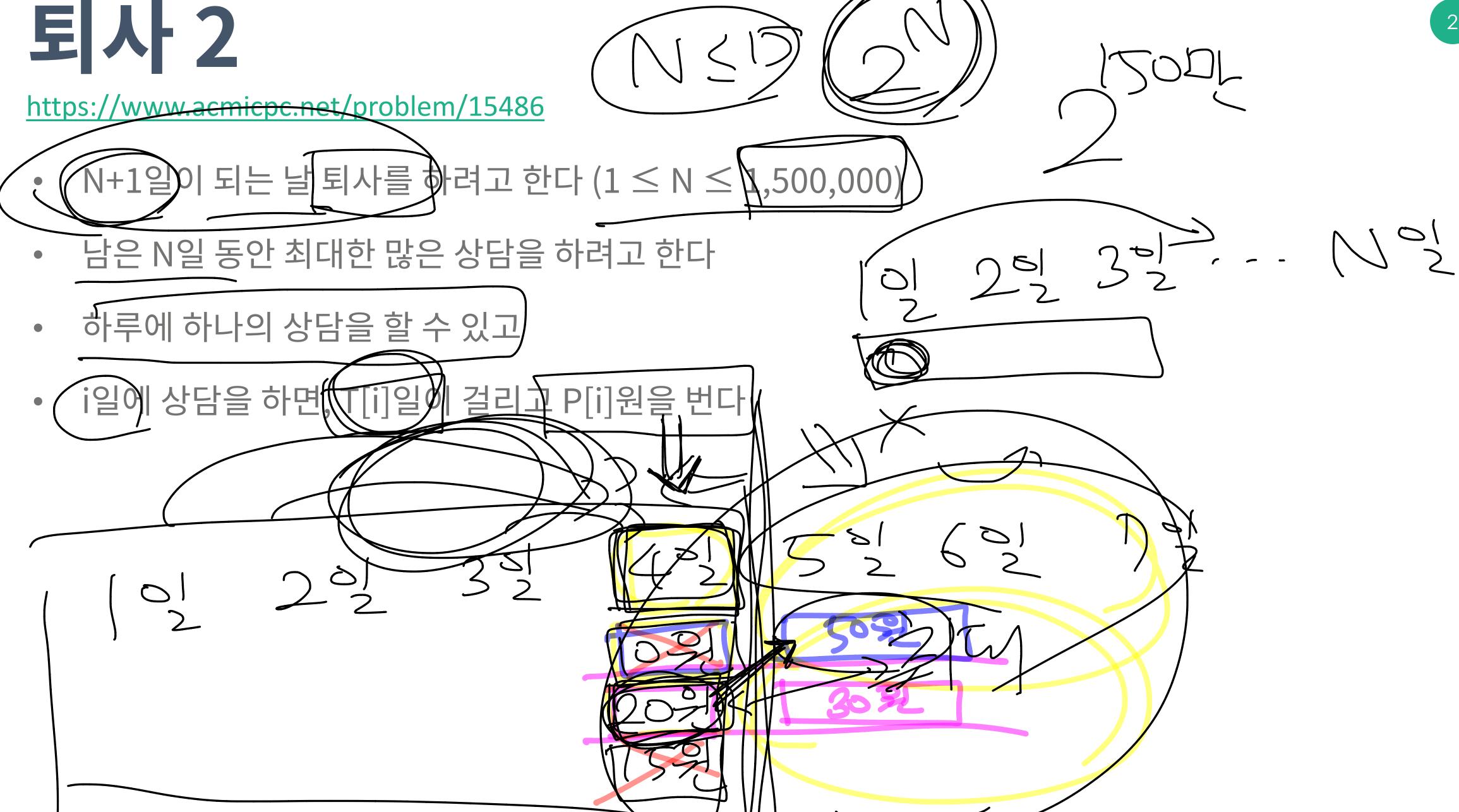
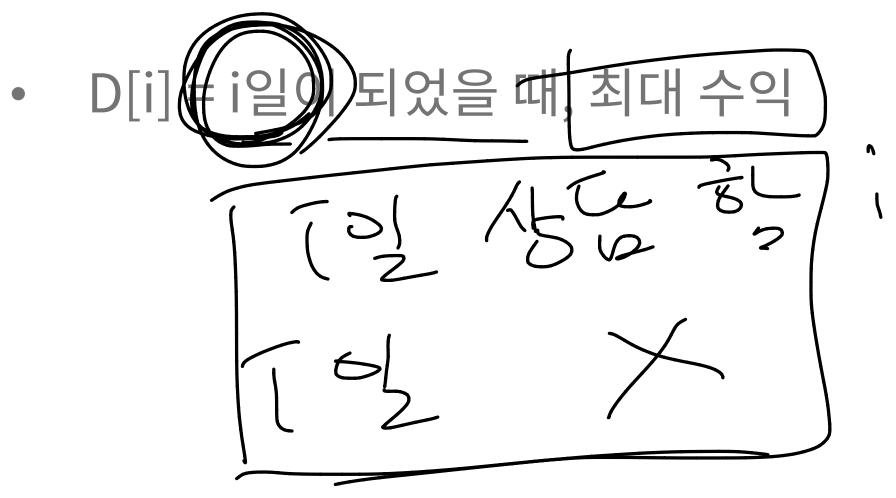
다이나믹프로그래밍

최백준 choi@startlink.io





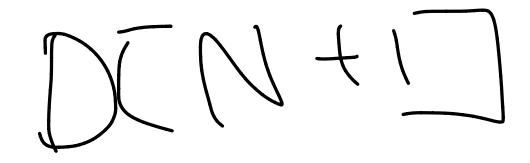
토 八 2

- D[i] = i일이 되었을 때, 최대 수익
- i일에 있는 상담을 하는 경우
- i일에 있는 상담을 하지 않는 경우

- D[i] = i일이 되었을 때, 최대 수익
- i일에 있는 상담을 하는 경우
 - (i+T[i)월이 된다.
 - 수익은 P[i]이 늘어난다.
- i일에 있는 상담을 하지 않는 경우
 - (i+1일이 된다.
 - 수익은 그대로이다.



- D[i] = i일이 되었을 때, 최대 수익
- i일에 있는 상담을 하는 경우 (D[i+T[i]] = max (D[i+T[i]), D[i]+P[i])
 - i+T[i]일이 된다.
 - 수익은 P[i]이 늘어난다.
- i일에 있는 상담을 하지 않는 경우(D[i+1] = max(D[i+1], D[i])
 - i+1일이 된다.
 - 수익은 그대로이다.

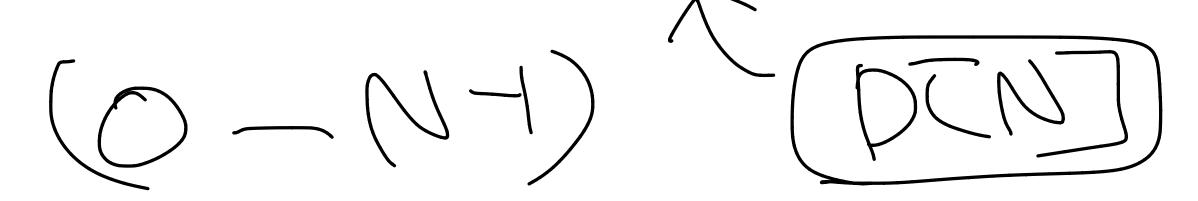


https://www.acmicpc.net/problem/15486

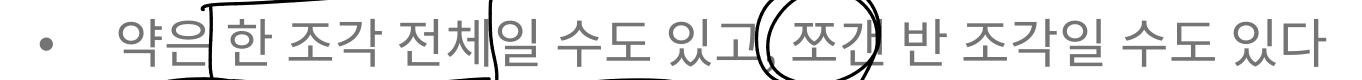
• 정답은 D[N+1]에 들어있다.

