算法分析与设计Ⅱ

2022-2023-2

数学与计算机学院 数据科学与大数据技术

LAST MODIFIED: 2023.2.7

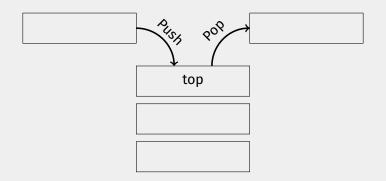


3. 基础数据结构

3.1 堆栈

堆栈

堆栈(stack) 是基础的数据结构,是一种抽象数据类型(ADT, Abstract Data Type),其特点是后进先出 (LIFO, Last In First Out)



堆栈

■ 在 C++ STL 中提供了专门的 stack¹实现堆栈的基本功能

■ 手动实现栈的操作也很容易,如果空间允许,可以使用数组, 预先为堆栈分配足够的空间;如果空间紧张,也可以使用链表, 动态的改变堆栈的空间

■ 函数的调用和返回,在计算机系统中就是通过堆栈来实现的, 系统堆栈空间并不是无限的,所以限制了函数调用的层次和规 模,递归算法是函数的反复调用,所以更需要注意

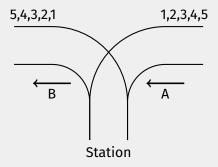
https://cplusplus.com/reference/stack/stack/

堆栈基本操作

```
// 将元素x加入堆栈S, S.top为栈顶位置
1
      // 元素入栈, 栈顶位置加1
2
      PUSH(S,x)
3
         S.top = S.top + 1
4
         S[S.top] = x
5
6
      // 栈顶元素出栈, 栈顶位置减1, 返回栈顶元素的值
7
      POP(S)
8
          if S.top>o
9
             S.top = S.top - 1
10
         return S[S.top + 1]
11
```

1363 – Rails (poj.org)

■ 如图的车站,可以通过操作将 A 序列转变成 B 序列。现在 A 为 1 到 n 的顺序序列,问给出一个序列 B,能否通过 A 生成

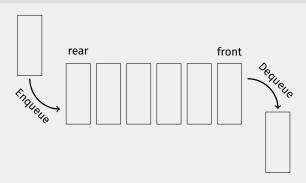


3.2 队列

队列

队列(queue) 也是一种抽象数据类型,其特点是先进先出 (FIFO, First-In-First-Out)

通常情况下,只允许在队列后端 (rear) 入队列 (Enqueue),在队列前端 (front) 出队列 (Dequeue)



队列

- 在 C++ STL 中提供了专门的 queue²实现队列的基本功能
- 在队列的操作的过程中,每次进行1个元素的入队或者出队, 不适合元素数量过多,反复进行操作
- 在计算机系统中,缓冲区管理就是采用队列实现,当队列空间 满而没有有效检查时,会出现<mark>缓冲区溢出(Buffer overflow)</mark>,利 用系统中的缓冲区溢出是黑客攻击系统的常用手段
- 队列通常采用链表或者数组来实现,使用数组的时候会出现 "伪溢出"的现象,就是数组进行一定量的入队出队操作之后, 队列头还有空间,而队列尾已满而无法入队,为了解决这个问 题,常常采用循环队列的方式
- 数组实现队列时,队列空间不方便扩展,可以采用链表

²https://cplusplus.com/reference/queue/

队列基本操作

```
// 将元素x加入队列Q, 队列尾位置加1
1
      Enqueue(Q,x)
2
          Q[Q.rear] = x
3
          Q.rear = Q.rear + 1
4
5
      // 出队列,返回队列头元素,队列头位置加1
6
      Dequeue(Q)
7
          x = Q[Q.front]
8
          Q.front = Q.front + 1
9
          return x
10
```

2823 – Sliding Window (poj.org)

■ An array of size $n \le 10^6$ is given to you. There is a sliding window of size k which is moving from the very left of the array to the very right. You can only see the k numbers in the window. Each time the sliding window moves rightwards by one position.

Example:The array is [1 3 -1 -3 5 3 6 7], and *k* is 3

Window position	Minimum value	Maximum value
[1 3 -1] -3 5 3 6 7	-1	3
1[3-1-3]5367	-3	3
13[-1-35]367	-3	5
13-1[-353]67	-3	5
13-1-3[536]7	3	6
13-1-35[367]	3	7

3.3 堆

堆

堆(heap) 是一种特别的完全二叉树,如果完全二叉树中每个节点的值都小于等于其子节点的值,称为最小堆(min heap); 反之,如果每个节点的值都大于等于其子节点的值,称为最大堆(max heap)

- 在 C++ STL 中的优先队列 priority_queue³就是堆的实现,对于 堆的应用可以直接使用优先队列
- 使用堆实现的堆排序(Heapsort), 平均时间复杂度为 O(nlogn)
- 优先队列常用于计算机操作系统中的任务调度,例如基于优先级的进程调度
- 字符串中求最优无前缀码即哈夫曼编码,使用最小堆来实现
- 图论中,使用优先队列解决基于贪心思想的最小生成树等问题

³https://cplusplus.com/reference/queue/priority_queue/

3253 – Fence Repair (poj.org)

■ 将一个长木板进行 n-1 次切割,切成 n 个小木板,切木板的花 费等于木板的长度。给出最后切割后的长度,求费用最小的切 割方案

Example

- ▶ 将 21 切割成 8,5,8,可以先切成 13 和 8,总费用 21+13=34
- ▶ 如果先切成 16 和 5,则总费用 21+16=37,超过 34
- 分析
 - ► 假定最后切割完的所有木板在一个集合里,每次从集合中选出 两个最短的,它们的和为一次切割费用,将它们合并后放回集 合,重复以上操作,最后累计切割费用即可
 - ▶ 题目的主要操作是从集合中每次取出最小的两个值,每次都重新排序的话算法复杂度会提高,而采用堆能很好的解决这个问题