CH. 10. 딥러닝

□ 규칙기반의 한계

- 앞에서 구현한 OpenCV를 이용한 영상처리 알고리즘에 대해 생각해보자.
- 교통약자 보호 표지판을 인식하는 프로그램은 영상에서 SIFT 특징을 추출하고 빠른 매칭을 위해 kd 트리를 사용한다.
- 이 알고리즘은 모두 사람의 합리적 사고를 통해 개발되었다.
- 사람은 데이터를 면밀히 관찰하여 정교하게 알고리즘을 개발하고 꾸준히 개선한다.
- 사람이 만든 이런 특징과 매칭 알고리즘을 수작업(hand-crafted) 특징과 수작업 알고리즘이라고 한다.
- 수작업으로 개발한 결과는 대부분 규칙(rule)으로 표현한다.
- 고전적 컴퓨터 비전은 이런 과정으로 문제를 해결하기 때문에 규칙 기반(rule-based)이라고 한다.
- 규칙 기반을 사용하는 고전적 컴퓨터 비전은 사람의 노력으로 일정 수준의 성능은 달성하지만 그 이상을 돌파하지 못하는 결정적인 한계가 있다.

□ 규칙기반의 한계

- 컴퓨터 비전 방법론은 크게 규칙 기반과 기계학습(machine learning)으로 나눌 수 있다.
- 기계학습은 주어진 문제 도메인에서 데이터를 수집하고 모델을 학습하는 과정을 거쳐 문제를 해결한다.
- 기계학습 방법론에는 다양한 학습 모델이 있는데, 크게 신경망 모델과 신경망이 아닌 모델로 구분할 수 있다.
- 비신경망에 속하는 대표적 모델은 SVM, 결정 트리, 랜덤 포레스트다.
- 신경망에서는 대략 2010년 이전에는 얕은 신경망 모델을 사용했는데 이후에는 훨씬 많은 층을 배치한 깊은 신경망 모델로 발전한다.
- 깊은 신경망 구조를 설계하고 학습하고 예측에 사용하는 기술을 통틀어 딥러닝(deep learning)이라고 한다.
- 딥러닝은 뛰어난 성능으로 인해 다른 기계학습 모델을 제치고 컴퓨터 비전의 주류 기술로 자리잡았다.

□ 규칙기반의 한계

- 신경망은 얕은 모델로 출발하여 점점 깊어지며 발전해왔다.
- 이 장에서는 이런 과정에 따라 얕은 신경망인 퍼셉트론에서 시작해 다층 퍼셉트론과 깊은 다층 퍼셉트론 순으로 설명한다.
- 퍼셉트론은 단순하여 기본 개념과 연산을 이해하기 쉬울 뿐 아니라 여전히 딥러닝 모델의 주요 부품으로 활용되기 때문이다.
- 딥러닝의 영향력은 컴퓨터 비전을 넘어 아주 넓다.
- 자연어 처리(NLP: Natural Language Processing)는 영어나 한국어와 같은 자연어를 처리하여 언어 번역이나 챗봇 등을 만드는 기술이다.
- 딥러닝은 자연어 처리에서도 주류 기술로 활용된다.
- 지능 게임 분야에서도 주류 기술이 되었는데, 이세돌 기사를 이긴 알파고는 딥러닝 기술로 만들었다.
- 최근에 인공지능이 전 세계의 주목을 받게 된 중심에 딥러닝 기술이 있다.

□ 딥러닝 체험

□ 딥러닝 체험

```
$ sudo pip uninstall tensorflow
pi@raspberrypi:~ $ sudo pip uninstall tensorflow
Skipping tensorflow as it is not installed.
pi@raspberrypi:~ $
 $ sudo pip3 uninstall tensorflow
pi@raspberrypi:~ $ sudo pip3 uninstall tensorflow
 Skipping tensorflow as it is not installed.
pi@raspberrypi:~ $
 $ sudo apt-get install gfortran
pi@raspberrypi:~ $ sudo apt-get install gfortran
Reading package lists... Done
Building dependency tree
Reading state information... Done
gfortran is already the newest version (4:8.3.0-1+rpi2).
 upgraded, 0 newly installed, 0 to remove and 0 not upgraded.
pi@raspberrypi:~ $
```

□ 딥러닝 체험

```
$ sudo apt-get install libhdf5-dev libc-ares-dev libeigen3-dev
pi@raspberrypi:~ $ sudo apt-get install libhdf5-dev libc-ares-dev libeigen3-dev
Reading package lists... Done
Building dependency tree
Reading state information... Done
libeigen3-dev is already the newest version (3.3.7-1).
The following additional packages will be installed:
 hdf5-helpers libaec-dev libaec0 libhdf5-103 libhdf5-cpp-103 libsz2
Suggested packages:
 libhdf5-doc
The following NEW packages will be installed:
 hdf5-helpers libaec-dev libaec0 libc-ares-dev libhdf5-103 libhdf5-cpp-103
 libhdf5-dev libsz2
9 upgraded, 8 newly installed, 0 to remove and 0 not upgraded.
Need to get 153 kB/3,837 kB of archives.
After this operation, 13.9 MB of additional disk space will be used.
Do you want to continue? [Y/n]
```

□ 딥러닝 체험

```
$ sudo apt-get install openmpi-bin libopenmpi-dev

pi@raspberrypi:~ $ sudo apt-get install openmpi-bin libopenmpi-dev

Reading package lists... Done

Building dependency tree

Reading state information... Done
```

```
$ sudo apt-get install liblapack-dev cython

pi@raspberrypi:~ $ sudo apt-get install liblapack-dev cython

Reading package lists... Done

Building dependency tree

Reading state information... Done
```

```
$ sudo pip3 install keras_applications

pi@raspberrypi:~ $ sudo pip3 install keras_applications
Looking in indexes: https://pypi.org/simple, https://www.piwheels.org/simple
Collecting keras_applications
```

□ 딥러닝 체험

```
$ sudo pip3 install -U --user six wheel mock

pi@raspberrypi:~ $ sudo pip3 install -U --user six wheel mock
Looking in indexes: https://pypi.org/simple, https://www.piwheels.org/simple
Collecting six
Downloading https://files.pythonhosted.org/packages/d9/5a/e7c31adbe875f2abbb91bd84cf2dc52d79
2b5a01506781dbcf25c91daf11/six-1.16.0-py2.py3-none-any.whl
Collecting wheel
```

□ 딥러닝 체험

• 라즈베리파이에서 tensorflow를 설치하기 위해 터미널에 다음의 명령들을 입력한다.

```
$ sudo -H pip3 install pybind11

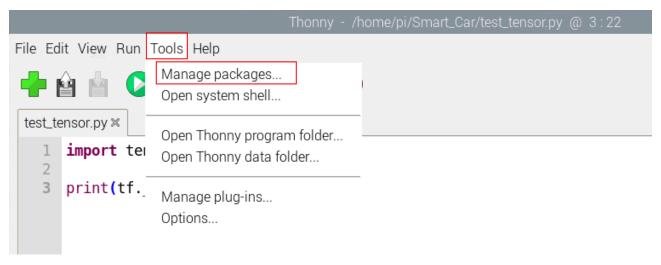
pi@raspberrypi:~ $ sudo -H pip3 install h5py
Looking in indexes: https://pypi.org/simple, https://www.piwheels.org/simple
Requirement already satisfied: h5py in /usr/local/lib/python3.7/dist-packages (3.8.0)
Requirement already satisfied: numpy>=1.14.5 in /usr/lib/python3/dist-packages (from h5py) (1.16.2)
```

\$ sudo pip3 install --upgrade https://github.com/lhelontra/tensorflow-on-arm/releases/download/v2.4.0/tensorflow-2.4.0-cp37-none-linux_armv7l.whl (--no-cache-dir)

```
pi@raspberrypi:~ $ sudo wget https://github.com/lhelontra/tensorflow-on-arm/releases/download/
v2.4.0/tensorflow-2.4.0-cp37-none-linux_armv7l.whl
--2023-01-28 10:13:38-- https://github.com/lhelontra/tensorflow-on-arm/releases/download/v2.4
.0/tensorflow-2.4.0-cp37-none-linux_armv7l.whl
Resolving github.com (github.com)... 20.200.245.247
Connecting to github.com (github.com)|20.200.245.247|:443... connected.
```

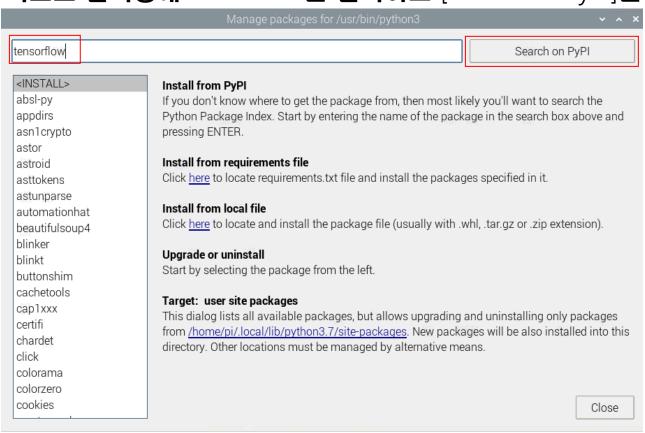
□ 딥러닝 체험

• Thonny python IDE를 실행하고 [Tools] -> [Manage packages]를 선택한다.



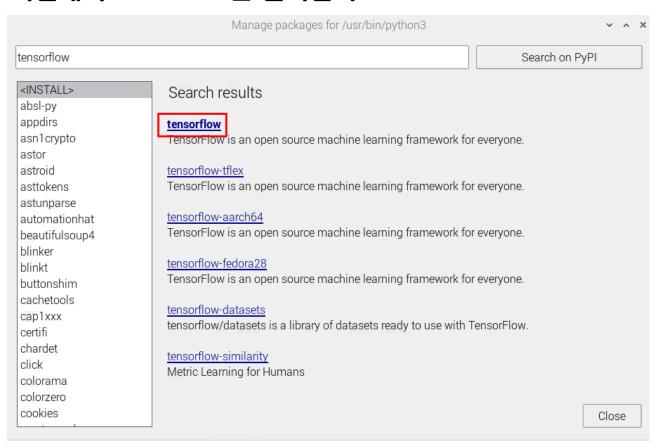
□ 딥러닝 체험

• 텍스트 입력창에 tensorflow를 입력하고 [Search on PyPI]를 클릭한다.