https://www.acmicpc.net/problem/15486

• 소스: http://codeplus.codes/abe2fd410f50419e8e926dec94926fa5

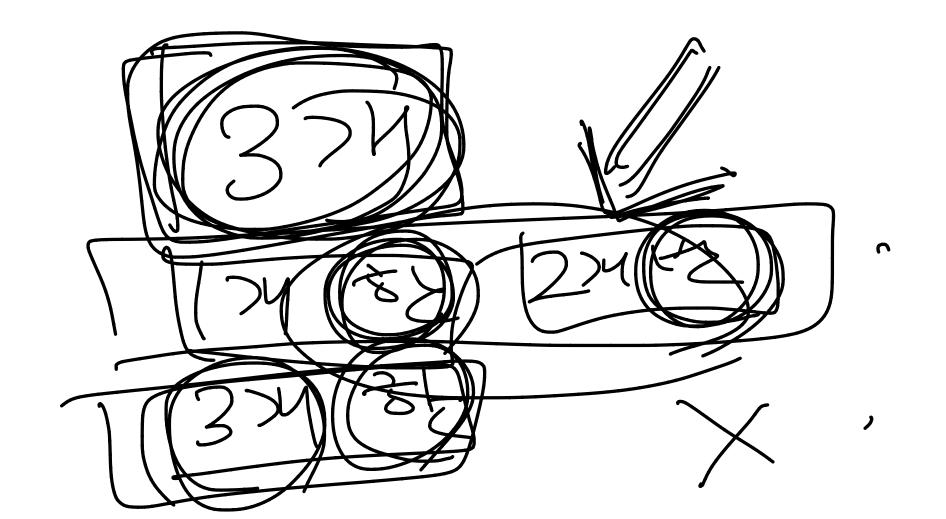


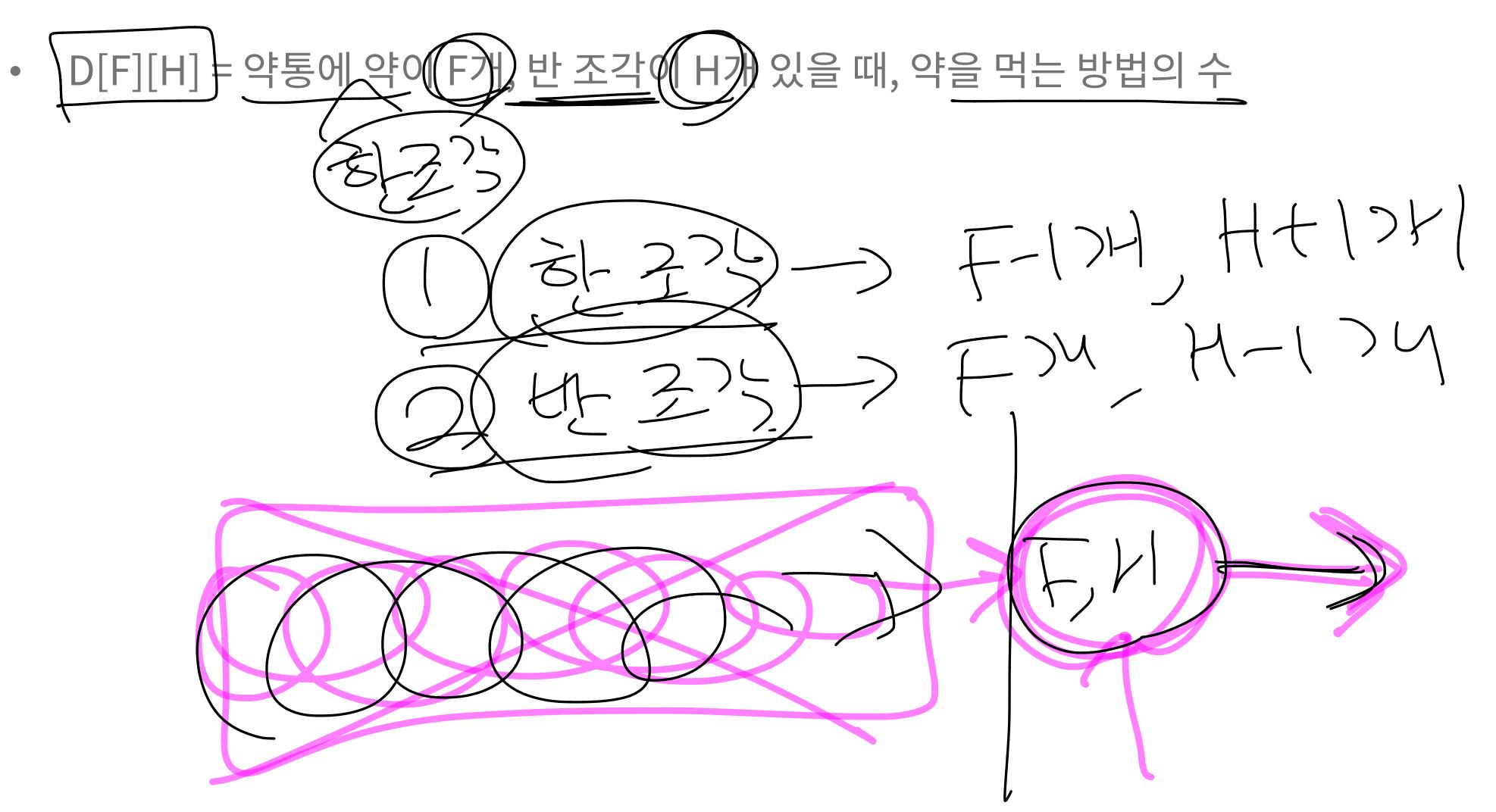
- 약이 N개 담겨있는 병이 있다
- 하루에 약을 하나씩 꺼내 먹는다



- 한 조각이면 반으로 조각낸 다음, 반만 먹고 반을 병에 넣고
- 반조각이면 먹는다
- 한 조각을 꺼낸 날은 W, 한 조각을 꺼낸 날은 H를 적는다.
- 즉, 2N일이 지나면, 길이가 2N인 문자열이 만들어진다.
- 이 때, 서로 다른 문자열의 개수를 구하는 문제







- D[F][H] = 약통에 약이 F개, 반 조각이 H개 있을 때, 약을 먹는 방법의 수
- 약을 먹는 경우
- 반조각을 먹는 경우

- D[F][H] = 약통에 약이 F개, 반 조각이 H개 있을 때, 약을 먹는 방법의 수
- 약을 먹는 경우: D[F-1][H+1]
- 반조각을 먹는 경우: D[F][H-1]

- D[F][H] = 약통에 약이 F개, 반 조각이 H개 있을 때, 약을 먹는 방법의 수
- 약을 먹는 경우: D[F-1][H+1]
- 반조각을 먹는 경우: D[F][H-1]
- D[F][H] = D[F-1][H+1] + D[F][H-1]

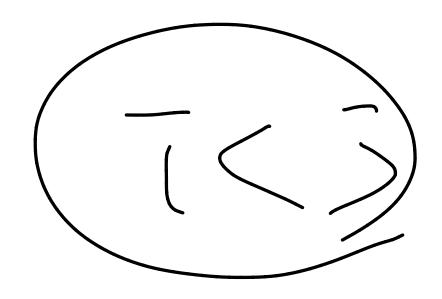
- D[F][H] = 약통에 약이 F개, 반 조각이 H개 있을 때, 약을 먹는 방법의 수
- 약을 먹는 경우: D[F-1][H+1]
- 반 조각을 먹는 경우: D[F][H-1]
- D[F](H) = D[F-1][H+1] + D[F][H-1]
- D[F][0] = D[F-1][1]
- D[0][H]=1

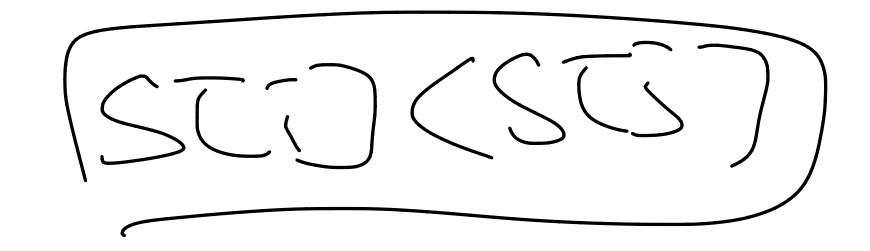


https://www.acmicpc.net/problem/4811

• 소스: http://codeplus.codes/7a318b1026514d8ab7f47eeb69fe1229

- N과 K가 주어졌을 때, 아래 두 조건을 만족하는 문자열 S를 아무거나 찾는 문제
- $3 \le N \le 30, 0 \le K \le N(N-1)/2$
- 문자열 S의 길이는 N이고, A, B, C로만 이루어져 있다
- 0 ≤ i < j < N이고, S[i] < S[j]를 만족하는 (i, j)쌍이 K개 있다

