- **15** Sigui $f(x, y, z) = x^2 y e^{2x} + (x + y z)^2$, calculau:
- a) f(0,0,0) b) f(1,-1,1) c) f(-1,1,-1)
- d) $\frac{d}{dx}f(x,x,x)$ e) $\frac{d}{dy}f(1,y,1)$ f) $\frac{d}{dz}f(1,1,z^2)$
- 16 Trobau el domini de les següents funcions reals:
- a) $f(x,y) = \ln(1+xy)$ b) $f(x,y) = \frac{\sqrt{1-x^2}}{\sqrt[3]{1-y}}$
- c) $f(x,y) = e^{\frac{x+1}{y-2}}$
- d) $f(x,y) = \frac{1}{\sqrt{9-x^2-u^2}}$
- Descriviu les corbes de nivell de les següents funcions:
- a) $f(x,y) = x^2 y^2$ b) $f(x,y) = x^2 y$ c) $f(x,y) = x^2 + 2y^2$
- 18 Trobau la superfície de nivell de f(x, y, z) = C per al valor de C donat:

 $f(x, y, z) = x^2 + z^2$ per a C = 1.

- 19 Trobau el límit, si existeix, o mostrau que no existeix el límit de les següents funcions en els punts indicats:

 - a) $\lim_{(x,y)\to(2,3)} (x^2y^2 2xy^5 + 3y)$ b) $\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{x^2y^3 + x^3y^2 5}{2 xy}$
 - c) $\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{x-y}{x^2+y^2}$

- d) $\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{8x^2y^2}{x^4+u^4}$
- $e) \lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{xy}{\sqrt{x^2+u^2}}$
- f) $\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{x^2+y^2}{\sqrt{x^2+y^2+1}-1}$

20 Donada la funció

$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{2xy}{4x^2 + y^2} & (x,y) \neq (0,0) \\ 0 & (x,y) = (0,0) \end{cases}$$

calculau, en el cas que existeixin, els límits iterats i el límit de la funció.

21 Utilitzau coordenades polars per calcular els següents límits:

a)
$$\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{x^3+y^3}{x^2+y^2}$$

a)
$$\lim_{(x,y)\to(0,0)} \frac{x^3+y^3}{x^2+y^2}$$
 b) $\lim_{(x,y)\to(0,0)} (x^2+y^2) \ln(x^2+y^2)$

22 Trobau h(x,y) = g(f(x,y)) i el conjunt on h és contínua:

$$a) \ g(t) = e^{-t} \cos t$$

a)
$$g(t) = e^{-t} \cos t$$
 $f(x,y) = x^4 + x^2y^2 + y^4$

b)
$$g(t) = \frac{\sqrt{t} - 1}{\sqrt{t} + 1}$$
 $f(x, y) = x^2 - y$

$$f(x,y) = x^2 - y$$

c)
$$g(z) = \sin z$$
 $f(x,y) = y \ln x$

$$f(x,y) = y \ln x$$

23 Estudiau la continuïtat en el punt (1,2) de la següent funció $f: \mathbb{R}^2 \to \mathbb{R}$:

$$f(x,y) = \begin{cases} \frac{3-x-y}{3+x-2y} & (x,y) \neq (1,2) \\ 0 & (x,y) = (1,2) \end{cases}$$