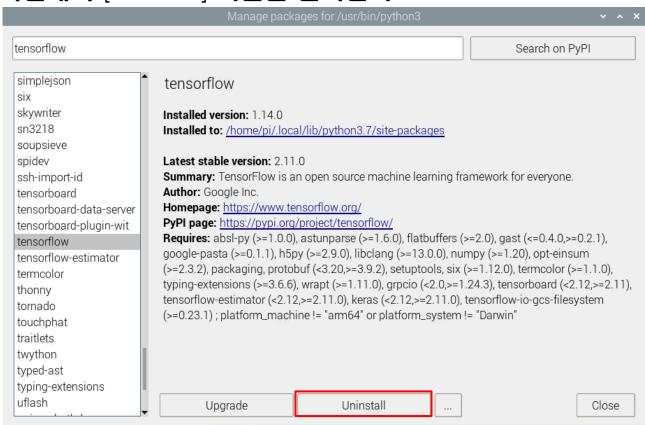
□ 딥러닝 체험

• 화면에서 tensorflow를 클릭한다.



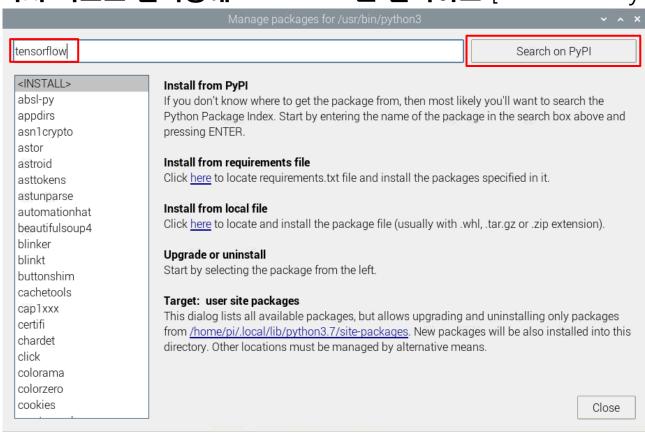
□ 텐서플로우 설치

화면에서 [uninstall] 버튼을 클릭한다.



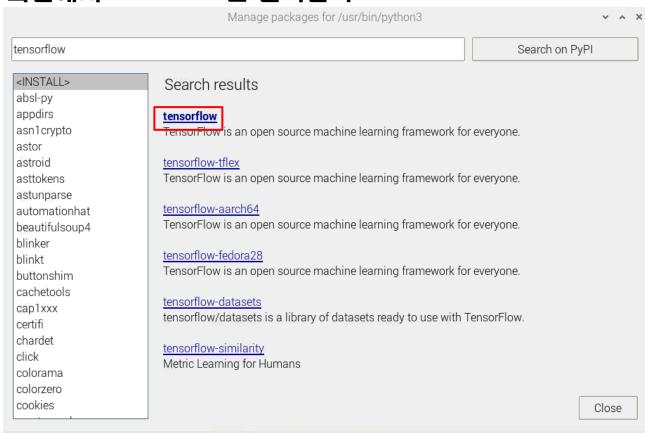
□ 딥러닝 체험

• 다시 텍스트 입력창에 tensorflow를 입력하고 [Search on PyPI]를 클릭한다.



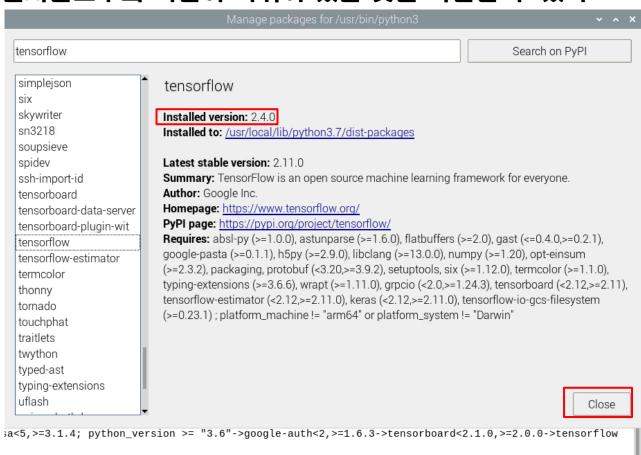
□ 딥러닝 체험

• 화면에서 tensorflow를 클릭한다.



□ 딥러닝 체험

• 텐서플로우의 버전이 바뀌어 있는 것을 확인할 수 있다.



Python 3.7.3

□ 딥러닝 체험

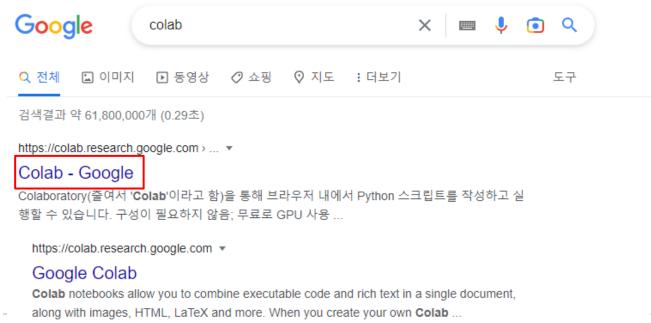
• 파이썬 셀에서 다음과 같이 입력한다.

```
>> import tensorflow as tf
>> print(tf.__version__)

Python 3.7.3 (/usr/bin/python3)
>>> import tensorflow as tf
>>> print(tf.__version__)
2.4.0
>>> |
```

- 딥러닝 모델 학습은 고성능의 컴퓨팅 자원이 필요하기 때문에, 라즈베리 파이에서의 실습은 어렵다.
- 따라서 앞으로의 모델 학습은 구글 코랩을 이용해서 수행하겠다.
- 주행하여 획득한 데이터의 학습모델을 만들기 위해서 파이썬의 tensorflow, keras를 사용한다.
- 구글 코랩 (colab)은 웹상에서 파이썬 개발환경을 제공해준다.
- 연산을 위한 CPU뿐만 아니라 GPU, TPU까지 답러닝 연산을 위한 고성능의 기능을 제공한다.
- PC에서 동일한 환경을 구성하기 위해서는 높은 비용이 발생하고 라이브러리 설치가 복잡하여 손쉽게 사용할 수 있는 구글 코랩 서비스를 이용하여 딥러닝 학습모델을 생성한다.

- 구글 코랩을 사용하는 방법에 대해 알아보자.
- 구글에서 "colab"을 검색 후 아래 사이트에 접속한다.
- 또는 https://colab.research.google.com 주소를 입력하여 접속한다.
- 브라우저는 [크롬] 브라우저의 사용을 추천한다.



- 코랩을 사용하기 위해서는 구글 계정이 필요하다.
- 구글 계정으로 로그인 후 코랩 메인페이지에 접속한다.



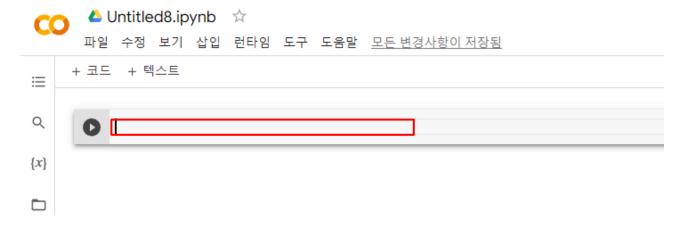
□ 데이터와 텐서

• [파일] -> [새 노트]를 열어 새로운 파이썬 프로젝트를 시작한다.



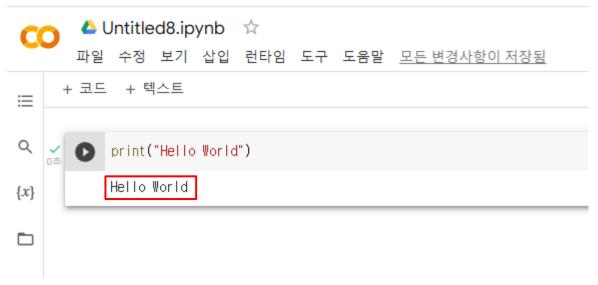
□ 데이터와 텐서

 빨간 네모 박스부분에 코드를 작성하고 ● 실행 버튼을 누르면 코드의 실행이 가능하다.

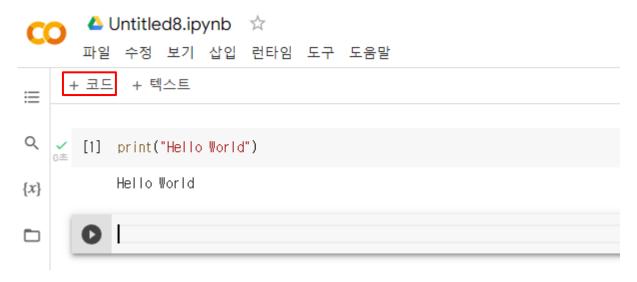


□ 데이터와 텐서

 "Hello World" 를 출력하는 코드를 실행하면 다음과 같이 코드 아래에 결과가 출력된다.



- [+코드]를 눌러 아래쪽에 [셀]을 추가할 수 있다.
- 코드를 입력하는 부분을 [셀]이라고 한다.



□ 데이터와 텐서

• 아래쪽에 생성된 [셀]에 파이썬 코드를 작성하여 실행하였다.



□ 데이터와 텐서

• [셀] 오른쪽 위를 보면 [셀]의 추가 작업을 할 수 있다.



- 화살표를 눌러 [셀]을 위로 올리거나 내릴 수 있다.
- [셀]의 삭제, 댓글 등의 기능이 있다.



- 이름 부분을 클릭하여 이름을 변경할 수 있다.
- **코랩의 확장자는** .ipynb **이다**.

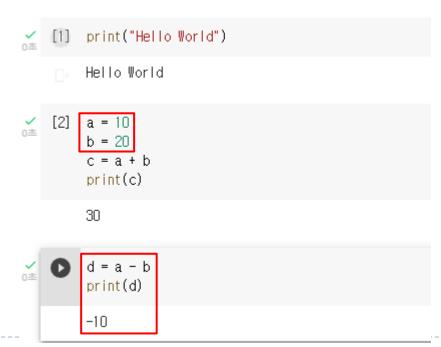
```
      CO
      Luntitled8.ipynb
      ☆

      파일 수정 보기 삽입 런타임 도구 도움말 모든 변경사항이 저장됨

      :=
      + 코드 + 텍스트
```

- 코랩의 장점은 [셀]을 추가하면서 코드를 하나하나 테스트하고 다음 단계로 진행할 수 있다.
- 이전 [셀]에서 저장된 변수 등은 [런타임]이 초기화되지 전까지 값을 가지고 있다.

- 다음과 같은 코드를 추가하여 실행해보자.
- [2] 번 [셀]에서 저장되었던 a, b 변수의 값이 현재 실행중인 셀에서 사용이 가능하다.
- [1], [2]등의 번호는 [셀]을 실행한 순서의 번호이다.



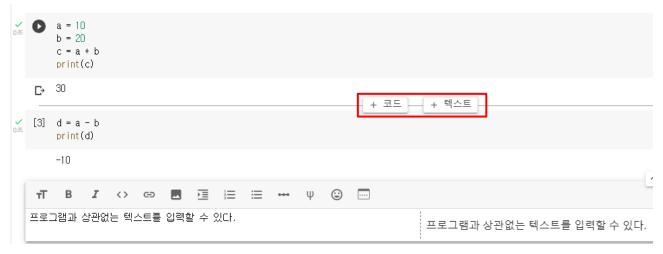
□ 데이터와 텐서

• [+텍스트]를 눌러 텍스트를 입력할 수도 있다.



