Checkbox für die Version vom 13. Januar 2023

Die gesamte Klausur beinhaltet aktuell in Summe 120 Fragen.

Davon sind **50** Multiple Choice Fragen sowie **70** Rechen- und Textaufgaben.

Frequently asked questions (FAQ)

Was ist das hier? Im Folgenden findet sich die Sammlung *aller* Klausurfragen der Bio Data Science über *alle* Veranstaltungen, die ich an der Fakultät für Agrarwissenschaften und Landschaftsarchitektur anbiete.

Sind aber ein bisschen viele Fragen... Ja, das stimmt. Die Überlegung welche Fragen zur Veranstaltung passen obliegt dem Studierenden. Gerne stehe ich für Rückfragen bereit. Teilweise sind Fragen auch ähnlich.

Sind die Fragen fix? Ein klares Jein. Die Zahlen und die *Reihenfolge* der Aufgaben - auch im Multiple Choice Teil - werden sich ändern, da die Klausurfragen zufällig erstellt werden. Die Aufgaben*fragen* hindoch werden die gleichen Fragen bleiben.

Okay, aber woher weiß ich jetzt welche Fragen zu meiner Veranstaltung gehören? Das ist der Trick. Durch das Durchlesen und das selbstständige Sortieren der Fragen merkt man ziemlich schnell, welche Inhalte zu der Veranstaltung gehören und welche nicht. Ist also alles Teil des Lernprozesses. *Und* wenn Unsicherheiten da sind, gerne in der Wiederholungsveranstaltung - letzte Vorlesung - einfach mich fragen.

Wie sieht denn die finale Klausur aus? Die Klausur hat am Ende 10 Multiple Choice Fragen mit jeweils 2 Punkten sowie Rechen- und Textaufgaben mit in Summe ca. 60 Punkten. Ich peile daher eine Klausur mit 80 Punkten an, wobei 40 Punkte zum Bestehen der Klausur notwendig sind. Bei geteilten Veranstaltungen mit mehr als einem Dozenten ändert sich die Zusammensetzung der endgültigen Punkteanzahl!

Sind aber mehr als zehn Multiple Choice Fragen... Ja, aber es werden in der finalen Klausur nur zehn Multiple Choice Fragen sein. Ich wähle die Fragen dann zufällig aus. Ich berücksichtige natürlich die Veranstaltung und das Lernniveau.

Solange kann ich nicht warten... Dann einfach eine Mail an mich schreiben: j.kruppa@hs-onsabrueck.de

Ich versuche dann die Frage kurzfristig zu beantworten oder aber in der Vorlesung nochmal (anonym) aufzugreifen.

Matrikelnummer:	Endnote:
Vorname:	
Name:	Nicht bestanden: □

Klausurfragen der Bio Data Science

Hochschule Osnabrück

Prüfer: Prof. Dr. Jochen Kruppa Fakultät für Agrarwissenschaften und Landschaftsarchitektur j.kruppa@hs-osnabrueck.de

Version vom 13. Januar 2023

Erlaubte Hilfsmittel für die Klausur

- Normaler Taschenrechner ohne Möglichkeit der Kommunikation mit anderen Geräten also ausdrücklich kein Handy!
- Eine DIN A4-Seite als beidseitig, selbstgeschriebene, handschriftliche Formelsammlung keine digitalen Ausdrucke.

Ergebnis der Klausur

_____ von 20 Punkten sind aus dem Multiple Choice Teil erreicht.

____ von 60 Punkten sind aus dem Rechen- und Textteil erreicht.

_____ von 80 Punkten in Summe.

Es wird folgender Notenschlüssel angewendet.

Punkte	Note
78 - 80	1,0
75 - 77	1,3
70 - 74	1,7
65 - 69	2,0
59 - 64	2,3
54 - 58	2,7
49 - 53	3,0
44 - 48	3,3
41 - 43	3,7
40	4,0

Es ergibt sich eine Endnote von _____.

Multiple Choice Aufgaben

- Pro Multipe Choice Frage ist *genau* eine Antwort richtig.
- Übertragen Sie Ihre Kreuze in die Tabelle auf dieser Seite.
- Es werden nur Antworten berücksichtigt, die in dieser Tabelle angekreuzt sind!

	A	В	С	D	E	✓
1 Aufgabe						
2 Aufgabe						
3 Aufgabe						
4 Aufgabe						
5 Aufgabe						
6 Aufgabe						
7 Aufgabe						
8 Aufgabe						
9 Aufgabe						
10 Aufgabe						

• Es sind ____ von 20 Punkten erreicht worden.

Rechen- und Textaufgaben

• Die Tabelle wird vom Dozenten ausgefüllt.

Aufgabe	11	12	13	14	15	16	17
Punkte							

• Es sind ____ von 60 Punkten erreicht worden.

Multiple Choice Aufgaben

- Es wird nie mehr als fünfzig Multiple Choice Fragen geben.
- Im Laufe der Zeit werden einzelne Fragen durch andere Fragen *ersetzt*, bitte beachten Sie diesen Sachstand, wenn Sie eine *Wiederholungsklausur* im nächsten Semester schreiben.

1 Aufgabe (2 Punkte)

Welche Aussage über die confounder Adjustierung ist richtig?

- **A** □ Die *confounder* ist notwendig um Effekte gegeneinander aufzurechnen. Ohne diese Adjustierung würde der eigentliche Effekt nicht richtig geschätzt. Daher handelt es sich um eine Adjustierung der Fehlerwahrscheinlichkeiten.
- ${\bf B}$ Die *confounder* Adjustierung wird durchgeführt um den Effekt von Interesse, meist die Behandlung, von anderen Effekten zu trennen. Daher eine Adjustierung auf den β -Werten einer Regression.
- C ☐ Die *confounder* Adjustierung wird durchgeführt um den Fehler 2. Art zu kontrollieren. Ohne diese Adjustierung würde der Fehler 2. Art nicht bei 80% liegen sondern sehr schnell gegen 0 laufen.
- f D Die confounder Adjustierung wird meist ignoriert. Wenn die Annahmen an den statistischen Test richtig sind, kann auf eine Adjustierung verzichtet werden.
- **E** \square Die *confounder* Adjustierung wird durchgeführt um bei multiplen Vergleichen den Fehler 1. Art zu kontrollieren. Es wird die Irrtumswahrscheinlichkeit adjustiert, daher das α -Niveau.

2 Aufgabe (2 Punkte)

Sie haben folgende unadjustierten p-Werte gegeben: 0.01, 0.001, 0.34 und 0.42. Sie adjustieren die p-Werte nach Bonferroni. Welche Aussage ist richtig?

- **A** \square Nach der Bonferroni-Adjustierung ergeben sich die adjustierten p-Werte von 0.0025, 3e-04, 0.085 und 0.105. Die adjustierten p-Werte werden zu einem α -Niveau von 1.25% verglichen.
- **B** \square Nach der Bonferroni-Adjustierung ergeben sich die adjustierten p-Werte von 0.04, 0.004, 1 und 1. Die adjustierten p-Werte werden zu einem α -Niveau von 5% verglichen.
- **C** \square Nach der Bonferroni-Adjustierung ergeben sich die adjustierten p-Werte von 0.0025, 3e-04, 0.085 und 0.105. Die adjustierten p-Werte werden zu einem α -Niveau von 5% verglichen.
- **D** \square Nach der Bonferroni-Adjustierung ergeben sich die adjustierten p-Werte von 0.04, 0.004, 1 und 1. Die adjustierten p-Werte werden zu einem α -Niveau von 1.25% verglichen.
- **E** \square Nach der Bonferroni-Adjustierung ergeben sich die adjustierten p-Werte von 0.04, 0.004, 1.36 und 1.68. Die adjustierten p-Werte werden zu einem α -Niveau von 5% verglichen.

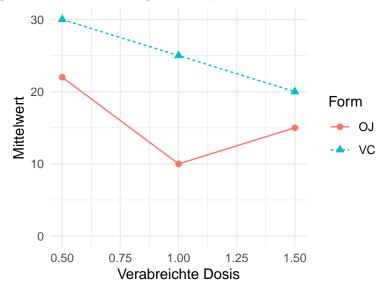
3 Aufgabe (2 Punkte)

Der Datensatz PlantGrowth enthält das Gewicht von Pflanzen, die unter einer Kontrolle und zwei verschiedenen Behandlungsbedingungen erzielt wurden. Nach der Berechnung einer einfaktoriellen ANOVA ergibt sich ein $\eta^2 = 0.19$. Welche Aussage ist richtig?

A \square Das η^2 ist die Korrelation der ANOVA. Mit der Ausnahme, dass 0 der beste Wert ist.

- **B** \square Das η^2 ist ein Wert für die Güte der ANOVA. Je kleiner desto besser. Ein η^2 von 0 bedeutet ein perfektes Modell mit keiner Abweichung. Die Varianz ist null.
- **C** \square Die Berechnung von η^2 ist ein Wert für die Interaktion.
- **D** \square Das η^2 beschreibt den Anteil der Varianz, der von den Behandlungsbedingungen erklärt wird. Das η^2 ist damit mit dem R^2 aus der linearen Regression zu vergleichen.
- **E** \square Das η^2 beschreibt den Anteil der Varianz, der von den Behandlungsbedingungen nicht erklärt wird. Somit der Rest an nicht erklärbarer Varianz.

Die folgende Abbildung enthält die Daten aus einer Studie zur Bewertung der Wirkung von Vitamin C auf das Zahnwachstum bei Meerschweinchen. Der Versuch wurde an 60 Schweinen durchgeführt, wobei jedes Tier eine von drei Vitamin-C-Dosen (0.5, 1 und 1.5 mg/Tag) über eine von zwei Verabreichungsmethoden mit Orangensaft (OJ) oder Ascorbinsäure (VC) erhielt.



Welche Aussage ist richtig im Bezug auf eine zweifaktorielle ANOVA?

- **A** ☐ Eine starke Interaktion ist zu erwarten. Die Geraden schneiden sich und die Abstände sind nicht gleichbleibend.
- **B** \square Eine starke Interaktion liegt vor. Die Geraden laufen parallel und schneiden sich nicht.
- **C** ☐ Keine Interaktion ist zu erwatzen. Die Geraden der Verabreichungsmethode laufen parallel und mit ähnlichen Abständen.
- **D** ☐ Eine leichte Interaktion ist zu erwarten. Die Geraen schneiden sich noch nicht, aber die Abstände unterscheiden sich stark.
- **E** Keine Interaktion liegt vor. Die Geraden scheiden sich und laufen nicht parallel.

5 Aufgabe (2 Punkte)

Eine einfaktorielle ANOVA berechnet eine Teststatistik um zu die Nullhypothese abzulehnen. Welche Aussage über die Teststatistik der ANOVA ist richtig?

A □ Die ANOVA berechnt die F-Statistik aus den SS Behandlung geteilt durch die SS Fehler.

ВП	tan durch die Standardabweichung der Gruppen teilt. Wenn die T-Statistik höher als 1.96 ist, kann die Nullhypothese abgelehnt werden.
c 🗆	Die ANOVA berechnet die T-Statistik aus der Multiplikation der MS Behandlung mit der MS der Fehler. Wenn die F-Statistik 0 ist, kann die Nullhypothese abgelehnt werden.
D 🗆	Die ANOVA berechnet die F-Statistik indem die MS der Behandlung durch die MS des Fehlers geteilt werden. Wenn die F-Statistik sich der 0 annähert kann die Nullhypothese nicht abgelehnt werden.
E	Die ANOVA berechnet die F-Statistik indem die MS des Fehlers durch die MS der Behandlung geteilt werden. Wenn die F-Statistik sich der 1 annähert kann die Nullhypothese nicht abgelehnt werden.
6 /	Aufgabe (2 Punkte)
	naben das abstrakte Modell $Y \sim X$ mit X als Faktor mit zwei Leveln vorliegen. Welche Aussage $n_1 = n_2$ ist richtig?
A 🗆	Es handelt sich um ein unbalanciertes Design
В□	Es handelt sich um abhängige Beobachtungen.
c □	Es liegt Varianzhomogenität vor.
D 🗆	Es handelt sich um ein balanciertes Design.
E	Es liegt Varianzhetrogenität vor.
7 /	Aufgabe (2 Punkte)
	Mindestanzahl an Beobachtungen für eine Zelle der Vierfeldertafel bei der Nutzung eines Quadrat-Testes ist
A 🗆	10 Beobachtungen
В□	1 Beobachtung
c □	5 Beobachtungen
D 🗆	2 Beobachtungen
E	0 Beobachtungen
8 /	Aufgabe (2 Punkte)
Weld	che Aussage über den Korrelationskoeffizienten nach Pearson ist richtig?
A 🗆	Der Korrelationskoeffizienten nach Pearson wird genutzt, wenn das Outcome Y normalverteilt ist. Der Korrelationskoeffizienten liegt zwischen 0 und 1.
В□	Der Korrelationskoeffizienten nach Pearson wird genutzt, wenn das Outcome Y normalverteilt ist. Der Korrelationskoeffizienten liegt zwischen -1 und 1.
c 🗆	Der Korrelationskoeffizienten nach Pearson wird genutzt, wenn das Outcome Y nicht normalverteilt ist. Der Korrelationskoeffizienten liegt zwischen 0 und 1.
D 🗆	Der Korrelationskoeffizienten nach Pearson wird genutzt, wenn der Korrelationskoeffizienten zwischen -1 und 1 liegt. Dann sind die Residuen normalverteilt.
E	Der Korrelationskoeffizienten nach Pearson wird genutzt, wenn das Outcome Y nicht normalverteilt ist. Der Korrelationskoeffizienten liegt zwischen -1 und 1.

9 Aufgabe (2 Punkte) Berechnen Sie den Mittelwert und Standardabweichung von y mit 2, 12, 16, 8 und 11. **A** □ Es ergibt sich 8.8 +/- 13.6 **B** ☐ Es ergibt sich 9.8 +/- 5.22 **C** □ Es ergibt sich 9.8 +/- 27.2 **D** ☐ Es ergibt sich 9.8 +/- 2.61 **E** □ Es ergibt sich 10.8 +/- 2.61 10 Aufgabe (2 Punkte) Berechnen Sie den Median und das IQR von x mit 32, 19, 30, 19, 26, 32 und 63. **A** □ Es ergibt sich 32 +/- 19 **B** □ Es ergibt sich 30 +/- 19 **C** □ Es ergibt sich 30 [19, 32] **D** ☐ Es ergibt sich 30 +/- 32 **E** □ Es ergibt sich 32 [19, 32] 11 Aufgabe (2 Punkte) Eine der gängigsten Methode der Statistik um einen Fehler zu bestimmen ist... **A** □ ... die Methode des absoluten, quadrierten Abstands. **B** □ ... das Produkt der kleinsten Quadrate. **C** □ ... die Methode des absoluten Abstands. **D** □ ... die kleinste Quadrate Methode oder auch least square method genannt. **E** □ ... die Methode der aufaddierten, absoluten Abstände. 12 Aufgabe (2 Punkte) Welche Aussage über Cook's d und Cohen's d ist richtig? A

Wir nutzen Cook's d um Outlier in den Daten zu finden und Cohen's d um standardisierte Outlier für Gruppenvergeliche zu erhalten. **B** Wir nutzen Cook's d um Outlier in den Daten zu finden und Cohen's d um einen standardisierten Effektschätzer für Gruppenvergeliche zu erhalten. C Wir nutzen Cook's d um Outlier in den Daten zu finden und Cohen's d um einen nicht standardisierten Effektschätzer für Gruppenvergeliche zu erhalten. **D** Wir nutzen Cohen's d um Outlier in den Daten zu finden und Cook's d um einen standardisierten Effektschätzer für Gruppenvergeliche zu erhalten.

E ☐ Wir nutzen Cook's d um Outlier in den Daten zu finden. Cohen's d findet auch Outlier, ist

aber ein veraltetetes Konzept in der Statistik.

