (예: 프린터) 들 사이의 시간이나 속도 차이를 극복하기 위한 버퍼
- ▶ 컴퓨터로 현실 세계를 시뮬레이션하는 분야
- ▶ 다양한 알고리즘: 레벨 순회, 너비우선탐색 (BFS), 기수 정렬, 등

큐의 구현 방법

1 배열을 활용



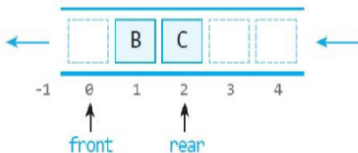
- ▶ **rear**: 맨 마지막 요소의 위치 (인덱스) 를 저장
- ▶ **front**: 첫 번째 요소가 아니라 그 요소 바로 앞의 위치를 저장

2 연결 리스트 (linked list) 를 이용: 나중에 배울 것임

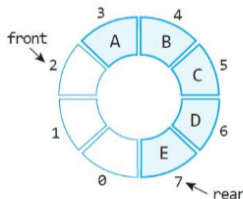
큐의 구현 방법

큐의 형태에 따른 분류

- 1 선형 큐 (linear queue): 요소들이 일렬로 배열
- 2 원형 큐 (circular queue): 마지막 요소가 첫 번째 요소와 연결된 원형 구조



선형 큐

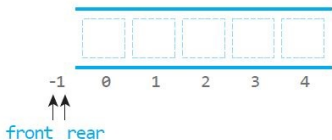


원형 큐

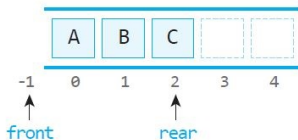
	선형 큐	원형 큐
장점	구현이 간단	공간을 효율적으로 사용
단점	큐가 가득 차면 공간이 낭비됨	구현이 복잡, 관리가 필요함

선형 큐 (linear queue)

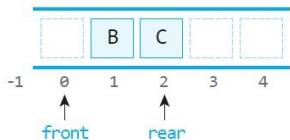
● 선형 큐의 동작



(a) 초기 상태

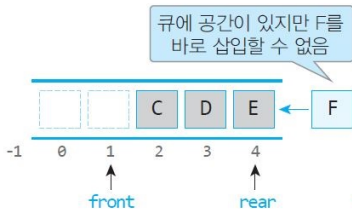


(b) enqueue(A)~enqueue(C)

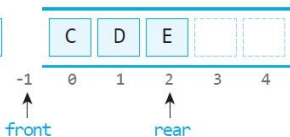


(c) dequeue()

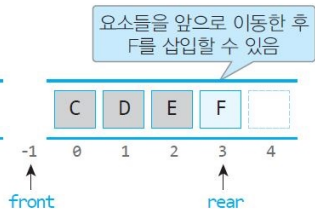
● 선형 큐의 문제점



(a) enqueue(F) ?



(b) 기존 요소들을 이동



(c) enqueue(F) 처리

선형 큐의 구현 (데이터)

```
1 typedef struct Queue {  
2     int data[MAX_SIZE]; // 요소의 배열  
3     int front;           // 전단 인덱스  
4     int rear;            // 후단 인덱스  
5     int size;            // 큐에 있는 요소의 개수  
6 } Queue;  
7  
8 #define MAX_SIZE 100;
```

선형 큐의 구현 (연산)

- 생성, 상태 검사

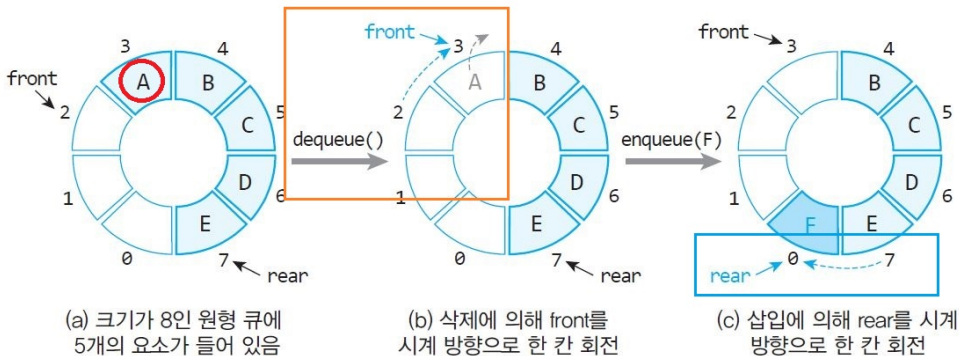
```
1  int init(struct Queue queue){ // 초기화
2      queue.front = 0;
3      queue.rear = 0;
4      queue.size = 0;
5  }
6  int isFull(struct Queue queue){ // full?
7      return (queue.size == MAX_SIZE);
8  }
9
10 int isEmpty(struct Queue queue){ // empty?
11     return (queue.size == 0);
12 }
```

