



Medidas de distância

O conceito de vizinhança



As medidas de distância são utilizadas também determinar a semelhança ou a diferença entre vetores de atributos.

A distância é sempre dada pelo espaço que separa dois objetos diferentes.

Quanto mais próximos, os elementos são mais semelhantes. Quanto mais distantes, mais diferentes.

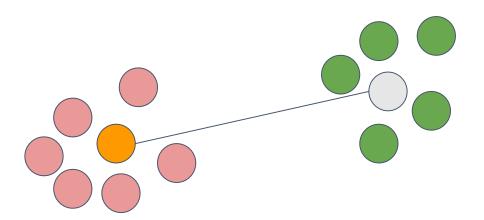




As distâncias podem ser dadas para os grupos



Também é possível calcular a distância entre dois agrupamentos diferentes, através da análise do centróide e utilização dele para comparação da distância entre os grupos.





Medidas de distância

Métricas



As métricas são estabelecidas para definir um método para cálculo da distância entre os objetos que forem comparados.

Os espaços que trabalham com uma métrica passam a ser chamados de espaço métrico.



Distância de Manhattan



Contando com dois vetores X e Y, a métrica é dada pela somatório dos módulos das diferenças.

$$d(X,Y) = \left(\sum_{i=1}^{p} |X_i - Y_i|^1\right)^1 =$$

$$|X_1 - Y_1| + |X_2 - Y_2| + \dots + |X_p - Y_p|$$



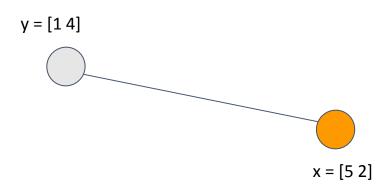
Distância de Manhattan



Calculando a distância da Manhattan entre dois pontos, y e x:

$$d(x,y) = |1-5| + |4-2|$$

 $d(x,y) = 4+2$
 $d(x,y) = 6$



Distância Euclidiana



A distância euclidiana é a mais comum e normalmente utilizada nas situações cotidianas das pessoas. É essa a distância utilizada nas réguas, fitas métricas, etc.

$$d(X,Y) = (\sum_{i=1}^{p} |X_i - Y_i|^2)^{\frac{1}{2}} =$$

$$\sqrt[2]{|X_1 - Y_1|^2 + |X_2 - Y_2|^2 + \dots + |X_p - Y_p|^2}$$



Distância Euclidiana



Calculando a distância Euclidiana entre dois pontos, y e x:

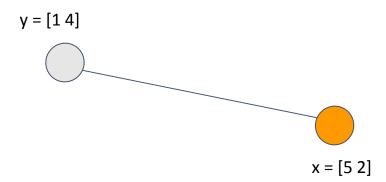
$$d(x,y) = \sqrt{(1-5)^2 + (4-2)^2}$$

$$d(x,y) = \sqrt{4^2 + 2^2}$$

$$d(x,y) = \sqrt{16 + 4}$$

$$d(x,y) = \sqrt{20}$$

$$d(x,y) = 4,4721$$



Distância Chebyshev



As métricas são estabelecidas para definir um método para cálculo da distância entre os objetos que forem comparados.

$$d(X,Y) = \max(|X_1 - Y_1|, |X_2 - Y_2|, \dots, |X_p - Y_p|)$$



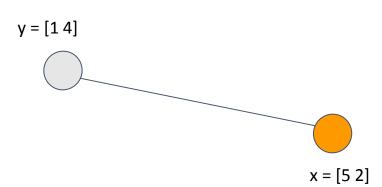
Distância Chebyshev



Calculando a distância Chebyshev entre dois pontos, y e x:

$$d(x,y) = max(|1-5|,|4-2|)$$

 $d(x,y) = max(4, 2)$
 $d(x,y) = 4$







Obrigada!

Ana Laurentino

