

인공지능플래닝

과제 1



<u>과목명</u>	인공지능플래닝
<u>담당교수님</u>	송동호 교수님
<u>학 과</u>	소프트웨어학과
<u>학 번/ 이름</u>	2019125038 양재원

1. 문제정의

본 과제의 목표는 200명의 학생을 6개의 반으로 나누는 것이다. 각 반은 33명(4개 반), 34명(2개 반)으로 구성되며, 단순 분할이 아닌 다양한 제약 조건을 충족해야 한다.

제약 조건은 다음과 같다:

1. 문제 아동은 같은 반에 배치하지 않음
2. 비등교/따돌림 위험 학생은 챙겨주는 친구와 같은 반 배치
3. 리더십 학생은 각 반에 최소 1명
4. 피아노 연주 가능 학생을 균등하게 분배
5. 성적(총점) 편차 최소화
6. 비등교자 균등 분배
7. 남녀 비율 균등
8. 운동 능력 학생 균등 분배
9. 전년도 학급이 너무 많이 겹치지 않도록 분산
10. 클럽 활동 학생도 한 반에 몰리지 않도록 균등

2. 사용 도구 및 환경:

개발 환경: Google Colab (Python 3.12)

라이브러리:

- A. OR-Tools (CP-SAT Solver)
- B. Pandas, Numpy (데이터 처리)

입력 데이터: 학급반편성 CSP 문제 입력파일.csv

출력 데이터: class_assignment.csv

3. 모델링 및 제약 조건

변수: $x[i][c]$ = 학생 i 가 반 c 에 배정되면 1

기본 조건:

1. 각 학생은 반드시 한 반에만 배정

2. 반 정원 (33명×4, 34명×2)

추가 조건:

나쁜관계 학생은 같은 반에 배치되지 않음, 좋은관계 학생은 반드시 같은 반 배치, 각 반에 리더십 학생 최소 1명, 성별, 피아노, 비등교, 운동, 전년도 학급, 클럽 분배를 균등하게 유지

목적: 반별 총점 편차 최소화

```
from ortools.sat.python import cp_model

import os
os.listdir()

from google.colab import files
uploaded = files.upload()

import pandas as pd
fname = next(iter(uploaded))
df = pd.read_csv(fname, encoding='utf-8-sig')
df.head()
```

파일 선택: 학급반편성CSP...제 입력파일.csv
학급반편성CSP 문제 입력파일.csv(text/csv) - 8467 bytes, last modified: 2025. 9. 24. - 100% done
Saving 학급반편성CSP 문제 입력파일.csv to 학급반편성CSP 문제 입력파일 (1).csv

	id	name	sex	score	24년 학급	클럽	좋은관계	나쁜관계	Leadership	Piano	비등교	운동선호
0	202501	Andy	boy	90	a	노래	202502.0	202503.0	NaN	NaN	NaN	NaN
1	202502	Briada	girl	51	b	댄스	NaN	NaN	NaN	yes	NaN	NaN
2	202503	Charlie	boy	91	c	야구	NaN	NaN	yes	NaN	NaN	yes
3	202504	Kevin W	boy	60	f	미술	NaN	202677.0	NaN	NaN	NaN	NaN
4	202505	Matthew G	boy	96	f	댄스	NaN	NaN	NaN	NaN	yes	NaN

다음 단계: [df 변수로 코드 생성](#) [New interactive sheet](#)

라이브러리와 데이터를 불러오고 cp모델을 생성해준다.

```
# Boolean 컬럼 처리
def to_bool(s):
    return str(s).strip().lower() == 'yes'

for col in ['Leadership', 'Piano', '비등교', '운동선호']:
    df[col] = df[col].apply(to_bool)

# 관계 id 처리
def id_or_none(v):
    try:
        if pd.isna(v): return None
        return int(v)
    except:
        return None

df['좋은관계'] = df['좋은관계'].apply(id_or_none)
df['나쁜관계'] = df['나쁜관계'].apply(id_or_none)

# 전년도/클럽 결측값 채우기
df['24년 학급'] = df['24년 학급'].fillna('미지정').astype(str)
df['클럽'] = df['클럽'].fillna('미지정').astype(str)

df.head()
```

