

## PROBLEMES ESTADÍSTICA ENGINYERIA VARIABLES ALEATÒRIES VECTORIALS DISCRETES

1) Los estudiantes de una universidad se clasifican de acuerdo a sus años en la universidad ( $X$ ) y el número de visitas a un museo el último año ( $Y = 0$  si no hizo ninguna visita,  $Y = 1$  si hizo una visita,  $Y = 2$  si hizo más de una visita). En la tabla siguiente aparecen las probabilidades conjuntas que se estimaron para estas dos variables:

Núm. de Visitas (Y)	Núm. de años (X)			
	1	2	3	4
0	0.07	0.05	0.03	0.02
1	0.13	0.11	0.17	0.15
2	0.04	0.04	0.09	0.10

- a) Hallar la probabilidad de que un estudiante elegido aleatoriamente no haya visitado ningún museo el último año.
- b) Hallar las medias de las variables aleatoria  $X$  e  $Y$ .
- c) Hallar e interpretar la covarianza y la correlación entre las variables aleatorias  $X$  e  $Y$ .

2) Un vendedor de libros de texto realiza llamadas a los despachos de los profesores, y tiene la impresión que éstos suelen ausentarse más de los despachos los viernes que cualquier otro día laborable. Un repaso a las llamadas, de las cuales un quinto se realizan los viernes, indica que para el 16% de las llamadas realizadas en viernes, el profesor no estaba en su despacho, mientras que esto ocurre sólo para el 12% de llamadas que se realizan en cualquier otro día laborable. Definamos las variables aleatorias siguientes:

$$X = \begin{cases} 1 & \text{si la llamada es realizada el viernes} \\ 0 & \text{en cualquier otro caso} \end{cases}$$

$$Y = \begin{cases} 1 & \text{si el profesor está en el despacho} \\ 0 & \text{en cualquier otro caso} \end{cases}$$

- a) Hallar la función de probabilidad conjunta de  $X$  e  $Y$ .
- b) Hallar la función de probabilidad condicional de  $Y$ , dado que  $X = 0$ .
- c) Hallar las funciones de probabilidad marginal de  $X$  e  $Y$ .
- d) Hallar e interpretar la covarianza de  $X$  e  $Y$ .

---

<sup>1</sup>Sol.: a) 0.17; b)  $E(X) = 2.59$ ,  $E(Y) = 1, 10$ ; c)  $Cov(X, Y) = 0.191$ ,  $r_{XY} = 0.259291$

3) Se lanzan al aire dos dados de diferente color, uno es blanco y el otro rojo. Sea  $X$  la variable aleatoria "número de puntos obtenidos con el dado blanco, e  $Y$  la variable aleatoria "número más grande de puntos obtenido entre los dos dados".

- a) Determinar la función de probabilidad conjunta.
- b) Obtener las funciones de probabilidad marginales.
- c) ¿Son independientes? (**No**)

4) Si  $X_1$  y  $X_2$  son dos variables aleatorias con distribución Poisson, independientes y con medias respectivas  $\alpha$  y  $\beta$ , probar que  $Y = X_1 + X_2$  también una variable aleatoria Poisson (con media  $\alpha + \beta$ ).

		$X$		
		$Y$		$P_Y(y)$
<sup>2</sup> Sol.:	0	0.096	0.032	0.128
	1	0.704	0.168	0.872
	$P_X(x)$	0.8	0.2	1

b) 

$Y$	0	1
$P_{Y/X}(y 0)$	0.12	0.88

 d)  $Cov(X, Y) = -0.0064$