## Departamento de Estadística y Matemáticas Facultad de Ciencias Económicas Estadística II Parcial II

Nombre:	Cédula:

1. (2 puntos) Suponga que luego de realizar ciertos estudios se ha encontrado que el tiempo que tarda un estudiante en realizar un parcial sobre demostraciones sigue una distribución de probabilidad acumulada F(x) dada por

$$F(x) = \theta \left( \frac{1}{\theta} - \frac{1}{\theta(1+x)^{\theta}} \right)$$
 para  $x > 0; \theta > 0$ 

Entonces, si se toma una muestra aleatoria  $X_1, X_2, \ldots, X_n$  iid del tiempo que tardan los estudiantes en completar la tarea de programación

- a) (1 puntos) Encuentre un estimador para  $\theta$  usando el método de momentos.
- b) (1 punto) Encuentre un estimador para  $\theta$  usando el método de máxima verosimilitud.
- c) (1 punto) Pruebe las dos condiciones que debe cumplir el estimador  $\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i$ , para ser un estimador consistente del parámetro  $\theta$ .
- 2. (2 puntos) Suponga que luego de analizar el proceso de selección dentro de una entidad bancaria, un egresado de Administración de Empresas ha notado que el número de nuevos trabajadores que ingresan a la empresa en un día sigue una distribución binomial con parámetros n=52 y p desconocido.

$$f(x) = {52 \choose x} p^x (1-p)^{52-x}$$
 para  $x = 0, 1, 2, \dots, 52; 0$ 

Entonces, sea  $X_1, X_2, \ldots, X_{52}$  una muestra aleatoria *iid* del número de nuevos trabajadores que ingresan a la empresa por día, demuestre cuál de los dos estimadores planteados para el parámetro poblacional p es más eficiente

$$\hat{p}_1 = \frac{X_1 + 9}{42}$$

$$\hat{p}_2 = \frac{90X_{40} - 10X_3}{104}$$