13 Aufgabe (2 Punkte) Die empfohlene Mindestanzahl an Beobachtungen für einen Boxplot sind... **A** □ 1 Beobachtung. **B** □ 2-5 Beobachtungen. **C** □ 10 Beobachtungen. **D** ☐ mindestens 20 Beobachtungen. **E** □ 5 und mehr Beobachtungen. 14 Aufgabe (2 Punkte) Mit einem Dotplot wird Folgendes in der Statistik und der explorativen Datenanalyse hauptsächlich dargestellt. **A** □ Die Verteilung von Daten. Meistens dem Outcome oder auch *y* genannt. Hierbei ist eine hohe Fallzahl notwendig mit mehr als 20 Beoabchtungen. **B** \square Die Eigenschaften von Daten anhand der fehlenden Werte und den Leveln eines Faktors x. $\mathbf{C} \square$ Die Eigenschaften von Daten aufgeteilt nach zwei Gruppen eines Faktors x. **D** Die Verteilung von Daten. Auch 2 bis 5 Beonachtungen können noch dargestellt werden. **E** □ Die Verteilung von Daten. Meistens dem Outcome oder auch *y* genannt. Die Darstellung ist auch mit einer kleinen Fallzahl von Minimum 5 Beoabchtungen möglich. 15 Aufgabe (2 Punkte) Nachdem Sie in einem Experiment die Daten D erhoben haben, berechnen Sie den Mittelwert und den Median. Der Mittelwert \bar{y} und der Median \tilde{y} unterscheiden sich nicht. Welche Aussage ist richtig? A

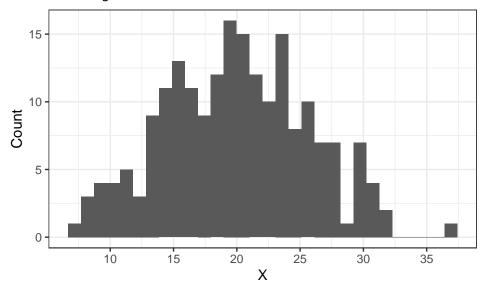
Da sich der Mittelwert und der Median nicht unterscheiden, liegen vermutlich Outlier in den Daten vor. **B** Da sich der Mittelwert und der Median unterscheiden, liegen vermutlich Outlier in den Daten vor. Wir untersuchen den Datensatz nach auffälligen Beobachtungen. C Da sich der Mittelwert und der Median nicht unterscheiden, liegen vermutlich keine Outlier in den Daten vor. Wir verweden den Datensatz so wie er ist. **D** Da sich der Mittelwert und der Median unterscheiden, liegen vermutlich keine Outlier in den Daten vor. **E** □ Da sich der Mittelwert und der Median unterscheiden, ist der Datensatz nicht zu verwenden. Mittelwert und Median müssen gleich sein.

Price et al. (2016) untersuchte die Auswirkungen des Bergbaus und der Talauffüllung auf den Bestand und die Häufigkeit von Bachsalamandern. Um den Effekt zu Berechnen nutze Price et al. (2016) eine Possion-Regression auf die Anzahl an aufgefundenen Bachsalamandern an den jeweiligen Suchorten. Welche Aussage zur Possion-Regression auf Zähldaten ist richtig?

- **A** \square Die Possion-Regression schätzt drei Verteilungsparameter. Deshalb muss überprüft werden, ob Overdispersion vorliegt. Mit einer geschätzen Overdispersion von 2.97 liegt Overdispersion vor. Die Lösung ist die Nutzung von nur zwei der drei Verteilungsparameter: γ_1 und γ_3 .
- **B** Die Possion-Regression schätzt nur einen Verteilungsparameter. Deshalb muss überprüft werden, ob Overdispersion vorliegt. Mit einer geschätzen Overdispersion von 2.97 liegt Overdispersion vor. Die Lösung ist die Nutzung einer anderen Verteilungsfamilie wie die Quasipossion Verteilung.
- C ☐ Die Possion-Regression schätzt zwei Verteilungsparameter. Deshalb muss überprüft werden, ob Overdispersion vorliegt. Mit einer geschätzen Overdispersion von 2.97 liegt keine Overdispersion vor.
- D ☐ Die Possion-Regression schätzt nur einen Verteilungsparameter. Deshalb muss überprüft werden, ob Overdispersion vorliegt. Mit einer geschätzen Overdispersion von 2.97 liegt keine Overdispersion vor. Overdispersion liegt vor, wenn die geschätzte Overdispersion unter 1 liegt.
- **E** □ Die Possion-Regression schätzt nur einen Verteilungsparameter. Deshalb muss überprüft werden, ob Overdispersion vorliegt. Mit einer geschätzen Overdispersion von 2.97 liegt Overdispersion vor. Damit kann keine Possion-Regression gerechnet werden. Die Lösung ist eine Gaussian Regression mit Nullanpassung.

17 Aufgabe (2 Punkte)

In dem folgenden Histogramm von n = 200 Pflanzen ist welche Verteilung mit welchen korrekten Verteilungsparametern dargestellt?



- **A** □ Eine rechtsschiefe, multivariate Normalverteilung.
- **B** \square Eine Standardnormalverteilung mit N(0,1).

СП	Es handelt sich um eine Binomial-Verteilung mit Binom(10).
D 🗆	Es handelt sich um eine Poisson-Verteilung mit Pois(20).
E 🗆	Es handelt sich um eine Normalverteilung mit N(20, 5).
18	Aufgabe (2 Punkte)
Besta (201 ligen achte Mode	e et al. (2016) untersuchte die Auswirkungen des Bergbaus und der Talauffüllung auf den and und die Häufigkeit von Bachsalamandern. Um den Effekt zu Berechnen nutze Price et al. (6) eine Possion-Regression auf die Anzahl an aufgefundenen Bachsalamandern an den jeweigsuchorten. Nach einer statistischen Beratung wurde Ihm nahegelegt auf Overdispersion zu en, wenn er statistische Aussagen zur Signifikanz treffen will. Price et al. (2016) schätzt zwei elle. Modell 1 mit einer Possion Verteilung und Modell 2 mit einer Quasi-Poisson Verteilung. The Aussage zu einer geschätzen Overdispersion von 2.68 ist richtig?
A 🗆	Das vergleichen von verschiedenen Modellen muss erst über ein AlC Kriterium erfolgen. Die Abschätzung über die Overdispersion ist nicht notwendig. Die Varianzen werden später in einer ANOVA adjustiert. Die Confounder Adjustierung.
В□	Bei einer geschätzen Overdispersion höher als 1.5 ist von Overdispersion in den Daten auszugehen. Daher wird die Varianz systematisch unterschätzt, was zu höheren p-Werten führt. Daher gibt es weniger signifikante Ergebnisse als es in Wirklichkeit gibt. Daher ist das Modell 1 die bessere Wahl.
c 🗆	Bei einer geschätzen Overdispersion höher als 1.5 ist von Overdispersion in den Daten auszugehen. Daher wird die Varianz systematisch überschätzt, was zu höheren p-Werten führt. Daher gibt es mehr signifikante Ergebnisse als es in Wirklichkeit gibt. Daher ist das Modell 1 die bessere Wahl
D 🗆	Bei einer geschätzen Overdispersion höher als 1.5 ist von keiner Overdispersion in den Daten auszugehen. Dennoch sind die p-Werte zu klein, dass diese p-Werte natürlich entstanden sein könnten. Die p-Werte müssen adjustiert werden.
E	Bei einer geschätzen Overdispersion höher als 1.5 ist von Overdispersion in den Daten auszugehen. Daher wird die Varianz systematisch unterschätzt, was zu kleineren p-Werten führt. Daher gibt es mehr signifikante Ergebnisse als es in Wirklichkeit gibt. Daher ist das Modell 2 die bessere Wahl.
19	Aufgabe (2 Punkte)
	nem Zuchtexperiment messen wir die Ferkel verschiedener Sauen. Die Ferkel einer Muttersau daher im statistischen Sinne
A 🗆	Untereinander unabhängig. Sollten die Mütter verwandt sein, so ist die Varianzstruktur ähnlich und muss modelliert werden.
В□	Untereinander abhängig. Die Ferkel stammen von einem Muttertier und haben vermutliche eine ähnliche Varianzstruktur.
C 🗆	Untereinander abhängig, wenn die Mütter ebenfalls miteinander verwandt sind. Erst die Abhängigkeit 2. Grades wird in der Statistik modelliert.
D 🗆	Untereinander unabhängig. Die Ferkel sind eigenständig und benötigen keine zusätzliche Behandlung.
E 🗆	Untereinander stark korreliert. Die Ferkel sind von einer Mutter und sommit miteinander korreliert. Dies wird in der Statistik jedoch meist nicht modelliert.

Sie haben das abstrakte Modell $y \sim x_1 + x_2$ vorliegen. Welche Aussage über Y ist richtig? **A** \square Y beinhaltet eine Spalte. Die Spalte gibt nicht die Verteilungsfamilie vor.

B □ Y beinhaltet mehrere Spalten. Die Spalten geben die Verteilungsfamilie vor.

C ☐ Y beinhaltet mehrere Spalten. Die Spalten enthalten die Behandlung und weitere potenzielle Einflussvariablen

 ${\bf D} \ \square$ Y beinhaltet eine Spalte. Die Spalte gibt die Verteilungsfamilie vor.

E □ Y beinhaltet die Zeilen. Die Zeilen geben die Verteilungsfamilie vor.

21 Aufgabe (2 Punkte)

Sie haben das Modell $Y \sim X$ vorliegen und wollen nun ein kausales Modell rechnen. Welche Aussage ist richtig?

A \square Ein kausales Modell wird auf einem Trainingsdatensatz trainiert und anschliessend über eine explorative Datenanalyse validiert. Signifikanzen über β_i können hier nicht festgestellt werden.

B \square Ein kausales Modell möchte die Zusammenhänge von X auf Y modellieren. Hierbei geht es um die Effekte von X auf Y. Man sagt, wenn X um 1 ansteigt ändert sich Y um einen Betrag β .

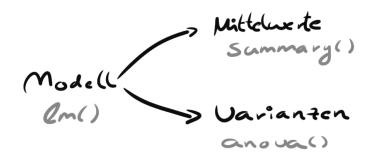
C ☐ Ein kausales Modell benötigt mindestens eine Fallzahl von über 100 Beobachtungen und darf keine fehlenden Werte beinhalten. Die Varianzkomponenten müssen homogen sein.

D \square Ein kausales Modell basiert auf einem Traingsdatensatz und einem Testdatensatz. Auf dem Trainingsdatensatz wird das Modell trainiert und auf dem Testdatensatz validiert.

E \square Ein kausales Modell schliesst grundsätzlich lineare Modell aus. Es muss ein Graph gefunden werden, der alle Punkte beinhaltet. Erst dann kann das R^2 berechnet werden.

22 Aufgabe (2 Punkte)

In der folgenden Abbildung ist der Zusammenhang vom Modell zu der linearen Regression und der ANOVA skizziert.



Welche der folgenden Aussagen ist richtig?

A □ Die Effektschätzer aus einem Modell, in diesem Fall ein lineares Modell, erlauben es sowohl eine ANOVA zurechnen sowie auch eine Zusammenfassung der Mittelwerte zu betrachten.

B □ Die Effektschätzer aus einem Modell, erlauben es nur eine ANOVA zu rechnen.

C 🗆	Die Effektschätzer aus einem Modell, in diesem Fall ein polynomes Modell, erlauben es sowohl eine ANOVA zurechnen sowie auch eine Zusammenfassung der Mittelwerte zu betrachten.
D 🗆	Die Effektschätzer aus einem Modell, in diesem Fall ein lineares Modell, erlauben es nur eine ANOVA zurechnen oder eine Zusammenfassung der Mittelwerte zu betrachten. Beides ist nicht möglich.
E 🗆	Die Effektschätzer aus einem Modell, erlauben es nur einen Mittelwertsvergleich zu rechnen.
23	Aufgabe (2 Punkte)
	er Statistik werden die Daten D modelliert in dem ein Modell der Form $Y \sim X$ aufgestellt wird. The statistische Kenngrösse wird modelliert?
A 🗆	Die Varianz der X unabhängig vom Y wird modelliert.
В□	Die Y werden modelliert.
c □	Die X werden modelliert.
D 🗆	Die Varianzstruktur wird modelliert.
E 🗆	Die Mittelwerte werden modelliert.
24	Aufgabe (2 Punkte)
finde	ühren ein Experiment zur Behandlung von Klaueninfektionen bei Kühen durch. Bei 4 Tieren en Sie eine Erkrankung der Klauen vor und 12 Tiere sind gesund. Welche Aussage über den ratio Effektschätzer ist richtig?
A 🗆	Es ergibt sich ein Risk ratio von 0.25, da es sich um ein Anteil handelt.
В□	Es ergibt sich ein Risk ratio von 0.33, da es sich um eine Chancenverhältnis handelt.
c □	Es ergibt sich ein Risk ratio von 0.33, da es sich um ein Anteil handelt.
D 🗆	Es ergibt sich ein Risk ratio von 3, da es sich um ein Anteil handelt.
	Es ergibt sich ein Risk ratio von 0.25, da es sich um eine Chancenverhältnis handelt.
25	Aufgabe (2 Punkte)
Welc	he Aussage über die nicht-parametrische Statistik ist richtig?
A 🗆	Die nicht-parametrische Statistik ist ein Vorgänger der parametrischen Statistik und wurde wegen dem Mangel an Effektschätzern nicht mehr ab 1960 genutzt.
В□	Die nicht-parametrische Statistik basiert auf dem Schätzen von Parametern aus einer festgelegten Verteilung. Daher gibt es auch direkt zu interpretierenden Effektschätzer.
C 🗆	Die nicht-parametrische Statistik basiert auf Rängen. Daher gibt es auch direkt zu interpretierenden Effektschätzer.
D 🗆	Die nicht-parametrische Statistik basiert auf Rängen. Daher wird jeder Zahl ein Rang zugeteilt. Nur auf den Rängen wird die Auswertung gerechnet. Daher gibt es auch keinen direkt zu interpretierenden Effektschätzer.
E 🗆	Die nicht-parametrische Statistik basiert auf dem Schätzen von Parametern aus einer a priori festgelegten Verteilung. Daher gibt es auch direkt zu interpretierenden Effektschätzer.

	Randomisierung von Beobachtungen bzw. Samples zu den Versuchseinheiten ist bedeutend er Versuchsplanung. Welche der folgenden Aussagen ist richtig?
A 🗆	Randomisierung sorgt für Strukturgleichheit und erlaubt erst von der Stichprobe auf die Grundgesamtheit zurückzuschliessen.
В□	Randomisierung war bis 1952 bedeutend, wurde dann aber in Folge besserer Rechnerleistung nicht mehr verwendet. Aktuelle Statistik nutzt keine Randomisierung mehr.
C 🗆	Randomisierung erlaubt erst die Varianzen zu schätzen. Ohne eine Randomisierung ist die Berechnung von Mittelwerten und Varianzen nicht möglich.
D 🗆	Randomisierung erlaubt erst die Mittelwerte zu schätzen. Ohne Randomisierung keine Mittelwerte. $\ $
E 🗆	Randomisierung bringt starke Unstrukturiertheit in das Experiment und erlaubt erst von der Stichprobe auf die Grundgesamtheit zurückzuschliessen.
27	Aufgabe (2 Punkte)
sche	n Sie einen Datensatz erstellen, dann ist es ratsam die Spalten und die Einträge in englir Sprache zu verfassen, wenn Sie später die Daten in \mathbf{R} auswerten wollen. Welcher folgende id ist richtig?
A 🗆	Die Spracherkennung von 😱 ist nicht in der Lage Deutsch zu verstehen.
В□	Es gibt keinen Grund nicht auch deutsche Wörter zu verwenden. Es ist ein Stilmittel.
c 🗆	Programmiersprachen können nur englische Begriffe verarbeiten. Zusätzliche Pakete können zwar geladen werden, aber meist funktionieren diese Pakete nicht richtig. Deutsch ist International nicht bedeutend genug.
D 🗆	Alle Funktionen und auch Anwendungen sind in \P in englischer Sprache. Die Nutzung von deutschen Wörtern ist nicht schick und das ist zu vermeiden.
E	Im Allgemeinen haben Programmiersprachen Probleme mit Umlauten und Sonderzeichen, die in der deutschen Sprache vorkommen. Eine Nutzung der englischen Sprache umgeht dieses Problem auf einfache Art.
28	Aufgabe (2 Punkte)
	der explorativen Datenanalyse (EDA) in R gibt es eine richtige Abfolge von Prozessschritten, Circle of life genannt. Wie lautet die richtige Reihenfolge für die Erstellung einer EDA?
A 🗆	Wir transformieren die Spalten über mutate() in ein tibble und können dann über ggplot() uns die Abbildungen erstellen lassen. Dabei beachten wir das wir keine Faktoren in den Daten haben.
В□	Wir lesen die Daten ein und mutieren die Daten. Dabei ist wichtig, dass wir nicht das Paket tidyverse nutzen, da dieses Paket veraltet ist. Über die Funktion library(tidyverse) entfernen wir das Paket von der Analyse.
c 🗆	Wir lesen als erstes die Daten über read_excel() ein, transformieren die Spalten über mutate() in die richtige Form und können dann über ggplot() uns die Abbildungen erstellen lassen. Wichtig ist, dass wir keine Faktoren sondern nur numerische Variablen vorliegen haben.

