

BE Fortran – Résolution de systèmes triangulaires

Février 2019

1 Introduction

Le but de ce TP est de se familiariser avec la syntaxe de base de Fortran (déclarations de variables et de procédures, boucles, etc.) et d'illustrer l'intérêt d'implanter un algorithme qui suive le schéma de stockage imposé par le langage utilisé.

Il s'agit d'implanter deux versions différentes d'un algorithme de résolution de systèmes triangulaires inférieurs : la résolution triangulaire *sans report* et la résolution triangulaire *avec report*. Les deux algorithmes sont rappelés et illustrés ci-dessous. Notez qu'ils effectuent exactement les mêmes calculs, seul l'ordre change.

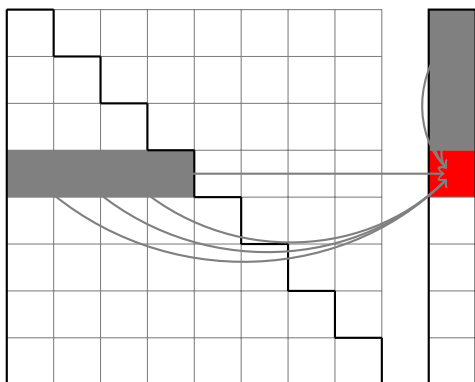
Algorithme 1

Résolution triangulaire sans report

Entrées : matrice triangulaire L
second membre b

Sortie : solution $x = L^{-1}b$

```
x = b
pour j = 1 à n faire
  pour i = 1 à j - 1 faire
    x_j = x_j - l_ji x_i
  fin pour
  x_j = x_j / l_jj
fin pour
```



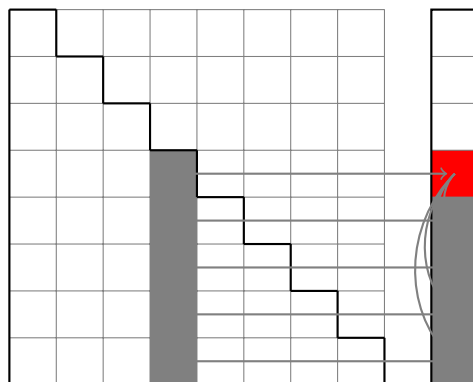
Algorithme 2

Résolution triangulaire avec report

Entrées : matrice triangulaire L
second membre b

Sortie : solution $x = L^{-1}b$

```
x = b
pour j = 1 à n faire
  x_j = x_j / l_jj
  pour i = j + 1 à n faire
    x_i = x_i - l_ij x_j
  fin pour
fin pour
```



2 Implantation

Le fichier `test_solve.F90` contient un squelette de programme principal qui initialise la matrice et le second membre; la matrice est stockée dans un tableau carré dont la partie triangulaire supérieure ne doit pas être accédée. Complétez `test_solve.F90` en rajoutant deux procédures `left_looking_solve`

(résolution sans report) et `right_looking_solve` (résolution avec report), qui doivent avoir l'interface suivante :

`[left/right]_looking_solve(L,x,b,n)`

Sémantique : effectue la résolution sans/avec report du système triangulaire $Lx = b$.

Entrées :

- L , matrice de taille $n \times n$ de nombres réels double précision.
- b , second membre, vecteur de taille n de nombres réels double précision.
- n , entier.

Sortie : x , vecteur de taille n .

Pré-conditions :

- L est initialisée et aucun terme de sa diagonale n'est nul.
- $n > 0$.

Post-conditions : x contient la solution de $Lx = b$.

Ajoutez également une fonction de calcul de l'erreur inverse avec l'interface suivante :

`backward_error(L,x,b,n)`

Sémantique : calcule l'erreur inverse $\frac{\|Lx-b\|_2}{\|b\|_2}$.

Entrées :

- L , matrice de taille $n \times n$ de nombres réels double précision.
- x , solution calculée, vecteur de taille n de nombres réels double précision.
- b , second membre, vecteur de taille n de nombres réels double précision.
- n , entier.

Retour : un nombre réel double précision.

Pré-conditions : $n > 0$.

Post-conditions : \emptyset .

Pour compiler, utilisez `make`. Pour lancer le code principal, lancez `test_solve`.

3 Performances

Utilisez la fonction `cpu_time` afin de mesurer le temps passé dans les procédures `left_looking_solve` et `right_looking_solve`. Faites des tests sur des matrices de tailles raisonnables ($n \leq 20000$) et expliquez les différences de performances entre les deux algorithmes.

Code à rendre

Déposer sous moodle une archive contenant le ou les fichiers nécessaires (a priori un seul, si vous avez tout écrit dans `test_solve.F90`).