

Variables aleatòries més usuals

V.A. (X)	$f_X(x)$	$E(X)$	$Var(X)$	Altres propietats
Binomial $B(n, p)$ $\Omega_X = \{0, 1, \dots, n\}$	$\binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x}$ si $x \in \Omega_X$ 0 si $x \notin \Omega_X$	np	$np(1-p)$	
Poisson $Po(\lambda)$ $\Omega_X = \{0, 1, \dots\}$	$\frac{\lambda^x}{x!} e^{-\lambda}$ si $x \in \Omega_X$ 0 si $x \notin \Omega_X$	λ	λ	
Geomètrica $Ge(p)$ $\Omega_X = \{1, 2, \dots\}$	$(1-p)^{x-1} p$ si $x \in \Omega_X$ 0 si $x \notin \Omega_X$	$\frac{1}{p}$	$\frac{1-p}{p^2}$	
Geomètrica $Ge(p)$ $\Omega_X = \{0, 1, \dots\}$	$(1-p)^x p$ si $x \in \Omega_X$ 0 si $x \notin \Omega_X$	$\frac{1-p}{p}$	$\frac{1-p}{p^2}$	$F_X(x) = \begin{cases} 1 - (1-p)^{k+1} & x \in [k, k+1), \\ & k \in \Omega_X \\ 0 & x < 0 \end{cases}$
Uniforme $\mathcal{U}(a, b)$ $\Omega_X = [a, b]$	$\frac{1}{b-a}$ si $x \in [a, b]$ 0 si $x \notin [a, b]$	$\frac{b+a}{2}$	$\frac{(b-a)^2}{12}$	$F_X(x) = \begin{cases} \frac{x-a}{b-a} & x \in [a, b] \\ 0 & x < a \\ 1 & x > b \end{cases}$
Gaussiana $X(\mu, \sigma^2)$ $\Omega_X = \mathbb{R}$		μ	σ^2	$Z \sim N(0, 1)$ normal estàndar $F_Z(-z) = 1 - F_Z(z)$ $F_X(x) = F_Z(\frac{x-\mu}{\sigma})$

Estadístics més usuals

Paràmetre mostral (estadístic)	Esperança	Variància	Distribució de probabilitat
\bar{X}	$E(\bar{X}) = \mu$	$\text{Var}(\bar{X}) = \frac{\sigma^2}{n}$	$\bar{X} \sim N(\mu, \frac{\sigma^2}{n})$ població normal, σ conegut $\frac{\bar{X}-\mu}{\hat{s}_X/\sqrt{n}} \sim t_{n-1}$ població normal, σ desconegut, $n \leq 30$ $\bar{X} \sim N(\mu, \frac{\hat{s}_X^2}{n})$ σ desconegut, $n > 30$
\hat{s}_X^2	$E(\hat{s}_X^2) = \sigma^2$	$\text{Var}(\hat{s}_X^2) = \frac{2\sigma^4}{n-1}$	$\frac{n-1}{\sigma^2} \hat{s}_X^2 \sim \chi_{n-1}^2$ població normal
\hat{p}_X	$E(\hat{p}_X) = p$	$\text{Var}(\hat{p}_X) = \frac{p(1-p)}{n}$	$\hat{p}_X \sim N(p, \frac{p(1-p)}{n})$ $n > 30$ $\hat{p}_X \sim t_{n-1}$ població normal, $n \leq 30$

Intervals de confiança més usuals

Paràmetre mostral	Interval de confiança
Mitjana	$\bar{X} \pm z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ si la població segueix una llei normal i σ és conegut $\bar{X} \pm t_{n-1, \alpha/2} \frac{\hat{s}_X}{\sqrt{n}}$ si la població segueix una llei normal, σ no és conegut i $n \leq 30$ $\bar{X} \pm z_{\alpha/2} \frac{\hat{s}_X}{\sqrt{n}}$ si $n > 30$
Variància	$\left[\frac{n-1}{\chi_{n-1, 1-\alpha/2}^2} \hat{s}_X^2, \frac{n-1}{\chi_{n-1, \alpha/2}^2} \hat{s}_X^2 \right]$ si la població segueix una llei normal
Proporció	$\hat{p}_X \pm z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}_X(1-\hat{p}_X)}{n}}$ si $n > 30$