

# 快速排序

- > 快速排序算法
- > 时空复杂度分析
- > 优化策略

第 物 之 美 道

TENER

### 快速排序算法的提出者



Charles Antony Richard Hoare 图灵奖获得者 英国皇家科学院院士 英国皇家工程院院士 牛津大学教授 微软剑桥研究院首席研究员

There are two ways of constructing a software design: One way is to make it so simple that there are obviously no errors, and the other way is to make it so complicated that there are no obvious errors. The first method is far more difficult.

### 快速排序



ALGORITHM 64 QUICKSORT

C. A. R. HOARE

Elliott Brothers Ltd., Borehamwood, Hertfordshire, Eng.

procedure quicksort (A,M,N); value M,N; array A; integer M,N;

comment Quicksort is a very fast and convenient method of sorting an array in the random-access store of a computer. The entire contents of the store may be sorted, since no extra space is required. The average number of comparisons made is  $2(M-N) \ln (N-M)$ , and the average number of exchanges is one sixth this amount. Suitable refinements of this method will be desirable for its implementation on any actual computer;

begin

integer I,J;

if M < N then begin partition (A,M,N,I,J);

quicksort (A,M,J); quicksort (A, I, N)

end

end

quicksort

- ▶ 1960年提出, 1961年实现, 1962年论文发表。
- ▶被IEEE评为20世纪十大算法 之一。



## 快速排序的基本思想



放在排完序后它所

应该在的正确位置

- ① 选取待排序数组中的某个元素K(例如第1个元素)作为基准元素(也称为主元、轴点, Pivot),按照其关键词的大小,对数组重新排列,使整个数组划分为左右两个子数组:
  - $\checkmark$  左侧子数组中元素的值都小于或等于K; 此时K已就位,其已
  - $\checkmark$  右侧子数组中元素的值都大于K;
  - ✓基准元素K排在两个子数组中间。
- ②分别对两个子数组重复上述方法,直至所有元素都排在正确位置上。

$$\leq K \qquad K \qquad >K$$

#### 快速排序算法简要描述

```
(A)
```

```
void QuickSort(int R[], int n) {
    if(R的长度大于1) {
          将R划分为两个子数组LeftR 和 RightR; //①
          QuickSort(LeftR);
          QuickSort(RightR);
    }
}
```

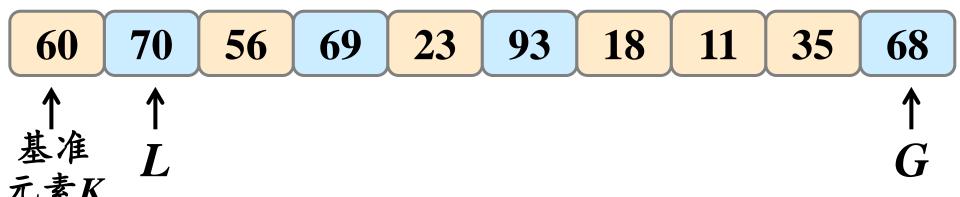
```
LeftR (\leq K) | K | RightR(>K)
```

特点:一趟分划把一个记录放在最终的位置上。

#### Partition操作算法思想



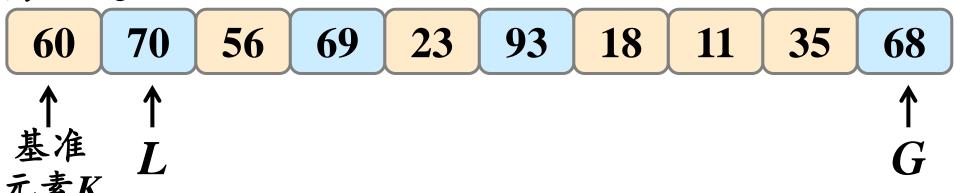
- ▶思想: 把比K大的元素移到数组右边, 把比K小的元素移到数组左边。
- $\triangleright$ 引入两个指针L和G相向而行:指针L从左向右扫描数组找第一个 $\triangleright$ K的元素,指针G从右向左找第一个  $\le$  K的元素,交换R[L]和R[G]。重复如此,不断把 $\le$ K的元素换到数组左边,大于K的元素换到数组右边,直至指针L和G相遇。



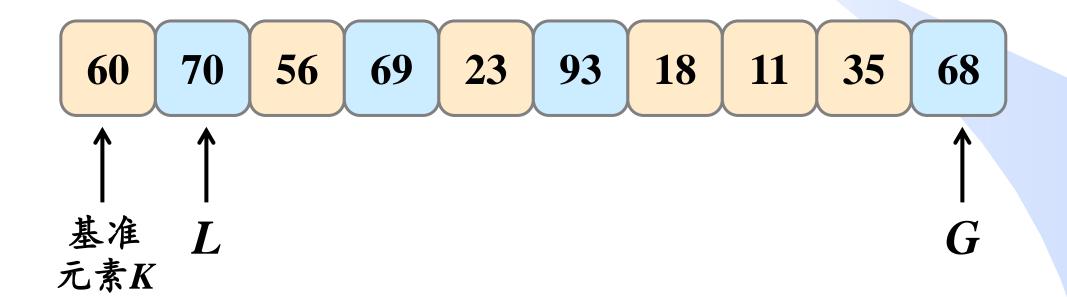
#### Partition操作算法思想



- 》指针L(Less):喜欢比K小的元素,讨厌比K大的元素。从左向右扫描时,遇到比K小的元素就继续扫描,从而把比K小的元素留在自己这一边,当遇到比K大的元素就把它换到另一边。
- 》指针G(Greater): 喜欢比K大的元素, 讨厌比K小的元素。 从右向左扫描时, 遇到比K大的元素就继续扫描, 从而把比 K大的元素留在自己这一边, 当遇到比K小的元素就把它换 到另一边。







