

# 2022-1학기 스터디 #0

나정휘

<https://justicehui.github.io/>

# 목차

- 스터디 소개
- solved.ac 소개

# 스터디 소개

- 일시: 5월 첫째 주 ~ 6월 첫째 주 수요일/토요일 저녁 7시
- 장소: Zoom, 링크는 스터디 시작 전 공지
- 대상: PS(Problem Solving)를 처음 접해보는 사람
  - 문제를 풀어본 경험이 적은 사람
  - 알고리즘 공부를 했지만 기초적인 내용을 잘 응용하지 못하는 사람
- 내용: PS에서 가장 기초적인 개념과 실제 문제에 적용하는 방법

# 스터디 소개

- 주의사항
  - 스터디 참여도가 낮은 신입 부원은 다음 학기 소모임 등록이 제한될 수 있습니다.
  - 카메라 안 켜도 됩니다.
  - 속도가 너무 빠르거나 질문 있으면 채팅 남겨주세요.
- BOJ 관련 (acmicpc.net)
  - 가입 안 했으면 회원가입하세요
  - icpc.me/g/14636 가입 신청하세요
  - 연습 소스 코드 공개 설정 바꾸세요

2022-1 SCCC 기초 스터디

메인 문제집 문제집 만들기 채점 현황 연습 연습 만들기 랭킹 게시판 글쓰기 파일 **설정** 관리

---

연습 소스 코드 공개

그룹 나가기 버튼

---

연습 소스 코드 공개 설정

소스 코드 공개 ☐ BOJ 기본값 사용 ☒ 관리자에게 공개 ☐ 모든 멤버에게 공개

**변경**

질문?

# ICPC

- 국제 대학생 프로그래밍 대회 (ICPC)
  - 3인 1팀
  - Regional Contest
    - 한국은 Asia Pacific 소속
    - Seoul, Yokohama, Hanoi, Taipei, Jakarta, ...
  - World Final
    - Asia Pacific 지역은 리저널 별 상위 2~3개 대학 진출
- ICPC Seoul Regional
  - 인터넷 예선(보통 10월)
    - 3시간, 학교마다 진출 컷 다름
  - 본선(보통 11월)
    - 5시간, 상위 N팀 수상, 상위 M개 대학 WF 진출

# UCPC

- 전국 대학생 프로그래밍 대회 동아리 연합 (<https://ucpc.me>)
- ICPC 대비 여름 대회 개최
  - 3인 1팀
  - 예선 (7/2)
    - 3시간, 상위 4~50팀 + @ 본선 진출
  - 본선 (7/23)
    - 5시간, 상위 N팀 수상

# 팀원 모집

- 슬랙 #2022-team-building 에서 팀원 구하면 됩니다.
  - 목표, 본인 실력, 원하는 팀원 실력, 작년 대회 성과, 기타 등등
  - 소개 올려놓고 기다리는 것보다 **직접 DM 보내는 게 좋아요.**
  - 팀원 다 모았으면 스레드에 모집 마감했다고 메시지 남겨주세요.
- 예시
  - 목표: 참가에 의의를 둬, 본선 진출, 수상, ...
  - 본인 실력: 알고리즘 처음 해봄, BOJ/codeforces 아이디, 수상 실적, ...



# 개인 대회

- SCPC (삼성 대학생 프로그래밍 경진대회)
  - 1차 예선(7월, 24시간), 2차 예선(8월, 12시간), 본선(9/3, 4시간)
- Google Code Jam
  - 진행 중
  - 보통 4월에 시작
- Facebook Hacker Cup
  - 아직 시작 안 함
- 현대모비스 알고리즘 경진대회
  - 작년에 열렸는데 올해도 할까?
- 대회 소식 있으면 슬랙에 올릴 예정

질문?