□ 데이터와 텐서

• [셀]과 [셀] 중간에 코드나 텍스트를 추가하고 싶다면 중간에 마우스를 가져다 대면 [+코드] [+텍스트]를 추가할 수 있는 버튼이 생성된다.

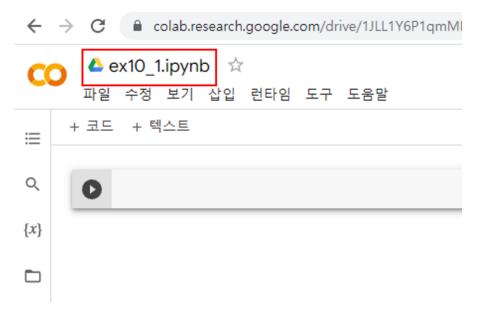


- 코랩은 구글 드라이브와 연동하여 데이터를 읽고 쓸 수 있다.
- 딥러닝을 위한 데이터는 데이터의 개수와 용량이 크기 때문에 구글 드라이브와 연동하여 사용하는 경우가 많다.
- 우리가 획득한 주행사진 데이터도 개수가 많아 구글 드라이브를 사용한다.
- 구글 드라이브 연동 테스트를 위해 [파일] -> [새 노트] 버튼을 클릭하여 새 노트를 생성한다.



□ 데이터와 텐서

• [ex10_1]의 이름으로 변경한다.



□ 데이터와 텐서

• ex10_1.ipynb

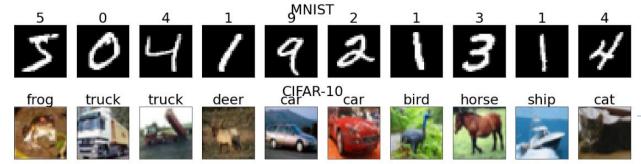
```
import tensorflow as tf
1
     import tensorflow.keras.datasets as ds
     import matplotlib.pyplot as plt
4
5
     (x_train, y_train), (x_test, y_test) = ds.mnist.load_data()
     print(x_train.shape, y_train.shape, x_test.shape, y_test.shape)
6
     plt.figure(figsize=(24, 3))
     plt.suptitle("MNIST", fontsize=30)
8
     for i in range(10):
9
        plt.subplot(1, 10, i+1)
10
        plt.imshow(x_train[i], cmap='gray')
11
12
        plt.xticks([]); plt.yticks([])
13
        plt.title(str(y_train[i]), fontsize=30)
14
```

□ 데이터와 텐서

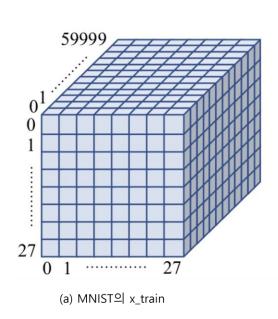
• ex10_1.ipynb

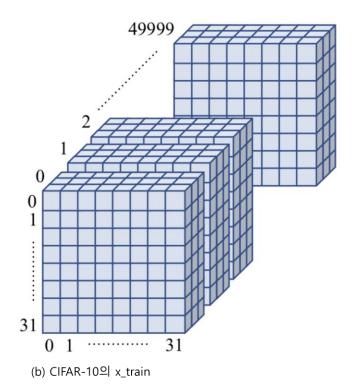
```
(x_train, y_train), (x_test, y_test) = ds.cifar10.load_data()
15
16
      print(x_train.shape, y_train.shape, x_test.shape, y_test.shape)
      class_names = ['airplane', 'car', 'bird', 'cat', 'deer', 'dog', 'frog', 'horse', 'ship', 'truck']
17
18
      plt.figure(figsize=(24, 3))
19
      plt.suptitle('CIFAR-10', fontsize=30)
      for i in range(10):
20
21
        plt.subplot(1, 10, i+1)
        plt.imshow(x_train[i])
22
23
        plt.xticks([]); plt.yticks([])
24
        plt.title(class_names[y_train[i, 0]], fontsize=30)
```

(60000, 28, 28) (60000,) (10000, 28, 28) (10000,) (50000, 32, 32, 3) (50000, 1) (10000, 32, 32, 3) (10000, 1)



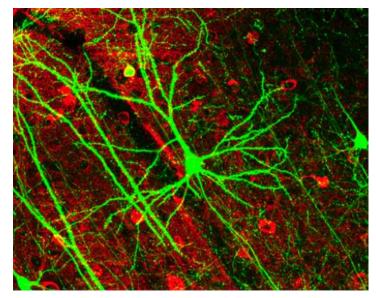
- ex10_1.ipynb
 - ▶ 예제 10-1의 데이터셋의 구조





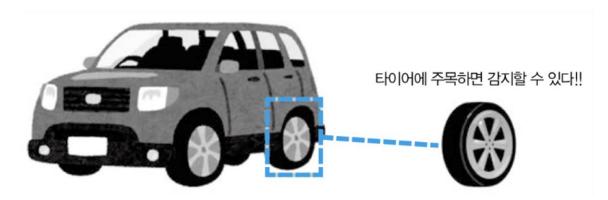
□ 딥러닝이란?

- 딥러닝은 동물의 신경망을 참고로 한 심층 신경망 모델을 사용하여 데이터의 분류나 회귀를 실시한다.
- 실제의 신경망에서 착상한 심층 신경망이지만 뇌의 신경망 재현을 목표로 하지 않고 순수하게 정밀도를 높이는 연구가 활발히 이루어지고 있다.
- 딥러닝은 기계학습의 한 파트이다.



□ 딥러닝이란?

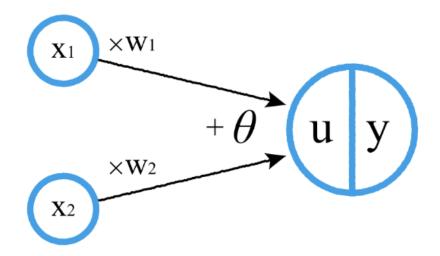
- 딥러닝이 주목받는 이유는 일손이 많이 가는 작업이 자동화되며 정확도가 높기 때문이다.
- 예를 들어 자동차 감지 작업을 생각해보자.
- 기존의 기술을 사용할 때는 인간이 자동차의 검출에 중요한 특징(feature)을 미리 정하고 이를 정점적으로 파악할 수 있는 모델을 고려한다.
- 그에 반해 딥러닝은 그러한 특징을 자동으로 찾아낸다.
 차를 감지하는 경우



기존의 기계학습 → '자동차의 특징인 타이어에 주목하라!'고 인간이 프로그램에 지시 딥러닝-→-프로그램이 차를-검출하는-데-필요한 특징을-자동으로 학습-----

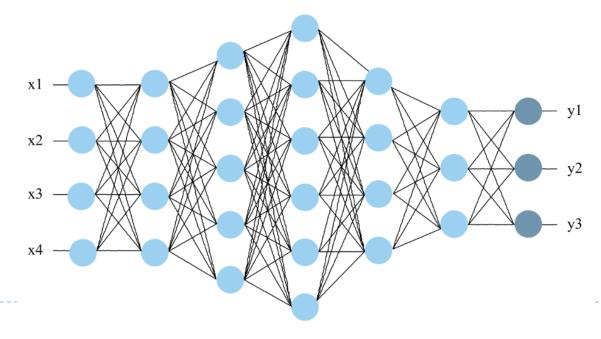
□ 딥러닝이란?

- 그림 10-19는 신경망의 기본이 되는 뉴런(neuron)이다.
- x₁, x₂가 입력, w₁, w₂ 가 가중치 파라미터이다.
- w₁x₁ + w₂x₂의 값이 임곗값 θ보다 높으면 뉴런이 발화(spiking, firing)하여 1을 출력하고, 그렇지 않으면 0을 출력하는 모델이다.



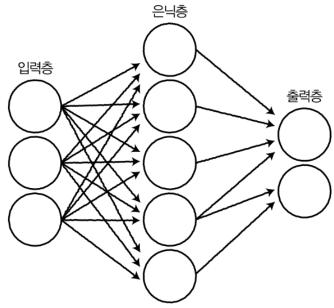
□ 딥러닝이란?

- 이 뉴런만으로는 복잡한 문제를 해결할 수 없다.
- 그러나 그림 10-20처럼 여러 층을 구축하여 복잡한 문제를 다룰 수 있게 되었다.
- 이것이 심층 신경망이다.
- 심층이라고 하는 이유는 층이 깊게 쌓인 구조를 갖기 때문이다.



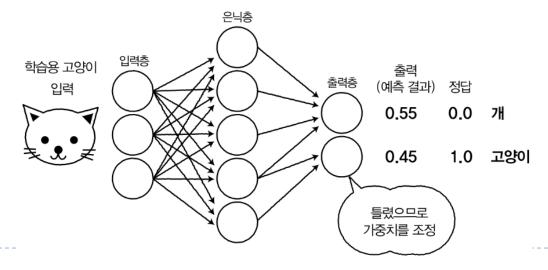
□ 딥러닝을 이용한 분류의 흐름

- 네트워크 모델 작성하기
 - 여러 뉴런을 묶은 층을 거듭해서 심층 네트워크를 구축한다.
 - ▶그러면 처음에는 각 뉴런이 입력에 대해 무작위로 반응하여 엉터리 값을 출력하게 된다.



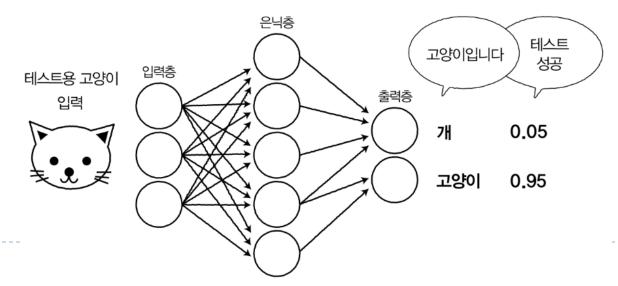
□ 딥러닝을 이용한 분류의 흐름

- 모델에 훈련용 데이터를 부여하고 학습시키기
 - ▶ 모델은 x를 입력받아 y를 출력한다.
 - ▶이때 출력 y와 정답 데이터(지도 라벨) T 사이의 차이 △E를 작게 하기 위해 오차역전파법(backpropagation)을 사용해 자동으로 각 뉴런의 가중치를 조정한다.
 - ▶데이터 x(다량의 이미지 등)와 정답 데이터 T를 제공하여 반복적으로 가중치가 조정되면 점차적으로 구하려는 출력값을 얻을 수 있게 된다.
 - >학습이 잘 진행되면 적절한 예측 값을 반환하는 모델이 된다.