● 추가 (삽입)

```
1 void enqueue(struct Queue queue, int item)
2 {
3     if (isFull(queue))
4         return;
5     queue.rear = (queue.rear + 1) % queue->capacity;
6     queue.array[queue.rear] = item;
7     queue->size = queue->size + 1;
8     printf("%d enqueued to queue\n", item);
9 }
```

원형 큐 (Circular Queue)

- 인덱스 **front** 와 **rear** 를 원형으로 회전

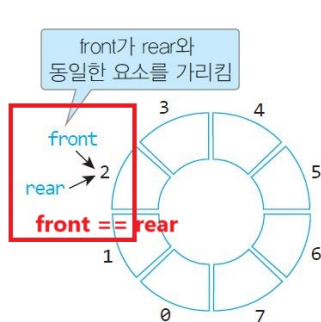


- 인덱스 회전 방법 - 나머지 연산 (%) 이용

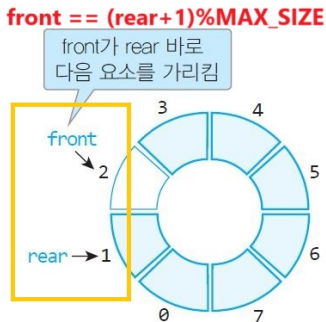
- ▶ 전단회전: $\text{front} \leftarrow (\text{front} + 1) \% \text{MAX_SIZE}$ // `dequeue()` 직후
- ▶ 후단회전: $\text{rear} \leftarrow (\text{rear} + 1) \% \text{MAX_SIZE}$ // `enqueue(e)` 직후

원형 큐의 연산

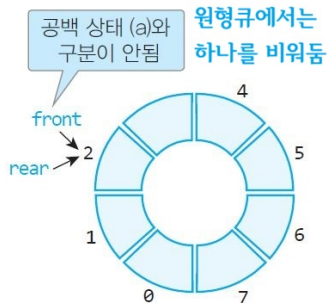
- 공백 상태 / 포화 상태 검사: `is_empty()`, `is_full()`



(a) 공백 상태



(b) 포화 상태



(c) 오류 상태

```
1 is_empty()  
2 if front == rear: return TRUE  
3 else: return FALSE
```

```
1 is_full()  
2 if front == (rear+1)%MAX_SIZE: return TRUE  
3 else: return FALSE
```


- CircularQueue.h 참고

```
1 // 전역변수
2 Element data[MAX_SIZE]; // 요소의 배열
3 int front; // 전단 인덱스
4 int rear; // 후단 인덱스
```

원형 큐의 구현: 연산

```
1 void init_queue(){//초기화
2     front = rear = 0;
3 }
4 int is_empty(){//공백상태
5     return front == rear;
6 }
7 int is_full(){//포화상태
8     return front == (rear + 1)%MAX_SIZE;
9 }
```

```
1 void enqueue(Element val){//삽입연산
2     if (is_full()) error("Overflow!");
3     rear = (rear + 1) % MAX_SIZE;
4     data[rear] = val;
5 }
6 Element dequeue(){// 원형큐의 삭제 연산
7     if (is_empty()) error("Underflow!");
8     front = (front + 1) % MAX_SIZE;
9     return data[front];
10 }
11 Element peek(){// 원형큐의 탐색 (peek) 연산
12     if (is_empty()) error("Underflow!");
13     return data[(front + 1) % MAX_SIZE];
14 }
```


원형 큐의 구현: 테스트

```
1 void main(){
2     init_queue();
3
4     for (int i = 1; i < 7; i++) enqueue(i);
5     print_queue("enqueue 1~6: ");
6
7     for (int i = 0; i < 4; i++) dequeue();
8     print_queue("dequeue 4 회: ");
9
10    for (int i = 7; i < 10; i++) enqueue(i);
11    print_queue("enqueue 7~9: ");
12 }
```

```
$ gcc CircularQueue.c -o CircularQueue
```

```
$ ./CircularQueue
```

```
enqueue 1~6: front=0, rear=6 --> 1 2 3 4 5 6
```

```
dequeue 4회: front=4, rear=6 --> 5 6
```

```
enqueue 7~9: front=4, rear=1 --> 5 6 7 8 9
```