	id	name	sex	score	24년 학급	클럽	좋은관계	나쁜관계	Leadership	Piano	비등교	운동선호
0	202501	Andy	boy	90	a	노래	202502.0	202503.0	False	False	False	False
1	202502	Briada	girl	51	b	댄스	NaN	NaN	False	True	False	False
2	202503	Charlie	boy	91	c	야구	NaN	NaN	True	False	False	True
3	202504	Kevin W	boy	60	f	미술	NaN	202677.0	False	False	False	False
4	202505	Matthew G	boy	96	f	댄스	NaN	NaN	False	False	True	False

제약식을 만들 때 타입이 명확해야 하고, 관계제약(같은 반/ 다른 반)에서 대상 학생을 인덱스로 찾기 쉽게 하기 위해 숫자화

```

n = len(df)                # 학생 수 = 200
num_classes = 6
class_size = [33,33,33,33,34,34]

id_to_idx = {int(r.id): i for i, r in df.iterrows()}

# 균등 분배 범위 함수
def bounds(total, k=num_classes):
    return floor(total/k), ceil(total/k)

model = cp_model.CpModel()

# x[i][c] : 학생 i가 반 c에 배정되면 1
x = [model.NewBoolVar(f'x_{i}_{c}') for c in range(num_classes)] for i in range(n)]

# (기본) 각 학생은 정확히 한 반
for i in range(n):
    model.Add(sum(x[i][c] for c in range(num_classes)) == 1)

# 각 반 정원 (33,33,33,33,34,34)
for c in range(num_classes):
    model.Add(sum(x[i][c] for i in range(n)) == class_size[c])

```

$x[i][c]$ 가 핵심 의사결정 변수이고, 두 개의 기본 제약(한 반만, 정원 맞추기)은 문제의 골격이다

```

# (1) 문제 아동 배치
for i, row in df.iterrows():
    bad_id = row['나쁜관계']
    if bad_id is not None and bad_id in id_to_idx:
        j = id_to_idx[bad_id]
        for c in range(num_classes):
            model.Add(x[i][c] + x[j][c] <= 1)

    if row['비등교']:
        good_id = row['좋은관계']
        if good_id is not None and good_id in id_to_idx:
            j = id_to_idx[good_id]
            for c in range(num_classes):
                model.Add(x[i][c] == x[j][c])

# (2) 리더십 최소 1명
leaders = df.index[df['Leadership']].tolist()
for c in range(num_classes):
    model.Add(sum(x[i][c] for i in leaders) >= 1)

# (3) 피아노 균등
pianos = df.index[df['Piano']].tolist()
lb, ub = bounds(len(pianos))
for c in range(num_classes):
    model.Add(sum(x[i][c] for i in pianos) >= lb)
    model.Add(sum(x[i][c] for i in pianos) <= ub)

# (4) 성적 균형
scores = df['score'].astype(int).tolist()
target = sum(scores) // num_classes
class_score = [model.NewIntVar(0, 100*40, f'score_{c}') for c in range(num_classes)]
for c in range(num_classes):
    model.Add(class_score[c] == sum(scores[i]*x[i][c] for i in range(n)))

dev = [model.NewIntVar(0, 100*40, f'dev_{c}') for c in range(num_classes)]
for c in range(num_classes):
    tmp = model.NewIntVar(-100*40, 100*40, f'diff_{c}')
    model.Add(tmp == class_score[c] - target)
    model.AddAbsEquality(dev[c], tmp)
dev_max = model.NewIntVar(0, 100*40, 'dev_max')
model.AddMaxEquality(dev_max, dev)

# (5) 비등교 균등
at_risk = df.index[df['비등교']].tolist()
lb, ub = bounds(len(at_risk))
for c in range(num_classes):
    model.Add(sum(x[i][c] for i in at_risk) >= lb)
    model.Add(sum(x[i][c] for i in at_risk) <= ub)

