

Problema 11

$$P(M_1) \rightarrow 10\% = 0.1$$

$$P(M_2) \rightarrow 90\% = 0.9$$

$$\left. \begin{array}{l} M_1 \cup M_2 = \Omega \\ M_1 \cap M_2 = \emptyset \end{array} \right\} \text{ Sistema completo de sucesos.}$$

$D = \text{"Peça defectuosa"}$

$$P(D|M_1) = 0.01$$

$$P(D) = P(D|M_1) \cdot P(M_1) + P(D|M_2) \cdot P(M_2)$$

$$P(D|M_2) = 0.05$$

$$P(D) = 0.01 \cdot 0.1 + 0.05 \cdot 0.9$$

$$P(D) = \underline{\underline{0.046}}$$

$$P(M_1|D) = \frac{P(D|M_1) \cdot P(M_1)}{P(D)}$$

$$P(M_1|D) = \frac{0.01 \cdot 0.1}{0.046} = \underline{\underline{0.022}}$$

Problema 15

$N = \text{"Que surti negro"}$

$V = \text{"Que surti vermelho"}$

* La ruleta original creada por Blaise Pascal empuja 36 números (seus el 0), 1-36.

$$P(N) = \frac{CF}{CP} \quad \begin{array}{l} CP = 36^* \\ CF = 18 \end{array}$$

$$P(N) = \frac{18}{36} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2}^{10} = 0'000976 \quad P(V|N) = \frac{1/4}{1/2} = \frac{1}{2}$$

$$\frac{1}{2}^{11} = 0'000488$$

$$P(V|_{10N}) = \frac{P(V \cap 10N)}{P(10N)} = \frac{1/2 \cdot 0'000976}{0'000976} = \frac{1}{2}$$

La probabilitat que surti negre o vermell es equiprobable, per tant, sempre té la mateixa probabilitat de guanyar o perdre: 0'5. Això també ho podem demostrar si condicionem la probabilitat de treure 10 Negres a una verruella, obtenim la mateixa probabilitat, de 0'5.

L'únic "cert" de la seva afirmació o truc, es "guanyar quasi sempre", perquè la probabilitat de treure 10 vegades el mateix color es tant petita, 0'000976, que quasi mai jugarà i per tant quasi mai no perdrà.