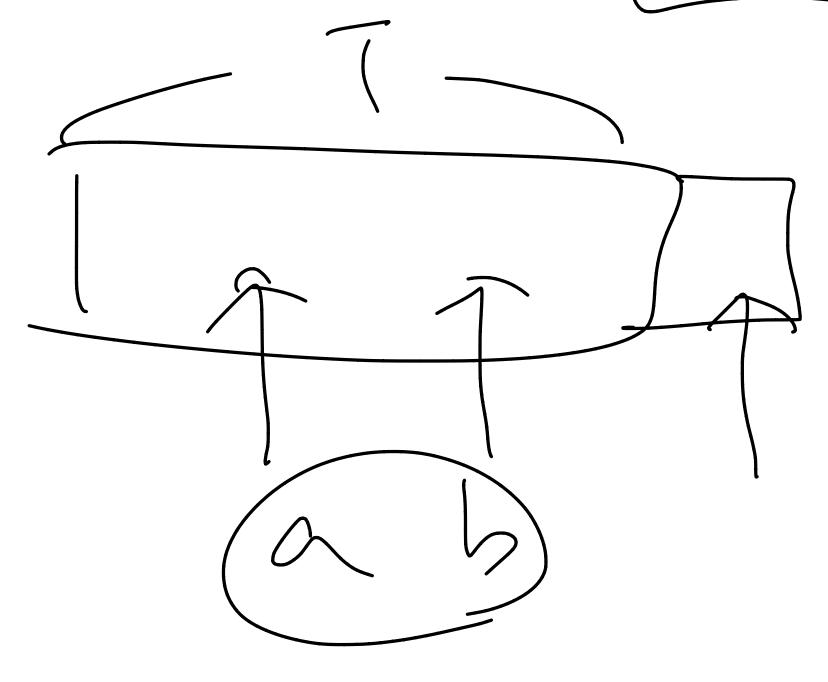




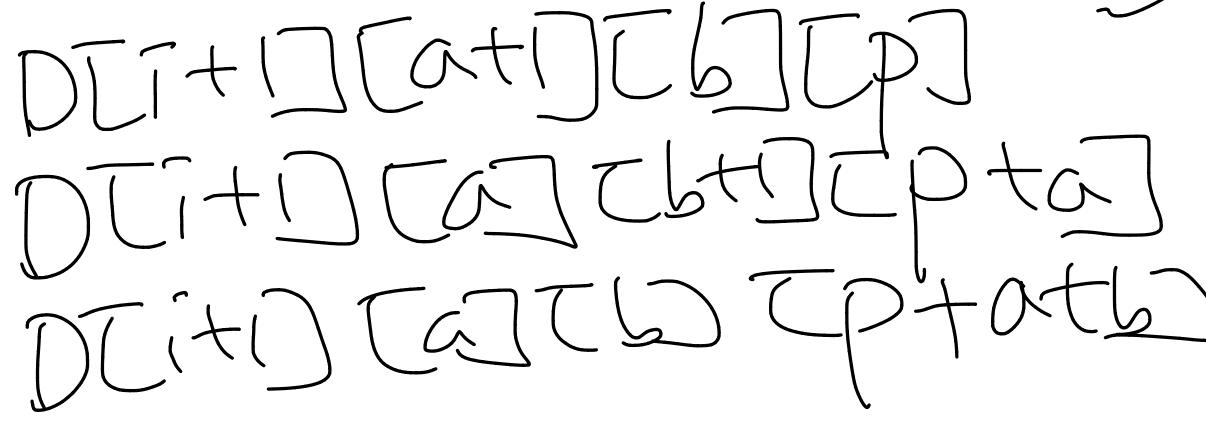
https://www.acmicpc.net/problem/12969

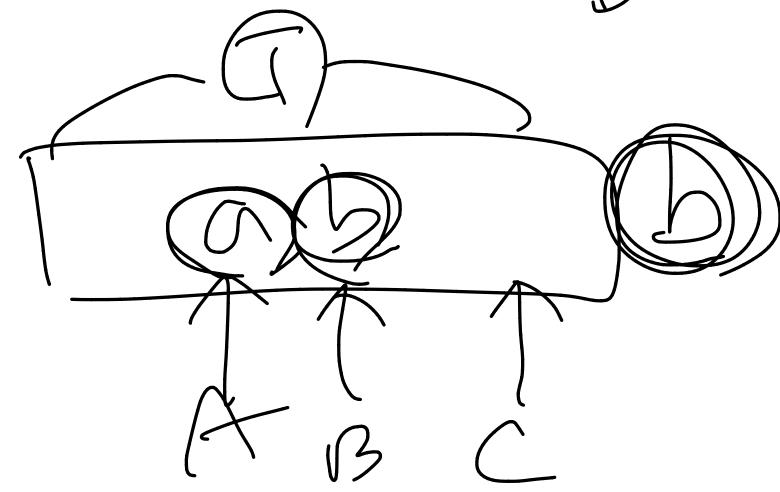
• D[i][a][b][p] = 길이가 i이고, A의 개수가 a개, B의 개수가 b개, S[i] < S[j] 쌍이 p개 있는

문자열이 가능한가?



- D[i][a][b][p] 길이가 i이고, (의 개수가 a개, B의 개수가 b가, S[i] < S[j] 쌍이 p가 있는 문자열이 가능한가?
- i번째 글자가 A인 경우
- i번째 글자간 B인 경우
- i번째 글자가 C인 경우







- D[i][a][b][p] = 길이가 i이고, A의 개수가 a개, B의 개수가 b개, S[i] < S[j] 쌍이 p개 있는 문자열이 가능한가?
- i번째 글자가 A인 경우: D[i+1][a+1][b][p]
- i번째 글자가 B인 경우: D[i+1][a][b+1][p+a]
- i번째 글자가 C인 경우: D[i+1][a][b][p+a+b]