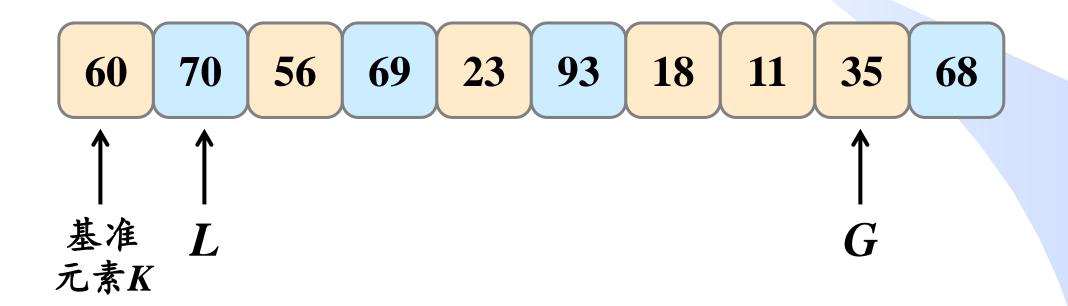
指针L:从左向右找第一

个大于K的元素

吉林大学计算机科学与技术学院 朱允刚

指针G:从右向左找第一个





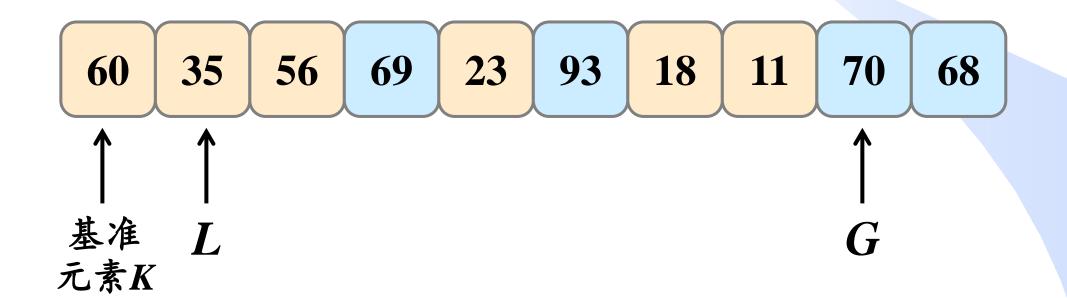
指针L:从左向右找第一

个大于K的元素

吉林大学计算机科学与技术学院 朱允刚

指针G:从右向左找第一个





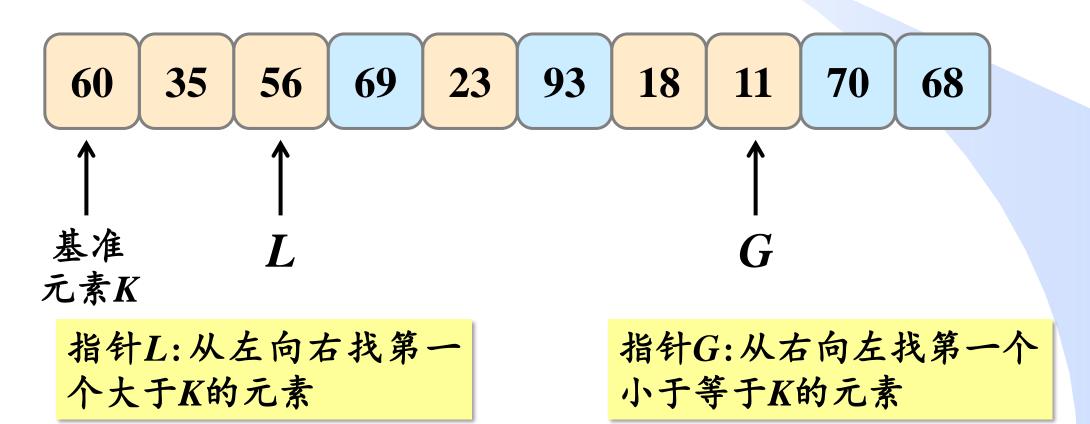
指针L:从左向右找第一

个大于K的元素

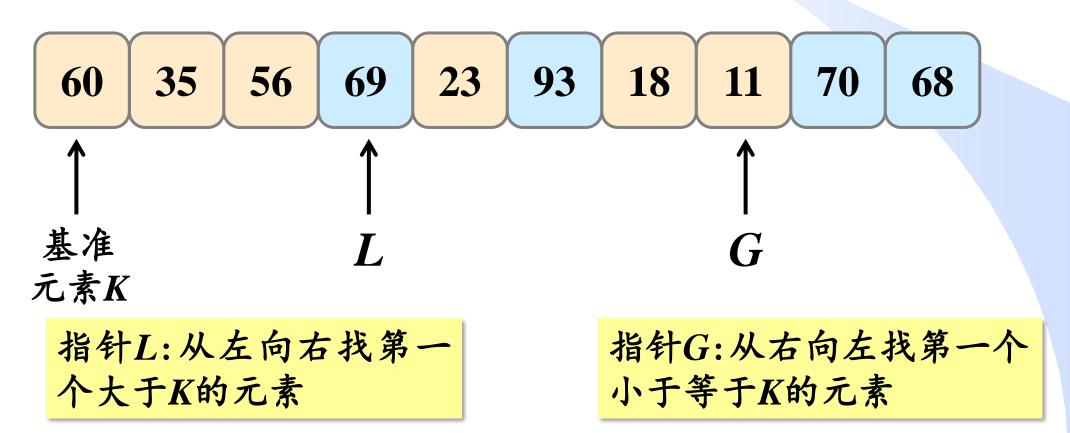
吉林大学计算机科学与技术学院 朱允刚

指针G:从右向左找第一个

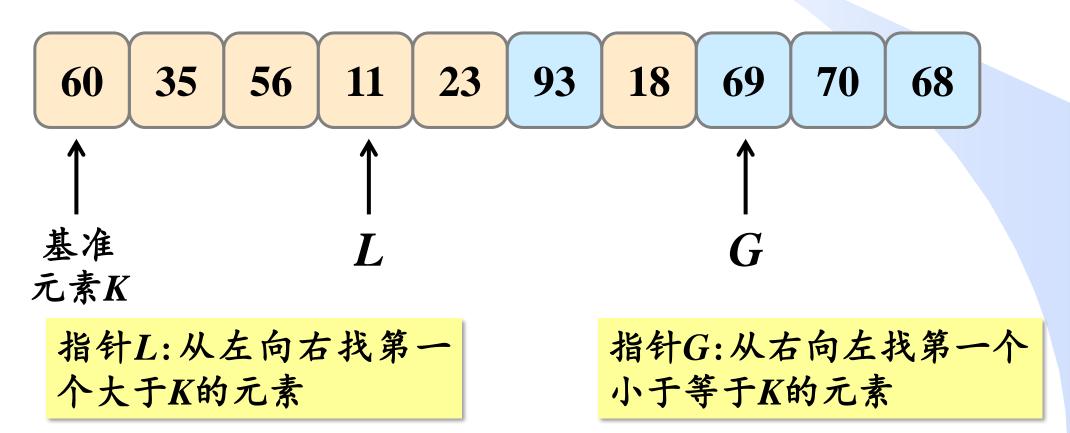




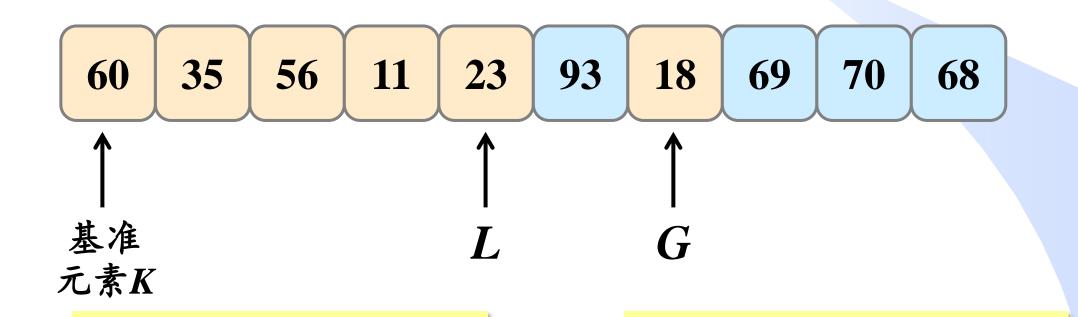












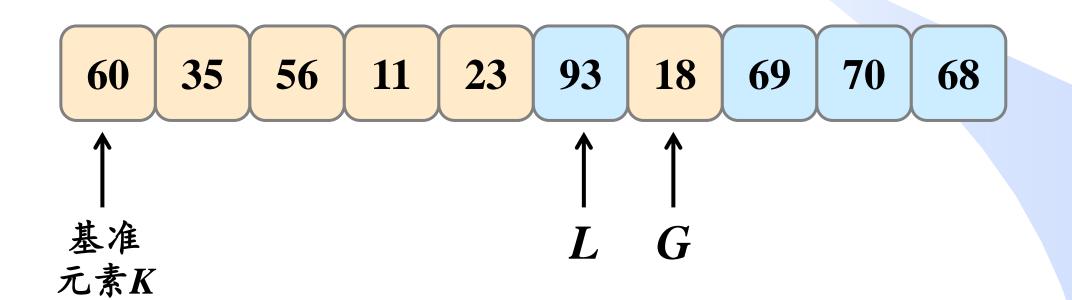
指针G:从右向左找第一个

小于等于K的元素

指针L:从左向右找第一

个大于K的元素





吉林大学计算机科学与技术学院 朱允刚

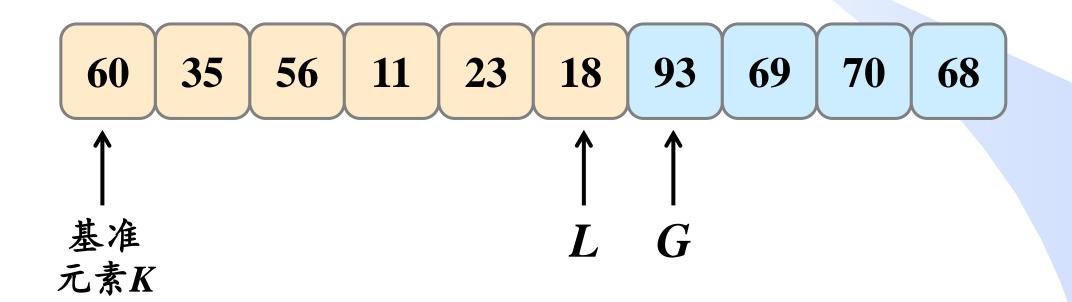
指针G:从右向左找第一个

小于等于K的元素

指针L:从左向右找第一

个大于K的元素





