3주차

DFS, BFS, Backtracking

오늘 할 내용은?

0. 그래프: 비선형 자료구조인 그래프에 대해 알아봅시다

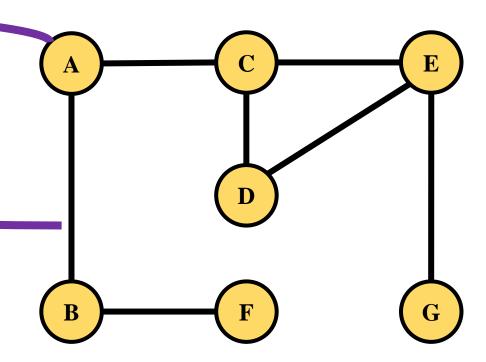
1. DFS, BFS: 그래프를 완전 탐색해봅시다

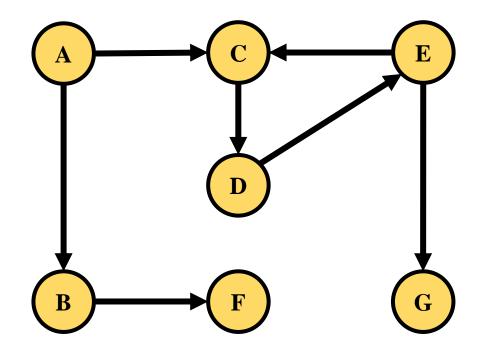
2. Backtracking: DFS로 탐색하면서 '가지치기'로 최적화 해봅시다

정점 간의 관계를 나타내는 비선형 자료구조

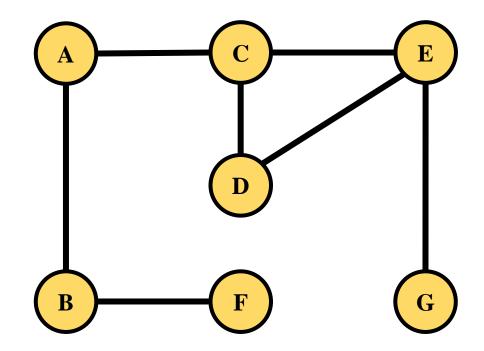
노드(node): 정점(vertex)

간선(edge): 노드의 관계를 나타낸 선





Directed Graph 방향 그래프



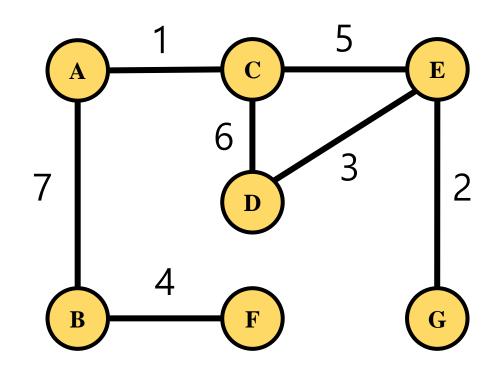
Undirected Graph 무방향 그래프

가중치 그래프(Weight Graph)

그래프의 간선에 가중치가 부여된 그래프

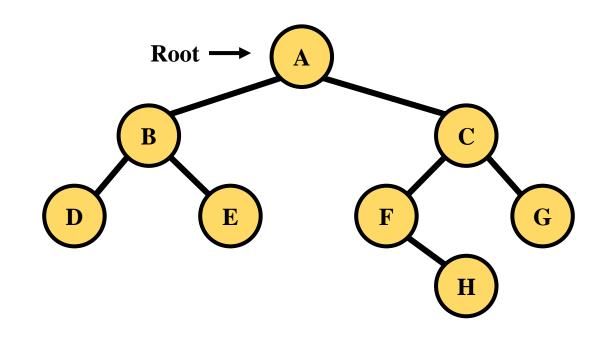
network라고도 불림

ex) 이동하는 비용, 도로의 길이 등



트리(Tree): 그래프의 일종

- ※ 특징
- 1. 사이클이 없고 하나의 방향성을 가짐
- 2. 각 노드는 깊이(level)을 가진다 ※ Root 노드는 level 0
- 3. 간선의 개수 == 정점의 개수 1



■그래프 Graph - 구현

1. 인접행렬

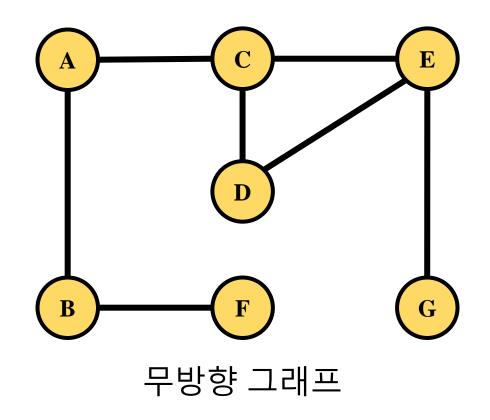
→ 2차원 배열로 구현

2. 인접리스트 \rightarrow vector로 구현

■ 그래프 Graph - 인접행렬

간선이 존재하면 '1', 그렇지 않으면 '0'

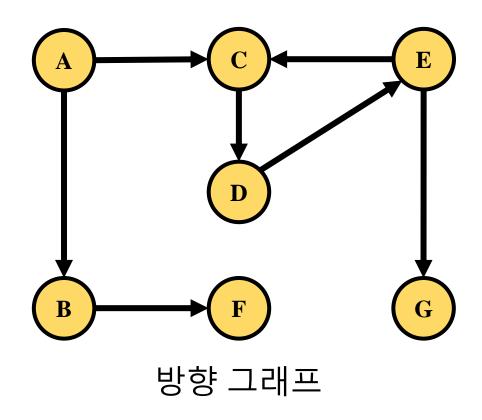
j	A	В	C	D	E	F	G
A	0	1	1	0	0	0	0
В	1	0	0	0	0	1	0
C	1	0	0	1	1	0	0
D	0	0	1	0	1	0	0
E	0	0	1	1	0	0	1
F	0	1	0	0	0	1	0
G	0	0	0	0	0	0	0



그래프 Graph - 인접행렬

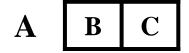
 $i \rightarrow j$ 인 간선이 존재하면 '1', 그렇지 않으면 '0'

j	A	В	C	D	E	F	G
A	0	1	1	0	0	0	0
В	0	0	0	0	0	1	0
C	0	0	0	1	0	0	0
D	0	0	0	0	1	0	0
E	0	0	1	0	0	0	1
F	0	0	0	0	0	0	0
G	0	0	0	0	0	0	0



그래프 Graph - 인접리스트

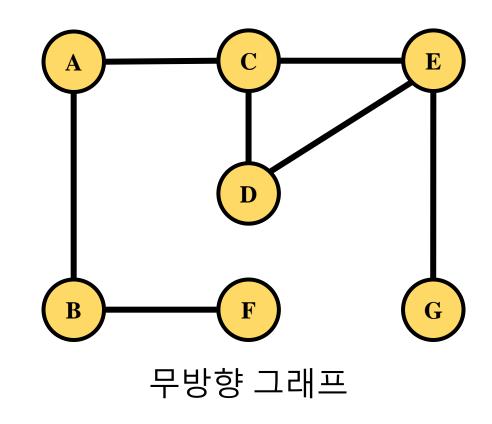
하나의 정점에 대해 연결된 정점을 vector에 push_back



$$\mathbf{C} \mid \mathbf{A} \mid \mathbf{D} \mid \mathbf{E}$$

$$\mathbf{F}$$
 \mathbf{B}

$$\mathbf{G} \mid \mathbf{E}$$



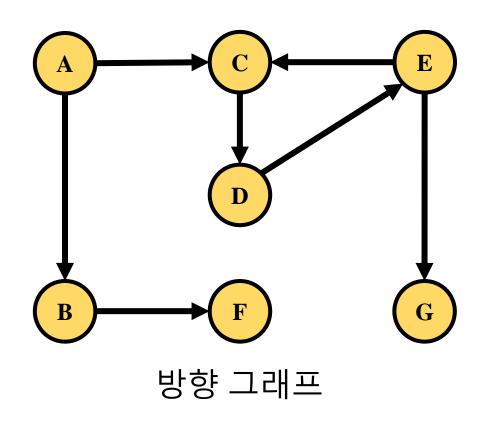
그래프 Graph - 인접리스트

하나의 정점에 대해 갈 수 있는 정점을 vector에 push_back

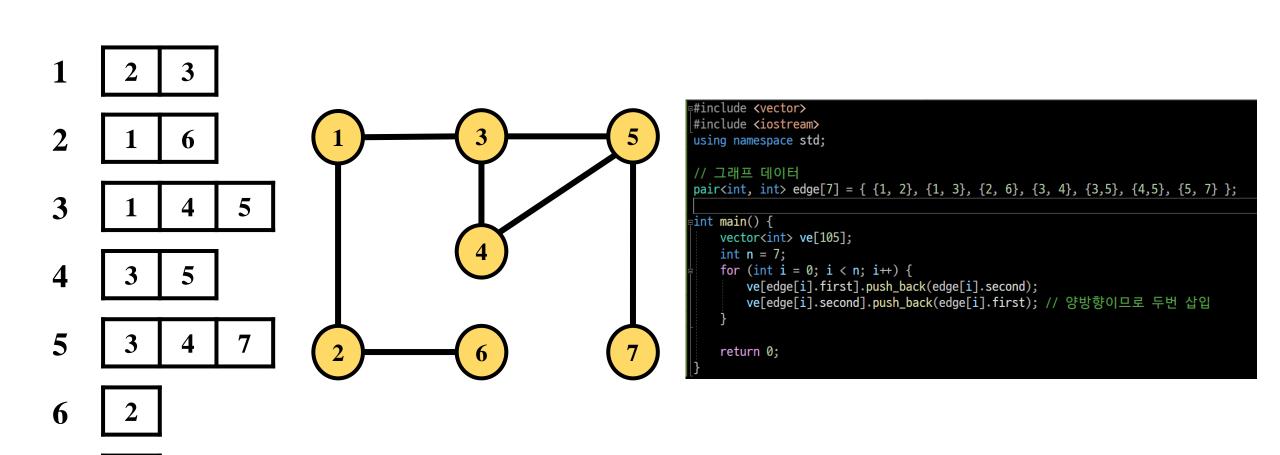




$$\mathbf{C}$$
 \mathbf{D}



그래프 Graph - 인접리스트



현재 정점에서 갈 수 있는 정점들까지 들어가며 탐색하는데 깊이를 우선시하며 탐색!

