

## Ingeniería de Sistemas y Computación

ISIS1105 - Diseño y análisis de algoritmos

Profesor: Jorge Duitama Semestre: 2022-10

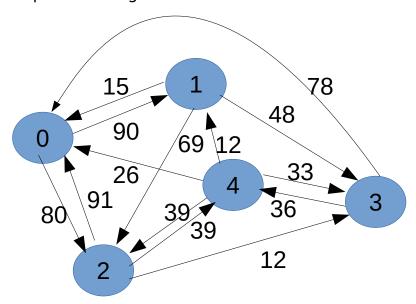


## Tarea 5

**Parte 1**: Caminos de costos mínimos. Implementar los algoritmos de Dijkstra, Bellman Ford y Floyd Warschall para encontrar la matriz de costos mínimos de caminos entre todos los vértices fuente y todos los vértices destino de un grafo dirigido de n vértices con costos en los números naturales. La entrada del programa es un archivo de texto con la matriz de costos para ir de un vértice a otro. El valor -1 en la posición i,j significa que no hay un eje del vertice i al vertice j. Por ejemplo, la matriz:

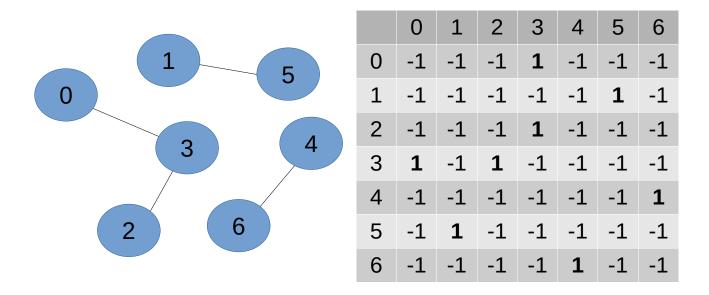
0	90	80	-1	-1
15	0	69	48	-1
91	-1	0	12	39
78	-1	-1	0	36
26	12	39	33	0

## Representa al grafo:



Ejecutar cada uno de los algoritmos con las matrices adjuntas y comparar los tiempos de ejecución.

**Parte 2**: BFS para encontrar componentes conectados. Encontrar los componentes conectados en un grafo no dirigido. Dado un grafo no dirigido representado por una matriz simétrica, encontrar una partición de los vértices tal que para cada par de elementos dentro de un subconjunto de la partición exista un camino en el grafo. Por ejemplo, para el siguiente grafo:



La respuesta debe ser  $\{\{0,2,3\},\{1,5\},\{4,6\}\}$ 

**Parte 3:** DFS. Determinar si existe al menos un ciclo en un grafo dirigido representado por una matriz como la descrita en la parte 1. Para el grafo del ejemplo, de la parte 1 un ejemplo de ciclo es <0,2,3,4,0>. En caso de que el grafo no tenga ciclos, se debe reportar un orden topológico para el grafo.

**Parte 4**. Diseñar un algoritmo de solución para el siguiente problema. Se puede entregar en papel en el lenguaje de su elección pero se recomienda implementarlo.

Una ciudad se diseño de tal modo que todas sus calles fueran de una sola vía. Con el paso del tiempo la cantidad de habitantes de la ciudad creció y esto produjo grandes trancones en algunas de las vias debido a algunos desvíos innecesarios que tienen que tomar los habitantes de la ciudad para poder llegar a sus trabajos. Por lo tanto, el alcalde tomó la decisión de ampliar algunas vias para que puedan convertirse en doble via. Dado el mapa de la ciudad y el costo de convertir cada via actual en doble via, determinar qué vias se deben convertir, de modo que se pueda transitar de cualquier punto a cualquier punto de la ciudad por dobles vias y que el costo de la conversión sea el mínimo posible.

**Entrega:** Para las 3 primeras partes, entregar un solo archivo zip que incluya al menos 3 programas que resuelvan respectivamente cada uno de los 3 problemas. Incluir un README.txt que indique cómo se debe ejecutar cada programa (formato del archivo de entrada y descripción de la salida). Además de esto, se debe entregar un pdf con los nombres de los integrantes del grupo que incluya la solución al problema de la parte 4.