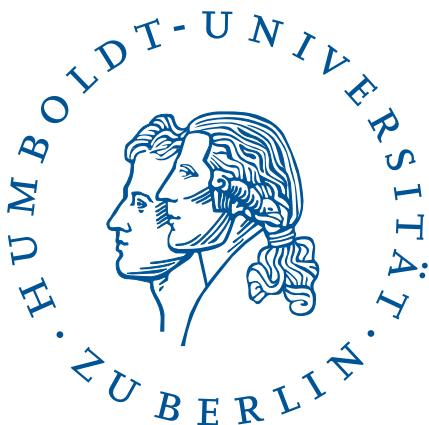


Untersuchungen zur Ausrichtung einer CCD-Kamera am MST-Prototyp

BACHELORARBEIT

**zur Erlangung des akademischen Grades
Bachelor of Science
(B. Sc.)
im Fach Physik**



**eingereicht an der
Mathematisch-Naturwissenschaftlichen Fakultät
Institut für Physik
Humboldt-Universität zu Berlin**

von
Herrn Jan-Lukas Krieg
geboren am 09.01.1995 in Berlin

Gutachter:

1. Prof. Dr. Thomas Lohse
2. Prof. Dr. David Berge

Betreuung:

1. Dr. Ullrich Schwanke

eingereicht am: 1. M 2019

Hier kommt die deutsche Zusammenfassung.

Schlagwörter:

CTA, MST-Prototyp, Adlershof, Pointing

Inhaltsverzeichnis

1 Einleitung	1
2 γ-Astronomie	2
2.1 Entstehung hochenergetischer Strahlung	2
2.2 Quellen hochenergetischer Strahlung	2
2.3 Detektion von Strahlung	3
2.3.1 Luftschauder	4
2.3.2 Tscherenkov-Strahlung	4
2.3.3 Bodengestützte Detektion der Tscherenkov-Strahlung	5
3 Das Cherenkov Telescope Array	7
3.1 Design-Konzept	7
3.1.1 Teleskoptypen	7
3.1.2 Array-Konzept	8
3.2 Prototyp in Adlershof	8
3.2.1 Pointing des Teleskops mit CCD-Kameras	8
3.2.2 Kameras des MST	9
4 Pointingmodell für eine große Abweichung zur optischen Achse	10
4.1 Koordinaten	10
4.2 Entwicklung von Pointingmodellen	10
4.3 Pointingmodell mit zwei Parametern	11
4.3.1 Vorhersage der CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drive-Koordinaten . . .	11
4.3.2 Vorhersage der Drive-Koordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten . .	12
4.4 Erweiterung des Modells auf vier Parameter	14
5 Anwendung des Pointingmodells auf Daten des Teleskops	15
5.1 Datensatz	15
5.2 Programm	15
5.3 Anwendung auf das Pointingmodell mit 2 Parametern	16
5.3.1 Abhängigkeit der Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten . .	16
5.3.2 Abhängigkeit der CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drivekoordinaten . .	16
5.4 Anwendung auf das Pointingmodell mit 4 Parametern	19
5.4.1 Abhängigkeit der Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten . .	19
5.4.2 Abhängigkeit der CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drivekoordinaten . .	19
5.5 Diskussion der Korrelation	19
5.5.1 Unterschiedliche Korrelationen für Modelle mit gleichen Parametern	19
5.5.2 Hohe Korrelation im Modell mit vier Parametern	19
5.6 Systematische Abweichungen im entwickelten Pointingmodell	19
6 Fazit	21

Abbildungsverzeichnis

2.1	Zu sehen sind alle von TeVCat registrierten und kategorisierten VHE-Quellen (ab einer Energie von $E > 50\text{GeV}$ [7]). Die roten Punkte stehen beispielsweise für AGNs, die Violetten für PWNs und die Grauen für unbekannte und unidentifizierte Quellen. [1] .	4
2.2	Der Tscherenkow-Effekt: Ein geladenes Teilchen durchfliegt ein dielektrisches Medium mit einer Geschwindigkeit über der der Lichtgeschwindigkeit im Medium und erzeugt Wellenfronten.	5
2.3	Detektion hochenergetischer Strahlung: Das in die Atmosphäre eintretende Photon erzeugt einen elektromagnetischen Luftschauder (oben rechts) der wiederum Cherenkovlicht erzeugt, welches am Boden mit IACTs detektiert werden kann. Ein Detektionsbild ist unten links zu sehen.	6
3.1	Die drei verschieden großen Teleskope des CTA: links die drei Varianten des SMT, in der Mitte das MST und rechts das LST	8
3.2	Der geplante Aufbau der Arrays auf La Palma und in der Atacamawüste: Auf La Palma werden zunächst nur die beiden größeren Teleskoptypen errichtet. In der Atacamawüste werden alle drei Teleskoptypen verwendet. Aufgrund der großen freien Fläche kann hier auch ein großer Bereich symmetrisch abgedeckt werden.	9
4.1	Die verwendeten Koordinaten	10
5.1	Die Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten	17
5.2	Die CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drivekoordinaten im Zwei-Parameter-Modell	18
5.3	Die CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drivekoordinaten	20

Tabellenverzeichnis

3.1	Technische Daten der Sky-CCD	9
5.1	Die für das Pointingmodell mit 2 Parametern bestimmten Werte	16
5.2	Die Drive-Koordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten im Zwei-Parameter-Modell	17

1 Einleitung

2 γ -Astronomie

Die Astronomie ist die Wissenschaft des Universums und beschreibt die Bewegung und Eigenschaften von Himmelskörpern wie Planeten oder Galaxien, interstellarer Materie und Strahlung. Betrachte man früher nur Licht im optisch sichtbaren Bereich, so sind im 20. Jahrhundert einige zusätzliche Quellen dazugekommen. Dazu zählen die von Viktor Hess durch Ballonversuche entdeckte kosmische Strahlung, die Röntgen-/bzw die Gammastrahlung sowie die Neutrinoastronomie. Im Gegensatz zur kosmischen Strahlung, die überwiegend aus Protonen besteht, hat ungeladene Photonen- und Neutrinostrahlung den Vorteil, dass diese nicht durch elektromagnetische Felder abgelenkt werden und somit die Quellen dieser Strahlung leichter bestimmt werden können. Photonen haben zusätzlich den Vorteil, dass sie im Gegensatz zu Neutrinos, die nur schwach mit Materie wechselwirken, leichter zu detektieren sind. Ein interessantes Gebiet der letzten Jahre ist die VHE (Very High Energy)-Astronomie, die sich mit Quellen ab einer Energie von 100GeV [2] beschäftigt. Das besondere an dieser Strahlung ist, dass sie so hochenergetisch ist, dass sie nicht mehr thermischen Ursprungs sein kann, sondern andere Erzeugungsmechanismen zugrunde liegen müssen.

2.1 Entstehung hochenergetischer Strahlung

inverser Comptoneffekt

Durch den Comptoneffekt können hochenergetische Photonen einen Teil ihres Impulses und Energie an ein freies Elektron übergeben. Dieser Prozess kann auch invers ablaufen und somit kann ein niederenergetisches Photon, zum Beispiel aus dem kosmischen Mikrowellenhintergrund ($E = 66\text{meV}$), durch einen Stoß mit einem Elektron eine hohe Energie bekommen.

Brems- und Synchrotronstrahlung

Durchfliegen Elektronen ein starkes Magnetfeld, wie es sie beispielsweise an Neutronensternen gibt, oder starke elektrische Felder in der Nähe von Atomkernen, so erfahren sie eine Beschleunigung. Durch diese Beschleunigung werden Photonen abgesetzt, deren Energie mit der Energie des Elektrons zunimmt.

Zerfälle und Annihilation

Hochenergetische Photonen können auch durch Zerfälle massiver Teilchen entstehen, wobei die Ruhemasse des Teilchen in kinetischer Energie der Photonen umgewandelt wird. So zerfällt das neutrale Pion zum Beispiel zu 98,8% in zwei Photonen und setzt dabei eine Ruhemasse von $E_0 = 135\text{MeV}$ [5] um. Eine weitere Möglichkeit ist die Annihilation von Materie und Antimaterie. Auch hier wird die Ruheenergie der Teilchen in kinetische Energie umgewandelt. So entstehen bei der Elektron-Positron-Annihilation zwei Photonen mit der Energie $E = 511\text{keV}$. Diese Energien liegen allerdings noch weit unter der Grenze der VHE-Astronomie.

2.2 Quellen hochenergetischer Strahlung

Ziel VHE-Astronomie ist es die Quellen hochenergetischer Gammastrahlung zu erforschen. Bild 2.1 zeigt alle bisher detektierten Gammaquellen.

Supernova Überreste

Supernovae sind Explosionen von Sternen die auf zwei Arten stattfinden können:

Supernovae vom Typ Ia finden in Systemen von weißen Zwergen mit Sternen statt. Ein weißer Zwerg ist ein ausgebrannter Stern, der größtenteils aus Sauer- und Kohlenstoff besteht. Saugt dieser weiße Zwerg Materie von einem anderen Stern ab, nimmt die Masse zu bis sie die

Chandrasekhar-Grenze von ungefähr 1,4 Sonnenmassen [4] überschreitet und durch den gestiegenen Gravitationsdruck die Kernfusion wieder startet.

