

Práctica 4

Juan Llinares Mauri
74011239E

1. Práctica 4 - Complejidad temporal: Cálculo analítico (II)

1.1. Ejercicio 2

```
1 void abstracto(unsigned n) {  
2     if (n > 1) {  
3         for (unsigned i = 1; i < n - 1; i++)  
4             cout << "*";  
5         cout << endl;  
6  
7         for (unsigned i = 0; i < 4; i++)  
8             abstracto(n / 2);  
9     }  
10 }
```

Este método no contiene mejor y peor caso. Realiza un printeo de asteriscos hasta $n - 1$ y realiza una llamada recursiva con $\frac{n}{2}$ como parámetro. La recursión termina cuando $n \leq 1$. Tenemos entonces que:

$$T(n) = \begin{cases} 1, & n \leq 1 \\ n - 1 + 4T(\frac{n-1}{2}), & n > 1 \end{cases}$$

Usando sustitución, podemos resolver la ecuación de la siguiente manera:

$$\begin{aligned} f(n) = n - 1 + 4T(\frac{n-1}{2}) &= (n-1) - 1 + 4 * 4T(\frac{(n-1)-1}{2}) = n - 2 + 16T(\frac{n-2}{2}) = \dots \\ &= n - k + 4kT(\frac{n-k}{2}) \end{aligned}$$

Para obtener $T(1)$, la variable k deberá: $1 = \frac{n-k}{2} \rightarrow 2 = n - k \rightarrow k = n - 2$. Entonces: $T(n) = n - (n - 2) + 4(n - 2)T(\frac{n-(n-2)}{2}) = 2 + (4n - 8)T(1) = 2 + 4n - 8 = 4n - 6$. Tenemos así que la complejidad temporal de este algoritmo es de $O(n)$.