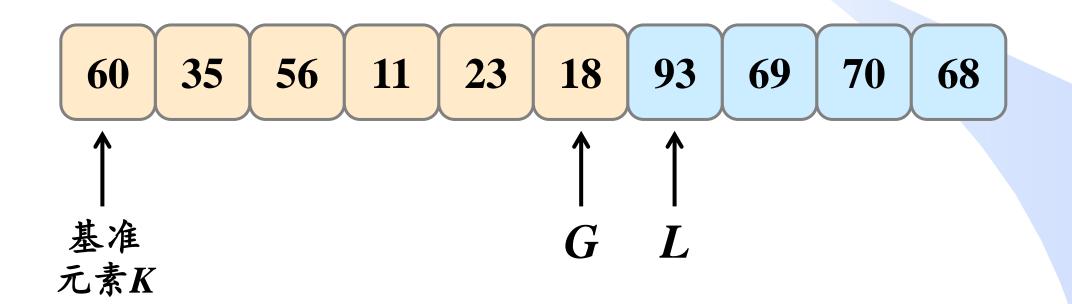
指针L:从左向右找第一

个大于K的元素

吉林大学计算机科学与技术学院 朱允刚

指针G:从右向左找第一个



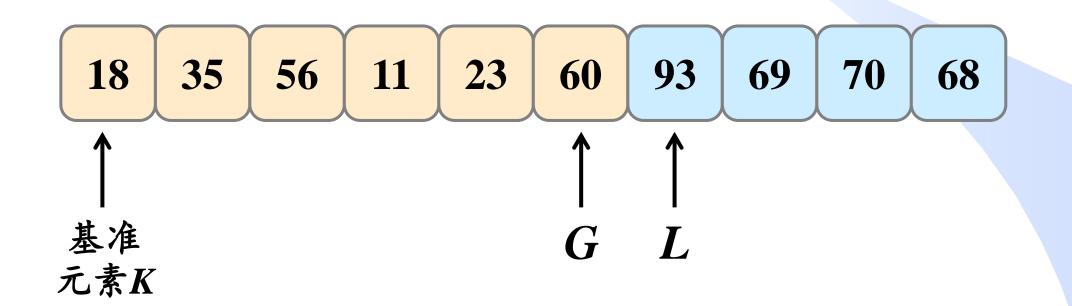


指针L:从左向右找第一

个大于K的元素

指针G:从右向左找第一个



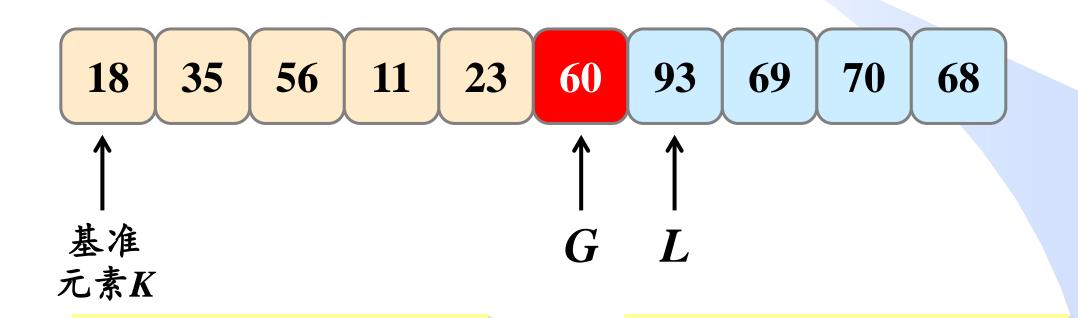


指针L:从左向右找第一

个大于K的元素

指针G:从右向左找第一个





指针L:从左向右找第一

个大于K的元素

吉林大学计算机科学与技术学院 朱允刚

指针G:从右向左找第一个

#### Partition算法



```
int Partition(int R[], int m, int n){ //对子数组R_....R_n分划
  int K=R[m], L=m+1, G=n; //R __ 为基准元素
  while(L<=G) {</pre>
    while(L<=n && R[L]<=K) L++; //从左向右找第一个>K的元素
    while(R[G]>K) G--; //从右向左找第一个≤K的元素
    if(L<G) {swap(R[L],R[G]); L++; G--;}</pre>
                                          为何G不考虑越界?
                   时间复杂度
  swap(R[m],R[G]);
                                   void swap(int &a,int &b){
                       O(n)
 return G;
                                     int temp = a;
                                     a = b;
                                     b = temp;
      m+1
   m
```

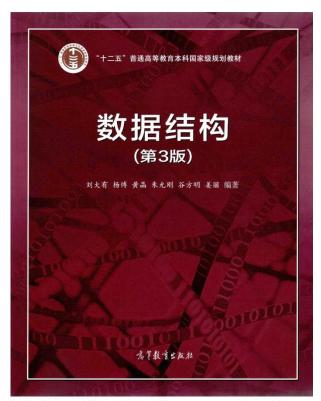
#### 快速排序算法



```
void QuickSort(int R[], int m, int n){ //对R_m...R_n递增排序
  if(m < n){
     int k=Partition(R, m, n);
     QuickSort(R, m, k-1);
                                            分治法
     QuickSort(R, k+1, n);
初始调用: QuickSort(R, 1, n)
         m
```