Kernkollaps-Supernovae entstehen aus Sternen. Nachdem diese ihren Wasserstoff- und Heliumvorrat verbrannt haben, folgt eine Gravitationskontraktion, die zu einer schnelle Abfolge von Kernfusionen schwererer Elemente führt. Nach dem Erreichen des stabilsten Elements (^{56}Fe) kollabiert der Stern.

Durch eine Supernova entsteht ein massives Objekt, das mit der durch die Explosion verteilten Materie interagieren kann.

Pulsare

Kollabieren die Überreste einer Supernova von einem Durchmesser von ca. 10^6 km auf ca. 20 km entsteht ein Neutronenstern, der sich aufgrund der Drehimpulserhaltung sehr schnell dreht. Bleibt der magnetische Fluss durch die Oberfläche erhalten, entstehen große Magnetfelder ($\mathcal{O}(10^8\text{ T})$)[4]. Sind Drehimpuls und Magnetfeld nicht parallel zueinander, so nennt man das entstandene Konstrukt Pulsar. In seinem rotierenden Magnetfeld können geladene Teilchen durch die Lorentzkraft auf hohe Geschwindigkeiten beschleunigt werden, die ihre Energie wiederum an Photonen abgeben können.

Schwarze Löcher und aktive galaktische Kerne

Schwarze Löcher sind Objekte mit einer Gravitationskraft, die so stark ist, dass auch Photonen, die sich hinter dem Ereignishorizont befinden, nicht entkommen können. Durch die starke Anziehung entsteht eine Akkretionsscheibe in der große elektromagnetische Felder herrschen, durch die wiederum hochenergetische Photonen entstehen können. Gerade in Zentren von Galaxien herrscht eine hohe Sterndichte, die dazu führt, dass hier supermassenreiche schwarze Löcher entstehen können. Diese können mit den großen Mengen an Plasma interagieren und strahlen häufig so hell, dass das Zentrum oder sogar den Rest der Galaxie überstrahlen können. Solche Quellen nennt man aktive galaktische Kerne (AGNs).

Gamma Ray Bursts

Gamma Ray Bursts (GRBs) sind kurzzeitige Strahlungsausbrüche mit einer typischen Länge von 10 ms bis 1000 s , wobei eine Energie in der Größenordnung von 10^{54} erg abgegeben wird. Die meisten GRBs lassen sich ein kurzzeitige mit einer mittleren Dauer von $0,3\text{ s}$ und langzeite mit einer typischen Dauer von ungefähr 30 s einteilen. Hinter den kurzzeitigen vermutet man Ereignisse mit kompakten Objekten, wie das Verschmelzen zweier Neutronensterne oder eines mit einem schwarzen Loch. Für die langen GRBs könnten Kernkollaps-Supernovae verantwortlich sein.

Dunkle Materie

Betrachtet man die Rotation von Galaxien, so stellt man fest, dass sich diese nicht durch die sichtbare Materie erklären lassen. Um dieses Problem zu lösen, postuliert man die Existenz einer uns nicht bekannten Materieform, der dunklen Materie. Durch die VHE-Astronomie versucht man Erkenntnisse über diese zu gewinnen. Man sucht beispielsweise nach monoenergetischen Energielinien, die durch Selbstannihilation von dunkler Materie entstehen könnten.

2.3 Detektion von Strahlung

Prinzipiell lässt sich zwischen bodengestützter und satellitengestützter γ -Astronomie unterscheiden. Durch den Einsatz von Satelliten vermeidet man den störenden Einfluss der Erdatmosphäre, muss dafür allerdings Abstriche in der Größe der Detektoren machen und mit hohen Kosten kalkulieren. Hier soll sich nur mit der bodengestützten Variante beschäftigt werden, die günstiger ist und nicht in der Größe beschränkt ist. Dazu verwendet man sogenannte IACTs (Imaging Atmospheric Cherenkov Telescopes), die die Strahlung nur indirekt detektieren.

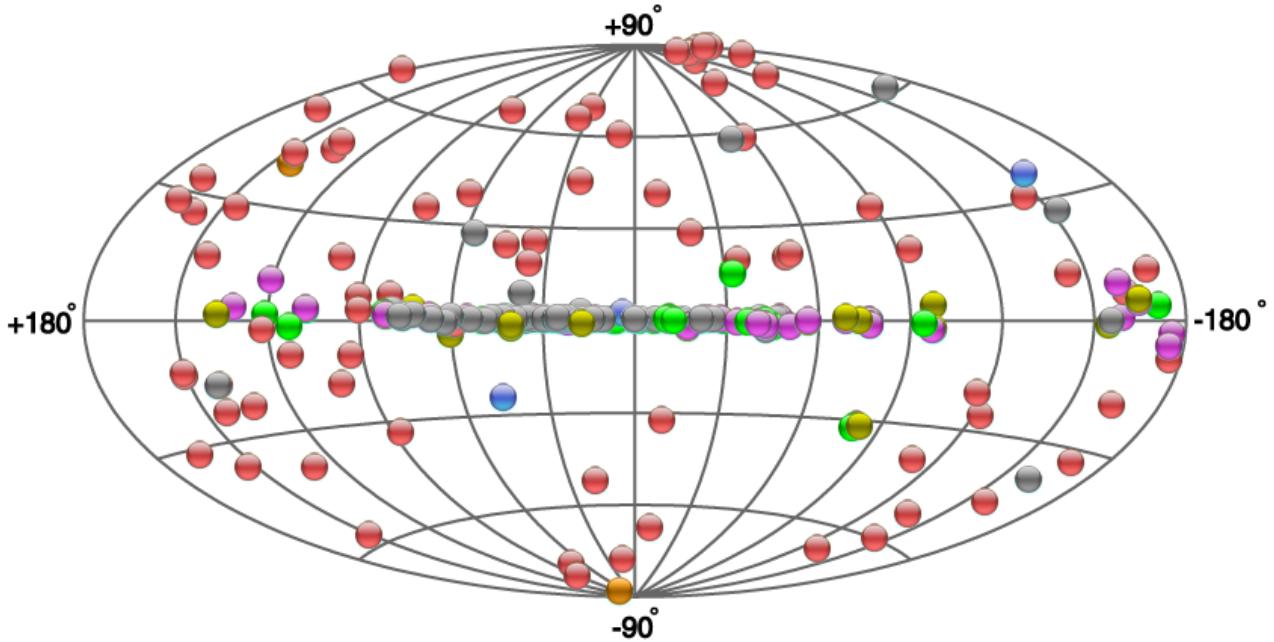


Abbildung 2.1: Zu sehen sind alle von TeVCat registrierten und kategorisierten VHE-Quellen (ab einer Energie von $E > 50\text{GeV}$ [7]). Die roten Punkte stehen beispielsweise für AGNs, die Violetten für PWNe und die Grauen für unbekannte und unidentifizierte Quellen. [1]

2.3.1 Luftschauder

Die Atmosphäre ist nur für Photonen im optischen und radiowellen Bereich durchsichtig. Treten hochenergetische Photonen in die Atmosphäre ein, findet Paarbildung statt. Das entstehende Elektron bzw Positron ist ebenfalls hochenergetisch und verliert hauptsächlich durch Bremsstrahlung Energie, worauf die entstehenden Photonen wieder durch Paarbildung wechselwirken können. Die Strahlungslängen für Paarbildung und Bremsstrahlung sind ungefähr gleich lang, sodass die Anzahl der Teilchen mit absteigender Höhe exponentiell zunimmt, wohingegen die durchschnittliche Energie der Teilchen exponentiell abnimmt. Der Luftschauder endet in einer Höhe von ungefähr 10km [?], wenn die Teilchen niederenergetisch sind und die restliche Energie über Ionisation verlieren.

$$E_n = \frac{E_0}{2^n} \quad (2.1)$$

Neben den oben beschriebenen elektromagnetischen Schauern existieren noch hadronische und myonische Schauer. Hadronische Schauer entstehen wenn hochenergetische Hadronen in die Atmosphäre eindringen. Durch die Wechselwirkung von Hadronen entstehen häufig neutrale Pionen, die wiederum in Photonen zerfallen, wodurch wiederum ein elektromagnetischer Schauer entsteht, der allerdings einen anderen Ursprung hat.