Lab: 맛집의 웨이팅 정보 저장하기

- 손님들의 대기 정보를 저장하는 큐

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #define MAX_SIZE 100    // 배열의 크기
4  struct Waiting {        // 대기 정보 구조체
5      int id;             // 대기번호
6      int nperson;        // 인원
7      char info[32];      // 전화번호
8  };
9  typedef struct Waiting Element;
10 #include "CircularQueue.h"
```

Lab: 맛집의 웨이팅 정보 저장하기

```
1 void main(){
2     Element waiting[4] = {
3         { 12, 2, "010-xxxx-1234" }, { 13, 4, "010-xxxx-7809" },
4         { 14, 3, "010-xxxx-4785" }, { 15, 2, "010-xxxx-7345" } };
5     init_queue();
6     for (int i = 0; i < 4; i++) {
7         printf(" 웨이팅 신청을 완료했습니다. 대기번호: %d 번 인원:%d 명\n",
8             waiting[i].id, waiting[i].nperson);
9         enqueue(waiting[i]);
10    }
11    while (!is_empty()) {
12        Element w = dequeue();
13        printf(" 웨이팅 번호 %d 번 입장하실 차례입니다. (%d 명, %s)\n",
14            w.id, w.nperson, w.info);
15    }
16 }
```

Lab: 맛집의 웨이팅 정보 저장하기

```
$ gcc waiting_queue2.c -o waiting
$ ./waiting
```

웨이팅 신청. 대기번호: 12번 인원:2명

웨이팅 신청. 대기번호: 13번 인원:4명

웨이팅 신청. 대기번호: 14번 인원:3명

웨이팅 신청. 대기번호: 15번 인원:2명

front=0, rear=4 -->

[번호=1]12, 인원=2, 연락처=010-xxxx-1234

[번호=2]13, 인원=4, 연락처=010-xxxx-7809

[번호=3]14, 인원=3, 연락처=010-xxxx-4785

[번호=4]15, 인원=2, 연락처=010-xxxx-7345

웨이팅 번호 12번 입장. (2명, 010-xxxx-1234)

웨이팅 번호 13번 입장. (4명, 010-xxxx-7809)

웨이팅 번호 14번 입장. (3명, 010-xxxx-4785)

웨이팅 번호 15번 입장. (2명, 010-xxxx-7345)

front=4, rear=4 -->

Lab: 피보나치 수 구하기

- 피보나치 수열: 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, ...

$$F(n) = \begin{cases} 0, & n = 0 \\ 1, & n = 1 \\ F(n-1) + F(n-2) & n \geq 2 \end{cases}$$

- 아래와 같은 절차를 이용

- 1 enqueue (0): [0]
- 2 enqueue (1): [0,1]
- 3 dequeue() + peek() ==> enqueue(result)
 - 1 dequeue(): 0 ← [1]
 - 2 peek(): 1 ← [1]
 - 3 result = 0 + 1 = 2
 - 4 enqueue(result): [1,2]

Lab: 피보나치 수 구하기

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #define MAX_SIZE 5    // 배열의 크기
4  typedef int Element; // Element 의 자료형 정의
5  #include "CircularQueue.h"
6  int fibonacci(int n){
7      if (n <= 1) return n;
8      init_queue();
9      enqueue(0);
10     enqueue(1);
11     for (int i = 2; i <= n; i++) {
12         int n1 = dequeue();
13         int n2 = peek();
14         enqueue(n1 + n2); // F(n) = F(n-2) + F(n-1)
15     }
16     dequeue(); // 큐에는 F(n-1), F(n) 이 남아 있음
17     return dequeue(); // F(n) 를 반환
18 }
```

```
1  void main(){
2      printf(" 피보나치 수열: ");
3      for (int i = 0; i < 16; i++)
4          printf("%d,", fibonacci(i));
5
6      printf("\n\n");
7  }
```

