IBM1

Цель работы:

- Узнать основные понятия и явления, используемые в квантовой физике в ІВМ
- Узнать базовые операции над кубитами
- Посмотреть как поведет себя кубит или множество кубитов при применении к нему различных гейтов

Базовая теория

• Кубит — наименьшая единица информации в квантовом компьютере.

Другими словами, кубит — квантовая версия всем нам привычного бита компьютера.

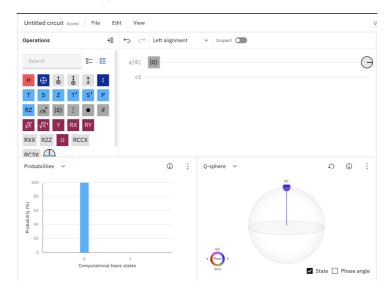
Кубит допускает два собственных состояния $|0\rangle$ и $|1\rangle$. При этом, в отличии от бита, он может находиться в линейной комбинации (**суперпозиции**) обоих состояний.

$$|0\rangle = \begin{pmatrix} 1\\0 \end{pmatrix}$$
$$|1\rangle = \begin{pmatrix} 0\\1 \end{pmatrix}$$

В общем случае кубит можно представить как, где lpha,eta — амплитуды вероятностей, представляемые как комплексные числа:

$$\begin{split} |\psi\rangle &= \alpha |0\rangle + \beta |1\rangle \\ |\alpha|^2 + |\beta|^2 &= 1 \\ & \\ |\psi\rangle &= \sqrt{1-p} |0\rangle + e^{j\phi} \sqrt{p} |1\rangle \end{split}$$

Отсюда видим, что $|lpha^2|$ - вероятность того, что кубит будет в состоянии |0
angle, а $|eta^2|$ - вероятность того, что кубит будет в состоянии |1
angle



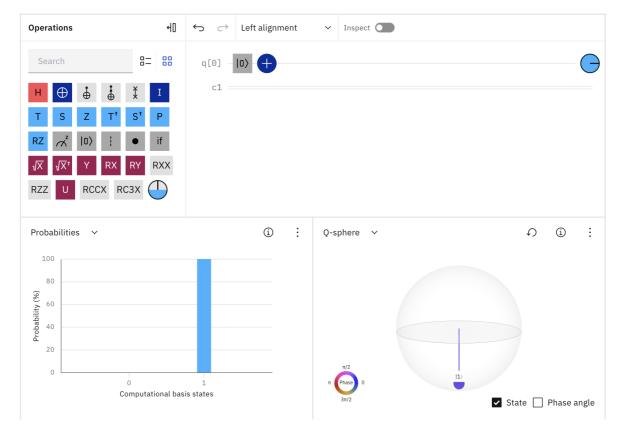
- Суперпозиция это взвешенная сумма или линейная комбинация двух или более квантовых состояний. Квантовый компьютер с кубитами может существовать в суперпозиции всех 2^n своих вычислительных базисных состояний от $|000...0\rangle$ до $|111...1\rangle$. Использование суперпозиции лежит в основе большинства квантовых алгоритмов.
- Интерференция элементарные частицы могут не только находиться более чем в одном месте в любой момент времени (посредством суперпозиции), но и отдельная частица, может пересекать свою собственную траекторию и мешать направлению своего пути.
- Запутанность это свойство квантовых систем, состоящих из более чем из одного кубита, когда квантовое состояние любого кубита не может быть однозначно описано независимо от остальных подсистем.

Основные операции

• Оператор NOT — обращает |0
angle состояние в |1
angle и наоборот.

$$X = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

IBM1 1

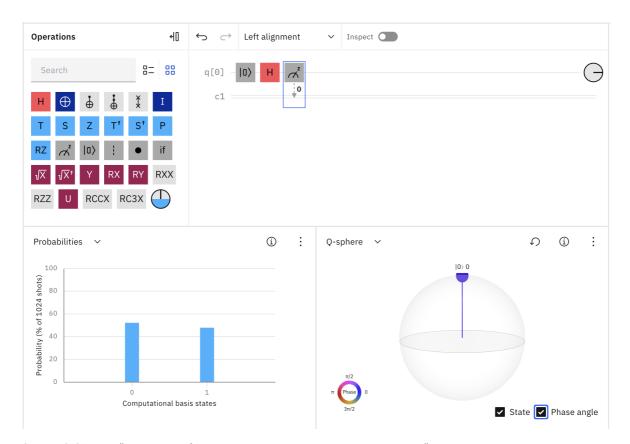


• Матрица Адамара — гейт обращает состояния $|0\rangle$ и $|1\rangle$ в $|+\rangle$ и $|-\rangle$ соответственно. Используется для создания суперпозиции.

