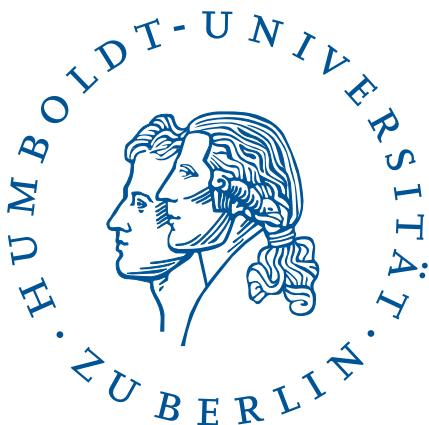


# **Untersuchungen zur Ausrichtung einer CCD-Kamera am MST-Prototyp**

## **BACHELORARBEIT**

**zur Erlangung des akademischen Grades  
Bachelor of Science  
(B. Sc.)  
im Fach Physik**



**eingereicht an der  
Mathematisch-Naturwissenschaftlichen Fakultät  
Institut für Physik  
Humboldt-Universität zu Berlin**

von  
Herrn Jan-Lukas Krieg  
geboren am 09.01.1995 in Berlin

Gutachter:

1. Prof. Dr. Thomas Lohse
2. Prof. Dr. David Berge

Betreuung:

1. Dr. Ullrich Schwanke

eingereicht am: 1. März 2019

Das CTA ist ein internationales Projekt, das die aktuelle Generation an Observatorien zur bodenstützten Detektion hochenergetischer Gammastrahlung ablösen soll. Für einen der geplanten Teleskoptypen -das MST (Medium-Sized-Telescope)- wurde in Berlin ein Prototyp errichtet, um die beispielsweise die korrekte Ausrichtung zu testen. Dazu werden drei CCD-Kameras verwendet, wovon eine einen großen Winkel zur optischen Achse des Teleskop hat. Die Beziehung der Koordinaten von Teleskop und CCD-Kamera lassen sich durch ein Modell mit zwei Parametern beschreiben.

**Schlagwörter:**

CTA, MST-Prototyp, Adlershof, Pointing

# Inhaltsverzeichnis

<b>1. Einleitung</b>	<b>1</b>
<b>2. <math>\gamma</math>-Astronomie</b>	<b>2</b>
2.1. Entstehung hochenergetischer Strahlung . . . . .	2
2.2. Quellen hochenergetischer Strahlung . . . . .	2
2.3. Detektion von Strahlung . . . . .	3
2.3.1. Luftschauder . . . . .	4
2.3.2. Tscherenkov-Strahlung . . . . .	4
2.3.3. Bodengestützte Detektion der Tscherenkov-Strahlung . . . . .	5
<b>3. Das Cherenkov Telescope Array</b>	<b>7</b>
3.1. Design-Konzept . . . . .	7
3.1.1. Teleskoptypen . . . . .	7
3.1.2. Array-Konzept . . . . .	8
3.2. Prototyp in Adlershof . . . . .	8
3.2.1. Pointing des Teleskops mit CCD-Kameras . . . . .	8
3.2.2. Kameras des MST . . . . .	10
<b>4. Ableitung eines Grundlegenden Pointingmodells</b>	<b>12</b>
4.1. Koordinaten . . . . .	12
4.2. Entwicklung von Pointingmodellen . . . . .	12
4.3. Motivation des Pointingmodells . . . . .	13
4.4. Pointingmodell mit zwei Parametern . . . . .	14
4.4.1. Vorhersage der CCD-Koordinaten in Abhängigkeit von den Drive-Koordinaten . .	14
4.4.2. Vorhersage der Drive-Koordinaten in Abhängigkeit von den CCD-Koordinaten . .	16
4.5. Erweiterung des Modells auf vier Parameter . . . . .	17
<b>5. Anwendung des Pointingmodells auf Daten des Teleskops</b>	<b>18</b>
5.1. Datensatz . . . . .	18
5.2. Bestimmung der optimalen Parameter für die Pointingmodelle . . . . .	19
5.3. Anwendung auf das Pointingmodell mit zwei Parametern . . . . .	20
5.3.1. Abhängigkeit der Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten . .	20
5.3.2. Abhängigkeit der CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drivekoordinaten . .	20
5.4. Anwendung auf das Pointingmodell mit vier Parametern . . . . .	25
5.4.1. Abhängigkeit der Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten . .	25
5.4.2. Abhängigkeit der CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drivekoordinaten . .	27
5.5. Systematische Abweichungen im entwickelten Pointingmodell . . . . .	29
<b>6. Fazit</b>	<b>30</b>
<b>A. Anhang</b>	<b>32</b>

# Abbildungsverzeichnis

2.1. Zu sehen sind alle von TeVCat registrierten und kategorisierten VHE-Quellen (ab einer Energie von $E > 50\text{GeV}$ [12]). Die roten Punkte stehen beispielsweise für AGNs, die violetten für PWNs und die grauen für unbekannte und unidentifizierte Quellen. [3] . . . . .	4
2.2. Der Tscherenkow-Effekt: Ein geladenes Teilchen durchfliegt ein dielektrisches Medium mit einer Geschwindigkeit über der der Lichtgeschwindigkeit im Medium und erzeugt Wellenfronten. . . . .	5
2.3. Detektion hochenergetischer Strahlung: Das in die Atmosphäre eintretende Photon erzeugt einen elektromagnetischen Luftschauder (oben rechts), der wiederum Cherenkovlicht erzeugt, welches am Boden mit IACTs detektiert werden kann. Ein Detektionsbild ist unten links zu sehen.[2] . . . . .	6
3.1. Die drei verschiedenen großen Teleskope des CTA: links die drei Varianten des SMT, in der Mitte das MST und rechts das LST [2] . . . . .	8
3.2. Der geplante Aufbau der Arrays auf La Palma und in der Atacamawüste: Auf La Palma werden zunächst nur die beiden größeren Teleskoptypen errichtet. In der Atacamawüste werden alle drei Teleskoptypen verwendet. Aufgrund der großen freien Fläche kann hier auch ein großer Bereich symmetrisch abgedeckt werden.[2] . . . . .	9
3.3. Der Prototyp des MST in Berlin. Die Tscherenkow-Kamera wurde durch einen Dummy ersetzt und in der Mitte des Reflektors befinden sich drei CCD-Kameras. . . . .	9
3.4. Die drei für das Pointing verwendeten CCD-Kameras. Rechts befindet sich mit dem größten Gesichtsfeld die Single-CCD, in der Mitte oben die Lid-CCD die nur die Tscherenkow-Kamera ablichtet und links die Sky-CCD, die, wie man hier gut erkennen kann, einen großen Winkel zur optischen Achse des Teleskops hat, um den Nachthimmel beobachten zu können. . . . .	10
4.1. Die verwendeten Koordinaten . . . . .	12
4.2. Graphische Darstellung der Differenzen zwischen Drive- und CCD-Koordinaten für die Sky-CCD am MST. Man erkennt, dass die Abweichungen für Azimut und Elevation mit steigender Elevation ebenfalls steigen. . . . .	14
5.1. Die am Teleskop eingestellten Position zur Datenaufnahme: Die Daten wurden in einer spiralförmigen Bewegung des Teleskops aufgenommen. . . . .	18
5.2. Die Verteilung der von <code>astrometry.net</code> bestimmten Pixelscales: Diese sollte dem in Tabelle 3.1 angegebenen Wert von $11.03''$ entsprechen. . . . .	19
5.3. Die Abweichungen der mithilfe von zwei Parametern vorhergesagten CCD-Koordinaten zu den realen Werten (rot) im Vergleich zu den Differenzen zwischen Drive und CCD (schwarz): Das Modell eliminiert einen großen Teil der Abweichungen . . . . .	21
5.4. Die Abweichungen der vorhergesagten CCD-Koordinaten im Vergleich zu den gemessenen im Detail: Es sind noch systematische Abweichungen zu sehen, die darauf schließen lassen, dass das Modell noch nicht vollständig ist. . . . .	22
5.5. Die vom Zwei-Parameter-Modell vorhergesagten Drive-Koordinaten (rot) im Vergleich zu den experimentell bestimmten (schwarz) . . . . .	22
5.6. Die Abweichungen der vom Zwei-Parameter-Modell vorhergesagten CCD-Koordinaten zu den realen Werten (rot) im Vergleich zu den Differenzen zwischen Drive und CCD (schwarz): Wie beim inversen Modell werden die Abweichungen größtenteils korrigiert. . . . .	23
5.7. Gezeigt sind die Differenzen zwischen den vom Zwei-Parameter-Modell vorhergesagten CCD-Koordinaten und den gemessenen CCD-Koordinaten im Detail: Hier sind ähnliche systematische Abweichungen wie im inversen Modell sichtbar. . . . .	24

5.8. Die vom Zwei-Parameter-Modell vorhergesagten CCD-Koordinaten (rot) im Vergleich zu den experimentell bestimmten (schwarz) . . . . .	25
5.9. Vergleich der Differenzen zwischen den vom Vier-Parameter-Modell (rot) bzw. vom Zwei-Parameter-Modell (schwarz) vorhergesagten Drive-Koordinaten und den realen Werten: Die beiden zusätzlichen Parameter bringen kaum eine Verbesserung. . . . .	26
5.10. Die vom Vier-Parameter-Modell (rot) vorhergesagten im Vergleich zu den vom Zwei-Parameter-Modell (schwarz) vorhergesagten Drive-Koordinaten: Es ist kaum ein Unterschied zu erkennen. . . . .	27
5.11. Das Vier-Parameter-Modell (rot) für die Vorhersage der CCD-Koordinaten im Vergleich zum Zwei-Parameter-Modell (schwarz): Wie erwartet sind kaum Verbesserungen zu erkennen. . . . .	28
5.12. Die vom Vier-Parameter-Modell (rot) im Vergleich zu den vom Zwei-Parameter-Modell vorhergesagten Koordinaten der CCD. . . . .	29

# Tabellenverzeichnis

3.1. Technische Daten der Sky-CCD [1] . . . . .	11
5.1. Die beiden Parameter für die Vorhersage der Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten . . . . .	20
5.2. Die beiden Parameter für die Vorhersage der CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drive-Koordinaten . . . . .	21
5.3. Die vier Parameter zur Vorhersage der Drive-Koordinaten durch das erweiterte Pointingmodell . . . . .	25
5.4. Die für das Pointingmodell mit vier Parametern bestimmten Werte, wobei die CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drive-Koordinaten vorhergesagt wurden. . . . .	27
A.1. Die für das Pointingmodell mit zwei Parametern bestimmten Werte, wobei die Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten vorhergesagt wurden. . . . .	32
A.2. Die für das Pointingmodell mit zwei Parametern bestimmten Werte, wobei die CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drive-Koordinaten vorhergesagt wurden. . . . .	32
A.3. Die für das Pointingmodell mit vier Parametern bestimmten Werte, wobei die Drive-Koordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten vorhergesagt wurden. . . . .	32
A.4. Die für das Pointingmodell mit vier Parametern bestimmten Werte, wobei die CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drive-Koordinaten vorhergesagt wurden. . . . .	33

# 1. Einleitung

Da sich im Universum viele Objekte befinden, die Photonen einer so hohen Energie aussenden, dass diese nicht thermischen Ursprungs sein können, ist die Untersuchung dieser Quellen interessant. Besonders an der hohen Energie dieser Quellen ist zu dem, dass sie die Energien übersteigt, die man in irdischen Teilchenbeschleunigern erreichen kann, womit man durch die Untersuchung dieser Quellen auf Hinweise neuer Physik stoßen kann.

Zur Detektion auf der Erde verwendet man Tscherenkov-Teleskope, welche die hochenergetischen Photonen indirekt nachweisen können. Aktuell existieren drei große Projekte (HESS, MAGIC und VERITAS), die durch das Cherenkov Telescope Array (CTA) ersetzt werden sollen. Die Idee des CTAs ist es durch jeweils einen System von Teleskopen auf Nord- und Südhalbkugel den gesamten Nachthimmel abzudecken und durch den Einsatz von drei verschiedenen großen Teleskoptypen einen großen Energiebereich abzudecken.

Ein Prototyp für das mittelgroße Teleskop (MST - Medium Sized Telescope) ist in Berlin-Adlershof errichtet worden, um die unter anderem das Pointing, also die richtige Ausrichtung des Teleskops, zu testen. Dazu befinden sich in der Mitte des Reflektors drei CCD-Kameras zum Testen zweier verschiedener Konzepte. Die Idee ist dabei, dass sowohl der Detektor als auch der Nachthimmel beobachtet wird. Für das erste Konzept wird eine Kamera mit großem Gesichtsfeld verwendet, die den Detektor und den ihn umgebenden Nachthimmel beobachtet. Das zweite Konzept verwendet zwei Kameras, wobei eine nur den Detektor und die zweite nur den Nachthimmel ablichtet. Dazu ist diese schräg zu den anderen Kameras montiert, sodass sich der Detektor nicht mehr im Gesichtsfeld befindet. Durch den Winkel zwischen optischer Achse des Teleskops und dieser Kamera wird ein Modell benötigt, das die Beziehung der Koordinaten der Kamera und des Teleskops beschreibt.

## 2. $\gamma$ -Astronomie

Die Astronomie beschäftigt sich als Teilgebiet der Physik mit dem Universum, der Bewegung und Eigenschaften von Himmelskörpern wie Planeten oder Galaxien, interstellarer Materie und Strahlung. Betrachtete man früher nur Licht im optisch sichtbaren Bereich, so sind im 20. Jahrhundert einige zusätzliche Quellen dazugekommen. Dazu zählen die von Viktor Hess durch Ballonversuche entdeckte kosmische Strahlung, die Röntgen- bzw. Gammastrahlung sowie die Neutrinostrahlung. Im Gegensatz zur kosmischen Strahlung, die überwiegend aus Protonen besteht, hat ungeladene Photonen- und Neutrinostrahlung den Vorteil, dass diese nicht durch elektromagnetische Felder abgelenkt wird und somit die Quellen dieser Strahlung leichter bestimmt werden können. Photonen haben zusätzlich den Vorteil, dass sie im Gegensatz zu Neutrinos, die nur schwach mit Materie wechselwirken, leichter zu detektieren sind. Ein interessantes Gebiet der letzten Jahre ist die VHE (Very High Energy)-Astronomie, die sich mit Quellen hoher Energie beschäftigt. Es gibt allerdings keine einheitliche Konvention einer Schwellenergie, die im Bereich zwischen 50GeV [12] und 100GeV [5] liegt. Das besondere an dieser Strahlung ist, dass sie so hochenergetisch ist, dass sie nicht mehr thermischen Ursprungs sein kann, sondern andere Erzeugungsmechanismen zugrunde liegen müssen.

### 2.1. Entstehung hochenergetischer Strahlung

#### Inverser Comptoneffekt

Durch den Comptoneffekt können hochenergetische Photonen einen Teil ihres Impulses und ihrer Energie an ein freies Elektron übergeben. Dieser Prozess kann auch invers ablaufen und somit kann ein niederenergetisches Photon, zum Beispiel aus dem kosmischen Mikrowellenhintergrund ( $E = 250\mu\text{eV}$  [7]), durch Interaktion mit einem hochenergetischen Teilchen eine Energie im Bereich der Gammastrahlung bekommen.

#### Brems- und Synchrotronstrahlung

Durchfliegen Elektronen starke Magnetfelder, wie es sie beispielsweise in der Nähe Neutronensternen gibt, oder starke elektrische Felder in der Nähe von Atomkernen, so erfahren sie eine Beschleunigung. Durch diese Beschleunigung werden Photonen abgestrahlt, deren Energie mit der Energie des Elektrons zunimmt.

#### Zerfälle und Annihilation

Hochenergetische Photonen können auch durch Zerfälle massiver Teilchen entstehen, wobei die Ruhemasse des Teilchens in kinetische Energie der Photonen umgewandelt wird. So zerfällt das neutrale Pion zum Beispiel zu 98,8% in zwei Photonen und setzt dabei eine Ruhemasse von  $E_0 = 135\text{MeV}$  [9] um. Eine weitere Möglichkeit ist die Annihilation von Materie und Antimaterie. Auch hier wird die Ruheenergie der Teilchen in kinetische Energie umgewandelt. So entstehen bei der Elektron-Positron-Annihilation in Ruhe zwei Photonen mit der Energie  $E = 511\text{keV}$ .

### 2.2. Quellen hochenergetischer Strahlung

Ziel der VHE-Astronomie ist es die Quellen hochenergetischer Gammastrahlung zu erforschen. Bild 2.1 zeigt alle bisher detektierten Gammaquellen.

