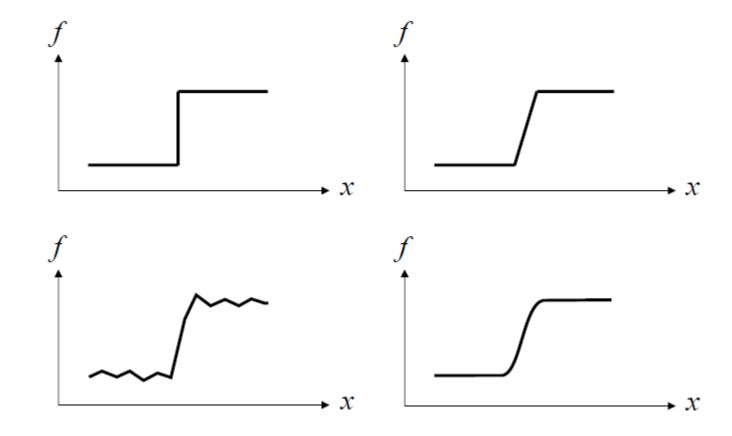
영상의 특징 추출

에지 검출과 미분

☑ 에지(edge)

- 영상에서 픽셀의 밝기 값이 급격하게 변하는 부분
- 일반적으로 배경과 객체, 또는 객체와 객체의 경계



♥ 1차 미분의 근사화(approximation)

• 전진차분(Forward difference):

$$\frac{\partial I}{\partial x} \cong \frac{I(x+h) - I(x)}{h}$$

• 후진차분(Backward difference):

$$\frac{\partial I}{\partial x} \cong \frac{I(x) - I(x - h)}{h}$$



중앙차분(Centered difference):
$$\frac{\partial I}{\partial x} \cong \frac{I(x+h) - I(x-h)}{2h}$$

-1 0

미분 마스크

♥ 다양한 미분 마스크

가로 방향:

-1	0	1
-1	0	1
-1	0	1

-3	0	3
-10	0	10
-3	0	3

세로 방향:

-1	-1	-1
0	0	0
1	1	1

-1	-2	-1
0	0	0
1	2	1

-3	-10	-3
0	0	0
3	10	3

Prewitt

Sobel

Scharr

♥ 소벨 필터를 이용한 미분 함수

cv2.Sobel(src, ddepth, dx, dy, dst=None, ksize=None, scale=None, delta=None, borderType=None) -> dst

- src: 입력 영상
- ddepth: 출력 영상 데이터 타입. -1이면 입력 영상과 같은 데이터 타입을 사용.
- dx: x 방향 미분 차수.
- dy: y 방향 미분 차수.
- dst: 출력 영상(행렬)
- ksize: 커널 크기. 기본값은 3.
- scale: 연산 결과에 추가적으로 곱할 값. 기본값은 1.
- delta: 연산 결과에 추가적으로 더할 값. 기본값은 0.
- borderType: 가장자리 픽셀 확장 방식. 기본값은 cv2.BORDER_DEFAULT.

대부분 dx=1, dy=0, ksize=3 또는 dx=0, dy=1, ksize=3 으로 지정.

♥ 샤르 필터를 이용한 미분 함수

cv2.Scharr(src, ddepth, dx, dy, dst=None, scale=None, delta=None, borderType=None)-> dst

- src: 입력 영상
- ddepth: 출력 영상 데이터 타입. -1이면 입력 영상과 같은 데이터 타입을 사용.
- dx: x 방향 미분 차수.
- dy: y 방향 미분 차수.
- dst: 출력 영상(행렬)
- ksize: 커널 크기. 기본값은 3.
- scale: 연산 결과에 추가적으로 곱할 값. 기본값은 1.
- delta: 연산 결과에 추가적으로 더할 값. 기본값은 0.
- borderType: 가장자리 픽셀 확장 방식. 기본값은 cv2.BORDER_DEFAULT.

💟 소벨 필터를 이용한 영상의 미분 예제

```
import sys
      import numpy as np
      import cv2
4
      src = cv2.imread('lenna.bmp', cv2.IMREAD_GRAYSCALE)
5
 6
      if src is None:
           print('Image load failed!')
 8
          sys.exit()
9
10
      dx = cv2.Sobel(src, -1, dx: 1, dy: 0, delta=128)
11
      dy = cv2.Sobel(src, -1, dx: 0, dy: 1, delta=128)
12
13
      cv2.imshow( winname: 'src', src)
14
      cv2.imshow( winname: 'dx', dx)
15
16
      cv2.imshow( winname: 'dy', dy)
      cv2.waitKey()
17
18
      cv2.destroyAllWindows()
19
```







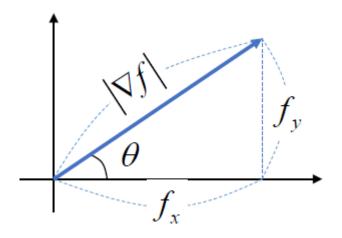
♥ 영상의 그래디언트(gradient)

• 함수 f(x, y)를 x축과 y축으로 각각 편미분(partial derivative)하여 벡터 형태로 표현한 것

$$\nabla f = \begin{bmatrix} f_x \\ f_y \end{bmatrix} = f_x \mathbf{i} + f_y \mathbf{j}$$

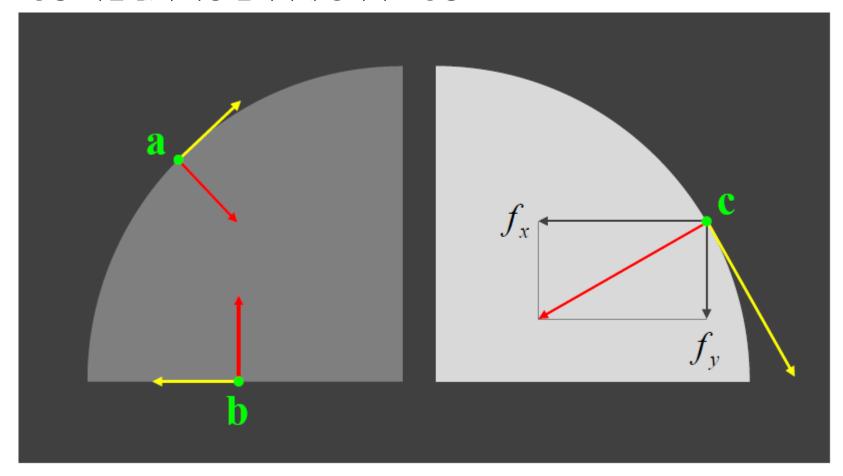
• 그래디언트 크기:
$$\left|\nabla f\right| = \sqrt{f_x^2 + f_y^2}$$

