

### PROBLEMA 34

$$P(\text{niña}) = p \quad p > q$$

$$P(\text{niño}) = q$$

Sabemos que  $p + q = 1$

$$P(\text{niña niña o niño niño}) = p \cdot p + q \cdot q = p^2 + q^2 \quad / \quad (2 \text{ hijos del mismo sexo})$$

$$P(\text{niño niña}) = p \cdot q \quad / \quad (\text{sexo diferente})$$

Tenemos que demostrar que:  $p^2 + q^2 > p \cdot q$

$$\text{Como: } q = 1 - p \quad p^2 + (1 - p)^2 > p(1 - p)$$

$$p^2 + 1 - 2p + p^2 > p - p^2$$

$$3p^2 - 3p + 1 > 0$$

$$3p^2 - 3p + 1 = 0$$

$$p = \frac{3 \pm \sqrt{9 - 12}}{6} \quad \text{no tiene solución real ya que la raíz es negativa.}$$

Si no tiene solución real es que no corta, siempre es positiva

es decir que la inecuación se cumple siempre, independientemente del valor de "p", entonces queda afirmada la desigualdad.

## PROBLEMA 42

1. Si hace el examen:

P(que le haya despertado)

2. Si no hace el examen:

P(no le haya despertado)

Despertado: "d"

No despertado: " $\bar{d}$ "

Hacer el examen: "e"

No hacer el examen: " $\bar{e}$ "

$$1. P(d/e) = \frac{P(d) \cdot P(e/d)}{P(e)} = \frac{0,9 \times 0,8}{P(e/d) \times P(d) + P(e/\bar{d}) \times P(\bar{d})} = \frac{0,9 \times 0,8}{0,9 \times 0,8 + 0,5 \times 0,2} = 0,98$$

$$2. P(\bar{e}/\bar{d}) = \frac{P(\bar{e}/\bar{d}) \times P(\bar{d})}{P(\bar{e}/\bar{d}) \times P(\bar{d}) + P(\bar{e}/d) \times P(d)} = \frac{0,5 \times 0,2}{0,5 \times 0,2 + 0,1 \times 0,8} = 0,111$$