## 快速排序

- > 快速排序算法
- > 时空复杂度分析
- > 优化策略

第 物 之 美

THRI



每次分划发生在最中间, 把子数组分成长度相等的两半

5 1 0 3 3 2 7 6 6 9 8



每次分划发生在最中间, 把子数组分成长度相等的两半

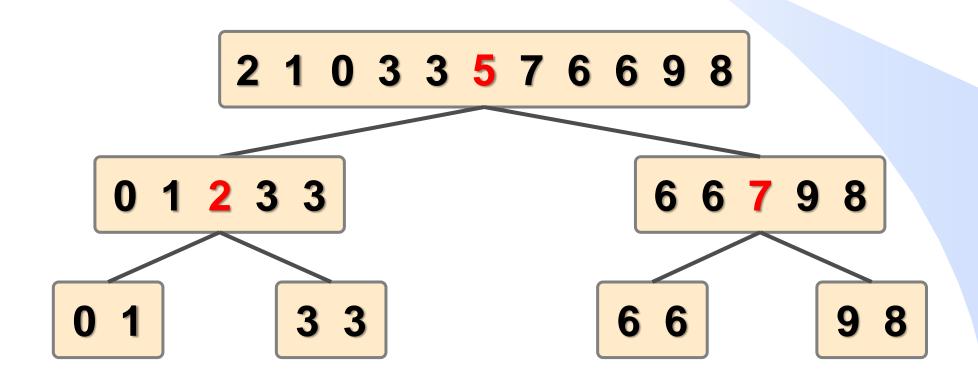
2 1 0 3 3 5 7 6 6 9 8

2 1 0 3 3

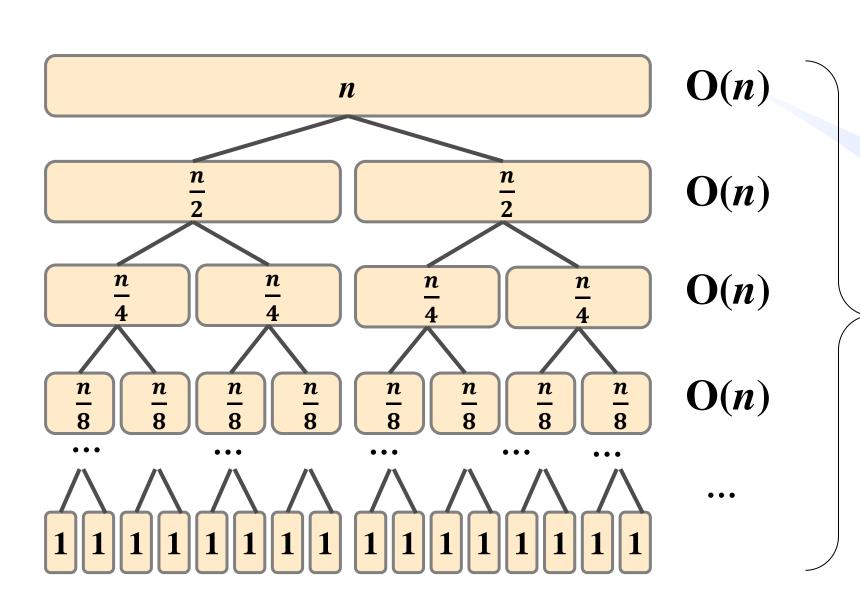
7 6 6 9 8



每次分划发生在最中间, 把子数组分成长度相等的两半







每次分划发生在最 中间,把子数组分 成长度相等的两半

logn

时间复杂度 O(nlogn)

空间复杂度 O(logn)