□ 딥러닝을 이용한 분류의 흐름

- 분류할 데이터를 모델에 전달하기
 - ▶ 딥러닝 모델의 학습이 완료되어 학습이 끝난 모델이 완성되었다.
 - ▶ 이제는 학습된 모델을 사용하는 추론(inference)단계를 고려한다.
 - 추론 단계에서는 실제로 학습이 끝난 모델을 사용하여 예측할 데이터를 모델에 전달하고 추론한다.
 - 예를 들어 그림과 같은 이미지를 입력했을 때 고양이일 확률이 95%로 나왔다.
 - 그러면 이미지가 고양이라고 판단할 수 있다.

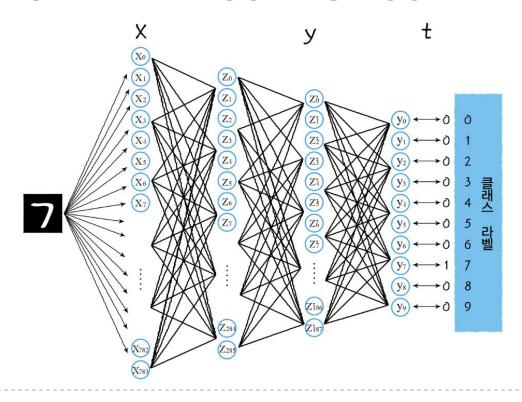


□ 분류의 흐름

- 여기서는 Keras라는 파이썬 라이브러리를 사용하여 신경망 모델을 실제로 구현해보자.
- 딥러닝 입문으로 자주 등장하는 필기체 숫자분류이다.
- 작업의 흐름은 다음과 같다.
 - 1. 데이터 준비
 - 2. 신경망모델 구축
 - 3. 모델에 데이터를 전달해서 학습시킴
 - 4. 모델의 분류 정확도 평가
- 마지막으로 실제 필기체 숫자의 이미지를 전달하여 예측된 값을 확인한다.

□ 심층 신경망

- 여기에서 만들 신경망은 모든 뉴런이 이전 층의 뉴런에 결합하는 전결합층이 2개뿐인 단순한 네트워크 구조로 되어 있다.
- 이렇게 어느 정도 깊이 있는 신경망을 심층 신경망이라고 한다.



□ 심층 신경망

- 입력을 맡은 층을 입력층, 출력하는 층을 출력층, 입력층과 출력층 사이의 층을 은닉층이라고 한다.
- 여기서 소개할 모델은 입력에 28 x 28의 흑백 이미지를 일차원 배열로 평탄화(flattening)한 784차원 벡터를 전달한다.
- 출력은 10차원의 벡터이다. 세로로 늘어선 벡터 하나하나의 요소를 노드라고 하며, 그 차원 수를 노드수라고 한다.
- 필기체 숫자를 0~9의 연속된 값으로 분류하는 것이 아니라 0~9의 10개 클래스로 분류하는 것이 자연스럽기 때문에 출력 유닛의 수는 1 이 아니라 10이 된다.
- 정답이 7인 이미지 데이터에 대한 지도 데이터 t는 클래스라벨이 7인 곳만 값이 1이고, 그 외에는 0이 된다.
- 이러한 데이터를 원-핫 벡터(one-hot encoding/vector)라고 한다.

□ 데이터 준비

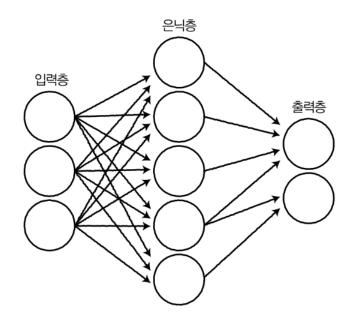
- 필기체 숫자 데이터셋으로는MNIST 데이터셋을 사용한다.
- MNIST에는 방대한 수의 필기체 숫자 이미지와 각각의 이미지에 대한 0~9로 표시된 정답 라벨이 포함되어 있다.
- MNIST은 Yann LeCun의 웹사이트3에 공개되어 있으며, Keras 코드를 실행하여 쉽게 다운로드할 수 있다.

```
import tensorflow.keras.datasets as ds (x_train, y_train), (x_test, y_test) = ds.mnist.load_data()
```

- 위 코드를 처음 실행하면 인터넷에서 데이터를 다운로드한다.
- 두 번째 이후부터는PC에 미리 저장(캐싱)된 데이터를 읽어 수행한다.
- x는 대량의 이미지 데이터, y는 대량의 지도 라벨 데이터를 의미한다.
- train은 모델 학습용 데이터, test는 모델 성능 평가시 사용하는 데이터이다.
- train과 test는 모두 일반적인 데이터로서 본질적인 차이는 없다.

□ 모델 생성

• 먼저 Keras로 모델을 관리하는 인스턴스를 만들고, add() 메서드로 한 층씩 정의한다.



□ 모델 생성

• 먼저 인스턴스를 만든다.

```
model = Sequential()
```

- 다음처럼 add () 메서드를 사용하여 모델을 한 층씩 정의한다.
- 유닛 수가 128인 전결합층을 정의한다.

```
model.add(Dense(128))
```

- 각 전결합층의 출력은 다음처럼 활성화 함수를 적용한다.
- 이는 본래 동물의 신경 발화에 해당하는 구조이다.
- 시그모이드 함수 sigmoid나 ReLU 함수 relu 등을 설정할 수 있다.

```
model.add(Activation("sigmoid"))
```

• 마지막으로 컴파일 메서드 compile ()을 이용하여 어떠한 학습을 실시할지 설정하면 모델 생성이 종료된다.

```
model.compile(optimizer=sgd, loss="categorical_crossentropy", metrics=["acc"])
```

□ 모델 생성

• ex10_2.ipynb

```
import tensorflow as tf
      import matplotlib.pyplot as plt
      import numpy as np
      from tensorflow.keras.datasets import mnist
      from tensorflow.keras.models import Sequential
6
      from tensorflow.keras.layers import Dense, Activation
8
      from tensorflow.keras.utils import plot_model
9
      from tensorflow.keras.utils import to_categorical
10
11
      (x_train, y_train), (x_test, y_test) = mnist.load_data()
12
      x_{train} = x_{train.reshape}(60000, 784)
13
      x_{test} = x_{test.reshape}(10000, 784)
14
      x_{train} = x_{train.astype}(np.float32) / 255.0
15
      x_{test} = x_{test.astype}(np.float32) / 255.0
16
      y_train = to_categorical(y_train, 10)
      y_test = to_categorical(y_test, 10)
```

□ 모델 생성

• ex10_2.ipynb

```
19
      model = Sequential()
20
21
      model.add(Dense(256, input_dim=784, activation="sigmoid"))
                                                                                                  InputLayer
22
                                                                                            50
23
      model.add(Dense(128, activation='sigmoid'))
                                                                                           100
24
                                                                                                    Dense
                                                                                           150
25
      model.add(Dense(10, activation='softmax'))
26
                                                                                           200
                                                                                                    Dense
27
      model.compile(optimizer='sgd', loss='categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
                                                                                           250
28
29
      plot_model(model, "model125.png", show_layer_names=False)
                                                                                           300
                                                                                                    Dense
30
                                                                                           350
31
      image = plt.imread("model125.png")
                                                                                                          100
32
      plt.figure(dpi=150)
      plt.imshow(image)
      plt.show()
```

□ 모델 생성

- 예제 10-2의 6~9행은 models, layers, optimizers 모듈에서 필요한 클래스를 불러온다.
- 이들 세 모듈은 텐서플로 프로그래밍의 기초에 해당하므로 주의 깊게 살피고 기억해야 한다.
 - ➤ models 모듈 : Sequential과 functional API의 두 모델을 제공한다. 다층 퍼셉트론처럼 왼쪽에서 오른쪽으로 계산이 한 줄기로 흐르는 경우에 Sequential을 쓴다.
 - ▶ layers 모듈 : 여러 가지 층을 제공한다. 다층 퍼셉트론을 구성하는 완전 연결층은 Dense 클래스로 쌓는다.
 - ➢ optimizers 모듈 : 학습 알고리즘이 사용하는 옵티마이저 함수를 제공한다. SGD, Adam, AdaGrad, RMSprop 등이 있다.

□ 모델 학습

- 모델에 훈련 데이터를 전달하여 학습을 실시한다.
- 다음처럼 fit () 메서드를 사용한다.

```
model.fit(x_train, y_train, verbose=1, epochs=3)
```

- x_train, y_train은 각각 학습용 입력 데이터와 지도 데이터이다.
- verbose에 지정한 숫자로 학습의 진척 상황 표시를 조정할 수 있다.
- verbose=1 로 지정하면 학습 등의 진척을 출력하고, verbose=0으로 지정하면 진척을 출력하지 않는다.
- epochs에는 동일한 데이터셋으로 몇 번 반복 학습할지 지정한다.
- fit() 메서드는 학습용 데이터(트레이닝 데이터)를 순서대로 모델에 입력하고, 출력 및 지도 데이터 간의 차이가 작아지도록 각 뉴런의 가중치를 조금씩 갱신한다.
- 이에 따라 오차가 감소하고, 모델의 예측 정확도가 향상된다.

□ 모델 학습

• ex10_3.ipynb

```
import tensorflow as tf
      import matplotlib.pyplot as plt
      import numpy as np
      from tensorflow.keras.datasets import mnist
      from tensorflow.keras.models import Sequential
6
      from tensorflow.keras.layers import Dense, Activation
      from tensorflow.keras.utils import plot_model
8
      from tensorflow.keras.utils import to_categorical
10
      (x_train, y_train), (x_test, y_test) = mnist.load_data()
11
12
      x_{train} = x_{train.reshape}(60000, 784)
13
      x_{test} = x_{test.reshape}(10000, 784)
14
      x_{train} = x_{train.astype(np.float32)} / 255.0
      x_{test} = x_{test.astype}(np.float32) / 255.0
15
      y_train = to_categorical(y_train, 10)
      y_test = to_categorical(y_test, 10)
```

□ 모델 학습

• ex10_3.ipynb

```
1875/1875 [-
                                                                                                             - 6s 3ms/step - loss: 0.9325 - acc: 0.7837
19
       model = Sequential()
                                                                                       - acc
                                                                                  0.75
                                                                                  0.70
20
                                                                                  0.65
                                                                                0.60
21
       model.add(Dense(256, input_dim=784, activation="sigmoid"))
                                                                                ਹੁੰ 0.55
22
                                                                                  0.50
                                                                                  0.45
23
       model.add(Dense(128, activation='sigmoid'))
                                                                                  0.40
24
                                                                                          0.25 0.50
                                                                                                   0.75
                                                                                                       1.00
                                                                                                           1.25
                                                                                                               1.50
                                                                                                                    1.75 2.00
25
       model.add(Dense(10, activation='softmax'))
26
27
       model.compile(optimizer='sgd', loss='categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
28
       history = model.fit(x_train, y_train, verbose=1, epochs=3)
29
       plt.plot(history.history['acc'], label='acc', ls='-', marker='o')
30
31
       plt.ylabel("accuracy")
32
       plt.xlabel("epoch")
33
       plt.legend(loc='best')
       plt.show()
```

Epoch 1/3

Epoch 3/3

1875/1875 [==============] - 7s 3ms/step - loss: 2.1443 - acc: 0.3774

□ 모델 평가

- 훈련 데이터로 학습을 수행하여 모델의 튜닝이 성공적으로 진행되었다.
- 그러나 모델이 훈련 데이터에만 통용되도록 학습해버린 가능성(과적합이라고 한다)도 존재하므로 이것만으로는 모델의 성능을 제대로 평가할 수 없다.
- 그래서 여기서는 학습에 이용하지 않았던 테스트 데이터를 사용해서 모델로 분류하고, 모델의 평가를 실시한다.
- 모델에 테스트 데이터를 전달했을 때의 분류 정확도를 일반화 정확도라고 하다
- 일반화 정확도의 계산은 evaluate () 메서드를 사용한다.

```
score = model.evaluate(x_test, y_test, verbose=1)
```

- x_test, y_test는 평가용 입력 데이터와 지도 데이터이다.
- evaluate() 메서드는 손실 함수의 값과 정확도를 얻을 수 있으며, 위 예제의 경우 모두 score에 저장된다.