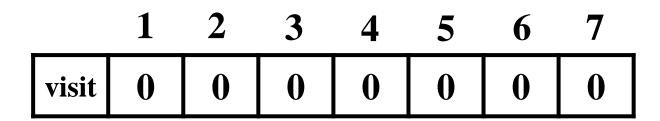
한 번 방문한 정점은 다시 방문하지 않는다

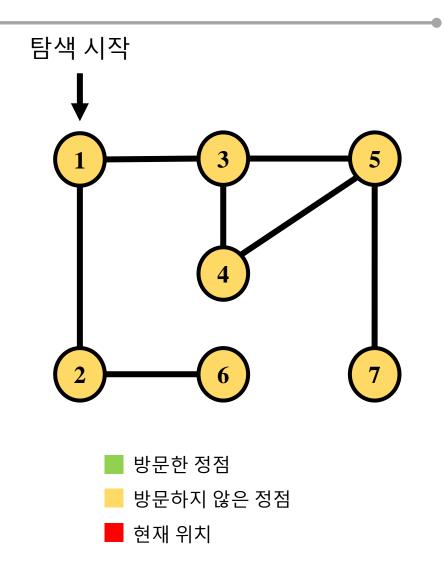
=> visit 배열을 만들어 방문여부를 확인하자!

재귀함수나 스택(stack)으로 구현

현재 위치: not started

방문 순서





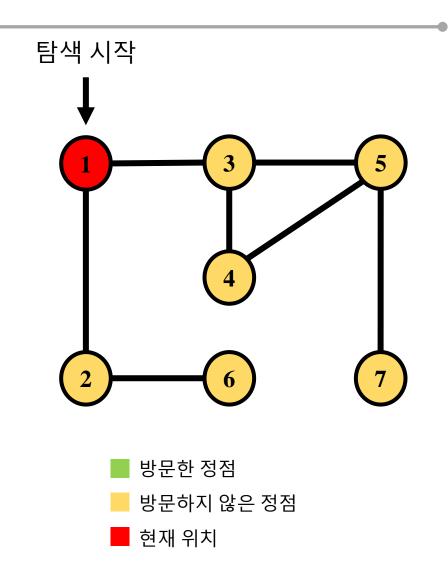
현재 위치: 1

방문 순서

1

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 visit
 1
 0
 0
 0
 0
 0
 0



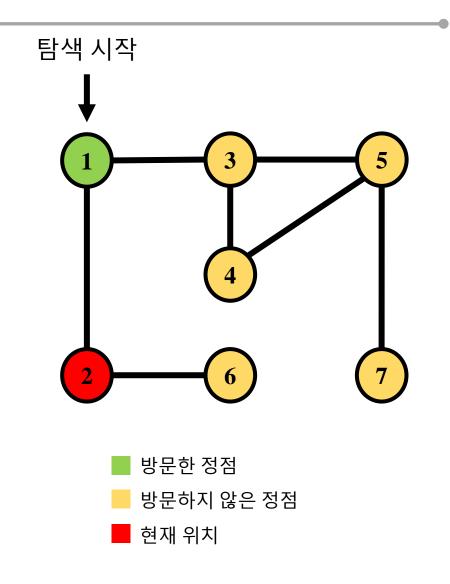
현재 위치: 2

방문 순서

 $1 \rightarrow 2$

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 visit
 1
 1
 0
 0
 0
 0
 0



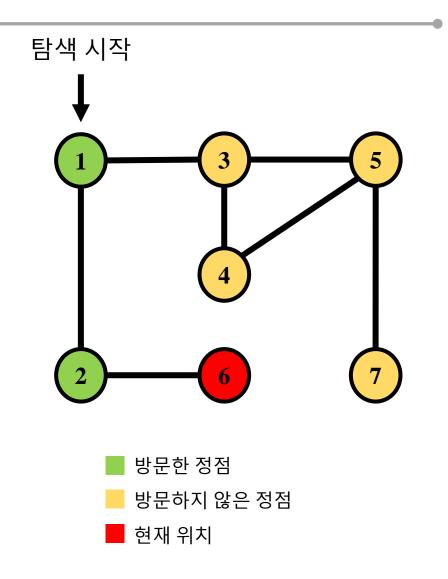
현재 위치: 6

방문 순서

$$1 \rightarrow 2 \rightarrow 6$$

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 visit
 1
 1
 0
 0
 0
 1
 0



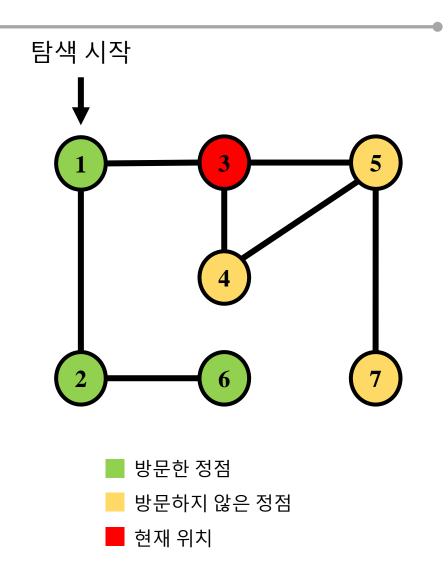
현재 위치: 3

방문 순서

$$1 \rightarrow 2 \rightarrow 6 \rightarrow 3$$

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 visit
 1
 1
 1
 0
 0
 1
 0



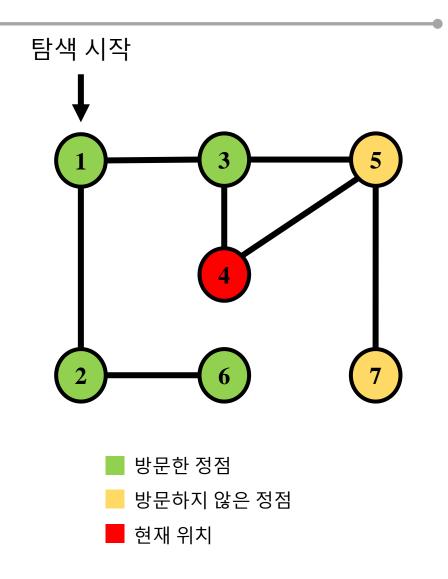
현재 위치: 4

방문 순서

$$1 \rightarrow 2 \rightarrow 6 \rightarrow 3 \rightarrow 4$$

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 visit
 1
 1
 1
 1
 0
 1
 0



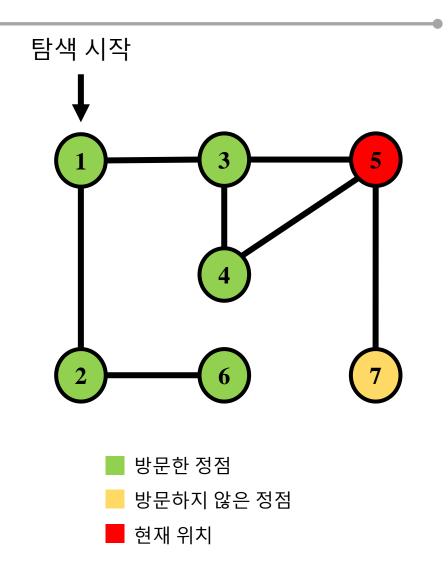
현재 위치: 5

방문 순서

$$1 \rightarrow 2 \rightarrow 6 \rightarrow 3 \rightarrow 4 \rightarrow 5$$

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 visit
 1
 1
 1
 1
 1
 0



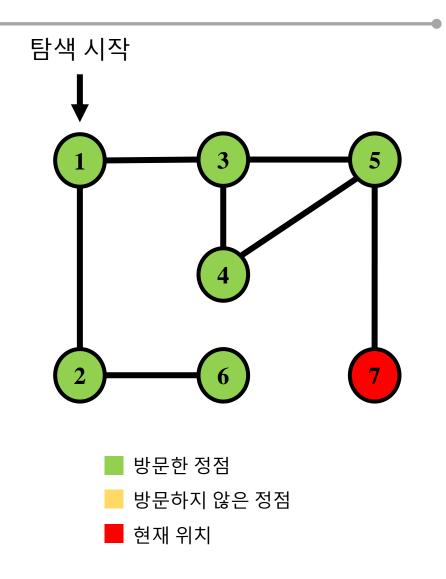
현재 위치: 7

방문 순서

$$1 \rightarrow 2 \rightarrow 6 \rightarrow 3 \rightarrow 4 \rightarrow 5 \rightarrow 7$$

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 visit
 1
 1
 1
 1
 1
 1



현재 정점에서 갈 수 있는 정점들까지 들어가며 탐색하는데

너비를 우선시하며 탐색!

→ 먼 정점은 가장 나중에 방문한다

한 번 방문한 정점은 다시 방문하지 않는다

=> visit 배열을 만들어 방문여부를 확인하자!

