# GloVe: Global Vectors for Word Representation

집현전 초급반 김지은 2021.01.17(일)

## Introduction

단어 벡터는 다양한 분야에서 사용되며, 대부분 단어 벡터 사이의 관계나 각도를 이용하여 벡터의 성능을 평가한다.

Mikolov는 2013년에 <mark>차원의 차이</mark>로 평가하는 방법을 제안했다.

(예시) analogy: "king is to queen as man is to woman" vector equation: "king" - "queen" = "man" – "woman"

이는 차원의 의미를 기반으로 하는 모델의 도입이 가능해지게 만들었다.

## Introduction

단어 학습 방법은 크게 두 가지로 분류된다.

1) 전체적인 통계 정보를 사용하는 방법

#### 장점

- 빠른 학습
- Global statistics의 효율적 활용

#### 단점

- 단어 유사도 파악만 가능하고, analogy는 불가능하다.
- 빈도수가 큰 단어들에 대해 불균형하다.

#### 종류

- LSA, HAL, COALS 등

## Introduction

단어 학습 방법은 크게 두 가지로 분류된다.

#### 2) 지정한 크기의 window 안에 위치하는 문맥을 파악하는 방법

Skip-gram과 같은 방법이 있으며, 해당 방법은 analogy task에는 효과적으로 사용되나 각각의 corpus에 대한 통계 량만을 반영하기 때문에 전체적인 데이터를 반영하지 못한다는 단점이 있다.

#### 종류

- NNPM, HLBL, RNN, CBOW 등

본 논문에서는 global word-word-co-occurrence count를 이용한 weighted least squares model을 소개한다. 의미의 선형 방향을 생성하며, LSA의 메커니즘이었던 **카운트 기반의 방법**과 Word2Vec의 메커니즘이었던 **예측 기반**의 방법론 두 가지를 모두 사용한다.

#### notation

- ✓ X:  $matrix\ of\ word word co occurrence\ counts$
- ✓  $X_{ij}$ : 단어 i가 나타난 문맥에서 단어 j가 나타난 횟수
- ✓  $X_i$ : 단어 i가 존재하는 모든 문맥에서 다른 모든 단어들이 나타난 횟수
- $\checkmark Pij = P(j|i) = X_{ij}/X_i$ : 단어 j 가 단어 i 의 문맥에서 나타날 확률

단어의 의미는 co-occurrence 확률에서 직접 구할 수 있다.

Probability and Ratio	k = solid	k = gas	k = water	k = fashion
	$1.9 \times 10^{-4}$			
P(k steam)	$2.2 \times 10^{-5}$	$7.8\times10^{-4}$	$2.2\times10^{-3}$	$1.8\times10^{-5}$
P(k ice)/P(k steam)	8.9	$8.5 \times 10^{-2}$	1.36	0.96

위는 i = ice, j = steam 일때 확률값이다. 두 단어의 관계를 새로운 단어 k를 통해 파악할 수 있다.

#### 해석

Probability and Ratio	k = solid	k = gas	k = water	k = fashion
P(k ice)	$1.9 \times 10^{-4}$	$6.6 \times 10^{-5}$	$3.0 \times 10^{-3}$	$1.7 \times 10^{-5}$
P(k steam)	$2.2 \times 10^{-5}$	$7.8\times10^{-4}$	$2.2\times10^{-3}$	$1.8\times10^{-5}$
P(k ice)/P(k steam)	8.9	$8.5 \times 10^{-2}$	1.36	0.96

- 1. 확률 값이 작거나 큰 경우 단어 i, j 둘 중 하나와 k가 더 가깝다.
- 2. 확률 값이 1에 가까운 경우 k가 i,j와 모두 가깝거나 모두와 멀다.

co-occurrence probability를 활용하여 유의미한 결과를 얻을 수 있다.

