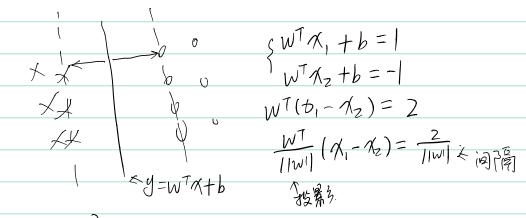
| 1. kernel 这个东西在 SVM 中真的只是一少部分,为了面试的话大概了解一下就可以了,面试官也很少有懂的。并不是说大家不爱学习,而是做 kernel 的人根本不关心 SVM 是什么,做SVM 的人也根本不用关心 kernel 是个什么鬼。  |
|--|
| 2. <b>kernel 和 SVM 是两个完全没有关系的概念</b> 。实际上在 SVM 提出以前,人们就提出了再生核希尔伯特空间(reproducing kernel Hilbert space,RKHS)这个概念,并且把它应用在信号处理中。如:在信号检测(signal detection)问题中,对于一条时间序列(time series),我如何知道它是一个随机步行(random walk)的噪音序列呢?还是有一个特定的模式(pattern)在里面呢?在这个情景下,RKHS 理论就给出了一个通过求解似然率(likelihood ratio)的假设检验方案,其中的 kernel 是某个随机过程在两个不同时间点的相关性(correlation)。 |
| 另外,核方法可以用在 逻辑斯谛回归(logistic regression)、最小二乘法(least square)、降维(dimension reduction)等多处地方,也不是只和 SVM 这个概念绑定的。   |
|  |
|  |
|  |
|  |
|  |
|  |
|  |
|  |



| W S V Y I I I I I I I I I I I I I I I I I I   |
|---|
| 简单说几句,公式太难写了(笑)。  |
| 我们在使用原始数据 $x$ 的时候发现数据并不可分,所以就寄希望于一个映射 $\Phi(x)$ ,这个映射把低   |
| 维空间上的数据映射到高维空间,这样数据集就有可能变得可分了。  |
| 但是在考虑优化问题的对偶问题时,需要计算 $\left\langle x_{i},x_{j} ight angle$ ,请注意到,我们已经把所有的 $x$ 换成了   |
| $\Phi(x)$ ,所以就变成需要计算 $\left\langle \Phi(x_i), \Phi(x_j)  ight angle$ 。  |
| 为了不让计算变得很困难,我们就可以找到一个核函数 $K$ ,满足 $K$ 可以生成 $\Phi$ 所形成的高维空间,这样 $\langle \Phi(x_i), \Phi(x_j) \rangle$ 就可以简单的用 $K(x_i, x_j)$ 代替了。而 $K$ 往往定义成和 $x$ 的内积有关的式子,这样在低维空间中计算内积就很简单。 |
|   |
| 如:径向基函数里有 $\ x-y\ ^2$ ,展开以后其实就含有两个范数项(注意范数就是内积)和一个内积项。  |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |
|   |

SVM



门湖。

$$\underline{\hspace{1cm}}$$
  $\underline{\hspace{1cm}}$   $\underline{\hspace{1cm}}$   $\underline{\hspace{1cm}}$   $\underline{\hspace{1cm}}$   $\underline{\hspace{1cm}}$   $\underline{\hspace{1cm}}$   $\underline{\hspace{1cm}}$   $\underline{\hspace{1cm}}$   $\underline{\hspace{1cm}}$   $\underline{\hspace{1cm}}$ 

213 
$$L = \frac{1}{2} W^T w + 2 \alpha_i \left[ 1 - 4 i \left( W^T b_i + b \right) + \alpha_i^2 \right]$$

$$\begin{cases} \frac{\partial L}{\partial w} = w + \sum_{i=1}^{n} (x_i y_i x_i) = 0 \Rightarrow w = \sum_{i=1}^{n} y_i y_i y_i \\ \frac{\partial L}{\partial a_i} = 2 y_i a_i = 0 \Rightarrow y_i y_i = 0 \end{cases}$$

$$\frac{\partial L}{\partial b} = \sum di (-y_i) = 0 \qquad \Rightarrow \sum di y_i = 0$$

$$W^TW = (\sum d_i y_i \chi_i)^T (\sum d_j y_j \chi_j) = \sum d_i d_j y_i y_j \chi_i^T \chi_j$$

| 极 51 | IM |
|------|----|
|------|----|

|    | ntio配力 man $W(d) = \sum di - \frac{1}{2} \sum didj yi yj xixj$      |
|----|---|
|    | St. =0  |
|    |   |
|    | ↓林弘化  |
|    | mat $W(d) = \sum di - \frac{1}{2} \sum Z didj y_i y_j K(x_i, x_j)$  |
| SV | · _ 许多 L** 为 O,   |
|    | 友拷问量:   |
|    | W= 5 Yi di Mi   |
|    | y= WTx+b = Etidinitx+b  |
|    | $t^{3}_{\mathcal{A}}(k) = \sum y_{i} d_{i} k(\gamma_{i}, \chi) + b$ |
| Ь  | · 在友指问量有  |
|    | $W^{T}X+b=H$  |
|    |   |
|    |   |
|    |   |
|    |   |
|    |   |
|    |   |
|    |   |
|    |   |
|    |   |
|    |   |
|    |   |
|    |   |
|    |   |
|    |   |

Prediction

| THE WICLES                       |
|----------------------------------|
| Ynew = sign(≥diyi K(xi, xnew)+b) |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |
|                                  |