D ☐ Wir lesen die Daten über eine generische Funktion read() ein und müssen dann die Funktion ggplot() nur noch installieren. Dann haben wir die Abbildungen als *.png vorliegen.
E ☐ Wir lesen als erstes die Daten über read_excel() ein, transformieren die Spalten übe mutate() in die richtige Form und können dann über ggplot() uns die Abbildungen ersteller lassen.
29 Aufgabe (2 Punkte)
In einem Stallexperiment mit $n=102$ Ferkeln wurden verschiedene Outcomes gemessen: de Gewichtszuwachs, Überleben nach 21 Tagen sowie Anzahl Verletzungen pro 7 Tagen. Zwei Licht regime wurden als Einflussfaktor gemessen. Sie erhalten den \bigcirc Output der Funktion tidy (einer simplen $logistischen$ linearen Regression. Welche Aussage über den Effekt ist richtig?
term estimate std.error
(Intercept) 0.00 0.29 light_binhigh -19.57 1463.44
A \square In einer logistischen Regression berechnet man das RR. Daher muss der Schätzer des Effektes β_1 noch quadriert werden. Somit liegt das RR bei 382.83
B \square In einer logistischen Regression muss für die Interpretation des Effektes das β_1 quadrier werden. Somit liegt das OR bei 382.83
C ☐ In einer logistischen Regression wird die Mittelwertsdifferenz betrachtet. Daher ist der Effek zwischen den beiden Lichtregimen eine Gewichtsänderung von -19.57
$f D$ \Box Eine logistischen Regression basiert auf dem maximum Likelihood Prinzip. Hierbei kann kein Effekt beschrieben werden. Im Zweifel hilft aber eine Quadrierung der Fehlerqudrate ϵ .
E □ In einer logistischen Regression kann kein Effekt roh interpretiert werden. Es muss erst eine Confounderadjustierung durchgeführt werden.
30 Aufgabe (2 Punkte)
In einer linearen Regression werden die ϵ oder Residuen geschätzt. Welcher Verteilung folgen die Residuen bei einer optimalen Modellierung?
A \square Die Residuen sind normalverteilt mit $\mathcal{N}(0,1)$.
B □ Die Residuen folgen einer Poissonverteilung mit Pois(0).
C ☐ Die Residuen sind binomialverteilt.
D \square Die Residuen sind normalverteilt mit $\mathcal{N}(\bar{y}, s^2)$.
E \square Die Residuen sind normalverteilt mit $\mathcal{N}(0, s^2)$.
31 Aufgabe (2 Punkte)
Welche Aussage über das generalisierte lineare Modell (GLM) ist richtig?
▲□ Das GLM erlaubt auch weitere Verteilungsfamilien für das Y bzw. das Outcome in einer li

 ${\bf B} \ \square$ Das GLM ist eine allgemeine Erweiterung der linearen Regression auf die Normalverteilung.

nearen Regression zu wählen.

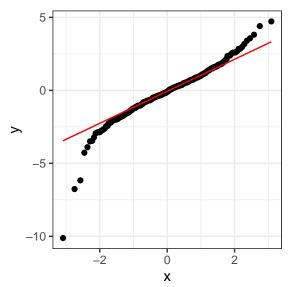
- **C** □ Das GLM ist ein faktisch maschineller Lernalgorithmus, der selstständig die Verteilungsfamilie für Y wählt.
- **D** □ Das GLM ist eine Vereinfachung des LM in R. Mit dem GLM lassen polygonale Regressionen rechnen
- **E** □ Das GLM erlaubt auch nicht normalverteilte Residuen in der Schätzung der Regressionsgrade.

Sie rechnen in einer linearen Regression das Modell A und das Modell B. Nun stellt sich die Frage, welches der beiden Modelle das bessere Modell ist. Um die Modelle bewerten zu können berechnen Sie dafür das AlC_A für Modell A mit 653 und für das Modell B das AlC_B von 435. Welche Aussage über die beiden Modelle ist richtig?

- **A** □ Da AIC_A < AIC_B ist das Modell B das bessere Modell.
- **B** \square Da AlC_A > 0 ist das Modell A das bessere Modell. Der AlC Wert für B wird verworfen.
- **C** \square Da AlC_A < AlC_B ist das Modell A das bessere Modell.
- **D** \square Da AlC_A > AlC_B ist das Modell A das bessere Modell.
- **E** \square Da AlC_A > AlC_B ist das Modell B das bessere Modell.

33 Aufgabe (2 Punkte)

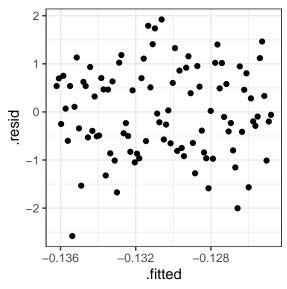
Sie rechnen in eine linearen Regression und erhalten folgenden QQ Plot. Welche Aussage ist richtig?



- **A** □ Die Annahme der normalverteilten Residuen ist nicht erfüllt. Die Punkte liegen zum überwiegenden Teil auf der Geraden.
- **B** □ Die Annahme der normalverteilten Residuen ist nicht erfüllt. Die Punkte liegen zum überwiegenden Teil nicht auf der Geraden.
- **C** □ Die Annahme der normalverteilten Residuen ist erfüllt. Die Punkte liegen zum überwiegenden Teil nicht auf der Geraden und Korrelation ist negativ.

- **D** ☐ Die Annahme der normalverteilten Residuen ist erfüllt. Die Punkte liegen zum überwiegenden Teil auf der Geraden.
- **E** □ Die Annahme der normalverteilten Residuen ist erfüllt. Die Punkte liegen zum überwiegenden Teil nicht auf der Geraden.

Sie rechnen eine linearen Regression und erhalten folgenden Residual Plot. Welche Aussage ist richtig?



- **A** □ Die Annahme der normalverteilten Residuen ist nicht erfüllt. Vereinzelte Punkte liegen oberhalb bzw. unterhalb der Geraden um die 0 Linie weiter entfernt. Ein klares Muster ist zu erkennen.
- **B** Die Annahme der normalverteilten Residuen ist nicht erfüllt. Es ist kein Muster zu erkennen.
- **C** □ Die Annahme der normalverteilten Residuen ist erfüllt. Es ist ein Muster zu erkennen.
- **D** ☐ Die Annahme der normalverteilten Residuen ist erfüllt. Die Punkte liegen zum überwiegenden Teil auf der Diagonalen.
- **E** □ Die Annahme der normalverteilten Residuen ist erfüllt. Kein Muster ist zu erkennen und keine Outlier zu beobachten.

35 Aufgabe (2 Punkte)

Sie wollen ein Feldexperiment mit zwei Düngestufen durchführen. Berechnen Sie die benötigte Fallzahl mit $t_{1-\alpha/2}=1.645$ und $t_{1-\beta}=1.282$ sowie s=2 und $\delta_0=1$. Es ergibt sich somit folgende Fallzahl.

- **A** □ Es ergibt sich eine Fallzahl von 68
- **B** ☐ Es ergibt sich eine Fallzahl von 138
- **C** □ Es ergibt sich eine Fallzahl von 69
- **D** ☐ Es ergibt sich eine Fallzahl von 136
- **E** □ Es ergibt sich eine Fallzahl von 35

(2 Punkte) 36 Aufgabe Welche Aussage zum mathematische Ausdruck $Pr(D|H_0)$ ist richtig? **A** \square $Pr(D|H_0)$ ist die Wahrscheinlichkeit die Daten D zu beobachten wenn die Nullhypothese wahr **B** Die Wahrscheinlichkeit der Daten unter der Nullhypothese in der Grundgesamtheit. C Die Wahrscheinlichkeit für die Nullhypothese, wenn die Daten wahr sind. **D** \square $Pr(D|H_0)$ ist die Wahrscheinlichkeit der Alternativehypothese und somit $1 - Pr(H_A)$ **E** □ Die Inverse der Wahrscheinlichkeit unter der die Nullhypothese nicht mehr die Alternativehypothese überdeckt. (2 Punkte) 37 Aufgabe Das Falsifikationsprinzip besagt... A 🔲 ... dass in der Wissenschaft immer etwas falsch sein muss. Sonst gebe es keinen Fortschritt. **B** ... dass Fehlerterme in statistischen Modellen nicht verifiziert werden können. C ... dass ein schlechtes Modell durch ein weniger schlechtes Modell ersetzt wird. Die Wissenschaft lehnt ab und verifiziert nicht. **D** □ ... dass Annahmen an statistische Modelle meist falsch sind. **E** ... dass Modelle meist falsch sind und selten richtig. 38 Aufgabe (2 Punkte) Der Fehler 1. Art oder auch Signifikanzniveau α genannt, liegt bei 5%. Welcher der folgenden Gründe für diese Festlegeung auf 5% ist richtig? A

Der Wert ergab sich aus einer Auswertung von 1042 wissenschaftlichen Veröffentlichungen zwischen 1914 und 1948. Der Wert 5% wurde in 28% der Veröffentlichungen genutzt. Daher legte man sich auf diese Zahl fest. **B** \square Die Festlegung von $\alpha = 5\%$ ist eine Kulturkonstante. Wissenschaftler benötigt eine Schwelle für eine statistische Testentscheidung, der Wert von α wurde aber historisch mehr zufällig **C** Im Rahmen eines langen Disputs zwischen Neyman und Fischer wurde $\alpha = 5\%$ festgelegt.

Leider werden die Randbedingungen und Voraussetzungen an statistsiche Modelle heute

D Der Begründer der modernen Statistik, R. Fischer, hat die Grenze simuliert und berechnet.

E ☐ Auf einer Statistikkonferenz in Genf im Jahre 1942 wurde dieser Cut-Off nach langen Diskussionen festgelegt. Bis heute ist der Cut Off aber umstritten, da wegen dem 2. Weltkrieg

immer wieder ignoriert.

Dadurch ergibt sich dieser optimale Cut-Off.

viele Wissenschaftler nicht teilnehmen konnten.

Welche Aussage über die Power ist richtig?

- **A** \square Es gilt $\alpha + \beta = 1$ und somit liegt β meist bei 95%.
- **B** \square Die Power beschreibt die Wahrscheinlichkeit die H_A abzulehnen. Wir testen die Power jedoch nicht.
- **C** \square Die Power $1-\beta$ wird auf 80% gesetzt. Damit liegt die Wahrscheinlichkeit für die H_0 bei 20%.
- **D** ☐ Die Power ist nicht in der aktuellen Testthorie mehr vertreten. Wir rechnen nur noch mit dem Fehler 1. Art.
- **E** \square Die Power $1-\beta$ wird auf 80% gesetzt. Alle statistischen Tests sind so konstruiert, dass die H_A mit 80% "bewiesen wird".

40 Aufgabe (2 Punkte)

Beim statistischen Testen wird signal mit noise zur Teststatistik T verrechnet. Welche der Formel berechnet korrekt die Teststatistik T?

A □ Es gilt
$$T = \frac{signal}{noise}$$

B
$$\square$$
 Es gilt $T = signal \cdot noise$

C
$$\square$$
 Es gilt $T = \frac{signal}{noise^2}$

D
$$\square$$
 Es gilt $T = (signal \cdot noise)^2$

E
$$\square$$
 Es gilt $T = \frac{noise}{signal}$

41 Aufgabe (2 Punkte)

In der Theorie zur statistischen Testentscheidung kann " H_0 ablehnen obwohl die H_0 gilt" in welche richtige Analogie gesetzt werden?

- **A** \square In die Analogie eines Rauchmelders: *Fire without alarm*, dem β -Fehler.
- **B** □ In die Analogie eines Feuerwehrautos: *Car without noise*.
- **C** □ In die Analogie eines brennenden Hauses ohne Rauchmelder: *House without noise*.
- **D** \square In die Analogie eines Rauchmelders: *Alarm without fire*, dem α -Fehler.
- **E** □ In die Analogie eines Rauchmelders: *Alarm with fire*.

	echnen eine simple Poisson Regression. Welche Aussage bestreffend der Konfidenzintervalle ir die Poisson Regression richtig?
A 🗆	Wenn die ${\bf 1}$ im Konfidenzinterval enthalten ist, kann die Nullhypothese nicht abgelehnt werden.
в□	Wenn die 0 im Konfidenzinterval enthalten ist, kann die Nullhypothese abgelehnt werden.
c □	Wenn die Relevanzschwelle mit enthalten ist, kann die Nullhypothese abgelehnt werden.
D 🗆	Wenn die 0 im Konfidenzinterval enthalten ist, kann die Nullhypothese nicht abgelehnt werden.
E	Wenn die Konfidenzintervalle den p-Wert der Regression enthalten, kann die Nullhypothese abgelehnt werden.
43	Aufgabe (2 Punkte)
nun	er Bio Data Science wird häufig mit sehr großen Datensätzen gerechnet. Historisch ergibt sich ein Problem bei der Auswertung der Daten und deren Bewertung hinsichtlich der Signifikanz. he Aussage ist richtig?
A 🗆	Big Data ist ein Problem der parametrischen Statistik. Parameter lassen sich nur auf kleinen Datensätzen berechnen, da es sich sonst nicht mehr um eine Stichprobe im engen Sinne der Statistik handelt.
В□	Aktuell werden immer grössere Datensätze erhoben. Dadurch wird auch die Varianz immer höher was automatisch zu mehr signifikanten Ergebnissen führt.
c 🗆	Aktuell werden immer grössere Datensätze erhoben. Eine erhöhte Fallzahl führt automatisch auch zu mehr signifikanten Ergebnissen, selbst wenn die eigentlichen Effekte nicht relevant sind.
D 🗆	Relevanz und Signifikanz haben nichts miteinander zu tun. Daher gibt es auch keinen Zusammenhang zwischen hoher Fahlzahl (n > 10000) und einem signifikanten Test. Ein Effekt ist immer relevant und somit signifikant.
E	Aktuell werden zu grosse Datensätze für die gänigige Statistik gemessen. Daher wendet man maschinelle Lernverfahren für kausale Modelle an. Hier ist die Relevanz gleich Signifikanz.
44	Aufgabe (2 Punkte)
	he statistische Masszahl erlaubt es <i>Relevanz</i> mit <i>Signifikanz</i> zuverbinden? Welche Aussage chtig?
A 🗆	Der p-Wert. Durch den Vergleich mit α lässt sich über die Signifikanz entscheiden und der β -Fehler erlaubt über die Power eine Einschätzung der Relevanz.
В□	Das Δ . Durch die Effektstärke haben wir einen Wert für die Relevanz, die vom Anwender bewertet werden muss. Da Δ antiproportional zum p-Wert ist, bedeutet auch ein hohes Δ ein sehr kleinen p-Wert.
c □	Das OR. Als Chancenverhältnis gibt es das Verhältnis von Relevanz und Signifikanz wieder.
D 🗆	Das Konfidenzintervall. Durch die Visualizierung des Konfidenzintervals kann eine Relevanzschwelle vom Anwender definiert werden. Zusätzlich erlaubt das Konfidenzinterval auch eine Entscheidung über die Signifikanz.
E 🗆	Die Teststatistik. Durch den Vergleich von T_c zu T_k ist es möglich die H_0 abzulehnen. Die Relevanz ergibt sich aus der Fläche rechts vom dem T_c -Wert.

	(1 interpretation)
Welc	che Aussage über die frequentistischen Testtheorie ist richtig?
A 🗆	Wir machen Aussagen über den Nicht-Zustand/Keinen Effekt!
В□	Wir machen Aussagen über die individuelle Wahrscheinlichkeit eines Effektes!
c □	Wir machen keine Aussagen über Wahrscheinlichkeiten!
D 🗆	Wir machen Aussagen über den Effekt!
Ε□	Wir machen Aussagen über Individuen!
46	Aufgabe (2 Punkte)
Welc	the Aussage über den p -Wert und dem Signifikanzniveau $lpha$ gleich 5% ist richtig?
A 🗆	Wir machen eine Aussage über die indivduelle Wahrscheinlichkeit des Eintretens der Nullhypothese \mathcal{H}_0 .
В□	Wir vergleichen mit dem p -Wert und dem Signifikanzniveau α Wahrscheinlichkeiten und damit die absoluten Werte auf einem Zahlenstrahl, wenn die H_0 gilt.
C 🗆	Wir vergleichen die Effekte des p -Wertes mit den Effekten der Signifiaknzschwelle unter der Annahme der Nullhypothese.
D 🗆	Wir vergleichen mit dem p -Wert und dem Signifikanzniveau α Wahrscheinlichkeiten und damit die Flächen unter der Kurve der Teststatistik, wenn die H_0 gilt.
E	Wir vergleichen mit dem p -Wert und dem Signifikanzniveau α absolute Werte auf einem Zahlenstrahl und damit den Unterschied der Teststatistiken, wenn die H_0 gilt.
47	Aufgabe (2 Punkte)
Welc	he Aussage über den t-Test ist richtig?
A 🗆	Der t-Test vergleicht die Mittelwerte von zwei Gruppen.
В□	Der t-Test vergleicht die Mittelwerte von zwei Gruppen unter der strikten Annahme von Varianzhomogenität. Sollte keine Varianzhomogenität vorliegen, so gibt es keine Möglichkeit den t-Test in einer Variante anzuwenden.
c □	Der t-Test vergleicht die Varianzen von mindestens zwei oder mehr Gruppen
D 🗆	Der t-Test testet generell zu einem erhöhten $lpha$ -Niveau von 20%.
E	Der t-Test ist ein Vortest der ANOVA und basiert daher auf dem Vergleich von Streuungsparametern
48	Aufgabe (2 Punkte)
Welc	he Aussage über den Welch t-Test ist richtig?
ΑЦ	Der Welch t-Test vergleicht die Varianz von zwei Gruppen.