#### Supernova Überreste

Supernovae sind Explosionen von Sternen, die auf zwei Arten stattfinden können: Supernovae vom Typ Ia finden in Systemen von weißen Zwergen und Sternen statt. Ein weißer Zwerg ist ein ausgebrannter Stern, der größtenteils aus Sauerstoff und Kohlenstoff besteht.

Saugt dieser weiße Zerg Materie von einem anderen Stern ab, nimmt die Masse zu bis sie die Chandrasekhar-Grenze von ungefähr 1,4 Sonnenmassen [7] überschreitet und durch den gestiegenen Gravitationsdruck die Kernfusion wieder startet.

Kernkollaps-Supernovae entstehen aus Sternen. Nachdem diese ihren Wasserstoff- und Heliumvorrat verbrannt haben, folgt eine Gravitationskontraktion, die zu einer schnelle Abfolge von Kernfusionen schwererer Elemente führt. Nach dem Erreichen des stabilsten Elements ( $^{56}\text{Fe}$ ) kollabiert der Stern.

Durch eine Supernova entsteht ein massives Objekt, das mit der durch die Explosion verteilten Materie interagieren kann.

### Pulsare

Kollabieren die Überreste einer Supernova mit einem Durchmesser von ca.  $10^6\text{ km}$  auf einen ca.  $20\text{ km}$  großen, so entsteht ein Neutronenstern, der sich aufgrund der Drehimpulserhaltung sehr schnell dreht. Bleibt der magnetische Fluss durch die Oberfläche erhalten, entstehen große Magnetfelder ( $\mathcal{O}(10^8\text{T})$  [7]). Sind Drehimpuls und Magnetfeld nicht parallel zueinander, so nennt man das entstandene Konstrukt Pulsar. In seinem rotierenden Magnetfeld können geladene Teilchen der interstellaren Materie beschleunigt werden, die somit Photonen abstrahlen.

### Schwarze Löcher und aktive galaktische Kerne

Schwarze Löcher sind Objekte mit einer Gravitationskraft, die so stark ist, dass auch Photonen, die sich hinter dem Ereignishorizont befinden, nicht entkommen können. Durch die starke Anziehung entsteht eine Akkretionsscheibe in der große elektromagnetische Felder herrschen, durch die wiederum hochenergetische Photonen entstehen können. Gerade in Zentren von Galaxien herrscht eine hohe Sterndichte, die dazu führt, dass hier supermassenreiche schwarze Löcher entstehen können. Diese können mit den großen Mengen an Plasma interagieren und strahlen häufig so hell, dass sie das Zentrum oder sogar den Rest der Galaxie überstrahlen können. Solche Quellen nennt man aktive galaktische Kerne (AGNs).

### Gamma Ray Bursts

Gamma Ray Bursts (GRBs) sind kurzzeitige Strahlungsausbrüche mit einer typischen Länge von  $10\text{ms}$  bis  $1000\text{s}$ , wobei Photonen eine Energie der Größenordnung von  $10^{20}\text{eV}$  [4] erreichen können. Die meisten GRBs lassen sich in kurzzeitige mit einer mittleren Dauer von  $0,3\text{s}$  und langzeitige mit einer typischen Dauer von ungefähr  $30\text{s}$  einteilen. Hinter den kurzzeitigen vermutet man Ereignisse mit kompakten Objekten, wie das Verschmelzen zweier Neutronensterne oder eines mit einem schwarzen Loch. Für die langzeitigen GRBs könnten Kernkollaps-Supernovae verantwortlich sein.

### Dunkle Materie

Betrachtet man die Rotation von Galaxien, so stellt man fest, dass sich diese nicht durch sichtbare Materie erklären lassen. Um dieses Problem zu lösen, postuliert man die Existenz einer uns nicht bekannten Materieform, der dunklen Materie. Durch die VHE-Astronomie versucht man Erkenntnisse über diese zu gewinnen. Man sucht beispielsweise nach monoenergetischen Energienlinien, die durch Selbstannihilation von dunkler Materie entstehen könnten.

## 2.3. Detektion von Strahlung

Prinzipiell lässt sich zwischen bodengestützter und satellitengestützter  $\gamma$ -Astronomie unterscheiden. Durch den Einsatz von Satelliten vermeidet man den störenden Einfluss der Erdatmosphäre, muss dafür allerdings Abstriche in der Größe der Detektoren machen und mit hohen Kosten kalkulieren. Hier soll sich nur mit der günstigeren bodengestützten Variante beschäftigt werden. Dazu verwendet man sogenannte IACTs (Imaging Atmospheric Cherenkov Telescopes), die die Strahlung nur indirekt detektieren. Bild 2.3 zeigt die einzelnen Schritte der Detektion.

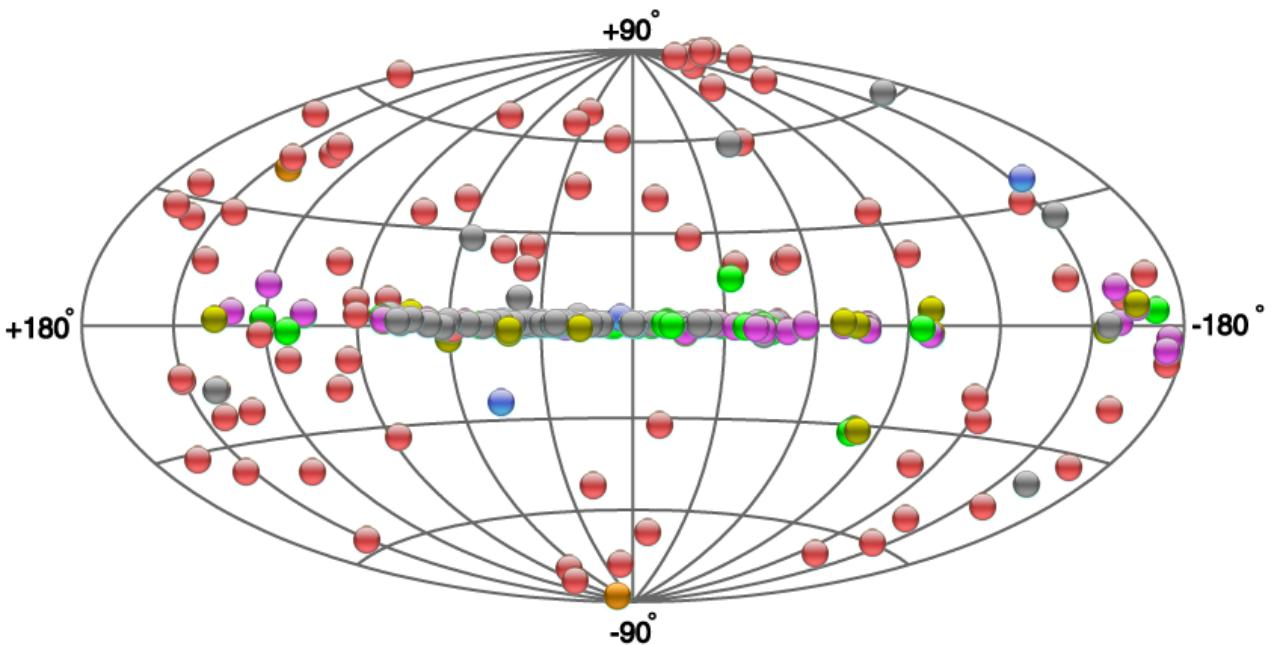


Abbildung 2.1.: Zu sehen sind alle von TeVCat registrierten und kategorisierten VHE-Quellen (ab einer Energie von  $E > 50\text{GeV}$ [12]). Die roten Punkte stehen beispielsweise für AGNs, die violetten für PWNs und die grauen für unbekannte und unidentifizierte Quellen. [3]

### 2.3.1. Luftschaue

Die Atmosphäre ist nur für Licht im optischen Bereich und Radiowellen durchsichtig. Treten hochenergetische Photonen in die Atmosphäre ein, findet Paarbildung statt. Das entstehende Elektron bzw Positron ist ebenfalls hochenergetisch und verliert hauptsächlich durch Bremsstrahlung Energie, worauf die entstehenden Photonen wieder durch Paarbildung wechselwirken können. Hierdurch nimmt die Anzahl der Teilchen exponentiell zu, womit die durchschnittliche Energie pro Teilchen exponentiell abnimmt. Ein Luftschaue der von einem 1TeV-Photon erzeugt wird, erreicht seine maximale Ausdehnung in einer Höhe von 8km [6]. Danach ist die Energie der meisten Teilchen so gering, dass sie nur noch ionisieren. Neben den oben beschriebenen elektromagnetischen Schauern existieren noch hadronische und myonische Schauer. Hadronische Schauer entstehen wenn hochenergetische Hadronen in die Atmosphäre eindringen. Durch die Wechselwirkung von Hadronen entstehen häufig neutrale Pionen, die wiederum in Photonen zerfallen, wodurch wiederum ein elektromagnetischer Schauer entsteht, der allerdings einen anderen Ursprung hat.

### 2.3.2. Tscherenkow-Strahlung

Tscherenkow-Strahlung tritt auf, wenn die Geschwindigkeit geladener Teilchen die Lichtgeschwindigkeit des sie umgebenden Mediums übersteigt. Hierbei polarisiert das geladene Teilchen auf seiner Trajektorie einzelne Atome, die Licht sphärisch abstrahlen. Wäre das Teilchen langsamer als die Ausbreitungsgeschwindigkeit in diesem Medium, würden die Wellen destruktiv interferieren und man würde keine makroskopischen Effekte beobachten. Da sich das Teilchen allerdings schneller als das Licht bewegt, entsteht ein Kegel konstruktiver Interferenz, und ein Lichtblitz breitet sich kegelförmig mit dem Öffnungswinkel

$$\theta = \arccos\left(\frac{1}{\beta n}\right) \quad (2.1)$$

aus, wie in Abb 2.2 gezeigt. Für Luft (in Bodennähe) ergibt sich somit ein maximaler Öffnungswinkel von  $1,4^\circ$ [7]. Da allerdings die Dichte der Luft in der relevanten Höhe kleiner ist, ist auch der Brechungsindex näher an 1 und der Tscherenkow-Winkel beträgt noch ungefähr  $\theta = 1^\circ$ [7]. Aus dem

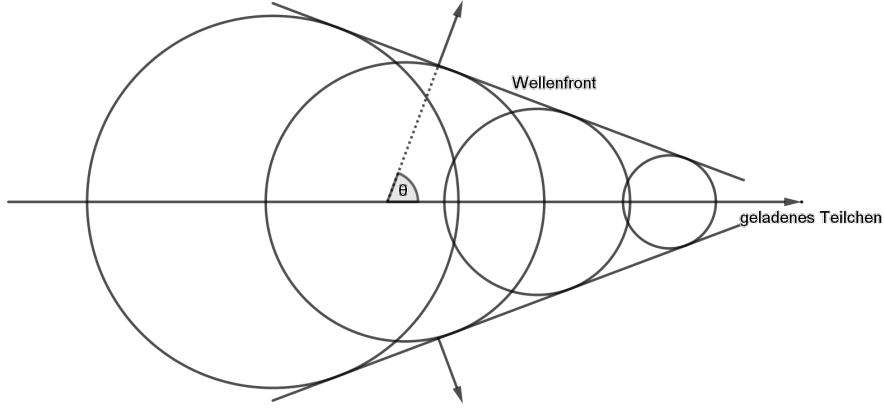


Abbildung 2.2.: Der Tscherenkow-Effekt: Ein geladenes Teilchen durchfliegt ein dielektrisches Medium mit einer Geschwindigkeit über der der Lichtgeschwindigkeit im Medium und erzeugt Wellenfronten.

Winkel lässt sich die Geschwindigkeit des Teilchens rekonstruieren und bei bekannter Masse des Teilchens (in elektromagnetischen Schauern entstehen Elektronen als geladene Teilchen) auch der Impuls und die Energie.

### 2.3.3. Bodengestützte Detektion der Tscherenkow-Strahlung

Ziel der bodengestützten Variante ist es, das Tscherenkow-Licht der sekundären Teilchen aus dem elektromagnetischen Schauer zu detektieren. Bei einem Tscherenkow-Winkel von  $\theta = 1^\circ$  in 10km Höhe und senkrechter Einstrahlung ergibt sich am Boden ein Lichtpool mit einem Durchmesser von 250m [5]. Typischerweise entstehen bei einem VHE-Photon  $10^8$  bis  $10^9$  Photonen, die innerhalb von wenigen Nanosekunden emittiert werden. Am Boden hat man somit typische Intensitäten von  $10^3 \frac{1}{\text{m}^2}$ .

Dazu verwendet man IACTs, die aus einem Reflektor und einem Detektor bestehen. Der Reflektor besteht aus einem oder häufig aus mehreren Spiegeln, die das Tscherenkow-Licht in der Brennebene bündeln. Bei großen Teleskopen muss der Reflektor parabolisch sein, bei kleineren wird darauf häufig aus Kostengründen verzichtet, da verschiedene Brennweiten für die Spiegel gebraucht werden.

Aufgrund der niedrigen Intensitäten und kurzen Zeitspannen der Tscherenkow-Blitze werden spezielle Kameras als Detektoren benötigt. Diese Tscherenkow-Kameras haben im Vergleich zu CCD-Kameras deutlich größere Pixel, so hat zum Beispiel die Kamera für einen Entwurf des SST [13] eine Pixelgröße von  $6 \times 6 \text{mm}^2$  mit einer Zeitauflösung der Größenordnung  $\mathcal{O}(1 - 10)\text{ns}$ . An jedem der Pixel ist zudem noch ein Photomultiplier angeschlossen, um das eingehende Signal zu verstärken. Aus den aufgenommenen Daten lässt sich mit Hilfe von Monte-Carlo-Simulationen die Richtung und die Energie des detektierten Photons rekonstruieren.

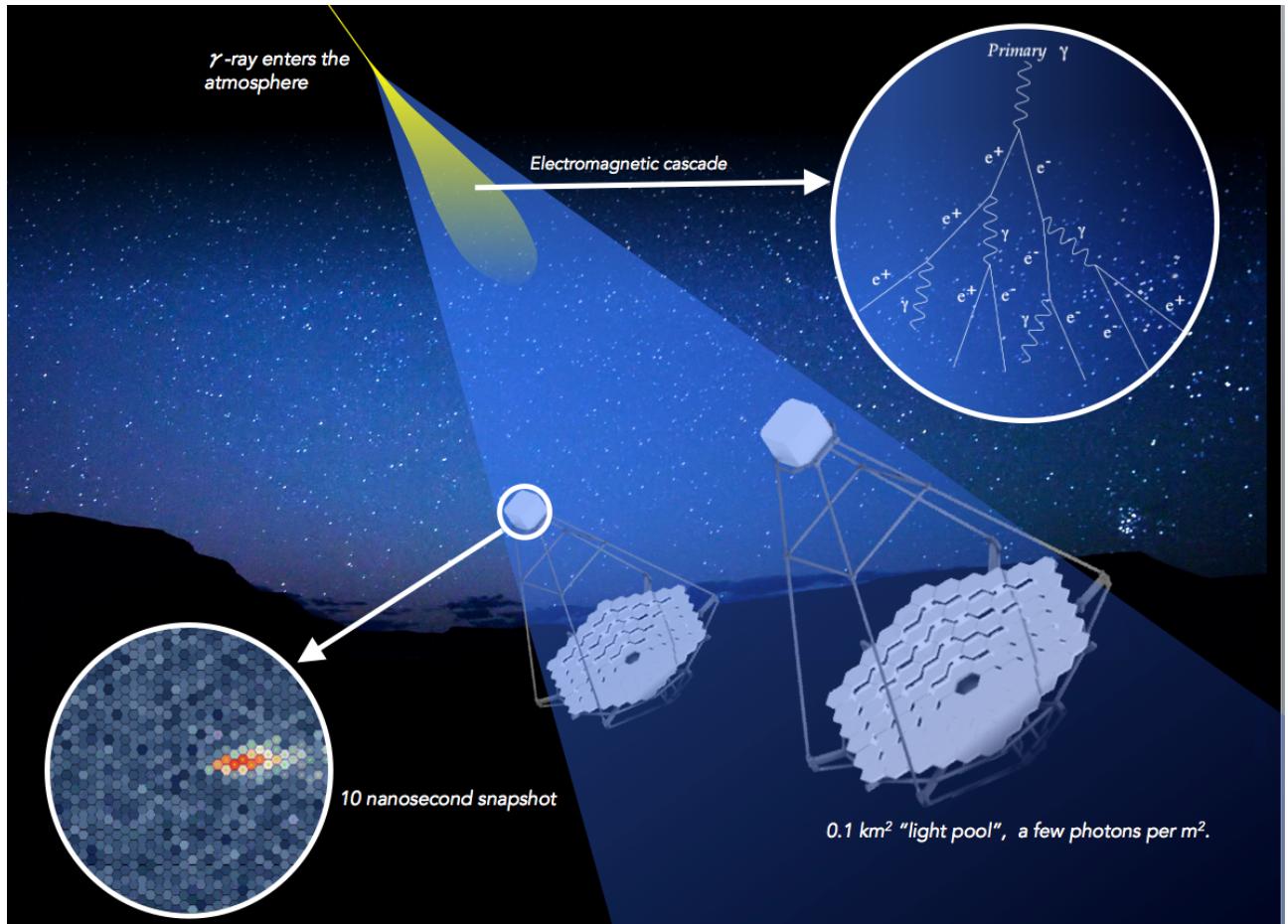


Abbildung 2.3.: Detektion hochenergetischer Strahlung: Das in die Atmosphäre eintretende Photon erzeugt einen elektromagnetischen Luftschauder (oben rechts), der wiederum Cherenkovlicht erzeugt, welches am Boden mit IACTs detektiert werden kann. Ein Detektionsbild ist unten links zu sehen.[2]

### 3. Das Cherenkov Telescope Array

Mit dem Bau des Cherenkov Telescope Arrays (CTA) werden verschiedene Ziele verfolgt [11]:

- Abdeckung des Energiebereichs von 30GeV bis 100TeV
- Verbesserung der Sensitivität um eine Größenordnung im Vergleich zur aktuellen Generation (H.E.S.S., VERITAS und MAGIC)
- Verbesserung der Winkelauflösung auf  $0,1^\circ$  bei 0,1TeV und  $0,05^\circ$  bei 1TeV
- Verbesserung der Energieauflösung auf 25% bei 50GeV und 10% bei 1TeV
- Entdeckung einer großen Anzahl von Quellen bekannter Klassen
- Entdeckung neuer Quellen (zum Beispiel Quellen von GRBs)
- Abdeckung des gesamten Nachthimmels

#### 3.1. Design-Konzept

Um die oben genannten Ziele zu erreichen, hat man sich für ein Arraykonzept entschieden, dass aus drei unterschiedlich großen Teleskoptypen besteht und an zwei Standorten errichtet wird.

