

Ejercicio 1 (nº21)

El software per a detectar frauds en las targetes telefoniques en registra cada dia el nombre d'arees metropolitanas des d'on s'originen totes les trucades. Se sap que l'1% dels usuaris legitims fan trucades al dia amb origen en dues o mes arees metropolitanas i que el 30% dels usuaris fraudulents fan trucades al dia des de dues o mes arees metropolitanas. La proporció d'usuaris fraudulents es de l'1%. Si un mateix usuari fa en un dia trucades des de dues o mes arees metropolitanas, calculeu la probabilitat que l'usuari sigui fraudulent.

Definimos los siguientes sucesos:

- A- Usuarios legítimos que llaman de 2 o más áreas metropolitanas
- B- Usuarios fraudulentos totales
- C- Usuarios fraudulentos que llaman de 2 o más áreas metropolitanas.

Del enunciado sabemos:

$$\begin{aligned}P(A) &= 0.01 \\P(B) &= 0.01 \\P(B/C) &= 0.3\end{aligned}$$

Los sucesos A y B son independientes, entonces:

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) = 0.01 + 0.01 = 0.02$$

La probabilidad de que en un día se realicen llamadas desde 2 o más áreas metropolitanas es 0.02

Lo que el enunciado nos pide es saber cuantas de estas llamadas son fraudulentas.

$$\begin{aligned}P(B/C) &= P(B \cap C) / P(B) \\P(B/C) \times P(B) &= P(B \cap C) \\0.3 \times 0.01 &= 0.003 \\P(B \cap C) &= 0.003\end{aligned}$$

Estos son los casos de usuarios fraudulentos y que llaman desde 2 o más áreas metropolitanas

$$\begin{aligned}\text{CFA} &= 0.003 \\CP &= 0.02\end{aligned}$$

$$\text{Entonces } P(C) = 0.003 / 0.02 = 0.15$$

La probabilidad de que un usuario haga en un día llamadas desde dos o más áreas metropolitanas y sea un usuario fraudulento es de el 15%

Ejercicio 2 (nº 28)

Es treuen n nombres a l'atzar entre 1 i 9. Quina _es la probabilitat que el seu producte acabi en 0?

Sabemos que para que el producto de un número termine en 0, uno de sus factores tiene que ser 0 (que queda descartado por datos del enunciado) o la otra opción es que sus factores sean 5 y un número par. Este último caso es el que estudiaremos.

Definimos los siguientes sucesos:

- A- El número 5
- B- Los números pares (2,4,6,8)
- C- El resto de los números del 1 al 9

Por el enunciado

Sabemos que siempre debe estar el 5 $P(1) = 1! = 1$

Como condición es que también siempre haya un número par $V_4 = 4!/3! = 4$

Para poder ordenar el resto de los números $P_7 = 7!$

$$CFN = P(1) \times V_4 \times P_7$$

$$CP = P_9$$

$$P = CFN/CP = 1 \times 4 \times 5040/362880 = 0.055$$

La probabilidad de que el producto de los números termine en cero es del 5,5%