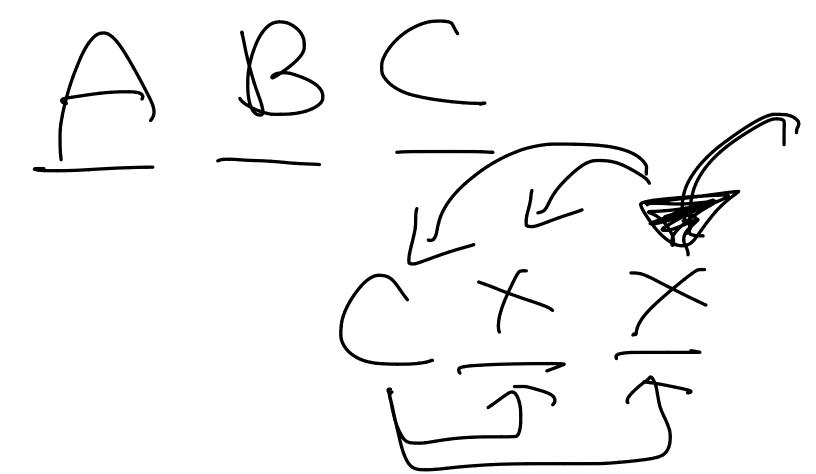
https://www.acmicpc.net/problem/12969

• 소스: http://codeplus.codes/7c092810d59d42efb63b3f4fcbe6a1ca

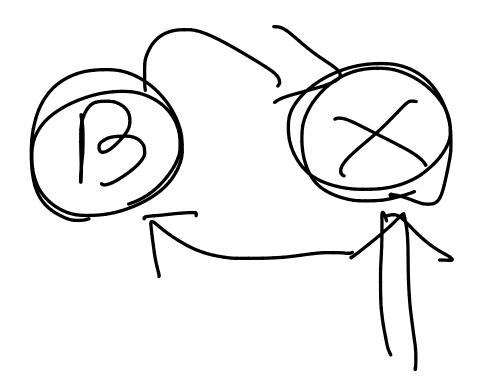
https://www.acmicpc.net/problem/14238

A: 아무 때나 가능

- B: 출근을 하면 다음날 쉬어야 함
- C: 출근한 다음날과 다다음날 쉬워야함



- 출근 기록 S위 모든 순열 중에서 올바른 출근 기록인 것 아무거나 찾는 문제
- S의 길이 ≤ 50

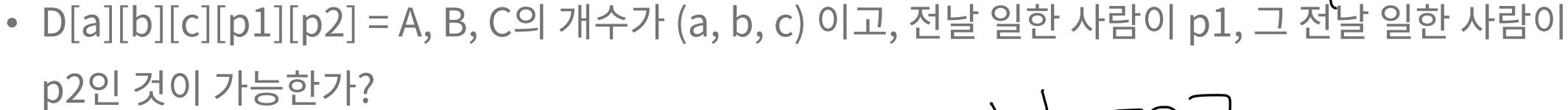


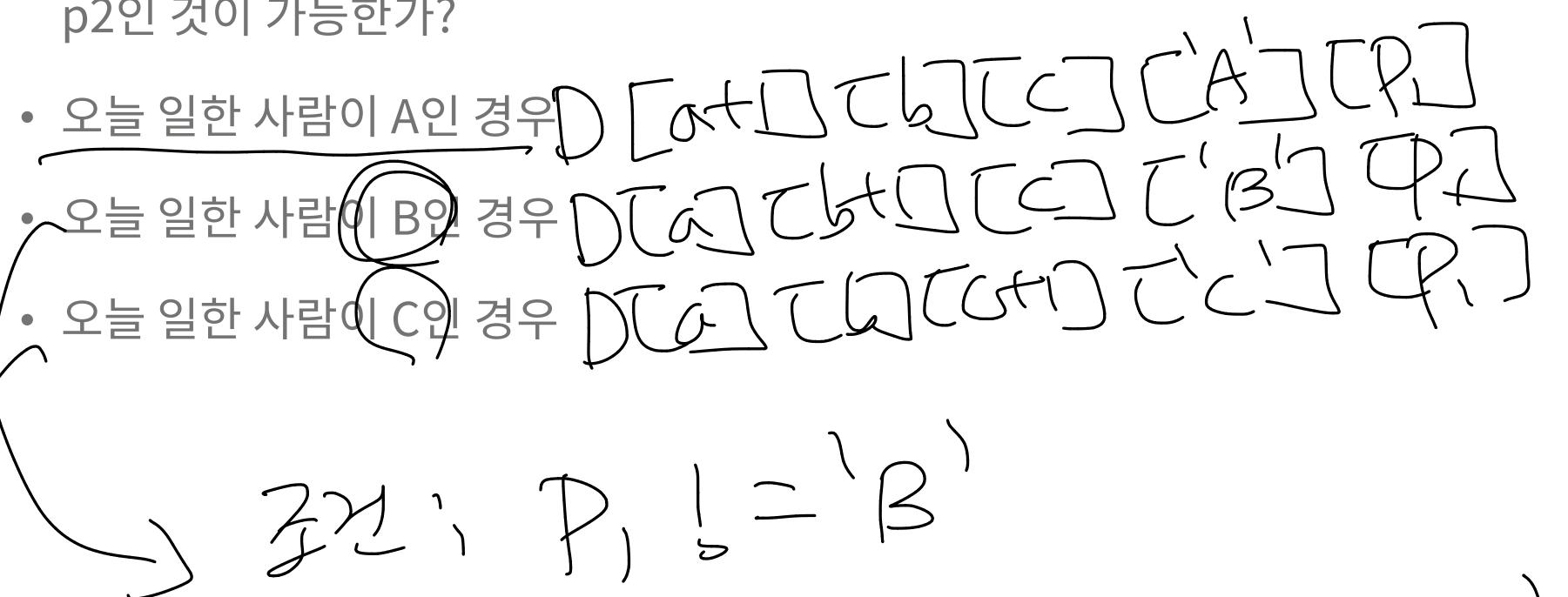
- 출근 기록에서 중요한 정보는 A의 개수(a), B의 개수(b), C의 개수(c)
- B와 C때문에, 전날과 전전날 누가 일했는지가 필요하다.

https://www.acmicpc.net/problem/14238

222 22 25 B) A A, Bh, Cc

https://www.acmicpc.net/problem/14238





521! Pib= 'C' El Pob= 'C'

- D[a][b][c][p1][p2] = A, B, C의 개수가 (a, b, c) 이고, 전날 일한 사람이 p1, 그 전날 일한 사람이 p2인 것이 가능한가?
- 오늘 일한 사람이 A인 경우: D[a+1][b][c][0][p1]
- 오늘 일한 사람이 B인 경우: D[a][b+1][c][1][p1]
- 오늘 일한 사람이 C인 경우: D[a][b][c+1][2][p1]

- D[a][b][c][p1][p2] = A, B, C의 개수가 (a, b, c) 이고, 전날 일한 사람이 p1, 그 전날 일한 사람이 p2인 것이 가능한가?
- 오늘 일한 사람이 A인 경우: D[a+1][b][c][0][p1]
- 오늘 일한 사람이 B인 경우: D[a][b+1][c][1][p1] (p1 ≠ 1)
- 오늘 일한 사람이 C인 경우: D[a][b][c+1][2][p1] (p1 ≠ 2 && p2 ≠ 2)

https://www.acmicpc.net/problem/14238

• 소스: http://codeplus.codes/db7f39d13f6a49cf9bfb92d8f22510e3

https://www.acmicpc.net/problem/14238

 D[a][b][c][p1][p2]
 앞으로 추가해야 하는 A, B, C의 개수가 (a, b, c) 이고, 전날 일한 사람이 100 기고, 건물 일한 사람이 100 기고 전달 일한 100 기고 전달 100

- D[a][b][c][p1][p2] = 앞으로 추가해야 하는 A, B, C의 개수가 (a, b, c) 이고, 전날 일한 사람이 p1, 그 전날 일한 사람이 p2인 것이 가능한가?
- 오늘 일한 사람이 A인 경우
- 오늘 일한 사람이 B인 경우
- 오늘 일한 사람이 C인 경우

- D[a][b][c][p1][p2] = 앞으로 추가해야 하는 A, B, C의 개수가 (a, b, c) 이고, 전날 일한 사람이 p1, 그 전날 일한 사람이 p2인 것이 가능한가?
- 오늘 일한 사람이 A인 경우: D[a-1][b][c][0][p1]
- 오늘 일한 사람이 B인 경우: D[a][b-1][c][1][p1]
- 오늘 일한 사람이 C인 경우: D[a][b][c-1][2][p1]

- D[a][b][c][p1][p2] = 앞으로 추가해야 하는 A, B, C의 개수가 (a, b, c) 이고, 전날 일한 사람이 p1, 그 전날 일한 사람이 p2인 것이 가능한가?
- 오늘 일한 사람이 A인 경우: D[a-1][b][c][0][p1]
- 오늘 일한 사람이 B인 경우: D[a][b-1][c][1][p1] (p1 ≠ 1)
- 오늘 일한 사람이 C인 경우: D[a][b][c-1][2][p1] (p1 ≠ 2 && p2 ≠ 2)

https://www.acmicpc.net/problem/14238

• 소스: http://codeplus.codes/7514be87ff434f1db780ebbace34fe38

- SCV N개가 있다. $(1 \le N \le 3, 1 \le \text{체력} \le 60)$
- 뮤탈리스크 1개가 있다. 뮤탈리스크는 SCV를 공격한다.
- 한번에 세개의 SCV를 공격할 수 있다.
 - 첫 번째로 공격받는 SCV는 세력 9를 잃는다.
 - 두 번째로 공격받는 SCV는 체력 3월 잃는다.
 - 세 번째로 공격받는 SCV는 체력 1을 잃는다.
- SCV는 체력이 0 또는 그 이하가 되면 파괴되고, 한 번의 공격에서 같은 SCV를 여러 번 <u>공격할</u>수없다.
- SCV를 모두 파괴하기 위해 공<u>격해야 하는 횟수</u> 외 최솟값을 구하는 문제

- 한 번에 세 개의 SCV를 공격할 수 있다.
 - 첫 번째로 공격받는 SCV는 체력 9를 잃는다.
 - 두 번째로 공격받는 SCV는 체력 3을 잃는다.
 - 세 번째로 공격받는 SCV는 체력 1을 잃는다.
- 공격할 수 있는 순서는 총 6가지가 있다.
 - 1, 2, 3
 - 1, 3, 2
 - 2, 1, 3
 - 2, 3, 1
 - 3, 1, 2
 - 3, 2, 1

https://www.acmicpc.net/problem/12869

• D[i][j][k] = SCV의 체력이 i, j, k 일 때, 모두 파괴하기 위해 공격해야 하는 횟수의 최솟값

- D[i][j][k] = SCV의 체력이 i, j, k 일 때, 모두 파괴하기 위해 공격해야 하는 횟수의 최솟값
- 공격할 수 있는 순서는 총 6가지가 있다.
 - 1, 2, 3: D[i-9][j-3][k-1]
 - 1, 3, 2: D[i-9][j-1][k-3]
 - 2, 1, 3: D[i-3][j-9][k-1]
 - 2, 3, 1: D[i-1][j-9][k-3]
 - 3, 1, 2: D[i-3][j-1][k-9]
 - 3, 2, 1: D[i-1][j-3][k-9]

무탈리스크

https://www.acmicpc.net/problem/12869

• 소스: http://codeplus.codes/5cb8fdc3a1e745378e9b925367ac8ec9





- 음반에 포함되어 있는 모든 곡은 세 사람 중 적어도 한 명이 부른 곡이다.
- 두음반 A와 B가 있을 때, 참여한 사람이 다른 곡이 존재한다면, 두 음반은 다른 음반이다.
- 음반을 만들 수 있는 방법의 수를 구하는 문제



https://www.acmicpc.net/problem/12996

• D[N][a][b][c] = ED[N-1][a-i][b-j][c-k] (i, j, k는 세 사람의 참가 여부)

https://www.acmicpc.net/problem/12996

• $D[N][a][b][c] = \Sigma D[N-1][a-i][b-j][c-k]$ (i, j, k는 세 사람의 참가 여부)

https://www.acmicpc.net/problem/12996

• 소스: http://codeplus.codes/17893006b56d41c9ac648726f8f69b2b





- 같은 노래가 여러 개 있어도 된다.
 - 모든 노<u>래를 플</u>레이리스트에 추가해야 한다.
 - 같은 노래를 추가하려면, 플레이리스트에서 두 노래 사이에 적어도 M개의 곡이 있어야 한다.
- N, M, P가 주어졌을 때, 플레이리스트를 만들 수 있는 방법의 수를 구하는 문제
- $1 \le N \le 100, 0 \le M \le N, N \le P \le 100$

- N개의 곡을 모두 추가해야 한다.
- 같은 곡 사이에는 적어도 M개의 곡이 있어야 한다.
- 길이가 M+1인 플레이리스트의 연속된 일부분은 모두 다른 곡으로 이루어져 있다.
- 같은 곡이 들어있는 플레이리스트는 길이가 M+2 이상이다.