구조체와 매개변수 전달을 이용한 큐

- 앞에서 정의한 큐는 데이터가 전역 변수로 선언됨
 - ▶ 여러개의 큐를 이용한 프로그램 작성이 불가
- **대안: 큐의 데이터들을 구조체에 저장**
 - ▶ 구조체의 주소를 함수의 매개변수로 전달 (포인터 사용)
 - ▶ QueueStruct.h

```
1 typedef struct Queue {  
2     Element data[MAX_SIZE]; // 요소의 배열  
3     int front;               // 전단 인덱스  
4     int rear;                // 후단 인덱스  
5 } Queue;  
6  
7 #define MAX_SIZE 100;
```

구조체와 매개변수 전달을 이용한 큐: 연산

```
1 void enqueue(Queue * q, Element e){
2     if (is_full(q)) error "overflow";
3     else{
4         q->rear = (q->rear+1) % MAX_SIZE;
5         q->data[q->rear] = e;
6     }
7 }
8
9 Element dequeue(Queue * q){
10    if (is_empty(q)) error "Underflow";
11    else{
12        q->front = (q->front+1) % MAX_SIZE
13        return q->data[q->front]
14    }
15 }
```

구조체와 매개변수 전달을 이용한 큐: 연산

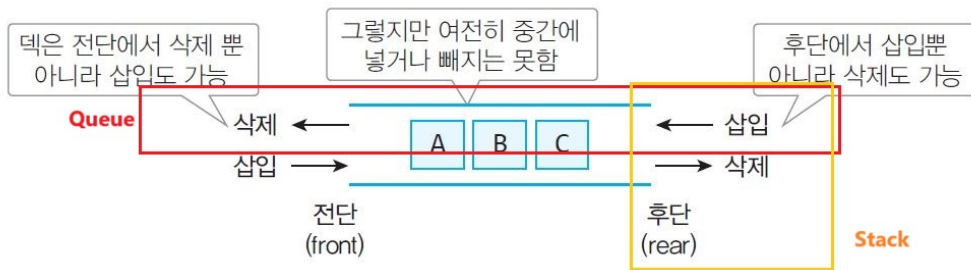
```
1 Element peek(Queue* q){
2     if (is_empty(q)) error("Underflow Error!");
3     return q->data[(q->front + 1) % MAX_SIZE];
4 }
5
6 void print_queue(Queue* q) {
7     printf("front=%d, rear=%d --> ", q->front, q->rear);
8     int size = (q->rear - q->front + MAX_SIZE) % MAX_SIZE;
9     for (int i = q->front + 1; i <= q->front + size; i++)
10         printf("[%d]%2d ", i, q->data[i % MAX_SIZE]);
11     printf("\n");
12 }
```

