เกมกลคนเดินช่องไม่ซ้ำ (no repeat)

เอราวัณกับบีโธเฟนเป็นเพื่อนซี้กัน วันหนึ่งบีโธเฟนท้าเอราวัณด้วยเกมสุดท้าทายที่มีชื่อว่า "เกมกลคนเดินช่องไม่ซ้ำ" ซึ่งมีกติกา ดังบี้

- ullet กระดานเกมมีทั้งหมด N ช่อง โดยมีหมายเลขตั้งแต่ 0 ไปถึง N-1 เอราวัณจะเริ่มต้นที่ช่องหมายเลข 0
- ในแต่ละตาเดินนั้น
 - \circ สมมติว่าในขณะนี้ เอราวัณอยู่ในช่องที่ P
 - \circ เอราวัณจะต้องเลือกตัวเลขจำนวนเต็ม D ในช่วง 1..N-1
 - \circ จากนั้นบีโซเฟนจะเป็นคนเลือกว่าจะให้เอราวัณไปลงช่องที่ $(P+D) \bmod N$ หรือ $(P-D) \bmod N$
- เกมจะจบลงทันที่ถ้าเอราวัณกลับมาแวะช่องที่เคยเดินไปแล้ว ตอนเริ่มต้นถือว่าเอราวัณได้เดินแวะช่องเริ่มต้น คือช่อง 0 แล้ว
- คะแนนที่เอราวัณได้รับคือจำนวนช่องที่เดินไม่ซ้ำ ซึ่งก็คือจำนวนก้าวที่เดินก่อนจะจบเกมนั่นเอง

งานของคุณ

ให้คุณเขียนโปรแกรมเล่นเกมนี้โดยสวมบทบาทเป็นเอราวัณเพื่อแข่งกับเพื่อนผู้ฉลาดปราดเปรื่องและชั่วร้ายอย่างบีโธเฟน โดย คุณต้องพยายามทำแต้มให้มากที่สุดเท่าที่เป็นไปได้โดยที่บีโธเฟนจะเป็นคนขัดขวางพยายามให้คุณได้แต้มน้อยที่สุด แน่นอนว่า แต้มที่ได้จะขึ้นกับค่าของ N และตัวเลือกของบีโธเฟนด้วย

Implementation

คุณมีหน้าที่เขียนสองฟังก์ชันเพื่อเล่นเป็นเอราวัณ คือ initGame (N) กับ choosed (P) ซึ่งมีรายละเอียคดังนี้

- void initGame (int N): คำสั่งนี้จะบอกเอราวัณให้ทราบถึงขนาดของกระดาน (N)
- int chooseD (int P): ในแต่ละครั้งที่คำสั่งนี้ถูกเรียก เอราวัณจะทราบถึงช่องปัจจุบัน ($P,0 \le P < N$) ของตา นั้น ฟังก์ชันนี้มีหน้าที่บอกว่าในตานี้เอราวัณจะเลือกให้ค่า D เป็นเท่าไร จงอย่าลืมว่า $1 \le D < N$

คำสั่ง initGame (N) จะถูกเรียกเพียงครั้งเดียวก่อนเริ่มเกม หลังจากนั้นฟังก์ชัน chooseD (P) จะถูกเรียกตาละครั้งเรื่อยๆ จนกว่าเกมจะจบลง โดยครั้งแรกที่ chooseD (P) ถูกเรียกนั้นรับประกันว่า P=0