- 노래를 두 개의 그룹으로 나눌 수 있다.
- 그룹 X: 이미 추가한 노래
- 그룹 Y: 아직 추가하지 않은 노래

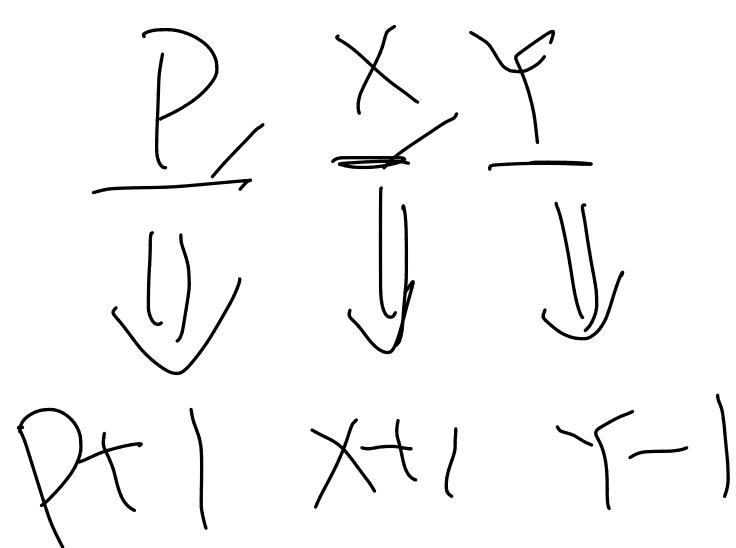
- 노래를 두 개의 그룹으로 나눌 수 있다.
- 그룹 X: 이미 추가한(노래
- 그**뤁** Y: 아직 추가하지 않은 노래
- 플레이리스트를 만들 때: X = 0, Y = N
- 플레이리스트를 다 만든 ♥: X = N, Y = 0
- 다이나믹
- D[P][X][Y] = P번째 곡을 선택할 것이고, X와 Y 집합의 크기가 X, Y의 경우의 수

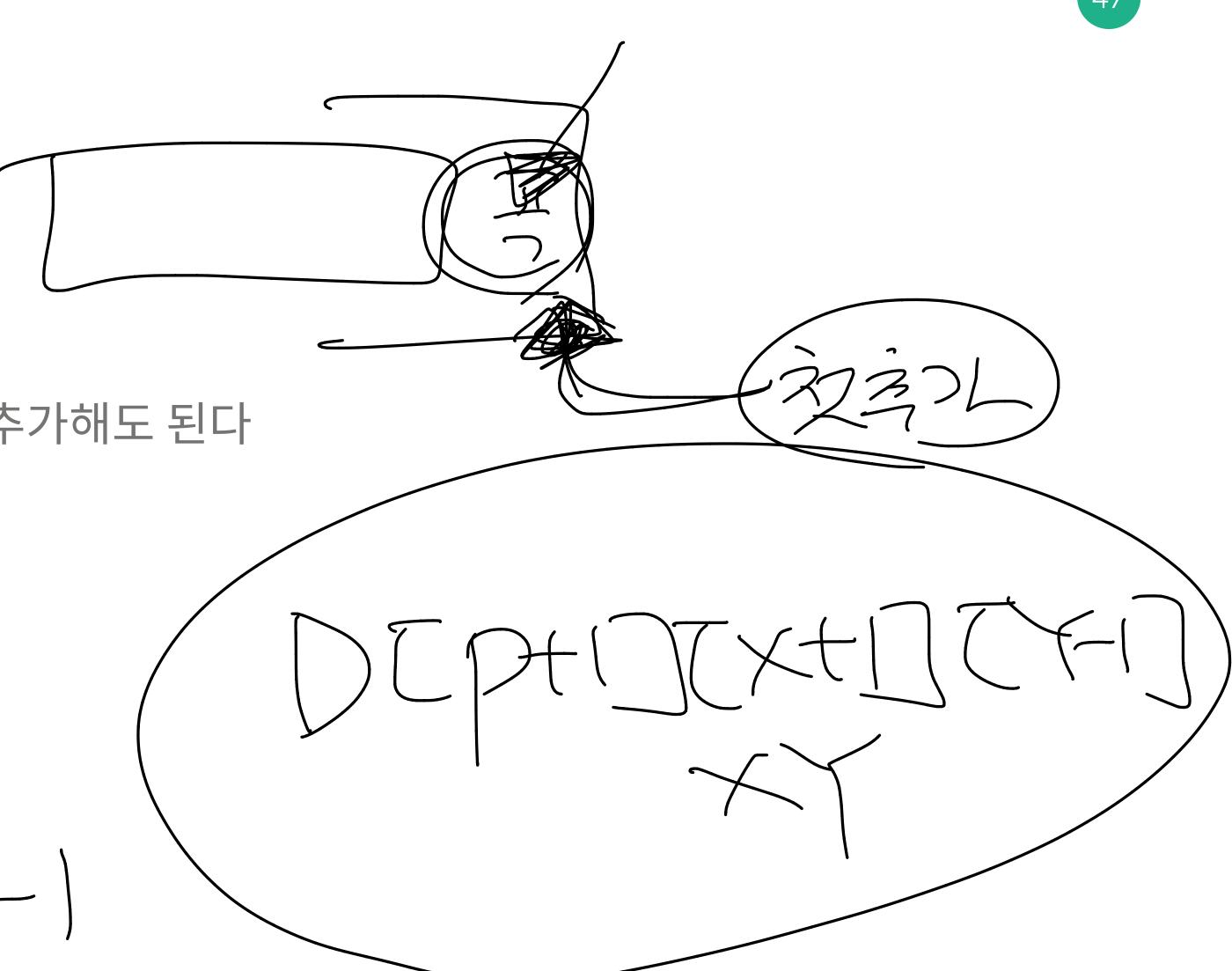
https://www.acmicpc.net/problem/12872

• 두가지 경우로 나눌 수 있다.

Y > 0 인 경우

· Y에 들어있는 아무 노래나 플레이리스트에 추가해도 된다





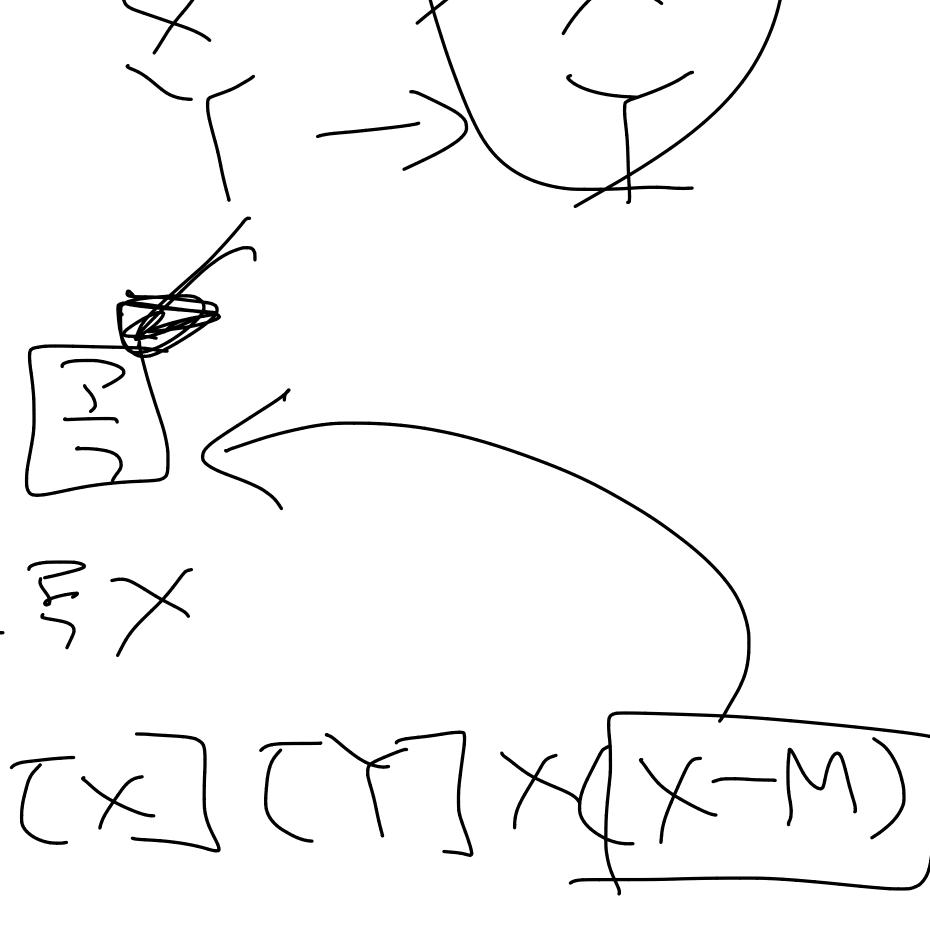
- 두 가지 경우로 나눌 수 있다.
- Y > 0 인 경우
- Y에 들어있는 아무 노래나 플레이리스트에 추가해도 된다
- 그 노래는 이제 X로 이동하게 된다
- D[P+1][X+1][Y-1] * Y