여기서 확률의 비율은 i,j,k 세 단어에 대해 의존적이다.

$$F(w_i, w_j, \tilde{w}_k) = \frac{P_{ik}}{P_{jk}} \tag{1}$$

단어에 대한 일반식

$$F\left((w_i - w_j)^T \tilde{w}_k\right) = \frac{P_{ik}}{P_{jk}}$$
 (3)

식 (3)은 선형 구조식에 대해 차이에 대해 식으로 나타낸 것이다. 함수 F의 결과는 vector이기 때문에 우변의 항과 맞추기 위해 내적한다. 또한 임의로 선택된 단어들에 대해 두 단어의 위치가 바뀌어도 동일한 결과를 보여야하는 조건을 충족해야한다.

식 (3)을 준동형 사상을 만족하도록 변경한 수식의 결과는 다음과 같다.

$$F\left((w_i - w_j)^T \tilde{w}_k\right) = \frac{F(w_i^T \tilde{w}_k)}{F(w_j^T \tilde{w}_k)}$$
 (4)

모든 조건을 만족하는 F를 exponantial 함수로 정의하면 다음과 같다.

$$w_i^T \tilde{w}_k = \log(P_{ik}) = \log(X_{ik}) - \log(X_i)$$
 (6)

수식 (6)에 bias를 추가한 후 i와 k가 동시에 등장하지 않는 경우를 해결하기 위해  $f(X_{ij})$  함수를 이용한다. Weighing function을 사용하여 손실 함수를 다음과 같이 정의할 수 있다.

$$J = \sum_{i,j=1}^{V} f\left(X_{ij}\right) \left(w_i^T \tilde{w}_j + b_i + \tilde{b}_j - \log X_{ij}\right)^2 \tag{8}$$

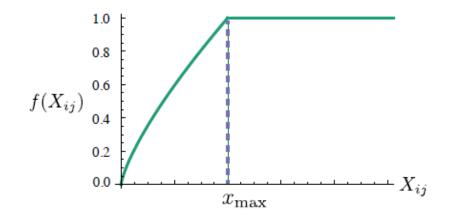
V는 단어들의 크기이다. 또한 다음의 조건을 만족해야한다.

- ✓ f(0) = 0, f가 연속형 함수일 때 0으로 향하는 속도가 더 빨라야한다.
- ✓ f(x)는 감소 함수가 아니어야 한다.
- ✓ f(x)는 자주 나타나는 x에 대해 너무 큰 가중치를 부여하면 안된다.

본 논문에서 정의한 f(x)는 다음과 같다.

$$f(x) = \begin{cases} (x/x_{\text{max}})^{\alpha} & \text{if } x < x_{\text{max}} \\ 1 & \text{otherwise} \end{cases}$$
 (9)

 $\alpha = 3/4일$  때 식 (9)를 시각화한 결과이다.



실험에서 사용한 데이터는 다음과 같다.

- ✓ word analogy task of Mikolov et al. (2013a)
- ✓ a variety of word similarity tasks
- ✓ on the CoNLL-2003 shared benchmark

#### word analogy

"a is to b as c is to \_\_?" 에서 빈칸에 들어갈 단어를 찾는 문제이다. 데이터 셋은 19,544개의 질문들로 구성되어 있고, semantic한 자료와 syntactic한 자료로 구분된다.

코사인 유사도를 통해  $w_b - w_a + w_c$ 와 가장 가까운  $w_d$ 를 찾아내는 문제이다.

#### **Word Similarity**

모형을 평가하기 위해 다음과 같은 데이터 셋을 사용한다.

- ✓ WordSim-353(Finkelstein et al., 2001)
- ✓ MC(Miller and Charles, 1991)
- ✓ RG(Rubenstein and Goodenough, 1965)
- ✓ SCW(Huang et al.,2012)
- ✓ RW(Luong et al., 2013)

#### **Named Entity Recognition**

NER을 위한 데이터 셋인 CoNLL-2003은 뉴스 기사로 구성되어있다. 4가지의 그룹을 분류하기위한 데이터이다. 사용한 데이터는 아래와 같다.

