1.1 欧几里德算法的输入大小为 $\log_2 a$, $\log_2 b$,分别将算法中进行的求余操作和赋值操作的次数表示成 $\log_2 a$, $\log_2 b$ 的函数，并由此得出欧几里德算法的渐近复杂性。

1.2 理解下面的插入排序算法，并完成后面的分析。

插入排序算法 InsertSort

输入：数组 $A[1:n]$

输出：排序后的数组 $A[1:n]$

1. For $i \leftarrow 2$ To n Do
2. $key \leftarrow A[i]$;
3. $j \leftarrow i-1$;
4. While $j>0$ 且 $A[j]>key$ Do
5. $A[j+1] \leftarrow A[j]$;
6. $j \leftarrow j-1$;
7. $A[j+1] \leftarrow key$;

(a)证明算法必然停止；

(a)利用循环不变量方法，证明算法的正确性。

(b)分别分析最坏情况下、最好情况下、平均情况下算法执行的比较操作次数和赋值操作次数，将分析结果表示成 n 的函数。分析平均复杂度是，假设所有输入服从均匀分布。

1.4 考虑如下的素数判定算法，将整除判定操作视为基本操作。

素数判定算法 IsPrime

输入：输入正整数 n

输出：n 是否为素数

1. For $i \leftarrow 2$ To $n^{1/2}$ Do
2. If i 整除 n then 返回“no”;
3. 返回“Yes”

指出算法的输入规模，将基本操作个数表达成输入规模的函数，指出这个算法是多项式时间算法还是指数时间算法。

1.5 考虑如下的计算斐波那契数列第 n 项的算法，将加法操作视为基本操作。

斐波那契 DP 算法

输入：正整数 n

输出：斐波那契数列第 n 项

1. If $n=0$ 或 1 Then 返回 1；
2. For $i \leftarrow 2$ To n
3. $F[i] \leftarrow F[i-1] + F[i-2]$;
4. 返回 $F[n]$

指出算法的输入规模，将基本操作个数表达成输入规模的函数，指出这个算法是多项式时间算法还是指数时间算法。