□ 모델 평가

• ex10_4.ipynb

```
import tensorflow as tf
      import matplotlib.pyplot as plt
      import numpy as np
      from tensorflow.keras.datasets import mnist
5
      from tensorflow.keras.models import Sequential
6
      from tensorflow.keras.layers import Dense, Activation
      from tensorflow.keras.utils import plot_model
8
      from tensorflow.keras.utils import to_categorical
9
10
      (x_train, y_train), (x_test, y_test) = mnist.load_data()
11
12
      x_{train} = x_{train.reshape}(60000, 784)
13
      x_{test} = x_{test.reshape}(10000, 784)
14
      x_{train} = x_{train.astype}(np.float32) / 255.0
      x_{test} = x_{test.astype}(np.float32) / 255.0
15
16
      y_train = to_categorical(y_train, 10)
      y_test = to_categorical(y_test, 10)
```

□ 모델 평가

• ex10_4.ipynb

```
Epoch 3/3
                                                         313/313 [------] - 1s 3ms/step - loss: 0.7376 - acc: 0.8130
     model = Sequential()
19
                                                         evaluate loss: 0.7376301884651184
                                                         evaluate acc: 0.8130000233650208
20
21
     model.add(Dense(256, input_dim=784, activation="sigmoid"))
22
23
      model.add(Dense(128, activation='sigmoid'))
24
     model.add(Dense(10, activation='softmax'))
26
27
      model.compile(optimizer='sgd', loss='categorical crossentropy', metrics=['acc'])
28
      model.fit(x train, y train, verbose=1, epochs=3)
29
      score = model.evaluate(x_test, y_test, verbose=1)
30
31
     print("evaluate loss: {0[0]}\nevaluate acc: {0[1]}".format(score))
32
```

Epoch 1/3

Epoch 2/3

□ 모델에 의한 분류

- model의 predict() 메서드로 예측치를 얻을 수 있다.
- 예를 들어 x_test의 첫사진 1장의 숫자를 예측하려면 다음과 같이 기술한다.
- predict는 여러 장의 이미지를 인수로 받아들이는 것을 가정하고 있으므로
 사진 1 장을 예측하는 경우에는 차원에 주의해야 한다.

```
pred = np.argmax(model_predict(x_test[0]))
print("예측치 : " + str(pred))
```

• predict () 메서드의 출력은 10차원이므로 argmax () 함수로 가장 큰 값을 반환하는 뉴런의 위치를 취득하고 있다.

□ 모델에 의한 분류

• ex10_5.ipynb

```
import tensorflow as tf
      import matplotlib.pyplot as plt
      import numpy as np
      from tensorflow.keras.datasets import mnist
      from tensorflow.keras.models import Sequential
6
      from tensorflow.keras.layers import Dense, Activation
8
      from tensorflow.keras.utils import plot_model
      from tensorflow.keras.utils import to_categorical
10
11
      (x train, y train), (x test, y test) = mnist.load data()
12
      x_{train} = x_{train.reshape}(60000, 784)
13
      x_{test} = x_{test.reshape}(10000, 784)
14
      x_{train} = x_{train.astype(np.float32)} / 255.0
15
      x_{test} = x_{test.astype}(np.float32) / 255.0
      y_train = to_categorical(y_train, 10)
      y_test = to_categorical(y_test, 10)
```

□ 모델에 의한 분류

```
• ex10_5.ipynb
                                                             1875/1875 [==================] - 7s 4ms/step - loss: 0.9199 - acc: 0.7836
                                                             19
         model = Sequential()
   20
   21
         model.add(Dense(256, input_dim=784, activation="sigmoid"))
   22
   23
         model.add(Dense(128, activation='sigmoid'))
   24
   25
         model.add(Dense(10, activation='softmax'))
   26
   27
         model.compile(optimizer='sgd', loss='categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
   28
         model.fit(x_train, y_train, verbose=1, epochs=3)
   29
   30
         score = model.evaluate(x_test, y_test, verbose=1)
   31
   32
         print("evaluate loss: {0[0]}\nevaluate acc: {0[1]}".format(score))
   33
        for i in range (10):
   34
   35
          plt.subplot(1, 10, i+1)
          plt.imshow(x test[i].reshape((28, 28), "gray")
   36
         plt.show()
```

Epoch 1/3

1875/1875 [==================] - 6s 3ms/step - Loss: 1.5162 - acc: 0.6739

□ 하이퍼파라미터

- 딥러닝을 사용하면 분류 또는 회귀 알고리즘을 간단한 코드로 구현할 수 있으므로 매우 편리하다.
- 또한 신경망 모델은 여러 경우에 적용할 수 있어 범용적이다.
- 그러나 네트워크를 구성할 때 사람이 조정해야 하는 파라미터가 존재한다.
- 이를 하이퍼파라미터라고 한다.

□ 하이퍼파라미터

- 예제 10-6은 필기체 숫자 분류 코드를 약간 변경하고, 몇 가지 파라미터를 명시한 전형적인 딥러닝 코드이다.
- ex10_6.ipynb

```
import tensorflow as tf
      import numpy as np
      from tensorflow.keras.datasets import mnist
4
      from tensorflow.keras.models import Sequential
      from tensorflow.keras.layers import Dense, Activation, Dropout
6
      from tensorflow.keras.optimizers import SGD
      from tensorflow.keras.utils import to_categorical
10
      (x_train, y_train), (x_test, y_test) = mnist.load_data()
11
      x_{train} = x_{train.reshape}(60000, 784)
12
      x_{test} = x_{test.reshape}(10000, 784)
13
      x_{train} = x_{train.astype}(np.float32) / 255.0
14
      x_{test} = x_{test.astype}(np.float32) / 255.0
      y_train = to_categorical(y_train, 10)
      y_test = to_categorical(y_test, 10)
16
```

□ 하이퍼파라미터

• ex10_6.ipynb

```
1875/1875 [================== ] - 6s 3ms/step - loss: 0.6891 - acc: 0.7850
                                                                        Epoch 8/10
                                                                        1875/1875 [=========== ] - 7s 4ms/step - loss: 0.6339 - acc: 0.8034
                                                                        Epoch 9/10
                                                                        1875/1875 [------] - 6s 3ms/step - loss: 0.5910 - acc: 0.8196
17
                                                                        Epoch 10/10
                                                                        1875/1875 [=========== ] - 7s 4ms/step - loss: 0.5571 - acc: 0.8304
18
      model = Sequential()
                                                                        evaluate loss: 0.42317187786102295
                                                                        evaluate acc: 0.8806999921798706
19
20
      model.add(Dense(256, input_dim=784, activation="sigmoid"))
21
22
      model.add(Dense(128, activation='sigmoid'))
23
      model.add(Dropout(rate=0.5))
24
25
      model.add(Dense(10, activation='softmax'))
26
      model.compile(optimizer=SGD(learning_rate=0.01), loss='categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
27
28
      model.fit(x_train, y_train, batch_size=32, verbose=1, epochs=10)
29
30
      score = model.evaluate(x_test, y_test, verbose=1)
31
      print("evaluate loss: {0[0]}\nevaluate acc: {0[1]}".format(score))
```

Epoch 1/10

Epoch 2/10

Epoch 3/10

Epoch 4/10

Epoch 5/10

Epoch 6/10

Epoch 7/10

1875/1875 [=================] - 7s 4ms/step - loss: 1.4167 - acc: 0.5238

1875/1875 [==================] - 6s 3ms/step - loss: 0.8864 - acc: 0.7123

1875/1875 [==================] - 7s 4ms/step - loss: 0.7695 - acc: 0.7546

□ 네트워크 구조

- 네트워크 구조(은닉층 수, 은닉층의 유닛 수)는 자유롭게 설정할 수 있다.
- 일반적으로 은닉층 수 및 은닉층의 유닛 수를 많게 하면 다양한 함수를 표현할 수 있게 된다.
- 그러나 은닉층이 많아지면 입력층에 가까운 가중치를 적절하게 갱신하기 어렵고 학습이 좀처럼 진행되지 않는다.
- 은닉층의 유닛 수가 많아지면 중요성이 낮은 특징량을 추출해버려 과적합(일반화 성능이 낮아진 상태)되기 쉬워질 수도 있다.
- 그래서 적절한 네트워크 구조를 설정할 필요가 있다.
- 네트워크 구조는 이론을 구축해서 정하기 어려우며, 실제로는 이미 구현된 유사한 예를 참고하는 등 경험에 근거해 결정하는 경향이 있다.