https://www.acmicpc.net/problem/12872

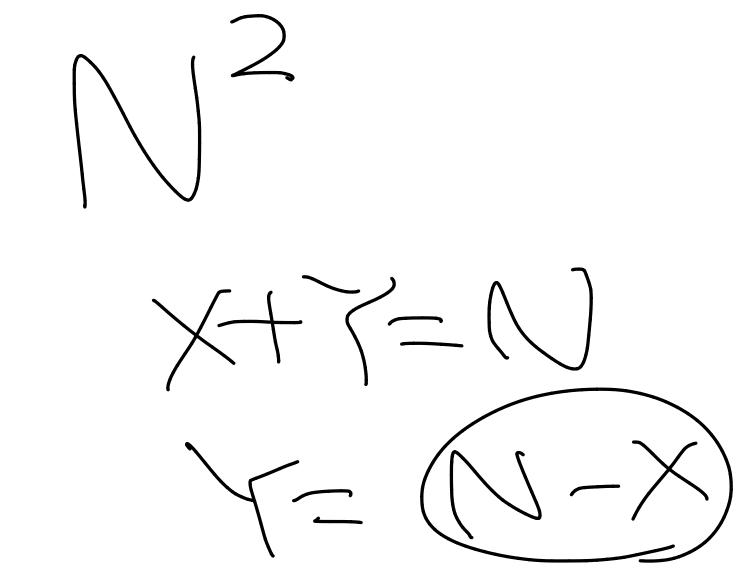
• 두 가지 경우로 나눌 수 있다.

X > M 인 경우

• X에 들어있는 (X-M)의 노래 중에 아무거나 추가하면 된다.



- 두 가지 경우로 나눌 수 있다.
- X > M 인 경우
- X에 들어있는 (X-M)의 노래 중에 아무거나 추가하면 된다.



- X+Y = N 이기 때문에
- 2차원 다이나믹으로 줄일 수 있다.

- 노래를 두 개의 그룹으로 나눌 수 있다.
- 그룹 X: 이미 추가한 노래
- 그룹 Y: 아직 추가하지 않은 노래
- 플레이리스트를 만들 때: X = 0, Y = N
- 플레이리스트를 다 만든 후: X = N, Y = 0
- 다이나믹
- D[P][X]는 P번째 곡을 선택할 것이고, X와 Y 집합의 크기가 X, Y인 경우의 수 (Y = N-X)

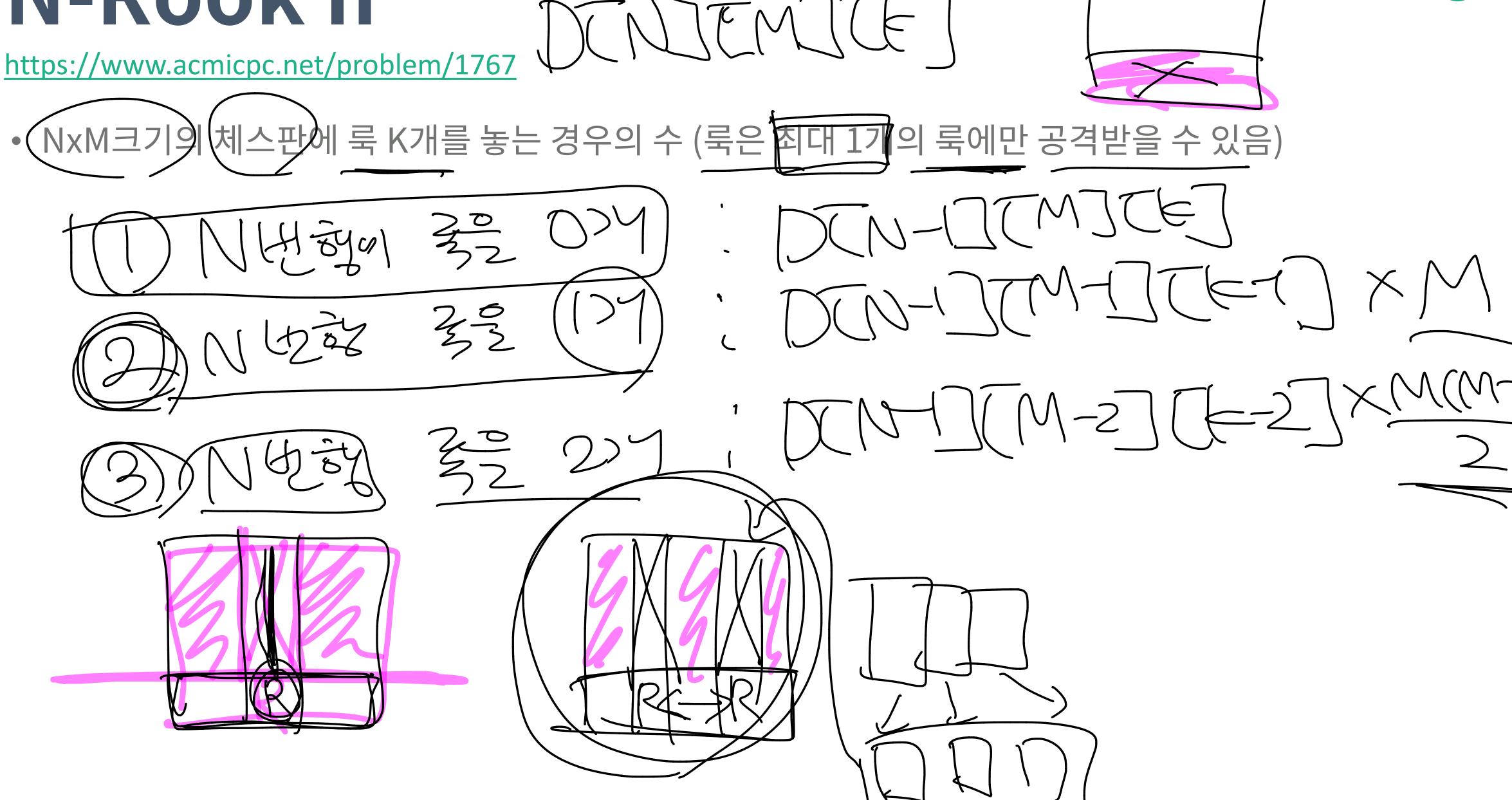
- 두 가지 경우로 나눌 수 있다.
- Y > 0 인 경우
- Y에 들어있는 아무 노래나 플레이리스트에 추가해도 된다
- 그 노래는 이제 X로 이동하게 된다
- D[P+1][X+1] * (N-X)

- 두 가지 경우로 나눌 수 있다.
- X > M 인 경우
- X에 들어있는 (X-M)의 노래 중에 아무거나 추가하면 된다.
- D[P+1][X] * (X-M)

https://www.acmicpc.net/problem/12872

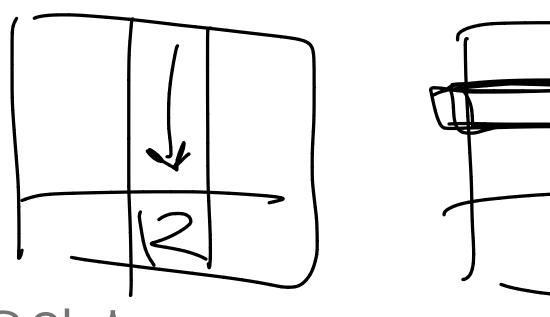
• 소스: http://codeplus.codes/7680cb531a344eb3970282440fa0b365