## 时空复杂度一最坏情况



分划极不平衡,每次分划都发生在子数组最边上,如初始时已排好序或逆序

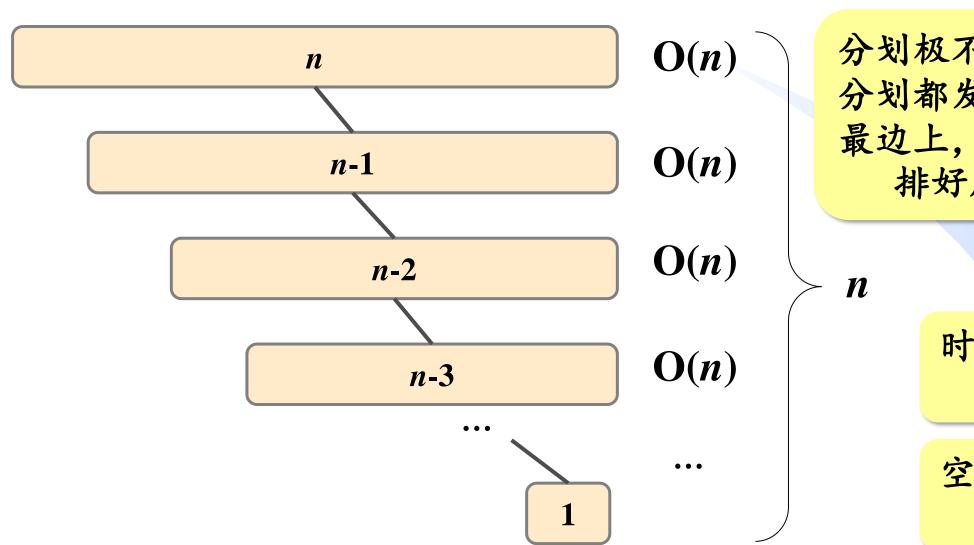
1 2 3 5 6 7 8 9

2 3 5 6 7 8 9

3 5 6 7 8 9

## 时空复杂度一最坏情况





分划极不平衡,每次 分划都发生在子数组 最边上,如初始时已 排好序或逆序

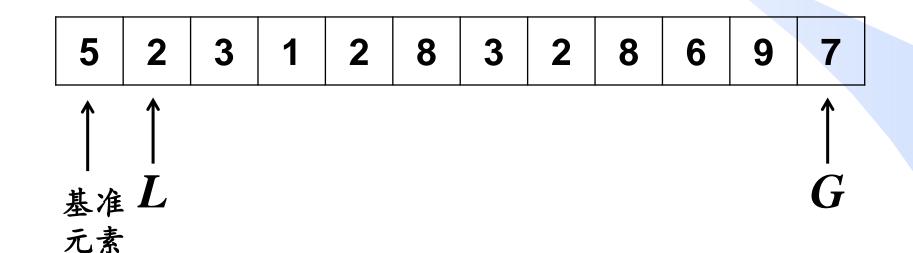
时间复杂度  $O(n^2)$ 

空间复杂度 O(n)



Partition操作关键词比较次数

最多n+1次

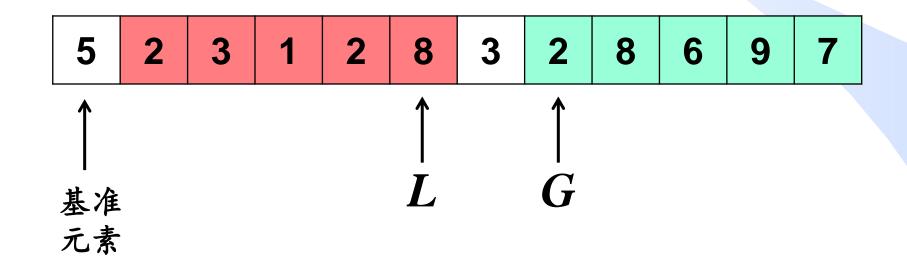


指针L,从左向右找第 一个大于基准值的元素



Partition操作关键词比较次数

最多n+1次

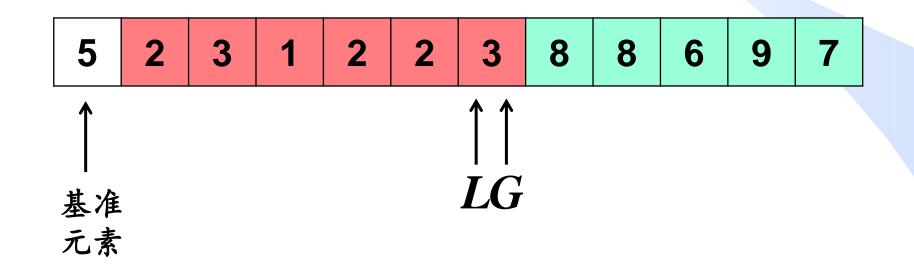


指针L,从左向右找第 一个大于基准值的元素



Partition操作关键词比较次数

最多n+1次



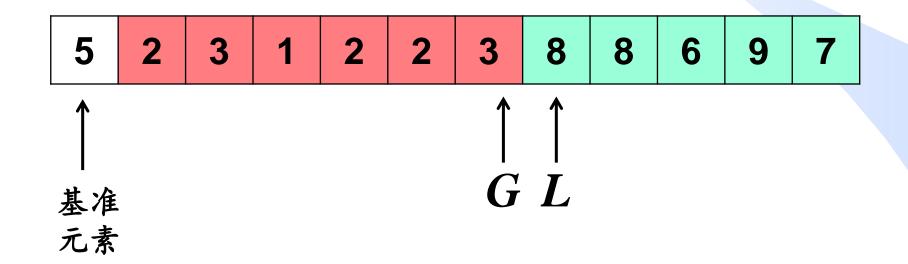
指针L,从左向右找第 一个大于基准值的元素

### 时间复杂度—平均情况



Partition操作关键词比较次数

最多n+1次



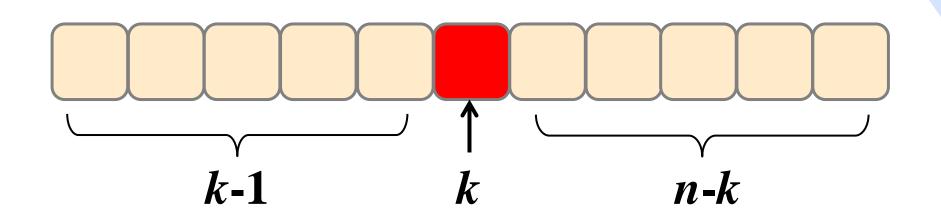
指针L,从左向右找第 一个大于基准值的元素



- 》假定经过Partition之后,基准元素最终放在数组第k个位置,即Partition函数返回值为k
- > 关键词比较次数: T(n) = (n+1) + T(k-1) + T(n-k)