• 그래디언트 방향:
$$\theta = \tan^{-1} \left(\frac{f_y}{f_x} \right)$$



♥ 실제 영상에서 구한 그래디언트 크기와 방향

- 그래디언트 크기: 픽셀 값의 차이 정도, 변화량
- 그래디언트 방향: 픽셀 값이 가장 급격하게 증가하는 방향



♥ 2D 벡터의 크기 계산 함수

cv2.magnitude(x, y, magnitude=None) -> magnitude

- x: 2D 벡터의 x 좌표 행렬. 실수형.
- y: 2D 벡터의 y 좌표 행렬. x와 같은 크기. 실수형.
- magnitude: 2D 벡터의 크기 행렬. x와 같은 크기, 같은 타입.

$$magnitude(I) = \sqrt{x(I)^2 + y(I)^2}$$

♥ 2D 벡터의 방향 계산 함수

cv2.phase(x, y, angle=None, angleInDegrees=None)-> angle

- x: 2D 벡터의 x 좌표 행렬. 실수형.
- y: 2D 벡터의 y 좌표 행렬. x와 같은 크기. 실수형.
- angle: 2D 벡터의크기행렬. x와 같은 크기, 같은 타입.

$$angle(I) = atan2(y(I), x(I))$$

만약x(I)=y(I)=0이면 angle은 0으로 설정됨.

• angleInDegrees: True이면 각도 단위, False이면 래디언 단위.

그래디언트와 에지 검출

```
💟 소벨 필터를 이용한 에지 검출 예제
                                                             18
       import sys
       import numpy as np
                                                             20
       import cv2
                                                             21
  4
                                                             22
       src = cv2.imread('lenna.bmp', cv2.IMREAD_GRAYSCALE)
  5
                                                             23
  6
                                                             24
       if src is None:
                                                             25
           print('Image load failed!')
  8
                                                             26
           sys.exit()
  9
 10
       dx = cv2.Sobel(src, cv2.CV_32F, dx: 1, dy: 0)
 11
       dy = cv2.Sobel(src, cv2.CV_32F, dx: 0, dy: 1)
 12
 13
       mag = cv2.magnitude(dx, dy)
 14
       mag = np.clip(mag, a_min: 0, a_max: 255).astype(np.uint8)
 15
 16
```

```
dst = np.zeros(src.shape[:2], np.uint8)
dst[mag > 120] = 255
#_, dst = cv2.threshold(mag, 120, 255, cv2.THRESH_BINARY)

cv2.imshow( winname: 'src', src)
cv2.imshow( winname: 'mag', mag)
cv2.imshow( winname: 'dst', dst)
cv2.waitKey()
```

그래디언트와 에지 검출

♥ 소벨 필터를 이용한 에지 검출 예제 실행 결과



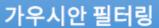
♥ 좋은 에지 검출기의 조건(J. Canny)

- 정확한 검출(Good detection): 에지가 아닌 점을 에지로 찾거나 또는 에지인데 에지로 찾지 못하는 확률을 최소화
- 정확한 위치(Good localization): 실제 에지의 중심을 검출
- 단일 에지(Single edge): 하나의 에지는 하나의 점으로 표현

♥ 캐니 에지 검출 1단계

- 가우시안 필터링
 - (Optional) 잡음 제거 목적

$$G_{\sigma}(x,y) = \frac{1}{2\pi\sigma^2} \exp\left(-\frac{x^2 + y^2}{2\sigma^2}\right)$$





그래디언트 계산 (크기 & 방향)