N-Rook II



N-Rook II

https://www.acmicpc.net/problem/1767



- D[N][M][K] = NxM크기의 체스판에 룩 K개를 놓는 경우의 수
- N번 행에 룩을 놓지 않은 경우: D[N-1][M][K]



10

- N번 행에 룩을 두 개 놓는 경우: D[N-1][M-2][K-2] * M * (M-1)+2
- N번 행에 룩을 하나 놓았고, 다른 룩에게 공격받는 경우: D[N-2][M-1][K-2] * M * (N-1)



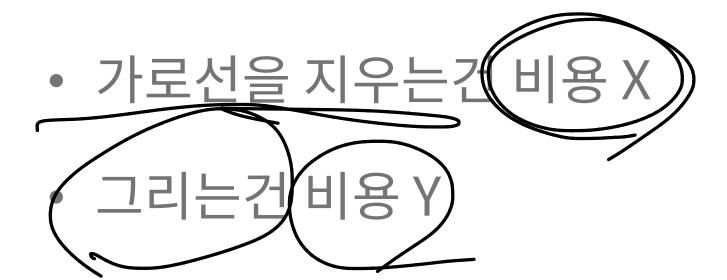


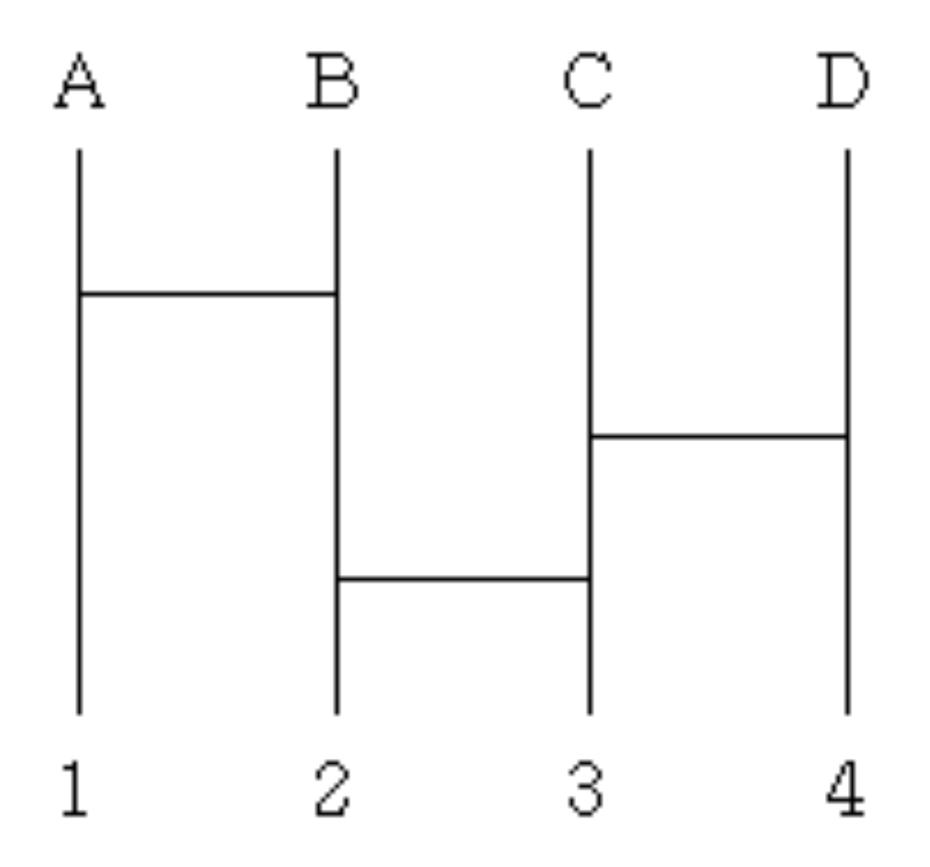
N-Rook II

https://www.acmicpc.net/problem/1767

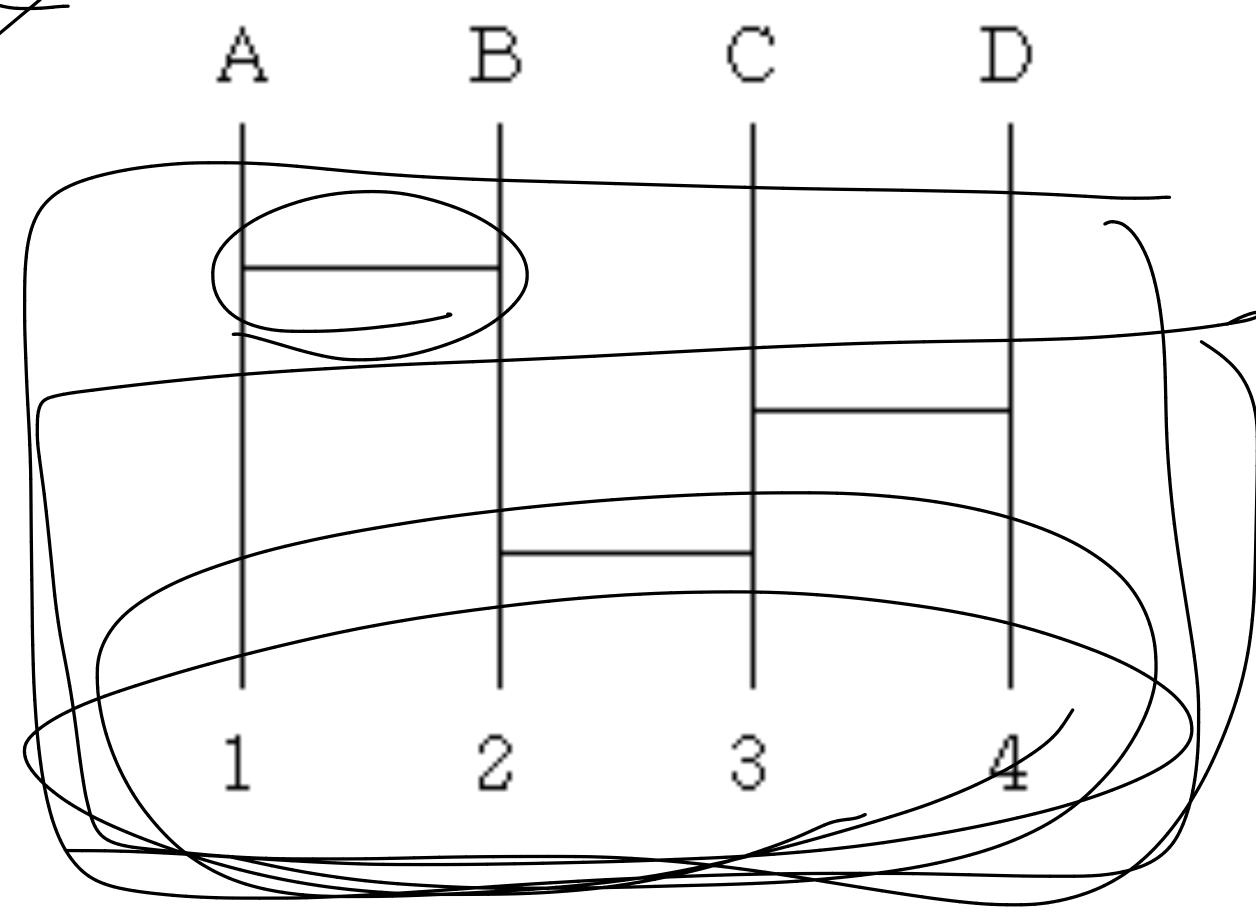
• 소스: http://codeplus.codes/b8fcc969e932481d9e431fdc7e926b71