구조체와 매개변수 전달을 이용한 큐: 테스트

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #define MAX_SIZE 8
4  typedef int Element;
5  #include "QueueStruct.h"
6
7  void main(){
8      Queue q;
9      init_queue(&q);
10     print_queue(&q); //front=0, rear=0 -->
11     enqueue(&q, 10);
12     print_queue(&q); //front=0, rear=1 --> [1]10
13     enqueue(&q, 20);
14     print_queue(&q); //front=0, rear=2 --> [1]10 [2]20
15     dequeue(&q);
16     print_queue(&q); //front=1, rear=2 --> [2]20
17 }
```

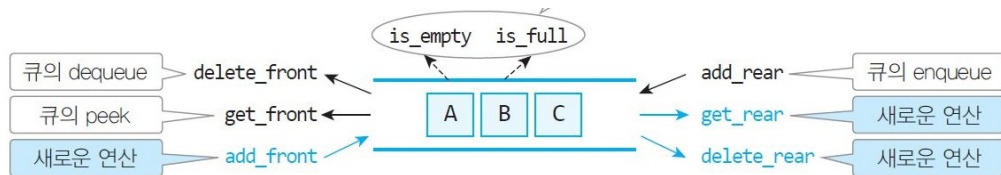
덱 (deque) 이란?

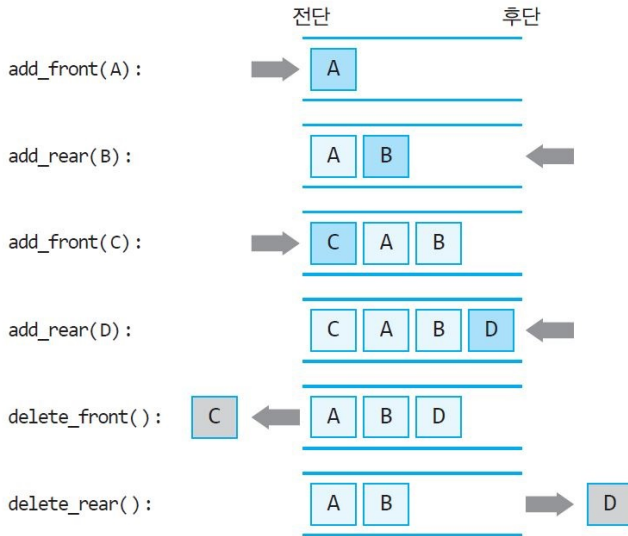
- Queue: FIFO(후단 삽입, 전단 삭제)
- 덱 (deque; double-ended queue): 전단과 후단에서 모두 삽입과 삭제가 가능한 큐
 - ▶ queue 와 stack 의 특징이 혼합된 형태



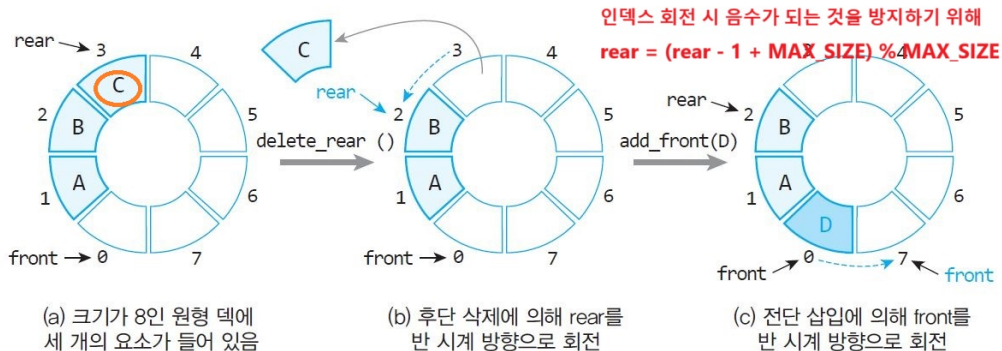
덱의 추상 자료형 (ADT)

- 데이터: 전단과 후단에서 모두 접근가능한 객체
- 연산
 - ▶ initialize(): deque 의 초기화
 - ▶ add_front(e): 맨 앞에 요소 e 를 추가
 - ▶ add_rear(e): 맨 뒤 요소 e 를 추가
 - ▶ delete_front(): deque 의 맨 앞의 요소를 꺼내 (삭제) 반환
 - ▶ delete_rear(): deque 의 맨 뒤의 요소를 꺼내 (삭제) 반환
 - ▶ get_front(): deque 의 맨 앞 요소를 삭제하지 않고 반환
 - ▶ get_rear(): deque 의 맨 뒤 요소를 삭제하지 않고 반환
 - ▶ is_full(): deque 가 꽉 차있으면 TRUE, 아니면 FALSE
 - ▶ is_empty(): deque 가 비어있으면 TRUE, 아니면 FALSE





원형 덱의 연산



인덱스 회전 방법 (1,2 는 원형 Queue 의 연산과 동일)

- 1 delete_front() 직후 (=dequeue()): $\text{rear} \leftarrow (\text{rear} + 1) \% \text{MAX_SIZE}$
- 2 add_rear(e) 직후 (=enqueue(e)): $\text{front} \leftarrow (\text{front} + 1) \% \text{MAX_SIZE}$
- 3 delete_rear() 직후: $\text{rear} \leftarrow (\text{rear} - 1 + \text{MAX_SIZE}) \% \text{MAX_SIZE}$
- 4 add_front(e) 직후: $\text{front} \leftarrow (\text{front} - 1 + \text{MAX_SIZE}) \% \text{MAX_SIZE}$

- 원형큐와 동일

```
1 Element data[MAX_SIZE]; // 요소의 배열
2 int front; // 전단 인덱스
3 int rear; // 후단 인덱스
```

- 원형 큐에 없는 연산 (전단 삽입, 후단 삭제, 후단 참조) 만 추가

```
1 void add_front(Element val){ //전단 삽입
2     if (is_full()) error("Overflow Error!");
3     data[front] = val;
4     front = (front - 1 + MAX_SIZE) % MAX_SIZE;
5 }
6 Element delete_rear(){ //후단 삭제
7     if (is_empty()) error("Underflow Error!");
8     int prev = rear;
9     rear = (rear - 1 + MAX_SIZE) % MAX_SIZE;
10    return data[prev];
11 }
12 Element get_rear(){ //후단 참조
13     if (is_empty()) error("Underflow Error!");
14     return data[rear];
15 }
```

원형 덱의 연산 구현 (포인터 이용)