큐(queue)를 통해 구현

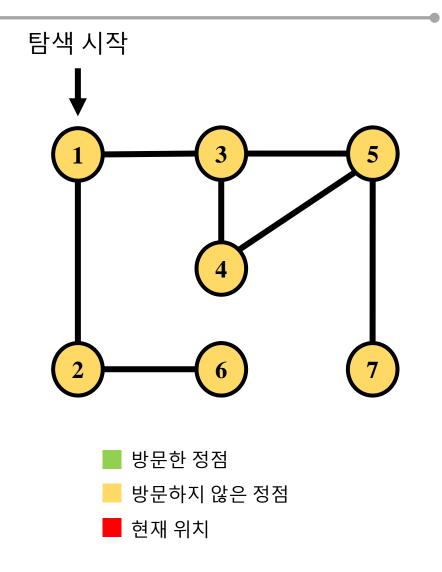
현재 위치: not started

방문 순서

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 visit
 1
 0
 0
 0
 0
 0
 0

 Queue
 1
 0
 0
 0
 0
 0



현재 위치: 1

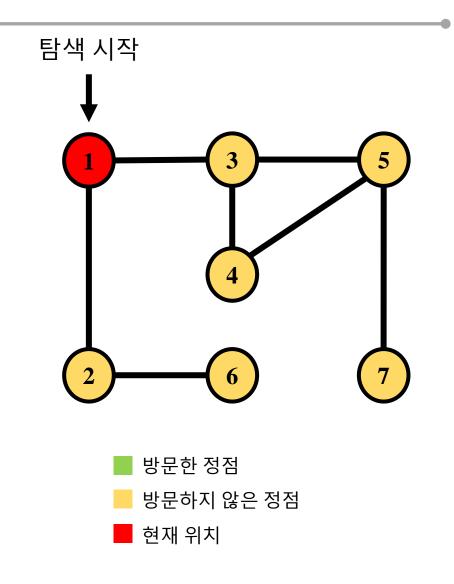
방문 순서

1

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 visit
 1
 1
 1
 0
 0
 0
 0

 Queue
 2
 3
 0
 0
 0
 0



현재 위치: 2

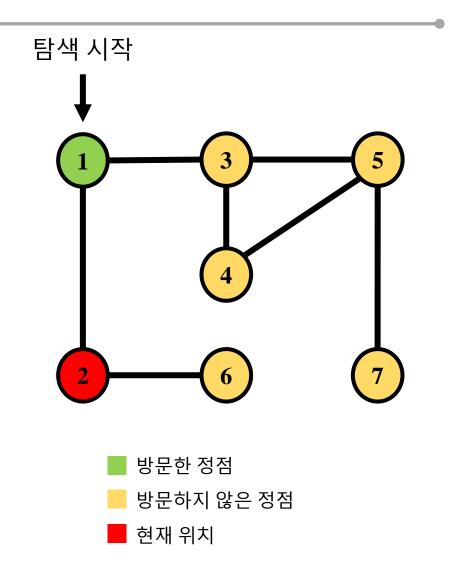
방문 순서

 $1 \rightarrow 2$

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 visit
 1
 1
 1
 0
 0
 1
 0

 Queue
 3
 6
 0
 0
 0
 0
 0



현재 위치: 3

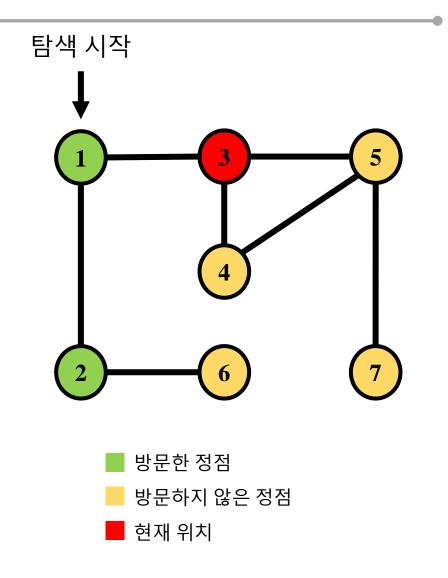
방문 순서

$$1 \rightarrow 2 \rightarrow 3$$

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 visit
 1
 1
 1
 1
 1
 0

 Queue
 6
 4
 5



현재 위치: 6

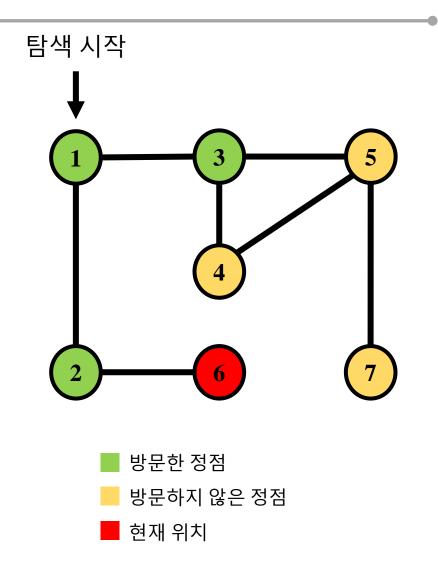
방문 순서

$$1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 6$$

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 visit
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 0

 Queue
 4
 5



현재 위치: 4

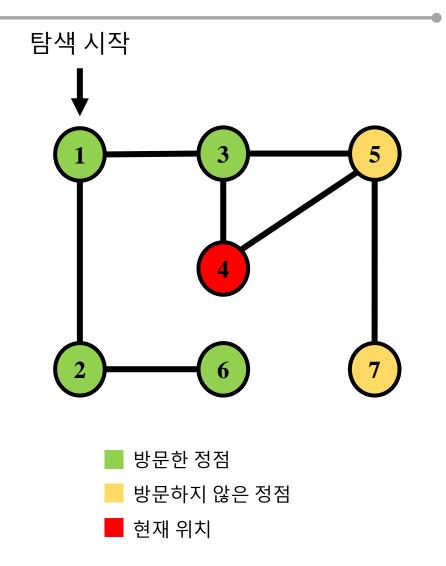
방문 순서

$$1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 6 \rightarrow 4$$

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 visit
 1
 1
 1
 1
 1
 1
 0

 Queue
 5



현재 위치: 5

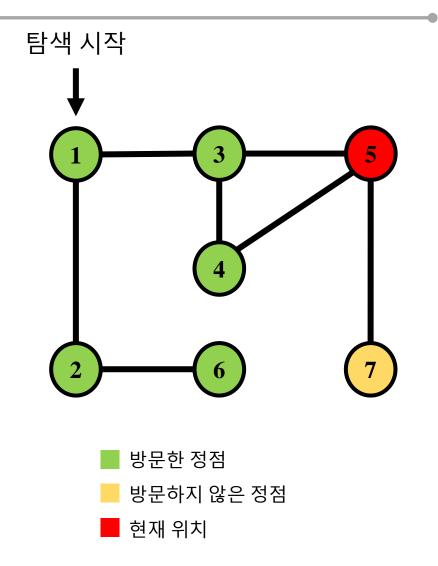
방문 순서

$$1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 6 \rightarrow 4 \rightarrow 5$$

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

 visit
 1
 1
 1
 1
 1
 1

 Queue
 7



현재 위치: 7

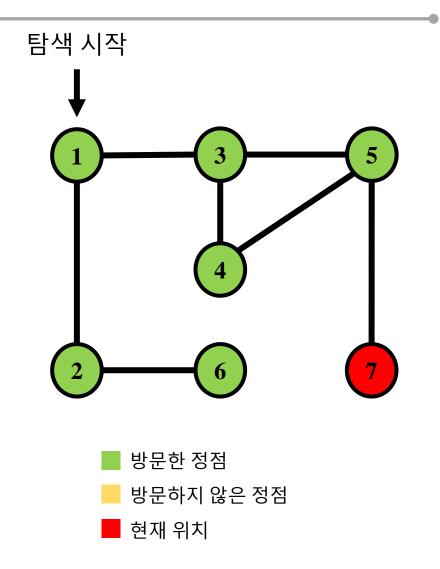
방문 순서

$$1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 6 \rightarrow 4 \rightarrow 5 \rightarrow 7$$

 1
 2
 3
 4
 5
 6
 7

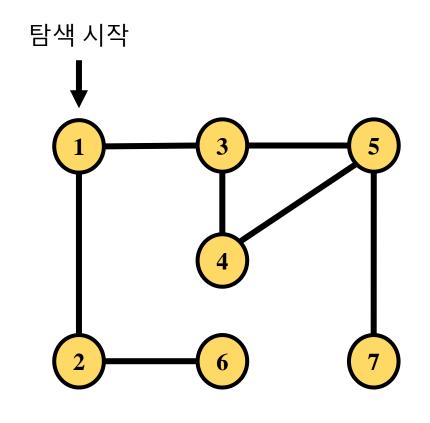
 visit
 1
 1
 1
 1
 1
 1

 Queue



DFS와 BFS 정리

	DFS	BFS
방식	현재 갈 수 있는 점을 먼저 탐색	인접한 정점을 모두 먼저 탐색
방문 순서	$1 \rightarrow 2 \rightarrow 3 \rightarrow 6 \rightarrow 4$ $\rightarrow 5 \rightarrow 7$	$1 \rightarrow 2 \rightarrow 6 \rightarrow 3 \rightarrow 4$ $\rightarrow 5 \rightarrow 7$
구현	재귀, 스택	큐
특징	구현이 간단, 경로의 특징 저장 가능	거리를 구할 수 있음
방문여부	방문 시 확인	큐에 넣을 때 확인



DFS, BFS 문제풀이

DFS&FBFS POTON BAILTY!

백준 1260 DFS와 BFS

1260 DFS와 BFS

문제: 그래프를 DFS로 탐색한 결과와 BFS로 탐색한 결과를 출력

방문 할 수 있는 정점이 많으면 오름차순 정렬 출력

⇒ 인접리스트로 구현한다면 main에서 미리 정렬해주자!!

