例如,假设某个计算图中包含一条反复与矩阵 W 相乘的路径。那么 t 步后,相当于和 W^t 相乘。假设 W 有特征值分解 $W = V \operatorname{diag}(\lambda) V^{-1}$ 。在这种简单的情况下,很容易看到

$$\mathbf{W}^{t} = (\mathbf{V}\operatorname{diag}(\lambda)\mathbf{V}^{-1})^{t} = \mathbf{V}\operatorname{diag}(\lambda)^{t}\mathbf{V}^{-1}.$$
 (8.11)

当特征值 λ_i 不在 1 附近时,若在量级上大于 1 则会爆炸;若小于 1 时则会消失。 梯 度消失与爆炸问题 :(vanishing and exploding gradient problem) 是指该计算图上的 梯度也会因为 diag(λ) ^t 大幅度变化。梯度消失使得难以知道参数朝哪个方向移动能