```
1 void add_front(Queue *q, Element e){// 전단에 삽입
2     if (is_full(q))
3         error ("overflow");
4     else{
5         q->data[front] = e;
6         q->front = (q->front - 1 + MAX_SIZE)%MAX_SIZE;
7     }
8 }
9 Element delete_rear(Queue *q){ // 후단 삭제
10     if (is_empty(q))
11         error ("underflow");
12     else{
13         Element e = q->data[rear];
14         q->rear = (q->rear - 1 + MAX_SIZE)%MAX_SIZE;
15         return e;
16     }
17 }
```

```
1  #include <stdio.h>
2  #include <stdlib.h>
3  #define MAX_SIZE 10
4  #define Element int
5  #include "CircularDeque.h"
6
7  // 덱 요소의 출력 함수. front+1 부터 size 개의 요소를 순서대로 출력
8  void print_deque(char msg[]) {
9      printf("%s front=%d, rear=%d --> ", msg, front, rear);
10     int size = (rear - front + MAX_SIZE) % MAX_SIZE;
11
12     for (int i = front + 1; i <= front + size; i++)
13         printf("%2d ", data[i % MAX_SIZE]);
14     printf("\n");
15 }
```

```
1 void main(){
2     init_deque();
3     print_deque("Initialize Deque");
4     for (int i = 1; i < 10; i++) {
5         if (i % 2) {
6             add_front(i); // i 가 홀수이면 전단으로 삽입
7             print_deque(" 홀수 전단삽입");
8         }
9         else{
10            add_rear(i); // 짝수이면 후단으로 삽입
11            print_deque(" 짝수 후단삽입");
12        }
13    }
14    delete_rear();
15    print_deque("delete_rear() ");
16    delete_front();
17    print_deque("delete_front()");
18 }
```

원형 덱 테스트 결과

```
$ gcc CircularDeque.c -o deque
$ ./deque
```

Initialize Deque front=0, rear=0 -->

홀수 전단삽입 front=9, rear=0 --> 1

짝수 후단삽입 front=9, rear=1 --> 1 2

홀수 전단삽입 front=8, rear=1 --> 3 1 2

짝수 후단삽입 front=8, rear=2 --> 3 1 2 4

홀수 전단삽입 front=7, rear=2 --> 5 3 1 2 4

짝수 후단삽입 front=7, rear=3 --> 5 3 1 2 4 6

홀수 전단삽입 front=6, rear=3 --> 7 5 3 1 2 4 6

짝수 후단삽입 front=6, rear=4 --> 7 5 3 1 2 4 6 8

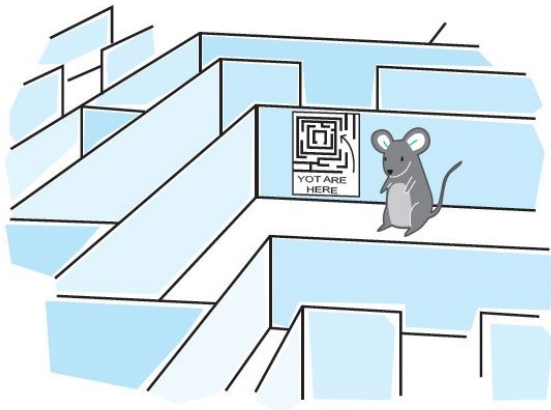
홀수 전단삽입 front=5, rear=4 --> 9 7 5 3 1 2 4 6 8

delete_rear() front=5, rear=3 --> 9 7 5 3 1 2 4 6

delete_front() front=6, rear=3 --> 7 5 3 1 2 4 6

LAB 덕의 응용: 미로 탐색 (Maze problem)

- 미로에 갇힌 생쥐가 출구를 찾는 문제



- 시행 착오법 (trial and error)

- ▶ 하나의 경로를 선택해 시도하고 막히면 다시 다른 경로를 시도
- ▶ 저장된 경로를 모두 선택할 수만 있다면 어떤 자료구조에 저장하든지 출구를 찾을 수 있음
- ▶ 가장 대표적인 방법: DFS, BFS

- 깊이 우선 탐색 (DFS, Depth First Search)

- ▶ 가장 최근에 저장한 경로를 선택하여 다시 시도
- ▶ 스택 (stack) 을 이용해 구현

- 너비 우선 탐색 (BFS, Breadth First Search)

- ▶ 가장 먼저 저장된 경로를 선택하여 다시 시도
- ▶ 큐 (queue) 를 이용해 구현

- DFS 와 BFS 는 stack 또는 queue 를 사용, 이 두가지 방법을 모두 구현하려면 **deque**를 사용하여 구현 가능함

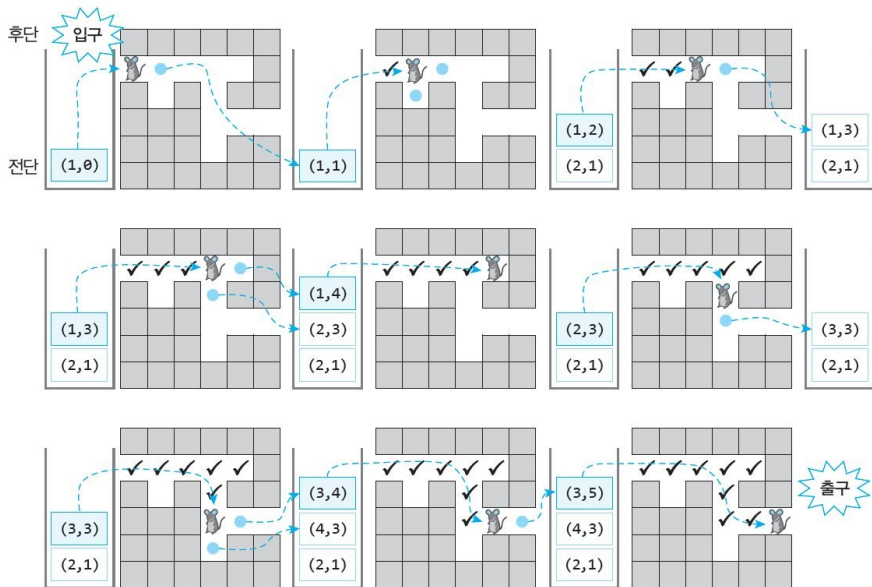
LAB 데크의 응용: DFS & BFS