DFS와 BFS 코드

```
void bfs() {
24
        while (!q.empty()) { //queue가 빌때까지
25
            int con = q.front();
26
            q.pop();
27
            cout << con << " ";
            for (int i : ve[con]) {
28
29
                if (visit[i] = 0) {
30
                    visit[i] = 1; // queue에 넣을 때 visit한 것!!
31
                    q.push(i);
32
33
34
```

dfs 함수

bfs 함수

DFS와 BFS 코드

```
1 | #include <iostream>
2 | #include <vector>
3 | #include <cstring>
4 | #include <queue>
5 | #include <algorithm>
6 | using namespace std;
7 |
8 | int n, m, v;
9 | vector<int> ve[1005]; //인접리스트로 구현
10 | queue<int> q;
11 | int visit[1005];
```

```
int main() {
         ios_base::sync_with_stdio(false);
         cin.tie(NULL);
         cout.tie(NULL);
         cin \gg n \gg m \gg v;
         for (int i = 0; i < m; i++) {
            int x, y; cin \gg x \gg y;
44
            ve[x].push_back(y);
45
            ve[y].push_back(x); //양방향 그래프
46
         for (int i = 1; i \le n; i \leftrightarrow ) {
48
            if (!ve[i].empty())
                 sort(ve[i].begin(), ve[i].end()); // 작은 것 먼저 방문하기 위해
49
50
51
        dfs(v);
52
         cout << "\n";
53
        memset(visit, 0, sizeof(visit)); //visit 배열 초기화
54
        visit[v] = 1;
         q.push(v);
56
        bfs();
57
         return 0;
```

헤더 파일과 전역변수

Main 함수

DFS, BFS 문제풀이

对什么黑的黑洲鬼?

백준 1012 유기농 배추

문제: 배추(1)를 먹는 배추흰지렁이의 최소 마리 수를 출력한 마리의 배추흰지렁이는 인접한 배추만 먹을 수 있다

⇒ 각 칸을 정점, 상하좌우의 정점이 간선으로 이어져 있는 그래프라 생각하면

visit 배열을 초기화하지 않고 몇 번 DFS를 쓸 수 있는지 세면 된다!

위치: 0행 0열

⇒ dfs 탐색!

1	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	1	1	1
0	0	0	0	1	0	0	1	1	1

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

table 배열

visit 배열

위치: 0행 1열

 \Rightarrow pass

1	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	1	1	1
0	0	0	0	1	0	0	1	1	1

1	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

table 배열

visit 배열

answer: 1

이 과정을 반복하면 됩니다!

위치: 2행 4열

⇒ dfs 탐색!

1	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	1	1	1
0	0	0	0	1	0	0	1	1	1

1	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	0	0	0	0	0	0

table 배열

visit 배열

위치: 5행 9열

 \Rightarrow pass

⇒종료

1	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	1	1	1
0	0	0	0	1	0	0	1	1	1

1	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	1	0	0	0	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
0	0	1	1	0	0	0	1	1	1
0	0	0	0	1	0	0	1	1	1

table 배열

visit 배열

유기농배추 코드

```
int t, n, m, k;
    int table[55][55];
    int visit[55][55];
    int an = 0;
    int dy[4] = { 1, -1, 0,0 }; // 방향 배열
    int dx[4] = { 0,0,1,-1 }; // 방향 배열
11
    void bfs(int y, int x) {
12
        visit[y][x] = 1;
13
14
        for (int i = 0; i < 4; i + 1) {
15
           int xx = x + dx[i];
16
           int yy = y + dy[i];
17
           if (yy ≥ n | yy < 0 | xx < 0 | xx ≥ m) // 범위 밖이면
18
               continue;
19
            //방문해야하는데 방문하지 않았으면 방문
20
           if(visit[yy][xx] = 0 \& table[yy][xx] = 1)
21
               bfs(yy, xx);
```

```
pint main() {
         ios_base::sync_with_stdio(false);
27
         cin.tie(NULL);
28
29
         cout.tie(NULL);
         cin \gg t;
30
         for (int test = 0; test < t; test++) {
31
32
             memset(visit, 0, sizeof(visit)); //초기화
33
             memset(table, 0, sizeof(table));
34
             an = 0;
35
             cin \gg m \gg n \gg k;
36
             for (int i = 0; i < k; i++) {
37
                 int a, b;
38
                 cin \gg a \gg b;
39
                 table[b][a] = 1;
40
41
             for (int i = 0; i < n; i \leftrightarrow) {
                 for (int j = 0; j < m; j++) {
42
                     // 방문해야하는데 방문하지 않았으면
43
44
                     if (table[i][j] = 1 \& visit[i][j] = \emptyset) {
45
                         bfs(i, j);
46
                         an++; // 정답 증가
47
48
49
50
51
             cout \ll an \ll "\n";
52
53
         return 0;
```

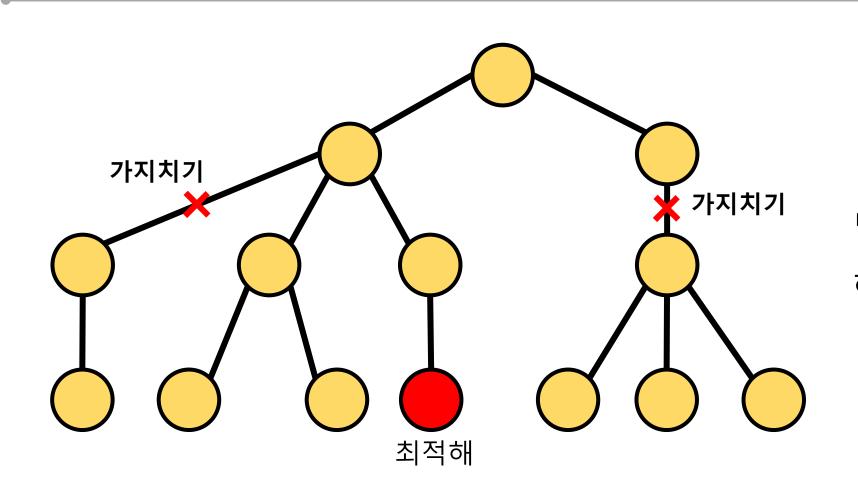
Backtracking 백트래킹

Brute Force: 모든 경우의 수를 탐색하는 알고리즘

Backtracking: 조건을 만족하는 모든 경우의 수를 탐색하는 알고리즘

탐색을 하다가 조건에 해당하지 않으면 가지치기!

Backtracking 백트래킹



답이 될 가능성이 없는 해는 가지치기

Backtracking 백트래킹 – skeleton code

```
// 루트는 depth가 0

void back(int depth) {
    if (depth == n) {
        if (IsOK()) {//최적해인지 검사
            Dosomething();
        }
        return;
    }
    for (int i = 0; i ≤ 1; i++) {
        solution[depth] = i;
        back(depth + 1); //자식노드로 이동
    }
}
```

방법1: 해를 만들고 **최적해인지 검사**

```
// 루트는 depth가 0

void back(int depth) {

    if (depth == n) {

        Dosomething();
        return;

    }

    for (int i = 0; i ≤ 1; i++) {

        if (IsOK()) { //해일 가능성이 있는지 검사
            solution[depth] = i;
            back(depth + 1); //자식노드로 이동
        }

    }
}
```

방법2: 가능성이 있는 해인지 매번 검사 → 가지치기

자세한 건 문제를 풀면서 알아봅시다!