(2 Punkte)

45 Aufgabe

C □	Der Welch t-Test ist die veraltete Form des Student t-Test und wird somit nicht mehr verwendet.
D 🗆	Der Welch t-Test vergleicht die Mittelwerte von zwei Gruppen unter der strikten Annahme von Varianzhomogenität.
E	Der Welch t-Test wird angewendet, wenn Varianzheterogenität zwischen den beiden zu vergleichenden Gruppen vorliegt.
49	Aufgabe (2 Punkte)
Unte vers unte	n einem Experiment mit fünf Weizensorten ergibt eine ANOVA ($p=0.041$) einen signifikanten erschied für den Ertrag. Sie führen anschließend die paarweisen t-Tests für alle Vergleiche der chiedenen Weizensorten durch. Nach der Adjustierung für multiples Testen ist kein p-Werter der α -Schwelle. Sie schauen sich auch die rohen, unadjustierten p-Werte an und finden hier niedrigsten p-Wert $p_{3-2}=0.053$. Welche Aussage ist richtig?
A 🗆	Es gibt einen Fehler in der Varianzstruktur. Daher kann die ANOVA nicht richtig sein und paarweise t-Tests liefern das richtige Ergebnis.
В□	Die ANOVA testet auf der gesamten Fallzahl. Es wäre besser die ANOVA auf der gleichen Fallzahl wie die einzelnen t-Tests zu rechnen.
c 🗆	Die ANOVA testet auf der gesamten Fallzahl. Die einzelnen t-Tests immer nur auf einer kleineren Subgruppe. Da mit weniger Fallzahl weniger signifikante Ergebnisse zu erwarten sind, kann eine Diskrepenz zwischen der ANOVA und den paarweisen t-Tests auftreten.
D \square	Die adjustierten p-Werte deuten in die richtige Richtung. Zusammen mit den nicht signifikanten rohen p-Werten ist von einem Fehler in der ANOVA auszugehen.
E	Der Fehler liegt in den t-Tests. Wenn eine ANOVA signifikant ist, dann muss zwangsweise auch ein t-Test signifikant sein.
50	Aufgabe (2 Punkte)
Weld	che Aussage über den gepaarten t-Test für verbundene Stichproben ist richtig?
A 🗆	Der gepaarte t-Test wird gerechnet, wenn die Beobachtungen abhängig voneinander sind. Wir messen jede Beobachtung nur einmal und berechnen dann die Differenz zu dem Mittel der anderen Beobachtungen.
В□	Beim gepaarten t-Test kombinieren wir die Vorteile des Student t-Test für Varianzhomogenität mit den Vorteilen des Welch t-Test für Varianzheterogenität. Wir bilden dafür die Differenz der Einzelbeobachtungen.
C 🗆	Der gepaarte t-Test wird gerechnet, wenn die Beobachtungen nicht unabhängig voneinander sind. Wir messen wiederholt an dem gleichen Probanden oder Tier oder Pflanze. Wir bilden die Differenzen um den gepaarten t-Test rechnen zu können.
D 🗆	Der gepaarte t-Test nutzt die Varianz der Beobachtungen jeweils paarweise und bildet dafür eine verbundene Stichprobe. Dieser Datensatz d dient dann zur Differenzbildung.
E	Der gepaarte t-Test wird genutzt, wenn die Differenzen der Beobachtungen verbunden sind und wir dadurch die Unabhäängigkeit nicht mehr vorliegen haben.
	and wir daddren die Onabhaangigkeit ment vornegen naben.

Deskriptive Statistik & Explorative Datenanalyse

Mehr Informationen zu den Aufgaben in den folgenden Kapiteln aus dem Skript Bio Data Science.

- Kapitel 15 Deskriptive Statistik
- Kapitel 16 Visualisierung von Daten
- Kapitel 18 Verteilung von Daten

Sie haben folgende Zahlenreihe y vorliegen $y = \{19, 20, 20, 21, 23, 19, 17\}$. Berechnen Sie folgende deskriptive Maßzahlen. Geben Sie Formeln und Rechenwege mit an!

- 1. Den Interquartileabstand (2 Punkte)
- 2. Das 1st Quartile (2 Punkte)
- 3. Die Range oder Spannweite (2 Punkte)
- 4. Die Varianz (2 Punkte)
- 5. Den Median (2 Punkte)



Sie haben folgende Zahlenreihe y vorliegen $y = \{20, 17, 21, 17, 22, 22, 19\}$.

- 1. Visualisieren Sie den Mittelwert von y in der untenstehenden Abbildung! (4 Punkte)
- 2. Beschriften Sie die Y und X-Achse entsprechend! (2 Punkte)
- 3. Für die Berechnung der Varianz wird der Abstand der einzelnen Werte y_i zum Mittelwert \bar{y} quadriert. Warum muss der Abstand, $y_i \bar{y}$, in der Varianzformel quadriert werden? Erklären Sie den Zusammenhang unter Berücksichtigung der Abbildung! (2 Punkte)





Nach einem Gewächshausexperiment mit drei Bewässerungstypen (low, mid und high) ergibt sich die folgende Datentabelle mit dem gemessenen Frischgewicht (freshmatter).

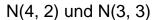
water_type	freshmatter
high	18
low	19
mid	30
mid	31
high	18
mid	26
low	20
low	22
low	21
low	18
high	14
mid	32
high	15

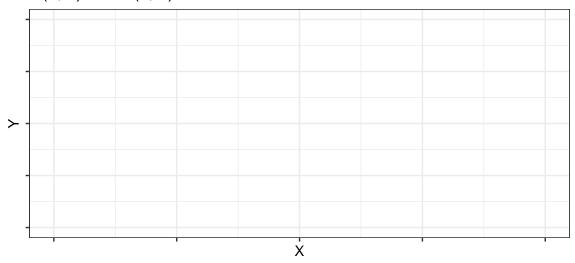
- 1. Zeichnen Sie in *einer* Abbildung die Barplots für die Bewässerungstypen! Beschriften Sie die Achsen entsprechend! **(4 Punkte)**
- 2. Beschriften Sie einen Barplot mit den gängigen statistischen Maßzahlen! (2 Punkte)
- 3. Wenn Sie *keinen Effekt* zwischen der Bewässerungstypen erwarten würden, wie sehen dann die Barplots aus? (1 Punkt)



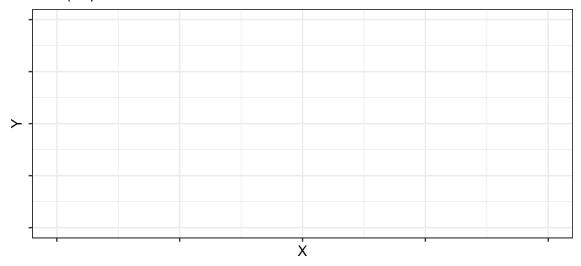
1. Skizieren Sie in die unten stehenden, freien Abbildungen die Verteilungen, die sich nach der Abbildungsüberschrift ergeben! (4 Punkte)

2. Achten Sie auf die entsprechende Skalierung der beiden Verteilungen in der ersten Abbildung! (2 Punkte)





Pois(10)





- 1. Skizieren Sie 3 Normalverteilungen in einer Abbildung mit $\bar{y}_1 \neq \bar{y}_2 \neq \bar{y}_3$ und $s_1 \neq s_2 \neq s_3$! (2 **Punkte**)
- 2. Beschriften Sie die Normalverteilungen mit den entsprechenden Parametern! (2 Punkte)
- 3. Liegt Varianzhomogenität oder Varianzheterogenität vor? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)



Nach einem Experiment zählen Sie folgende Anzahl an Läsionen auf den Blättern von Sonnenblumen nach einer durchgestandenen Infektion.

- 1. Zeichen Sie ein Histogramm um die Verteilung der Daten zu visualiseren! (3 Punkte)
- 2. Beschriften Sie die Achsen der Abbildung! (2 Punkte)
- 3. Ergänzen Sie die relativen Häufigkeiten in der Abbildung! 1 Punkt

Sie messen ebenfalls die Gewichte der Sonnenblumen und erhalten folgende Datentabelle.

- 4. Zeichen Sie ein Histogramm um die Verteilung der Gewichte der Sonnenblumen zu visualiseren! (2 Punkte)
- 5. Erläutern Sie Ihr Vorgehen um ein Histogramm für kontinuierliche Daten zu zeichnen! (**1 Punkt**)



Nach einem Feldexperiment mit zwei Düngestufen (A und B) ergibt sich die folgende Datentabelle mit dem gemessenen Trockengewicht (*drymatter*).

trt	drymatter
В	17.1
В	14.3
Α	20.2
В	12.1
В	14.2
В	15.4
Α	25.0
В	11.7
Α	18.8
Α	22.8
В	18.9
Α	13.3
В	13.2
Α	21.5
В	11.1
В	11.2
Α	19.4
В	11.4

- 1. Zeichnen Sie in *einer* Abbildung die beiden Boxplots für die zwei Düngestufen A und B! Beschriften Sie die Achsen entsprechend! **(6 Punkte)**
- 2. Beschriften Sie *einen* der beiden Boxplots mit den gängigen statistischen Maßzahlen! **(2 Punkte)**
- 3. Wenn Sie *keinen Effekt* zwischen den Düngestufen erwarten würden, wie sehen dann die beiden Boxplots aus? (1 Punkt)



Nach einem Feldexperiment mit mehreren Düngestufen stellt sich die Frage, ob die Düngestufe low im Bezug auf das Trockengewicht normalverteilt sei. Sie erhalten folgende Datentabelle.

fertilizer	drymatter
low	24
low	29
low	23
low	27
low	23
low	21
low	27
low	25
low	23
low	25
low	29

- 1. Zeichnen Sie eine passende Abbildung in der Sie visuell überprüfen können, ob eine Normalverteilung des Trockengewichts vorliegt! (4 Punkte)
- 2. Beschriften Sie die Achsen und ergänzen Sie die statistischen Maßzahlen. (3 Punkte)
- 3. Entscheiden Sie, ob eine Normalveteilung vorliegt. Begründen Sie Ihre Antwort. (2 Punkte)



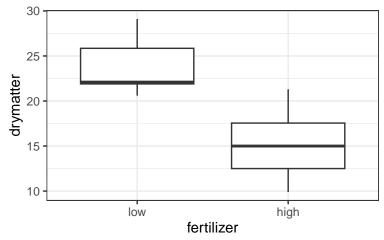
1. Zeichnen Sie über den untenstehenden Boxplot die entsprechende zugehörige Verteilung! (2 Punkte)

2. Zeichnen Sie unter den untenstehenden Boxplot die entsprechende zugehörige Beobachtungen! (2 Punkte)





In einem Experiment mit zwei Düngestufen für den Ertrag von Kichererbsen ergibt sich folgende Abbildung.



1. Tragen Sie in die untenstehende Tabelle die gängigen Maßzahlen des Boxplots und die abgeschätzen Werte aus den obigen Boxplots ein! (4 Punkte)

Statistische Maßzahl	Abgeschä low	itzter Wert high

- 2. Ergänzen Sie den Mittelwert für beide Level des Düngers in die Abbildung der Boxplots! Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)
- 3. Ergänzen Sie in der untenstehenden Tabelle die p-Werte für den Shapiro-Wilk-Test auf Normalverteilung und den Levene-Test auf Varianzhomogenität. Beachten Sie die unterschiedliche, angenommene Fallzahl n_q der beiden Level des Düngers! (3 Punkte)

Fallzahl	Shapiro-Wilk-Test	Levene-Test
$n_{g} = 5$		
$n_g = 20$		
$n_g > 50$		



Nach einer Bonitur von Schnittlauch mit einer Kontrolle und drei Pestiziden (ctrl, pestKill, roundUp, zeroX) ergibt sich die folgende Datentabelle mit den Boniturnoten (*grade*).

pesticide	grade
zeroX	3
roundUp	4
ctrl	5
roundUp	4
zeroX	1
ctrl	10
roundUp	2
pestKill	3
ctrl	5
zeroX	1
pestKill	6
pestKill	3
pestKill	4

- 1. Zeichnen Sie in *einer* Abbildung die Dotplots für die vier Pestizidlevel! Beschriften Sie die Achsen entsprechend! **(4 Punkte)**
- 2. Ergänzen Sie die Dotplots mit der gängigen statistischen Maßzahl. (1 Punkt)
- 3. Wenn Sie *keinen Effekt* zwischen den Pestizidlevel erwarten würden, wie sehen dann die Dotplots aus? (1 Punkt)



Nach einem Feldexperiment mit zwei Pestiziden (*RoundUp* und *OutEx*) ergibt sich die folgende Datentabelle mit dem jeweiligen beobachteten Infektionsstatus.

RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes OutEx yes OutEx yes OutEx yes OutEx no RoundUp no OutEx yes RoundUp no OutEx yes RoundUp no RoundUp no OutEx no RoundUp no OutEx no RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp no RoundUp no		
RoundUp no RoundUp yes OutEx no OutEx yes RoundUp yes RoundUp yes OutEx yes OutEx yes OutEx no RoundUp yes RoundUp no OutEx yes OutEx yes RoundUp no OutEx yes OutEx yes RoundUp yes	pesticide	infected
RoundUp yes OutEx no OutEx yes RoundUp yes RoundUp yes OutEx yes OutEx yes OutEx no RoundUp yes RoundUp no OutEx yes OutEx yes RoundUp no OutEx yes OutEx yes RoundUp yes	RoundUp	yes
OutEx yes RoundUp yes RoundUp yes OutEx yes OutEx yes OutEx no RoundUp yes RoundUp no OutEx yes OutEx yes OutEx yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes OutEx yes RoundUp yes OutEx no	RoundUp	no
OutEx yes RoundUp yes RoundUp yes OutEx yes OutEx yes OutEx no RoundUp yes RoundUp no OutEx yes OutEx yes OutEx yes OutEx yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes OutEx no	RoundUp	yes
RoundUp yes RoundUp yes OutEx yes OutEx yes OutEx no RoundUp yes RoundUp no OutEx yes OutEx yes OutEx yes RoundUp yes OutEx no	OutEx	no
RoundUp yes OutEx yes OutEx yes OutEx no RoundUp yes RoundUp no OutEx yes OutEx yes RoundUp yes	OutEx	yes
OutEx yes OutEx yes OutEx no RoundUp yes RoundUp no OutEx yes OutEx yes RoundUp yes OutEx no	RoundUp	yes
OutEx yes OutEx no RoundUp yes RoundUp no OutEx yes OutEx yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes OutEx no	RoundUp	yes
OutEx no RoundUp yes RoundUp no OutEx yes OutEx yes RoundUp yes OutEx yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes OutEx no	OutEx	yes
RoundUp yes RoundUp no OutEx yes OutEx yes RoundUp yes OutEx yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes OutEx no	OutEx	yes
RoundUp no OutEx yes OutEx yes RoundUp yes OutEx yes RoundUp yes RoundUp yes RoundUp yes OutEx no	OutEx	no
OutEx yes OutEx yes RoundUp yes OutEx yes RoundUp yes RoundUp yes OutEx no	RoundUp	yes
OutEx yes RoundUp yes OutEx yes RoundUp yes RoundUp yes OutEx no	RoundUp	no
RoundUp yes OutEx yes RoundUp yes RoundUp yes OutEx no	OutEx	yes
OutEx yes RoundUp yes RoundUp yes OutEx no	OutEx	yes
RoundUp yes RoundUp yes OutEx no	RoundUp	yes
RoundUp yes OutEx no	OutEx	yes
OutEx no	RoundUp	yes
	RoundUp	yes
RoundUp no	OutEx	no
	RoundUp	no

- 1. Stellen Sie in einer 2x2 Tafel den Zusammenhang zwischen dem Pesizid und dem Infektionsstatus dar! (4 Punkte)
- 2. Zeichnen Sie den zugehörigen Mosaic-Plot. Berechnen Sie das Verhältnis pro Spalte! (2 Punkte)
- 3. Wenn das Pesizid keine Auswirkung auf den Infektionsstatus hätte, wie sehe dann der Mosaic-Plot aus? (2 Punkte)



In einem Feldexperiment für die Bodendurchlässigkeit wurde der Niederschlag pro Parzelle sowie der durchschnittliche Ertrag gemessen. Es ergibt sich folgende Datentabelle.

water	drymatter
29	19
30	15
26	17
26	9
21	15
19	17
24	22

- 1. Erstellen Sie den Scatter-Plot für die Datentabelle. Beschriften Sie die Achsen entsprechend! (4 Punkte)
- 2. Zeichnen Sie eine Gerade durch die Punkte! (1 Punkt)
- 3. Beschriften Sie die Gerade mit den gängigen statistischen Maßzahlen! (3 Punkte)
- 4. Wenn kein Effekt von dem Niederschlag auf das Trockengewicht vorhanden wäre, wie würde die Gerade verlaufen und welche Werte würden die statistischen Maßzahlen annehmen? (2 Punkt)

Statistisches Testen

Mehr Informationen zu den Aufgaben in den folgenden Kapiteln aus dem Skript Bio Data Science.