```
1 DFS()
2     init_deque()
3     add_rear(입구좌표)
4     while is_empty() == FALSE :
5         현재위치 = delete_rear() // 스택에서 후단 위치를 꺼냄
6         if 현재위치 == 출구위치 :
7             return "Success" // 출구탐색 성공
8         for 이웃위치에 대하여(LEFT, RIGHT, UP, DOWN) :
9             if (이웃위치 방문하지 않은 갈 수 있는 위치) :
10                 add_rear(이웃위치) // 후단 삽입
11     return "Fail" // 출구탐색 실패
```

BFS 는 queue 를 사용하므로 위의 DFS 에서 5 번 행을 아래로 바꾸면 됨

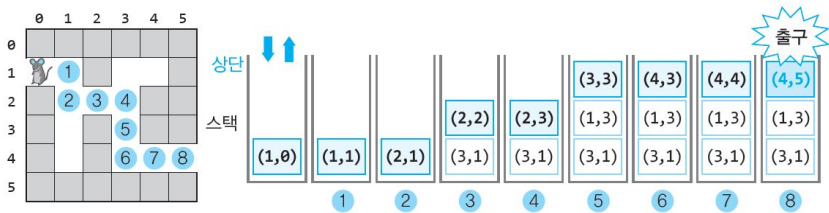
```
현재위치 = delete_front() // 큐에서 전단 위치를 꺼냄
```

LAB 덕의 응용: DFS

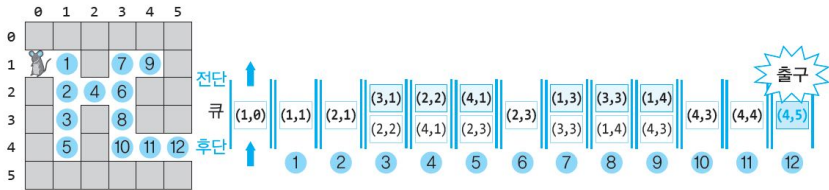


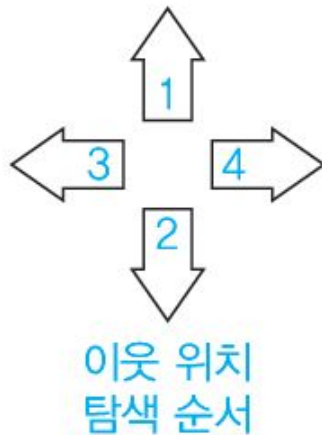
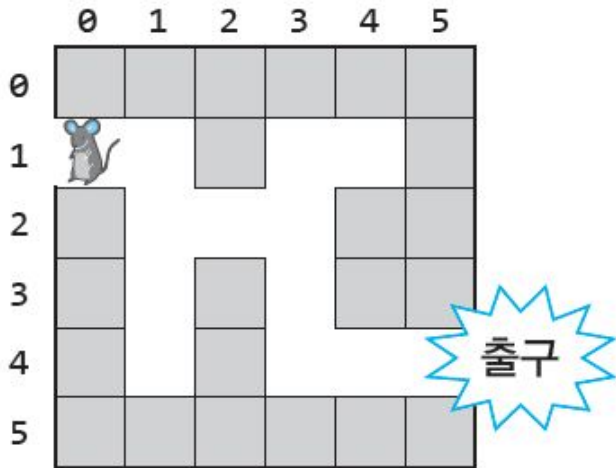
LAB덱의 응용: DFS & BFS

- DFS with stack



- BFS with queue





LAB DFS 미로 탐색

- stack size : MAX_SIZE
- 위치 (position) 정보: 행과 컬럼 인덱스 (Element)
- 미로 맵 (map) 2 차원 배열로 '0' 은 접근가능, '1' 은 접근불가

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#define MAX_SIZE 100
struct Pos2D { int x; int y; };
typedef struct Pos2D Element;
#include "CircularDeque.h"
#define MAZE_DIM 6
char map[MAZE_DIM][MAZE_DIM] = {
    { '1', '1', '1', '1', '1', '1' },
    { '0', '0', '1', '0', '0', '1' },
    { '1', '0', '0', '0', '1', '1' },
    { '1', '0', '1', '0', '1', '1' },
    { '1', '0', '1', '0', '0', 'x' }, // 'x' (탈출위치)
    { '1', '1', '1', '1', '1', '1' },
};
```

```
int jump_pos[4][2] = {{-1, 0}, // Left  
                      {1, 0}, // Right  
                      {0, 1}, // Up  
                      {0, -1} // Down  
};
```