Partition 所需时间

对左侧子数组排序所需时间

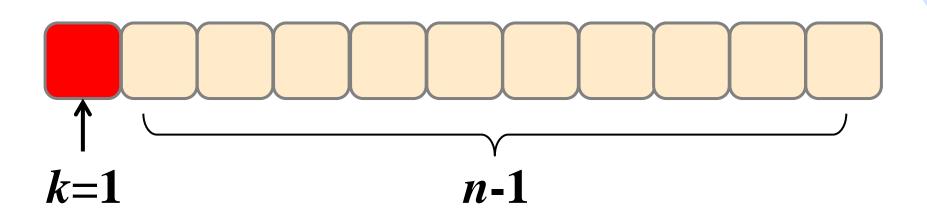


### 时间复杂度—平均情况



- > k=1: 经过Partition之后,基准元素最终放在数组第1个位置,即Partition函数返回值为1
- > 关键词比较次数: T(n) = (n+1) + T(0) + T(n-1)

Partition 所需时间 对左侧子数组排序所需时间

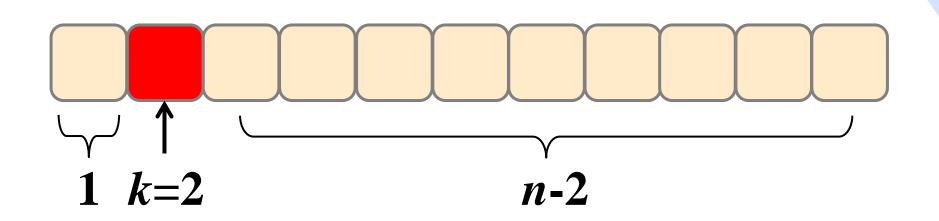


### 时间复杂度—平均情况



- > k=2: 经过Partition之后,基准元素最终放在数组第2个位置,即Partition函数返回值为2
- > 关键词比较次数: T(n) = (n+1) + T(1) + T(n-2)

Partition 所需时间 对左侧子数组排序所需时间

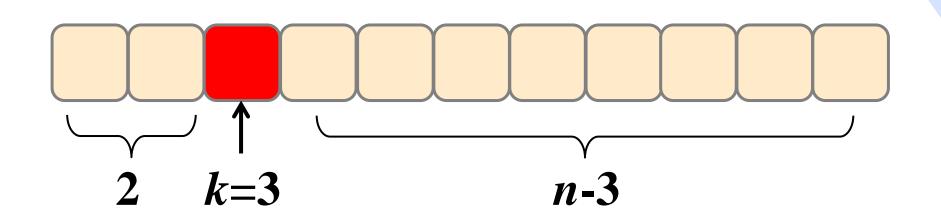


### 时间复杂度-平均情况



- > k=3: 经过Partition之后,基准元素最终放在数组第3个位置,即Partition函数返回值为3
- > 关键词比较次数: T(n) = (n+1) + T(2) + T(n-3)

Partition 所需时间 对左侧子数组排序所需时间



## 时间复杂度-平均情况

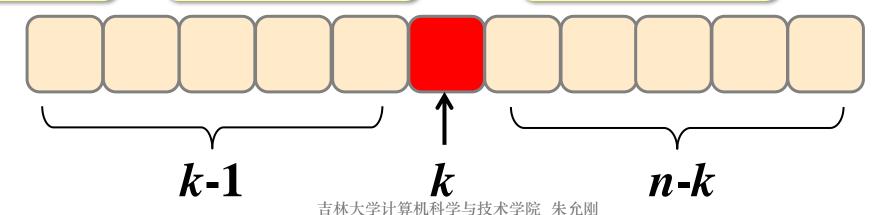


- > k可能有n种取值(k = 1...n),对应于n种分划结果,亦对应算法的n种可能输入;
- 》假定元素随机分布,故每种输入出现的概率相等,为1/n。

$$T(n) = \sum_{k=1}^{n} \frac{1}{n} \times [(n+1) + T(k-1) + T(n-k)]$$

对所有输入求和

第k种输入出 现的概率 第k种输入下 元素比较次数



#### 时间复杂度-平均情况



$$T(n) = \sum_{k=1}^{n} \frac{1}{n} [(n+1) + T(k-1) + T(n-k)]$$

$$= \sum_{k=1}^{n} \frac{1}{n} (n+1) + \sum_{k=1}^{n} \frac{1}{n} [T(k-1) + T(n-k)]$$

$$= (n+1) + \frac{1}{n} \sum_{k=1}^{n} [T(k-1) + T(n-k)]$$

## 时间复杂度一平均情况



$$T(n) = (n+1) + \frac{1}{n} \sum_{k=1}^{n} [T(k-1) + T(n-k)]$$

$$= (n+1) + \frac{1}{n} [\sum_{k=1}^{n} T(k-1) + \sum_{k=1}^{n} T(n-k)] = (n+1) + \frac{2}{n} \sum_{k=0}^{n-1} T(k)$$