- Kapitel 3 Falsifikationsprinzip
- Kapitel 19 Die Testentscheidung
- Kapitel 20 Die Testtheorie



1. Erklären Sie den Zusammenhang zwischen Stichprobe und Grundgesamtheit an einem Schaubild! (3 Punkte)

- 2. Was ist der Unterschied zwischen μ und σ und \bar{y} und s im Kontext der Stichprobe und Grundgesamtheit? (2 **Punkte**)
- 3. Warum müssen wir überhaupt zwischen einer Stichprobe und einer Grundgesamtheit unterscheiden? (1 Punkt)



Geben ist folgende 2x2 Kreuztabelle.



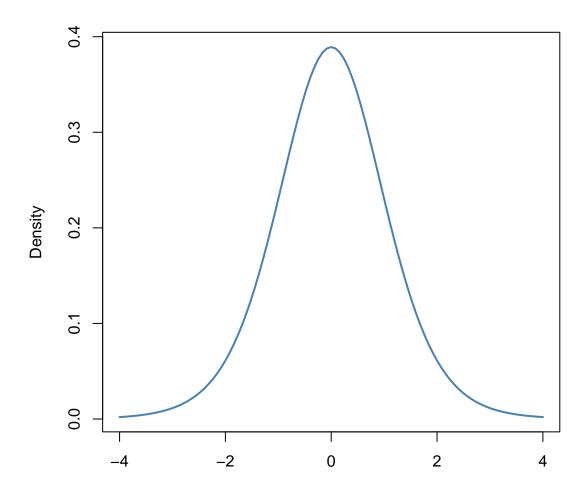
- 1. Tragen Sie folgende Fachbegriffe korrekt in die 2x2 Kreuztabelle ein! (4 Punkte)
 - (Unbekannte) Wahrheit
 - H₀ wahr
 - H₀ falsch
 - H₀ abgelehnt
 - H₀ beibehalten
 - Testentscheidung
 - α-Fehler
 - β-Fehler
 - Richtige Entscheidung
 - 5%
 - 20%
- 2. In der Analogie des Feuermelders, wie lauetet der α -Fehler? (1 Punkt)
- 3. In der Analogie des Feuermelders, wie lauetet der β -Fehler? (1 Punkt)
- 4. Wenn der Feuermelder einmal pro Tag messen würde, wie oft würde der Feuermelder mit einem α von 5% in einem halbes Jahr Alarm schlagen? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 **Punkte**)



Im folgenden ist eine t-Verteilung abgebildet. Ergänzen Sie die Abbildung wie folgt.

- 1. Zeichnen Sie das Signifikanzniveau α in die Abbildung! (2 Punkte)
- 2. Zeichnen Sie einen nicht signifikant p-Wert in die Abbildung! (2 Punkte)
- 3. Ergänzen Sie " $\bar{y}_1 = \bar{y}_2$ "! (1 Punkt)
- 4. Ergänzen Sie "A = 0.95"! (1 Punkt)
- 5. Zeichnen Sie $T_{\alpha=5\%}$ in die Abbildung! (1 Punkt)
- 6. Zeichnen Sie $-T_{calc}$ in die Abbildung! (1 Punkt)

t Distribution





Sie rechnen einen t-Test. Sie schätzen einen Mittelwertsunterschied.

- 1. Beschriften Sie die untenstehende Abbildung mit der Signifikanzschwelle! (1 Punkt)
- 2. Ergänzen Sie eine Relevanzschwelle! (1 Punkt)
- 3. Skizieren Sie in die untenstehende Abbildung fünf einzelne Konfidenzintervalle (a-e) mit den jeweiligen Eigenschaften! **(6 Punkte)**
 - (a) Ein nicht signifikantes, relevantes Konfidenzintervall
 - (b) Ein signifikantes, nicht relevantes Konfidenzintervall
 - (c) Ein signifikantes, relevantes Konfidenzintervall
 - (d) Ein Konfidenzintervall mit niedriger Varianz s_p in der Stichprobe als der Rest der Konfidenzintervalle
 - (e) Ein Konfidenzintervall mit höherer Varianz s_p in der Stichprobe als der Rest der Konfidenzintervalle



Gegeben ist die vereinfachte Formel für den Zweistichproben t-Test mit der gepoolten Standardabweichung s_p und gleicher Gruppengrösse n_g der beiden Sample.

$$T = \frac{\bar{y}_1 - \bar{y}_2}{s_p \cdot \sqrt{\frac{2}{n_g}}}$$

Welche Auswirkung hat die Änderungen der jeweiligen statistischen Masszahl auf den T-Wert und damit auf die *vermutliche* Signifikanz? Füllen Sie hierzu die untenstehende Tabelle aus! **(6 Punkte)**

	T Statistik	$Pr(D H_0)$	$KI_{1-\alpha}$		T Statistik	$Pr(D H_0)$	$KI_{1-\alpha}$
Δ↑				Δ↓			
<i>s</i> ↑				s ↓			
n †				n ↓			



Sie haben folgende Aussage gegeben.

Bin ich im Herbst?

- 1. Erklären Sie den Gedankengang der Testtheorie sowie des Falsifikationsprinzips an der Aussage! (4 Punkte)
- 2. Erklären Sie Ihre Entscheidung zu der Aussage! (3 Punkte)
- 3. Schätzen Sie den p-Wert zu der Aussage ab! (1 Punkt)

Der t-Test

Mehr Informationen zu den Aufgaben in den folgenden Kapiteln aus dem Skript Bio Data Science.

• Kapitel 22 - Der t-Test



Nach einem Experiment mit zwei Pestiziden (*RoundUp* und *GoneEx*) ergibt sich die folgende Datentabelle mit dem gemessenen Trockengewicht (*drymatter*) von Weizen.

pesticide	drymatter
GoneEx	15
RoundUp	17
RoundUp	22
GoneEx	15
RoundUp	23
GoneEx	21
RoundUp	22
RoundUp	19
GoneEx	19
RoundUp	20
RoundUp	20
GoneEx	19

- 1. Formulieren Sie die wissenschaftliche Fragestellung! (1 Punkt)
- 2. Formulieren Sie das statistische Hypothesenpaar! (2 Punkte)
- 3. Bestimmen Sie die Teststatistik T_{calc} eines Student t-Tests für den Vergleich der beiden Pestizide. Geben Sie den Rechenweg und die Formeln mit an! (5 **Punkte**)
- 4. Treffen Sie mit $T_{\alpha=5\%}=2.04$ und dem berechneten T_{calc} eine Aussage zur Nullhypothese! (2 Punkte)
- 5. Wenn Sie keinen Unterschied zwischen den beiden Pestiziden erwarten würden, wie große wäre dann die Teststatistik T_{calc} ? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)



Das Gewicht von Küken wurde *vor* der Behandlung mit STARTex und 1 Woche *nach* der Behandlung gemessen. Es ergibt sich die folgende Datentabelle.

animal_id	before	after
1	11	17
2	12	11
3	7	10
4	6	13
5	13	13
6	13	11
7	8	17
8	14	13
9	9	14

- 1. Formulieren Sie die Fragestellung! (1 Punkt)
- 2. Formulieren Sie das statistische Hypothesenpaar! (2 Punkte)
- 3. Bestimmen Sie die Teststatistik T_{calc} eines gepaarten t-Tests für den Vergleich der beiden Zeitpunkte. Geben Sie den Rechenweg und die Formeln mit an! (4 Punkte)
- 4. Treffen Sie mit $T_{\alpha=5\%}=2.04$ und dem berechneten T_{calc} eine Aussage zur Nullhypothese! (2 Punkte)
- 5. Wenn Sie keinen Unterschied zwischen den beiden Zeitpunkten erwarten würden, wie große wäre dann die Teststatistik T_{calc} ? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 **Punkte**)
- 6. Schätzen Sie $Pr(D|H_0)$ ab. Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)



```
##
## Two Sample t-test
##
## data: waterintake by infusion
## t = 0.88649, df = 14, p-value = 0.3903
## alternative hypothesis: true difference in means between group high and group low is no
## 95 percent confidence interval:
## -2.095326 5.047707
## sample estimates:
## mean in group mid mean in group trt2
## 20.33333 18.85714
```

- 1. Formulieren Sie das statistische Hypothesenpaar! (2 Punkte)
- 2. Liegt ein signifikanter Unterschied zwischen den Gruppen vor? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)
- 3. Skizieren Sie eine Abbildung in der Sie T_{calc} , $Pr(D|H_0)$, A=0.95, sowie $T_{\alpha=5\%}=|2.14|$ einzeichnen! **(4 Punkte)**
- 4. Beschriften Sie die Abbildung entsprechend! (2 Punkte)



- 1. Formulieren Sie die wissenschaftliche Fragestellung! (2 Punkte)
- 2. Liegt ein signifikanter Unterschied zwischen den Gruppen vor? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)
- 3. Skizieren Sie das sich ergebende 95% Konifidenzintervall! (2 Punkte)
- 4. Beschriften Sie die Abbildung und das 95% Konfidenzintervall entsprechend! (2 Punkte)



- 1. Formulieren Sie die wissenschaftliche Fragestellung! (2 Punkte)
- 2. Liegt ein signifikanter Unterschied zwischen den Gruppen vor? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)
- 3. Skizieren Sie die sich ergebenden Boxplots! Welche Annahmen an die Daten haben Sie getroffen? Begründen Sie Ihre Antwort! (4 Punkte)



```
##
## Paired t-test
##
## data: weight by group
## t = -0.41885, df = 4, p-value = 0.6968
## alternative hypothesis: true mean difference is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -7.628672 5.628672
## sample estimates:
## mean difference
## -1
```

- 1. Formulieren Sie das statistische Hypothesenpaar! (2 Punkte)
- 2. Liegt ein signifikanter Unterschied zwischen den Gruppen vor? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)
- 3. Skizzieren Sie den sich ergebenden Datensatz mit n=4 Beobachtungen! Die Daten müssen nicht die Mittelwertsdifferenz d erfüllen! (2 Punkte)
- 4. Skizieren Sie den sich ergebenden Boxplot der Differenzen! Welche Annahmen an die Daten haben Sie getroffen? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)

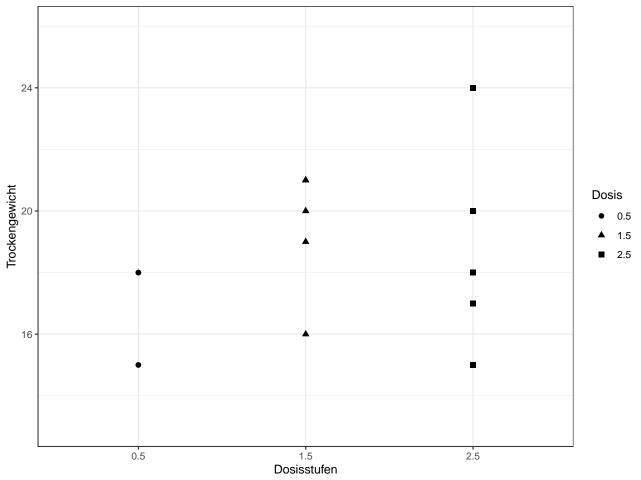
Die ANOVA

Mehr Informationen zu den Aufgaben in den folgenden Kapiteln aus dem Skript Bio Data Science.

• Kapitel 23 - Die ANOVA



In einem Experiment wurde der Ertrag von Erbsen unter drei verschiedenen Pestizid-Dosen 0.5 g/l, 1.5 g/l und 2.5 g/l gemessen. Unten stehenden sehen Sie die Visualisierung des Datensatzes.



- 1. Zeichnen Sie folgende statistischen Masszahlen in die Abildung ein! (6 Punkte)
 - Total (grand) mean: β_0
 - Mittelwerte der Dosen: $\bar{y}_{0.5}$, $\bar{y}_{1.5}$ und $\bar{y}_{2.5}$
 - Effekt der einzelnen Level der Dosen: $\beta_{0.5}$, $\beta_{1.5}$, und $\beta_{2.5}$
 - ullet Residuen oder Fehler: ϵ
- 2. Liegt ein *vermutlicher* signifikanter Unterschied zwischen den Dosisstufen vor? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)



Der Datensatz plant_growth_tbl enthält das Gewicht der Kohlköpfe (weight), die unter einer Kontrolle und zwei verschiedenen Behandlungsbedingungen erzielt wurden – dem Faktor group mit den Faktorstufen ctrl, trt1, trt2.

- 1. Füllen Sie die unterstehende einfaktorielle ANOVA Ergebnistabelle aus mit den gegebenen Informationen von Df und Sum Sq! (4 Punkte)
- 2. Schätzen Sie den p-Wert der Tabelle mit der Information von $F_{\alpha=5\%}=3.44$ ab. Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)

	Df	Sum Sq	Mean Sq	F value	Pr(>F)
group	2	43.66			
Residuals	22	69.3			

- 3. Was bedeutet ein signifikantes Ergebnis in einer einfaktoriellen ANOVA im Bezug auf die möglichen Unterschiede zwischen den Gruppen? Beziehen Sie sich auf den obigen Fragetext bei Ihrer Antwort! (2 Punkte)
- 4. Berechnen Sie einen Student t-Test mit für den vermutlich signifikantesten Gruppenvergleich anhand der untenstehenden Tabelle mit $T_{\alpha=5\%}=2.03$. Begründen Sie Ihre Auswahl! (3 **Punkte**)

group	n	mean	sd
dose1 dose2 dose3	9 9 7	17.44 20.56 18.86	1.42 1.88 2.04

5. Gegebenen der ANOVA Tabelle war das Ergebnis des t-Tests zu erwarten? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)



Der Datensatz $crop_tbl$ enthält das Trockengewicht der Maispflanzen (drymatter), die unter drei verschiedenen Düngerbedingungen erzielt wurden. Die Düngerbedingungen sind in dem Faktor trt mit den Faktorstufen ctrl, mid und trt2 codiert. Sie erhalten folgenden Output in \mathbf{Q} .

```
## Analysis of Variance Table
##
## Response: drymatter
## Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## trt 2 141.60 70.800 27.619 1.762e-06
## Residuals 20 51.27 2.563
```

- 1. Stellen Sie die statistische H_0 und H_A Hypothese für die obige einfaktorielle ANOVA auf! (2 **Punkte**)
- 2. Interpretieren Sie das Ergebnis der einfaktoriellen ANOVA! (2 Punkt)
- 3. Berechen Sie den Effektschätzer η^2 . Was sagt Ihnen der Wert von η^2 aus? (2 Punkte)
- 4. Skizieren Sie eine Abbildung, der dem obigen Ergebnis der einfaktoriellen ANOVA näherungsweise entspricht! (3 Punkte)



Sie haben ein Experiment mit drei Behandlungen (A, B und C) und vier Blöcken (I, II, III und IV) durchgeführt. Insgesamt haben Sie die Wuchshöhe von zwölf Sonnenblumen bestimmt. Im Folgenden sehen Sie die Wuchshöhen in [cm] aus dem Experiment.

[1] 103 129 122 92 110 102 140 134 149 151 158 130

Erstellen Sie vier Zeichnungen des experimentellen Designs und beachten Sie folgende Angaben zu der Quelle der erklärten Varianz.

- 1. Ordnen Sie die Pflanzen so in den vier Blöcken und drei Behandlungen an,
 - (1) dass die Blöcke kaum Varianz erklären. (1 Punkt)
 - (2) dass die Blöcke viel Varianz erklären. (1 Punkt)
 - (3) dass die Behandlungen kaum Varianz erklären. (1 Punkt)
 - (4) dass die Behandlungen viel Varianz erklären. (1 Punkt)
- 2. Wenn Sie ein geplantes Experiment durchführen, wie viel Varianz soll dann von den Blöcken und den Behandlungen jeweils erklärt werden? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)



Der Datensatz tooth_tbl enthält Daten aus einer Studie zur Bewertung der Wirkung von Vitamin C auf das Zahnwachstum bei Meerschweinchen. Der Versuch wurde an verschiedenen Schweinen durchgeführt, wobei jedes Tier eine von 4 Vitamin-C-Dosen dose über eine von 2 Verabreichungsmethoden supp erhielt. Die Zahnlänge wurde als normalverteiltes Outcome gemessen.