비최대 억제



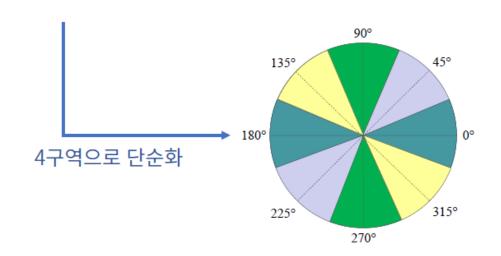
이중 임계값을 이용한 히스테리시스 에지 트래킹

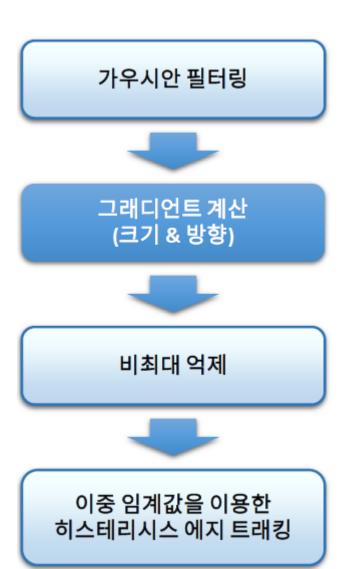
♥ 캐니 에지 검출 2단계

- 그래디언트 계산
- 주로 소벨 마스크를 사용

•
$$\exists$$
7|: $||f|| = \sqrt{f_x^2 + f_y^2}$

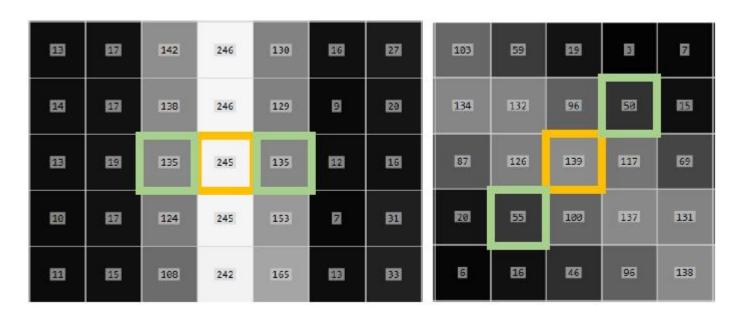
• 방향: $\theta = \tan^{-1}(f_y/f_x)$

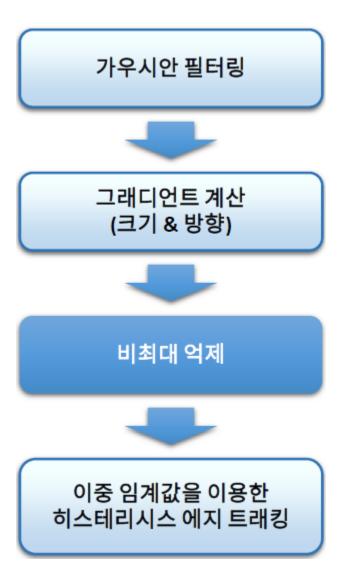




♥ 캐니 에지 검출 3단계

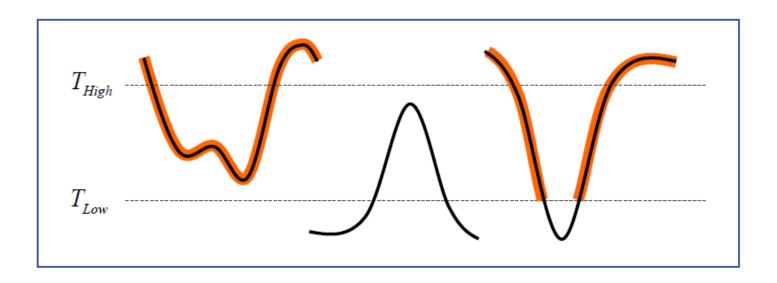
- 비최대 억제(Non-maximum suppression)
- 하나의 에지가 여러 개의 픽셀로 표현되는 현상을 없애기 위하여 그래디언트 크기가 국지적 최대(local maximum)인 픽셀만을 에지 픽셀로 설정
- 그래디언트 방향에 위치한 두 개의 픽셀을 조사하여 국지적 최대를 검사





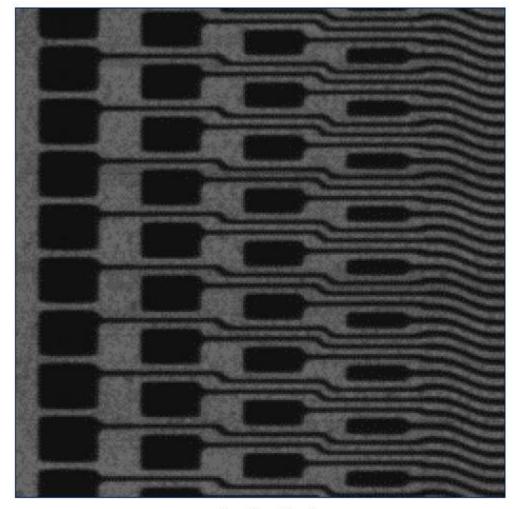
♥ 캐니 에지 검출 4단계

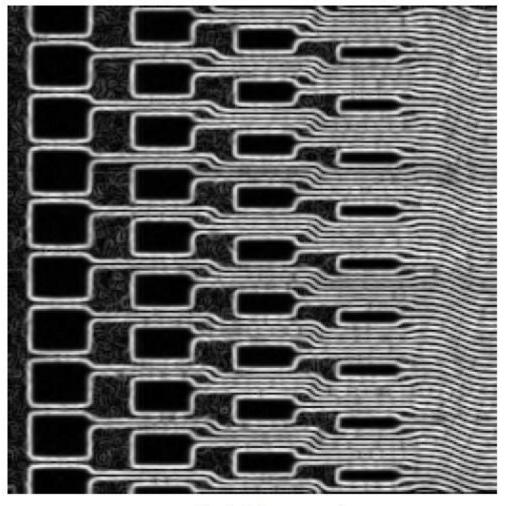
- 히스테리시스 에지 트래킹(Hysteresis edge tracking)
 - 두 개의 임계값을 사용: T_{Low}, T_{High}
 - 강한 에지: $||f|| \ge T_{High} \rightarrow$ 최종 에지로 선정
 - 약한 에지: $T_{Low} \le ||f|| < T_{High}$
 - → 강한 에지와 연결되어 있는 픽셀만 최종 에지로 선정





♥ 캐니 에지 검출 과정

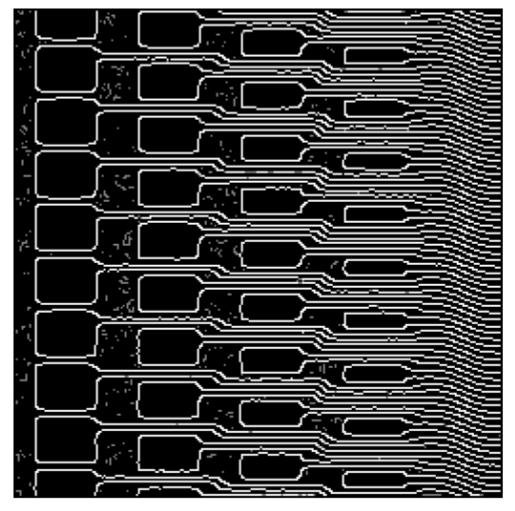




입력 영상

그래디언트 크기

♥ 캐니 에지 검출 과정



비최대 억제

히스테리시스 에지 트래킹

♥ 캐니 에지 검출 함수

```
cv2.Canny(image, threshold1, threshold2, edges=None, apertureSize=None, L2gradient=None) -> edges
```

threshold1:threshold2 = 1:2 또는 1:3

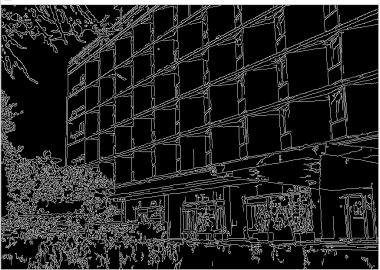
- image: 입력 영상
- threshold1: 하단 임계값
- threshold2: 상단 임계값
- edges: 에지 영상
- apertureSize: 소벨 연산을 위한 커널 크기. 기본값은 3.
- L2gradient: True이면 L2 norm 사용, False이면 L1 norm 사용. 기본값은 False.