ตัวอย่างการทำงาน

คำสั่งพร้อม arguments	ค่าที่คืน	คำอธิบาย			
initGame(5)	(void)	เริ่มต้นให้กระดานมีจำนวน 5 ช่องคือ {0, 1, 2, 3, 4}			
chooseD(0)	2	เอราวัณเลือก D = 2 ในตานี้ บีโธเฟนเลือกได้ว่าจะให้เอราวัณไปลงช่องที่ 2 หรือ 3 ใน กรณีนี้ บีโธเฟนตัดสินใจเลือกช่องหมายเลข 3 เป็นปลายทาง (หมายความว่า {0, 3} ถูก แวะแล้ว)			
chooseD(3)	1	เอราวัณเลือก $D=1$ บีโซเฟนเลือกไปลงช่องหมายเลข 2 ($\{0,2,3\}$ ถูกแวะแล้ว)			
chooseD(2)		เอราวัณเลือก $D=3$ บีโธเฟนเลือกไปลงช่องหมายเลข 0 ซึ่งถูกแวะไปแล้ว เกมจึงจบลง ค้วยคะแนน 3 คะแนน ($ \{0,2,3\} =3$)			

การให้คะแนน

คะแนนของโปรแกรมของคุณจะได้มาจากการเทียบแค้มสำหรับชุดทดสอบนั้นกับแค้มของผู้เข้าแข่งขันคนอื่นและแต้มของ กรรมการ สมมติว่าชุดทดสอบนั้นมีคะแนนเต็ม S คะแนน แต้มของคุณคือ P และแต้มที่สูงที่สุดของผู้เข้าแข่งขันทุกคนรวมทั้ง ของกรรมการคือ P_max จะได้ว่าคะแนนของคุณคือ $S*(P/P_max)^2$ โดยจะปัดลง (round down) เป็นจำนวนเต็ม

สำหรับตัวอย่างของคะแนนที่ได้นั้น ถ้า S=5 และ $P_{max}=18$ และ P มีค่าต่างๆ คะแนนของคุณจะเป็นคังนี้

P	2	5	8	11	13	15	16	17	18
คะแนน	0	0	0	1	2	3	3	4	5

โดยระหว่างการแข่งขันนั้น คุณจะไม่ทราบคะแนนที่ได้ แต่จะทราบเพียงแก่แต้มที่ได้จากเกมของชุดทดสอบนั้นๆ แต่หลังจาก หมดเวลาแล้ว แต้มของทุกคนจะถูกนำมาเทียบกันเพื่อคำนวณคะแนน

ลักษณะและขอบเขตของชุดข้อมูลทดสอบมีดังนี้

- สำหรับทุกชุดข้อมูลทดสอบ: $2 \le N \le 2^2$ โดยที่ $N = M * 2^K$, $1 \le M \le 1000$, $0 \le K \le 20$ และ N, M, K เป็น จำนวนเต็มทั้งสามตัว
- ชุคทคสอบทั้งหมคจะแบ่งเป็น 6 กลุ่มคั้งต่อไปนี้ โดยแต่ละชุคทคสอบย่อย คะแนนจะคิดแยกจากกัน
- กลุ่มที่ 1 (ไม่เกิน 15 คะแนน): M = 1, K <= 10
- กลุ่มที่ 2 (ไม่เกิน 15 คะแนน): $M = 1, K \le 20$
- กลุ่มที่ 3 (ไม่เกิน 20 คะแนน): $M \le 5$
- กลุ่มที่ 4 (ไม่เกิน 20 คะแนน): M <= 15
- กลุ่มที่ 5 (ไม่เกิน 20 คะแนน): $M \le 100$
- กลุ่มที่ 6 (ไม่เกิน 10 คะแนน): M <= 1000

ถ้าโปรแกรมของคุณใช้เวลาในการทำงานมากเกินกำหนด ทำงานขัดข้อง หรือคืนค่า D ออกนอกช่วงที่กำหนด ฯลฯ แต้มที่ได้ จากชุดทดสอบนั้นจะเป็น 0 ทันที

ข้อจำกัดการทำงาน

Time limit: 3 seconds

Memory limit: 256 MB

หมายเหตุ: เนื่องจากโปรแกรมของคุณจะใช้ทรัพยากรร่วมกับโปรแกรมเล่นเกมของปีโธเฟน คุณควรระวังอย่าใช้ทรัพยากรใกล้ ขีดจำกัดจนเกินไป แม้ว่าโปรแกรมของปีโธเฟนจะประหยัดเวลาและความจำแค่ไหนก็ตาม