# solved.ac

- BOJ 문제에 알고리즘 태그와 난이도를 붙이는 커뮤니티 프로젝트
  - 문제를 해결한 유저가 직접 난이도와 사용한 알고리즘을 투표하는 시스템
- 문제 난이도
  - Unrated / Bronze V, IV, III, II, I / Silver V, IV, III, II, I / Gold V, IV, III, II, I
  - Platinum V, IV, III, II, I / Diamond V, IV, III, II, I / Ruby V, IV, III, II, I
- 코딩 테스트 합격을 가르는 문제는 대부분 S1~G3
  - 임의의 G3 문제를 30분 안에 해결할 수 있으면 전세계 상위 20% 정도 (Codeforces 1600+)
- G1~P5 이하의 문제를 모두 해결하면 높은 확률로 ICPC Seoul Regional 진출
  - 임의의 G1 문제를 30분 안에 해결할 수 있으면 전세계 상위 3% 정도 (Codeforces 2100+)
- P1 이하의 문제를 모두 해결하고 D5 이상 하나 풀면 ICPC Seoul Regional 수상 가능

# solved.ac

- 어떤 문제를 풀어야 할까?
  - 클래스 문제집 (solved.ac/class)
    - 고인물들이 직접 엄선한 좋은 문제 (shiftpsht solvedac 제작자, jh05013 B0J 9등, koosaga 1등, jhnah917 5등)
    - 새로운 개념, 구현 연습, 풀이가 어려운 문제
      - 어떤 걸 공부해야 할지 모를 때 하나씩 풀어보면서 모르는 거 공부하면 좋음
- 문제 검색
  - ex. 난이도 S2~G3인 동적 계획법 문제 중 내가 아직 안 푼 문제
    - \*s2..g3 #dp -s@\$me
  - ex. 난이도가 S5~S1인 정수론 문제 중 jhnah917이 풀고 내가 안 푼 문제
    - \*s #number\_theory s@jhnah917 -s@\$me
  - ex. 난이도가 G5..G3인 문제 중 수학이 들어가지 않은 문제
    - \*g5..g3 -#math

# solved.ac

- 어떤 문제를 풀어야 할까?
  - 올림피아드 문제
    - 주로 여러 단계의 사고 과정을 거쳐야 하는 문제
    - USACO Bronze / Silver 추천
  - ICPC 기출 문제
    - 올림피아드보다 더 넓은 출제 범위인류가 아는 모든 지식
  - 코딩테스트 기출 문제
    - (삼성) 구현해야 할 것이 많은 문제
      - BOJ 문제집에 정리되어 있음
    - (카카오) 기초적인 개념을 응용하는 문제
      - Programmers에 정리되어 있음
      - 대부분 봄 스터디에서 다루는 범위 안에서 출제

질문?

# 2022-1학기 스터디 #1

나정휘

<https://justicehui.github.io/>

# 목차

- Problem Solving이란?
- 시간 복잡도
- 정렬 알고리즘
- 이분 탐색



Problem Solving 이란?

# Problem Solving 이란?

- 문제를 해결하는 것
  - 문제를 해결하는 방법을 찾는 것
  - 문제를 해결하는 절차를 세우는 것
  - 주어진 문제를 해결하는 알고리즘을 설계하는 것
- 우리가 풀어야 하는 문제들은...
  - 입력과 출력이 정의된 적당한 문제가 주어짐
  - 입력을 넣었을 때 올바른 결과를 출력하는 프로그램 작성
  - 시간 제한과 메모리 제한이 있음
  - (optional) 정해진 시간 동안 여러 문제를 빠르게 풀어야 함