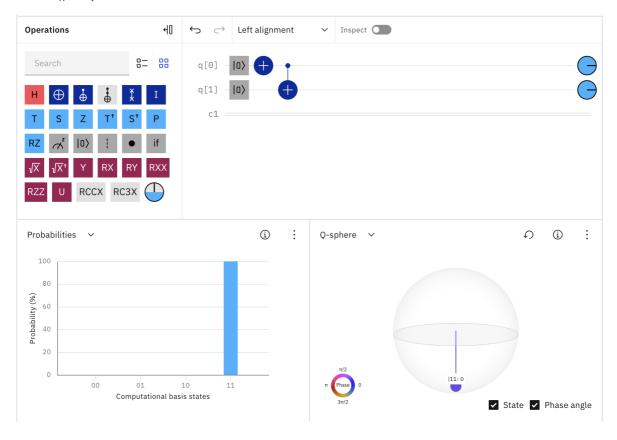
$$H = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 1 & -1 \end{pmatrix}$$

Выполнив расчеты нетрудно доказать, что вероятности обоих состояний будут по $0.5\,$ при идеальности кубита.

Однако, в реальном мире существуют внешние условия, которые могут немного отклонить данные вероятности.



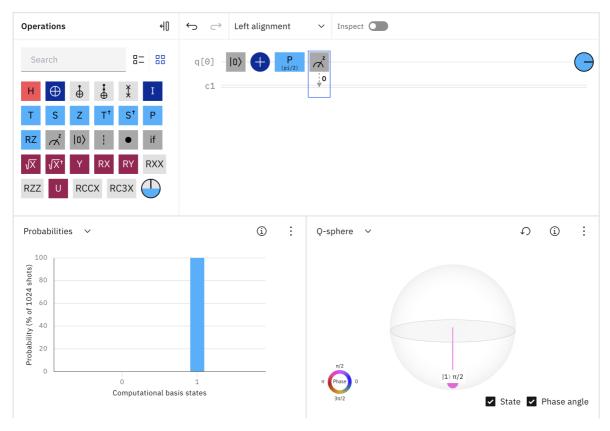
• **Оператор CNOT** — воздействует на пару кубитов, один из которых выступает в качестве контроля, а другой — в качестве цели. Он выполняет NOT для цели всякий раз, когда элемент управления находится в состоянии $|1\rangle$. Если управляющий кубит находится в суперпозиции, этот вентиль создает запутанность.



• **Квантовая фаза** — оператор, который изменяет фазу кубита на заданный угол ϕ

IBM1 3

$$P(\phi) = egin{pmatrix} 1 & 0 \ 0 & e^{j\phi} \end{pmatrix}$$



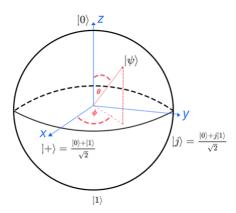
• Усовершенствованные однокубитные вентили

$$\begin{aligned} |\psi\rangle &= \cos(\frac{\theta}{2})|0\rangle + \sin(\frac{\theta}{2})e^{j\phi}|1\rangle \\ 0 &\leqslant \phi < 2\pi \\ 0 &\leqslant \theta < 2\pi \end{aligned}$$

Данное выражение можно связать с предыдущим:

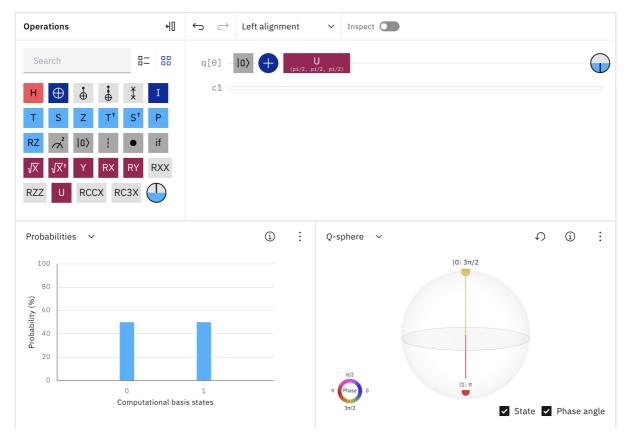
$$\begin{aligned} x &= Re[e^{j\phi}] \\ y &= Im[e^{j\phi}] \\ p &= \sin^2(\frac{\theta}{2}) = \frac{1 - \cos(\theta)}{2} \\ z &= p_0 - p = 1 - 2p \quad \rightarrow \quad z = \cos(\theta) \end{aligned}$$

То есть $\{x,y,z\}$ являются Декартовыми координатами сферы единичной длины. На сфере Блока можно увидеть однозначное соответствие между состояниями кубита \mathbb{C}^2 и точками сферы \mathbb{R}^3 .



Унитарная матрица позволяет описать любой поворот состояния кубита.

$$U(\theta,\phi,\lambda) = \begin{pmatrix} \cos(\frac{\theta}{2}) & -e^{j\lambda}\sin(\frac{\theta}{2}) \\ e^{j\phi}\sin(\frac{\theta}{2}) & e^{j(\phi+\lambda)}\cos(\frac{\theta}{2}) \end{pmatrix}$$



Вывод

- Разузнали, что такое кубит и из чего он состоит
- Узнали основные явления в квантовой физике суперпозиция и интерференция
- Использовали разные гейты на кубитах, такие как матрица Адамара, NOT, CNOT, повороты фаз и узнали их тонкости

IBM1 5