2.3.2 Tscherenkow-Strahlung

Tscherenkow-Strahlung tritt auf, wenn sich geladene Teilchen in Materie schneller als die Lichtgeschwindigkeit in diesem Medium bewegen. Hierbei polarisiert das geladene Teilchen auf seiner Trajektorie die einzelnen Atome, die Licht sphärisch abstrahlen. Wäre das Teilchen langsamer als die Ausbreitungsgeschwindigkeit in diesem Medium, würden die Wellen destruktiv interferieren und man würde keine makroskopischen Effekte beobachten. Da sich das Teilchen allerdings schneller als das Licht bewegt, entsteht ein Kegel konstruktiver Interferenz, und ein Lichtblitz breitet sich kegelförmig mit dem Öffnungswinkel

$$\theta = \arccos \left(\frac{1}{\beta n} \right) \quad (2.2)$$

aus, wie in Abb 2.2 gezeigt. Für Luft (in Bodennähe) ergibt sich somit ein maximaler Öffnungswinkel von. Da allerdings die Dichte der Luft in der relevanten Höhe kleiner ist, ist auch der Brechungsindex näher an 1 und der Tscherenkow-Winkel beträgt noch ungefähr $\theta = 1^\circ$ [4] Aus dem Winkel lässt

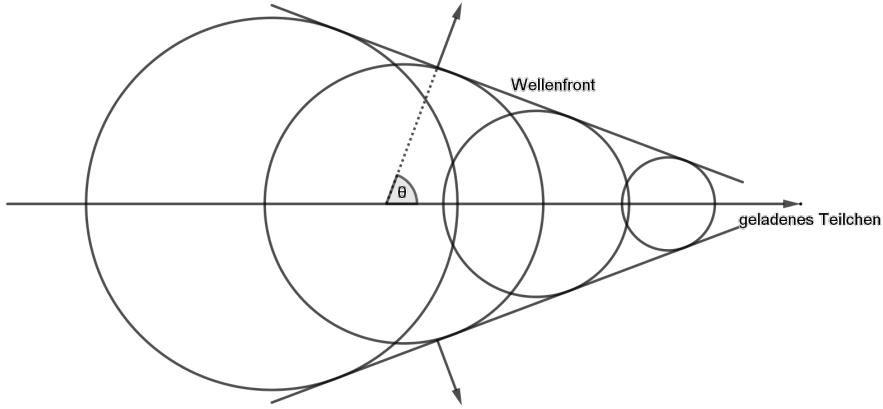


Abbildung 2.2: Der Tscherenkow-Effekt: Ein geladenes Teilchen durchfliegt ein dielektrisches Medium mit einer Geschwindigkeit über der Lichtgeschwindigkeit im Medium und erzeugt Wellenfronten.

sich die Geschwindigkeit des Teilchens rekonstruieren und bei bekannter Masse des Teilchens (in elektromagnetischen Schauern entstehen Elektronen als geladene Teilchen) auch der Impuls und die Energie.

2.3.3 Bodengestützte Detektion der Tscherenkow-Strahlung

Ziel der bodengestützten Variante ist es, das Tscherenkow-Licht der sekundären Teilchen aus dem elektromagnetischen Schauer zu detektieren. Bei einem Tscherenkow-Winkel von $\theta = 1^\circ$ in 10km Höhe und senkrechter Einstrahlung ergibt sich ein Lichtpool am Boden mit einem Durchmesser von 250m [2]. Somit müssen effektive Flächen in der Größenordnung von 10^4 bis 10^5 m^2 abgedeckt werden um den gesamten Schauer zu detektieren. Typischerweise entstehen bei einem VHE-Photon 10^8 – 10^9 Photonen, die innerhalb von wenigen Nanosekunden abgegeben werden. Am Boden hat man somit typische Intensitäten von $10^3 \frac{1}{\text{m}^2}$ die detektiert werden müssen. Dazu verwendet man IACTs, die aus einem Reflektor und einem Detektor bestehen. Der Reflektor besteht aus einem oder häufig aus mehreren Spiegeln, die das Tscherenkow-Licht in der Brennebene bündeln. Bei großen Teleskopen muss der Reflektor parabolisch sein und bei kleineren wird darauf häufig aus Kostengründen verzichtet, da jeder einzelne Spiegel eine individuelle Brennweite braucht. Als Detektor wird eine Tscherenkow-Kamera verwendet, die eine typische Auflösung von 2000 Pixeln und Zeitauflösung 10ns[3] hat. Das die Auflösung im Vergleich zu CCD Kameras eher gering ist, liegt daran, dass der Detektor sehr wenige Photonen in einer sehr kurzen Zeit detektiert werden müssen. Dazu verwendet man Photomultiplier. Aus den aufgenommenen Daten lässt sich mit Hilfe von Monte-Carlo-Simulationen die Richtung und die Energie des detektierten Photons rekonstruieren.

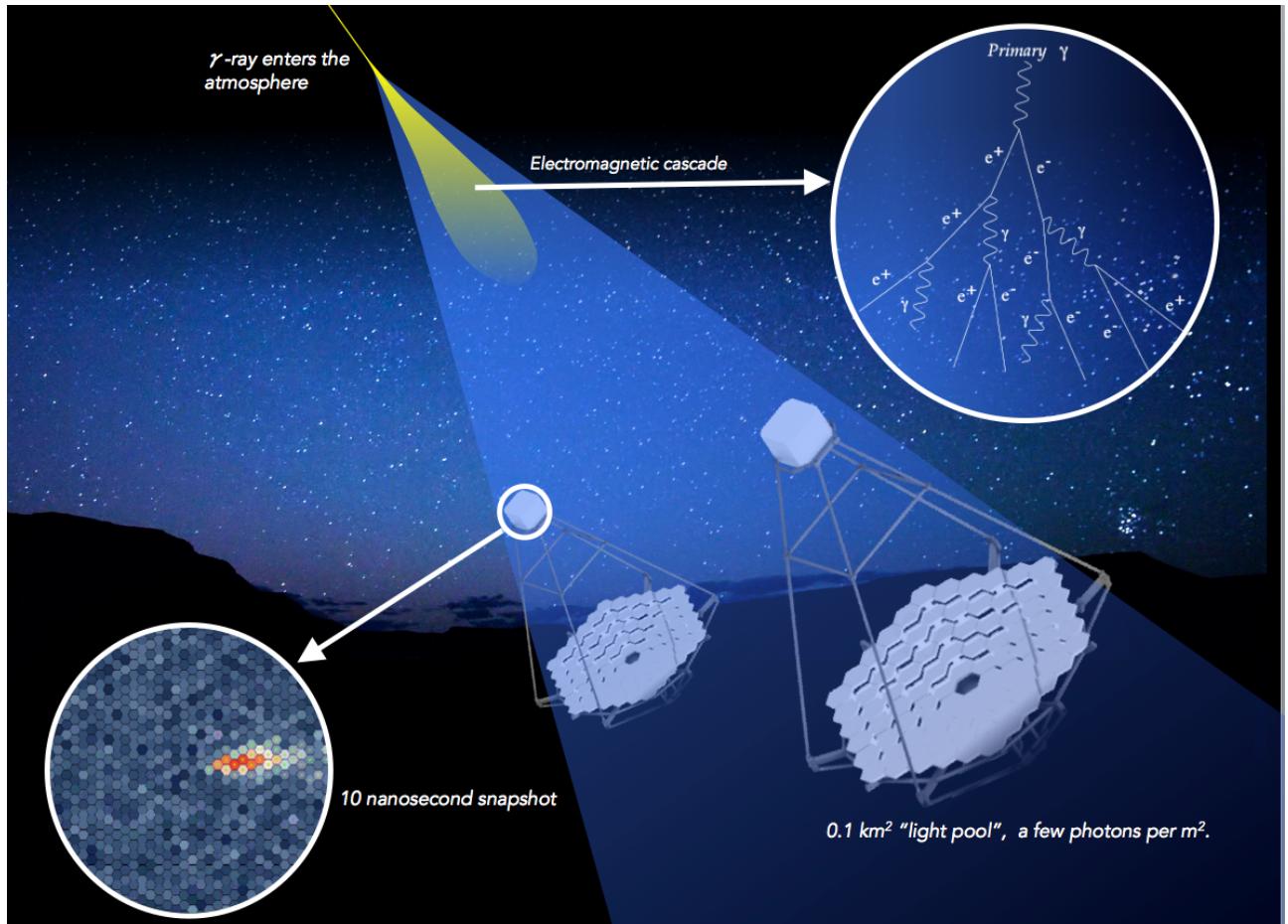


Abbildung 2.3: Detektion hochenergetischer Strahlung: Das in die Atmosphäre eintretende Photon erzeugt einen elektromagnetischen Luftschauder (oben rechts) der wiederum Cherenkovlicht erzeugt, welches am Boden mit IACTs detektiert werden kann. Ein Detektionsbild ist unten links zu sehen.

3 Das Cherenkov Telescope Array

Mit dem Bau des Cherenkov Telescope Arrays (CTA) werden verschiedene Ziele verfolgt [6]:

- Abdeckung des Energiebereichs von 30GeV bis 100TeV
- Verbesserung der Sensitivität um eine Größenordnung im Vergleich zur aktuellen Generation (H.E.S.S., VERITAS und MAGIC)
- Verbesserung der Winkelauflösung auf $0,1^\circ$ bei 0,1TeV und $0,05^\circ$ bei 1TeV
- Verbesserung der Energieauflösung auf 25% bei 50GeV und 10% bei 1TeV
- Entdeckung einer großen Anzahl von Quellen bekannter Klassen
- Entdeckung neuer Quellen (zum Beispiel Quellen GRBs)
- Abdeckung des gesamten (nördlichen und südlichen) Himmels

3.1 Design-Konzept

Um die oben genannten Ziele zu erreichen, hat man sich für ein Arraykonzept entschieden, dass aus drei unterschiedlich großen Teleskoptypen besteht und an zwei Standorten errichtet wird.

3.1.1 Teleskoptypen

Für das CTA werden drei Teleskope unterschiedlicher Größe entwickelt

Small Sized Telescope (SST)

Das kleinste Teleskop ist sensitiv im Bereich von 1TeV bis 300TeV und wird eingesetzt um Schauer grosser Energie zu detektieren. Momentan werden drei verschiedene Varianten entwickelt, die zu einem harmonisiert werden sollen. Das SST 1M ist eine kleinere Variante des MST und SST-2M ASTRI und das SST-2M GCT basieren auf dem Prinzip eines Schwarzschild-Couder Designs. Das SST soll einen Reflektordurchmesser von ca. 4m haben.