# Problem Solving?

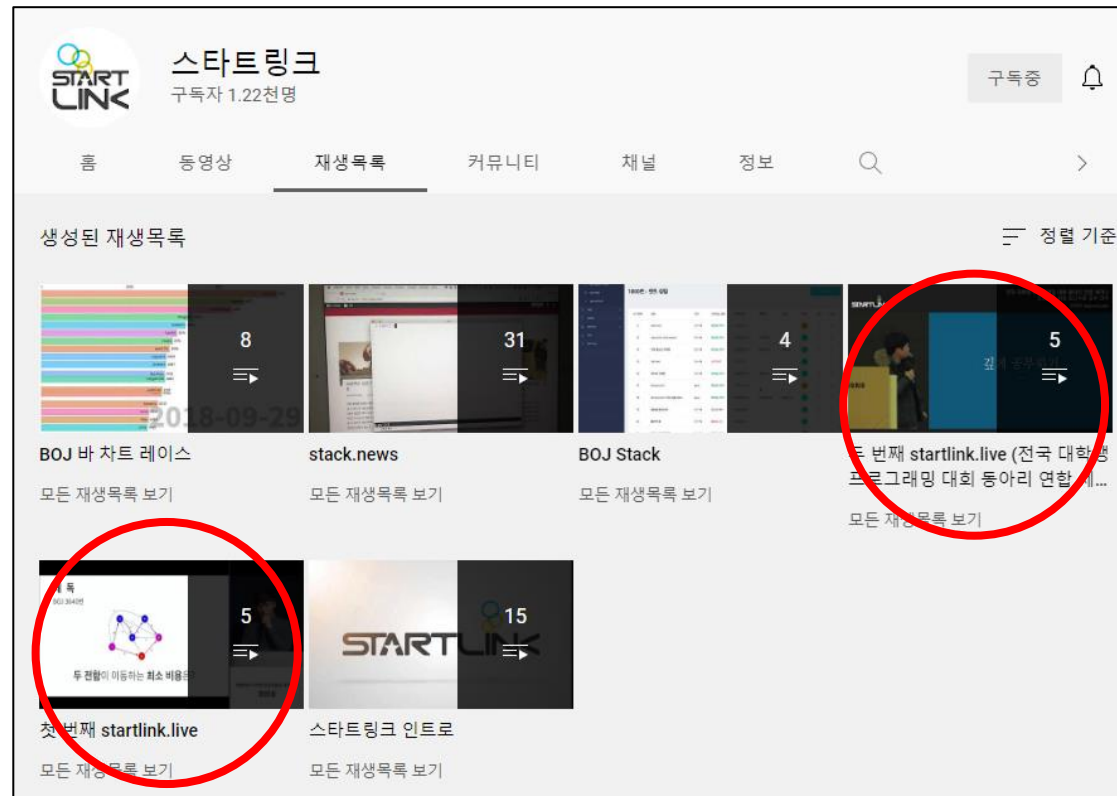
- 풀어야 하는 문제들
  - 문제에 나와있는 내용을 그대로 구현 (ex. BOJ 5373 큐빙)
  - 조건을 만족하는 최댓값/최솟값 (ex. 1014 컨닝)
  - 주어진 연산을 효율적으로 처리 (ex. BOJ 2042 구간 합 구하기)
  - 주어진 작업을 하는데 필요한 최소/최대 비용 (BOJ 1011 Fly me to the Alpha Centauri)
  - 등등

# Problem Solving 이란?

- 문제를 해결하는 과정
  - 자연어로 된 문제를 잘 읽는다.
  - 수학적으로 잘 모델링한다.
  - 풀이를 생각한다.
  - 내가 생각한 풀이가 맞는지 검증한다.
  - 내가 생각한 풀이를 코드로 옮긴다.
  - 온라인 저지에 제출한다.
  - 왜 틀렸는지 고민한다.
  - (반복)
- ex. BOJ 13900 순서쌍의 곱의 합

# Problem Solving 이란?

- 의문점
  - 이걸 왜 배워야 하지?
  - 개발에 도움이 되나?



# Problem Solving 이란?

- 어떻게 공부해야 할까?
  - 일단 5주 동안 스터디 꾸준히 참여하시면
  - 마지막에 앞으로 어떻게 공부해야 할지 알려 드릴게요

# 시간 복잡도

# 알고리즘의 성능을 판단하는 척도

- 정확성: 얼마나 **정확한 답**을 구할 수 있는가?
- 작업량: 얼마나 **적은 연산**을 필요로 하는가?
- 메모리 사용량: 얼마나 **적은 공간**을 사용하는가?
- 단순성: 알고리즘의 **작동 과정**이 얼마나 **단순**한가?
- 최적성: 더 이상 **개선할 여지가 없을 만큼** 최적화가 잘 되었나?



