1. Zadanie 9

1.1. Treść

Zaprojektować tłumik rezystywny typu T o tłumieniu L=10~dB, który włączony pomiędzy linie długie o impedancjach charakterystycznych $Z_{01}=50~\Omega$ i $Z_{02}=60~\Omega$ powinien zapewniać obustronne dopasowanie w nieskończenie szerokim paśmie częstotliwości. Zaprojektować równoważną wersję tego tłumika typu Π .

1.2. Rozwiązanie

W pierwszym kroku należy sprawdzić realizowalność dzielnika. Należy wyznaczyć stosunek impedancji r:

$$r = \left(\frac{Z_{01}}{Z_{02}}\right)^{\pm 1} \tag{1.1}$$

przy czym znak przy wykładniku dobiera się tak, aby: r > 1.

Dla przypadku określonego w treści zadania:

$$r = \frac{Z_{02}}{Z_{01}} = \frac{60}{50}$$
$$= 1.2$$

Następnie można obliczyć minimalne tłumienie jakie wprowadza dzielnik:

$$L_{min} = 10\log(\sqrt{r} + \sqrt{r-1}) \tag{1.2}$$

Podstawiając wartości określone w treści zadania otrzymuję się $L_{min} = 4.33507363245 \ dB$ co jest mniejsze od wymaganego $L = 10 \ dB$. Oznacza to, że tłumik jest realizowalny.

Projekt tłumików zaczyna się od przekształcenia wartości tłumienia z miary decybelowej na liniową:

$$N = 10^{\left(\frac{L}{10}\right)} = 10\tag{1.3}$$

1.2.1. Dzielnik typu T

W celu zaprojektowania tłumika typu T wyznacza się wartości rezystancji zgodnie ze wzorami:

$$R_3 = \frac{2\sqrt{N \times Z_{01} \times Z_{02}}}{N - 1} = 38.490017946 \ \Omega \tag{1.4}$$

$$R_2 = Z_{02} \frac{N+1}{N-1} - R_3 \qquad = 34.8433153874 \ \Omega \tag{1.5}$$

$$R_1 = Z_{01} \frac{N+1}{N-1} - R_3 \qquad = 22.6210931651 \ \Omega \tag{1.6}$$

1.2.2. Dzielnik typu Π

Wcelu zaprojektowania tłumika typu Π wyznacza się wartości rezystancji zgodnie ze wzorami:

$$R_{a} = \frac{(N-1)\sqrt{Z_{01}Z_{02}}}{2\sqrt{N}} = 77.9422863406 \Omega$$

$$R_{b} = \frac{Z_{01}R_{a}(N-1)}{R_{a}(N+1) - Z_{01}(N-1)} = 86.0997286466 \Omega$$

$$R_{c} = \frac{Z_{02}R_{a}(N-1)}{R_{a}(N+1) - Z_{02}(N-1)} = 132.619585539 \Omega$$

$$(1.7)$$

$$R_b = \frac{Z_{01}R_a(N-1)}{R_a(N+1) - Z_{01}(N-1)} = 86.0997286466 \ \Omega \tag{1.8}$$

$$R_c = \frac{Z_{02}R_a(N-1)}{R_a(N+1) - Z_{02}(N-1)} = 132.619585539 \ \Omega \tag{1.9}$$