Medium Sized Telescope (MST)

Das MST basiert auf einem modifiziertem Davies-Cotton-Design und hat einen Durchmesser von 12m. Mit einem Sensitivitätsbereich von 150GeV bis 5TeV deckt es den Kernbereich des CTAs ab. Ein Prototyp des MST wird in Berlin-Adlershof getestet.

Large Sized Telescope (LST)

Die größten Teleskope des CTA werden einen Reflektordurchmesser von 23m haben um auch Strahlung niedriger Energie zu detektieren. Da aufgrund der Größe eine Bauweise aus Stahl zu schwer wäre, werden diese Teleskope aus kohlefaser verstärktem Kunststoff gebaut. Das hat den Vorteil, dass die Teleskope zwar leichter werden, aber es hat auch den Nachteil, dass die Bauteile durch Bewegung des Teleskops stärker verbiegen, was das Pointing erschwert. Aufgrund der Größe dieser Teleskope reicht es nicht mehr den Reflektor dieser Teleskope sphärisch zu bauen, sondern parabolisch.



Abbildung 3.1: Die drei verschiedenen großen Teleskope des CTA: links die drei Varianten des SMT, in der Mitte das MST und rechts das LST

3.1.2 Array-Konzept

Um den gesamten Himmel abdecken zu können wird jeweils eine Anlage auf der Nordhalbkugel und der Südhalbkugel errichtet.

südliche Hemisphäre

Die größere der beiden Anlagen wird in der Atacamawüste in Chile errichtet und besteht aus allen drei Teleskoptypen, die auf einer Fläche von 4km^2 verteilt sind 3.2, um so den gesamten Energiebereich des CTAs abzudecken

nördliche Hemisphäre

Auf der spanischen Insel La Palma wird die nördliche Anlage errichtet. Hier steht eine kleinere Fläche zur Verfügung und es wird auf die kleinen Teleskope verzichtet, wodurch der Energiebereich auf 20GeV bis 20TeV begrenzt ist.

3.2 Prototyp in Adlershof

Ein Prototyp für das MST wurde 2012 in Berlin-Adlershof in der Nähe zum DESY-Zeuthen und dem Institut für Physik der Humboldt-Universität zu Berlin errichtet. Ziel ist es mit dem Prototypen den mechanischen Aufbau zu untersuchen, die Ausrichtung der Spiegel zu testen und Pointingmethoden zu entwickeln. Dazu wurde auf eine Tscherenkowkamera verzichtet und durch einen Dummy der gleichen Masse ersetzt.

3.2.1 Pointing des Teleskops mit CCD-Kameras

Um die möglichst genaue Ausrichtung des Teleskops zu kennen verwendet man CCD-Kameras, die sowohl den Nachthimmel als auch den Dummy beziehungsweise später die Tscherenkowkamera abbilden. In sogenannten Pointing-Runs wird das Teleskop kalibriert, in dem es auf Sterne ausrichtet, deren Reflexion auf dem Dummy zu sehen ist. Mithilfe von auf dem Dummy angebrachten LEDs lässt sich die Position der Reflexion bestimmen und somit auch, wie der Dummy zum Teleskop steht. Aus

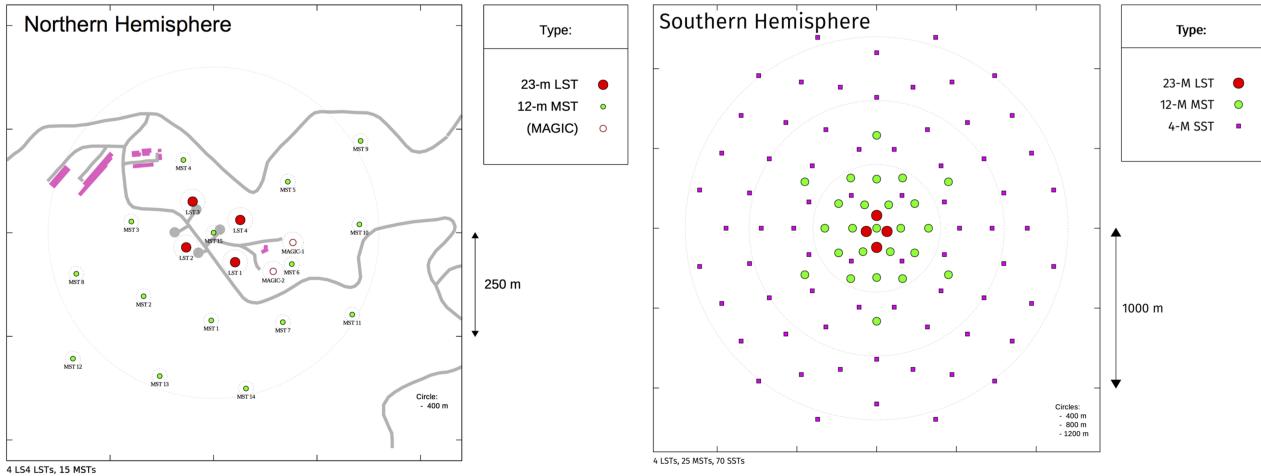


Abbildung 3.2: Der geplante Aufbau der Arrays auf La Palma und in der Atacamawüste: Auf La Palma werden zunächst nur die beiden größeren Teleskoptypen errichtet. In der Atacamawüste werden alle drei Teleskoptypen verwendet. Aufgrund der großen freien Fläche kann hier auch ein großer Bereich symmetrisch abgedeckt werden.

den Aufnahmen vom Nachthimmel lässt sich aus der Position der zu sehenden Sterne die Koordinaten des Teleskops vorhersagen. Im Betrieb, wenn die Tscherenkowkamera geöffnet ist und die Reflexionen der Sterne nicht mehr zu sehen sind, lässt sich die Position der Tscherenkowkamera immer noch anhand der Pointing-LEDs bestimmen.

3.2.2 Kameras des MST

Um Pointingmodelle dieser Art zu entwickeln besitzt der Prototyp des MST drei CCD-Kameras im Zentrum des Reflektors. Die Single-CCD hat ein so großes Gesichtsfeld, dass sie gleichzeitig die Tscherenkowkamera als auch den Nachthimmel ablichten kann. Alternativ können auch zwei verschiedene Kameras verwenden können, wovon eine (LID-CCD) die Tscherenkowkamera und die andere (Sky-CCD) den Nachthimmel ablichtet. Die Methode mit den beiden Kameras hat den Vorteil, dass sie zusammen eine höhere Auflösung haben. Da sich die beiden Kameras allerdings auch unabhängig voneinander bewegen können, ist die Methode mit einer CCD-Kamera das bevorzugte Konzept für das Teleskop.

Eine Besonderheit des MST ist die Positionierung der Sky-CCD. Da sich diese wie die anderen in der Mitte des Reflektors befindet, den Dummy jedoch nicht ablichten soll, ist sie mit einem Winkel von ungefähr 10° zur optischen Achse des Teleskops montiert. Wie sich die Richtung der Sky-CCD im Vergleich zu den eingestellten Koordinaten des Teleskops verhält, wird in den Kapiteln 4 und 5 diskutiert.

Modell	Prosilica GC 1350
Sensor	Sony ICX205
Auflösung	1360 x 1024 Pixel
Pixelgröße	4,65 $\mu\text{m} \times 4,65 \mu\text{m}$
Gesichtsfeld	4,2° \times 3,1°
Pixel Scale	11,03°
Bildtiefe	8 bit
Objektiv	75mm Walimex

Tabelle 3.1: Technische Daten der Sky-CCD

4 Pointingmodell für eine große Abweichung zur optischen Achse

Das Pointing von Teleskopen beschäftigt sich damit, dass das Teleskop so ausgerichtet wird, wie es erwünscht ist. Häufig ist das Problem, dass die eingestellte Position nicht exakt mit der gewünschten Position übereinstimmt. Gründe dafür können Fehler in der Präzision oder auch die Elastizität einzelner Bauteile sein. Da man die aufgenommenen Daten mit den bekannten Positionen am Himmel vergleichen kann, kann man versuchen ein Modell zu finden, welches die Fehler verkleinert oder im Idealfall sogar eliminiert.

4.1 Koordinaten

Das MST benutzt ein Koordinatensystem aus zwei Winkeln, welches den Kugelkoordinaten ähnelt. Der Azimutwinkel (az) beschreibt die Auslenkung in der Ebenen und läuft von -180° bis 180° , wobei es für $az = 0^\circ$ in Richtung Norden ausgerichtet ist. Der Elevationswinkel el läuft von 0° bis 90° wobei $el = 90^\circ$ dem Zenit entspricht. Da es bei der Entwicklung von Pointingmodellen von Vorteil sein kann, in kartesischen Koordinaten zu rechnen, wird hier die Konvention verwendet, dass Nordrichtung der x-Richtung, die Westrichtung der y-Richtung und die Zenitrichtung der z-Richtung entspricht.