# 시간 복잡도

- 문제를 해결하는데 **걸리는 시간**과 **입력 크기**의 관계를 나타내는 함수
  - 연산이 많아질수록 오래 걸림
  - PS에서는 네트워크 통신, CPU 점유 등은 신경 안 씀
  - 연산을 몇 번 수행하는지 확인하면 수행 시간을 대략적으로 유추할 수 있음
  - **최악의 경우**가 중요함
- 문제를 해결하는데 필수적인 **기본 연산**
- 기본 연산의 **수행 횟수**

# 시간 복잡도 - 예시

- 길이가 N인 배열에서 값이 K인 원소가 존재하는지 확인
  - 기본 연산: 배열의 한 원소와 K의 값을 비교
  - 기본 연산의 수행 횟수: 최대 N회
  - 시간 복잡도:  $T(N) = N$

# 시간 복잡도 - 예시

- 길이 N인 배열에서 최댓값 찾기
  - 기본 연산: 배열의 두 원소의 값 비교
  - 기본 연산의 수행 횟수: 최대 N-1회
  - 시간 복잡도  $T(N) = N-1$

질문?

# 함수에서 가장 중요한 정보

- $f(x) = x^2 + 5x, g(x) = 27x$ 
  - $x = 1: f(x) = 6, g(x) = 27$
  - $x = 10: f(x) = 150, g(x) = 270$
  - $x = 100: f(x) = 10500, g(x) = 2700$
  - $x = 1000: f(x) = 1005000, g(x) = 27000$
- $x$ 가 적당히 큰 수면  $f(x) > g(x)$ 를 만족함
- $x > x_0$ 이면 항상  $f(x) > g(x)$ 를 만족함

# 함수에서 가장 중요한 정보

- 다항 함수: 최고차항의 차수가 중요
  - ex)  $f(x) = x^2 + 5x, g(x) = 27x$
  - $x > 22$ 이면 항상  $f(x) > g(x)$
- 지수 함수는 밑수의 최댓값이 중요
  - $f(x) = 3^x + x - 10, g(x) = 2^x + x^3 + 5x$
  - $x > 4.6$ 이면 항상  $f(x) > g(x)$
- 최고차항의 차수 or 밑수의 최댓값이 큰 함수가 더 크다.

# Big-O Notation

- $f(x) \in O(g(x))$ 
  - 어떤 실수  $x_0$ 과 양의 실수  $c$ 가 있어서
  - $x > x_0$ 을 만족하는 모든  $x$ 에 대해
  - $f(x) \leq c g(x)$ 를 만족한다.
- 어떤 실수  $x_0$ 보다 큰 모든  $x$ 
  - $x$ 가 한 없이 커지면 항상 부등호가 성립
- 어떤 양의 실수  $c$ 
  - 최고차항의 계수 무시
  - 최고차항의 차수와 지수 항의 밑수가 중요함

# Big-O Notation

- $f(x) \in O(g(x))$ 
  - $f(x)$ 가 아무리 빨리 증가해도
  - 최대  $g(x)$ 에 비례하는 수준으로 증가한다
  - $f(x)$ 의 상계를 나타냄



# Big-O Notation

- $f(x) = 5x, g(x) = x^2$ 
  - $x_0 = 5, c = 10$ 이면  $5x \leq 1 \times x^2 : 5x \in O(x^2)$
- $f(x) = 2^x + 10x + 5, g(x) = 2^x$ 
  - $x_0 = 7, c = 20$ 이면  $2^x + 10x + 5 \leq 2 \times 2^x : 2^x + 10x + 5 \in O(2^x)$

질문?

