

Facultad de Ingeniería  
Departamento de Ingeniería Industrial  
Probabilidad e Inferencia Estadística  
Parcial III

Nombre: \_\_\_\_\_ Cédula: \_\_\_\_\_

1. **(1 punto)** Suponga que la Universidad de Antioquia encabeza un estudio sobre la relación existente entre ser o no hijo único y el éxito laboral en base a los salarios devengados por éstos, ya que existe una fuerte creencia sobre que **los hijos únicos ganan en promedio mayores salarios, que aquellos hijos que poseen hermanos.**

Para probar tal creencia, un grupo de investigación de la Universidad de Antioquia encargado del estudio, decide tomar una muestra aleatoria de 28 personas que son hijos únicos con el fin de medir sus niveles de ingresos, encontrando los siguientes resultados (en millones de pesos)

0.846	2.243	2.107	0.667	2.132	0.754	2.268	1.503	1.338	2.103
2.51	1.273	2.196	1.081	0.468	2.528	3.097	1.967	1.292	2.169
2.114	3.526	1.441	1.18	1.918	1.294	1.91	1.054		

mientras que, de una muestra aleatoria de 21 personas que no son hijos únicos, se encontró

2.943	1.781	1.692	2.11	1.438	2.39	3.013	2.177	2.455	2.238
1.426	1.624	2.167	1.798	2.38	3.019	2.629	2.013	2.189	2.936
2.88									

Construya un intervalo de confianza bilateral con un nivel de confianza del 81% para la diferencia promedio que hay entre el salario devengado entre las personas que son y no son hijos únicos. La evidencia encontrada apoya la creencia sobre la creencia planteada?

2. **(1 punto)** En una entrevista realizada por la cadena CNN, el actual presidente de Sony, afirma que el voltaje promedio de entrada que requiere la Playstation 5 para cargar mientras se juega es de 123 voltios con una variabilidad de 23 voltios<sup>2</sup>.

Para probar tal afirmación, un Ingeniero Industrial decide tomar una muestra aleatoria de 48 Playstation 5 para observar cuál es el voltaje requerido por las consolas para que carguen mientras se juega en ella, obteniendo los siguientes resultados

101	110	121	106	110	102	104	101	104	115
109	102	106	104	104	102	100	107	106	104
105	105	107	105	104	104	99	105	108	99
110	101	111	99	101	105	103	102	109	104
109	103	110	103	113	114	103	105		

Si nos basamos en la información presentada, calcule la probabilidad de que la Playstation 5 requiera para cargar mientras se juega a lo más 123 voltios. Hay evidencia para estar de acuerdo con lo afirmado por el presidente de Sony?

3. **(1 punto)** Una empresa de lamparas reconocida por llevar muchos años en el mercado, menciona que las lamparas industriales que producen tienen una vida media útil aceptable

para los compradores potenciales, además de poseer una variabilidad relativamente pequeña respecto en su duración. En donde puede asumirse que la vida útil de las lamparas se distribuye normalmente con una duración promedio de 3224 horas.

También mencionan que si sus lamparas fallan en el corto tiempo, es muy probable que sus compradores se molesten y se vayan para donde otro proveedor de lamparas. De hecho, se sabe que si la variabilidad es superior a su vida media, se reducen las ventas de la empresa.

Si la empresa decide tomar una muestra aleatoria de 16 lamparas para observa la variabilidad de la duración de las mismas y obtiene que la vida útil de las lamparas muestreadas, en horas, es de

3221	3261	3116	3307	3119	3201	3238	3256	3193	3238
3245	3237	3210	3166	3252	3180				

Cuál es la probabilidad de que la variabilidad real de la duración de las lámparas sea superior al valor de la vida útil media de todas las lamparas que fabrica la empresa?

4. **(1 punto)** Un estudio realizado por la Universidad de Antioquia, revela que de un grupo de 4194 familias seleccionadas de forma aleatoria, se encontró que 3345 de ellas se encuentran suscritas a alguna plataforma digital para ver series y películas, tales como Netflix, Prime Video o Disney +. Si se tiene interés solo en la proporción máxima de familias que no poseen una plataforma virtual, construya un intervalo de confianza del 81 % para esta proporción.
5. **(1 punto)** Una empresa manufacturera decide contratar un Ingeniero Industrial para que realice las veces de un inspector de control de calidad, ya que requieren que éste inspeccione las prendas de vestir que ellos fabrican, pues se tiene interés en verificar si la longitud promedio de las mangas es o no de  $72_{cm}$ .

Dado que suele ser muy tedioso revisar todas las prendas fabricadas por la empresa por una sola persona, el Ingeniero Industrial decide tomar una muestra aleatoria cada día de 72 prendas de vestir, para medir las longitudes de las mangas y así decidir mediante la construcción de un intervalo de confianza del 97 %, si la longitud promedio de las mangas es o no de  $72_{cm}$ .

Si para un día particular, el Ingeniero Industrial toma su muestra de 72 prendas, y obtiene una media y varianza de 72.0412 y 0.0333 respectivamente, que conclusión deberá tomar el Ingeniero respecto a la longitud promedio de las mangas?, éstas poseen o no para ese día, una longitud promedio de  $72_{cm}$ ?. Suponga que la longitud de las mangas de vestir se distribuyen aproximadamente normal.