##### 3.1.1. Teleskoptypen

Für das CTA werden drei Teleskope unterschiedlicher Größe entwickelt, die in Abbildung 3.1 zu sehen sind.

###### Small Sized Telescope (SST)

Das kleinste Teleskop ist sensitiv im Bereich von 1TeV bis 300TeV und wird eingesetzt, um Schauer mit Energien über 5TeV zu detektieren. Momentan werden drei verschiedene Varianten entwickelt, die zu einem harmonisiert werden sollen. Das SST 1M (drittes von links in Abbildung 3.1) ist eine kleinere Variante des MST und SST-2M ASTRI und das SST-2M GCT basieren auf dem Prinzip eines Schwarzschild-Couder Designs (links in Abbildung 3.1). Das SST soll einen Reflektordurchmesser von ca. 4m haben.

###### Medium Sized Telescope (MST)

Das MST (zweites von rechts in Abbildung 3.1) basiert auf einem modifiziertem Davies-Cotton-Design und hat einen Durchmesser von 12m. Mit einem Sensitivitätsbereich von 150GeV bis 5TeV deckt es den Kernbereich des CTAs ab. Ein Prototyp des MST wird in Berlin-Adlershof getestet.

###### Large Sized Telescope (LST)

Die größten Teleskope des CTA (rechts in Abbildung 3.1) werden einen Reflektordurchmesser von 23m haben, um auch Strahlung niedriger Energie zu detektieren. Um das Teleskop möglichst schnell zu bewegen, wurde durch den Einsatz von kohlefaser verstärktem Kunststoff Gewicht gespart. Das hat zwar den Vorteil, dass die Teleskope leichter werden, aber dafür den Nachteil, dass sich die Bauteile durch Bewegung des Teleskops stärker verbiegen, was das Pointing erschwert. Aufgrund der Größe dieser Teleskope reicht es nicht mehr den Reflektor dieser Teleskope sphärisch zu bauen, stattdessen müssen er parabolisch gebaut werden.

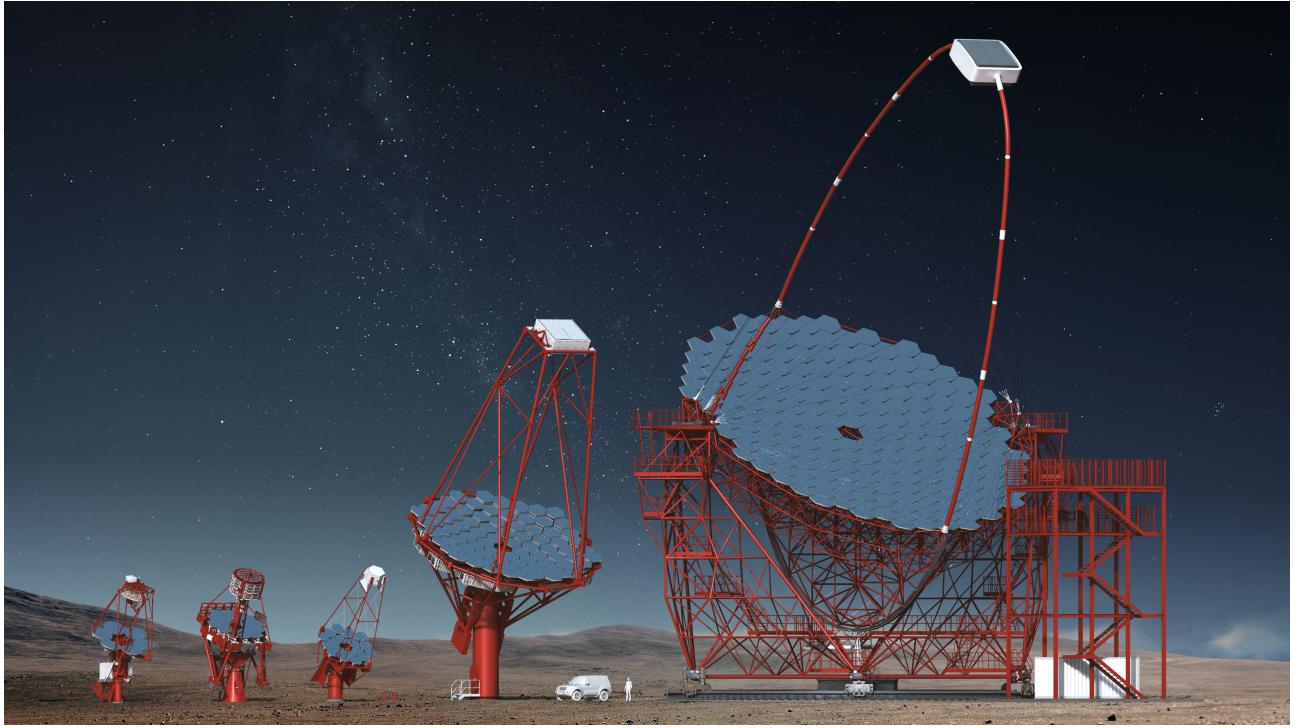


Abbildung 3.1.: Die drei verschieden großen Teleskope des CTA: links die drei Varianten des SMT, in der Mitte das MST und rechts das LST [2]

### 3.1.2. Array-Konzept

Um den gesamten Himmel abdecken zu können wird jeweils eine Anlage auf der Nordhalbkugel und der Südhalbkugel errichtet.

#### südliche Hemisphäre

Die größere der beiden Anlagen wird in der Atacamawüste in Chile errichtet und besteht aus allen drei Teleskoptypen, die auf einer Fläche von  $4\text{km}^2$  verteilt sind (Abbildung 3.2 rechts). Dadurch wird der gesamte Energiebereich des CTAs abgedeckt.

#### nördliche Hemisphäre

Auf der spanischen Insel La Palma wird die nördliche Anlage errichtet. Hier steht eine kleinere Fläche zur Verfügung und es wird auf die kleinen Teleskope verzichtet, wodurch der Energiebereich auf 20GeV bis 20TeV begrenzt ist (Abbildung 3.2 links).

## 3.2. Prototyp in Adlershof

Ein Prototyp für das MST (Abbildung 3.3) wurde 2012 in Berlin-Adlershof in der Nähe zum DESY-Zeuthen und dem Institut für Physik der Humboldt-Universität zu Berlin errichtet. Ziel ist es den mechanischen Aufbau des Prototypen zu untersuchen, die Ausrichtung der Spiegel zu testen und Pointingmethoden zu entwickeln. Dazu wurde auf eine Tscherenkov-Kamera verzichtet und diese durch einen Dummy der gleichen Masse ersetzt.

### 3.2.1. Pointing des Teleskops mit CCD-Kameras

Um die möglichst genaue Ausrichtung des Teleskops zu kennen, verwendet man CCD-Kameras, die sowohl den Nachthimmel als auch den Dummy beziehungsweise später die Tscherenkovkamera ablichten. In sogenannten Pointing-Runs wird das Teleskop kalibriert, indem man das Teleskop auf Sterne ausrichtet, deren Reflektion dann auf dem Dummy zu sehen ist. Mithilfe von auf dem Dummy angebrachten LEDs lässt sich die Position der Reflektion bestimmen und somit auch, wie der Dummy

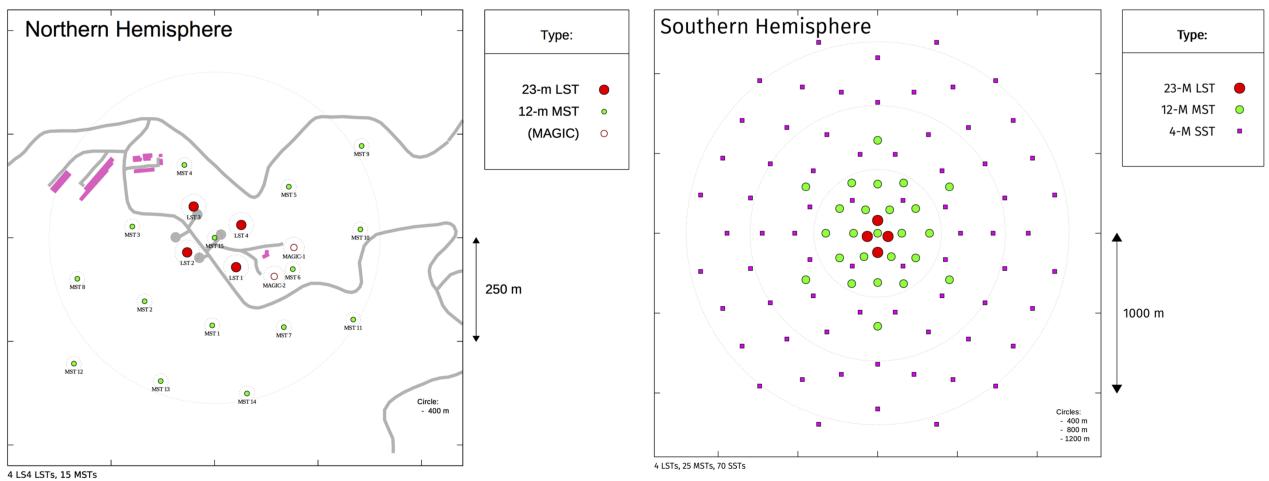


Abbildung 3.2.: Der geplante Aufbau der Arrays auf La Palma und in der Atacamawüste: Auf La Palma werden zunächst nur die beiden größeren Teleskoptypen errichtet. In der Atacamawüste werden alle drei Teleskoptypten verwendet. Aufgrund der großen freien Fläche kann hier auch ein großer Bereich symmetrisch abgedeckt werden.[2]



Abbildung 3.3.: Der Prototyp des MST in Berlin. Die Tscherenkow-Kamera wurde durch einen Dummy ersetzt und in der Mitte des Reflektors befinden sich drei CCD-Kameras.

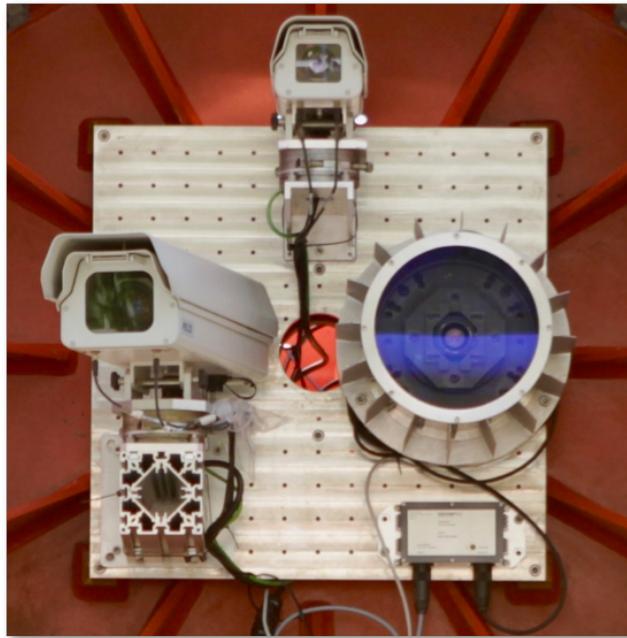


Abbildung 3.4.: Die drei für das Pointing verwendeten CCD-Kameras. Rechts befindet sich mit dem größten Gesichtsfeld die Single-CCD, in der Mitte oben die Lid-CCD die nur die Tscherenkov-Kamera ablichtet und links die Sky-CCD, die, wie man hier gut erkennen kann, einen großen Winkel zur optischen Achse des Teleskops hat, um den Nachthimmel beobachten zu können.

zum Teleskop steht. Aus den Aufnahmen vom Nachthimmel lässt sich aus der Position der beobachteten Sterne die Koordinaten des Teleskops vorhersagen. Im Betrieb, wenn die Tscherenkovkamera geöffnet ist und die Reflektionen der Sterne nicht mehr zu sehen sind, lässt sich die Position der Tscherenkovkamera immer noch anhand der Pointing-LEDs bestimmen.

### 3.2.2. Kameras des MST

Um Pointingmodelle dieser Art zu entwickeln, besitzt der Prototyp des MST drei CCD-Kameras im Zentrum des Reflektors (Abbildung 3.4). Die Single-CCD hat ein so großes Gesichtsfeld, dass sie gleichzeitig die Tscherenkovkamera als auch den Nachthimmel ablichten kann. Alternativ können auch zwei verschiedene Kameras verwendet werden, wovon eine (Lid-CCD) die Tscherenkovkamera und die andere (Sky-CCD) den Nachthimmel ablichtet. Die Methode hat den Vorteil, dass sie zusammen eine höhere Auflösung haben. Da sich die beiden Kameras allerdings auch unabhängig voneinander bewegen können, ist die Methode mit einer CCD-Kamera das bevorzugte Konzept für das Teleskop[10].

Eine Besonderheit des MST ist die Positionierung der Sky-CCD. Da sich diese wie die anderen in der Mitte des Reflektors befindet, den Dummy jedoch nicht ablichten soll, ist sie mit einem Winkel von ungefähr  $10^\circ$  zur optischen Achse des Teleskops montiert. Wie sich die Richtung der Sky-CCD (mit den technischen Daten aus Tabelle 3.1) im Vergleich zu den eingestellten Koordinaten des Teleskops verhält, wird in den Kapiteln 4 und 5 diskutiert.

Modell	Prosilica GC 1350
Sensor	Sony ICX205
Auflösung	1360 x 1024 Pixel
Pixelgröße	$4,65\mu\text{m} \times 4,65\mu\text{m}$
Gesichtsfeld	$4,2^\circ \times 3,1^\circ$
Pixelskala	11,03''
Bildtiefe	8 bit
Objektiv	75mm Walimex

Tabelle 3.1.: Technische Daten der Sky-CCD [1]

## 4. Ableitung eines Grundlegenden Pointingmodells

Das Pointing von Teleskopen beschäftigt sich damit, das Teleskop so auszurichten, wie es erwünscht ist. Häufig ist das Problem, dass die am Teleskop eingestellte Position nicht exakt mit der gewünschten Position übereinstimmt. Gründe dafür können Fehler in der Präzision oder auch die Elastizität einzelner Bauteile sein. Im Fall der Sky-CCD des MST-Prototypen liegt es wie in Abschnitt 3.2.2 beschrieben an der zentralen Befestigung die zu einem größeren Winkel zur optischen Achse führt. Da man die aufgenommenen Daten mit den bekannten Positionen am Himmel vergleichen kann, kann man versuchen ein Modell zu finden, welches die Fehler verkleinert oder im Idealfall sogar eliminiert.