# Big-Omega Notation

- Big-O Notation과 반대로 함수의 하계를 나타냄
- $f(x) \in \Omega(g(x))$ 
  - 어떤 실수  $x_0$ 과 양의 실수  $c$ 가 있어서
  - $x > x_0$ 을 만족하는 모든  $x$ 에 대해
  - $f(x) \geq c g(x)$ 를 만족한다.

# Big-Theta Notation

- 상계와 하계의 교집합(Tight Bound)
- $f(x) \in \Theta(g(x)) \iff f(x) \in O(g(x)) \wedge f(x) \in \Omega(g(x))$

# 극한을 이용한 표현

- $f(x) \in O(g(x)) \iff \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{g(x)} = c$ 로 수렴
- $f(x) \in \Omega(g(x)) \iff \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{g(x)} > 0$
- $f(x) \in \Theta(g(x)) \iff \lim_{n \rightarrow \infty} \frac{f(x)}{g(x)} = c$ 로 수렴 (단,  $c > 0$ )

질문?

정렬

# 정렬이란?

- 주어진 데이터를 일정한 순서대로 나열하는 것
  - 오름차순 정렬:  $a < b$ 이면  $a$ 가  $b$ 보다 앞에 오도록 나열
  - 내림차순 정렬:  $a > b$ 이면  $a$ 가  $b$ 보다 앞에 오도록 나열
  - 위상 정렬:  $a \rightarrow b$  간선이 있으면  $a$ 가  $b$ 보다 앞에 오도록 나열



# 버블 정렬

- 서로 인접한 두 원소를 비교해서 정렬하는 알고리즘

- 5 3 4 2 1      3 2 1 4 5
- 3 5 4 2 1      2 3 1 4 5
- 3 4 5 2 1      2 1 3 4 5
- 3 4 2 5 1      2 1 3 4 5
- 3 4 2 1 5      2 1 3 4 5

- 3 4 2 1 5      2 1 3 4 5
- 3 4 2 1 5      1 2 3 4 5
- 3 2 4 1 5      1 2 3 4 5
- 3 2 1 4 5      1 2 3 4 5
- 3 2 1 4 5      1 2 3 4 5

# 버블 정렬

- 배열을 한 번 순회할 때
  - 비교  $N-1$ 번
  - 교환  $N-1$ 번
  - $i$ 번째 순회에서  $i$ 번째로 큰 값이  $N-i+1$ 번째로 이동
    - $N-1$ 번만 순회하면 정렬 끝
- 시간 복잡도
  - 기본 연산: 비교, 교환
  - 각각  $(N-1)^2$ 번 수행
  - 시간 복잡도:  $O(N^2)$

질문?

# 선택 정렬

- 가장 작은 원소를 맨 앞에 있는 원소와 교환하면서 정렬하는 알고리즘
  - 5 3 4 **1** 2
  - **1** 3 4 5 **2**
  - **1** **2** 4 5 **3**
  - **1** **2** **3** 5 **4**
  - **1** **2** **3** **4** 5

# 선택 정렬

- $i$ 번째 단계
  - 비교  $N-i-1$ 번
  - 교환 1번
  - $i$ 번째로 작은 값이  $i$ 번째로 이동
- 시간 복잡도
  - 기본 연산: 비교, 교환
  - 비교  $N(N-1)/2$ 번, 교환  $N-1$ 번
  - 시간 복잡도:  $O(N^2)$

# 다른 정렬 알고리즘

- 삽입 정렬 -  $O(N^2)$
- 합병 정렬 -  $O(N \log N)$
- 퀵 정렬 - 평균  $O(N \log N)$ , 최악  $O(N^2)$
- 힙 정렬 -  $O(N \log N)$

# 비교 기반 정렬

- 두 원소를 비교/교환해서 정렬하는 알고리즘
  - ex. 오름차순 정렬
    - $i < j$  and  $A[j] < A[i]$  인  $(i, j)$ 가 없어야 함
    - $i < j$  and  $A[j] < A[i]$ 이면  $A[i]$ 와  $A[j]$  교환
  - `bool Compare(T a, T b)`
    - a가 b보다 반드시 앞에 나와야 하면 true, 아니면 false
    - $i < j$  and `Compare(A[j], A[i]) = true` 인  $(i, j)$ 가 없어야 함
    - $i < j$  and `Compare(A[i], A[j]) = false` 이면  $A[i]$ 와  $A[j]$  교환
  - 오름차순 정렬: `Compare(a, b) = a < b`

질문?