□ 네트워크 구조

- 예제 10-7은 네트워크 구조를 변경했을 때 모델의 정확도를 평가하는 코드이다.
- ex10_7.ipynb

```
import tensorflow as tf
      import numpy as np
4
      from tensorflow.keras.datasets import mnist
      from tensorflow.keras.models import Sequential
      from tensorflow.keras.layers import Dense, Activation, Dropout
6
      from tensorflow.keras.optimizers import SGD
      from tensorflow.keras.utils import to_categorical
8
10
      (x_train, y_train), (x_test, y_test) = mnist.load_data()
11
      x_{train} = x_{train.reshape}(60000, 784)
12
      x_{test} = x_{test.reshape}(10000, 784)
13
      x_{train} = x_{train.astype(np.float32)} / 255.0
14
      x_{test} = x_{test.astype}(np.float32) / 255.0
      y_train = to_categorical(y_train, 10)
      y_test = to_categorical(y_test, 10)
```

□ 네트워크 구조

• ex10_7.ipynb

```
17
18
      model = Sequential()
19
      model.add(Dense(256, input_dim=784, activation="sigmoid"))
20
21
      def funcA():
        model.add(Dense(128, activation='sigmoid'))
23
      def funcB():
24
25
        model.add(Dense(128, activation='sigmoid'))
26
        model.add(Dense(128, activation='sigmoid'))
27
        model.add(Dense(128, activation='sigmoid'))
28
29
      def funcC():
30
        model.add(Dense(1568, activation='sigmoid'))
31
32
     # 다음 중 두 줄을 주석 처리할 것
33
34
      funcA()
     #funcB()
     #funcC()
```

□ 네트워크 구조

• ex10_7.ipynb

```
37
38
39
      model.add(Dropout(rate=0.5))
40
      model.add(Dense(10, activation='softmax'))
41
      model.compile(optimizer=SGD(learning_rate=0.01), loss='categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
42
43
      model.fit(x train, y train, batch size=32, verbose=1, epochs=3)
44
45
      score = model.evaluate(x_test, y_test, verbose=0)
46
      print("evaluate loss: {0[0]}\nevaluate acc: {0[1]}".format(score))
```

□ 드롭아웃

- 드롭아웃(dropout)은 과적합을 방지하여 모델의 정확도를 높이는 방법 중 하나이다.
- 드롭아웃을 사용하면 유닛의 일부가 학습할 때마다 무작위로 제거된다.
- 따라서 신경망은 특정 뉴런의 존재에 의존할수 없게 되어 보다 범용적인(학습 데이터 외에도 통용되기 쉬운) 특징을 학습한다.
- 결과적으로 학습 데이터에 대한 과적합을 방지할 수 있다.
- 드롭아웃은 다음과 같이 사용한다.

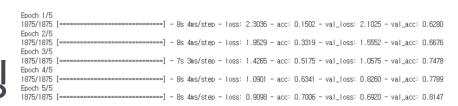
model.add(Dropout(rate=0.5))

- 여기서 rate는 제거할 유닛의 비율이다.
- 드롭아웃을 사용하는 위치, 인수(rate)는 모두 하이퍼파라미터이다.

□ 드롭아웃

- 예제 10-8은 드롭아웃을 적용한 코드이다.
- ex10_8.ipynb

```
import tensorflow as tf
       import numpy as np
       import matplotlib.pyplot as plt
       from tensorflow.keras.datasets import mnist
       from tensorflow.keras.models import Sequential
       from tensorflow.keras.layers import Dense, Activation, Dropout
       from tensorflow.keras.optimizers import SGD
       from tensorflow.keras.utils import to_categorical
10
11
       (x_train, y_train), (x_test, y_test) = mnist.load_data()
12
       x_{train} = x_{train.reshape}(60000, 784)
13
       x_{test} = x_{test.reshape}(10000, 784)
       x_{train} = x_{train.astype(np.float32)} / 255.0
14
15
      x_{test} = x_{test.astype(np.float32)} / 255.0
      y_train = to_categorical(y_train, 10)
       y_test = to_categorical(y_test, 10)
```



□ 드롭아웃

```
0.6
• ex10_8.ipynb
                                                                  0.5
   18
                                                                    0.3
   19
         model = Sequential()
                                                                    0.2
   20
   21
         model.add(Dense(256, input_dim=784, activation="sigmoid"))
   22
   23
         model.add(Dense(128, activation='sigmoid'))
   24
         model.add(Dropout(rate=0.5))
   25
   26
         model.add(Dense(10, activation='softmax'))
   27
   28
         model.compile(optimizer=SGD(learning_rate=0.01), loss='categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
   29
         history = model.fit(x_train, y_train, batch_size=32, verbose=1, epochs=5, validation_data=(x_test, y_test))
   30
   31
         plt.plot(history.history["acc"], label="acc", ls="-", marker="o")
   32
         plt.plot(history.history["val_acc"], label="val_acc", ls="-", marker="x")
   33
         plt.ylabel("accuracy")
   34
         plt.xlabel("epoch")
   35
         plt.legend(loc="best")
         plt.show()
```

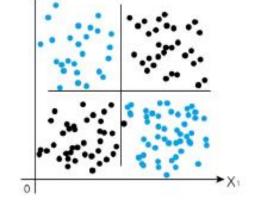
0.8

0.7

val acc

□ 활성화 함수

- 활성화 함수는 주로 전결합층 뒤에 적용하는 함수로, 뉴런의 발화에 해당한다.
- 전결합층에서는 입력을 선형 변환한 것을 출력하지만, 활성화함수를 이용함으로써 비선형성을 갖게 한다.
- 활성화 함수를 사용하지 않을 경우 그림과 같이 단일 직선으로 분리할 수 없는(선형 분리가 불가능한) 데이터는 분류할 수 없음이 수학적으로 밝혀져 있다.

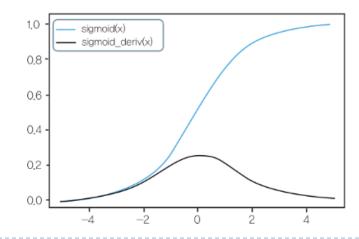


□ 활성화 함수

- 시그모이드 함수
 - ▶ 활성화 함수로 사용되는 함수 중 하나로 시그모이드 함수(sigmoid function)가 있다.

$$sigmoid(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

▶ 파란색 그래프는 시그모이드 함수고, 검은 그래프는 시그모이드 함수의 도함수(미분했을 때의 함수) 이다.

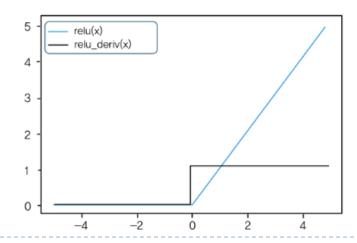


□ 활성화 함수

- ReLU **함수**
 - ▶ 활성화 함수로 자주 사용되는 ReLU 함수(랠루 또는 램프 함수로 불림)에 대해 설명한다.
 - ➤ ReLU는Rectified Linear Unit의 약자이며, 다음과 같은 함수이다.

$$\operatorname{Re} LU(x) = \begin{cases} 0 & (x < 0) \\ x & (x \ge 0) \end{cases}$$

▶ 파란색 그래프가ReLU 함수고, 검은 그래프가 ReLU 함수의 도함수이다.



- 학습시 모델의 출력과 지도 데이터의 차이(잘못된 상태)를 평가하는 함수를 손실 함수(오차 함수)라고 한다.
- 손실 함수에는 제곱오차(Squared error)와 교차 엔트로피 오차(crossentropy error) 등이 사용된다.
- 이 손실 함수를 최소화하도록 오차역전파법(backpropagation)으로 각 층의 가중치가 갱신된다.

- 제곱 오차
 - > 제곱오차는 최소제곱법으로 통계학 등 다양한 분야에서 사용되는 오차 함수이다.

$$E = \sum_{i=1}^{N} (t_i - y_i)^2$$

- 연속값 평가가 뛰어나므로 주로 회귀 모델의 오차함수로 사용된다.
- ▶ 위 식에서 y;와 t;는 각각 예측 라벨과 정답 라벨을 나타낸다.

- 교차 엔트로피 오차
 - ▶ 교차 엔트로피 오차(cross entropy error, CEE)는 이항 분류의 평가에 특화되어 있으므로 주로 분류 모델의 오차함수로 사용된다.

$$E = \sum_{i=1}^{N} \left(-t_i \log y_i - (1 - t_i) \log(1 - y_i) \right)$$

- 그러면 이 함수가 어떤 특성을 갖는지 살펴보자.

- ➢ (iii) t_i ≒ y_i 일 때 -t_ilogy_i가 -(1 t_i)log(1 y_i)는 0.69...~0의 값을 취하며, 간단한 계산으로 구할 수 있다.
- ▶ 따라서 -t_ilogy_i (1 t_i)log(1 y_i)는 |t_i y_i|가 클 때 매우 큰 값을 반환하고, |t_i y_i|가 작을 때 0에 가까운 값을 취한다는 것을 알 수 있다.
- ▶분류 학습에서 예측 라벨 y;와 정답 라벨 t; 의 값은 가까울수록 좋으므로 이 함수는 유용하다.

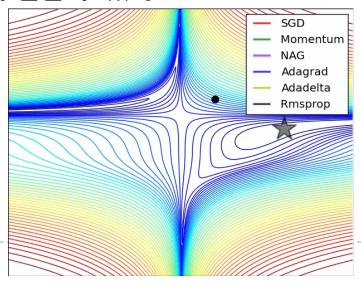
- 교차 엔트로피 오차
 - ▶ 교차 엔트로피 오차(cross entropy error, CEE)는 이항 분류의 평가에 특화되어 있으므로 주로 분류 모델의 오차함수로 사용된다.

$$E = \sum_{i=1}^{N} \left(-t_i \log y_i - (1 - t_i) \log(1 - y_i) \right)$$

- 그러면 이 함수가 어떤 특성을 갖는지 살펴보자.
 - ① t_i << y_i일 때 -t_ilogy_i 는 거의 0이고, -(1 t_i)log(1 y_i)는 양의 무한대이다.
 - ② t_i >> y_i 일 때 -t_ilogy_i는 양의 무한대이고, -(1-t_i)log(1 y_i)는 거의 0이다.
 - ③ t_i = y_i 일 때 -t_ilogy_i가 -(1 t_i)log(1 y_i)는 0.69...~0의 값을 취하며, 간단한 계산으로 구할 수 있다.
- ▶ 따라서 -t_ilogy_i (1 t_i)log(1 y_i)는 |t_i y_i|가 클 때 매우 큰 값을 반환하고, |t_i y_i|가 작을 때 0에 가까운 값을 취한다는 것을 알 수 있다.
- ▶분류 학습에서 예측 라벨 y_i와 정답 라벨 t_i 의 값은 가까울수록 좋으므로 이 함수는 유용하다.

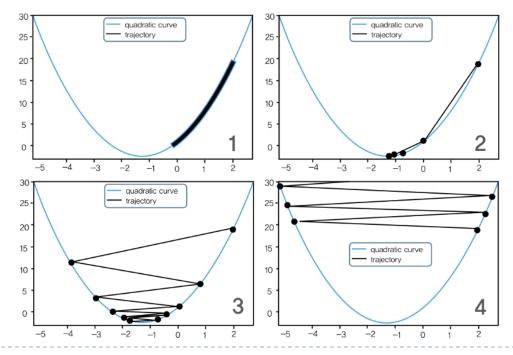
□ 최적화 함수

- 가중치 갱신은 오차 함수를 각 가중치로 미분한 값을 바탕으로 갱신해야 할 방향과 어느 정도로 갱신할지 결정한다.
- 최적화 함수는 미분에 의해 구한 값을 학습 속도, epoch 수, 과거의 가중치 갱신량 등을 근거로 어떻게 가중치 갱신에 반영할지 정하는 것이다.
- 최적화 함수는 하이퍼파라미터이다.
- 그림과 같이 최적화 함수는 여러 종류가 있으며, 올바르게 선택하지 않으면 학습에 많은 시간이 걸릴 수 있다.