### 4.1. Koordinaten

Das MST benutzt ein aus zwei Winkeln bestehendes und in Abbildung 4.1 zu sehende Koordinatensystem, welches den Kugelkoordinaten ähnelt. Der Azimutwinkel  $az$  beschreibt die Auslenkung in der horizontalen Ebene und läuft von  $-180^\circ$  bis  $180^\circ$ , wobei das Teleskop für  $az = 0^\circ$  in Richtung Norden ausgerichtet ist. Der Elevationswinkel  $el$  läuft von  $0^\circ$  bis  $90^\circ$  wobei  $el = 90^\circ$  dem Zenit entspricht. Hier wird zudem die Konvention benutzt, dass die Nordrichtung der  $x$ -Richtung, die Westrichtung der  $y$ -Richtung und die Zenitrichtung der  $z$ -Richtung entspricht. Da das Pointingmodell die Beziehung der

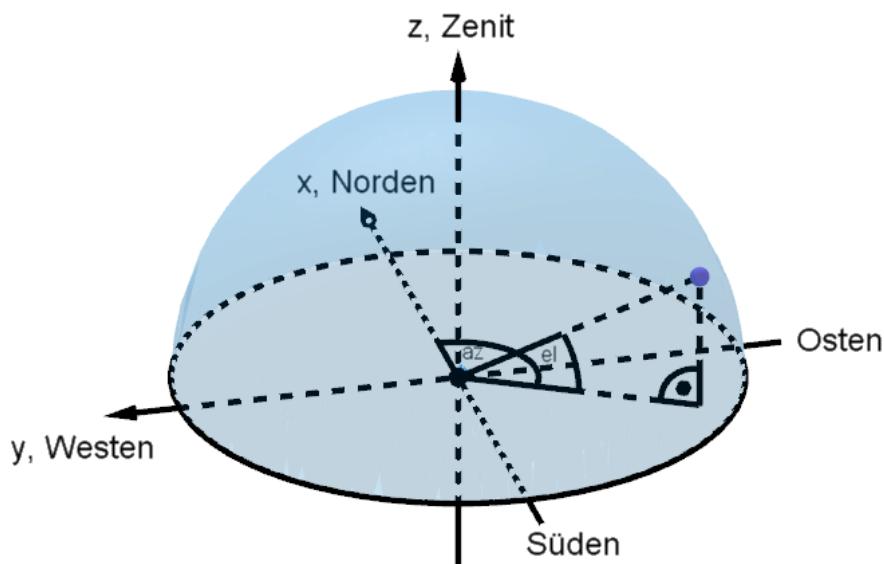


Abbildung 4.1.: Die verwendeten Koordinaten

am Teleskop eingestellten Koordinaten zu den Koordinaten der Sky-CCD beschreiben soll, werden die Indizes  $D$  für das Drive-System (das Antrieb des Teleskops) und  $C$  für die CCD-Kamera eingeführt.

### 4.2. Entwicklung von Pointingmodellen

Um mit einem Teleskop möglichst gute Resultate zu erzielen, muss man die gewünschte Position am Himmel so genau wie möglich einstellen. Da die eingestellten Koordinaten allerdings nicht exakt mit den tatsächlichen Koordinaten übereinstimmen, verwendet man Pointingmodelle, um diese Differenzen zu minimieren. Da Teleskope in der Regel so konstruiert sind, dass es möglichst geringe Abweichungen

zwischen eingestellten und tatsächlichen Positionen existieren, reicht es in der Regel aus, die Differenzen zu betrachten. Diese Differenzen lassen sich dann Funktion der teleskopspezifischen Parameter  $\vec{q}$  entwickeln

$$az_D = az_C + \Delta_{az} = az_C + \tilde{f}_{az}(az_C, el_C, \vec{q}) \quad (4.1)$$

$$el_D = el_C + \Delta_{el} = el_C + \tilde{f}_{el}(az_C, el_C, \vec{q}). \quad (4.2)$$

Als Beispiel wird hier die Verkipfung der Turmache des Teleskops, die Ruslan Konno in seiner Bachelorarbeit [8] beschrieben hat, in vereinfachter Form diskutiert. Dazu wird nur die Elevation betrachtet, die sich aus der  $z$ -Komponente berechnen lässt

$$\sin(el) = z. \quad (4.3)$$

Für ein kleines  $\Delta_{el}$  lässt sich diese Formel gut durch eine Taylorentwicklung bis zum linearen Glied beschreiben

$$\sin(el + \Delta_{el}) = \sin(el) \cos(\Delta_{el}) + \cos(el) \sin(\Delta_{el}) \approx \sin(el) + \cos(el) \Delta_{el}. \quad (4.4)$$

Dreht man nun einen beliebigen Vektor mit einem kleinen Winkel  $\phi_X \approx \sin(\phi_X)$  um die  $x$ -Achse

$$\begin{pmatrix} x' \\ y' \\ z' \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -\phi_X \\ 0 & 1 & 0 \\ \phi_X & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x - \phi_X z \\ y \\ \phi_X + z \end{pmatrix}, \quad (4.5)$$

lässt sich aus der  $z$ -Komponente die Abweichung  $\Delta_{el}$  berechnen.

$$\sin(el) + \cos(el) \Delta_{el} = z' = \phi_X x + z \quad (4.6)$$

mit Gleichung 4.2 ergibt sich somit

$$\Delta_{el} = \frac{\phi_X x}{\cos(el)} \quad (4.7)$$

als Abweichung. Die Näherung aus Formel 4.4 gilt nur für kleine Winkel, wie in diesem Fall für eine kleine Drehung um die  $x$ -Achse. Da die Sky-CCD des MST-Prototyps einen größeren Winkel ( $\mathcal{O}(10^\circ)$ ) zur optischen Achse hat, können Näherungen wie in Gleichung 4.4 nicht mehr angewendet werden. Daher wird versucht, die einzustellende Position anhand geometrischer Überlegungen in Abhängigkeit der wahren Position vorherzusagen. Man versucht also Funktionen zu finden, die nur von den wahren Koordinaten und einem teleskopspezifischen Parametersatz abhängen.

$$az_D = f_{az}(az_C, el_C) \quad (4.8)$$

$$el_D = f_{el}(az_C, el_C) \quad (4.9)$$

### 4.3. Motivation des Pointingmodells

Zunächst soll eine vereinfachte Problemstellung betrachtet werden, indem angenommen wird, dass die Kamera nur einen Winkel in Azimutrichtung  $az_0$  zur optischen Achse des Teleskops hat. Bewegt sich das Teleskop entlang des Horizontes ( $el = 0$ ), so entspricht der Abstand zwischen eingestelltem Azimut und dem Azimut der Kamera genau  $az_0$ . Befindet sich das Teleskop im Zenit ( $el = 90^\circ$ ), so zeigt die Kamera in Richtung  $az_C = az_D + \text{sgn}(az_0) \cdot 90^\circ$  und  $el_C = el_D - |az_0|$ . Dieses grundsätzliche Verhalten lässt sich am MST beobachten, wie der in Kapitel 5.1 beschriebene Datensatz zeigt. Diese Abweichungen gilt es nun durch die Entwicklung geeigneter Pointingmodelle zu eliminieren.

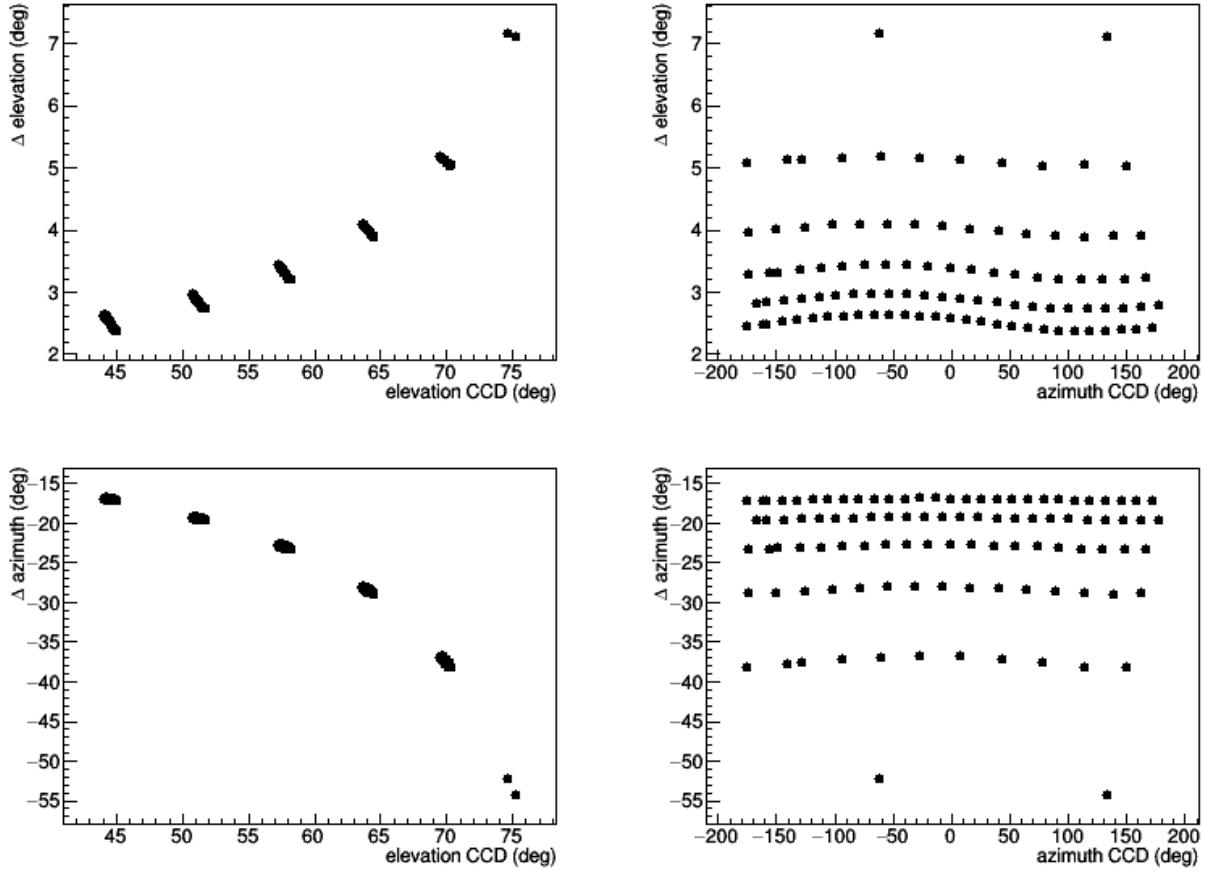


Abbildung 4.2.: Graphische Darstellung der Differenzen zwischen Drive- und CCD-Koordinaten für die Sky-CCD am MST. Man erkennt, dass die Abweichungen für Azimut und Elevation mit steigender Elevation ebenfalls steigen.

## 4.4. Pointingmodell mit zwei Parametern

### 4.4.1. Vorhersage der CCD-Koordinaten in Abhängigkeit von den Drive-Koordinaten

Zunächst soll ein Pointingmodell mit zwei Parametern entwickelt werden, bei dem das Drivesystem in der Parkposition ( $el_D = 0, az_D = 0$ ) in eine andere Richtung zeigt als die CCD-Kamera ( $el_C = el_0, az_C = az_0$ ). Die beiden Positionen lassen sich auch durch zwei kartesische Richtungsvektoren  $\vec{r}_D$  und  $\vec{r}_C$  beschreiben. Ausgehend von dieser Startposition werden das Teleskop beziehungsweise die Vektoren  $\vec{r}_D$  und  $\vec{r}_C$  durch orthogonale Transformationen in die gewünschte Position gebracht. Als Parkposition für das Drive-System erhält man mit den oben genannten Bedingung folgenden kartesischen Vektor:

$$\vec{r}_D^0 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}. \quad (4.10)$$

Durch eine Drehung um die y-Achse mit dem Winkel  $el$  und anschließender Drehung um die z-Achse mit dem Winkel  $az$  lässt sich aus dieser Startposition jeder Punkt auf der Einheitskugel erreichen. Die beiden Drehungen lassen sich zu einer Transformation  $T(az, el)$  zusammenfassen:

$$T(az, el) = R_z(az)R_y(el) = \begin{pmatrix} \cos(az) & \sin(az) & 0 \\ -\sin(az) & \cos(az) & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \cos(el) & 0 & -\sin(el) \\ 0 & 1 & 0 \\ \sin(el) & 0 & \cos(el) \end{pmatrix} \quad (4.11)$$

$$T(az, el) = \begin{pmatrix} \cos(az) \cos(el) & \sin(az) & -\cos(az) \sin(el) \\ -\cos(el) \sin(az) & \cos(az) & \sin(az) \sin(el) \\ \sin(el) & 0 & \cos(el) \end{pmatrix}. \quad (4.12)$$

Unter der Annahme, dass die Kamera von vornherein in eine andere Richtung als das Drive-System zeigt, lässt sich mit dieser Transformation  $T(az_0, el_0)$  aus der Startposition des Drives die Startposition der CCD bestimmen:

$$\vec{r}_C^0 = T(az_0, el_0) \vec{r}_D^0 = \begin{pmatrix} \cos(az_0) \cos(el_0) \\ -\cos(el_0) \sin(az_0) \\ \sin(el_0) \end{pmatrix}. \quad (4.13)$$

Da hier angenommen wird, dass der Winkel zwischen der optischen Achse des Teleskops und der Kamera fest ist, sind  $az_0$  und  $el_0$  Konstanten. Wendet man nun die gleiche Transformation  $T(az_D, el_D)$  mit den Koordinaten des Teleskops als Argumente auf beide Startvektoren an, so erhält man für die Richtung des Drives

$$\vec{r}_D = T(az_D, el_D) \vec{r}_D^0 = \begin{pmatrix} \cos(az_D) \cos(el_D) \\ -\cos(el_D) \sin(az_D) \\ \sin(el_D) \end{pmatrix} \quad (4.14)$$

und für die Richtung der CCD

$$\vec{r}_C = \begin{pmatrix} \cos(az_D) (\cos(az_0) \cos(el_D) \cos(el_0) - \sin(el_D) \sin(el_0)) - \cos(el_0) \sin(az_D) \sin(az_0) \\ \sin(az_D) (\sin(el_D) \sin(el_0) - \cos(az_0) \cos(el_D) \cos(el_0)) - \cos(az_D) \cos(el_0) \sin(az_0) \\ \cos(az_0) \cos(el_0) \sin(el_D) + \cos(el_D) \sin(el_0) \end{pmatrix}. \quad (4.15)$$

Zur Untersuchung der Azimutabhängigkeit werden aus Gründen der Übersichtlichkeit folgende Terme substituiert

$$a = \cos(el_D) \cos(az_0) \cos(el_0) - \sin(el_D) \sin(el_0) \quad (4.16)$$

$$b = \sin(az_0) \cos(el_D). \quad (4.17)$$

Gleichung 4.15 lässt sich nun als

$$\vec{r}_C = \begin{pmatrix} a \cos(az_D) - b \sin(az_D) \\ -a \sin(az_D) - b \cos(az_D) \\ \cos(az_0) \cos(el_0) \sin(el_D) + \cos(el_D) \sin(el_0) \end{pmatrix} \quad (4.18)$$

schreiben. Aus diesen Richtungsvektoren müssen wieder die ursprünglichen Koordinaten  $az$  und  $el$  rekonstruiert werden. Die Elevation lässt sich aus der  $z$ -Komponente (Höhe) berechnen

$$el = \arcsin(r_z) \quad (4.19)$$

und der Azimutwinkel aus dem Verhältnis von  $y$ - zu  $x$ -Komponente. Da der Tangens dieses Verhältnis dem Azimuthwinkel mit einem Wertebereich von  $-180^\circ$  bis  $180^\circ$  entspricht, muss man als Umkehrfunktion den erweiterten  $\arctan$  verwenden:

$$\arctan 2(r_y, r_x) = \begin{cases} \arctan\left(\frac{r_y}{r_x}\right) & r_x > 0 \\ \arctan\left(\frac{r_y}{r_x}\right) + \pi & r_x < 0, r_y > 0 \\ \pm\pi & r_x < 0, r_y = 0 \\ \arctan\left(\frac{r_y}{r_x}\right) - \pi & x < 0, r_y < 0 \\ +\frac{\pi}{2} & x = 0, r_y > 0 \\ -\frac{\pi}{2} & x = 0, r_y < 0 \end{cases} \quad (4.20)$$

Das Koordinatensystem wurde so gewählt, dass der Azimutwinkel wie in Abbildung 4.1 zu sehen in Richtung Osten also die negative  $y$ -Richtung geht. Es lässt sich also  $az$  durch

$$az = \arctan 2(-r_y, r_x) \quad (4.21)$$

berechnen. Somit lassen sich mit 4.19 und 4.21 in Verbindung mit 4.15 die CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drive-Koordinaten bestimmen.

$$el_C = \arcsin(\cos(az_0) \cos(el_0) \sin(el_D) + \sin(el_0) \cos(el_D)) \quad (4.22)$$

$$az_C = \arctan 2(a \sin(az_D) + b \cos(az_D), a \cos(az_D) - b \sin(az_D)) \quad (4.23)$$