- 1. Füllen Sie die unterstehende zweifaktorielle ANOVA Ergebnistabelle aus mit den gegebenen Informationen von Df und Sum Sq! (4 Punkte)
- 2. Schätzen Sie den p-Wert der Tabelle mit der Information von den kritischen F-Werten mit $F_{supp} = 4.26$ und $F_{dose} = 3.01$ sowie $F_{supp:dose} = 3.01$ ab. Begründen Sie Ihre Antwort! **(4 Punkte)**

	Df	Sum Sq	Mean Sq	F value	Pr(>F)
supp	1	35.07			
dose	3	25.77			
supp:dose	3	335.37			
Residuals	24	504.08			

- 3. Was bedeutet ein signifikantes Ergebnis in einer zweifaktoriellen ANOVA im Bezug auf die möglichen Unterschiede zwischen den Gruppen? Beziehen Sie sich dabei einmal auf den Faktor *supp* und einmal auf den Faktor *dose*! (2 Punkte)
- 4. Was sagt der Term *supp:dose* aus? Interpretieren Sie das Ergebnis des abgeschätzten p-Wertes! **(2 Punkte)**



Der Datensatz <code>pig_gain_weight_tbl</code> enthält Daten aus einer Studie zur Bewertung der Wirkung vom Vitamin Selen auf das Wachstum bei Mastschweinen. Der Versuch wurde an 32 Mastschweinen durchgeführt, wobei jedes Tier eine von drei Selen-Dosen <code>dose</code> (0.5 ng/Tag, 1 ng/Tag und 5 ng/Tag) über eine von zwei Verabreichungsmethoden <code>form</code> erhielt (Wasser oder Festnahrung). Sie erhalten folgenden Output in \P .

- 1. Stellen Sie die statistische H_0 und H_A Hypothese für die obige zweifaktorielle ANOVA für den Faktor form auf! (2 Punkte)
- 2. Interpretieren Sie das Ergebnis der zweifaktoriellen ANOVA. Gehen Sie im besonderen auf den Term dose: form ein! (2 Punkte)
- 3. Zeichnen Sie eine Abbildung, der dem obigen Ergebnis der zweifaktoriellen ANOVA näherungsweise entspricht! (4 Punkte)



In der untenstehenden Tabelle ist die Formel für den F-Test aus der ANOVA und die Formel für den Student t-Test dargestellt. In der ANOVA berechnen Sie die F-Statistik F_{calc} und in dem Student t-Test die T-Statistik T_{calc} .

$$F_{calc} = rac{MS_{treatment}}{MS_{error}}$$
 $T_{calc} = rac{ar{y}_1 - ar{y}_2}{s_p \cdot \sqrt{2/n_g}}$

- 1. Erklären Sie den konzeptionellen Zusammenhang zwischen der F_{calc} Statistik und T_{calc} Statistik! (2 Punkte)
- 2. Visualisieren Sie eine nicht signifikante F_{calc} Statistik sowie eine signifikante F_{calc} Statistik anhand von $MS_{treatment}$ und MS_{error} ! Beschriften Sie die Abbildung! (2 Punkte)
- 3. Erklären Sie an der Formel des F-Tests sowie an der Abbildung warum das Minimum der F-Statistik 0 ist! (2 Punkte)
- 4. Wenn die F-Statistik 0 ist, spricht dies eher für oder gegen die Nullhypothese? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)



Sie rechnen eine zweifaktorielle ANOVA und erhalten einen signifikanten Interaktionseffekt zwischen den beiden Faktoren f_1 und f_2 . Der Faktor f_1 hat drei Level. Der Faktor f_2 hat dagegen nur zwei Level.

- 1. Visualisieren Sie in zwei getrennten Abbildungen eine keine und eine schwache Interaktion zwischen den Faktoren f_1 und f_2 ! (2 **Punkte**)
- 2. Erklären Sie den Unterschied zwischen den beiden Stärken der Interaktion! (2 Punkte)
- 3. Wenn eine signifikante Interaktion in den Daten vorliegt, wie ist dann das weitere Vorgehen bei einem Posthoc-Test? (2 Punkte)



Sie rechnen eine einfaktorielle ANOVA mit einem Faktor f_1 mit fünf Leveln. Nachdem Sie die einfaktorielle ANOVA gerechnet haben, erhalten Sie einen p-Wert von 0.078 und eine F Statistik mit $F_{calc}=1.2$. Als Sie sich die Boxplots der Behandlungen anschauen, stellen Sie fest, dass es eigentlich einen Mittelwertsunterschied zwischen dem ersten und zweiten Level geben müsste. Die IQR-Bereiche überlappen sich nicht und die Mediane liegen auch weit vom globalen Mittel entfernt.

- 1. Erklären Sie die Annahme der Normalverteilung und die Annahme der Varianzhomogenität für eine ANOVA an einer passenden Abbildung! (2 Punkte)
- 2. Visualisieren Sie die Berechnung von F_{calc} am obigen Beispiel! (2 Punkte)
- 3. Erklären Sie das Ergebnis der obigen einfaktoriellen ANOVA unter der Berücksichtigung der Annahmen an eine ANOVA! (3 Punkte)

Der \mathcal{X}^2 -Test & Der diagnostische Test

Mehr Informationen zu den Aufgaben in den folgenden Kapiteln aus dem Skript Bio Data Science.

- Kapitel 28 Der \mathcal{X}^2 -Test
- Kapitel 29 Der diagnostische Test

Nach einem Experiment ergibt sich die folgende 2x2 Datentabelle mit einem Pestizid (ja/nein), dargestellt in den Zeilen. Im Weiteren mit dem infizierten Pflanzenstatus (ja/nein) in den Spalten. Insgesamt wurden n=124 Pflanzen untersucht.

	Erkrankt (ja)	Erkrankt (nein)	
Pestizid (ja)	38	21	
Pestizid (nein)	27	38	

- 1. Ergänzen Sie die Tabelle um die Randsummen! (1 Punkt)
- 2. Formulieren Sie die Fragestellung! (1 Punkt)
- 3. Formulieren Sie das Hypothesenpaar! (2 Punkte)
- 4. Berechnen Sie die Teststatistik eines Chi-Quadrat-Test auf der 2x2 Tafel. Geben Sie Formeln und Rechenweg mit an! (4 Punkte)
- 5. Treffen Sie eine Entscheidung im Bezug zu der Nullhypothese gegeben einem $T_k = 3.841!$ (1 Punkt)
- 6. Skizzieren Sie eine 2x2 Tabelle mit n=34 Pflanzen in dem *vermutlich* die Nullhypothese nicht abgelehnt werden kann! **(1 Punkt)**

Gegeben sind folgende Randsummen in einer 2x2 Kreuztabelle aus einem Experiment mit n=116 Sauen. In dem Experiment wurde gemessen, ob eine Sau nach einer Behandlung mit einem Medikament (ja/nein) mehr als 30 Ferkel pro Jahr bekommen konnte (ja/nein).

	>30 Ferkel (ja)	≤30 Ferkel (nein)	
Medikament (ja)			67
Medikament (nein)			49
	70	46	116

- 1. Ergänzen Sie die Felder innerhalb der 2x2 Kreuztabelle in dem Sinne, dass *kein* signifikanter Effekt zu erwarten wäre! **(2 Punkte)**
- 2. Erklären und Begründen Sie Ihr Vorgehen an der Formel des Chi-Quadrat-Tests mit

$$\mathcal{X}^2 = \sum \frac{(O-E)^2}{E}.$$

Sie können dies an einem Beispiel erklären! (2 Punkte)

- 3. Was ist die Mindestanzahl an Beobachtungen je Zelle? Wenn in einer der Zellen weniger Beobachtungen auftreten, welchen Test können Sie anstatt des "normalen" Chi-Quadrat-Tests anwenden? (2 Punkte)
- 4. Warum hat die obige Vierfeldertafel einen Freiheitsgrad von df = 1? (1 Punkt)

Die Prävalenz von Klauenseuche bei Wollschweinen wird mit 2% angenommen. In 75% der Fälle ist ein Test positiv, wenn das Wollschwein erkrankt ist. In 7.5% der Fälle ist ein Test positiv, wenn das Wollschwein nicht erkrankt ist und somit gesund ist. Sie werten 2000 Wollschweine mit einem diagnostischen Test auf Klauenseuche aus.

- 1. Füllen und beschriften Sie den untenstehenden Doppelbaum! Beschriften Sie auch die Äste des Doppelbaumes, mit denen Ihnen bekannten Informationen! (8 Punkte)
- 2. Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit $Pr(K^+|T^+)$! (2 Punkte)
- 3. Was sagt Ihnen die Wahrscheinlichkeit $Pr(K^+|T^+)$ aus? (1 Punkt)

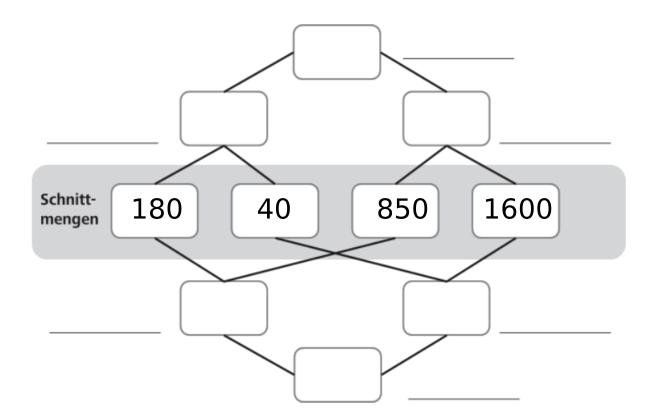


Beim diagnostischen Testen erhalten Sie *True Positives (TP)*, *True Negatives (TN)*, *False Positives (FP)* und *False Negatives (FN)*. Erklären Sie den Zusammenhang wir folgt.

- 1. Visualisieren Sie *TP*, *TN*, *FP* und *FN* in einer Abbildung. Beschriften Sie die Abbildung und die Achsen entsprechend! **(6 Punkte)**
- 2. Tragen Sie *TP*, *TN*, *FP* und *FN* in eine 2x2 Kreuztablle ein. Beschriften Sie die Tabelle entsprechend! (3 **Punkte**)

Folgender diagnostischer Doppelbaum nach der Testung auf Klauenseuche bei Fleckvieh ist gegeben.

- 1. Füllen und beschriften Sie den untenstehenden Doppelbaum! (4 Punkte)
- 2. Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit $Pr(K^+|T^+)$! (2 Punkte)
- 3. Berechnen Sie die Prävalenz für Klauenseuche! (2 Punkte)
- 4. Berechnen Sie die Sensifität und Spezifität des diagnostischen Tests für Klauenseuche! Erstellen Sie dafür zunächst eine 2x2 Kreuztabelle aus dem ausgefüllten Doppelbaum! (4 Punkte)



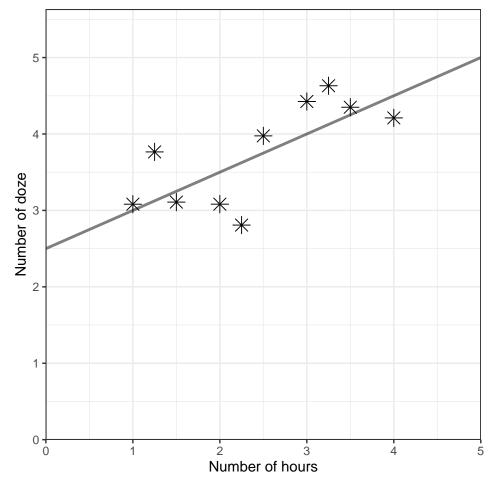
Simple lineare Regression

Mehr Informationen zu den Aufgaben in den folgenden Kapiteln aus dem Skript Bio Data Science.

- Kapitel 32 Simple lineare Regression
- Kapitel 33 Maßzahlen der Modelgüte
- Kapitel 34 Korrelation



In einer Studie zur "Arbeitssicherheit auf dem Feld" wurde gemessen wie viele Stunden auf einem Feld gefahren wurden und wie oft der Fahrer dabei drohte einzunicken. Es ergab sich folgende Abbildung.



- 1. Erstellen Sie die Regressionsgleichung aus der obigen Abbildung in der Form $y \sim \beta_0 + \beta_1 \cdot x!$ (2 **Punkte**)
- 2. Beschriften Sie die Gerade mit den Parametern der linearen Regressionsgleichung! (2 Punkte)
- 3. Liegt ein Zusammenhang zwischen der Anzahl an gefahrenen Runden und der Müdigkeit vor? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)
- 4. Wenn kein Zusammenhang zu beobachten wäre, wie würde die Gerade aussehen? (1 Punkt)



In einem Stallexperiment mit n=60 Ferkeln wurde der Gewichtszuwachs unter bestimmten Lichtverhältnissen gemessen. Sie erhalten den \bigcirc Output der Funktion tidy() einer simplen Gaussian linearen Regression sieben Wochen nach der ersten Messung.

term	estimate	std.error	t statistic	p-value
(Intercept)	24.68	2.19		
light	0.14	0.22		

- 1. Berechnen Sie die t Statistik für (Intercept) und light! (2 Punkte)
- 2. Schätzen Sie den p-Wert für (*Intercept*) und *light* mit $T_{\alpha=5\%}=1.96$ ab. Was sagt Ihnen der p-Wert aus? Begründen Sie Ihre Antwort! (**3 Punkte**)
- 3. Zeichnen Sie die Gerade aus der obigen Tabelle in ein Koordinatenkreuz! (1 Punkt)
- 4. Beschriften Sie die Abbildung und die Gerade mit den statistischen Kenngrößen! (2 Punkte)
- 5. Formulieren Sie die Regressionsgleichung! (2 Punkte)



Sie erhalten folgende R Ausgabe der Funktion Im() nach einem Experiment mit zwei Behandlungen (A und B) sowie dem Ertragsgewicht von Weizen.

```
##
## Call:
## lm(formula = weight ~ trt, data = data_tbl)
## Residuals:
               10 Median
                                30
      Min
                                       Max
## -2.2000 -0.5556 -0.2000 0.4444
                                   3.4444
##
## Coefficients:
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 17.5556
                           0.5360 32.756 4.15e-13
## trtB
                0.6444
                            0.8968
                                    0.719
                                             0.486
## Residual standard error: 1.608 on 12 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.04126, Adjusted R-squared: -0.03864
## F-statistic: 0.5164 on 1 and 12 DF, p-value: 0.4861
```

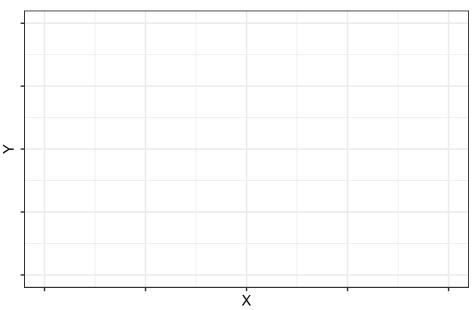
- 1. Ist die Annahme der Normalverteilung an das Outcome *rsp* erfüllt? Begründen Sie die Antwort! (2 Punkte)
- 2. Wie groß ist der Effekt des *Trt*? Liegt ein signifikanter Effekt vor? Begründen Sie Ihre Antwort! **(2 Punkte)**
- 3. Schreiben Sie das Ergebnis der R Ausgabe in einen Satz nieder, der die Information zum Effekt und der Signifikanz enthält! (2 Punkte)



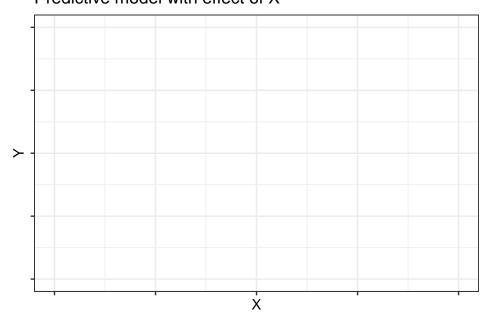
1. Skizieren Sie in die unten stehenden, freien Abbildungen ein kausales und ein prädiktives Modell mit n = 9 Beobachtungen! (4 Punkte)

- 2. Beachten Sie bei der Erstellung der Skizze, ob ein Effekt von X vorliegt oder nicht! (2 Punkte)
- 3. Beschriften Sie die Abbildung mit "Trainingsdaten" und "Testdaten"! (2 Punkte)

Causal model with effect of X



Predictive model with effect of X





Im folgenden sehen Sie drei leere Scatterplots. Füllen Sie diese Scatterplots nach folgenden Anweisungen.