```

```

# (6) 남녀 균등
boys = df.index[df['sex']=='boy'].tolist()
girls = df.index[df['sex']=='girl'].tolist()
lb_b, ub_b = bounds(len(boys))
lb_g, ub_g = bounds(len(girls))
for c in range(num_classes):
    model.Add(sum(x[i][c] for i in boys) >= lb_b)
    model.Add(sum(x[i][c] for i in boys) <= ub_b)
    model.Add(sum(x[i][c] for i in girls) >= lb_g)
    model.Add(sum(x[i][c] for i in girls) <= ub_g)

# (7) 운동 균등
sports = df.index[df['운동선호']].tolist()
lb, ub = bounds(len(sports))
for c in range(num_classes):
    model.Add(sum(x[i][c] for i in sports) >= lb)
    model.Add(sum(x[i][c] for i in sports) <= ub)

# (8) 전년도 학급 분산
for g, group_df in df.groupby('24년 학급'):
    idxs = group_df.index.tolist()
    lb, ub = bounds(len(idxs))
    for c in range(num_classes):
        model.Add(sum(x[i][c] for i in idxs) >= lb)
        model.Add(sum(x[i][c] for i in idxs) <= ub)

# (9) 클럽 분산
for g, group_df in df.groupby('클럽'):
    idxs = group_df.index.tolist()
    lb, ub = bounds(len(idxs))
    for c in range(num_classes):
        model.Add(sum(x[i][c] for i in idxs) >= lb)
        model.Add(sum(x[i][c] for i in idxs) <= ub)

# 목적함수: 성적 편차 최소화
model.Minimize(dev_max)

```

관계 제약 -> 학급 갈등 방지/안정성 핵심

리더/피아노 -> 반별 최소/균등 요구의 전형

성적 편차 최소화는 최종 공정성 지표

여러 특성을 고르게 섞는 것이 실제 학급 운영의 품질을 좌우

그룹별 분산을 전부 같은 형태로 통일해 모델이 깔끔하고 확장 가능

```
assign = []
for i in range(n):
    c = max(range(num_classes), key=lambda k: solver.Value(x[i][k]))
    assign.append(c)

df_out = df.copy()
df_out['new_class'] = [a+1 for a in assign]

# 반별 요약
def cnt(mask, cls):
    idxs = df.index[mask].tolist()
    return sum(solver.Value(x[i][cls]) for i in idxs)

print("\n=== 반별 요약 ===")
for c in range(num_classes):
    male = cnt(df['sex']=='boy', c)
    female = cnt(df['sex']=='girl', c)
    lead = cnt(df['Leadership'], c)
    piano = cnt(df['Piano'], c)
    risk = cnt(df['비동교'], c)
    sport = cnt(df['운동선호'], c)
    sc = solver.Value(class_score[c])
    print(f'반 {c+1}: 인원 {class_size[c]}, 남 {male}, 여 {female}, 리더 {lead}, 피아노 {piano}, 위험 {risk}, 운동 {sport}')

# CSV 저장
df_out.to_csv('class_assignment.csv', index=False)
print("\n저장 완료: class_assignment.csv")

=== 반별 요약 ===
반 1: 인원 33, 남 23, 여 10, 리더 1, 피아노 4, 위험 3, 운동 3, 총점 2632
반 2: 인원 33, 남 23, 여 10, 리더 5, 피아노 3, 위험 3, 운동 4, 총점 2630
반 3: 인원 33, 남 23, 여 10, 리더 5, 피아노 3, 위험 3, 운동 3, 총점 2631
반 4: 인원 33, 남 24, 여 9, 리더 3, 피아노 4, 위험 4, 운동 3, 총점 2631
반 5: 인원 34, 남 24, 여 10, 리더 3, 피아노 3, 위험 4, 운동 4, 총점 2632
반 6: 인원 34, 남 24, 여 10, 리더 3, 피아노 3, 위험 3, 운동 3, 총점 2630

저장 완료: class_assignment.csv
```

학생마다 할당 된 c 를 $\text{solver.value}(x[i][c])$ 로 찾고 기록, 반별로 보기 좋게 라벨 해준 뒤 특정 조건의 학생 집합이 반에 몇명인지 카운트 해준다. 마지막으로 반 별 요약 출력을 해준다.