- 세로선은 N개, 가로선은 M개
- a번째 위치에서 b번째 위치로 갈 수 있게 하기 위해
- 조작하는 최소 비용





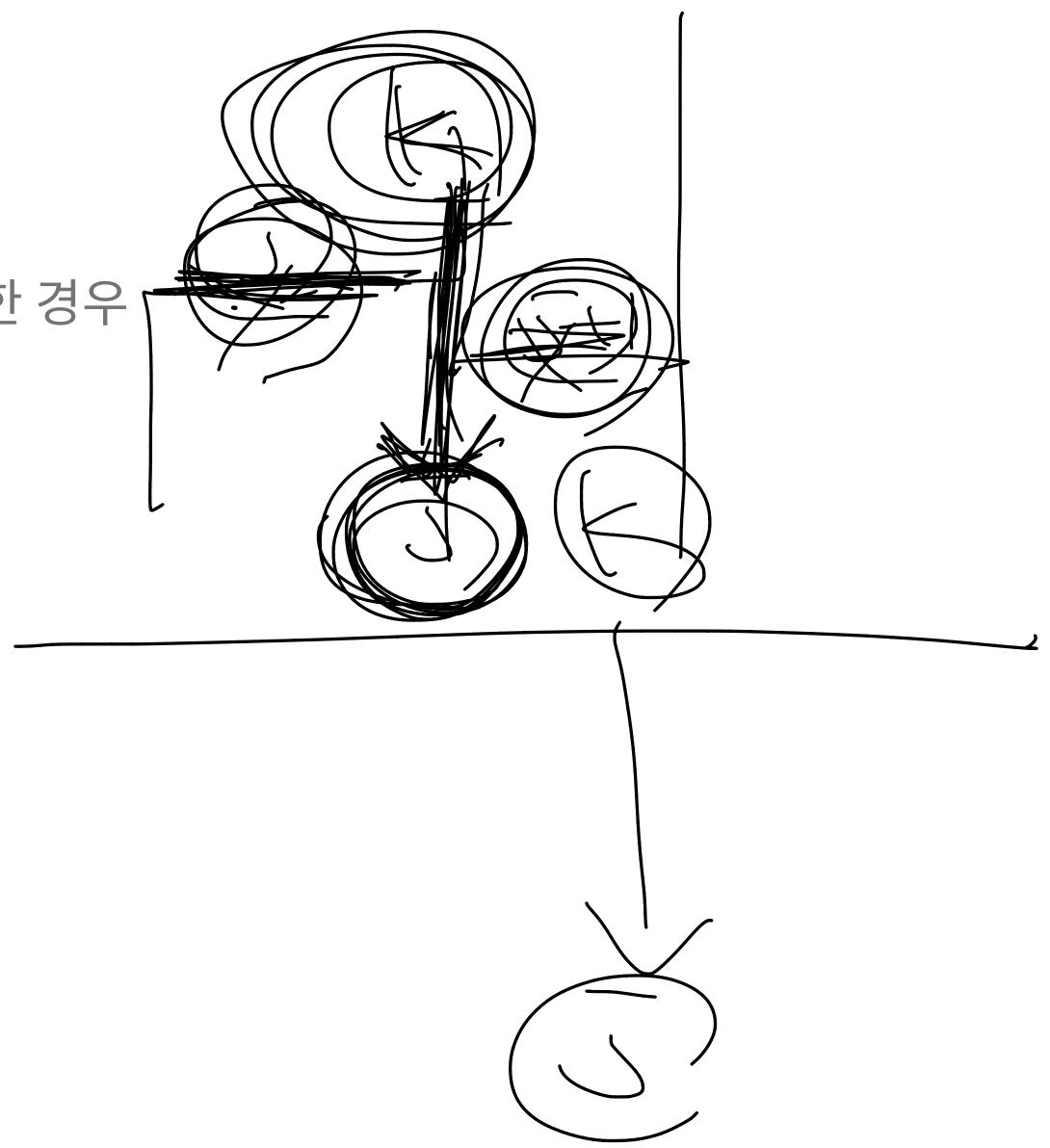




https://www.acmicpc.net/problem/2008

• 이전에 있던 위치를 k라고 했을 때

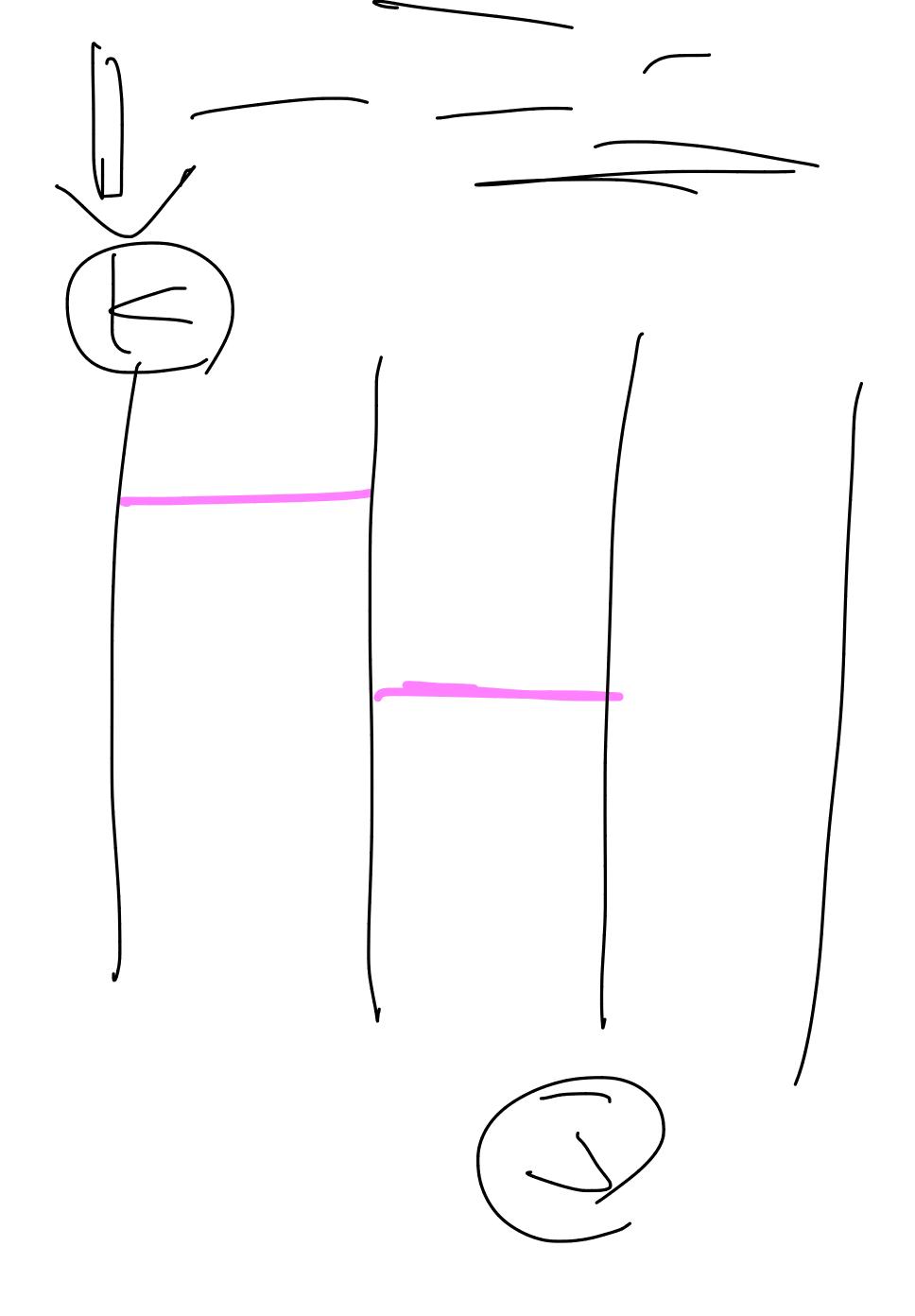
• j == k 인데, 가로선이 j나 j+1에 위치한 경우 🕆



https://www.acmicpc.net/problem/2008

• 이전에 있던 위치를 k라고 했을 때

• (가로선이 j와 k 사이에 위치한 경우



```
else if ((k <= a[i] && a[i] <= j-1) || (j <= a[i] && a[i] <= k-1))
{
    if (d[i][j] > d[i-1][k] + (abs(k-j)-1)*add) {
        d[i][j] = d[i-1][k] + (abs(k-j)-1)*add;
    }
}
```

- 이전에 있던 위치를 k라고 했을 때
- 가로선이 j와 k 사이에 위치하지 않은 경우

```
else {
    if (d[i][j] > d[i-1][k] + abs(k-j)*add) {
        d[i][j] = d[i-1][k] + abs(k-j)*add;
    }
}
```

https://www.acmicpc.net/problem/2008

• 소스: http://codeplus.codes/e536c560b3f64ca991c2f35d8ac34f92



코드플러스

https://code.plus

- 슬라이드에 포함된 소스 코드를 보려면 "정보 수정 > 백준 온라인 저지 연동"을 통해 연동한 다음, "백준 온라인 저지"에 로그인해야 합니다.
- 강의 내용에 대한 질문은 코드 플러스의 "질문 게시판"에서 할 수 있습니다.
- 문제와 소스 코드는 슬라이드에 첨부된 링크를 통해서 볼 수 있으며, "백준 온라인 저지"에서 서비스됩니다.
- 슬라이드와 동영상 강의는 코드 플러스 사이트를 통해서만 볼 수 있으며, 동영상 강의의 녹화와 다운로드, 배포와 유통은 저작권법에 의해서 금지되어 있습니다.
- 다른 경로로 이 슬라이드나 동영상 강의를 본 경우에는 codeplus@startlink.io 로 이메일 보내주세요.
- 강의 내용, 동영상 강의, 슬라이드, 첨부되어 있는 소스 코드의 저작권은 스타트링크와 최백준에게 있습니다.