Departamento de Estadística y Matemáticas Facultad de Ciencias Económicas Estadística II Parcial I

| Nombre: | Cédula: |
|---------|---------|
| | |

1. (2 puntos) Un economista está estudiando la distribución del ingreso en cierta región. Después de analizar los datos, ha determinado que la función de densidad de probabilidad que mejor describe la distribución del ingreso (en miles de dólares) está dada por:

$$f(x) = \frac{1}{k} \cdot \frac{(x-5)^2}{4} \quad \text{para } 5 \le x \le 7$$

donde k es una constante que hace que la función esté bien definida. Se toma una muestra aleatoria de n=6 individuos de esta población.

- a) (1 punto) Determine la función de densidad de probabilidad del estadístico de orden $X_{(1)}$.
- b) (1 punto) Calcule la probabilidad de que el ingreso correspondiente al estadístico de orden $X_{(1)}$ sea menor o igual que 5.35 mil dólares.
- 2. (2 puntos) Un estudiante de la Universidad de Antioquia está investigando el peso de cierta especie de peces en un lago que posee en su propiedad para comercializarlos en diferentes negocios de sushi. Para ello, decide tomar una muestra aleatoria de 50 peces obteniendo los siguientes pesos (en gramos)

| 57.35 | 48.95 | 55.32 | 43.18 | 55.83 | 54.42 | 48.49 | 58.1 | 56.98 | 55.79 |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 51.11 | 58.63 | 61.36 | 53.27 | 55.87 | 46.61 | 49.21 | 65.31 | 54.51 | 44.31 |
| 54.25 | 52.76 | 55.82 | 55.78 | 54.13 | 54.5 | 51.09 | 56.43 | 59.78 | 45.35 |
| 60.07 | 54.42 | 64.47 | 45.74 | 44.54 | 48.43 | 54.69 | 53.03 | 45.57 | 54.84 |
| 56.13 | 48.45 | 58.3 | 49.34 | 56.27 | 53.06 | 51.06 | 49.85 | 46.48 | 58.34 |

Si al negocio de Sushi solo le interesan los peces con un peso de más de 49 gramos.

- a) (1 punto) Calcule la probabilidad de que la proporción real de peces que pesan más de 49 gramos, sea del 78 % o menos. Qué implicaciones tendría el hallazgo en el contexto?
- b) (1 punto) Calcule la probabilidad de que el verdadera peso promedio de los peces sea más de 49 gramos, si se asume que la verdadera variabilidad del peso de los peces es de 28.09 gramos².
- 3. (1 punto) Un investigador está estudiando la eficacia de dos tratamientos diferentes para reducir los niveles de colesterol en pacientes con hipercolesterolemia. Y para tal propósito, ha decidido seleccionar aleatoriamente dos grupos de pacientes: el Grupo A recibe el Tratamiento A y el Grupo B recibe el Tratamiento B. Después de 6 meses de tratamiento, se miden los niveles de colesterol (en mg/dL) en ambos grupos. Los resultados para el Grupo A (Tratamiento A) son:

| 71.4 | 71.58 | 81.44 | 81.22 | 80.93 | 76.26 | 61.74 | 78.26 | 76.1 | 66.27 |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 72.55 | 71.16 | 73.09 | 78.69 | 82.46 | 68.77 | 66.76 | 75.87 | 80.04 | 69.23 |
| 87.33 | 72.63 | 78.54 | 79.94 | 76.61 | 89.05 | 68.01 | 72.08 | 74.66 | 82.52 |
| 71.43 | 72.06 | 81.67 | 71.62 | 82.23 | 73.09 | 61.44 | 75.6 | 82.58 | 84.25 |
| 69.42 | 69.52 | 73.82 | 76.14 | 74.3 | 78.07 | 72.08 | 66.34 | 71.97 | 64.1 |

Los resultados para el Grupo B (Tratamiento B) son:

| 55.72 | 71.19 | 68.21 | 67.61 | 65.06 | 64.72 | 58.13 | 51.74 | 53.87 | 56.64 |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 61.42 | 52.67 | 63.14 | 57.78 | 50.81 | 56.71 | 69.9 | 59.56 | 46.79 | 57.43 |
| 58.82 | 53.66 | 67.06 | 60.81 | 59.42 | 63.59 | 58.86 | 70.65 | 58.8 | 63.73 |
| 51.65 | 63.24 | 55.76 | 66.32 | 61.35 | 62.26 | 51.59 | 70.21 | 47.81 | 58.21 |
| 63.25 | 69.37 | 56.08 | | | | | | | |

Basándose en esta información recolectada por el investigador:

a) (1 punto) Calcule la probabilidad de que la diferencia entre las medias reales de los niveles de colesterol de los Grupos A y B sea mayor que $4.5~{\rm mg/dL}$.