# 비교 함수

- `bool Compare(T a, T b)`
  - a가 b보다 반드시 앞에 나와야 하면 `true`
  - 그렇지 않으면 `false`
  - `Strict Weak Ordering`을 만족해야 함
  - `i < j && Compare(A[j], A[i]) == true`인 `i, j`가 존재하지 않으면 됨
  - `i < j && Compare(A[i], A[j]) == false`면 `A[i]`와 `A[j]`를 교환
- 오름차순: `Compare(a, b): a < b`                      `a ≤ b` 아님
- 내림차순: `Compare(a, b): a > b`                      `a ≥ b` 아님

# Strict Weak Ordering

- Strict Weak Ordering
  - 비반사성(irreflexivity)
    - 모든  $x$ 에 대해  $R(x, x)$ 는 거짓
  - 비대칭성(asymmetry)
    - 모든  $x, y$ 에 대해  $R(x, y)$ 이 참이면  $R(y, x)$ 는 거짓
  - 추이성(transitivity)
    - 모든  $x, y, z$ 에 대해  $R(x, y), R(y, z)$ 가 참이면  $R(x, z)$ 는 참
  - 비비교성의 추이성(transitivity of incomparability)
    - 모든  $x, y, z$ 에 대해  $R(x, y), R(y, x), R(y, z), R(z, y)$ 가 거짓이면  $R(x, z), R(z, x)$ 는 거짓

# Strict Weak Ordering

- 비교성(comparability)
  - 비교를 할 수 있다
  - (정렬에서) 두 원소의 순서를 정할 수 있다
- 비비교성(incomparability)
  - 비교를 할 수 없다
  - (정렬에서) 두 원소의 순서를 정할 수 없다 = 동등하다
- ex) 오름차순 정렬
  - 값이 같은 두 원소는 순서를 정할 수 없음
  - 값이 다른 두 원소는 순서를 정할 수 있음

# Strict Weak Ordering

- 비반사성(irreflexivity)
  - 모든  $x$ 에 대해  $R(x, x)$ 는 거짓
  - 값이 같은 두 원소는 비교가 불가능하다
  - $\text{Compare}(x, x)$ 는 두  $x$  중 반드시 먼저 와야 하는 것을 결정할 수 없음
- 오름차순의 비교 함수로  $a \leq b$ 를 사용할 수 없는 이유

# Strict Weak Ordering

- 비대칭성(asymmetry)
  - 모든  $x, y$ 에 대해  $R(x, y)$ 이 참이면  $R(y, x)$ 는 거짓
  - 두 개가 모두 참이면 두 원소의 순서를 정할 수 없음
  - $R(x, y), R(y, x)$  모두 거짓이 되어야 함
- 사이클이 있는 그래프에서 위상 정렬이 불가능한 이유

# Strict Weak Ordering

- 추이성(transitivity)
  - 모든  $x, y, z$ 에 대해  $R(x, y), R(y, z)$ 가 참이면  $R(x, z)$ 는 참
  - 삼단 논법
- 비비교성의 추이성(transitivity of incomparability)
  - 모든  $x, y, z$ 에 대해  $R(x, y), R(y, x), R(y, z), R(z, y)$ 가 거짓이면  $R(x, z), R(z, x)$ 는 거짓
  - $x, y$ 가 동등하고(비교가 불가능하고),  $y, z$ 가 동등하면  $x, z$ 도 동등해야 함

질문?

