ท่อน้ำมัน

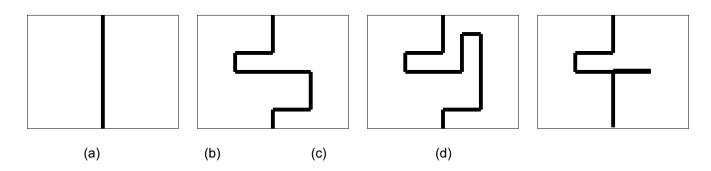
2 second, 256 MB

คุณได้ไปซื้อที่ขนาดใหญ่กลางทะเลทรายที่เต็มไปด้วยบ่อน้ำมัน ที่ของคุณมีพิกัดมุมล่างซ้ายที่จุด (-W,0) มุมบนขวาที่จุด (W,H) มีหลุมน้ำมันจำนวน N หลุม หลุมที่ i มีพิกัดที่ (xi,yi) ทุกหลุมอยู่ในขอบเขตของที่ของคุณ (นั่นคือ -W <= xi <= W; 0 <= yi <= H)

การขนส่งน้ำมันจากที่ของคุณนั้นจะกระทำผ่านทางท่อน้ำมัน ซึ่งจะต้องเชื่อมเข้ากับโครงข่ายขนส่งที่มีจุดเชื่อมต่อ มายังที่ของคุณสองจุด จุดแรกอยู่ที่พิกัด (0,H) ซึ่งจะเรียกว่าจุด S และอีกจุดอยู่ที่พิกัด (0,0) ซึ่งจะเรียกต่อไปว่าจุด T น้ำมันในโครงข่ายน้ำมันจะไหลจากจุด S ไปยังจุด T โดยท่อที่เชื่อมระหว่างจุดทั้งสองจะเรียกว่า<u>ท่อน้ำมันหลัก</u>ซึ่งจะได้รับ การวางโดยองค์กรขายน้ำมันที่คุณเป็นสมาชิกอยู่ เพราะว่าคุณจ่ายค่าสมาชิกแพงมาก องค์กรดังกล่าวจะวางท่อน้ำมันหลักนี้ ให้ฟรี

จากท่อน้ำมันหลักที่เชื่อมระหว่างจุด S และ T คุณต้องการวางท่อไปยังหลุมทุก ๆ หลุม ท่อเหล่านี้คุณจะต้องออก ค่าใช้จ่ายเอง

ท่อหลักจะเป็นท่อขนาดใหญ่ ตามกฎแล้วท่อจะต้องวางขนานไปกับแกน Y อย่างไรก็ตามเพื่อลดค่าใช้จ่ายในการ เชื่อมต่อไปยังหลุมน้ำมัน คุณสามารถวางท่อดังกล่าวให้เลี้ยวได้ K ครั้ง โดยการเลี้ยวหนึ่งครั้งท่อจะบิด 90 องศา และเพื่อไม่ ให้คุณวางท่อคดเคี้ยวมากเกินไป การเลี้ยวนี้จะต้องรับประกันว่าน้ำมันในท่อหลักจะไม่มีการไหลในทิศทางย้อนกลับไปใน ทิศทางที่หาจุด S พิจารณารูปด้านล่าง



รูป (a) แสดงการวางท่อจากจุด S ไป T ที่ไม่มีการเลี้ยวเลย รูป (b) แสดงการเลี้ยว 6 ครั้ง รูป (c) แสดงการเลี้ยวที่มีการ ไหลย้อนกลับ <u>ซึ่งจะไม่สามารถกระทำได้</u>

ในการวางท่อให้เลี้ยวนั้นจะกระทำที่จุดใดก็ได้ ตราบเท่าที่ไม่มีการไหลย้อนกลับ (เช่น จะเลี้ยวที่จุด S หรือ T ก็ได้) อย่างไรก็ตามท่อนั้นมีขนาด การวางท่อให้เลี้ยวกลับ 180 ที่พิกัดแกน y เดียว เลยนั้นจะทำไม่ได้ แต่จะต้องมีการหักเลี้ยว และเดินท่อไปในทิศขนานกับแกน y ไปเป็นระยะหนึ่งก่อน จึงจะสามารถเลี้ยวกลับได้ นั่นคือ การวางท่อที่มีการเลี้ยว 6 ครั้ง เช่นในรูป (d) <u>จะทำไม่ได้</u>

คุณต้องการเชื่อมหลุมน้ำมันทุกหลุมเข้ากับท่อหลัก ในการเชื่อมจะใช้ท่อรอง ซึ่งจะต้องวางขนานกับขอบพื้นที่ในแกน x เท่านั้น เนื่องจากวิธีการต่อเชื่อมท่อที่ค่อนข้างจำกัด <u>ท่อดังกล่าวจะสามารถเชื่อมกับท่อหลักได้ที่จุดที่ท่อหลักขนาดกับแกน</u> <u>y เท่านั้น</u> ท่อรองนี้คุณจะต้องออกค่าใช้จ่ายเอง โดยจะมีค่าใช้จ่ายเท่ากับความยาวรวมของท่อที่คุณต้องใช้

ให้คุณหาวิธีการวางท่อหลักให้มีจุดเลี้ยวไม่เกิน K จุด เพื่อทำให้ความยาวรวมของท่อรองที่คุณต้องใช้มีค่าน้อยที่สุด

<u>ข้อมูลนำเข้า</u>

บรรทัดแรกระบุจำนวนเต็มสี่จำนวน N K W H (1 <= N <= 100,000; 0 <= K <= 200; 1 <= W <= 1,000; 1 <= H <= 200)

จากนั้นอีก N บรรทัดระบุพิกัดของหลุมน้ำมัน โดยแต่ละบรรทัดจะระบุเป็นจำนวนเต็ม X Y แทนพิกัดของหลุม (-W <= X <= W; 0 <= Y <= H)

ข้อมูลส่งออก

มีหนึ่งบรรทัด เป็นค่าใช้จ่ายในการเดินท่อรองที่น้อยที่สุดที่เป็นไปได้

<u>ตัวอย่าง 1</u>

input	output
4 0 10 10 -10 5 10 3 7 3 -5 8	32 (อธิบาย: ตัวอย่างนี้ท่อหลักเลี้ยวไม่ได้เลย)

ตัวอย่าง 2

input	output
17 3	8 (อธิบาย: ตัวอย่างนี้ท่อหลักเลี้ยว 6 ครั้ง ครั้งแรกเลี้ยวให้ พิกัดแกน x = -6 จากนั้นเลี้ยวอีกครั้งให้พิกัดแกน x = 8)

ตัวอย่าง 3

input	output
4 200 10 10 -10 5	3
10 3 7 3 -5 8	(อธิบาย: ตัวอย่างนี้ท่อหลักเลี้ยว 8 ครั้ง ในตอนแรกท่อผ่าน
	จุด (-5,8) และ (-10,5) อย่างไรก็ตาม ที่ระยะที่แกน y=3 เราไม่สามารถบิดท่อหลักให้ท่อหลักผ่านทั้งจุด (10,3) และ
	จุด (7,3) พร้อมกันโดยที่ยังขนานกับแกน y ได้)