□ 학습률

- 학습률(learning rate)은 각 층의 가중치를 한 번에 어느 정도 변경할지 결정하는 하이퍼파라미터이다.
- 그림은 최소화하려는 모델과 학습률이 미치는 영향을 표시한 것이다.
- 우측 상단의 점이 기본값이다.



□ 학습률

• ex10_9.ipynb

```
import tensorflow as tf
      import numpy as np
      import matplotlib.pyplot as plt
      from tensorflow.keras.datasets import mnist
5
6
      from tensorflow.keras.models import Sequential
      from tensorflow.keras.layers import Dense, Activation, Dropout
8
      from tensorflow.keras.optimizers import SGD
9
      from tensorflow.keras.utils import to_categorical
10
11
      (x_train, y_train), (x_test, y_test) = mnist.load_data()
12
      x_{train} = x_{train.reshape}(60000, 784)
13
      x_{test} = x_{test.reshape}(10000, 784)
      x_{train} = x_{train.astype(np.float32)} / 255.0
14
15
      x_{test} = x_{test.astype}(np.float32) / 255.0
      y_train = to_categorical(y_train, 10)
16
17
      y_test = to_categorical(y_test, 10)
18
      model = Sequential()
19
20
```

□ 학습률

• ex10_9.ipynb

```
21
      model.add(Dense(256, input_dim=784, activation="sigmoid"))
22
23
      model.add(Dense(128, activation='sigmoid'))
24
      model.add(Dropout(rate=0.5))
25
      model.add(Dense(10, activation='softmax'))
26
27
28
      def funcA():
29
        global lr
30
        1r = 0.01
31
32
      def funcB():
33
        global lr
34
        1r = 0.1
35
      def funcC():
36
37
        global lr
38
       lr = 1.0
39
```

□ 학습률

• ex10_9.ipynb

```
# 다음 중 두 줄을 주석 처리할 것
41
42
     funcA()
43
     #funcB()
44
     #funcC()
45
46
      model.compile(optimizer=SGD(learning_rate=lr), loss='categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
47
48
      history = model.fit(x_train, y_train, batch_size=32, verbose=1, epochs=3)
49
50
      score = model.evaluate(x_test, y_test, verbose=0)
51
      print("evaluate loss: {0[0]}\nevaluate acc: {0[1]}".format(score))
```

evaluate loss: 1.0082892179489136 evaluate acc: 0.7498999834060669

□ 미니배치 학습

- 한 번에 전달하는 데이터 수를 배치 크기(batch size)라고 하며, 이 또한 하이퍼파라미터이다.
- 한 번에 여러 데이터를 전달했을 때 모델은 각 데이터의 손실과 손실 함수의 기울기(가중치를 어떻게 갱신할 것인가)를 구하지만 가중치 갱신은 구해진 기울기의 평균으로 한 번만 실시된다.
- 복수의 데이터를 이용하여 가중치를 갱신하면 극단적으로 바뀐 데이터의 영향을 덜 받게 되고, 병렬 계산이 가능하기 때문에 계산 시간이 단축된다.
- 하지만 극단적인 가중치의 갱신이 발생하지 않게 되어 손실 함수의 국소해(local minima)에서 벗어나지 못할 수 있다.
- 편향된 데이터가 많을 때는 배치 크기를 크게 하고, 유사한 데이터가 많을 때는 배치 크기를 작게 하는 등 배치 크기를 잘 조정해야 한다.
- 배치 크기를 1로 하는 방식을 온라인 학습(확률적 경사하강법), 배치 크기를 전체 데이터 수로 지정하는 방식을 배치 학습(경사하강법), 이들의 중간이 되는 방식을 미니배치 학습이라고 한다.

□ 미니배치 학습

• ex10_10.ipynb

```
import tensorflow as tf
      import numpy as np
      import matplotlib.pyplot as plt
      from tensorflow.keras.datasets import mnist
      from tensorflow.keras.models import Sequential
      from tensorflow.keras.layers import Dense, Activation, Dropout
      from tensorflow.keras.optimizers import SGD
      from tensorflow.keras.utils import to_categorical
9
10
11
      (x_train, y_train), (x_test, y_test) = mnist.load_data()
12
      x_{train} = x_{train.reshape}(60000, 784)
13
      x_{test} = x_{test.reshape}(10000, 784)
14
      x_{train} = x_{train.astype(np.float32)} / 255.0
15
      x_{test} = x_{test.astype(np.float32)} / 255.0
      y_train = to_categorical(y_train, 10)
16
17
      y_test = to_categorical(y_test, 10)
18
      model = Sequential()
19
```

□ 미니배치 학습

• ex10_10.ipynb

```
21
      model.add(Dense(256, input_dim=784, activation="sigmoid"))
22
23
      model.add(Dense(128, activation='sigmoid'))
24
      model.add(Dropout(rate=0.5))
25
26
      model.add(Dense(10, activation='softmax'))
27
28
      model.compile(optimizer=SGD(learning_rate=0.1), loss='categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
29
      def funcA():
30
31
        global batch_size
32
        batch\_size = 16
33
34
      def funcB():
35
        global batch_size
        batch\_size = 32
36
37
      def funcC():
38
        global batch_size
        batch_size = 64
```

□ 미니배치 학습

• ex10_10.ipynb

```
41
42
    # 다음 중 두 줄을 주석 처리할 것
43
     #-----
44
     #funcA()
45
     #funcB()
46
     funcC()
47
48
49
     history = model.fit(x train, y train, batch size=batch size, verbose=1, epochs=3)
50
     score = model.evaluate(x_test, y_test, verbose=0)
51
     print("evaluate loss: {0[0]}\nevaluate acc: {0[1]}".format(score))
```

□ 반복 학습

- 일반적으로 모델의 정확도를 높이기 위해서는 동일한 훈련 데이터를 사용하여 여러 번 학습시킨다.
- 이것을 반복 학습이라고 한다.
- 학습할 횟수는 epoch 수고, 이것도 하이퍼파라미터이다.
- epoch 수를 높인다고 해서 모델의 정확도가 계속 오르는 것은 아니다.
- 정확도는 중간부터 높아지지 않을 뿐만 아니라 반복 학습으로 손실 함수를 최소화시키려 하면 과학습이 일어난다.
- 적절한 시기에 학습을 중단할 필요가 있다.

□ 반복 학습

• ex10_11.ipynb

```
import tensorflow as tf
      import numpy as np
      import matplotlib.pyplot as plt
      from tensorflow.keras.datasets import mnist
      from tensorflow.keras.models import Sequential
      from tensorflow.keras.layers import Dense, Activation, Dropout
      from tensorflow.keras.optimizers import SGD
      from tensorflow.keras.utils import to_categorical
10
      (x_train, y_train), (x_test, y_test) = mnist.load_data()
11
12
      x_{train} = x_{train.reshape}(60000, 784)
13
      x_{test} = x_{test.reshape}(10000, 784)
14
      x_{train} = x_{train.astype(np.float32)} / 255.0
15
      x_{test} = x_{test.astype}(np.float32) / 255.0
16
      y_train = to_categorical(y_train, 10)
17
      y_test = to_categorical(y_test, 10)
18
      model = Sequential()
```

□ 반복 학습

• ex10_11.ipynb

```
21
      model.add(Dense(256, input_dim=784, activation="sigmoid"))
22
23
      model.add(Dense(128, activation='sigmoid'))
24
      model.add(Dropout(rate=0.5))
25
26
      model.add(Dense(10, activation='softmax'))
27
28
      model.compile(optimizer=SGD(learning_rate=0.1), loss='categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
29
30
      def funcA():
31
        global epochs
32
        epochs = 5
33
34
      def funcB():
35
        global epochs
36
        epochs = 10
37
38
      def funcC():
        global epochs
        epochs = 60
```

□ 반복 학습

```
Epoch 8/10
                                                                                         7s 4ms/step - loss: 0.1663 - acc: 0.9515 - val_loss: 0.1607 - val_acc: 0.9525
• ex10_11.ipynb
                                                             Epoch 9/10
                                                                                          4ms/step - loss: 0.1523 - acc: 0.9556 - val loss: 0.1457 - val acc: 0.9569
          # 다음 중 두 줄을 주석 처리할 것
  42
                                                                       acc
                                                                0.950
  43
                                                                0.925
                                                                0.900
  44
          #funcA()
                                                               ₹ 0.875
  45
          funcB()
                                                                0.850
                                                                0.825
  46
          #funcC()
                                                                0.800
  |47
                                                                0.775
                                                                0.750
   48
  49
          history = model.fit(x_train, y_train, batch_size=32, verbose=1, epochs=epochs, validation_data=(x_test, y_test))
  50
  51
          plt.plot(history.history["acc"], label="acc", ls="-", marker="o")
          plt.plot(history.history["val_acc"], label="val_acc", ls="-", marker="x")
  52
  53
          plt.ylabel('accuracy')
  54
          plt.xlabel('epoch')
  55
          plt.legend(loc="best")
  56
          plt.show()
  57
  58
          score = model.evaluate(x_test, y_test, verbose=0)
          print("evaluate loss: {0[0]}\nevaluate acc: {0[1]}".format(score))
```

Epoch 1/10 1875/1875 [Epoch 2/10

Epoch 3/10

Epoch 6/10 1875/1875

Epoch 7/10

4ms/step - loss: 0.2821 - acc: 0.9178 - val_loss: 0.2554 - val_acc: 0.9263 4ms/step - loss: 0.2512 - acc: 0.9267 - val_loss: 0.2351 - val_acc: 0.9330

7s 4ms/step - loss: 0.2025 - acc: 0.9408 - val_loss: 0.1917 - val_acc: 0.9438

8s 4ms/step - loss: 0.1830 - acc: 0.9464 - val_loss: 0.1716 - val_acc: 0.9497

- 여기서는 사람이 필기한 우편번호를 인식하는 프로그램을 만든다.
- 먼저, 학습 모델을 만들어보자.
- ex10_12.ipynb

```
import tensorflow as tf
      import numpy as np
      import matplotlib.pyplot as plt
      from tensorflow.keras.datasets import mnist
      from tensorflow.keras.models import Sequential
6
      from tensorflow.keras.layers import Dense, Activation, Dropout
      from tensorflow.keras.optimizers import Adam
      from tensorflow.keras.utils import to_categorical
10
11
      (x_train, y_train), (x_test, y_test) = mnist.load_data()
12
      x train = x train.reshape(60000, 784)
13
      x_{test} = x_{test.reshape}(10000, 784)
      x_{train} = x_{train.astype}(np.float32) / 255.0
      x_{test} = x_{test.astype}(np.float32) / 255.0
```