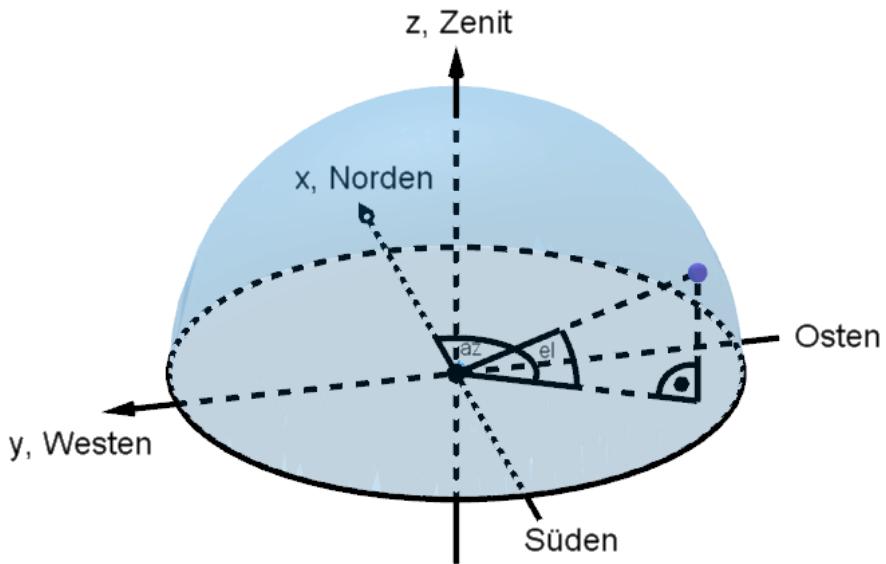


Abbildung 4.1: Die verwendeten Koordinaten

4.2 Entwicklung von Pointingmodellen

Da man das Teleskop so ausrichten will, dass man die gewünschte Position vorgibt (Koordinaten der CCD-Index C) und dann die Koordinaten am Drive (Index D) einstellt, sucht man nach Funktionen, die die Koordinaten des Drives in Abhängigkeit von den gewünschten Koordinaten beschreibt.

In der Regel haben Teleskope so geringe Abweichungen zwischen eingestellter und tatsächlicher Position, dass sich diese Abweichungen als Funktionen schreiben lassen, die in den relevanten Parametern

entwickelt werden können.

$$az_D = az_c + \Delta_{az} = az_C + \tilde{f}_{az}(az_c, el_c, \vec{q}) \quad (4.1)$$

$$el_D = el_c + \Delta_{el} = el_C + \tilde{f}_{el}(az_c, el_c, \vec{q}) \quad (4.2)$$

Da die Sky-CCD des MST-Prototyps einen größeren Winkel ($\mathcal{O}(10^\circ)$) zur optischen Achse hat, lässt sich das Entwicklungsverfahren hier nicht anwenden. Stattdessen wird versucht, die einzustellende Position anhand geometrischer Überlegungen in Abhängigkeit der wahren Position vorherzusagen. Man versucht also Funktionen zu finden, die nur von den wahren Koordinaten und einem teleskopsspezifischen Parametersatz abhängen.

$$az_D = f_{az}(az_C, el_C) \quad (4.3)$$

$$el_D = f_{el}(az_C, el_C) \quad (4.4)$$

4.3 Pointingmodell mit zwei Parametern

4.3.1 Vorhersage der CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drive-Koordinaten

Zunächst soll ein Pointingmodell mit zwei Parametern entwickelt werden, bei dem das Drivesystem in der Parkposition ($el_D = 0, az_D = 0$) in eine andere Richtung zeigt als die CCD-Kamera ($el_C = el_0, az_C = az_0$). Die beiden Positionen lassen sich auch durch zwei karthesische Richtungsvektoren \vec{r}_D^0 und \vec{r}_C^0 beschrieben. Ausgehend von dieser Startposition wird das Teleskop beziehungsweise die Vektoren \vec{r}_D^0 und \vec{r}_C^0 durch orthogonale Transformationen in die gewünschte Position gebracht wird. Als Parkposition für das Drive-System erhält man mit den oben genannten Bedingung folgenden karthesischen Vektor:

$$\vec{r}_D^0 = \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \quad (4.5)$$

Durch eine Drehung um die y-Achse mit dem Winkel el und anschließender Drehung die z-Achse um den Winkel az lässt sich aus dieser Startposition jeder Punkt auf der Einheitskugel erreichen. Die beiden Drehungen lassen sich zu einer Transformation $T(az, el)$ zusammenfassen:

$$T(az, el) = R_z(az)R_y(el) = \begin{pmatrix} \cos(az) & \sin(az) & 0 \\ -\sin(az) & \cos(az) & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \cos(el) & 0 & -\sin(el) \\ 0 & 1 & 0 \\ \sin(el) & 0 & \cos(el) \end{pmatrix} \quad (4.6)$$

$$T(az, el) = \begin{pmatrix} \cos(az) \cos(el) & \sin(az) & -\cos(az) \sin(el) \\ -\cos(el) \sin(az) & \cos(az) & \sin(az) \sin(el) \\ \sin(el) & 0 & \cos(el) \end{pmatrix} \quad (4.7)$$

Unter der Annahme, dass die Kamera von vornherein in eine andere Richtung als das Drive-System zeigt, lässt sich mit dieser Transformtion $T(az_0, el_0)$ aus der Startpostion des Drives die Startposition der Kamera bestimmen:

$$\vec{r}_C^0 = T(az_0, el_0)\vec{r}_D^0 = \begin{pmatrix} \cos(az_0) \cos(el_0) \\ -\cos(el_0) \sin(az_0) \\ \sin(el_0) \end{pmatrix} \quad (4.8)$$

Wendet man nun die gleiche Transformation $T(az_D, el_D)$ auf beide Startvektoren an, so erhält man für jedes Koordinatenpaar des Drives die zugehörigen Koordinaten der CCD in Abhängigkeit der Koordinaten des Drives. Für die Richtung des Drives ergibt sich

$$\vec{r}_D = T(az_D, el_D)\vec{r}_D^0 = \begin{pmatrix} \cos(az) \cos(el) \\ -\cos(el) \sin(az) \\ \sin(el) \end{pmatrix} \quad (4.9)$$

und für die Richtung der CCD

$$\vec{r}_C = T(az, el) \vec{r}_C^0 = \begin{pmatrix} \cos(az) (\cos(az_0) \cos(el) \cos(el_0) - \sin(el) \sin(el_0)) - \cos(el_0) \sin(az) \sin(az_0) \\ \sin(az) (\sin(el) \sin(el_0) - \cos(az_0) \cos(el) \cos(el_0)) - \cos(az) \cos(el_0) \sin(az_0) \\ \cos(az_0) \cos(el_0) \sin(el) + \cos(el) \sin(el_0) \end{pmatrix} \quad (4.10)$$

Zur Untersuchung der Azimutabhängigkeit werden aus Gründen der Übersichtlichkeit folgende Terme substituiert

$$\cos(el_D) \cos(az_0) \cos(el_0) - \sin(el_D) \sin(el_0) = a \quad (4.11)$$

$$\sin(az_0) \cos(el_D) = b \quad (4.12)$$

Somit ergibt sich folgender Vektor

$$\vec{r}_C = T(az, el) \vec{r}_C^0 = \begin{pmatrix} a \cos(az) - b \sin(az) \\ -a \sin(az) - b \cos(az) \\ \cos(az_0) \cos(el_0) \sin(el) + \cos(el) \sin(el_0) \end{pmatrix} \quad (4.13)$$

Aus diesen Richtungsvektoren müssen wieder die ursprünglichen Koordinaten az und el rekonstruiert werden. Die Elevation lässt sich aus der z-Komponente (Höhe) berechnen

$$el = \arcsin(r_z) \quad (4.14)$$

und der Azimutwinkel aus dem Verhältnis von y- zu x-Komponente. Da der Tangens dieses Verhältnis dem Azimuthwinkel mit einem Wertebereich von -180° bis 180° entspricht muss man als Umkehrfunktion den erweiterten arctan verwenden:

$$az = \arctan 2(r_y, r_x) = \begin{cases} \arctan\left(\frac{r_y}{r_x}\right) & r_x > 0 \\ \arctan\left(\frac{r_y}{r_x}\right) + \pi & r_x < 0, r_y > 0 \\ \pm\pi & r_x < 0, r_y = 0 \\ \arctan\left(\frac{r_y}{r_x}\right) - \pi & x < 0, r_y < 0 \\ +\frac{\pi}{2} & x = 0, r_y > 0 \\ -\frac{\pi}{2} & x = 0, r_y < 0 \end{cases} \quad (4.15)$$

Somit lassen sich mit 4.14 beziehungsweise mit 4.15 in Verbindung mit 4.10 die CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drive-Koordinaten bestimmen.

$$el_C = \arcsin(\cos(az_0) \cos(el_0) \sin(el_D) + \sin(el_0) \cos(el_D)) \quad (4.16)$$

$$az_C = \arctan 2(a \sin(az_D) + b \cos(az_D), a \cos(az_D) - b \sin(az_D))$$

4.3.2 Vorhersage der Drive-Koordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten

Um die Abhängigkeiten der Drive-Koordinaten von den CCD-Koordinaten zu erhalten, muss das Gleichungssystem 4.16 ?? nach el_D und az_D aufgelöst werden. Da die Formel 4.16 nur von el_D und el_C abhängt, kann diese unabhängig von 4.33 umgestellt werden. Dazu werden die in Gleichung 4.16 stehenden Sinus- und Kosinusfunktionen durch die gleichen Tangensfunktionen ausgedrückt. Dazu werden zunächst Sinus als auch Kosinus als Funktion der halben Winkel ausgedrückt

$$\sin(el_D) = \sin\left(\frac{el_D}{2}\right) \cos\left(\frac{el_D}{2}\right) + \cos\left(\frac{el_D}{2}\right) \sin\left(\frac{el_D}{2}\right) = 2 \sin\left(\frac{el_D}{2}\right) \cos\left(\frac{el_D}{2}\right) \quad (4.18)$$

$$\cos(el_D) = \cos\left(\frac{el_D}{2}\right) \cos\left(\frac{el_D}{2}\right) + \sin\left(\frac{el_D}{2}\right) \sin\left(\frac{el_D}{2}\right) = \cos^2\left(\frac{el_D}{2}\right) - \sin^2\left(\frac{el_D}{2}\right) \quad (4.19)$$