Backtracking 문제풀이

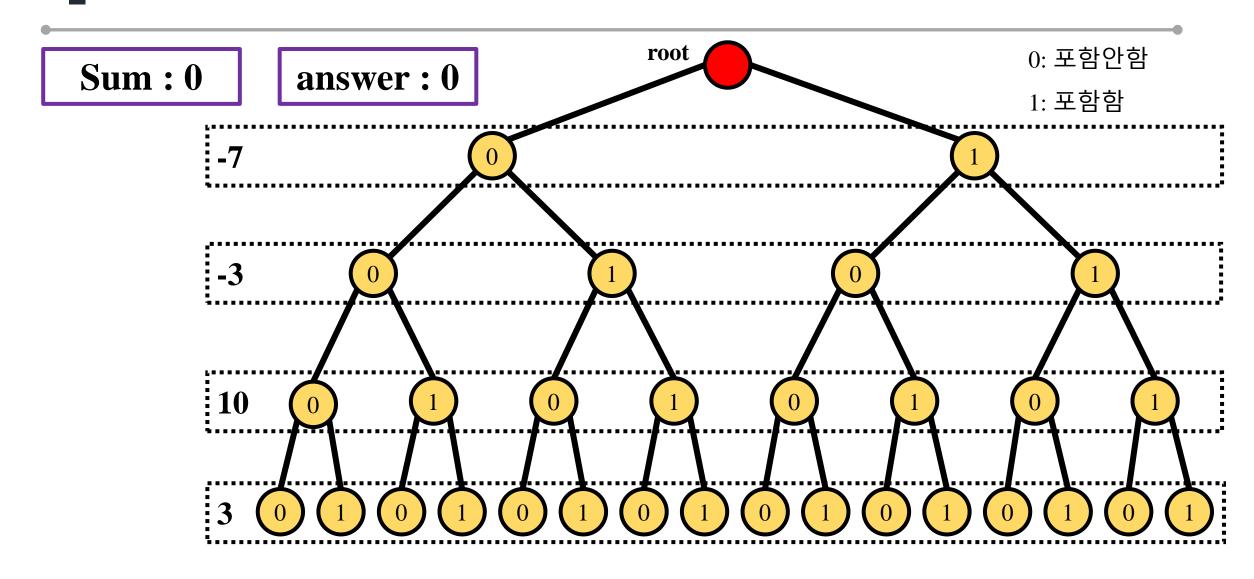
백준 1182 부분수열의 합

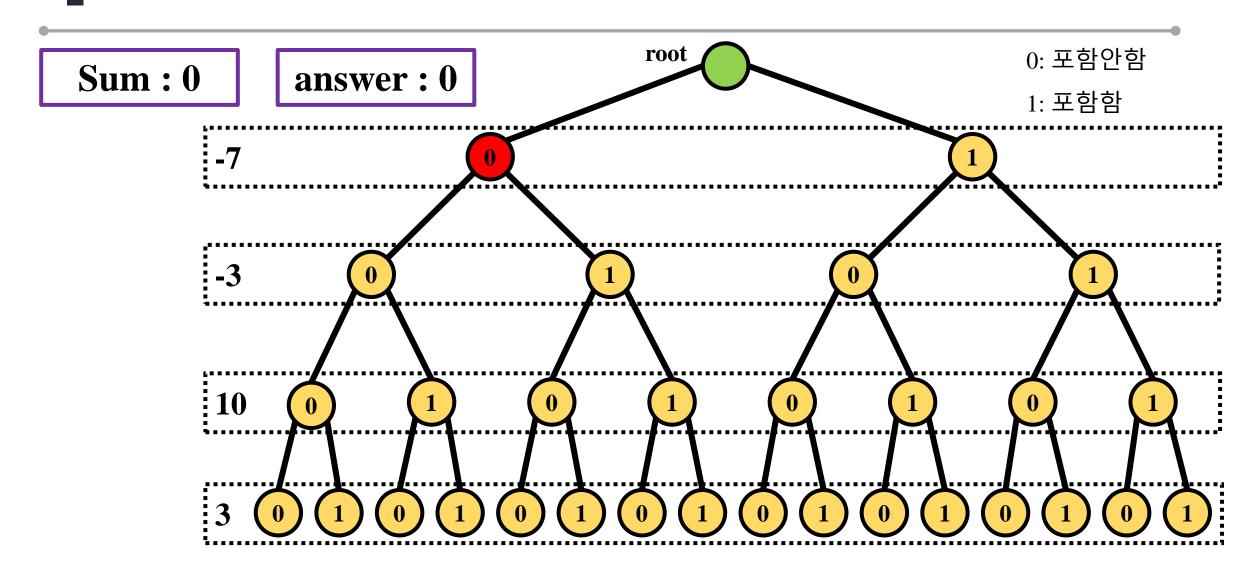
문제: 부분수열의 합이 S가 되는 경우의 수를 구하기

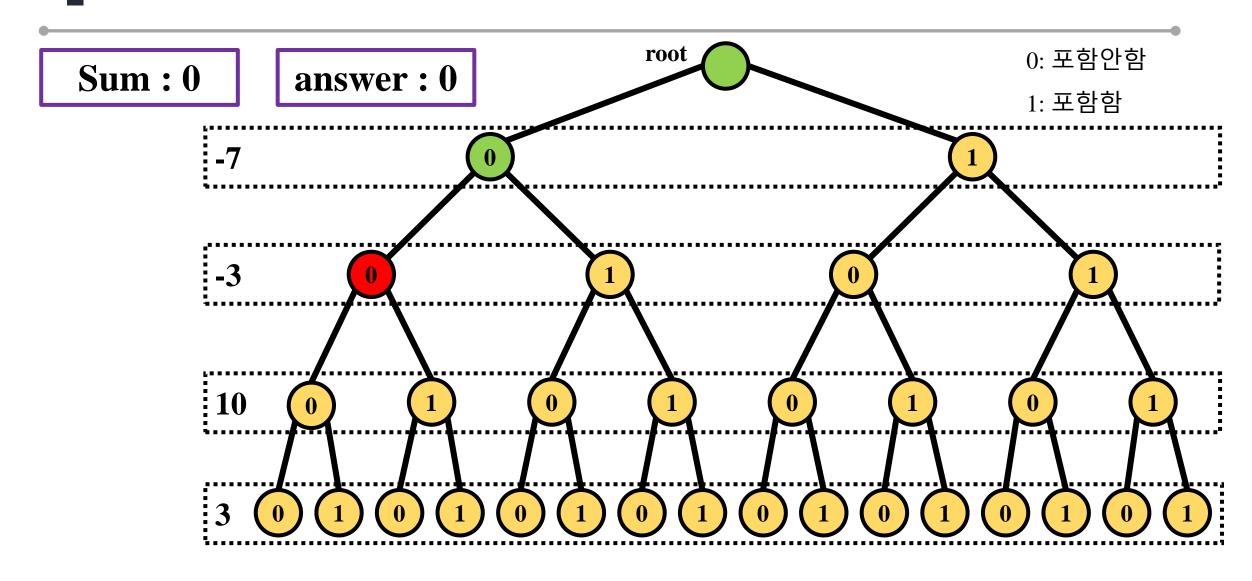
■ 예를 통해서 알아봅시다

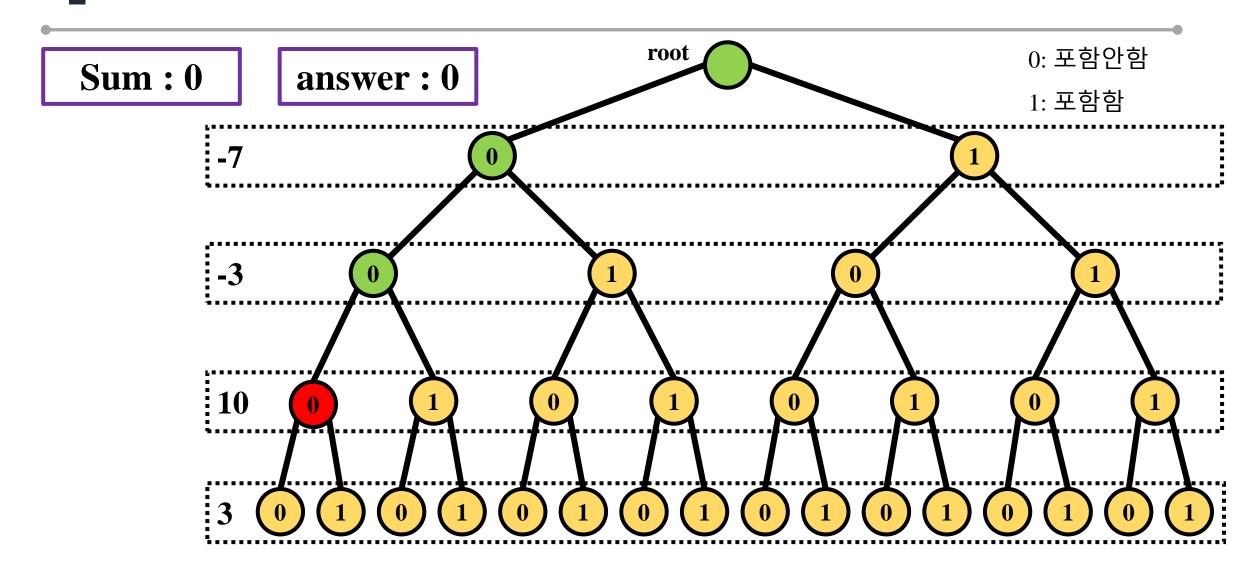
수열이 { -7, -3, 10, 3} 일때 **합이 0**이 되는 경우 찾기

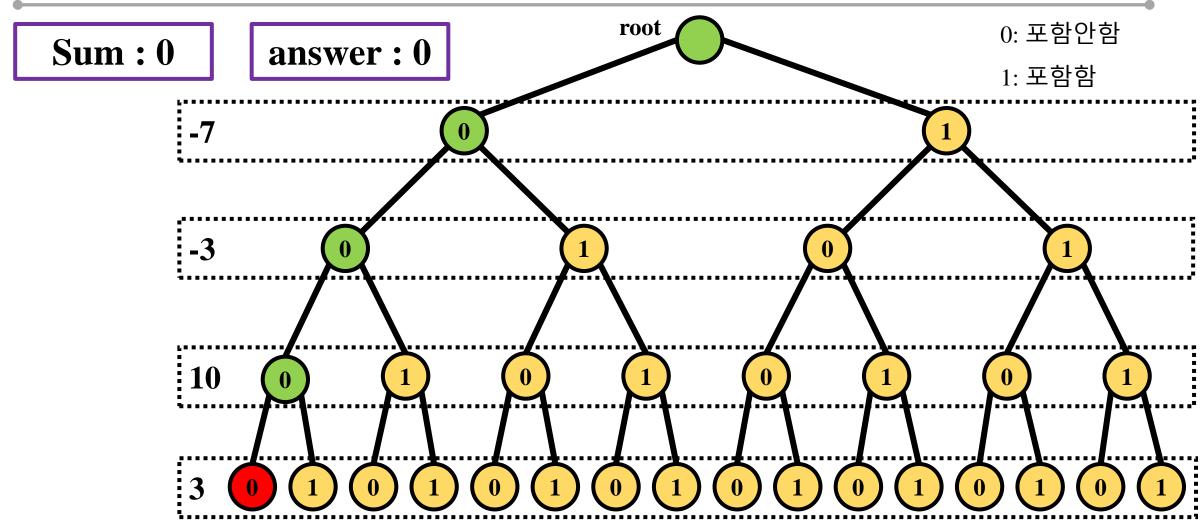
답: 2 ({ -7, -3, 10}, {-3, 3})