- ✓ ConLL-03 testing data
- ✓ ACE Phase2 (2001-02) and ACE-2003 data
- ✓ MUC7 Formal Run test set

#### 실험과정

각 corpus를 소문자로 전환하고 token화를 진행한다. 빈도를 기준으로 400,000개의 단어를 선정하고 co-occurrence counts X를 생성한다.

이후 window size, 고려할 단어의 방향을 결정하고 weighting function을 이용하여 단어의 거리를 기준으로 가중 치를 부여한다.

#### 실험에서 사용한 파라미터

- $\checkmark X_{max}=100$
- $\checkmark$  a= $\frac{3}{4}$
- ✓ AdaGrad
- ✓ Iteration: 300d 미만 50, 300d이상 100
- ✓ 좌측 및 우측으로 10개의 단어를 window로 지정

## Results

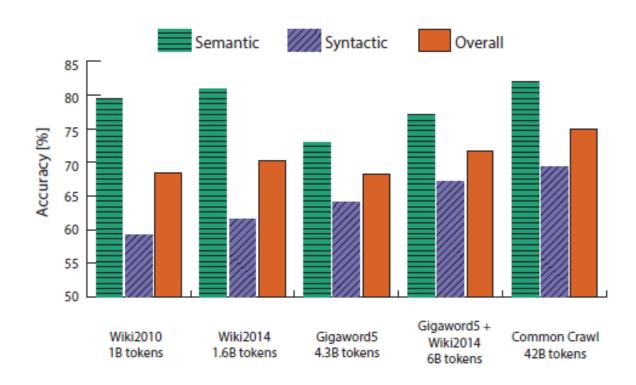
Word-similarity task에 대한 실험 결과이다.

Model	Size	WS353	MC	RG	SCWS	RW
SVD	6B	35.3	35.1	42.5	38.3	25.6
SVD-S	6B	56.5	71.5	71.0	53.6	34.7
SVD-L	6B	65.7	<u>72.7</u>	75.1	56.5	37.0
CBOW <sup>†</sup>	6B	57.2	65.6	68.2	57.0	32.5
SG <sup>†</sup>	6B	62.8	65.2	69.7	<u>58.1</u>	37.2
GloVe	6B	<u>65.8</u>	<u>72.7</u>	<u>77.8</u>	53.9	<u>38.1</u>
SVD-L	42B	74.0	76.4	74.1	58.3	39.9
GloVe	42B	<u>75.9</u>	<u>83.6</u>	<u>82.9</u>	<u>59.6</u>	<u>47.8</u>
CBOW*	100B	68.4	79.6	75.4	59.4	45.5

모든 벡터는 300 차원을 가지며 L은 큰 corpus에 대한 모형을 의미한다.

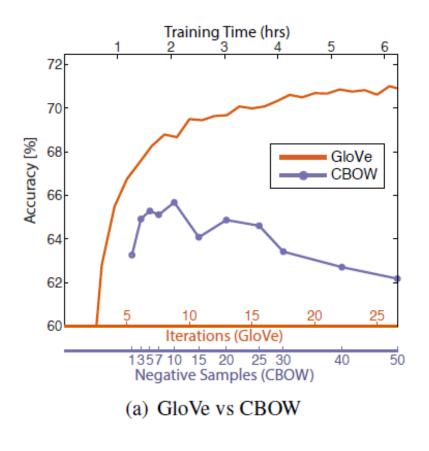
## Results

Analogy task에 대해 서로 다른 corpora를 적용한 결과이다.



## Results

CBOW와 Skip-Gram과의 반복횟수에 따른 시간과 정확도를 비교한 그래프이다.



Training Time (hrs) 9 12 15 72 70 Accuracy [%] 68 GloVe 64 Skip-Gram 62 80 Iterations (GloVe) 1234567 1012 20 Negative Samples (Skip-Gram)

(b) GloVe vs Skip-Gram