Teilt man die Gleichungen durch $1 = \sin^2\left(\frac{el_D}{2}\right) + \cos^2\left(\frac{el_D}{2}\right)$ erhält man

$$\sin(el_D) = \frac{2 \sin\left(\frac{el_D}{2}\right) \cos\left(\frac{el_D}{2}\right)}{\sin^2\left(\frac{el_D}{2}\right) + \cos^2\left(\frac{el_D}{2}\right)} \quad (4.20)$$

$$\cos(el_D) = \frac{\cos^2\left(\frac{el_D}{2}\right) - \sin^2\left(\frac{el_D}{2}\right)}{\sin^2\left(\frac{el_D}{2}\right) + \cos^2\left(\frac{el_D}{2}\right)} \quad (4.21)$$

Ersetzt man $\sin\left(\frac{el_D}{2}\right)$ durch $\cos\left(\frac{el_D}{2}\right)\tan\left(\frac{el_D}{2}\right)$ ergeben sich folgende Gleichungen:

$$\sin(el_D) = \frac{2t}{1+t^2} \quad (4.22)$$

$$\cos(el_D) = \frac{1-t^2}{1+t^2}, \quad (4.23)$$

wobei t der Tangens des halben Winkels ist

$$t = \tan\left(\frac{el_D}{2}\right). \quad (4.24)$$

Somit ergibt sich für Gleichung 4.16 folgender Ausdruck

$$\sin(el_C) = \frac{2t \cos(el_0) \cos(az_0) + (1-t^2) \sin(el_0)}{1+t^2}. \quad (4.25)$$

beziehungsweise

$$t^2 (\sin(el_C) + \sin(el_0)) - t (2 \cos(az_0) \cos(el_0)) + \sin(el_C) - \sin(el_0) = 0 \quad (4.26)$$

Aufgelöst nach t ergeben sich folgende Lösungen

$$t_{1,2} = \frac{\cos(el_0) \cos(az_0) \pm \sqrt{\cos^2(el_0) \cos^2(az_0) + \sin^2(el_0) - \sin^2(el_C)}}{\sin(el_C) + \sin(el_0)} \quad (4.27)$$

Ersetzt man den linken Teil der Formel durch 4.24 und löst sich die Gleichung nach el_D auf, so erhält man

$$el_D = 2 \arctan \left(\frac{\cos(el_0) \cos(az_0) - \sqrt{\cos^2(el_0) \cos^2(az_0) + \sin^2(el_0) - \sin^2(el_C)}}{\sin(el_C) + \sin(el_0)} \right) \quad (4.28)$$

Betrachtet man den Wertebereich der Funktion stellt man fest, dass Zur Untersuchung der Azimut-abhängigkeit geht man von Formel ?? aus und löst den arctan2 auf

$$\tan(az_C) = \frac{a \sin(az_D) + b \cos(az_D)}{a \cos(az_D) - b \sin(az_D)} \quad (4.29)$$

ausdrücken. Teilt man Zähler und Nenner durch $\cos(az_D)$ so erhält man

$$\tan(az_C) = \frac{a \tan(az_D) + b}{a - b \tan(az_D)}. \quad (4.30)$$

Aufgelöst nach $\tan(az_D)$ erhält man

$$\tan(az_D) = \frac{a \tan(az_C) - b}{a + b \tan(az_C)} \quad (4.31)$$

beziehungsweise

$$\tan(az_D) = \frac{a \sin(az_C) - b \cos(az_C)}{a \cos(az_C) + b \sin(az_C)} \quad (4.32)$$

Für az_D erhält man somit

$$az_D = \arctan 2(a \sin(az_C) - b \cos(az_C), a \cos(az_C) + b \sin(az_C)) \quad (4.33)$$

wobei hier noch el_D in a und b durch den Ausdruck 4.28 ersetzt werden muss.

4.4 Erweiterung des Modells auf vier Parameter

Unter der Annahme, dass die Skalen des Drivesystems einen Offset haben, also das der Wertebereich von el_D beispielshalber von 1° bis 91° läuft, kann das Modell mit zwei additiven Konstanten el_1 und az_1 erweitert werden. Das bedeutet, das bei der Vorhersage der CCD-Koordinaten 4.16 und ?? ein konstanter Offset zu den Argumenten hinzugefügt wird:

$$el_C^{4par} = el_C(el_D + el_1, az_D + az_1) \quad (4.34)$$

$$az_C^{4par} = az_C(el_D + el_1, az_D + az_1) \quad (4.35)$$

wohingegen bei der Vorhersage der Drive-Koordinaten nur ein konstanter Offset zu den Funktionen 4.28 und 4.33 addiert wird.

$$el_D^{4par} = el_D(el_C, az_C) + el_1 \quad (4.36)$$

$$az_D^{4par} = az_D(el_C, az_C) + az_1 \quad (4.37)$$

5 Anwendung des Pointingmodells auf Daten des Teleskops

Um das in Kapitel 4 entwickelte Pointingmodell zu testen, wurde mit dem Prototyp des MST ein Datensatz aufgenommen um die Daten

5.1 Datensatz

Der verwendete Datensatz wurde am MST-Prototyp in Adlershof in der Nacht vom 4. auf den 5. Juli 2018 im Zeitraum von 21:00 UTC bis 1:45 UTC aufgenommen. Dazu wurden 105 Positionen beobachtet wobei das Teleskop anfangs Richtung Zenit stand und sich dann in einer abwärtslaufenden Spirale befand. An jeder Position wurden 4 Bilder aufgezeichnet, wovon zwei eine Belichtungszeit von 20 Sekunden hatten. Die jeweils zweiten Bilder mit dieser Belichtungszeit aufgenommenen Bilder wurden verwendet um mithilfe einer Software die Koordinaten des Bildmittelpunktes zu bestimmen. Das war bei 100 Bildern erfolgreich. Der zur Analyse verwendete Datensatz besteht somit aus 100 Einträgen, die jeweils die Elevations und Azimutkoordinaten des Drivesystems (also der am Teleskop eingestellten Koordinaten) und der tatsächlichen (also der Koordinaten des Bildmittelpunktes).

5.2 Programm

Um das Pointingmodell auf Konsistenz zu überprüfen wurde ein Programm in ROOT geschrieben, welches die Differenzen der vom Pointingmodell (Index P) bestimmten Werte mit den gemessenen (Index M) Werten berechnet und analysiert. Da die oben entwickelten Pointingmodelle noch freie Parameter haben, die vom Teleskop abhängen werden diese durch eine Regression der Daten bestimmt. Da das Pointingmodell aus zwei Funktionen besteht (jeweils eine für die Elevation und den Azimut), die jedoch von den gleichen Parametern abhängen, muss hier ein kombinierter Fit durchgeführt werden. Dazu wird eine Hilfsvariable eingeführt, die die Summe der Quadrate der Differenzen von Messwerten und vorhergesagten Werten für feste Werte der freien Parameter bestimmt.

$$Q = \sum_{i=1}^N (P_i - M_i)^2 \quad (5.1)$$

Durch die Bildung der Quadrate können sich Abweichungen nach oben und unten nicht gegenseitig kompensieren und die Hilfsvariable ist somit ein Maß für die Abweichung von Modell mit den gewählten Parametern und Messwerten. Die besten Parameter erhält man, indem man die Variable minimiert. Dazu wurde die in ROOT integrierte Funktion TMinuit verwendet, die zudem noch die Standardabweichung der Parameter ausgibt. Um die Güte des Modells bestimmen zu können wird noch die Größe $\frac{\chi^2}{dof}$ verwendet um die Fehler der Messwerte zu bestimmen, in denen das Modell mit dem Datensatz übereinstimmt. Die Größe $\frac{\chi^2}{dof}$ ist definiert als

$$\frac{\chi^2}{dof} = \sum_{i=1}^N \frac{(P_i - M_i)^2}{\sigma_i^2} \quad (5.2)$$

wobei hier σ_i der Fehler des Wertes i ist und dof der Anzahl der Freiheitsgraden entspricht. Diese berechnet sich durch

$$dof = N - \text{Anzahl der Parameter} \quad (5.3)$$

Der perfekte Wert für $\frac{\chi^2}{dof}$ ist 1. Unter der Anahme, dass die Fehler σ alle gleich groß sind, lassen sich diese wie folgt berechnen

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (P_i - M_i)^2}{dof}} = \sqrt{\frac{Q}{dof}} \quad (5.4)$$

Interessant ist es auch, sich die Korrelation der Parameter untereinander anzusehen. Die Korrelation beschreibt die Beziehung der zwischen einzelnen Parametern. Hier wird dazu der Korrelationskoeffizient nach Pearson verwendet, der ausschließlich die lineare Korrelation berücksichtigt. Um diesen zu berechnen wird zunächst die Korrelationsmatrix

$$COV(X, Y) = \langle (X - \langle X \rangle) \cdot (Y - \langle Y \rangle) \rangle \quad (5.5)$$

berechnet. Auf der Hauptdiagonale stehen die Varianzen, aus denen sich die Fehler der Parameter bestimmen lassen:

$$\sigma_X = \sqrt{COV(X, X)} = \sqrt{VAR(X)} \quad (5.6)$$

Der Korrelationskoeffizient lässt sich nun durch

$$\rho_{XY} = \frac{COV(X, Y)}{\sigma_X \sigma_Y} \quad (5.7)$$

Um die Qualität der jeweiligen Pointingmodelle beurteilen zu können, werden jeweils vier Plots ausgegeben, die die jeweiligen Differenzen der bestimmten und gemessenen Koordinaten angeben

$$f = el_M - el_P \quad \text{bzw} \quad f = az_M - az_P \quad (5.8)$$

5.3 Anwendung auf das Pointingmodell mit 2 Parametern

Zunächst wird das Modell mit den Parametern el_0 und az_0 untersucht.