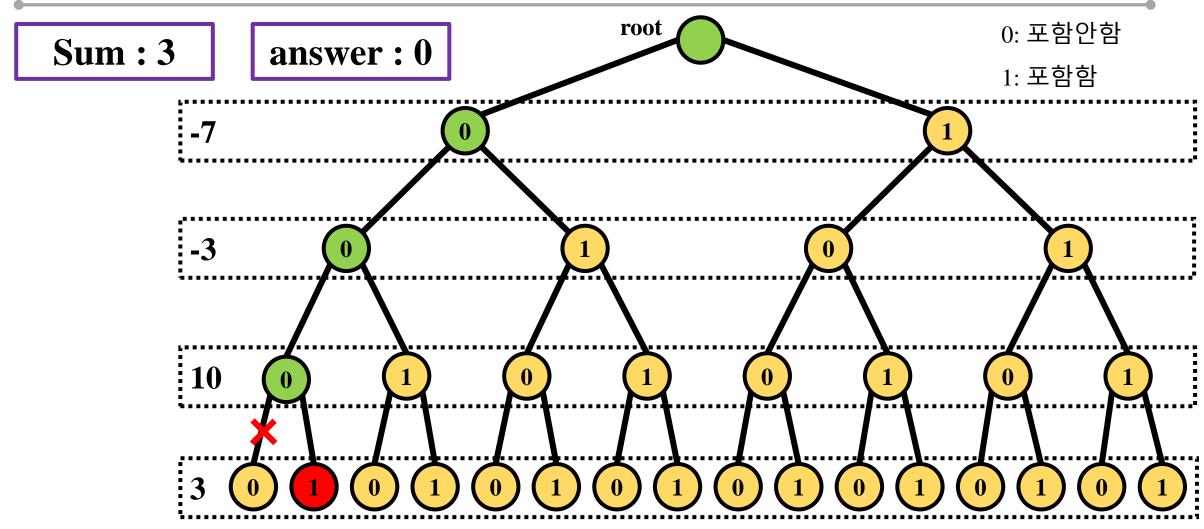


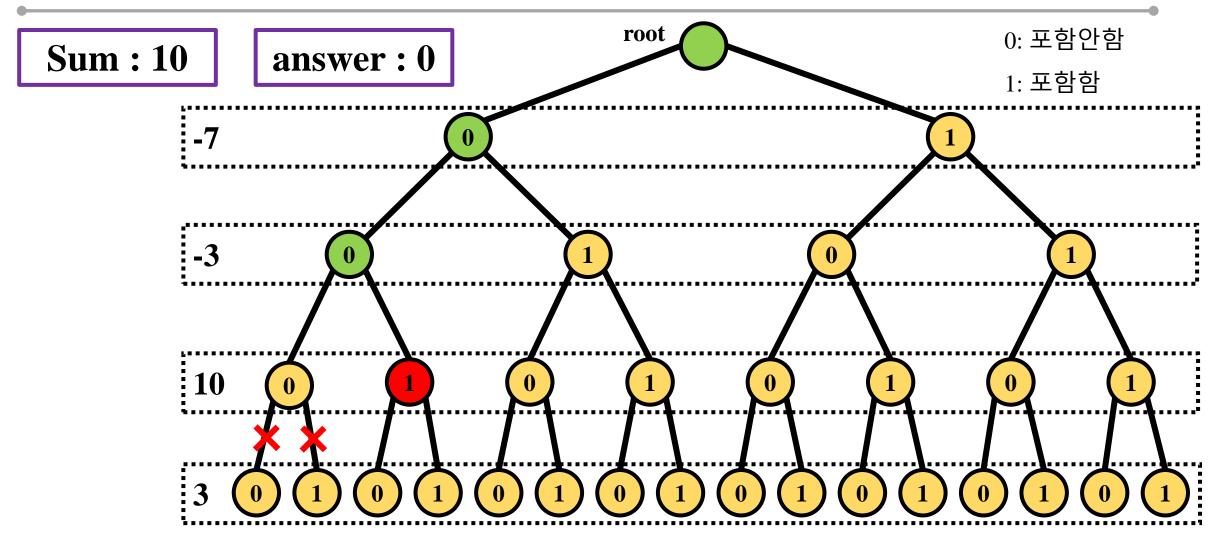




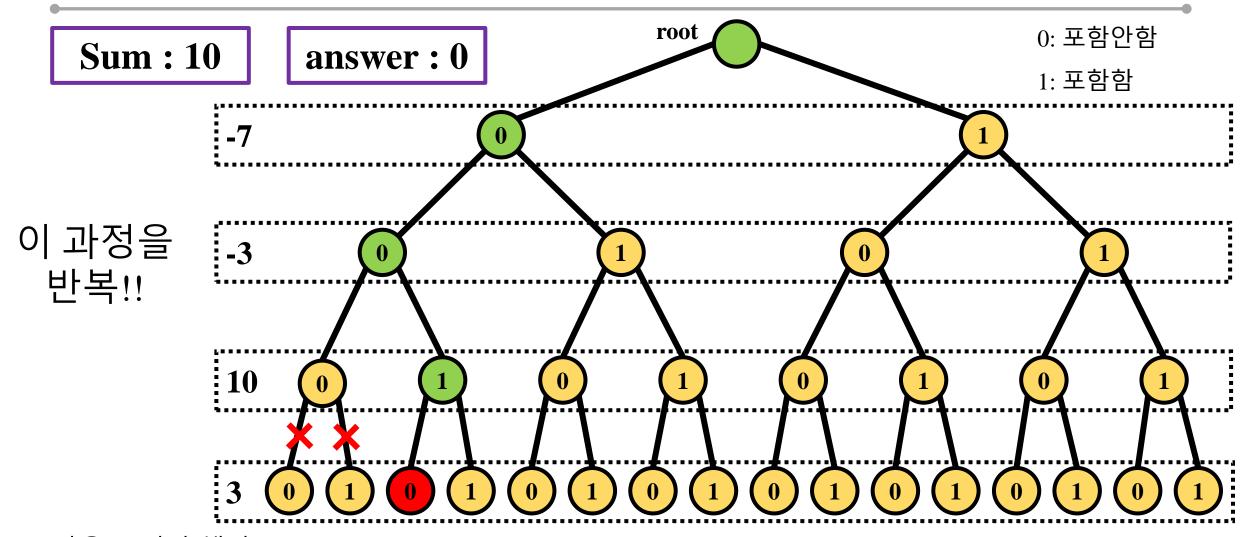


Sum값은 0이지만 **크기가 0**이라 해당 X

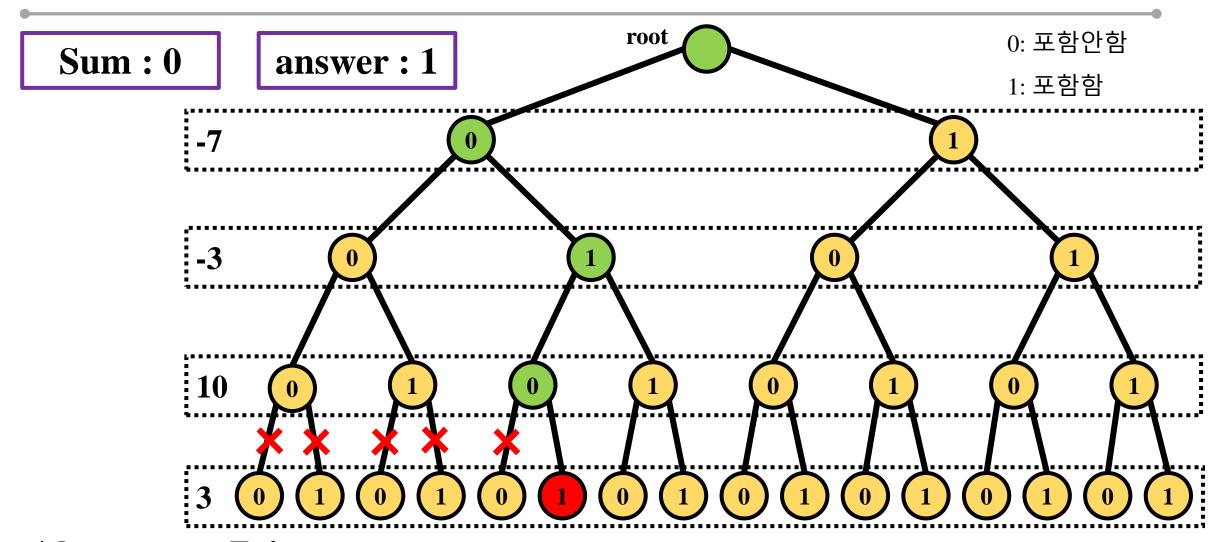




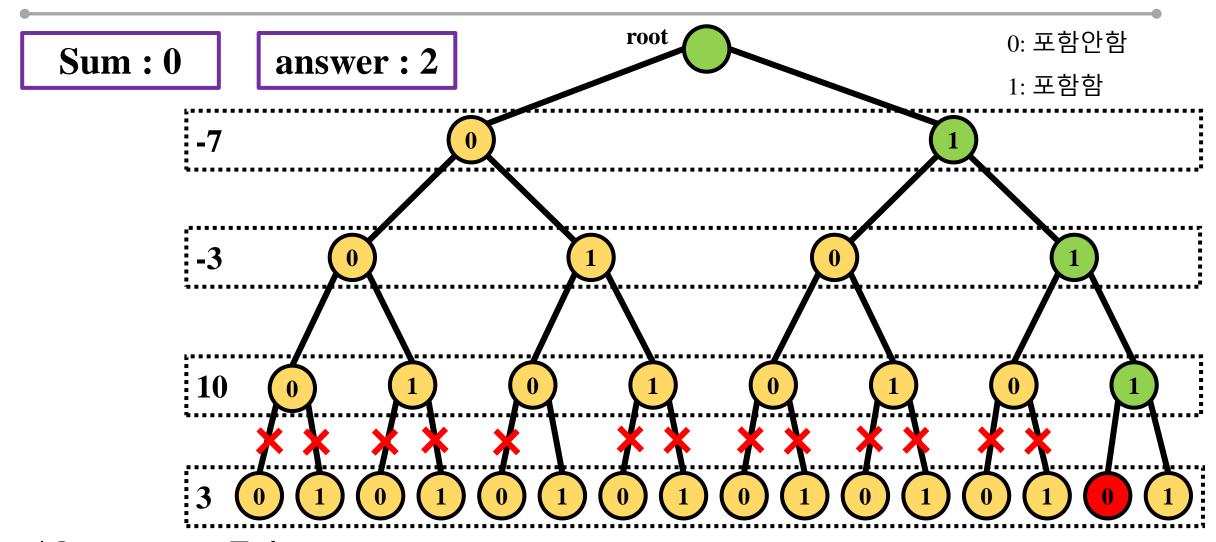
Sum값은 3이라 해당 X



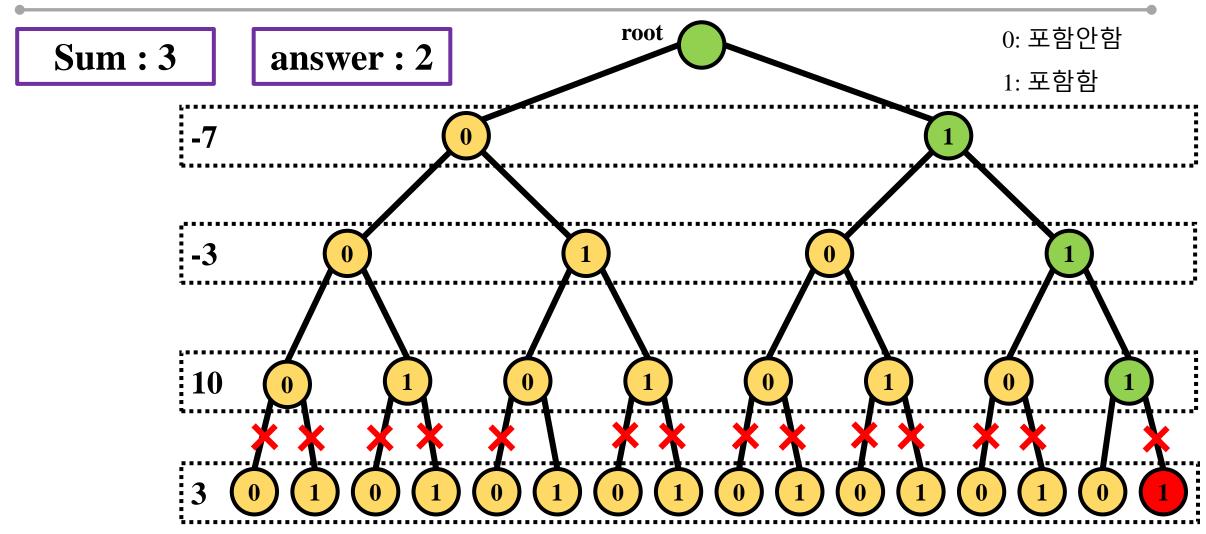
Sum값은 10이라 해당 X



Sum값은 0 => answer 증가!!



Sum값은 0 => **answer 증가!!**



부분수열의 합 코드

```
#include <iostream>
    using namespace std;
    int n, s;
    int num[25];
    int an = 0;
   pvoid back(int deep, int sum) {
       if (deep = n) { // 기저조건에 도달
9
           if (sum = s) //합과 같으면
10
               an++; //정답 증가
11
12
           return;
13
14
        back(deep + 1, sum); // 숫자 포함안함
        back(deep + 1, sum + num[deep]); // 숫자 포함함
15
```

```
|pint main() {
         ios_base::sync_with_stdio(false);
19
         cin.tie(NULL);
20
         cout.tie(NULL);
21
         cin \gg n \gg s;
22
         for (int i = 0; i < n; i ++) {
23
            cin >> num[i];
