20 Trabalho: Raciocínio Probabilístico

João Victor Félix Guedes - 22050227

Um sistema de diagnóstico deve ser feito para um farol de bicicleta movido a dínamo

usando uma rede bayesiana. As variáveis na tabela a seguir são fornecidas:

Variável	Significado	Valores
Li	Luz ligada (Light is on)	t/f
Str	Condição da rua (Street condition)	dry, wet,
		$snow_covered$
Flw	Volante do Dínamo desgastado (Dynamo	t/f
	flywheel worn out)	
\mathbf{R}	Dínamo deslizante (Dynamo sliding)	t/f
V	Dínamo mostra a tensão (Voltagem)	t/f
	(Dynamo shows voltage)	
В	Lâmpada ok (Light bulb ok)	t/f
K	Cabo ok (Cable ok)	t/f

As seguintes variáveis são independentes aos pares: Str, Flw, B, K. Além disso: (R, B), (R, K), (V,B), (V, K) são independentes e a seguinte equação é válida:

$$P(Li \mid V, R) = P(Li \mid V)$$

$$P(V \mid R, Str) = P(V \mid R)$$

$$P(V \mid R, Flw) = P(V \mid R)$$

\overline{V}	В	K	P(Li)
\overline{t}	t	t	0.99
t	t	f	0.01
t	f	t	0.01
t	f	f	0.001
f	t	t	0.3
f	t	f	0.005
f	f	t	0.005
f	f	f	0

1° Questão

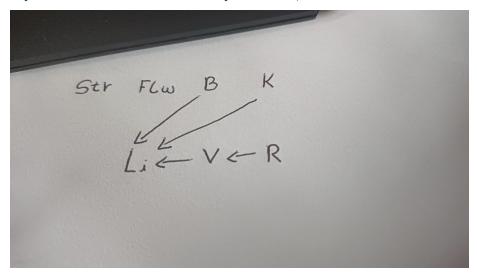
(a) Desenhe a rede causalidade entre as variáveis Str, Flw, R, V, B, K e Li

Str, Flw, B, K são independentes entre si. Além disso:

R é **independente** de B e K V é **independente** de B e K

 $P(Li\mid V,R)=P(Li\mid V)\to$ ou seja, Li depende só de V $P(V\mid R,Str)=P(V\mid R)\to \text{V depende só de R}$ $P(V\mid R,Flw)=P(V\mid R)\to \textbf{V não depende de Flw nem Str}$

A probabilidade condicional de Li depende de: V, B e K.



(b) Insira todos os CPTs faltantes no gráfico (tabela de probabilidades condicionais) e (c) Insira livremente valores plausíveis para as probabilidades.

Str (Condição da rua):

Str	P(Str)
dry	0.6
wet	0.3
$snow_covered$	0.1

Flw (Volante do Dínamo desgastado):

$$\frac{\text{Flw} \quad P(Flw)}{\text{t} \quad 0.1}$$

Flw	P(Flw)
f	0.9

B – Lâmpada ok:

$$\begin{array}{c|c} {\bf B} & P(B) \\ \hline {\bf t} & 0.95 \\ {\bf f} & 0.05 \\ \end{array}$$

K - Cabo ok:

$$\begin{array}{c|c} \mathbf{K} & P(K) \\ \hline \mathbf{t} & 0.97 \\ \mathbf{f} & 0.03 \\ \end{array}$$

R – Dínamo deslizante:

$$\frac{R \quad P(R)}{t \quad 0.15} \\
f \quad 0.85$$

 ${f V}-{f D}$ ínamo gera tensão

Pai: R

$$\begin{array}{c|ccc} \hline R & P(V=t) & P(V=f) \\ \hline t & 0.2 & 0.8 \\ f & 0.95 & 0.05 \\ \hline \end{array}$$

(d) Mostre que a rede não contém uma aresta (Str, Li).

A variável Li (luz ligada) depende apenas de:

- \bullet V (voltagem visível)
- **B** (lâmpada ok)
- K (cabo ok)

Isto é dado diretamente pela tabela de probabilidade condicional de Li, que possui apenas três pais: V, B e K.

Foi explicitamente informado que:

$$P(L_i \mid V, R) = P(L_i \mid V)$$

Ou seja, mesmo R não afeta Li diretamente, apenas indiretamente via V

Também foi fornecido que:

$$P(V \mid R, Str) = P(V \mid R)$$

Isso implica que:

• Str não afeta V quando R é conhecido.

Como:

- Str não influencia V diretamente
- V é o único intermediário entre Str e Li
- ullet E Li não depende diretamente de Str

Pode-se concluir:

$$Li \perp Str \mid V$$

Ou seja, Str e Li são condicionalmente independentes dado V. Logo:

- Não há dependência direta entre Str e Li
- Nem estatística, nem causal
- Portanto, a aresta $Str \rightarrow Li$ não deve existir na rede Bayesiana
- (e) Calcule $P(V \mid Str = snow_covered)$

Sabemos que:

- ullet V depende diretamente de R
- Possuímos:
 - $-P(V \mid R)$
 - -P(R)
 - E $R \perp Str$ implica:

$$P(R, Str) = P(R) \cdot P(Str)$$

Calcular:

$$P(V = t \mid Str = \text{snow_covered})$$

Expansão com a regra da soma total

$$P(V=t \mid Str = \text{snow_covered}) = \sum_{r \in \{t,f\}} P(V=t \mid R=r) \cdot P(R=r \mid Str = \text{snow_covered})$$

Mas como (R) e (Str) são independentes:

$$P(R = r \mid Str = s) = P(R = r)$$

Portanto:

$$P(V=t \mid Str = \text{snow_covered}) = \sum_{r \in \{t,f\}} P(V=t \mid R=r) \cdot P(R=r)$$

Valores

$$\begin{array}{c|cccc} \hline R & P(R) & P(V=t \mid R) \\ \hline t & 0.15 & 0.20 \\ f & 0.85 & 0.95 \\ \hline \end{array}$$

Cálculo

Aplicando:

$$P(V=t\mid Str = \text{snow_covered}) = (0.20\cdot 0.15) + (0.95\cdot 0.85)$$

$$= 0.03 + 0.8075 = 0.8375$$

Resposta final

$$P(V = t \mid Str = \text{snow covered}) = 0.8375$$

2° Questão Implemente em Prob Log o problema da questão anterior e moste a solução para $1^\circ(e).$

Disponível em: 'bicycle_Light.pl'