5.3.1 Abhängigkeit der Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten

Um die Koordinaten des Teleskops anhand der Koordinaten der CCD-Kamera vorherzusagen wird das aus den Gleichungen 4.28 und 4.33 verwendet. Berechnet man die Parameter mit dem oben beschriebenen Programm so erhält man die Parameter in Tabelle 5.3.1. Die Abweichungen zwischen Vorhersage und gemessenen Werten sind in Abbildung 5.1 zu sehen.

el_0	$= (-1,1941 \pm 0,0098)^\circ$
az_0	$= (12,0507 \pm 0,0019)^\circ$
σ	$= 0,23^\circ$
ρ_{el_0,az_0}	$= 0,1576$

Tabelle 5.1: Die für das Pointingmodell mit 2 Parametern bestimmten Werte

5.3.2 Abhängigkeit der CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drivekoordinaten

Für das inverse Modell werden die Gleichungen ?? und ?? verwendet. Mit diesen kommt man auf die Werte in Tabelle 4.3.1 und die in Abbildung 5.2 gezeigten Abbildungen.

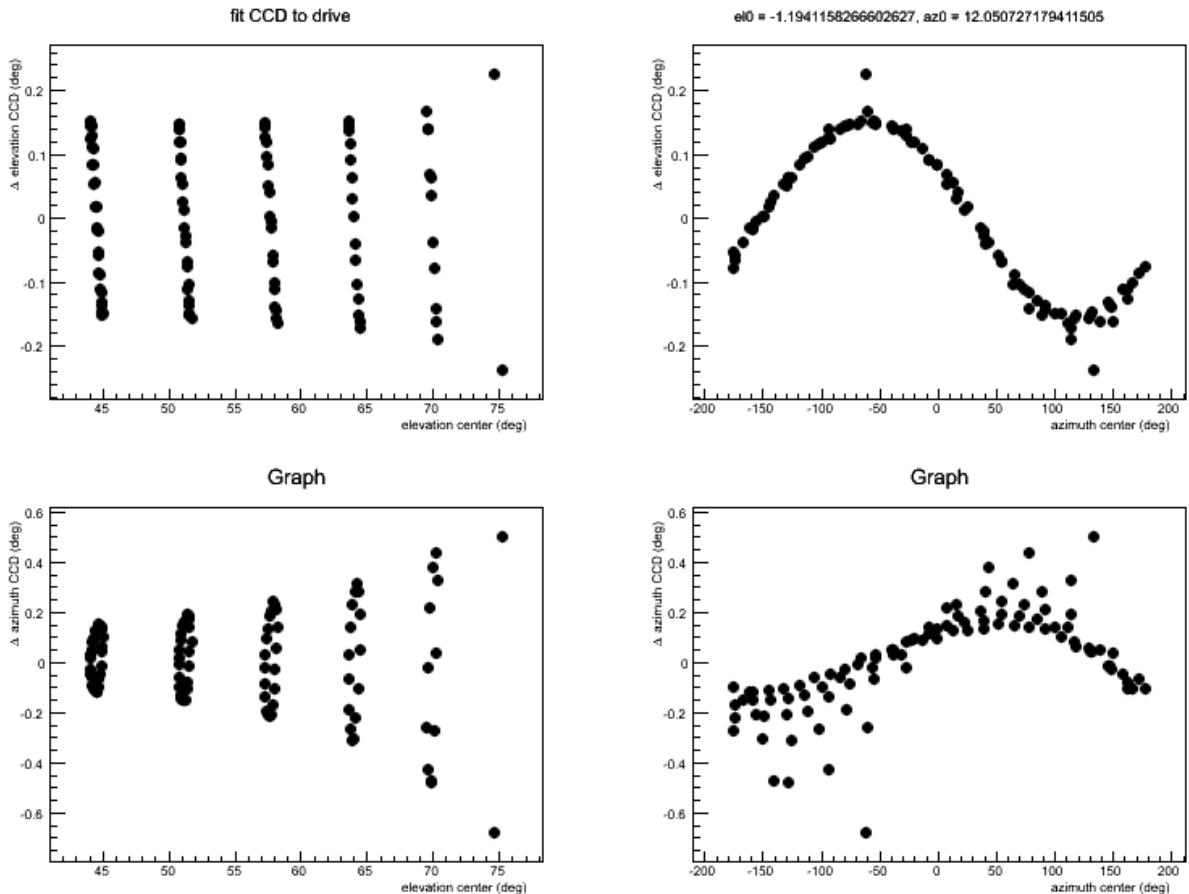


Abbildung 5.1: Die Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten

el_0	$= (-1, 184 \pm 0, 008)^\circ$
az_0	$= (12, 048 \pm 0, 004)^\circ$
σ	$= 0, 19^\circ$
ρ_{el_0, az_0}	$= -0, 4698$

Tabelle 5.2: Die Drive-Koordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten im Zwei-Parameter-Modell

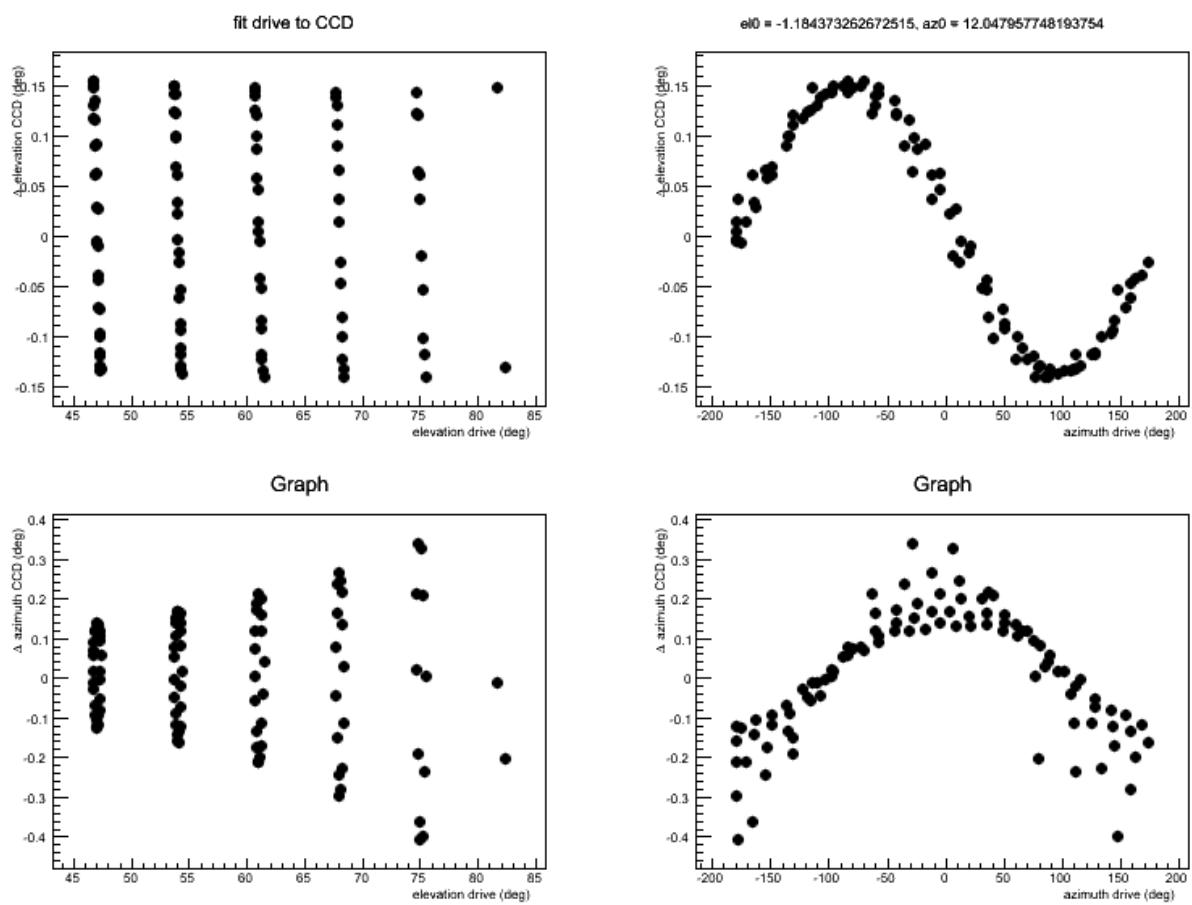
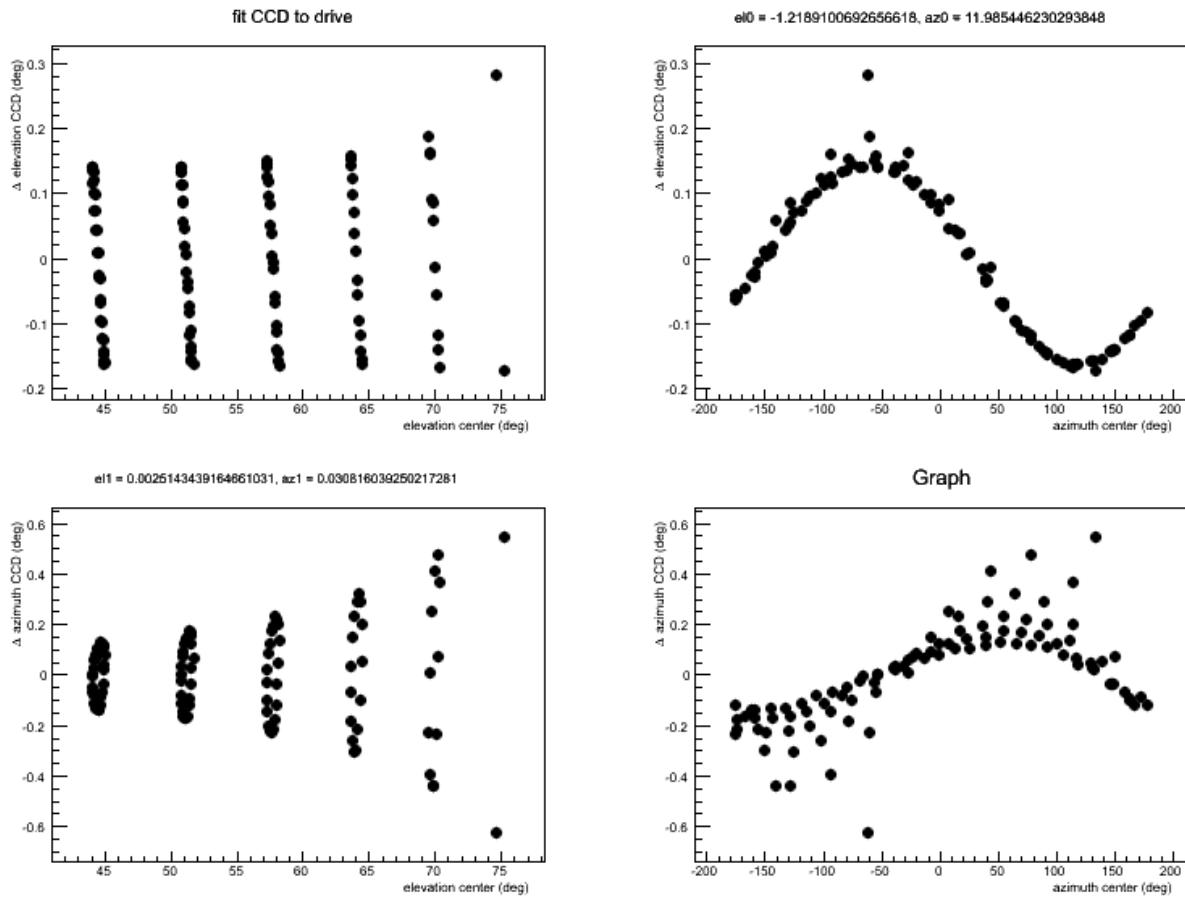