#### 4.4.2. Vorhersage der Drive-Koordinaten in Abhängigkeit von den CCD-Koordinaten

Um die CCD wie gewünscht auszurichten, braucht man die zugehörigen Drive-Koordinaten. Da diese von den Kordinaten der CCD abhängen, muss das aus 4.22 und 4.23 bestehende Gleichungssystem nach  $el_D$  und  $az_D$  aufgelöst werden. Die Formel 4.22 hängt nur von  $el_D$  abhängt und kann somit unabhängig von 4.23 umgestellt werden. Dazu werden die in Gleichung 4.22 stehenden Sinus- und Kosinusfunktionen als Terme der gleichen Tangensfunktionen ausgedrückt. Dazu werden zunächst sowohl Sinus als auch Kosinus als Funktion der halben Winkel ausgedrückt

$$\sin(el_D) = \sin\left(\frac{el_D}{2}\right) \cos\left(\frac{el_D}{2}\right) + \cos\left(\frac{el_D}{2}\right) \sin\left(\frac{el_D}{2}\right) = 2 \sin\left(\frac{el_D}{2}\right) \cos\left(\frac{el_D}{2}\right) \quad (4.24)$$

$$\cos(el_D) = \cos\left(\frac{el_D}{2}\right) \cos\left(\frac{el_D}{2}\right) + \sin\left(\frac{el_D}{2}\right) \sin\left(\frac{el_D}{2}\right) = \cos^2\left(\frac{el_D}{2}\right) - \sin^2\left(\frac{el_D}{2}\right). \quad (4.25)$$

Teilt man die Gleichungen durch  $1 = \sin^2\left(\frac{el_D}{2}\right) + \cos^2\left(\frac{el_D}{2}\right)$  erhält man

$$\sin(el_D) = \frac{2 \sin\left(\frac{el_D}{2}\right) \cos\left(\frac{el_D}{2}\right)}{\sin^2\left(\frac{el_D}{2}\right) + \cos^2\left(\frac{el_D}{2}\right)} \quad (4.26)$$

und

$$\cos(el_D) = \frac{\cos^2\left(\frac{el_D}{2}\right) - \sin^2\left(\frac{el_D}{2}\right)}{\sin^2\left(\frac{el_D}{2}\right) + \cos^2\left(\frac{el_D}{2}\right)}. \quad (4.27)$$

Ersetzt man  $\sin\left(\frac{el_D}{2}\right)$  durch  $\cos\left(\frac{el_D}{2}\right) \tan\left(\frac{el_D}{2}\right)$  ergeben sich folgende Gleichungen:

$$\sin(el_D) = \frac{2t}{1+t^2} \quad (4.28)$$

$$\cos(el_D) = \frac{1-t^2}{1+t^2}, \quad (4.29)$$

wobei  $t$  der Tangens des halben Winkels ist

$$t = \tan\left(\frac{el_D}{2}\right). \quad (4.30)$$

Somit ergibt sich für Gleichung 4.22 folgender Ausdruck

$$\sin(el_C) = \frac{2t \cos(el_0) \cos(az_0) + (1-t^2) \sin(el_0)}{1+t^2}, \quad (4.31)$$

beziehungsweise nach Umformung

$$t^2 (\sin(el_C) + \sin(el_0)) - t (2 \cos(az_0) \cos(el_0)) + \sin(el_C) - \sin(el_0) = 0 \quad (4.32)$$

Aufgelöst nach  $t$  ergeben sich die Lösungen

$$t_{1,2} = \frac{\cos(el_0) \cos(az_0) \pm \sqrt{\cos^2(el_0) \cos^2(az_0) + \sin^2(el_0) - \sin^2(el_C)}}{\sin(el_C) + \sin(el_0)} \quad (4.33)$$

Um die relevante der beiden Lösungen zu ermitteln setzt man  $az_0 = el_0 = 0$ , sodass

$$t_{\pm} = \frac{1 \pm \sqrt{1 + 0 - \sin^2(el_C)}}{\sin(el_C) + 0} = \frac{1 \pm \cos(el_C)}{\sin(el_C)} \quad (4.34)$$

ist, was mit den Gleichungen 4.28 und 4.29 zu

$$t_{\pm}(el_D) = \frac{1 + t^2(el_C) \pm (1 - t^2(el_C))}{2t(el_C)} = \left(\frac{1}{t(el_C)}\right)^{\pm 1} \quad (4.35)$$

wird. Da  $el_D$  und  $el_C$  identisch für  $az_0 = el_0 = 0$  sind, kommt hier nur die Lösung  $t_-$  in Betracht. Ersetzt man den linken Teil der Gleichung 4.33 durch Gleichung 4.30 und löst die Gleichung nach  $el_D$  auf, so erhält man

$$el_D = 2 \arctan \left( \frac{\cos(el_0) \cos(az_0) - \sqrt{\cos^2(el_0) \cos^2(az_0) + \sin^2(el_0) - \sin^2(el_C)}}{\sin(el_C) + \sin(el_0)} \right). \quad (4.36)$$

Zur Untersuchung der Azimutabhängigkeit geht man von Formel 4.23 aus und löst den arctan2 auf. Es ergibt sich

$$\tan(az_C) = \frac{a \sin(az_D) + b \cos(az_D)}{a \cos(az_D) - b \sin(az_D)}, \quad (4.37)$$

wobei  $a$  und  $b$  unabhängig von  $az_D$  sind. Teilt man Zähler und Nenner durch  $\cos(az_D)$ , so erhält man

$$\tan(az_C) = \frac{a \tan(az_D) + b}{a - b \tan(az_D)}. \quad (4.38)$$

Aufgelöst nach  $\tan(az_D)$  ergibt sich

$$\tan(az_D) = \frac{a \tan(az_C) - b}{a + b \tan(az_C)}, \quad (4.39)$$

beziehungsweise

$$\tan(az_D) = \frac{a \sin(az_C) - b \cos(az_C)}{a \cos(az_C) + b \sin(az_C)}. \quad (4.40)$$

Für  $az_D$  erhält man somit

$$az_D = \arctan 2(a \sin(az_C) - b \cos(az_C), a \cos(az_C) + b \sin(az_C)), \quad (4.41)$$

wobei hier noch  $el_D$  in  $a$  und  $b$  durch den Ausdruck 4.36 ersetzt werden müssen.

## 4.5. Erweiterung des Modells auf vier Parameter

Unter der Annahme, dass die Skalen des Drivesystems einen Offset haben, also dass der Wertebereich von  $el_D$  beispielsweise von  $1^\circ$  bis  $91^\circ$  läuft, kann das Modell mit zwei additiven Konstanten  $el_1$  und  $az_1$  erweitert werden. Das bedeutet, dass bei der Vorhersage der CCD-Koordinaten 4.22 und 4.23 ein konstanter Offset zu den Argumenten hinzugefügt wird

$$el_C^{4par} = el_C(el_D + el_1, az_D + az_1) \quad (4.42)$$

$$az_C^{4par} = az_C(el_D + el_1, az_D + az_1), \quad (4.43)$$

wohingegen bei der Vorhersage der Drive-Koordinaten nur ein konstanter Offset zu den Funktionen 4.36 und 4.41 addiert wird.

$$el_D^{4par} = el_D(el_C, az_C) + el_1 \quad (4.44)$$

$$az_D^{4par} = az_D(el_C, az_C) + az_1 \quad (4.45)$$

# 5. Anwendung des Pointingmodells auf Daten des Teleskops

Um das in Kapitel 4 entwickelte Pointingmodell zu testen, wurde mit dem Prototyp des MST ein Datensatz aufgenommen, der mit den Vorhersagen des Modells verglichen wird.

## 5.1. Datensatz

Zur Analyse wurde der in der Nacht vom 4. auf den 5. Juli 2018 im Zeitraum von 21:00 UTC bis 1:45 UTC mit dem Prototypen des MST in Berlin-Adlershof aufgenommene Datensatz "run341" verwendet. Dazu wurden 105 Positionen (Abbildung 5.1) beobachtet, wobei das Teleskop anfangs Richtung Zenit stand und sich dann in einer abwärtslaufenden Spirale befand. An jeder Position wurden vier Bilder

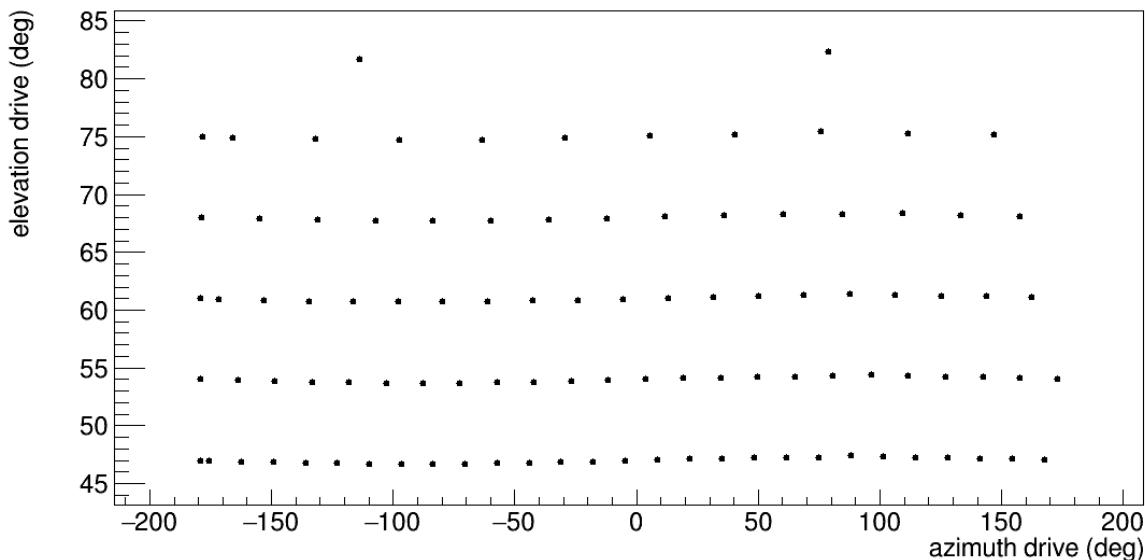


Abbildung 5.1.: Die am Teleskop eingestellten Positionen zur Datenaufnahme: Die Daten wurden in einer spiralförmigen Bewegung des Teleskops aufgenommen.

aufgezeichnet, wovon zwei eine Belichtungszeit von 20 Sekunden hatten. Um die Bilder aufzunehmen, wurde eine Position des Nachthimmels eingestellt, die während der Belichtung des Bildes wie ein Stern verfolgt wurde. Als Zeitstempel für die jeweiligen Bilder wird die Mitte der Belichtungszeit gewählt. Die jeweils zweiten Bilder werden hier zur Analyse verwendet. Dazu wird zunächst die Software `astrometry.net` verwendet, die aus den Bildern die jeweiligen Positionen der Sterne liest und diese mit Katalogen des Sternenhimmels vergleicht. Hierdurch lassen sich die Himmelskoordinaten des Mittelpunktes des Bildes sowie die Größe des Bildausschnittes und die Pixelskala angeben, wie groß das Gesichtsfeld eines einzelnen Pixels ist, bestimmen. Da die Pixelskala kameraspezifisch und bekannt ist, lässt sich mit dieser überprüfen, ob das Bild richtig aufgelöst wurde. Von den 105 aufgenommenen Bildern konnten 100 gelöst werden, wobei der Pixelscale wie in Abbildung 5.2 zu sehen ist, in keinem der Bilder um mehr als  $0,04''$  vom im Tabelle 3.1 angegebenen Wert abweicht. Somit können alle gelösten Aufnahmen zur Analyse verwendet werden. Die Himmelskoordinaten lassen sich mithilfe des Zeitstempels in das Koordinatensystem des Teleskops transformieren. Die Differenzen zwischen Drive- und CCD-Koordinaten sind in 4.3 dargestellt.

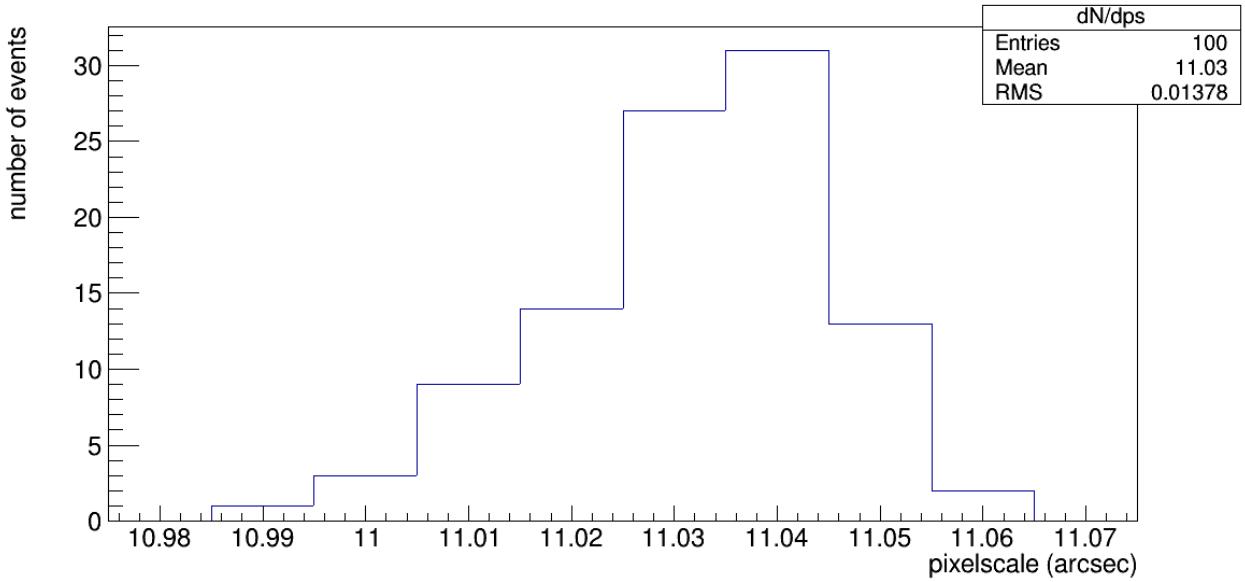


Abbildung 5.2.: Die Verteilung der von `astrometry.net` bestimmten Pixelscales: Diese sollte dem in Tabelle 3.1 angegebenen Wert von  $11.03''$  entsprechen.

## 5.2. Bestimmung der optimalen Parameter für die Pointingmodelle

Um das Pointingmodell auf Konsistenz zu überprüfen, wurde ein C++-Programm mit ROOT geschrieben, das die optimalen Parameter für die in Kapitel 4 betrachteten Pointingmodelle berechnet. Aus dem Vergleich der mit diesen Modellen vorhergesagten Werte mit den gemessenen Daten lassen sich dann Rückschlüsse über auf Qualität der Pointingmodelle ziehen. Um die optimalen Parameter zu berechnen, werden zunächst die Winkelabstände zwischen den vom Pointingmodell mit Parametern  $\vec{q}$  bestimmten (Index P) und den experimentell bestimmten Positionen (Index E) bestimmt. Da alle Positionen, wie in Abbildung 4.1 zu sehen ist, auf der Himmelssphäre liegen, lässt sich der Abstand zwischen zwei Punkten durch einen Winkel

$$\psi = \arccos(\sin(e\ell_E) \sin(e\ell_P(\vec{q})) + \cos(e\ell_P(\vec{q})) \cos(e\ell_E) \cos(a\phi_P(\vec{q}) - a\phi_E)) \quad (5.1)$$

ausdrücken. Diese Winkelabstände werden für alle Wertepaare berechnet und summiert. Da die Winkel  $\psi$  alle positiv sind, müssen hier keine Quadrate gebildet werden, wodurch die Summe auch nicht durch Ausreißer dominiert wird. Die besten Parameter erhält man, wenn man die Summe der Winkelabstände minimiert. Dazu wird die Funktion `TMinuit` verwendet. Unter der Annahme, dass Modell und Daten zusammenpassen, kann der  $\chi^2$ -Test angewendet werden. Die Größe  $\frac{\chi^2}{doF}$  berechnet sich aus

$$\chi^2 = \sum_{i=1}^N \frac{\psi_i^2}{\sigma_i^2} \quad (5.2)$$

und der Anzahl der Freiheitsgrade

$$doF = N - \text{Anzahl der Parameter}. \quad (5.3)$$

berechnet. Mit dem Wissen, dass der perfekte Wert für  $\frac{\chi^2}{doF} = 1$  ist und der Annahme, dass die Fehler für alle Werte gleich groß sind ( $\sigma_i = \sigma$ ), lassen sich die Fehler wie folgt berechnen

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N \psi_i^2}{doF}}. \quad (5.4)$$

Da neben den in den Pointingmodellen betrachteten Fehlerquellen noch weitere existieren, passt das Modell nicht perfekt zu den Daten und die berechneten Fehler haben nicht mehr die gleiche Aussagekraft. Dennoch kann man mit ihnen die relative Qualität der Modelle beurteilen.