- 1. Zeichnen Sie für die angegebene ρ -Werte eine Gerade in die entsprechende Abbildung! (3 **Punkte**)
- 2. Zeichnen Sie für die angegebenen R²-Werte die entsprechende Punktewolke um die Gerade. (3 Punkte)
- 3. Sie rechnen ein statistisches Modell. Was sagen Ihnen die R^2 -Werte über das jeweilige Modell? (3 **Punkte**)

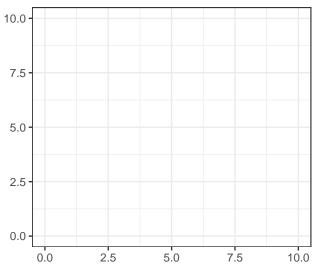
Pearsons $\rho = 0$

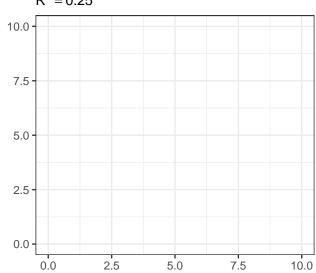
$$R^2 = 0.5$$





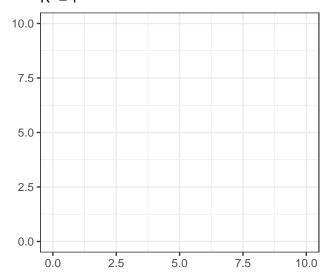
$$R^2 = 0.25$$





Pearsons $\rho = 1$

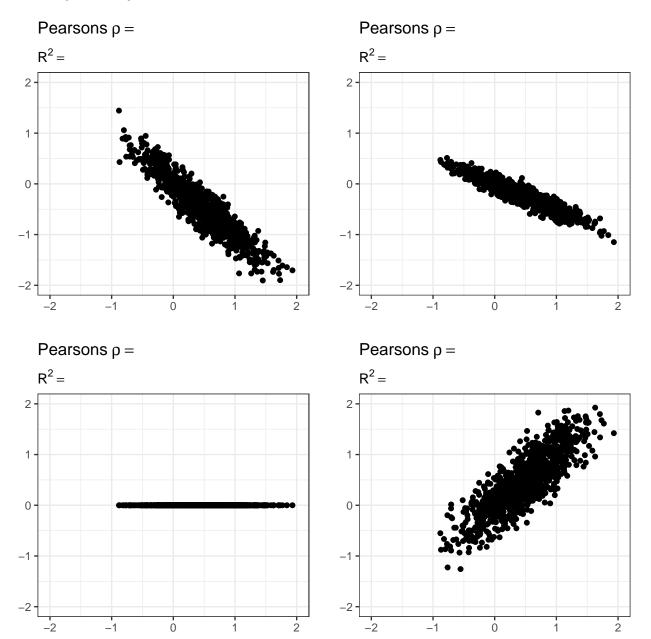
$$R^2 = 1$$





Im folgenden sehen Sie vier Scatterplots. Ergänzen Sie die Überschriften der jeweiligen Scatterplots.

- 1. Schätzen Sie die ρ -Werte in der entsprechenden Abbildung! (4 Punkte)
- 2. Schätzen Sie die R^2 -Werte in der entsprechenden Punktewolke um die Gerade! (4 Punkte)
- 3. Sie rechnen ein statistisches Modell. Was sagen Ihnen die \mathbb{R}^2 -Werte über das jeweilige Modell? (1 Punkt)





Sie erhalten folgende R Ausgabe der Funktion cor.test().

```
##
## Pearson's correlation
##
## data: drymatter and water
## t = -14.75, df = 8, p-value = 4.389e-07
## alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -0.9959050 -0.9235951
## sample estimates:
## cor
## -0.9821068
```

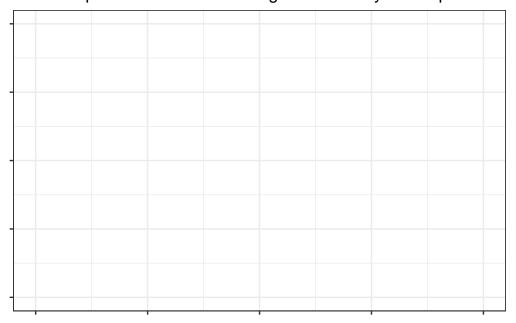
- 1. Formulieren Sie die wissenschaftliche Fragestellung! (1 Punkt)
- 2. Nennen Sie die zwei Eigenschaften des Korrelationskoeffizienten! Erklären Sie eine der Eigenschaften an einem Beispiel! (3 Punkte)
- 3. Sind die Variablen drymatter and water normalverteilt? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)
- 4. Interpretieren Sie den Korrelationskoefizienten hinsichtlich des Effekts und der Signifikanz! Begründen Sie Ihre Antwort! (3 Punkte)
- 5. Visualisieren Sie die Teststatistik und den p-Wert! Beschriften Sie die Abbildung! (3 Punkte)



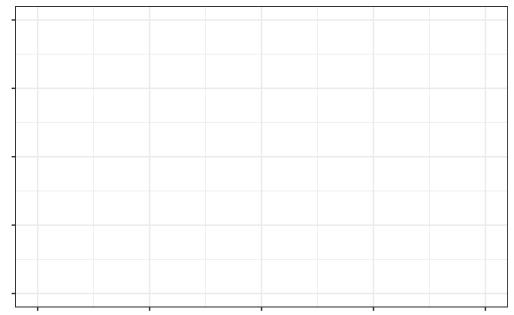
1. Skizieren Sie in die unten stehenden, freien Abbildungen die Abbildung, die sich nach der Überschrift ergibt! **(4 Punkte)**

2. Beschriften Sie die Achsen entsprechend! (2 Punkte)

Residual plot with 2 outlier fullfilling the normality assumption.



Residual plot violating the normality assumption.

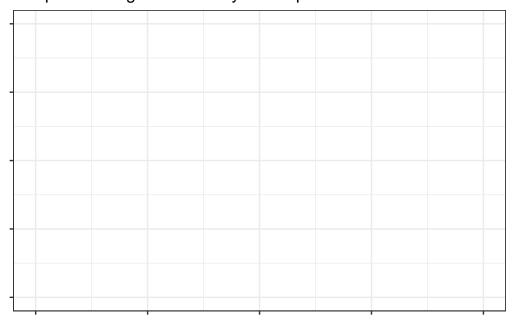




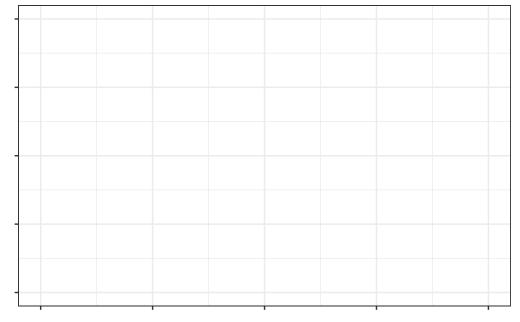
1. Skizieren Sie in die unten stehenden, freien Abbildungen die Abbildung, die sich nach der Überschrift ergibt! **(4 Punkte)**

2. Beschriften Sie die Achsen entsprechend! (3 Punkte)

QQ plot fullfiling the normality assumption.



QQ plot violating the normality assumption.





Sie rechnen eine lineare Regression um nach einem Feldexperiment den Zusammenhang zwischen Trockengewicht kg/m^2 (*drymatter*) und Wassergabe l/m^2 (*water*) bei Spargel zu bestimmen. Sie erhalten folgende Datentabelle.

.id	drymatter	water	.fitted	.resid
1	25.5	8.5	22.1	
2	26.7	13.1	29.2	
3	15.5	7.3	20.2	
4	39.0	19.7	39.2	
5	38.1	17.4	35.7	
6	28.4	11.0	25.9	
7	26.4	9.4	23.4	
8	13.1	3.1	13.8	
9	25.4	12.5	28.2	
10	24.5	10.0	24.4	
11	26.9	11.7	26.9	
12	20.1	6.1	18.4	
13	27.0	13.2	29.2	

- 1. Ergänzen Sie die Werte in der Spalte . resid in der obigen Tabelle. Geben Sie den Rechenweg und Formel mit an! (4 Punkte)
- 2. Zeichnen Sie den sich aus der obigen Tabelle ergebenden Residualplot. Beschriften Sie die Abbildung! (4 Punkte)
- 3. Gibt es auffällige Werte anhand des Residualplots? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)

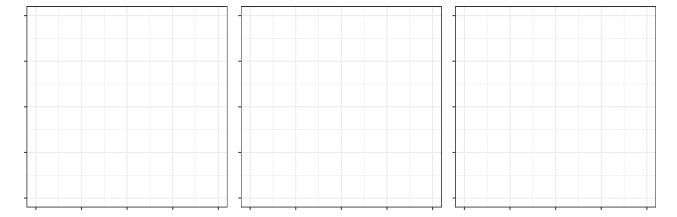
Multiple lineare Regression

Mehr Informationen zu den Aufgaben in den folgenden Kapiteln aus dem Skript Bio Data Science.

- Kapitel 35 Multiple lineare Regression
- Kapitel 40 Gaussian Regression
- Kapitel 41 Poisson Regression
- Kapitel 43 Logistische Regression
- Kapitel 44 Lineare gemischte Modelle

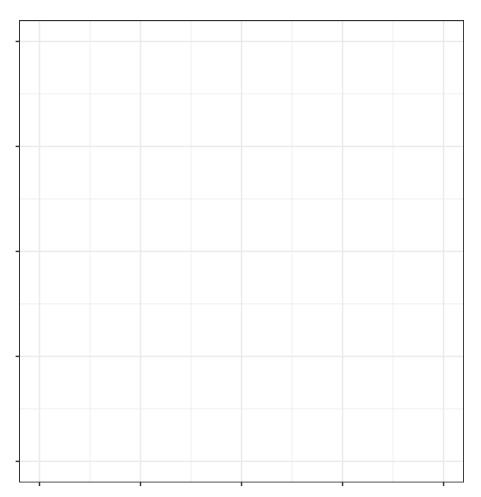
1. Zeichen Sie in die drei untenstehenden, leeren Abbilungen die Zeile des Regressionskreuzes der Normalverteilung. Wählen Sie die Beschriftung der y-Achse sowie der x-Achse entsprechend aus! (6 Punkte)

- 2. Welchen Effektschätzer erhalten Sie aus der entsprechend linearen Regression? Geben Sie ein Beispiel! (2 Punkte)
- 3. Wenn Sie keinen Effekt erwarten, welchen Zahlenraum nimmt dann der Effektschätzer ein? Geben Sie ein Beispiel! (2 Punkte)



Ein Feldexperiment wurde mit n = 200 Pflanzen durchgeführt. Folgende Einflussvariablen (x) wurden erhoben: dry, region und height. Als mögliche Outcomevariablen stehen Ihnen nun folgende gemessene Endpunkte zu Verfügung: drymatter, yield, count, quality score und dead.

- 1. Wählen Sie ein Outcome was zu der Verteilungsfamilie Poisson gehört! (1 Punkt)
- 2. Schreiben Sie das Modell in der Form $y \sim x$ wie es in \mathbb{R} üblich ist *ohne Interaktionsterm*! (2 **Punkte**)
- 3. Schreiben Sie das Modell in der Form $y \sim x$ wie es in \mathbf{Q} üblich ist und ergänzen Sie einen Interaktionsterm nach Wahl! **(2 Punkte)**
- 4. Zeichen Sie eine *starke* Interaktion in die Abbildung unten für den Endpunkt *yield*. Ergänzen Sie eine aussagekräftige Legende. Wie erkennen Sie eine Interaktion? Begründen Sie Ihre Antwort! **(4 Punkte)**





Maispflanzen sollen auf die ertragssteigerende Wirkung von verschiedenen Einflussfaktoren untersucht werden. Gemessen wurde als Outcome die Trockenmasse in kg/m². Dafür wurde für jede Maispflanze gemessen wieviel Wasser (I/m²) die Pflanze erhalten hat oder ob die Pflanze ein neuartiges Lichtregime (0 =alt, 1 =neu) erhalten hatte. Zusätzlich wurde die Anzahl an Nematoden im Boden bestimmt sowie der Eisen- und Phosphorgehalt (μ g/kg) des Bodens. Es ergibt sich folgender Auszug aus den Daten.

water	light	Р	Fe	drymatter	nematodes
10.13	1	10.36	99.73	69.77	10
10.58	0	12.47	95.68	68.16	12
9.99	0	9.18	99.80	65.40	18
8.86	1	11.72	97.17	68.94	9

Sie rechnen nun eine Gaussian lineare Regression auf den Daten und erhalten folgenden 😱 Output.

```
##
## Call:
## lm(formula = reformulate(response = "drymatter", termlabels = wanted_vec),
      data = data_tbl)
##
##
## Residuals:
##
     Min
               10 Median
                               30
                                      Max
## -6.3562 -1.9526 0.1862 1.5652 5.8024
## Coefficients:
##
              Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 14.3469 11.2735
                                  1.273
                                            0.2078
## water
               -0.4820
                           0.2595 -1.858
                                            0.0679
               -0.1335
                           0.1133 -1.178
## nematodes
                                            0.2432
## Fe
                0.6089
                           0.1026
                                   5.936 1.37e-07
## Residual standard error: 2.741 on 63 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.4544, Adjusted R-squared: 0.4285
## F-statistic: 17.49 on 3 and 63 DF, p-value: 2.258e-08
```

- 1. Sind die Residuals approximativ Normalverteilt? Begründen Sie Ihre Antwort! (3 Punkte)
- 2. Welche der Einflussfaktoren sind signifikant? Begründen Sie Ihre Antwort! (3 Punkte)
- 3. Interpretieren Sie die Spalte *estimate* im Bezug auf den Ertrag in Trockenmasse der Maispflanzen! (3 Punkte)

In verschiedenen Flüßen (*stream*) wurde die Anzahl an Knochenhechten (*longnose*) gezählt. Daneben wurden noch andere Eigenschaften der entspechenden Flüsse gemessen. Es ergibt sich folgender Auszug aus den Daten.

stream	longnose	temp	do2	no3	acerage
DORSEY_RUN	8	22.6	6.8	0.44	7814
LITTLE_GUNPOWDER_R	3	17.5	9.7	2.60	15305
CABIN_JOHN_CR	21	15.0	8.2	1.57	8612
PRETTYBOY_BR	19	19.2	9.8	6.81	904

Sie rechnen nun eine Poisson lineare Regression auf den Daten und erhalten folgenden 🗣 Output.

```
##
## Call:
### glm(formula = reformulate(response = "longnose", termlabels = wanted_vec),
       family = quasipoisson, data = data_tbl)
##
## Deviance Residuals:
     Min
              1Q Median
##
                              30
                                     Max
## -8.560 -3.517 -1.631
                           1.540 18.195
##
## Coefficients:
##
                Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept) -9.315e-01 1.514e+00 -0.615
                                              0.5413
               9.268e-02 3.899e-02
                                     2.377
## temp
                                              0.0214
               2.226e-01 1.206e-01
## do2
                                      1.846
                                              0.0709
               1.055e-01 6.555e-02
## no3
                                      1.610
                                              0.1139
## acerage
               4.876e-05 1.106e-05
                                      4.409 5.66e-05
##
## (Dispersion parameter for quasipoisson family taken to be 27.38544)
      Null deviance: 1928.6 on 53 degrees of freedom
## Residual deviance: 1099.8 on 49 degrees of freedom
## AIC: NA
## Number of Fisher Scoring iterations: 5
```

- 1. Warum wurde hier eine Poisson bzw. Quasipoisson-Verteilung gewählt? Begründen Sie Ihre Antwort mit dem R Output! (2 Punkte)
- 2. Können Sie die *Estimate* der einzelnen Einflussvariablen direkt interpretieren? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)
- 3. Interpretieren Sie die *nicht signifikanten* Effekte auf die Anzahl an Knochenhechten! (2 Punkte)
- 4. Erklären Sie am R Output wie sich die *t value* Spalte errechnet! (2 Punkte)

Auf einer Erdbeerplantage treten unerwartet häufig infizierte Erdbeerpflanzen auf. In einem Versuch sollen verschiedende Einflussfaktoren auf den Infektionsstatus betrachtet werden. Dafür wurde für jede Erdbeerpflanze gemessen, wieviel Wasser die Pflanze erhalten hat oder ob die Pflanze ein neuartiges Lichtregime erhalten hatte. Zusätzlich wurde die Anzahl an Nematoden im Boden bestimmt. Es ergibt sich folgender Auszug aus den Daten.

infected	water	light	nematodes
1	8.52	1	0
0	11.89	0	2
1	9.72	0	4
0	10.20	0	3

Sie rechnen nun eine logistische lineare Regression auf den Daten und erhalten folgenden 😱 Output.