$$L_2 \text{ norm} = \sqrt{(dI/dx)^2 + (dI/dy)^2}$$
, $L_1 \text{ norm} = |dI/dx| + |dI/dy|$

♥ 캐니 에지 검출 예제

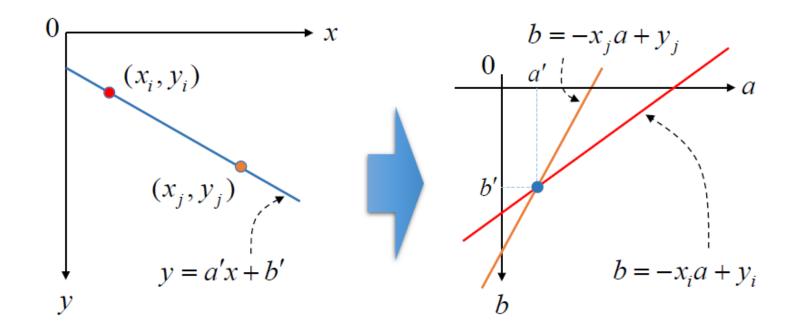
```
import sys
      import numpy as np
      import cv2
      src = cv2.imread('building.jpg', cv2.IMREAD_GRAYSCALE)
5
      if src is None:
          print('Image load failed!')
          sys.exit()
9
10
11
      dst = cv2.Canny(src, 50, 150)
12
13
      cv2.imshow( winname: 'src', src)
      cv2.imshow( winname: 'dst', dst)
14
      cv2.waitKey()
15
16
      cv2.destroyAllWindows()
17
```

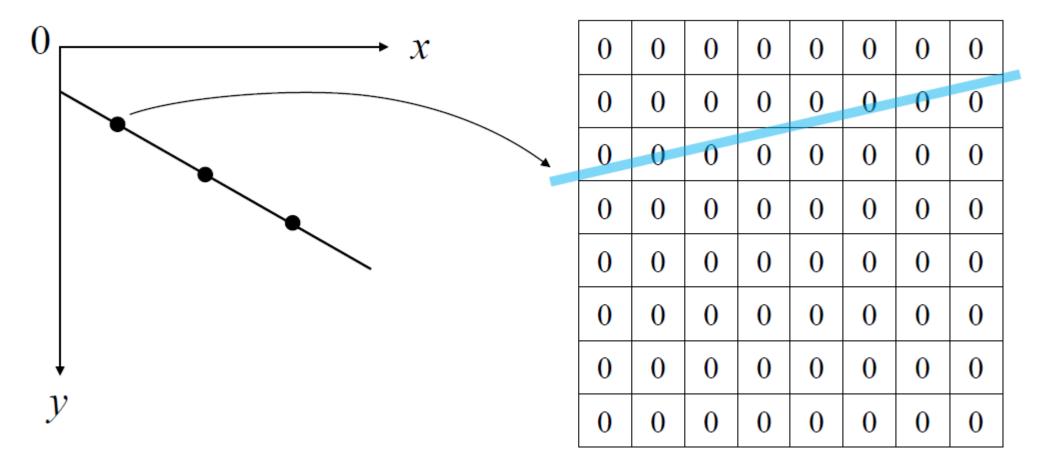


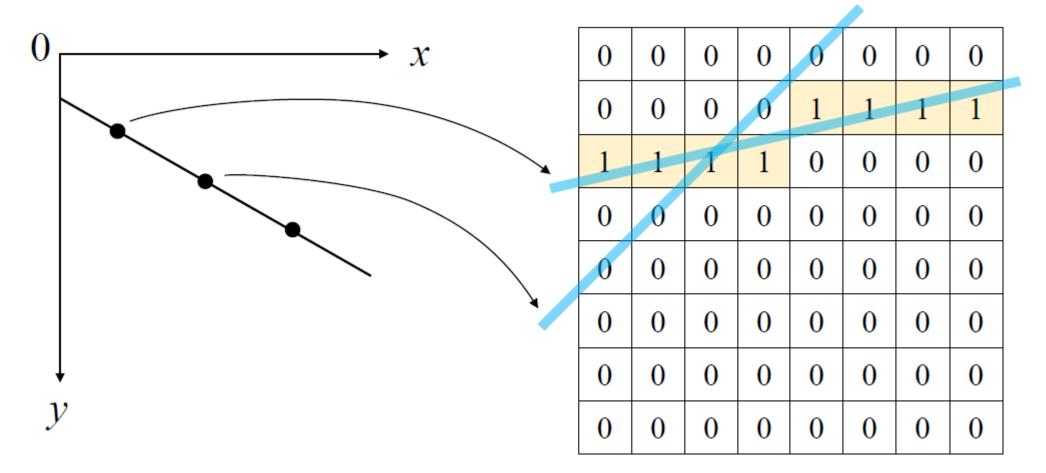


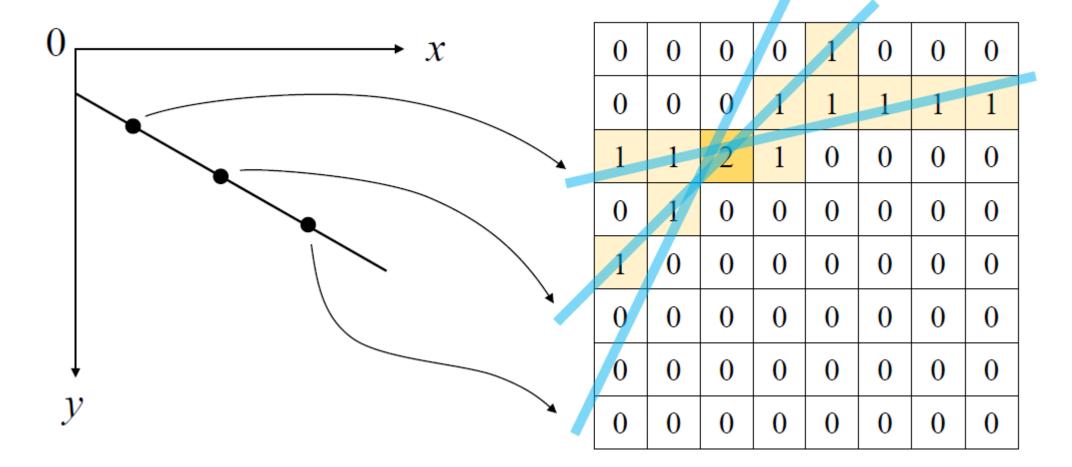
- ♥ 허프 변환(Hough transform) 직선 검출이란?
 - 2차원 영상 좌표에서의 직선의 방정식을 파라미터(parameter) 공간으로 변환하여 직선을 찾는 알고리즘