24
25
        back(0, 0);
26
27
        if (s = 0) //크기가 0이면서 답이되는 경우는 s가 0일때
            cout \ll an - 1;
28
        else cout << an;</pre>
29
30
        return 0;
31 | }
```

Backtracking 문제풀이

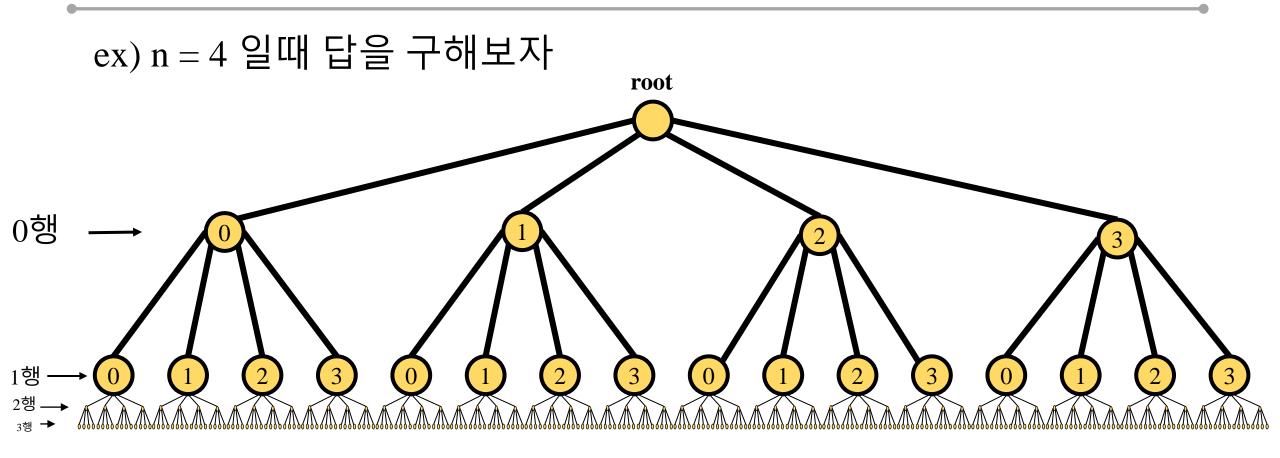
Backtracking of MARTH!!

백준 9663 N-Queen

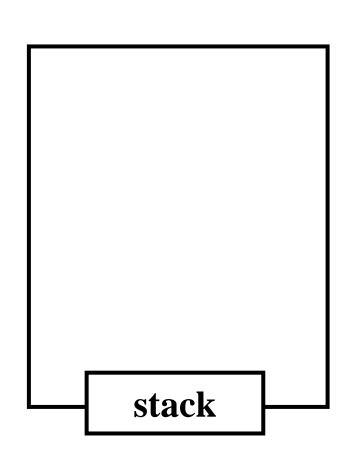
문제: N × N 체스판에 퀸 N개를 놓을 수 있는 경우의 수를 구하기

퀸은 가로, 세로, 대각선으로 이동 가능하다

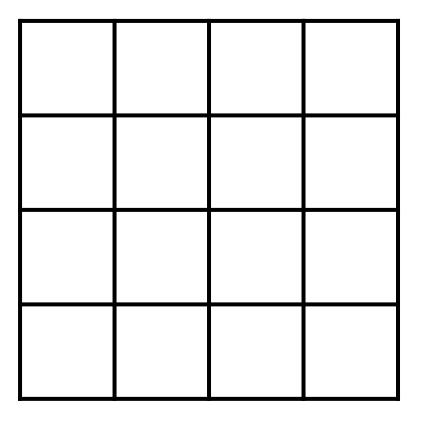
- ⇒ **하나의** 가로, 세로, 대각선에는 **하나의 퀸**만 존재해야 한다!
- ⇒ **한 행에 하나의 퀸**만 놓는다 생각하고 재귀함수로 구현하자



- \Rightarrow n=4만 해도 경우의 수가 4^4 라 너무 많다 트리그림으로 설명하기엔 쉽지 않다...
- ⇒ 해 공간에 도달하기 전에 **가지치기**를 하자!



n = 4 체스판 (X는 퀸)



answer: 0

회색 칸은 가지치기해야 하는 경우입니다!

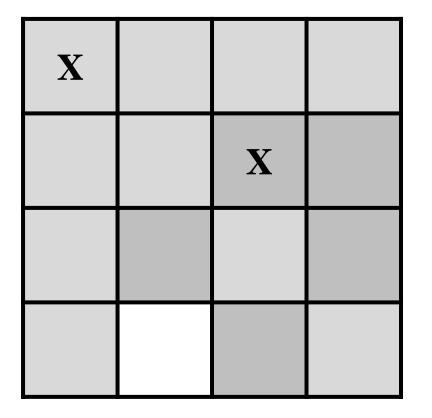


n = 4 체스판 (X는 퀸)

X		

1행 2열에 놓기 0행 0열에 놓기 stack

n = 4 체스판 (X는 퀸)

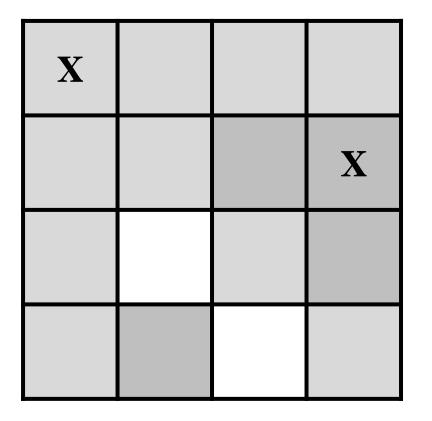


answer: 0

2행에 놓을 칸이 없으므로 return \rightarrow 1행

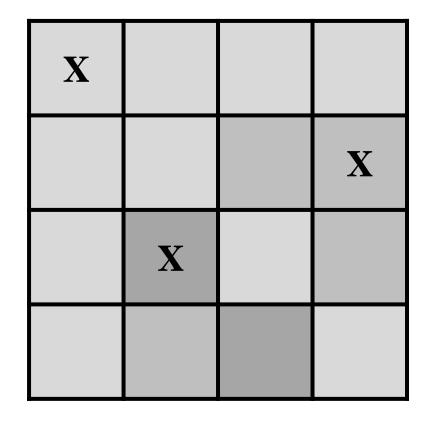
1행 3열에 놓기 0행 0열에 놓기 stack

n = 4 체스판(X는 퀸)