Zudem werden noch die Eigenschaften der Parameter bestimmt. Dazu wird ebenfalls mithilfe des **TMinuit**-Pakets die Kovarianzmatrix berechnet, die die Werte

$$COV(X, Y) = \langle (X - \langle X \rangle) \cdot (Y - \langle Y \rangle) \rangle \quad (5.5)$$

enthält. Auf der Hauptdiagonale stehen die Varianzen

$$COV(X, X) = \sigma_X^2 \quad (5.6)$$

Interessant ist es auch, sich die Korrelation der Parameter untereinander anzusehen. Dazu wird der Korrelationskoeffizient

$$\rho_{XY} = \frac{COV(X, Y)}{\sigma_X \sigma_Y} \quad (5.7)$$

verwendet. Für  $\rho = 0$  liegt keine Korrelation vor und für  $\rho = \pm 1$  eine positive beziehungsweise eine negative Korrelation.

## 5.3. Anwendung auf das Pointingmodell mit zwei Parametern

Zunächst soll das in Kapitel 4 entwickelte Modell mit zwei Parametern, das einen konstanten Winkel zwischen der optischen Achse des Teleskops und der CCD-Kamera annimmt, untersucht werden.

### 5.3.1. Abhängigkeit der Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten

Begonnen wird mit der Vorhersage der Drive-Koordinaten mithilfe der CCD-Koordinaten. Unter der Annahme des festen Winkels zwischen Drive und Kamera wurden in Kapitel 4 die Abhängigkeiten aus den Formeln 4.36 und 4.41 vorhergesagt. Verwendet man das oben beschriebene Programm, erhält man die Parameter aus Tabelle 5.1. Vergleicht man die Differenzen zwischen Drive- und CCD-Koordinaten

$el_0$	$=$	$(-1, 20 \pm 0, 57)^\circ$
$az_0$	$=$	$(12, 04 \pm 0, 53)^\circ$

Tabelle 5.1.: Die beiden Parameter für die Vorhersage der Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten

mit den Differenzen zwischen Drive und den durch das Modell mithilfe der CCD-Koordinaten vorhergesagten Koordinaten (gezeigt in Abbildung 5.3) so sieht man, dass das Modell die Abweichungen größtenteils kompensiert.

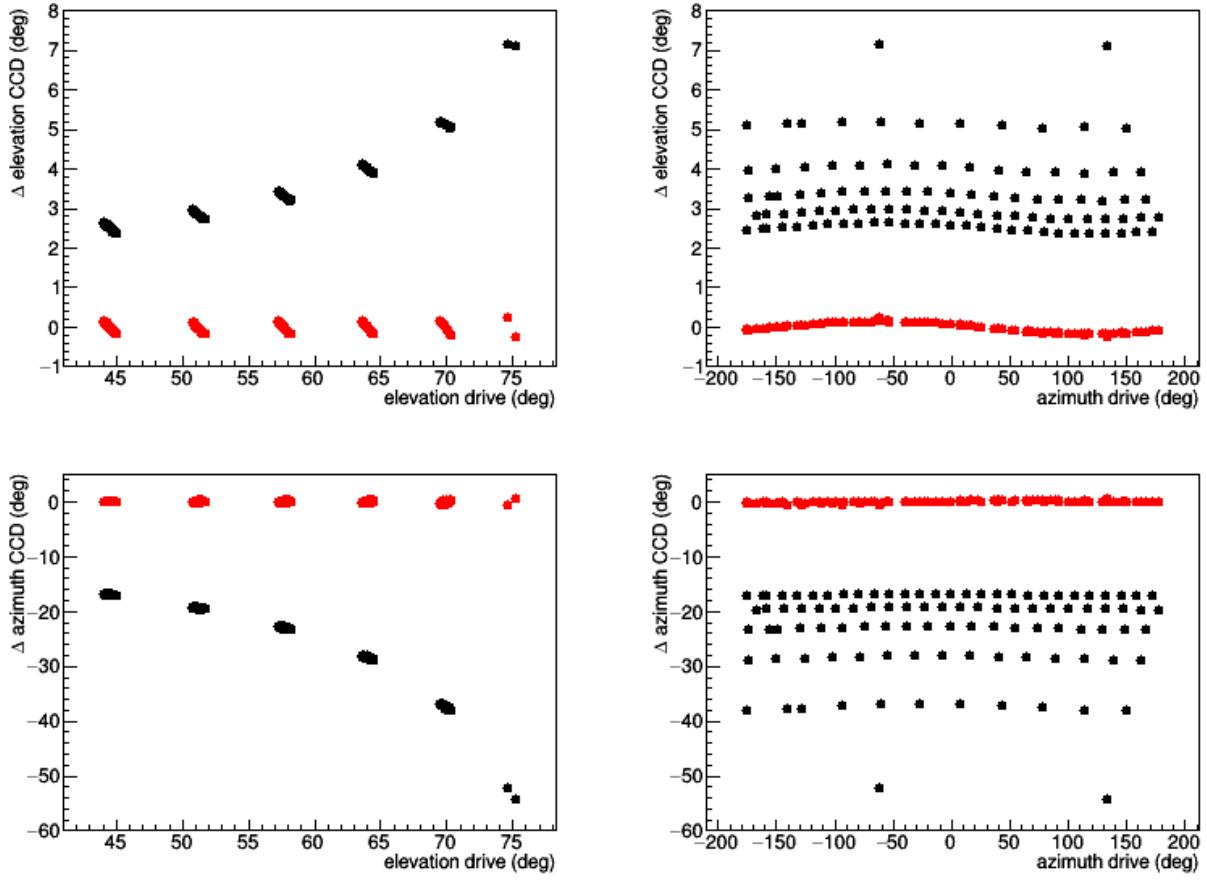


Abbildung 5.3.: Die Abweichungen der mithilfe von zwei Parametern vorhergesagten CCD-Koordinaten zu den realen Werten (rot) im Vergleich zu den Differenzen zwischen Drive und CCD (schwarz): Das Modell eliminiert einen großen Teil der Abweichungen

Betrachtet man nur die Differenzen zwischen Pointingmodell und gemessenen Werten (Abbildung 5.4), so sieht man, dass die Werte noch von Null verschieden sind. Das liegt nicht an ungenau bestimmten Werten, sondern hat, wie man besonders in den Graphen der Azimutabhängigkeit sehen kann, systematische Gründe. Solche Abweichungen sind durchaus zu erwarten, da das verwendete Pointingmodell nur den Fehler des konstanten Winkel zwischen der CCD-Kamera und der optischen Achse des Teleskops berücksichtigt. Zuletzt soll noch ein Graph (Abbildung 5.5) betrachtet werden, der die vorhergesagten Koordinaten im Vergleich zu den gemessenen Koordinaten zeigt. Hier ist gut zu sehen, dass die Wellenbewegung der Elevation in Abhängigkeit des Azimuts unabhängig von den einzelnen Elevationswerten ist.

### 5.3.2. Abhängigkeit der CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drivekoordinaten

Möchte man jedoch die Koordinaten des Drives in Abhängigkeit der CCD bestimmen, so benötigt man das inverse Modell, welches durch die Formeln 4.22 und 4.23 beschrieben wird. Für dieses Modell werden mithilfe des Programms die Parameter in Tabelle 5.2 bestimmt. Wie erwartet liegen diese

$$\begin{aligned} el0 &= (-1, 20 \pm 0, 54)^\circ \\ az0 &= (12, 05 \pm 0, 51)^\circ \end{aligned}$$

Tabelle 5.2.: Die beiden Parameter für die Vorhersage der CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drive-Koordinaten

Werte sehr dicht an denen des obigen Modells (Tabelle 5.1). Wie in Abbildung 5.6 zu sehen ist,

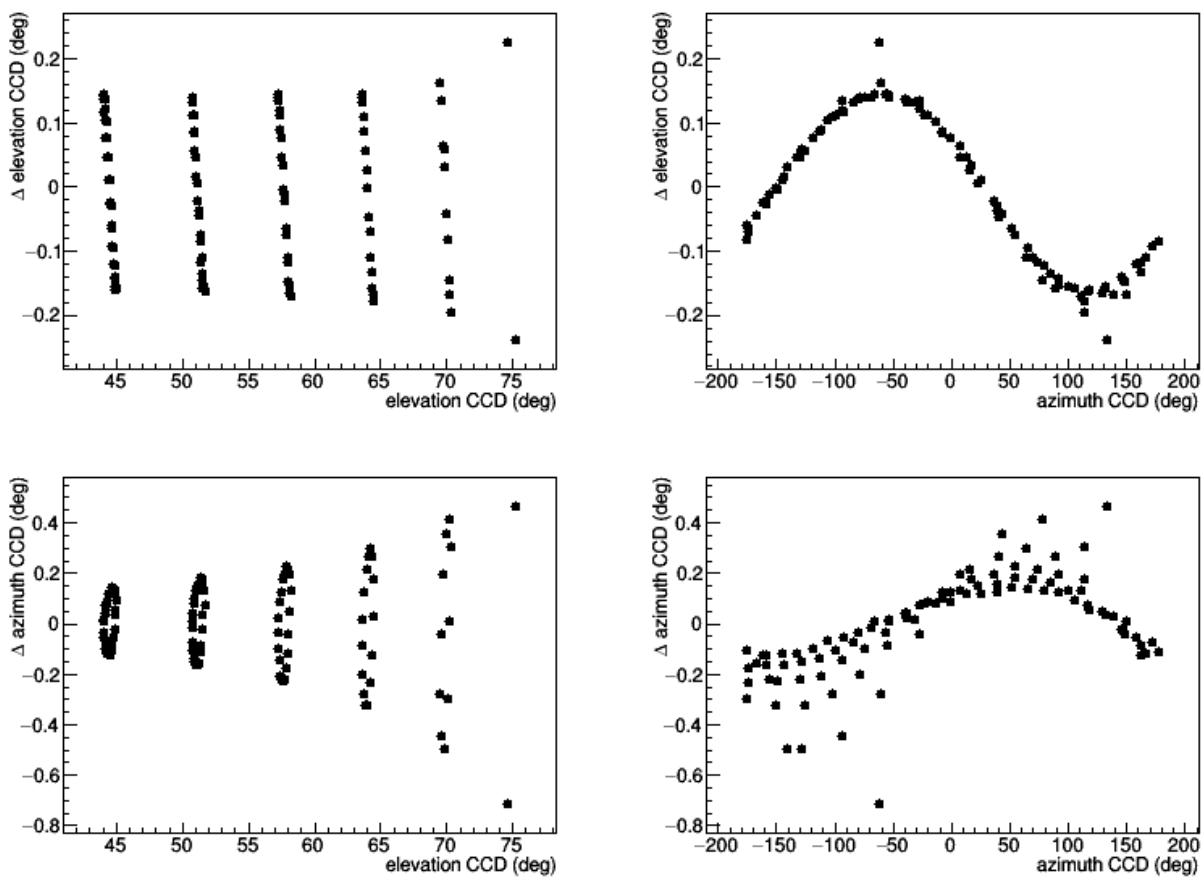


Abbildung 5.4.: Die Abweichungen der vorhergesagten CCD-Koordinaten im Vergleich zu den gemessenen im Detail: Es sind noch systematische Abweichungen zu sehen, die darauf schließen lassen, dass das Modell noch nicht vollständig ist.

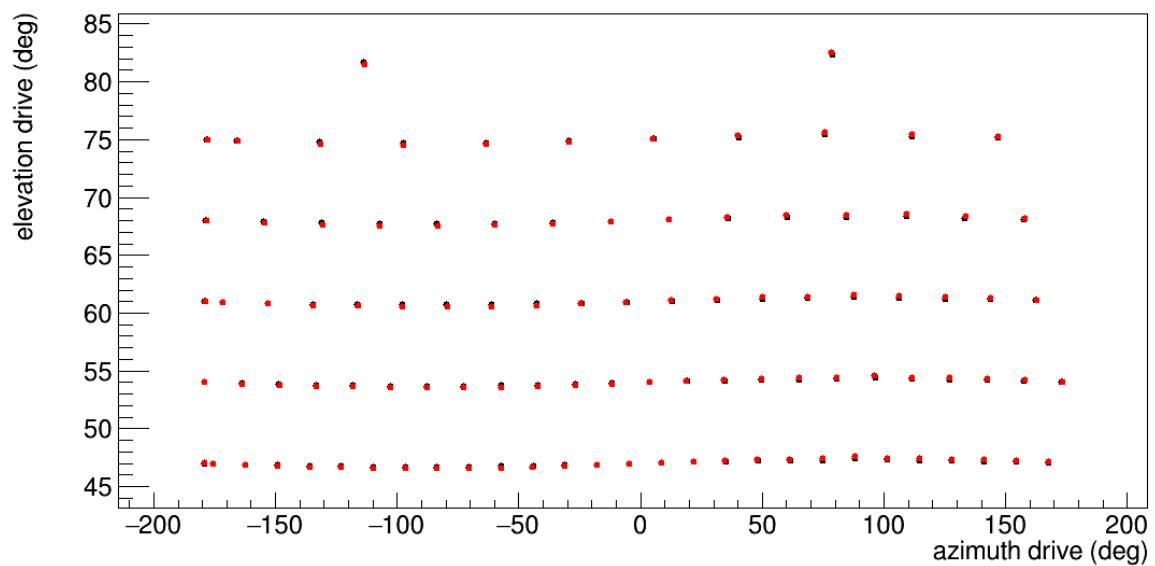


Abbildung 5.5.: Die vom Zwei-Parameter-Modell vorhergesagten Drive-Koordinaten (rot) im Vergleich zu den experimentell bestimmten (schwarz)

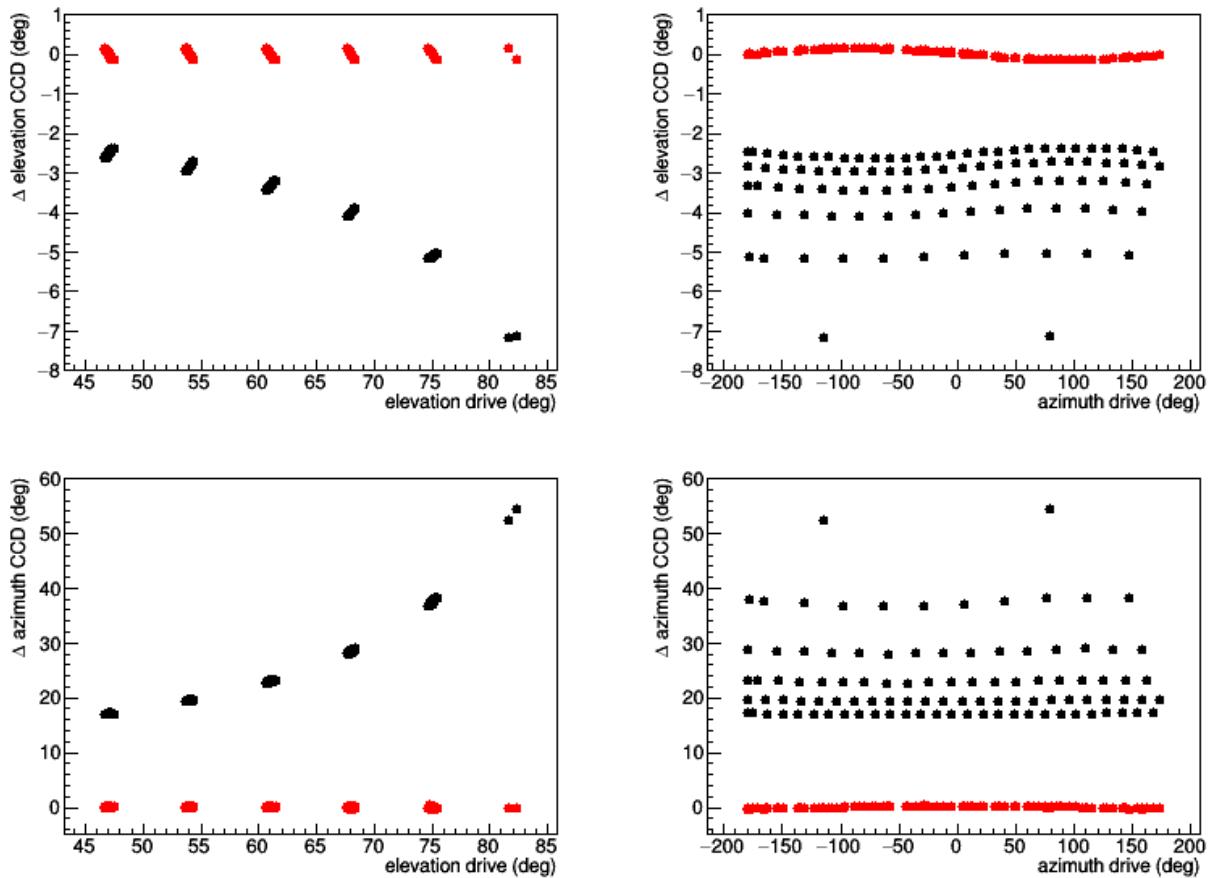


Abbildung 5.6.: Die Abweichungen der vom Zwei-Parameter-Modell vorhergesagten CCD-Koordinaten zu den realen Werten (rot) im Vergleich zu den Differenzen zwischen Drive und CCD (schwarz): Wie beim inversen Modell werden die Abweichungen größtenteils korrigiert.