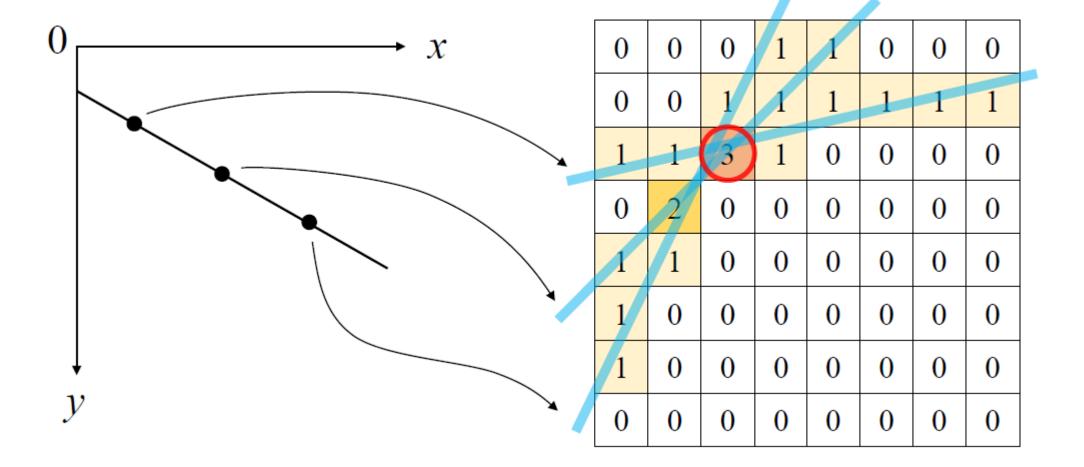
$$y = ax + b \Leftrightarrow b = -xa + y$$





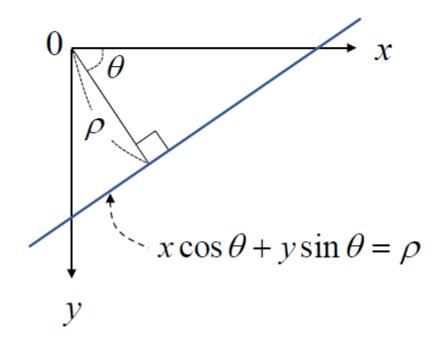






- ♥ 직선의 방정식 y= ax+ b를 사용할 때의 문제점
 - Y축과 평행한 수직선을 표현하지 못함 → 극좌표계 직선의 방정식을 사용

$$x\cos\theta + y\sin\theta = \rho$$



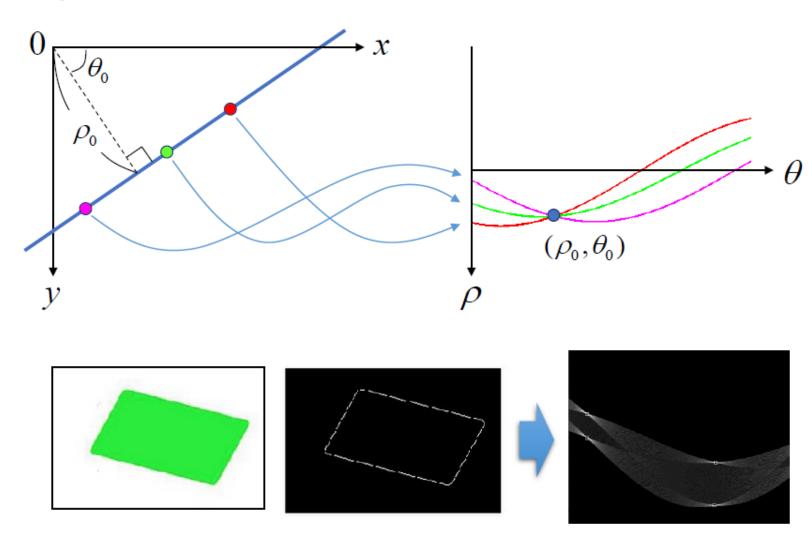
$$\sin \theta$$

$$y = \frac{\rho}{\sin \theta}$$

$$y = -\frac{\cos \theta}{\sin \theta} x + \frac{\rho}{\sin \theta}$$

$$\Rightarrow x \cos \theta + y \sin \theta = \rho$$

 \checkmark xcosθ+ ysinθ = ρ 방정식에 의한 파라미터 공간으로의 변환



♥ 허프 변환에 의한 선분 검출

cv2.HoughLines(image, rho, theta, threshold, lines=None, srn=None, stn=None, min_theta=None, max_theta=None) -> lines

- image: 입력 에지 영상
- rho: 축적 배열에서 rho 값의 간격. (e.g.) 1.0 → 1픽셀 간격.
- theta: 축적 배열에서 theta 값의 간격. (e.g.) np.pi/180 → 1°간격.
- threshold: 축적 배열에서 직선으로 판단할 임계값
- lines: 직선 파라미터(rho, theta) 정보를 담고 있는 numpy.ndarray.shape=(N, 1, 2). dtype=numpy.float32.
- srn, stn: 멀티 스케일 허프 변환에서 rho 해상도, theta 해상도를 나누는 값. 기본값은 0이고, 이 경우 일반 허프 변환 수행.
- min_theta, max_theta: 검출할 선분의 최소, 최대 theta 값

확률적 허프 변환에 의한 선분 검출

cv2.HoughLinesP(image, rho, theta, threshold, lines=None, minLineLength=None, maxLineGap=None) -> lines