□ 우편번호 인식기 v1.0

• ex10_12.ipynb

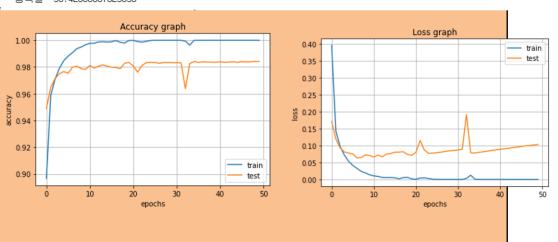
```
16
      y train = to categorical(y train, 10)
17
      y_test = to_categorical(y_test, 10)
18
19
      model = Sequential()
20
      model.add(Dense(1024, input_dim=784, activation="relu"))
21
22
      model.add(Dense(512, activation='relu'))
23
      model.add(Dense(512, activation='relu'))
24
      model.add(Dense(10, activation='softmax'))
25
      model.compile(optimizer='adam', loss='categorical_crossentropy', metrics=['acc'])
26
27
      history = model.fit(x_train, y_train, batch_size=128, verbose=2, epochs=50, validation_data=(x_test, y_test))
28
      print("정확도=", model.evaluate(x_test, y_test, verbose=0)[1] * 100)
29
30
      model.save('model_trained.h5')
31
32
```

□ 우편번호 인식기 v1.0

• ex10_12.ipynb

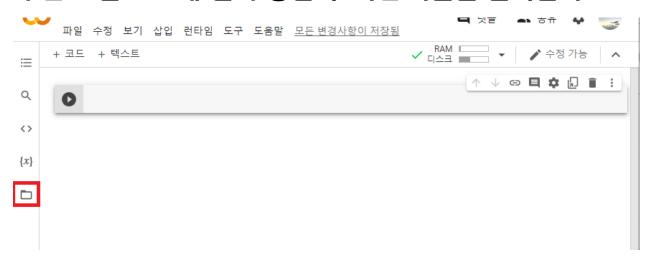
```
33
       plt.plot(history.history['acc'])
33
       plt.plot(history.history['acc'])
34
       plt.plot(history.history['val_acc'])
35
       plt.title('Accuracy graph')
36
       plt.xlabel('epochs')
37
       plt.ylabel('accuracy')
38
       plt.legend(['train', 'test'])
39
       plt.grid()
40
       plt.show()
41
42
       plt.plot(history.history['loss'])
43
       plt.plot(history.history['val_loss'])
44
       plt.title('Loss graph')
45
       plt.xlabel('epochs')
46
       plt.ylabel('loss')
47
       plt.legend(['train', 'test'])
48
       plt.grid()
       plt.show()
```

```
469/469 - 15s - Ioss: 9.1760e-06 - acc: 1.0000 - val_Ioss: 0.1001 - val_acc: 0.9839 - 15s/epoch - 32ms/step Epoch 49/50 469/469 - 15s - Ioss: 7.3259e-06 - acc: 1.0000 - val_Ioss: 0.1019 - val_acc: 0.9842 - 15s/epoch - 32ms/step Epoch 50/50 469/469 - 18s - Ioss: 6.1219e-06 - acc: 1.0000 - val_Ioss: 0.1032 - val_acc: 0.9842 - 18s/epoch - 38ms/step 전환률= 98.42000007629395
```



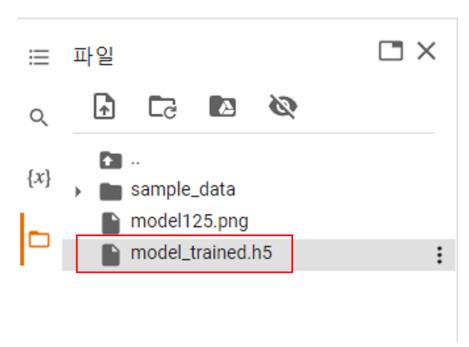
- 예제 10-12에서 눈 여겨 볼 곳은 31행의 save 함수다.
- 이 함수는 fit 함수로 학습을 마친 신경망 모델의 구조 정보와 가중치 값을 지정한 파일에 저장한다.
- 파일 포맷은 대용량의 과학 데이터를 계층적으로 저장할 때 주로 쓰는 h5**□**.
- 딥러닝에서는 학습에 시간이 많이 걸리기 때문에 학습을 마치면 save로 신경망 정보를 파일에 저장해두고 필요할 때 load model 함수로 불러다 쓰곤 한다.
- 우편번호 인식기 프로그램에서 이 파일을 불러다 쓴다.

- □ 우편번호 인식기 v1.0
 - 그럼 구글 코랩에서 생성된 딥러닝 모델을 확인해보자.
 - 구글 코랩 노트에 왼쪽 중간의 '파일'버튼을 클릭한다.

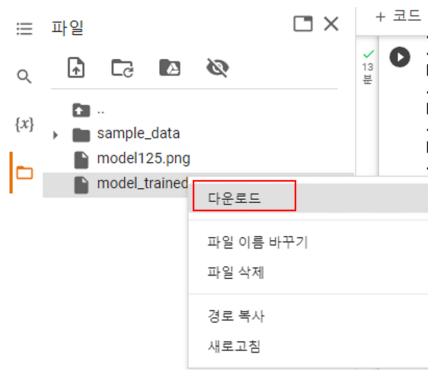


□ 우편번호 인식기 v1.0

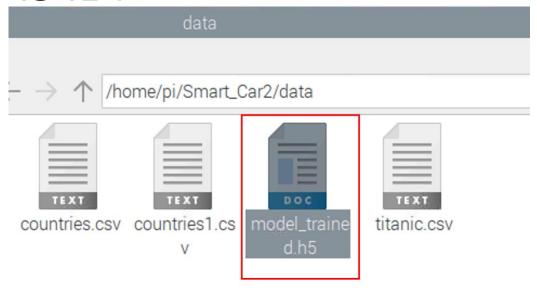
• 파일 저장 공간에 ex10_12.ipynb에서 생성한 딥러닝 모델이 있는 것을 확인할 수 있다.



- 생성한 딥러닝 모델 파일을 다운받자.
- model_trained.h5 파일을 선택하고 마우스 오른쪽 버튼을 클릭하고, 다운로드를 클릭한다.



- 파일을 다운로드하면, 다운로드 폴더에 model_trained.h5파일이 있을 것이다.
- 이제 이 파일을 라즈베리 파이의 /home/pi/Smart_Car2/data 폴더로 이동시킨다.



- 예제 10-13은 마우스로 그린 숫자를 인식하는 코드이다.
- Ex10_13.ipynb

```
import tensorflow as tf
     import numpy as np
     import matplotlib.pyplot as plt
     import cv2
     model = tf.keras.model.load model('./data/model trained.h5')
     def reset():
       global img
10
       img = np.ones((200, 520, 3), dtype=np.uint8) * 255
       for i in range(5):
11
12
         cv2.rectangle(img, (10 + i * 100, 50), (10 + (i + 1) * 100, 150), (0, 0, 255))
13
       cv2.putText(img, 'e:erase s:show r:recognition q:quit', (10, 40), cv2.FONT_HERSHEY_SIMPLEX,
     0.8, (255, 0, 0), 1)
14
```

- 예제 10-13은 마우스로 그린 숫자를 인식하는 코드이다.
- Ex10_13.ipynb

```
15
      def grab_numerals():
16
        numerals = []
17
        for i in range(5):
18
          roi = img[51:149, 11 + i * 100:9 + (i + 1) * 100, 0]
19
          roi = 255 - cv2.resize(roi, (28, 28), interpolation = cv2.INTER_CUBIC)
20
          numerals.append(roi)
21
        numerals = np.array(numerals)
22
        return numerals
23
24
      def show():
25
        numerals = grab_numerals()
26
        plt.figure(figsize = (25, 5))
27
        for i in range(5):
28
          plt.subplot(1, 5, i + 1)
29
          plt.imshow(numerals[i], cmap='gray')
30
          plt.xticks([]); plt.yticks([])
31
        plt.show()
```

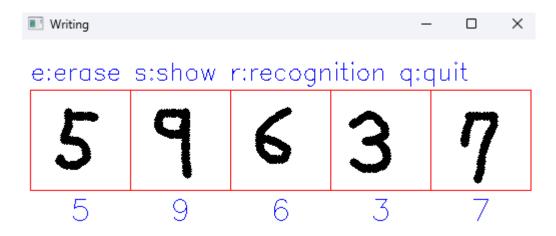
- 예제 10-13은 마우스로 그린 숫자를 인식하는 코드이다.
- Ex10_13.ipynb

```
33
      def recognition():
34
        numerals = grab_numerals()
35
        numerals = numerals.reshape(5, 784)
36
        epochs = 10
37
        numerals = numerals.astype(np.float32) / 255.0
38
        pred = model.predict(numerals)
39
        class_id = np.argmax(pred, axis=1)
        for i in range(5):
40
          cv2.putText(img, str(class_id[i]), (50 + i * 100, 180), cv2.FONT_HERSHEY_SIMPLEX, 1, (255, 0, 0), 1)
41
42
43
      BrushSize = 4
      LColor = (0, 0, 0)
44
45
46
      def writing(event, x, y, flags, param):
47
        if event == cv2.EVENT_LBUTTONDOWN:
48
          cv2.circle(img, (x, y), BrushSize, LColor, -1)
        elif event == cv2.EVENT_MOUSEMOVE and flags == cv2.EVENT_FLAG_LBUTTON:
49
          cv2.circle(img, (x, y), BrushSize, LColor, -1)
```

- 예제 10-13은 마우스로 그린 숫자를 인식하는 코드이다.
- Ex10_13.ipynb

```
52
      reset()
53
      cv2.namedWindow("Writing")
54
      cv2.setMouseCallback("Writing", writing)
55
      while(True):
56
        cv2.imshow('Writing', img)
57
        key = cv2.waitKey(1)
        if key == ord('e'):
58
59
          reset()
        elif key == ord('s'):
60
61
          show()
62
        elif key == ord('r'):
63
          recognition()
64
        elif key == ord('q'):
65
          break
66
67
      cv2.destroyAllWindows()
```

- 예제 10-13의 사용자 인터페이스를 파악하자.
- 5개의 빨간색 박스는 마우스로 숫자를 써 넣는 곳이다.
- e는 박스를 지우고, s는 박스에서 숫자를 떼내어 명암 영상으로 표시하고, r은 인식을 하고, q는 끝내는 명령어다.



- 실행 결과를 보면, 틀린 샘플이 보일 수 있다.
- 쓰고 인식하는 일을 반복해보면 상당히 많이 틀려 ex10_12.py에서 측정한 98.42%에 크게 미치지 못한다는 사실을 알 수 있다.
- 미국 사람이 종이에 쓴 숫자를 스캐너로 수집한 MNIST와 화면에 마우스로 쓴 패턴이 달라 차이가 발생한다.
- 다음 장에서는 컨볼루션 신경망으로 정확률을 크게 향상한 버전2를 만든다.

Q&A