Abbildung 5.2: Die CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drivekoordinaten im Zwei-Parameter-Modell

5.4 Anwendung auf das Pointingmodell mit 4 Parametern

5.4.1 Abhängigkeit der Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten



Die Drivekoordinaten in Abhängigkeit der CCD-Koordinaten

5.4.2 Abhängigkeit der CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drivekoordinaten

5.5 Diskussion der Korrelation

5.5.1 Unterschiedliche Korrelationen für Modelle mit gleichen Parametern

5.5.2 Hohe Korrelation im Modell mit vier Parametern

5.6 Systematische Abweichungen im entwickelten Pointingmodell

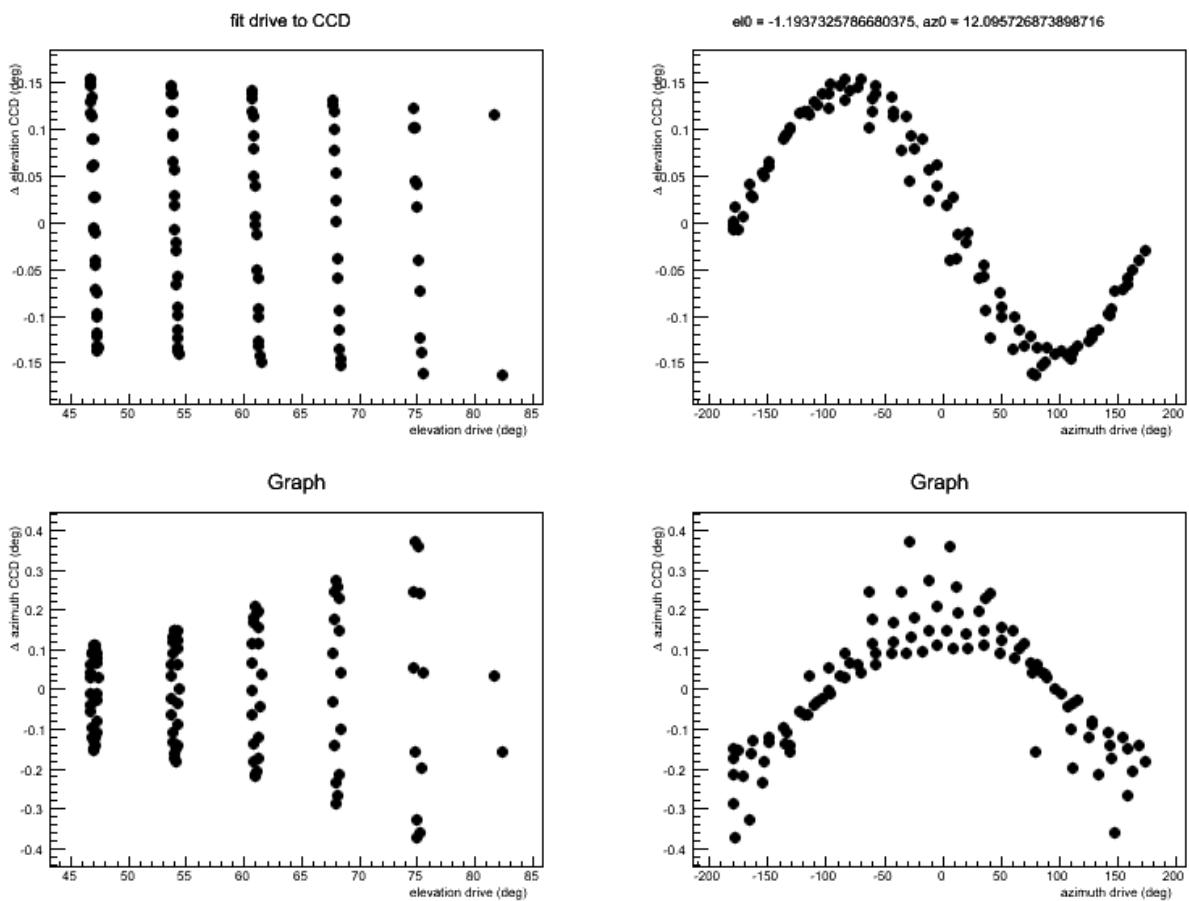


Abbildung 5.3: Die CCD-Koordinaten in Abhängigkeit der Drivekoordinaten

6 Fazit

Literaturverzeichnis

[1]

- [2] C T A Consortium, M Actis, G Agnetta, F Aharonian, and A Akhperjanian. Design Concepts for the Cherenkov Telescope Array CTA , An Advanced Facility for Ground-Based High-Energy Gamma-Ray Astronomy. 2012.
- [3] A. De Franco, R. White, D. Allan, T. Armstrong, T. Ashton, A. Balzer, D. Berge, R. Bose, A. M. Brown, J. Buckley, P. M. Chadwick, P. Cooke, G. Cotter, M. K. Daniel, S. Funk, T. Greenshaw, J. Hinton, M. Kraus, J. Lapington, P. Molyneux, P. Moore, S. Nolan, A. Okumura, D. Ross, C. Rulten, J. Schmoll, H. Schoorlemmer, M. Stephan, P. Sutcliffe, H. Tajima, J. Thornhill, L. Tibaldo, G. Varner, J. Watson, and A. Zink. The first gct camera for the cherenkov telescope array, 2015.
- [4] Claus Grupen. *Einstieg in die Astroteilchenphysik: Grundlagen, Messungen und Ergebnisse aktueller Forschung (German Edition)*. Springer Spektrum, 2017.
- [5] K. A. Olive et al. Review of Particle Physics. *Chin. Phys.*, C38:090001, 2014.
- [6] Stefano Vercellone and for the CTA Consortium. The next generation cherenkov telescope array observatory: Cta. 2014.
- [7] S. P. Wakely and D. Horan. TeVCat: An online catalog for Very High Energy Gamma-Ray Astro- nomy. *International Cosmic Ray Conference*, 3:1341–1344, 2008.

Selbständigkeitserklärung

Text der Selbständigkeitserklärung.