werden auch die Abweichungen ähnlich gut eliminiert. Betrachtet man wieder die Abweichungen des Pointingmodell isoliert (Abbildung 5.7) so sieht man, dass für die beiden oberen Graphen die Effekte

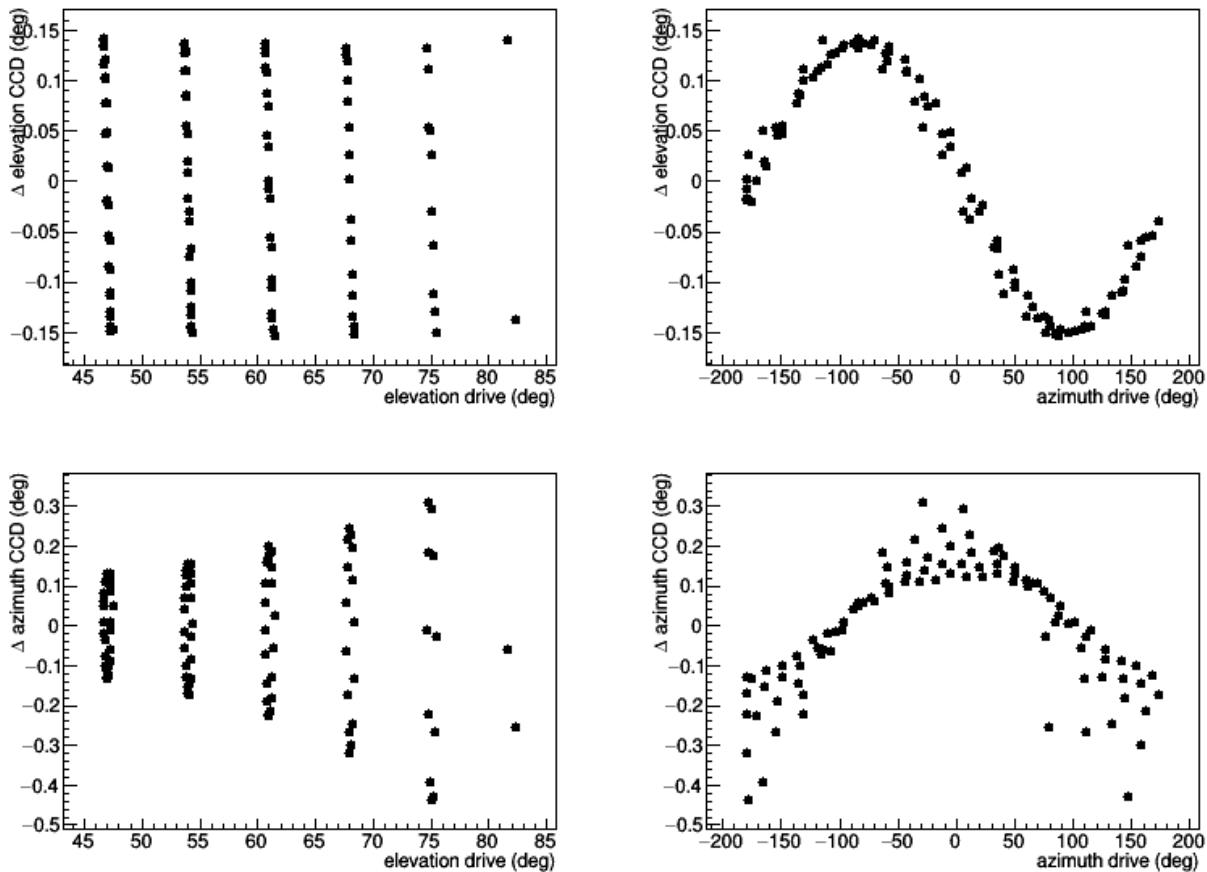


Abbildung 5.7.: Gezeigt sind die Differenzen zwischen den vom Zwei-Parameter-Modell vorhergesagten CCD-Koordinaten und den gemessenen CCD-Koordinaten im Detail: Hier sind ähnliche systematische Abweichungen wie im inversen Modell sichtbar.

ähnlich wie die in Abbildung 5.4 sind. Dass die Graphen der Azimutabhängigkeit verzerrt aussehen, lässt sich durch den Wechsel der Koordinaten erklären. Vergleicht man wieder die Positionen der gemessenen Werte mit den Modellwerten (Abbildung 5.8), so stellt man fest, das wie in Abbildung 5.3 die Wellenbewegung unabhängig von den einzelnen Werten der Elevation unabhängig sind.

## 5.4. Anwendung auf das Pointingmodell mit vier Parametern

Im Folgenden wird das oben verwendete Modell erweitert, indem man wie in Abschnitt 4.5 annimmt, dass die eingestellten Koordinaten zu den tatsächlichen um jeweils einen konstanten Wert verschoben sind. Zu den obigen Parametern  $el_0$  und  $az_0$  kommen somit noch die Parameter  $az_1$  für eine konstante Verschiebung im Azimut und  $el_1$  für eine konstante Verschiebung in der Elevation hinzu.

### 5.4.1. Abhängigkeit der Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten

Hier wird wie oben mit der Vorhersage der Drive-Koordinaten in Abhängigkeit der CCD begonnen. Dazu verwendet man die Formeln 4.44 und 4.45, für die sich mithilfe des Fit-Programms die Parameter aus Tabelle 5.3 berechnen lassen. Hier fällt auf, dass die Fehler im Gegensatz zum Zwei-Parameter-Modell deutlich größer geworden sind. Außerdem sind die Werte für die neu hinzugefügten Modelle zu vernachlässigen. Um zu überprüfen, inwiefern der zu den Drive-Koordinaten hinzugefügte Offset das Zwei-Parameter-Modell verbessert, werden zunächst die Abstände der beiden Modelle gemeinsam

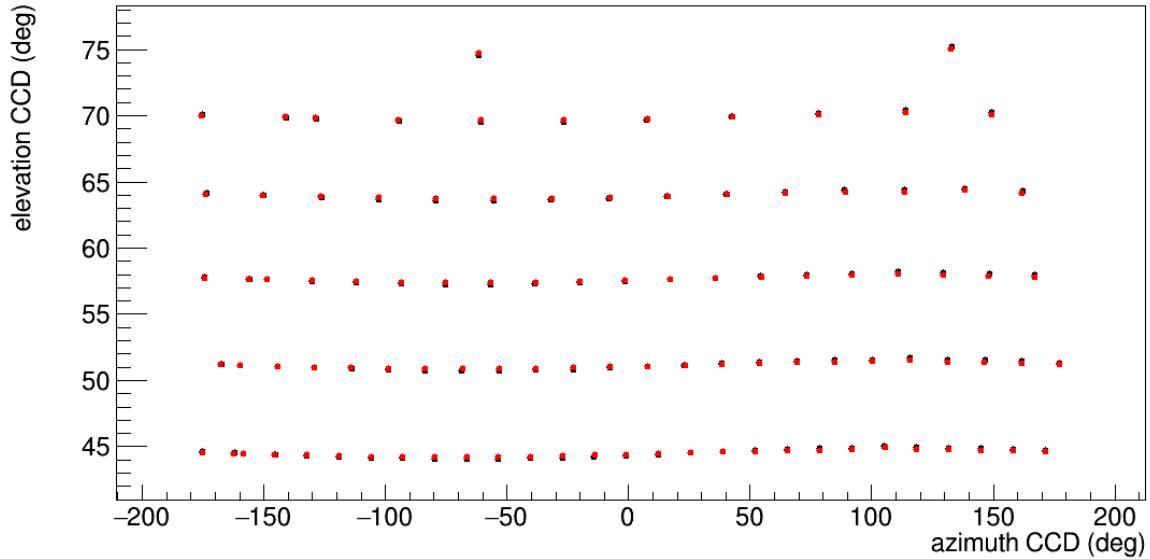


Abbildung 5.8.: Die vom Zwei-Parameter-Modell vorhergesagten CCD-Koordinaten (rot) im Vergleich zu den experimentell bestimmten (schwarz)

$el_0$	$= (-1, 1 \pm 4, 9)^\circ$
$az_0$	$= (12, 0 \pm 3, 6)^\circ$
$el_1$	$= (-0, 14 \pm 5, 96)^\circ$
$az_1$	$= (0, 03 \pm 4, 20)^\circ$

Tabelle 5.3.: Die vier Parameter zur Vorhersage der Drive-Koordinaten durch das erweiterte Pointingmodell

in Abbildung 5.9 dargestellt. In der Abbildung sind lediglich für große Elevationswerte des Drives

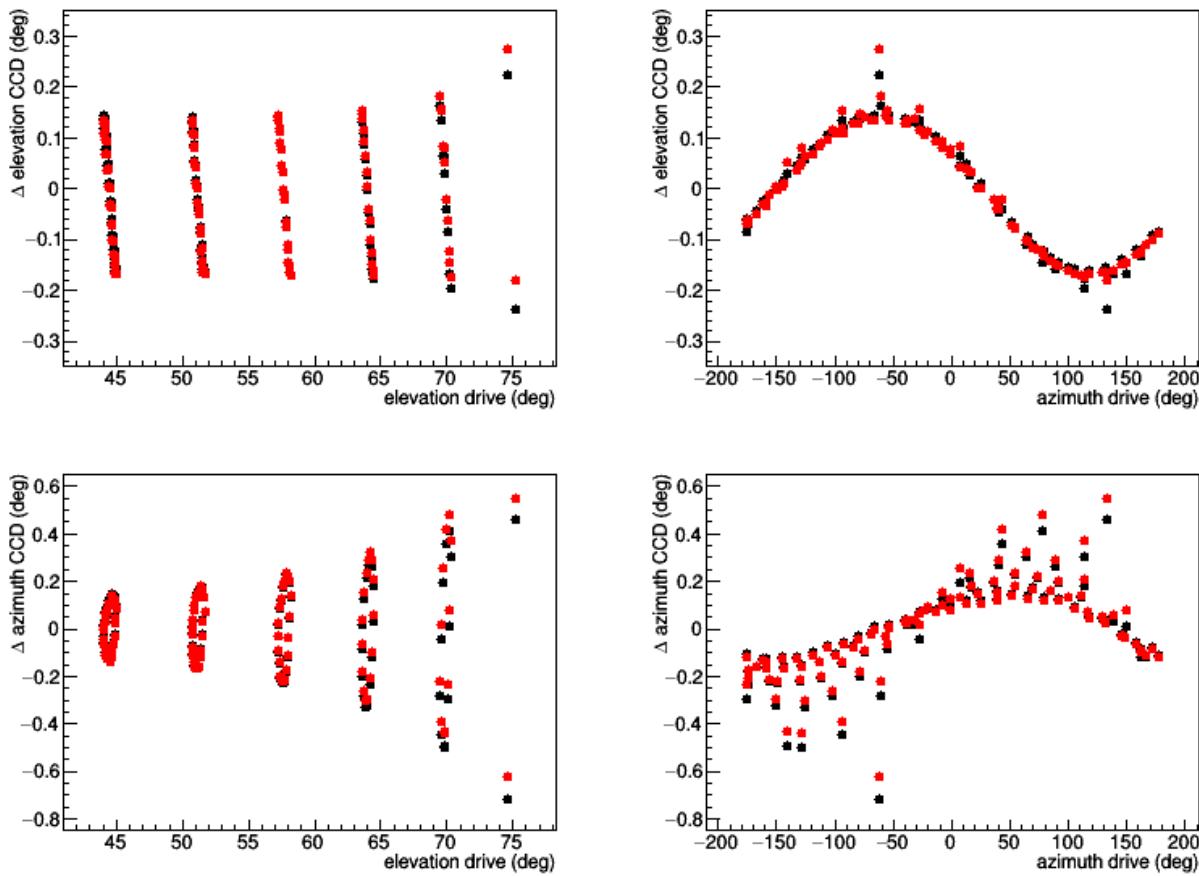


Abbildung 5.9.: Vergleich der Differenzen zwischen den vom Vier-Parameter-Modell (rot) bzw. vom Zwei-Parameter-Modell (schwarz) vorhergesagten Drive-Koordinaten und den realen Werten: Die beiden zusätzlichen Parameter bringen kaum eine Verbesserung.

Abweichungen zu erkennen. Aufgrund der kleinen Werte für die Parameter  $az_1$  und  $el_1$  sind zunächst keine großen Änderungen zum Zwei-Parameter-Modell zu erwarten. Zudem überwiegt beispielsweise im Graphen rechts oben eine Wellenbewegung, die sich nicht durch eine konstante Verschiebung korrigieren lässt. Vergleicht man die vorhergesagten Positionen der beiden Modelle (Abbildung 5.10) so kann man nur bei einzelnen Punkten eine kleine Abweichung erkennen.

#### 5.4.2. Abhängigkeit der CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drivekoordinaten

Zuletzt wird das Vier-Parameter-Modell benutzt um die CCD-Koordinaten durch die Drive-Koordinaten vorherzusagen. Dazu wird das im Vergleich zu oben invertierte Modell, welches durch die Gleichungen 4.42 und 4.43 beschrieben wird, verwendet. Für diese Formeln erhält man die in Tabelle 5.4 stehenden Parameter. Im Vergleich zu den Parametern im inversen Modell sind hier die Fehler noch einmal

$$\begin{aligned} el_0 &= (-1,2 \pm 77,52)^\circ \\ az_0 &= (12,1 \pm 2,1)^\circ \\ el_1 &= (0,04 \pm 79,29)^\circ \\ az_1 &= (-0,06 \pm 3,61)^\circ \end{aligned}$$

Tabelle 5.4.: Die für das Pointingmodell mit vier Parametern bestimmten Werte, wobei die CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drive-Koordinaten vorhergesagt wurden.

deutlich angestiegen. Der Grund hierfür ist die Korrelation der Parameter. Die Addition einer kleinen

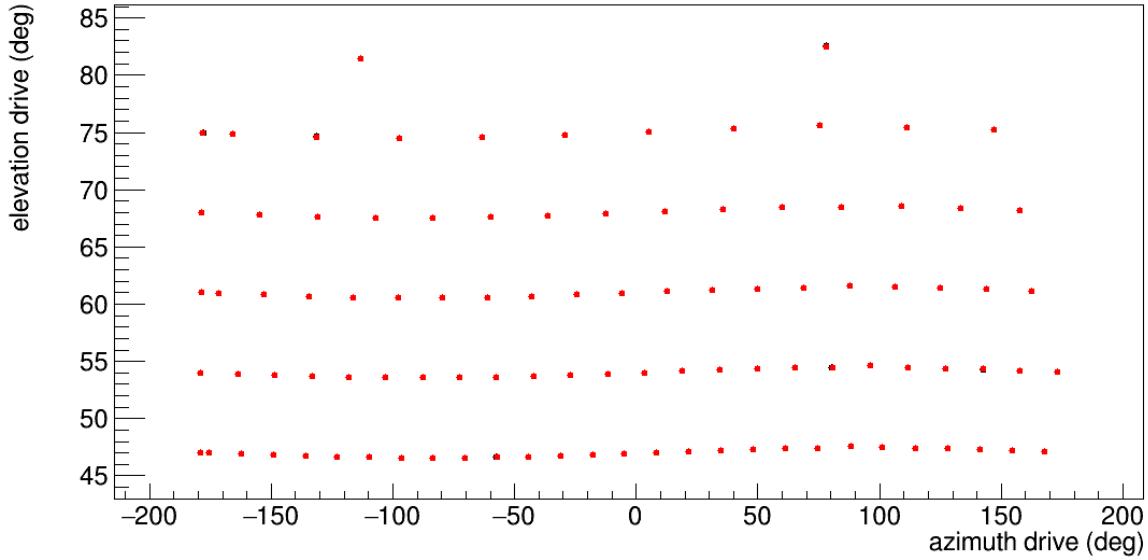


Abbildung 5.10.: Die vom Vier-Parameter-Modell (rot) vorhergesagten im Vergleich zu den vom Zwei-Parameter-Modell (schwarz) vorhergesagten Drive-Koordinaten: Es ist kaum ein Unterschied zu erkennen.

