

# Control d'Estadística Enginyeria Edificació. Maig 2010

**Problema 1** Supposem que un 60% dels mallorquins opinen que són millors les ensaïmades de tallades que les de cabell d'àngel.

- Quina és la probabilitat que més del 70% dels components d'una mostra de 200 mallorquins siguin d'aquesta opinió?
- Quina és la probabilitat que menys del 50% dels components d'una mostra de 100 mallorquins siguin d'aquesta opinió?
- Si la proporció de mallorquins que opinen que les ensaïmades de tallades són millors que les de cabell d'àngel és un valor desconegut  $p$ , quin és el tamany mínim de la mostra que ens 'assegura' (amb probabilitat superior al 95%) que l'error comès en estimar  $p$  a partir de la proporció mostral és inferior a 0,01? (Suposau que la mostra està formada per més de 30 persones).

**Problema 2** Una acadèmia fa classes de repàs a estudiants d'estadística i assegura que els seus estudiants tarden una mitjana de 9 minuts en resoldre un determinat tipus de problemes. Per comprovar si es compleix l'afirmació de l'acadèmia es pren una mostra de 7 alumnes per als quals s'obtenen els següents temps (en minuts):

10,5   7,3   15,1   8,9   9,6   11,7   12,5

Suposant que el temps que tarden els estudiants de l'acadèmia en resoldre el problema segueix una distribució normal feu un contrast d'hipòtesis per confirmar o rebutjar l'afirmació de l'acadèmia amb un nivell de significació del 10%. Justifiqueu les hipòtesis utilitzades i calculeu el p-valor del contrast.

## Estadístics més usals

Paràmetre mostral (estadístic)	Esperança	Variància	Distribució de probabilitat	
$\bar{X}$	$E(\bar{X}) = \mu$	$\text{Var}(\bar{X}) = \frac{\sigma^2}{n}$	$\bar{X} \sim N(\mu, \frac{\sigma^2}{n})$	població normal, $\sigma$ conegut
			$\frac{\bar{X}-\mu}{\hat{s}_X/\sqrt{n}} \sim t_{n-1}$	població normal, $\sigma$ desconegut, $n \leq 30$
			$\bar{X} \sim N(\mu, \frac{\hat{s}_X^2}{n})$	$\sigma$ desconegut, $n > 30$
$\hat{s}_X^2$	$E(\hat{s}_X^2) = \sigma^2$	$\text{Var}(\hat{s}_X^2) = \frac{2\sigma^4}{n-1}$	$\frac{n-1}{\sigma^2} \hat{s}_X^2 \sim \chi_{n-1}^2$	població normal
$\hat{p}_X$	$E(\hat{p}_X) = p$	$\text{Var}(\hat{p}_X) = \frac{p(1-p)}{n}$	$\hat{p}_X \sim N(p, \frac{p(1-p)}{n})$	$n > 30$
			$\hat{p}_X \sim t_{n-1}$	població normal, $n \leq 30$

## Intervals de confiança més usals

Paràmetre mostral	Interval de confiança	
Mitjana	$\bar{X} \pm z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$	població normal, $\sigma$ conegut
	$\bar{X} \pm t_{n-1, \alpha/2} \frac{\hat{s}_X}{\sqrt{n}}$	població normal, $\sigma$ desconegut i $n \leq 30$
	$\bar{X} \pm z_{\alpha/2} \frac{\hat{s}_X}{\sqrt{n}}$	si $n > 30$
Variància	$\left[ \frac{n-1}{\chi_{n-1, 1-\alpha/2}^2} \hat{s}_X^2, \frac{n-1}{\chi_{n-1, \alpha/2}^2} \hat{s}_X^2 \right]$	si la població segueix una llei normal
Proporció	$\hat{p}_X \pm z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}_X(1-\hat{p}_X)}{n}}$	si $n > 30$