# std::sort

- sort(first, last): 시작 주소, 끝 주소
  - 기본적으로 오름차순 정렬
  - 구조체/클래스의 경우 < 연산이 정의되어 있어야 함
- sort(first, last, comp): 시작 주소, 끝 주소, 비교 함수
- $O(N \log N)$

```
#include <stdio.h>
#include <algorithm>

bool Compare(int a, int b){
    return a > b;
}

int main(){
    int arr[5] = {5, 3, 1, 4, 2};
    std::sort(arr, arr+5); // 정렬할 범위의 첫 주소, 마지막 주소의 한 칸 뒤
    for(int i=0; i<5; i++) printf("%d ", arr[i]);
    printf("\n");

    std::sort(arr, arr+5, Compare);
    for(int i=0; i<5; i++) printf("%d ", arr[i]);
}
```



# std::stable\_sort

- 동등한(비교 불가능한) 원소들의 순서는 어떻게 결정할까?
  - stable sort: 기존 순서 유지
  - unstable sort: 마음대로
- std::sort는 unstable sort
- stable sort를 사용하고 싶다면 std::stable\_sort 사용

```
#include <stdio.h>
#include <algorithm>

struct Data{
    int x, y;
};

bool Compare(Data a, Data b){
    return a.x < b.x;
}

int main(){
    Data arr[3] = { {1, 3}, {1, 2}, {0, 1} };
    std::stable_sort(arr, arr+3, Compare);
    for(int i=0; i<3; i++)
        printf("%d %d\n", arr[i].x, arr[i].y);
}
```

질문?

이진 탐색

# 업/다운 게임

- 철수는 1 이상 N 이하인 자연수  $X$ 를 하나 선택한다.
- 영희는 철수가 생각한  $X$ 를 맞춰야 한다.
- 영희가 어떤 수  $Y$ 를 말하면, 철수는 아래와 같은 대답을 한다.
  - $X > Y$ 라면: Up
  - $X < Y$ 라면: Down
  - $X = Y$ 라면: Accept
- 영희의 질문 횟수를 최소화 시키자.

# 영희의 전략

- 정답은  $[1, N]$  사이에 있다.
  - 중간 지점  $M_1 = \text{floor}((1+N)/2)$ 을 선택한다.
    - 정답이  $M_1$ 보다 작다면 구간을  $[1, M_1-1]$ 로 조절한다.
    - 정답이  $M_1$ 보다 크다면 구간을  $[M_1+1, N]$ 으로 조절한다.
    - $[S_2, E_2]$ 라고 하자
- 정답은  $[S_2, E_2]$  사이에 있다.
  - 중간 지점  $M_2 = \text{floor}((S_2+E_2)/2)$ 를 선택한다.
    - 정답이  $M_2$ 보다 작다면 구간을  $[S_2, M_2-1]$ 로 조절한다.
    - 정답이  $M_2$ 보다 크다면 구간을  $[M_2+1, E_2]$ 로 조절한다.
- 반복한다.

# 영희의 전략

- 정답이 존재할 수 있는 구간이 매번 절반으로 감소한다.
  - 최악의 경우에도  $\log_2 N + 1$ 번의 질문으로 답을 구할 수 있다.
- 이게 최적 전략일까?
  - YES
  - 상대자 논증을 이용해 증명 가능

# 이분 탐색

- 정렬된 배열 A가 주어진다. K가 A의 몇 번째 원소인지 구해라.
  - $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}, K = 3$
  - $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}, K = 3$
  - $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7\}, K = 3$
- 배열의 길이를 N이라고 하면  $O(\log N)$ 에 해결할 수 있다.
  - 기본 연산: 배열의 원소와 어떤 수를 비교하는 것
  - 기본 연산의 수행 횟수: 최악의 경우  $\log_2 N + 1$ 번

질문?



# 과제

- 필수
  - 2751 수 정렬하기 2
  - 11650 좌표 정렬하기
  - 1950 수 찾기
  - 2417 정수 제곱근
- 심화
  - 1654 랜선 자르기
  - 2470 두 용액