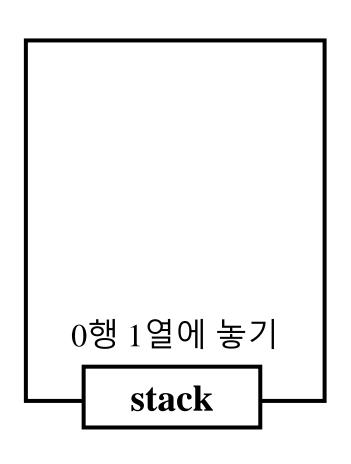
2행 1열에 놓기 1행 3열에 놓기 0행 0열에 놓기 stack

n = 4 체스판(X는 퀸)



answer: 0

3행에 놓을 칸이 없으므로 $return \rightarrow 0$ 행

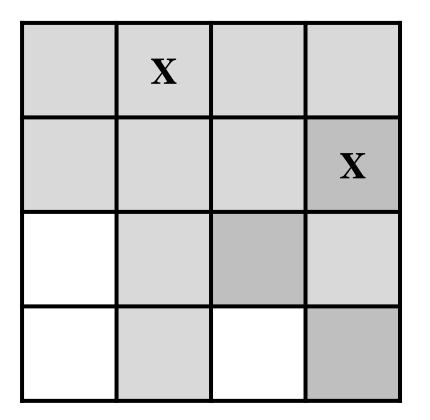


n = 4 체스판 (X는 퀸)

X	

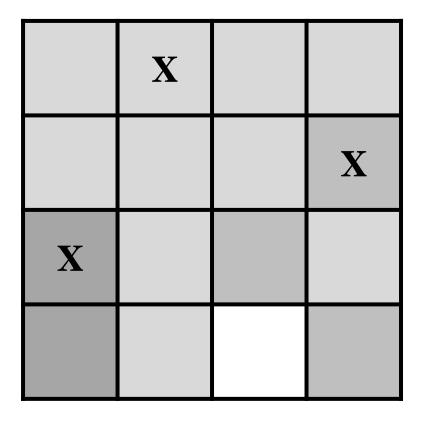
1행 3열에 놓기 0행 1열에 놓기 stack

n = 4 체스판 (X는 퀸)



2행 0열에 놓기 1행 3열에 놓기 0행 1열에 놓기 stack

n = 4 체스판 (X는 퀸)



3행 2열에 놓기

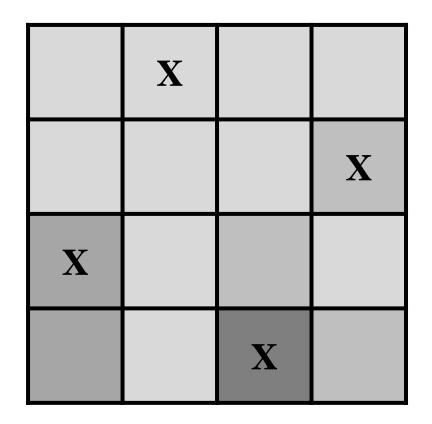
2행 0열에 놓기

1행 3열에 놓기

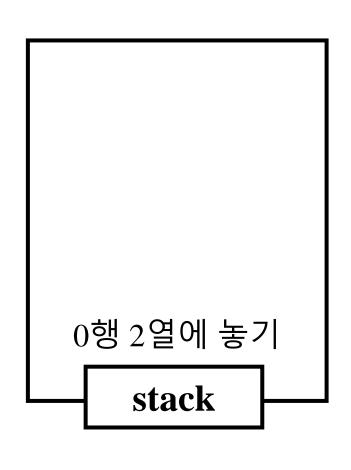
0행 1열에 놓기

stack

n = 4 체스판 (X는 퀸)



가능한 해이므로 answer 증가



n = 4 체스판 (X는 퀸)

	X	

1행 0열에 놓기 0행 2열에 놓기 stack

n = 4 체스판 (X는 퀸)

X X

2행 3열에 놓기 1행 0열에 놓기 0행 2열에 놓기 stack

n = 4 체스판 (X는 퀸)

	X	
X		
		X

3행 1열에 놓기

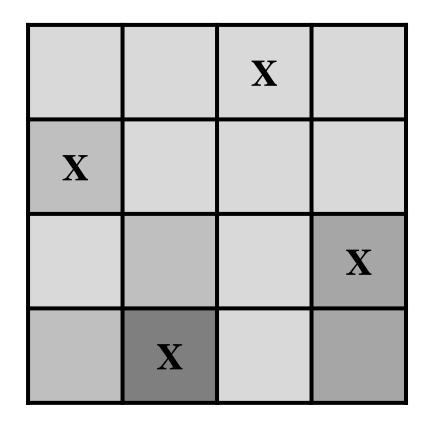
2행 3열에 놓기

1행 0열에 놓기

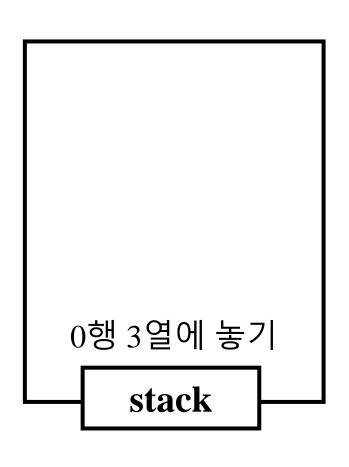
0행 2열에 놓기

stack

n = 4 체스판 (X는 퀸)



가능한 해이므로 answer 증가

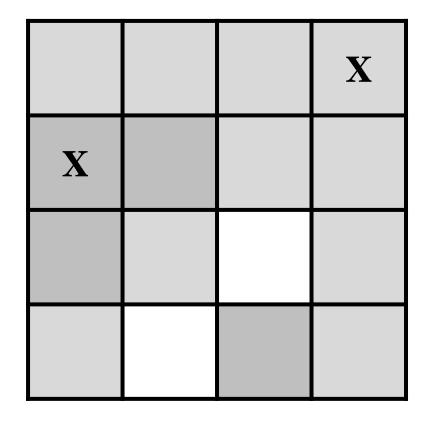


n = 4 체스판 (X는 퀸)

	X

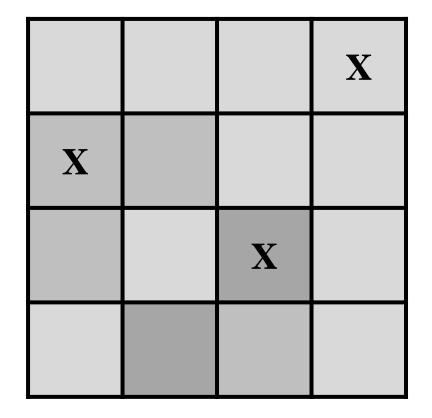
1행 0열에 놓기 0행 3열에 놓기 stack

n = 4 체스판 (X는 퀸)



2행 2열에 놓기 1행 0열에 놓기 0행 3열에 놓기 stack

n = 4 체스판 (X는 퀸)

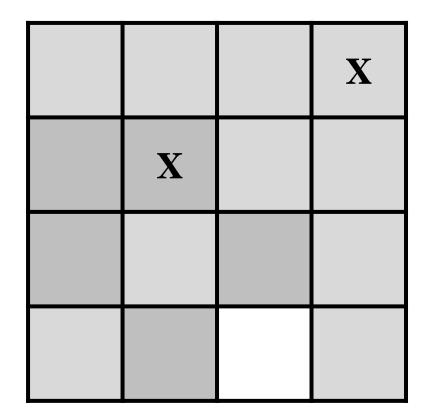


answer: **2** 3행에 놓을 칸이 없으!

3행에 놓을 칸이 없으므로 return → 1행

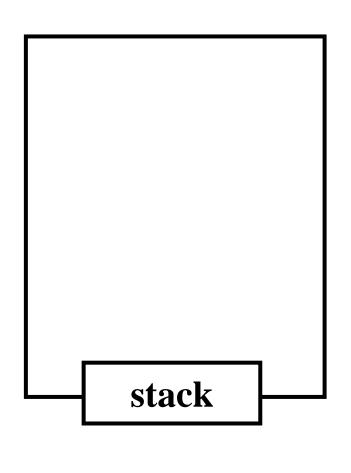
1행 1열에 놓기 0행 3열에 놓기 stack

n = 4 체스판 (X는 퀸)

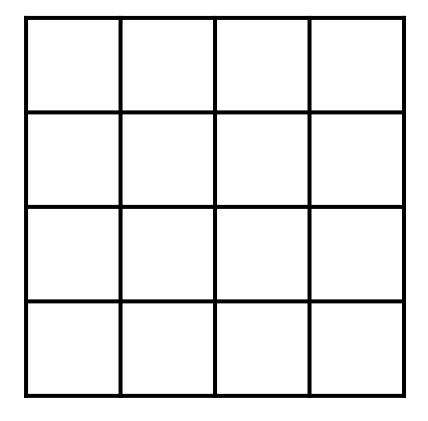


answer: 2

2행에 놓을 칸이 없으므로 $return \rightarrow$ 종료



n = 4 체스판 (X는 퀸)



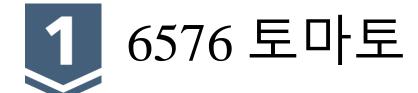
탐색 종료!

N-Queen 코드

```
int n;
    int an = 0;
    int pos[20];
    void back(int deep) {
        if (deep = n) { // n번탐색이 끝나면
10
            an++;
11
            return;
12
13
        for (int i = 0; i < n; i++) { // i는 퀸의 위치
14
            int check = 0;
            for (int j = 0; j < deep; j \leftrightarrow) {
16
                 if (pos[j] = i \mid\mid j + pos[j] = i + deep \mid\mid j - pos[j] = deep - i) \{
17
                     check = 1; // (deep, i)에 놓는게 불가능하면
18
                     break;
19
20
21
            if (check = 0) { //가능하면
22
                 pos[deep] = i;
23
                 back(deep + 1);
24
25
26
```

Problem Set – DFS, BFS





5 10026 적록색약

5 14502 연구소

Problem Set – Backtracking



2529 부등호



1987 알파벳



2661 좋은수열



4 2580 스도쿠

Problem Set – 도전!



1194 달이 차오른다, 가자.

메모리 초과를 면하려면....



대각선이라 N-Queen보다 어렵다