- 1. Die Spalte *estimate* wurde gelöscht. Berechnen Sie die Werte der Spalte *estimate* aus den Qutput! (2 Punkte)
- 2. Welche Einflussfaktoren sind protektiv, welche ein Risiko? Berechnen Sie hierfür zunächst das OR aus der Spalte *estimate*! **(4 Punkte)**
- 3. Interpretieren Sie die Spalte *estimate* im Bezug auf den Infektionsstatus der Erdbeerpflanzen! (2 Punkte)
- 4. Was ist der Unterschied zwischen einem OR und einem RR? Geben Sie ein numerisches Beispiel! (2 Punkte)

In einem Experiment zur Steigerung der Milchleistung (gain) von Kühen wurden zwei Arten von Musik in den Ställen gespielt. Zum einen ruhige Musik (calm) und eher flotte Musik (pop). Die Messungen wurden an jeder Kuh (subject) wiederholt durchgeführt. Darüber hinaus wurden verschiedene Ställe (barn) mit der Musik bespielt.

```
## Linear mixed model fit by REML ['lmerMod']
## Formula: gain ~ attitude + (1 | subject) + (1 | barn)
      Data: data_tbl
##
## REML criterion at convergence: 788.8
##
## Scaled residuals:
      Min 10 Median
                                30
                                       Max
## -2.3312 -0.5798 -0.1816 0.5685
                                   3.2314
##
## Random effects:
## Groups Name
                        Variance Std.Dev.
## barn
             (Intercept)
                         234.2
                                  15.30
## subject (Intercept) 3976.9
                                  63.06
## Residual
                          603.1
                                  24.56
## Number of obs: 83, groups: barn, 7; subject, 6
## Fixed effects:
               Estimate Std. Error t value
##
## (Intercept) 202.285
                            26.658
                                     7.588
## attitudepop -20.939
                             5.396
                                   -3.880
##
## Correlation of Fixed Effects:
               (Intr)
## attitudepop -0.100
```

- 1. Ist die Annahme der Normalverteilung an das Outcome *gain* erfüllt? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)
- 2. Wie groß ist der Effekt der Musikart attitude? Liegt ein signifikanter Effekt vor? Schätzen Sie den p-Wert mit einem kritischen t-Wert von $T_k = 1.96$ ab. Begründen und visualisieren Sie Ihre Antwort und Entscheidung! (3 Punkte)
- 3. Was ist der Unterschied zwischen einem "random" und "fixed" Effekt. Gehen Sie in der Begründung Ihrer Antwort auf dieses konkrete Beispiel ein! (3 Punkte)
- 4. Wie groß ist die Varianz, die durch die zufälligen Effekte erklärt wird? (1 Punkt)
- 5. Schreiben Sie das Ergebnis der R Ausgabe in einen Satz nieder, der die Information zum Effekt und der Signifikanz enthält! (2 Punkte)

Nicht parametrische Tests

Mehr Informationen zu den Aufgaben in den folgenden Kapiteln aus dem Skript Bio Data Science.

- Kapitel 25 Der Wilcoxon-Mann-Whitney-Test
- Kapitel 26 Der Kruskal-Wallis-Test

Die Anzahl an Nematoden wurde vor und nach einer Behandlung mit einem bioaktiven Dünger gezählt. Es ergibt sich folgende Datentabelle.

Vorher	Nachher	Differenz	Vorzeichen	Rang	Positiv Rang	Negativ Rang
11	12					
13	13					
8	15					
11	13					
14	12					
13	14					
8	13					
11	9					
9	12					
11	9					
13	14					
6	16					
8	11					
5	12					
9	7					

- 1. Ergänzen Sie die obige Tabelle mit den notwendigen Informationen, die Sie benötigen um einen Wilcoxon-Vorzeichen-Rang-Test zu rechnen! (4 Punkte)
- 2. Bestimmen Sie die Teststatistik W mit $W = \min(T_-; T_+)$ und berechnen Sie den erwarteten

Wert
$$\mu_W = \frac{n \cdot (n+1)}{4}!$$
 (2 Punkte)

- 3. Berechnen Sie anschließend den z-Wert mit $z = \frac{W \mu_W}{0}!$ (2 Punkte)
- 4. Liegt mit einer Signifikanzschwelle von z=1.96 ein Unterschied zwischen den beiden Zeitpunkten vor? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)
- 5. Berechnen Sie die Effektstärke mit $r=|\frac{z}{\sqrt{n}}|$ und interpretieren Sie die Effektstärke! (2 Punkte)

Nach einer Behandlung mit RootsGoneX wurde die mittelere Anzahl an Wurzeln an der invasiven Lupine (*Lupinus polyphyllus*) gezählt. Es ergab sich folgender Datensatz an mittleren Wurzelanzahl.

Treatment	Count
RootsGoneX	6.1
RootsGoneX	5.7
RootsGoneX	16.2
RootsGoneX	11.5
RootsGoneX	15.4
RootsGoneX	11.0
RootsGoneX	6.6
Kontrolle	10.6
Kontrolle	18.8
Kontrolle	14.4
Kontrolle	8.7
Kontrolle	12.0
Kontrolle	10.4
Kontrolle	10.4

Rechnen Sie einen Mann-Whitney-U-Test auf den obigen Daten.

1. Bestimmen Sie hierfür U_c mit $U_c = n_1 n_2 + \frac{n_1(n_1+1)}{2} - R_1!$ (4 Punkte)

2. Geben Sie eine Aussage über die Signifikanz von U_c durch $z=\frac{U_c-\frac{n_1n_2}{2}}{\sqrt{\frac{n_1n_2(n_1+n_2+1)}{12}}}$ und dem kritischen Wert von z=1.96. Begründen Sie Ihre Antwort! **(2 Punkte)**

3. Berechnen Sie die Effektstärke mit $r=|\frac{z}{\sqrt{n}}|$ und interpretieren Sie die Effektstärke! (2 Punkte)

Die Anzahl an Blüten der Vanilleplanze pro Box wurde nach der Gabe von zusätzlichen Phosporlösung (Kontrolle, Dosis 20 und Dosis 40) bestimmt. Es ergeben sich folgende nach der Anzahl der Blüten geordnete Daten.

Treatment	Count	Rang Kontrolle	Rang Dosis 20	Rang Dosis 40
Kontrolle Dosis 20 Kontrolle Dosis 40 Dosis 20	6.9 7.6 7.8 9.8 10.8			
Kontrolle Dosis 40 Kontrolle Dosis 20 Dosis 20	11.9 12.1 12.3 12.8 13.3			
Dosis 20 Kontrolle Kontrolle Dosis 40 Kontrolle	13.3 14.5 14.9 15.6 15.7			
Dosis 40 Dosis 20 Dosis 40	16.3 17.8 17.8			

Rechnen Sie einen Kruskal-Wallis-Test auf den obigen Daten.

1. Bestimmen Sie hierfür
$$H_c$$
 mit $H_c = \frac{12}{n(n+1)} \left(\frac{R_1^2}{n_1} + \frac{R_2^2}{n_2} + \frac{R_3^2}{n_3} \right) - 3(n+1)!$ (6 Punkte)

- 2. Geben Sie eine Aussage über die Signifikanz von H_c durch den kritischen Wert von H = 5.99! (1 Punkt)
- 3. Wie lautet die Nullhypothese die Sie mit dem Kruskal-Wallis-Test überprüfen? (1 Punkt)
- 4. Was sagt ein signifikantes Ergebnis des Kruskal-Wallis-Test in Bezug auf die einzelnen Gruppenvergleiche aus? (1 Punkt)

Multiple Gruppenvergleiche

Mehr Informationen zu den Aufgaben in den folgenden Kapiteln aus dem Skript Bio Data Science.

- Kapitel 20.3 Adjustierung für multiple Vergleiche
- Kapitel 31.7 Compact letter display



In einem Experiment zur Dosiswirkung wurden verschiedene Dosisstufen mit einer Kontrollgruppe vergleichen. Es wurden vier t-Test für den Mittelwertsvergleich gerechnet und es ergab sich folgende Tabelle mit den rohen p-Werten.

Vergleich	Raw p-val	Adjusted p-val	Reject H ₀
dose 10 - ctrl	0.001		
dose 15 - ctrl	0.012		
dose 20 - ctrl	0.760		
dose 40 - ctrl	0.340		

- 1. Füllen Sie die Spalte "adjustierte p-Werte" mit den adjustierten p-Werten nach Bonferoni aus! (2 Punkte)
- 2. Entscheiden Sie, ob nach der Adjustierung die Nullhypothese weiter abglehnt werden kann. Tragen Sie Ihre Entscheidung in die obige Tabelle ein. Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)
- 3. Erklären Sie warum die p-Werte bei multiplen Vergleichen adjustiert werden müssen? (2 Punkte)



In einem Experiment mit vier Dosisstufen (ctrl, low, mid und high) erhalten Sie folgende Matrix als \mathbf{R} Ausgabe mit den rohen, unadjustierten p-Werten.

```
## ctrl high low mid

## ctrl 1.0000000 0.0000000 0.0005721 0.0000002

## high 0.0000000 1.0000000 0.0001072 0.1091628

## low 0.0005721 0.0001072 1.0000000 0.0092793

## mid 0.0000002 0.1091628 0.0092793 1.0000000
```

Im Weiteren erhalten Sie folgende Informationen über die Fallzahl n, den Mittelwert mean und die Standardabweichung sd in den jeweiligen Dosisstufen.

trt	n	mean	sd
ctrl	9	12.17	2.57
high	9	3.96	2.47
low	9	8.36	0.89
mid	9	5.60	2.08

- 1. Zeichnen Sie in eine Abbildung, die sich ergebenden Barplots! (2 Punkte)
- 2. Adjustieren Sie die rohen p-Werte nach Bonferroni. Begründen Sie Ihre Antwort! (3 Punkte)
- 3. Ergänzen Sie das Compact letter display (CLD) zu der Abbildung! (2 Punkte)
- 4. Interpretieren Sie das Compact letter display (CLD)! (2 Punkte)



In einem Experiment mit fünf Dosisstufen (A, B, C, D und E) erhalten Sie folgendes *Compact letter display (CLD)* als \bigcirc Ausgabe aus den rohen, unadjustierten p-Werten.

- 1. Erstellen Sie eine Matrix mit den paarweisen *p*-Werten, die sich näherungsweise aus dem *Compact letter display (CLD)* ergeben würde! Begründen Sie Ihre Antwort! **(3 Punkte)**
- 2. Zeichnen Sie eine Abbildung, der sich ergebenden Barplots! (2 Punkte)
- 3. Ergänzen Sie das Compact letter display (CLD) zu der Abbildung! (1 Punkt)

R Programmierung

Mehr Informationen zu den Aufgaben in den folgenden Kapiteln aus dem Skript Bio Data Science.

• Kapitel 9ff. Programmieren in R

In der Klausur zu dem Modul **Mathematik & Statistik** wird *eine Aufgabe* aus den folgenden Aufgaben zur R Programmierung von mir ausgewählt.

In der Klausur zu dem Modul **Statistik** wird *eine Aufgabe* aus den folgenden Aufgaben zur R Programmierung von mir ausgewählt.

In der Klausur zu dem Modul **Angewandte Statistik für Bioverfahrenstechnik** wird *eine Aufgabe* aus den folgenden Aufgaben zur R Programmierung von mir ausgewählt.

In der Klausur zu dem Modul **Angewandte Statistik und Versuchswesen** wird *eine Aufgabe* aus den folgenden Aufgaben zur R Programmierung von mir ausgewählt.

In der Klausur zu dem Modul **Biostatistik** wird *eine Aufgabe* aus den folgenden Aufgaben zur R Programmierung von mir ausgewählt.



Bearbeiten Sie folgenden Aufgaben mit Bezug zu 😱!

- 1. Erklären Sie den Pipe-Operator am Beispiel der Berechnung des Mittelwertes mit der Funktion mean und den Zahlen 11, 14, 2, 6 und 10! (2 Punkte)
- 2. Erklären Sie den Unterschied zwischen einer Funktion und einem Objekt in R an einem Beispiel! (2 Punkte)
- 3. Erklären Sie den Vorteil der Verwendung der Funktion p_load() an einem Beispiel. Was ist das alternative Vorgehen zu der Verwendung der Funktion? (2 Punkte)
- 4. Erklären Sie die Verwendung des Operators :: am Beispiel der Funktion select() und p_load()! (2 Punkte)



Bearbeiten Sie folgenden Aufgaben mit Bezug zu 😱!

- 1. Erklären Sie den Pfeil-Operator am Beispiel eines Zahlenvektors mit der Funktion c() und den Zahlen 10, 11, 13, 12 und 8! (2 Punkte)
- 2. Erklären Sie den Nutzen des R Paketes conflicted am Beispiel der Funktion select()! (2 Punkte)
- 3. Erklären Sie den Unterschied zwischen einer library und einem package in R an einem Beispiel! (2 Punkte)
- 4. Erklären Sie den Unterschied zwischen "mean", mean und mean()! (2 Punkte)





Sie wollen eine explorative Datenananalyse auf dem folgenden, in \mathbb{R} schon geladenen, Datensatz leaf_tbl durchführen.

```
leaf_tbl
## # A tibble: 10 x 3
## treatment block leaf
         <dbl> <int> <dbl>
## 1
              1
                   1
## 2
              1
                    2
                         13
##
                    3
   3
              1
                         13
##
   4
              1
                    4
                         14
   5
              1
                    5
##
                         7
              2
                    1
##
   6
                         11
##
   7
              2
                    2
                         7
## 8
              2
                    3
                         11
              2
## 9
                    4
                         9
              2
## 10
                    5
                         10
```

- 1. Welche R Pakete benötigen Sie für die explorative Datenanalyse? (2 Punkte)
- 2. Skizzieren Sie den Code für die Erstellung eines Boxplots unter der Verwendung des Pipe-Operators! (4 Punkte)
- 3. Nehmen Sie an, dass Sie die Funktion as_factor() verwenden. Wozu benötigen Sie die Funktion? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)
- 4. Erläutern Sie Ihr weiteres Vorgehen nachdem Sie eine explorative Datenanalyse durchgeführt haben! (2 Punkte)





Sie wollen einen multiplen, paarweisen Gruppenvergleich auf dem folgenden, in \mathbb{R} schon geladenen, Datensatz leaf_tbl durchführen.

```
leaf_tbl
## # A tibble: 25 x 3
     treatment block leaf
##
                <fct> <dbl>
      <fct>
   1 1
                1
                          11
##
   2 1
                2
                          11
   3 1
                3
                          12
##
   4 1
##
                4
                          10
   5 1
                5
                          11
##
##
   6 2
                1
                          13
##
   7 2
                2
                          9
## 8 2
                3
                          12
## 9 2
                4
                          10
## 10 2
                5
                          13
## # ... with 15 more rows
```

- 1. Welche R Pakete benötigen Sie für den multipen Vergleich? (2 Punkte)
- 2. Skizzieren Sie den Rode für die Erstellung einer Berechnung eines multiplen Vergleiches unter der Verwendung des Pipe-Operators! Nutzen Sie hierfür folgende Funktionen in der passenden Reihenfolge: emmeans(), cld(), lm(), anova(), ggplot()! (4 Punkte)
- 3. Erklären Sie den Unterschied zwischen der Funktion contrast() und cld()! (2 Punkte)

Mathematik

Mehr Informationen zu den Aufgaben in den Skript Mathematik und folgenden Kapiteln.

• Kapitel 9ff. Programmieren in R

In der Klausur zu dem Modul **Mathematik & Statistik** werden *zwei Aufgaben* aus den folgenden Aufgaben zur Mathematik von mir ausgewählt.

Herodot – der Schimmel aus Ivenack Während der Besetzung Mecklenburgs durch die Franzosen kamen Napoleon die Geschichten des berühmten Apfelschimmels Herodot aus Ivenack zu Gehör. Herodot lief zwar niemals Rennen, war aber einer der berühmtesten Pferde dieser Zeit. Napoleon selbst soll den Auftrag gegeben haben, diesen Schimmel durch die Armee nach Frankreich zu bringen. Der Legende nach sollen Arbeiter den Schimmel im hohlen Stamm einer Eiche aus Ivenack vor den Franzosen versteckt haben. Doch Herodot verriet sein Versteck durch lautes wiehern, woraufhin die französische Armee den Schimmel beschlagnahmte und nach Frankreich führte.

In einem Experiment wollen Sie die Wuchshöhe von Sonnenblumen bestimmen. Bevor Sie überhaupt mit dem Experiment beginnen können, gibt es aber ein paar Abschätzungen über die Kosten und den Aufwand zu treffen. Zum einen müssen Sie die Sonnenblumen einpflanzen und müssen dafür Substrat bestellen. Zum anderen müssen Sie die Sonnenblumen auch bewegen und in ein Gewächshaus platzieren. Beantworten Sie folgende Fragen mit den gegebenen Bedingungen.

Sie wollen 60 Sonnenblumen pflanzen und auswerten. Die Töpfe haben einen Radius von 4.5cm und eine Höhe von 8cm. Der Kubikmeterpreis für Torf liegt bei 290 EUR.

- 1. Skizzieren Sie den Versuchsplan auf einem Tisch im Gewächshaus!
- 2. Berechnen Sie die benötigten Töpfe, wenn Sie Randpflanzen mit berücksichtigen wollen.
- 3. Welche Fläche benötigen Sie im Gewächshaus am Anfang der Keimungsphase? (2 Punkte)
- 4. Berechnen Sie die benötigte Menge an Torf und die Kosten für Ihre Pflanzung! Gehen Sie von einem Zylinder aus!
- 5. Nach dem Befüllen der Töpfe haben Sie noch Torf übrig. Erklären Sie den Sachstand!

Wahrscheinlichkeitsaufgabe Einmal Wahrscheinlichkeitsbaum zeichnen Einmal Wahrscheinlichkeiten berechen Verteilungen von Wahrscheinlichkeiten

Vektoren oder Matrizen Das Ganze dann auch in R