- image: 입력 에지 영상
- rho: 축적 배열에서 rho 값의 간격. (e.g.) 1.0 → 1픽셀 간격.
- theta: 축적 배열에서 theta 값의 간격. (e.g.) np.pi/180 → 1°간격.
- threshold: 축적 배열에서 직선으로 판단할 임계값
- lines: 선분의 시작과 끝 좌표(x1, y1, x2, y2) 정보를 담고 있는 numpy.ndarray.shape=(N, 1, 4). dtype=numpy.int32.
- minLineLength: 검출할 선분의 최소 길이
- maxLineGap: 직선으로 간주할 최대 에지 점 간격

16

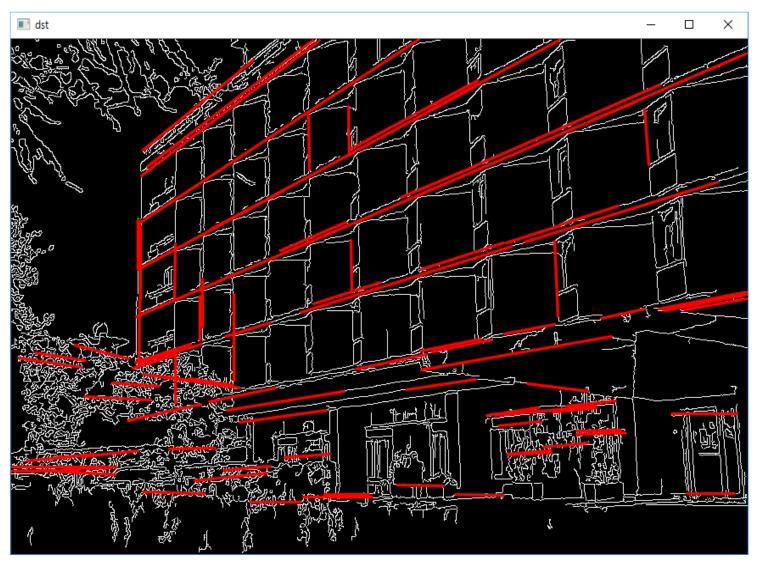
17

♥ 확률적 허프 변환 직선 검출 예제

dst = cv2.cvtColor(edges, cv2.COLOR_GRAY2BGR)

```
if lines is not None:
      import sys
                                                              18
                                                                        for i in range(lines.shape[0]):
      import numpy as np
                                                              19
                                                                             pt1 = (lines[i][0][0], lines[i][0][1]) # 시작점 좌표
      import cv2
 3
                                                                             pt2 = (lines[i][0][2], lines[i][0][3]) # 끝점 좌표
 4
                                                              21
      src = cv2.imread('building.jpg', cv2.IMREAD_GRAYSCALE)
 5
                                                                             cv2.line(dst, pt1, pt2, color: (0, 0, 255), thickness: 2, cv2.LINE_AA)
                                                              23
      if src is None:
                                                                    cv2.imshow( winname: 'src', src)
                                                              24
          print('Image load failed!')
                                                                    cv2.imshow( winname: 'dst', dst)
          sys.exit()
 9
                                                                    cv2.waitKey()
                                                              26
10
                                                                    cv2.destroyAllWindows()
                                                              27
      edges = cv2.Canny(src, 50, 150)
11
12
      lines = cv2.HoughLinesP(edges, rho: 1, np.pi / 180., threshold: 160,
13
                              minLineLength=50, maxLineGap=5)
14
15
```

♥ 확률적 허프 변환 직선 검출 예제 실행 결과

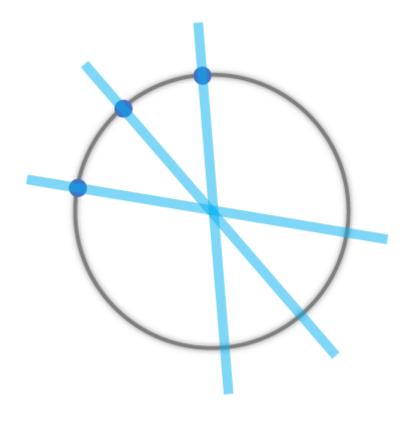


♥ 허프 변환을 응용하여 원을 검출할 수 있음

• 원의방정식: $(x-a)^2 + (y-b)^2 = c^2 \rightarrow 3$ 차원 축적 평면?

♥ 속도 향상을 위해 Hough gradient method 사용

- 입력 영상과 동일한 2차원 평면 공간에서 축적 영상을 생성
- 에지 픽셀에서 그래디언트 계산
- 에지 방향에 따라 직선을 그리면서 값을 누적
- 원의 중심을 먼저 찾고, 적절한 반지름을 검출
- 단점
 - 여러 개의 동심원을 검출 못함 → 가장 작은 원 하나만 검출됨



♥ 허프 변환 원 검출 함수

cv2.HoughCircles(image, method, dp, minDist, circles=None, param1=None, param2=None, minRadius=None, maxRadius=None) -> circles

- image: 입력 영상. (에지 영상이 아닌 일반 영상)
- method: OpenCV4.2 이하에서는 cv2.HOUGH_GRADIENT만 지정 가능
- dp: 입력 영상과 축적 배열의 크기 비율. 1이면 동일 크기. 2이면 축적 배열의 가로, 세로 크기가 입력 영상의 반.
- minDist: 검출된 원 중심점들의 최소 거리
- circles: (cx, cy, r) 정보를 담은 numpy.ndarray. shape=(1, N, 3), dtype=np.float32.
- param1: Canny 에지 검출기의 높은 임계값
- param2: 축적 배열에서 원 검출을 위한 임계값
- minRadius, maxRadius: 검출할 원의 최소, 최대 반지름

♥ 허프 변환 원 검출 예제

```
import sys
      import numpy as np
      import cv2
 3
 4
 5
      # 입력 이미지 불러오기
      src = cv2.imread('dial.jpg')
 6
      if src is None:
          print('Image open failed!')
 9
          sys.exit()
10
11
12
      gray = cv2.cvtColor(src, cv2.COLOR_BGR2GRAY)
      blr = cv2.GaussianBlur(gray, ksize: (0, 0), sigmaX: 1.0)
13
14
```