- stack 연산: 삽입 (push_loc), 꺼내기 (pop_loc)

```
1 void push_loc(int x, int y) {
2     if (x < 0 || y < 0 || x >= MAZE_DIM || y >= MAZE_DIM)
3         return; // 미로 범위 밖의 위치
4     if (map[x][y] != '0' && map[x][y] != 'x')
5         return; // 접근불가 셀
6     Element pos = {x, y};
7     add_rear(pos);
8 }
9 Element pop_loc() {
10     return delete_rear(); // 후단 삭제 (스택의 pop)
11 }
12 int is_valid(int x, int y) {
13     return ((x >= 0) && (x < MAZE_DIM) && (y >= 0) && (y < MAZE_DIM) && (map[x][y] != '.'));
14 }
15 int is_dest(int x, int y) {
16     return (map[x][y] == 'x');
17 }
```


LAB DFS 미로 탐색

```
int DFS(){
    while (is_empty() == 0 ){
        Element hear = pop_loc(); // 스택에서 후단 위치를 꺼냄
        if (is_dest(hear.x, hear.y)) { // 출구확인
            return(1); // 출구탐색 성공
        }
        map[hear.x][hear.y] = '.';
        for (int i = 0; i < 4; i++) { //이웃위치 (LEFT, RIGHT, UP, DOWN)
            int x = hear.x + jump_pos[i][0];
            int y = hear.y + jump_pos[i][1];
            if(is_valid(x, y) && !is_dest(x, y)){
                push_loc(x, y); // 스택의 후단 삽입
            }
        }
    }
    return (0); // 출구탐색 실패
}
```

LAB DFS 미로 탐색 (main 함수)

```
void main()
{
    init_deque();
    push_loc(1, 0); //입구좌표
    if(DFS()){
        printf("\n미로 탈출 성공\n");
    }else{
        printf("\n미로 탈출 실패\n");
    }
}
```

LAB DFS 미로 탐색 그래프

- 미로 탐색은 그래프/트리에서 순회 또는 탐색 문제와 유사함

