

Tipus d'activitat

	Exercici	Treball / Pràctica	Examen	Altres
Puntuable			X	
No Puntuable				

Competències específiques que es treballen

Capacitat per a utilitzar les tècniques i mètodes probabilístics i d'anàlisi estadística	X
--	---

Competències genèriques que es treballen

Resolució de problemes (CI-1)	X
Capacitat d'anàlisi i síntesi (CI-4)	X
Coneixement d'informàtica relatiu a l'àmbit d'estudis (CI-2)	
Aptitud per a la gestió de l'informació (CI-5)	
Compromís ètic (CP-1)	X
Raonament crític (CP-2)	X
Aptitud per al treball en equip (CP-3)	
Aprenentatge autònom (CP-9)	

Data: 20/04/2011

Problema 1 En una universitat s'ha observat que el 60 % dels estudiants que es matriculen ho fan en una carrera de Ciències, mentre que l'altre 40 % ho fan en carreres d'Humanitats. Si un determinat dia es realitzen 20 matrícules, calcular la probabilitat que:

- a) hi hagi igual nombre de matrícules en Ciències i en Humanitats;
- b) el nombre de matrícules en Ciències sigui menor que en Humanitats;
- c) hi hagi almenys 8 matrícules en Ciències;
- d) no hi hagi més de 12 matrícules en Ciències.
- e) Si les cinc primeres matrícules són d'Humanitats, calcular la probabilitat que en total hi hagi igual nombre de matrícules en Ciències i en Humanitats.

Problema 2 L'empresa EMPIPATSA vol comenar a produir bosses de pipes de pes nominal 100g. La normativa vigent exigeix que el pes del producte envasat no pot ser inferior al 95 % del pes nominal. L'empresa considera que el pes del producte envasat seguirà una llei normal de paràmetres 98g i desviació típica 1g. Es demana:

- a) Demostreu que la probabilitat que una bossa no compleixi la normativa és igual a 0,0013.
- b) Calculeu la probabilitat que el pes d'una bossa que compleixi la normativa sigui més petit que el pes nominal.
- c) Calculeu la probabilitat que una caixa de 20 bosses contingui exactament 3 bosses que no compleixen la normativa.

Variables aleatòries usuals

V.A. (X)	$f_X(x)$	$E(X)$	$Var(X)$	Altres propietats
Binomial $B(n, p)$ $\Omega_X = \{0, 1, \dots, n\}$	$\binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x}$ si $x \in \Omega_X$ 0 si $x \notin \Omega_X$	np	$np(1-p)$	
Poisson $Po(\lambda)$ $\Omega_X = \{0, 1, \dots\}$	$\frac{\lambda^x}{x!} e^{-\lambda}$ si $x \in \Omega_X$ 0 si $x \notin \Omega_X$	λ	λ	$B(n, p) \approx Po(np)$ (n gran, p petit)
Uniforme $\mathcal{U}(a, b)$ $\Omega_X = [a, b]$	$\frac{1}{b-a}$ si $x \in [a, b]$ 0 si $x \notin [a, b]$	$\frac{b+a}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$	$F_X(x) = \begin{cases} \frac{x-a}{b-a} & x \in [a, b] \\ 0 & x < a \\ 1 & x > b \end{cases}$
Gaussiana $X(\mu, \sigma^2)$ $\Omega_X = \mathbb{R}$		μ	σ^2	$Z \sim N(0, 1)$ normal estàndar $F_Z(-z) = 1 - F_Z(z)$ $F_X(x) = F_Z(\frac{x-\mu}{\sigma})$ $B(n, p) \approx N(np, np(1-p))$ (n gran) $Po(\lambda) \approx N(\lambda, \lambda)$ (λ gran)