

## 基本形式

what

b.  $L^2$  正则化.

$$\bar{J}(w; X, y) = \frac{\alpha}{2} w^T w + J(w; X, y)$$

$$\nabla \bar{J}(w; X, y) = \alpha w + \nabla J_w(w; X, y)$$

$$w \leftarrow (1 - \frac{1}{2}\alpha)w - \frac{1}{2}\alpha \nabla J_w(w; X, y)$$

加入权重衰减会引起学习规则的修改, 即在每步执行通常的梯度更新之前先收缩  $w$ .

7.1

where

$$\text{泰勒级数} \quad \bar{J}(w) = J(w^*) + \frac{1}{2}(w - w^*)^T H (w - w^*)$$

$$\nabla_w \bar{J}(w) = H(w - w^*)$$

设最小点在  $\tilde{w}$  上取得并加以正则化.

$$\alpha \tilde{w} + H(\tilde{w} - w^*) = 0$$

$$\tilde{w} = (H + \alpha I)^{-1} H w^*$$

因  $H = Q \Lambda Q^T$  有

$$\tilde{w} = Q(\Lambda + \alpha I)^{-1} \Lambda Q^T w^*$$

可以看到权重衰减由  $H$  的特征向量所定义的方向收缩  $w^*$ ,  $\frac{\lambda_i}{\lambda_i + \alpha}$ .

~~若~~

沿  $H$  特征值较大方向 ( $\lambda_i \gg \alpha$ ) 正则化影响很小.

( $\lambda_i \ll \alpha$ ) 分量将会收缩到几乎为 0.