Konstanten zu einer Drehung verhält sich sehr ähnlich zur Summe dieser beiden Winkel. Die Fehler für  $el_0$  und  $ez_1$  sind beide ähnlich groß, was auf eine starke negative Korrelation schließen lässt. Tatsächlich wurde für diese beiden Parameter der Korrelationskoeffizient

$$\rho_{el_0, el_1} = -0,9999 \quad (5.8)$$

ermittelt. Ähnlich sieht es für die Korrelation zwischen  $az_0$  und  $el_0$  aus. Hier ist der Korrelationskoeffizient

$$\rho_{az_0, az_1} = -0,9526 \quad (5.9)$$

ähnlich groß. Da gerade in diesem Modell die Parameter sehr ähnlich zu denen des Zwei-Parameter-Modells sind (dort sind die zusätzlichen Parameter Null), erwartet man keine großen Unterschiede zwischen diesen Modellen. Diese These wird durch Abbildung 5.11 bestätigt. Wie oben erwartet man somit auch keinen nennenswerten Unterschied zwischen den vom Vier- und vom Zwei-Parameter-Modell vorhergesagten Unterschieden.

## 5.5. Systematische Abweichungen im entwickelten Pointingmodell

Betrachtet man die Graphen der Differenzen, so erkennt man, dass noch weitere Effekte das Pointing beeinflussen. Zunächst wird das weitere Verhalten der Elevation betrachtet. Hier fällt bei der Betrachtung von  $\Delta el$  in Abhängigkeit des Azimuts auf, dass der Graph eine Wellenbewegung beschreibt. Aus dem Graph, der die Elevationsabhängigkeit beschreibt, lässt sich hingegen keine systematische Abweichung erkennen. Ein solches Verhalten könnte beispielsweise die Verkippung der Turmachse erklären. Durch eine solche Verkippung zeigt die Kamera auf der einen Seite des Teleskops ( $az \approx 100^\circ$ ) in Richtung einer niedrigeren Elevation und auf der anderen Seite ( $az \approx -80^\circ$ ) in Richtung einer höheren Elevation.

Bei der Betrachtung der Graphen der Azimutdifferenzen fällt zunächst auf, dass diese sowohl von der Elevation als auch vom Azimut abhängen. Die Abstände  $|\Delta az|$  werden für gleiche Azimutwerte mit steigender Elevation größer. Dieser Effekt lässt sich ebenfalls durch die Verkippung der Turmachse erklären, die in diesem Fall einen ähnlichen Effekt hat wie der Winkel zwischen CCD und Drive im oben beschriebenen Modell. Zudem sieht man noch, dass  $\Delta az$  vom Azimut abhängt. Für kleine Azimutwerte läuft die Kamera dem Drive ein wenig voraus und für große Azimutwerte läuft sie ein wenig

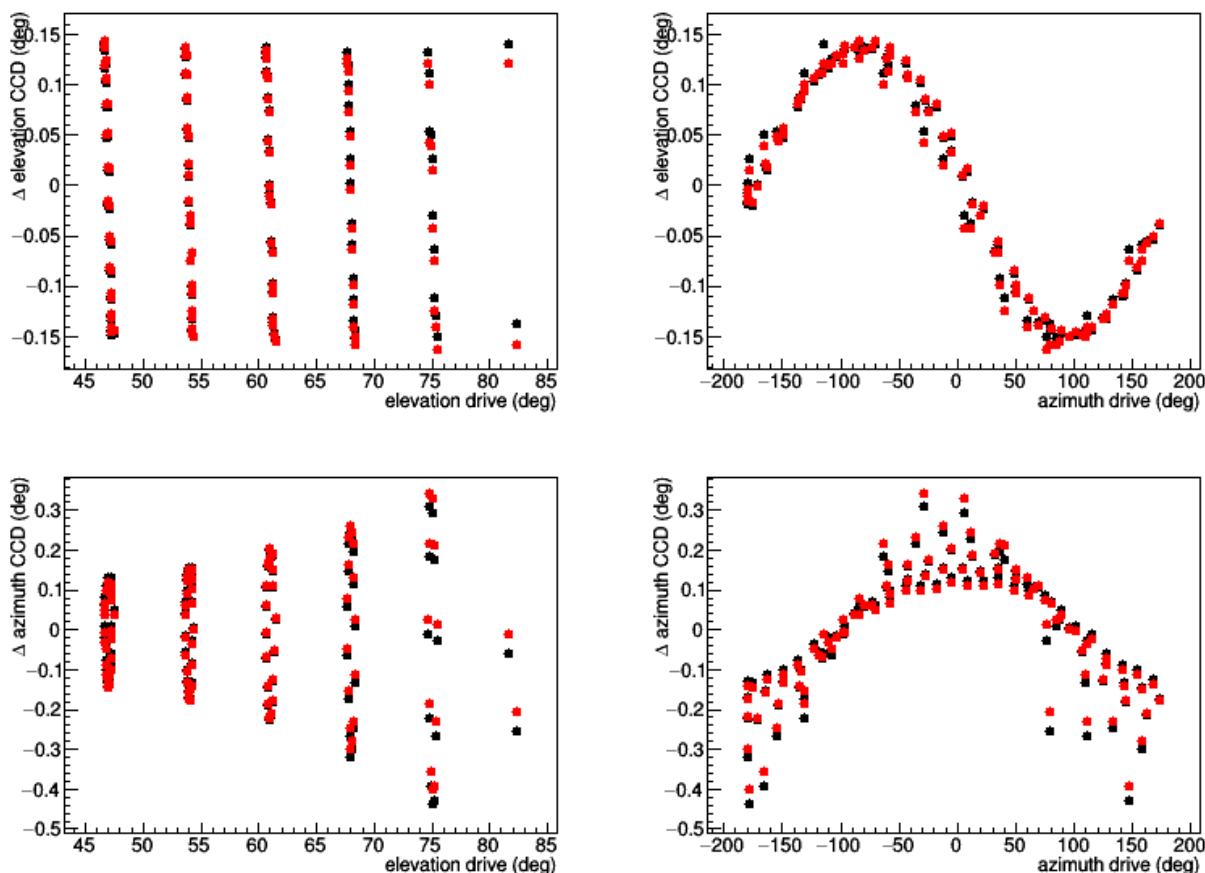


Abbildung 5.11.: Das Vier-Parameter-Modell (rot) für die Vorhersage der CCD-Koordinaten im Vergleich zum Zwei-Parameter-Modell (schwarz): Wie erwartet sind kaum Verbesserungen zu erkennen.

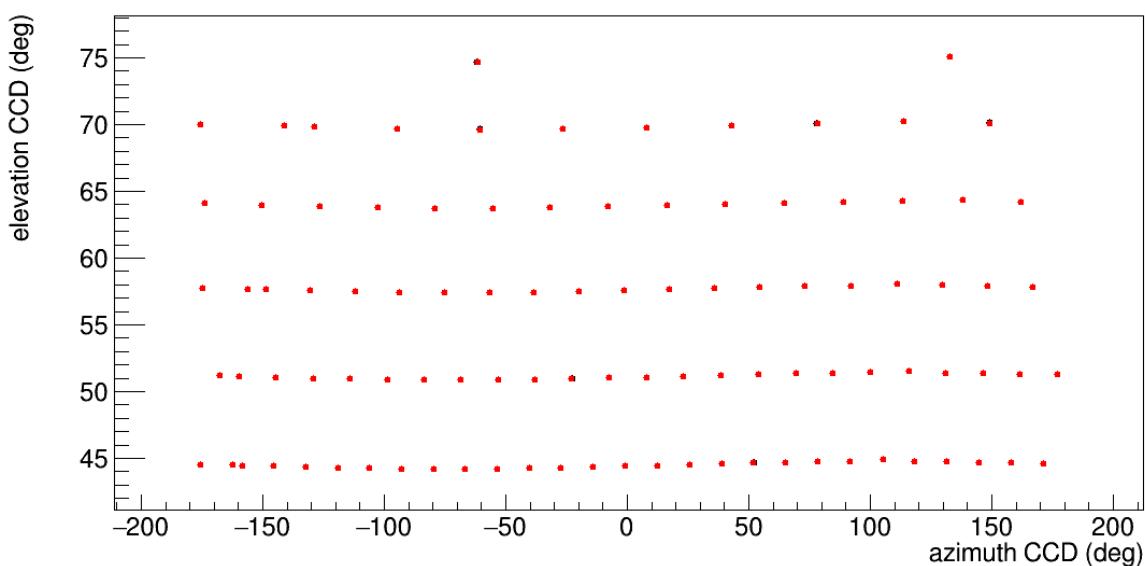


Abbildung 5.12.: Die vom Vier-Parameter-Modell (rot) im Vergleich zu den vom Zwei-Parameter-Modell vorhergesagten Koordinaten der CCD.

hinterher.

Diese Abweichungen sind so klein, dass es hier reicht Pointingmodelle der durch die Gleichungen 4.1 und 4.2 beschriebenen Form zu entwickeln, die nur die Differenzen beschreiben. Ein solches Modell hat Ruslan Konno bereits in seiner Bachelorarbeit [8] für die Single-CCD und die Sky-CCD, die zum damaligen Zeitpunkt noch am Rand des Reflektors befestigt war, entwickelt.

## 6. Fazit

Der Prototyp des MST ist im Zentrum mit des Reflektors mit drei CCD-Kameras ausgestattet. Da eine dieser Kameras schräg zur optischen Achse des Teleskops ausgerichtet ist, entstehen große Abweichungen zwischen den Koordinaten des Teleskops und dieser Kamera. Um diese Abweichungen zu korrigieren wurden zwei Pointingmodelle entwickelt. Das Zwei-Parameter-Modell berücksichtigt nur den Winkel zwischen Kamera und Teleskop und das Vier-Parameter-Modell berücksichtigt zusätzlich noch die Verschiebung der Skalen des Teleskops.

Diese beiden Modelle wurden auf Daten des Teleskops angewendet, um die Konsistenz dieser Modelle sowie die Verbesserung durch die zusätzlichen Parameter zu überprüfen. Vergleicht man die beiden Modelle, stellt man fest, dass sie ähnliche Ergebnisse liefern. Das liegt zum einen an der Korrelation der Parameter im erweiterten Modell und zum anderen daran, dass die beiden zusätzlichen Parameter innerhalb ihrer Unsicherheiten verschwinden. Die Verschiebung der Skalen spielt also nur eine untergeordnete Rolle. Mit den optimalen Parametern für den Winkel in Azimutrichtung

$$az_0 = (12,0 \pm 0,5)^\circ$$

und in Elevationsrichtung

$$el_0 = (-1,2 \pm 0,6)^\circ$$

korrigiert das Zwei-Parameter-Modell die Abweichungen größtenteils.

Bei genauerer Betrachtung der Differenzen zwischen den gemessenen Werten und denen des Pointingmodells fällt auf, dass diese nicht zufällig streuen, sondern systematisch abweichen. Daraus lässt sich schließen, dass das Zwei-Parameter-Modell nicht vollständig ist. Da die verbleibenden Abweichungen nun aber deutlich kleiner sind, können diese isoliert betrachtet werden, wie es beispielsweise Ruslan Konno [8] bereits getan hat.

# Literaturverzeichnis

- [1] Allied vision website. <https://www.alliedvision.com/de/produkte/kameras/kameradetails/Prosilica%20GC/1350.html>. 24.02.2019.
- [2] Cta flickr page. [https://www.flickr.com/photos/cta\\_observatory](https://www.flickr.com/photos/cta_observatory). 13.02.2019.
- [3] Tevcat homepage. "<http://tevcat.uchicago.edu>". 13.02.2019.
- [4] J. Buckley, K. Byrum, B. Dingus, A. Falcone, P. Kaaret, H. Krawczynski, M. Pohl, V. Vassiliev, and D. A. Williams. The status and future of ground-based tev gamma-ray astronomy. a white paper prepared for the division of astrophysics of the american physical society, 2008.
- [5] C T A Consortium, M Actis, G Agnetta, F Aharonian, and A Akhperjanian. Design Concepts for the Cherenkov Telescope Array CTA , An Advanced Facility for Ground-Based High-Energy Gamma-Ray Astronomy. 2012.
- [6] M. de Naurois and D. Mazin. Ground-based detectors in very-high-energy gamma-ray astronomy. 2015.
- [7] Claus Grupen. *Einstieg in die Astroteilchenphysik: Grundlagen, Messungen und Ergebnisse aktueller Forschung (German Edition)*. Springer Spektrum, 2017.
- [8] Ruslan Konno. Erstellung von pointing-modellen für ccd-kameras am mst-prototyp. Bachelor thesis, Humboldt-Universität zu Berlin.
- [9] K. A. Olive et al. Review of Particle Physics. *Chin. Phys.*, C38:090001, 2014.
- [10] Domenico Tiziani, Markus Garzarczyk, Louise Oakes, Ullrich Schwanke, Christopher van Eldik, and for the CTA Consortium. A pointing solution for the medium size telescopes for the cherenkov telescope array, 2017.
- [11] Stefano Vercellone and for the CTA Consortium. The next generation cherenkov telescope array observatory: Cta. 2014.
- [12] S. P. Wakely and D. Horan. TeVCat: An online catalog for Very High Energy Gamma-Ray Astronomy. *International Cosmic Ray Conference*, 3:1341–1344, 2008.
- [13] R. White. CHEC: a compact high energy camera for the cherenkov telescope array. *Journal of Instrumentation*, 12(12):C12059–C12059, dec 2017.

# A. Anhang

## Ergebnisse der Fits

### Vorhersage der Drivekoordinaten im Zwei-Parameter-Modell

$el_0$	=	$(-1, 20 \pm 0, 57)^\circ$
$az_0$	=	$(12, 04 \pm 0, 53)^\circ$
$\sigma$	=	$0, 14^\circ$
$\rho_{el_0, az_0}$	=	0, 2618

Tabelle A.1.: Die für das Pointingmodell mit zwei Parametern bestimmten Werte, wobei die Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten vorhergesagt wurden.

### Vorhersage der CCD-Kordinaten im Zwei-Parameter-Modell

$el_0$	=	$(-1, 20 \pm 0, 55)^\circ$
$az_0$	=	$(12, 05 \pm 0, 52)^\circ$
$\sigma$	=	$0, 13^\circ$
$\rho_{el_0, az_0}$	=	-0, 00401

Tabelle A.2.: Die für das Pointingmodell mit zwei Parametern bestimmten Werte, wobei die CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drive-Koordinaten vorhergesagt wurden.

### Vorhersage der Drivekoordinaten im Vier-Parameter-Modell

$el_0$	=	$(-1, 1 \pm 4, 9)^\circ$
$az_0$	=	$(12, 0 \pm 3, 6)^\circ$
$el_1$	=	$(0, 03 \pm 5, 96)^\circ$
$az_1$	=	$(-0, 1 \pm 4, 2)^\circ$
$\sigma$	=	$0, 14^\circ$
$\rho_{el_0, az_0}$	=	-0, 737
$\rho_{el_0, el_1}$	=	-0, 9842
$\rho_{az_0, az_1}$	=	-0, 9038
$\rho_{el_0, az_1}$	=	0, 4214
$\rho_{az_0, el_1}$	=	0, 8267
$\rho_{el_1, az_1}$	=	-0, 5417

Tabelle A.3.: Die für das Pointingmodell mit vier Parametern bestimmten Werte, wobei die Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten vorhergesagt wurden.

## Vorhersage der CCD-Koordinaten im Vier-Parameter-Modell

$el_0$	=	$(-1 \pm 78)^\circ$
$az_0$	=	$(12, 1 \pm 2, 1)^\circ$
$el_1$	=	$(0, 04 \pm 79, 29)^\circ$
$az_1$	=	$(-0, 06 \pm 3, 61)^\circ$
$\sigma$	=	$0, 13^\circ$
$\rho_{el_0, az_0}$	=	-0, 1681
$\rho_{el_0, el_1}$	=	-0, 9999
$\rho_{az_0, az_1}$	=	-0, 9526
$\rho_{el_0, az_1}$	=	-0, 003998
$\rho_{az_0, el_1}$	=	0, 1756
$\rho_{el_1, az_1}$	=	-0, 003827

Tabelle A.4.: Die für das Pointingmodell mit vier Parametern bestimmten Werte, wobei die CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drive-Koordinaten vorhergesagt wurden.

# **Selbständigkeitserklärung**

Hier versichere ich, dass ich die vorliegende Arbeit selbständig verfasst habe und keine anderen als die angegebenen Quellen und Hilfsmittel verwendet habe.