

Departamento de Estadística y Matemáticas  
Facultad de Ciencias Económicas  
Estadística I  
Parcial III

Nombre: \_\_\_\_\_ Cédula: \_\_\_\_\_

1. **(1.5 punto)** Suponga que un inmunólogo Colombiano famoso logra crear su propia vacuna para hacerle frente al COVID-19, en donde espera dicha vacuna ofrezca una mayor protección que las de otras farmacéuticas, debido a que la fórmula creada por el inmunólogo Colombiano fue desarrollada muchos meses después de que salieran las primeras vacunas, y en consecuencia, se espera tenga una mayor eficiencia.

Dada la presión que recae sobre el médico inmunólogo, éste ha decidido realizar pruebas clandestinas en personas que aún no han sido inmunizadas con otras vacunas, para observar la eficiencia de su vacuna, antes de presentarsela al mundo.

Luego de los estudios realizados por el médico, suponga que éste encuentra que 7 de cada 15 personas que son inmunizadas con la nueva vacuna muestran tener inmunidad frente al virus que causa la enfermedad del COVID-19, además de mostrar inmunidad frente a otras enfermedades, tales como la malaria.

Dada la información anterior

- a) **(0.5 punto)**Cuál es la probabilidad de que más de 19 personas deban ser vacunadas, para encontrar la 8ª que muestre inmunidad frente al virus?
  - b) **(0.5 punto)**Cuál es la probabilidad de que más de 88 personas muestren inmunidad frente al virus, cuando se vacuna a un total de 177 personas?
  - c) **(0.5 punto)** Si se vacuna a un total de 271 personas, cuál es la probabilidad de que a lo más 183 personas muestren inmunidad frente al virus, cuando se sabe que hasta el momento ya se ha verificado que 163 de ellas han mostrado inmunidad frente al virus?
2. **(1 punto)** Suponga que una empresa que fabrica botellas ha comprado una nueva máquina para hacer envases de plástico para luego venderlas alguna empresa de gaseosas.

Suponga que los fabricantes de la máquina le especificaron a la empresa de botellas, que la máquina tiene una ligera desviación y que la longitud de las botellas que producirá sigue una función de distribución continua dada por

$$f(x) = \frac{3}{2} - 6(x - 28)^2 \quad \text{para } 27.5 \leq x \leq 28.5$$

Dado lo anterior

- a) **(0.5 punto)** Calcule la longitud promedio de las botellas que produce la nueva máquina, junto con su desviación estándar.
- b) **(0.5 punto)** Calcule el coeficiente de asimetría y de exceso de curtosis para la longitud de las botellas producidas por la nueva máquina.

**NOTA:** Recuerde que la formula del coeficiente de asimetría en el ejercicio 7 de la Práctica 04 y la formula del coeficiente de curtosis en el ejercicio 10 de la Práctica 04.

3. **(1.5 puntos)** Una investigación realizada por el grupo de Medicina de la Universidad de Antioquia ha desarrollado un modelo de probabilidad que permite relacionar el grupo de edad de las personas, con el número de veces que van al hospital año.

Para ello suponen 4 grupos de edad para el estudio, el grupo 1 está conformado por personas con edades entre 0 y 14 años, el grupo 2 está conformado por personas con edades entre 15 y 29, el grupo 3 está conformado por personas con edades entre 30 y 44, mientras que el grupo 4 está conformado por personas de con edades de 45 o más años.

Los resultados presentados por el grupo de Medicina de la UdeA, se resumen en la siguiente tabla de distribución conjunta, donde  $X$  representa el grupo de edad y  $Y$  el número de veces que acude al hospital en el año.

$p(x, y)$		$X$				$h(y)$
		1	2	3	4	
$Y$	0	457/5006	133/5006	220/5006	211/5006	1021/5006
	1	371/5006	448/5006	353/5006	245/5006	1417/5006
	2	190/5006	118/5006	176/5006	78/5006	562/5006
	3	68/5006	72/5006	328/5006	312/5006	780/5006
	4	67/5006	126/5006	95/5006	141/5006	429/5006
	5	50/5006	44/5006	120/5006	583/5006	797/5006
$g(x)$		1203/5006	941/5006	1292/5006	1570/5006	

- a) **(0.5 punto)** Calcule el promedio y desviación estándar para los grupos de edad de los pacientes que acuden al hospital.
- b) **(0.5 punto)** Calcule el promedio y desviación estándar del número de veces que acuden los pacientes al año.
- c) **(0.5 punto)** Calcule la correlación que existe entre los grupos de edad de los pacientes y el número de veces que acuden al hospital al año.
4. **(1 punto)** Cierta tienda de cadena, decide emprender una campaña en ciertas horas, que busca aumentar la compra de jugos naturales sin ningún tipo de conservantes, debido a que la rotación de los mismos debe ser rápida dentro de la tienda porque suelen tener fechas de vencimiento cortas.

Luego de varias semanas de campaña, se encuentra que por cada 4 horas de campaña realizada, se vende en promedio 112 botellas de jugo natural.

- a) **(0.5 punto)** Si un día cualquiera deciden realizar 6.5 horas de campaña, cuál es la probabilidad de que vendan más de 181 botellas de jugo natural?
- b) **(0.5 punto)** Si un día cualquiera deciden realizar 2 horas de campaña, encuentre la probabilidad de que la cantidad de jugos naturales que se venda ese día se encuentre al menos a 2.9 desviaciones estándar de la cantidad real promedio, y compare este resultado mediante el que se obtendría con el teorema de Chebyshev.