💙 허프 변환 원 검출 예제

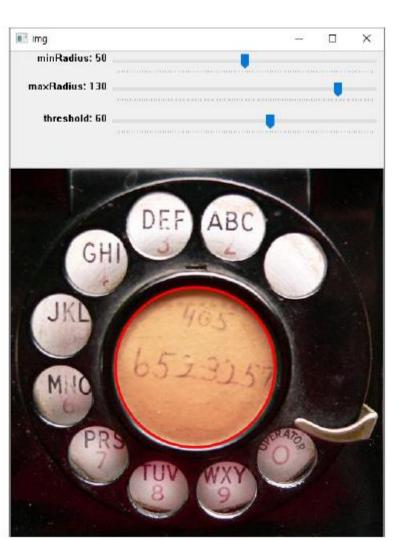
```
def on_trackbar(pos):
15
           rmin = cv2.getTrackbarPos( trackbarname: 'minRadius', winname: 'img')
16
           rmax = cv2.getTrackbarPos( trackbarname: 'maxRadius', winname: 'img')
17
           th = cv2.getTrackbarPos( trackbarname: 'threshold', winname: 'img')
18
19
20
           circles = cv2.HoughCircles(blr, cv2.HOUGH_GRADIENT, dp: 1, minDist: 50,
                                       param1=120, param2=th, minRadius=rmin, maxRadius=rmax)
21
22
           dst = src.copy()
23
           if circles is not None:
24
               for i in range(circles.shape[1]):
25
                   cx, cy, radius = np.uint16(circles[0][i])
26
                   cv2.circle(dst, center: (cx, cy), radius, color: (0, 0, 255), thickness: 2, cv2.LINE_AA)
27
28
           cv2.imshow( winname: 'img', dst)
29
30
```

💙 허프 변환 원 검출 예제

```
# 트랙바 생성
31
32
      cv2.imshow( winname: 'img', src)
      cv2.createTrackbar( trackbarName: 'minRadius', windowName: 'img', value: 0, count: 100, on_trackbar)
33
      cv2.createTrackbar( trackbarName: 'maxRadius', windowName: 'img', value: 0, count: 150, on_trackbar)
34
      cv2.createTrackbar( trackbarName: 'threshold', windowName: 'img', value: 0, count: 100, on_trackbar)
35
       cv2.setTrackbarPos( trackbarname: 'minRadius', winname: 'img', pos: 10)
36
       cv2.setTrackbarPos( trackbarname: 'maxRadius', winname: 'img', pos: 80)
37
       cv2.setTrackbarPos( trackbarname: 'threshold', winname: 'img', pos: 40)
38
       cv2.waitKev()
39
40
       cv2.destroyAllWindows()
41
```

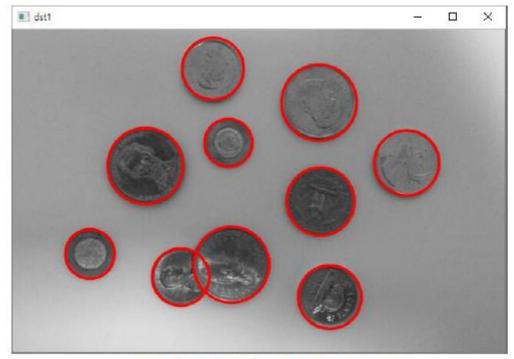
♥ 허프 변환 원 검출 예제 실행 결과



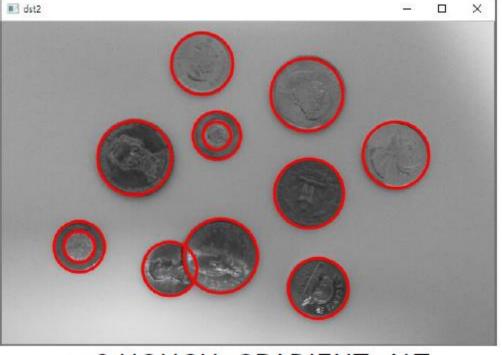


♥ 허프 원 검출과 cv2.HOUGH_GRADIENT_ALT 방법

- OpenCV 4.3버전부터 지원
- cv2.HOUGH_GRADIENT 방법보다 정확한 원 검출 가능
- 사용법: OpenCV 4.3.0 HoughCircles() 함수 설명 참고



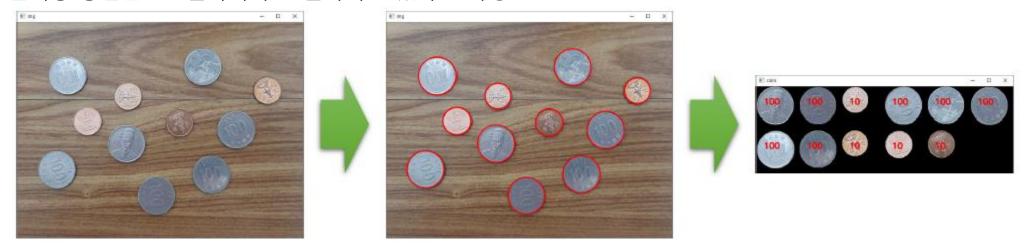
cv2.HOUGH_GRADIENT



cv2.HOUGH_GRADIENT_ALT

♥ 동전 카운터

- 영상의 동전을 검출하여 금액이 얼마인지를 자동으로 계산하는 프로그램
- 편의상 동전은 100원짜리와 10원짜리만 있다고 가정

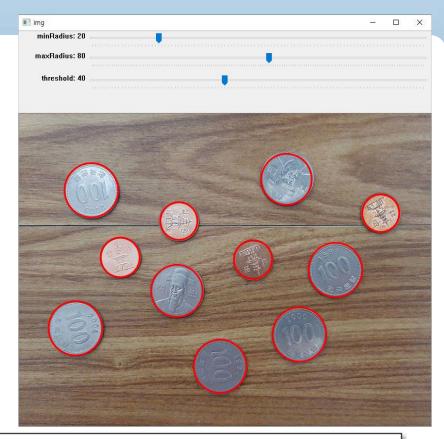


♥ 구현할 기능

- 동전 검출하기 → 허프 원 검출
- 동전 구분하기 → 색상 정보 이용

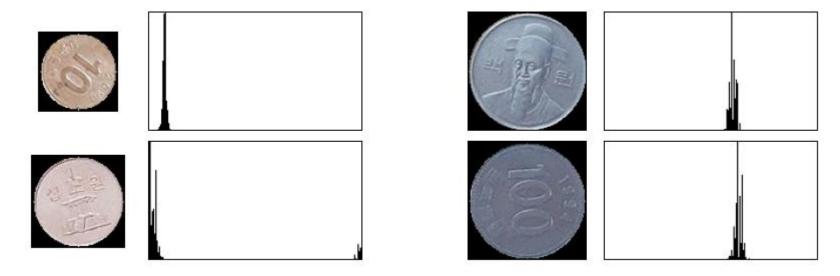
♥ 동전 검출하기

- 동그란 객체는 동전만 있다고 가정 → cv2.HoughCircles() 함수 사용
- 영상크기: 800x600 (px)
- 동전크기
 - 100원: 약100x100(px)
 - 10원: 약80x80(px)



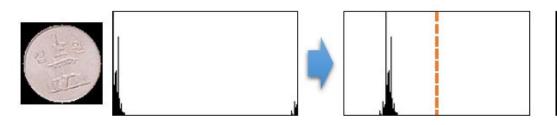
♥ 동전 구분하기

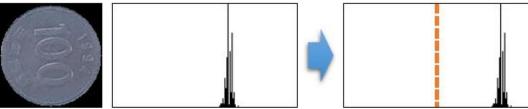
- 동전 영역 부분 영상 추출 → HSV 색 공간으로 변환
- 동전 영역에 대해서만 Hue 색 성분 분포 분석

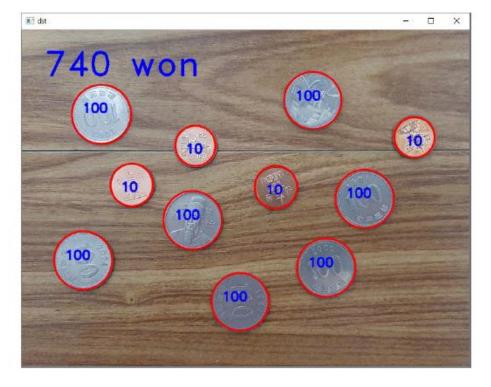


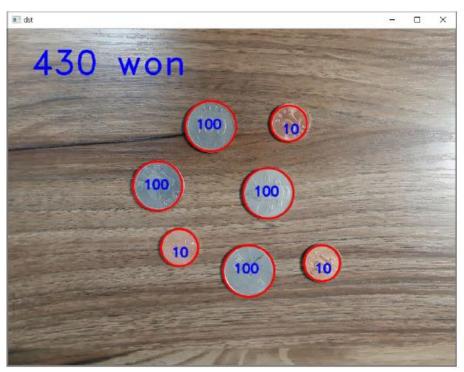
- 동전 영역 픽셀에 대해 Hue 값을 +40만큼 시프트하고, Hue 평균을 분석
 - Hue 평균이 90보다 작으면 10원
 - Hue 평균이 90보다 크면 100원

☑ 동전 구분하기









♥ 동전 구분하기

```
import sys
1
      import numpy as np
3
      import cv2
4
5
      # 입력 이미지 불러오기
      src = cv2.imread('coins1.jpg')
6
      if src is None:
8
          print('Image open failed!')
9
          sys.exit()
10
11
      gray = cv2.cvtColor(src, cv2.COLOR_BGR2GRAY)
12
      blr = cv2.GaussianBlur(gray, ksize: (0, 0), sigmaX: 1)
13
14
      # 허프 변환 원 검출
15
      circles = cv2.HoughCircles(blr, cv2.HOUGH_GRADIENT, dp: 1, minDist: 50,
16
                                 param1=150, param2=40, minRadius=20, maxRadius=80)
17
18
```

♥ 동전 구분하기

```
# 원 검출 결과 및 동전 금액 출력
19
      sum_of_money = 0
20
      dst = src.copy()
21
      if circles is not None:
22
          for i in range(circles.shape[1]):
23
              cx, cy, radius = np.uint16(circles[0][i])
24
              cv2.circle(dst, center: (cx, cy), radius, color: (0, 0, 255), thickness: 2, cv2.LINE_AA)
25
26
              # 동전 영역 부분 영상 추출
27
              x1 = int(cx - radius)
28
              y1 = int(cy - radius)
29
              x2 = int(cx + radius)
30
              y2 = int(cy + radius)
31
              radius = int(radius)
32
33
              crop = dst[y1:y2, x1:x2, :]
34
              ch, cw = crop.shape[:2]
35
36
              # 동전 영역에 대한 ROI 마스크 영상 생성
37
              mask = np.zeros( shape: (ch, cw), np.uint8)
38
              cv2.circle(mask, center: (cw//2, ch//2), radius, color: 255, -1)
39
40
```

☑ 동전 구분하기

```
# 동전 영역 Hue 색 성분을 +40 시프트하고, Hue 평균을 계산
41
              hsv = cv2.cvtColor(crop, cv2.COLOR_BGR2HSV)
42
              hue, \_, \_ = cv2.split(hsv)
43
              hue\_shift = (hue + 40) % 180
44
              mean_of_hue = cv2.mean(hue_shift, mask)[0]
45
46
              # Hue 평균이 90보다 작으면 10원, 90보다 크면 100원으로 간주
47
              won = 100
48
              if mean_of_hue < 90:
49
50
                  won = 10
51
              sum_of_money += won
52
53
              cv2.putText(crop, str(won), org: (20, 50), cv2.FONT_HERSHEY_SIMPLEX,
54
                           fontScale: 0.75, color: (255, 0, 0), thickness: 2, cv2.LINE_AA)
55
56
      cv2.putText(dst, str(sum_of_money) + 'won', org: (40, 80),
57
                  cv2.FONT_HERSHEY_DUPLEX, fontScale: 2, color: (255, 0, 0), thickness: 2, cv2.LINE_AA)
58
59
      cv2.imshow( winname: 'src', src)
60
      cv2.imshow( winname: 'dst', dst)
61
      cv2.waitKey()
62
63
      cv2.destroyAllWindows()
64
```