等式两边乘以n:

$$nT(n) = (n+1)n + 2\sum_{k=0}^{n-1} T(k)$$

对上式,用n-1替换n:

$$(n-1)T(n-1) = (n-1)n + 2\sum_{k=0}^{n-2} T(k)$$

用①式减②式:

$$nT(n) - (n-1)T(n-1) = 2n + 2T(n-1)$$

## 快速排序平均情况时间复杂度分析

$$nT(n) - (n-1)T(n-1) = 2n + 2T(n-1)$$
 $nT(n) - (n+1)T(n-1) = 2n$ 
等式两边除  $S_n \left( \frac{T(n)}{n+1} \right) - \frac{T(n-1)}{n} = \frac{2}{n+1}$ 
 $S_n \left( \frac{T(n)}{n+1} \right) - \frac{T(n-1)}{n} = \frac{2}{n+1}$ 

$$S_n - S_1 = 2\left(\frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n+1}\right)$$

$$\frac{T(n)}{n+1} = 2\left(\frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n+1}\right) \approx 2\int_3^{n+1} \frac{1}{x} \approx 2\ln n$$

$$S_{n} - S_{n-1} = \frac{2}{n+1}$$

$$S_{n-1} - S_{n-2} = \frac{2}{n}$$

$$S_{n-2} - S_{n-3} = \frac{2}{n-1}$$

$$\vdots$$

$$S_{2} - S_{1} = \frac{2}{3}$$

$$T(n) = O(2n \ln n) = O(2n \ln 2 \log_2 n) = O(1.386n \log_2 n) = O(n \log_2 n)$$

## 快速排序的时空复杂度和稳定性



排序算法	时间复杂度			- 空间复杂度	450~14
	最好	平均	最坏	<b>工</b> 问及示及	<b></b>
快速排序	$O(n\log n)$	$O(n \log n)$	$O(n^2)$	$O(\log n) \sim O(n)$	不稳定

课下验证 $3,3^*,2\rightarrow 2,3^*,3$ 



给定一个含有正数和负数的数组,编写程序对数组进行重新排列,使得所有正整数在数组左侧、负数在数组右侧,要求时间复杂度为O(n)、空间复杂度O(1)。



如果一个整数序列中一半为奇数,一半为偶数,编写一个时间复杂度O(n)、空间复杂度O(1)的算法,重新排列这些整数,使得奇数在前,偶数在后。【字节跳动、华为、腾讯、快手、微软、美团面试题】



给定一个非负整数数组 R, 其中一半整数是奇数, 一半整数是偶数。编写时间复杂度O(n)、空间复杂度O(1)的算法, 对数组重新排列, 使得奇数放在数组的奇数位, 偶数放在数组的偶数位。【微软、字节跳动、谷歌面试题, 哈尔滨工业大学期末考

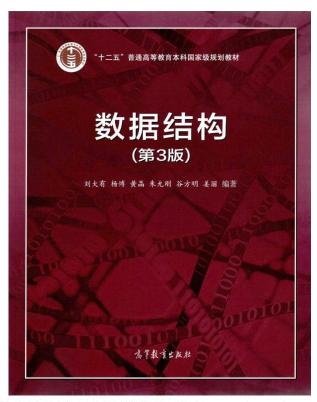
#### 试题】

- 》指针i从左向右扫描数组奇数位, 找第一个偶数:
- 》指针j从左向右扫描数组偶数位, 找第一个奇数;
- >交换R[i]和R[j],从而把偶数换 到偶数位,奇数换到奇数位。

```
void ReArrange(int R[], int n){
   int i=1,j=0;
   while(i<n && j<n){
      while(i<n && R[i]%2==1) i+=2;
      while(j<n && R[j]%2==0) j+=2;
      if (i<n && j<n){
        swap(R[i],R[j]);
        i+=2; j+=2;
      }
   }
}</pre>
```







# 快速排序

- > 快速排序算法
- > 时空复杂度分析
- > 优化策略

第 物 地 之 美 道

Last updated on 2024.11

TARI

### (1) 处理小数据时结合插入排序



- > 当待排序元素很少时,为极小的子数组产生许多的递归调用,得不偿失,此时快速排序反而没有插入排序快。
- ▶策略1: 递归过程中,当前处理的子数组长度≤某个阈值(一般取16左右)时,直接对当前子数组插入排序。

```
const int threshold=16;
void QuickSort(int R[], int m, int n){
    if(n-m+1 > threshold){
         int j=Partition(R, m, n);
         QuickSort(R, m, j-1);
         QuickSort(R, j+1, n);
    else InsertionSort(R, m, n);
```

## (1) 处理小数据时结合插入排序



▶策略2: 递归过程中,当前处理的子数组长度≤某个阈值(一般取16左右)时,对当前子数组什么也不做,直接退出本层递归。待最后所有递归都退出后,再对整个大数组做一次插入排序(插入排序在处理"接近有序"的序列时效率高)。

```
void QuickSort(int R[], int m, int n){
    if(n-m+1 > threshold){
        int j=Partition(R, m, n);
        QuickSort(R, m, j-1);
        QuickSort(R, j+1, n);
    }
} 主函数: QuickSort(R, 1, n);
```

吉林大学计算机科学与技术学院 朱允刚

InsertionSort(R, 1, n); //最后统一做1次插入排序

## (2) 随机选取基准元素



- ▶快速排序达最坏情况的主要原因:数组有序,每次选的基准元素(第1个元素)恰好是当前子数组的最小元素。
- 〉在当前子数组中随机选择一个元素作为基准元素: int k=rand()%(n-m+1)+m; //返回m到n间的随机数. swap(R[m],R[k]); 再把R[m]作为基准元素
- > 显著降低最坏情况发生的概率, 但无法杜绝。
- >实际应用中,采用该策略遇到最坏情况的概率极低,可获得很好的性能。

## 随机算法简介

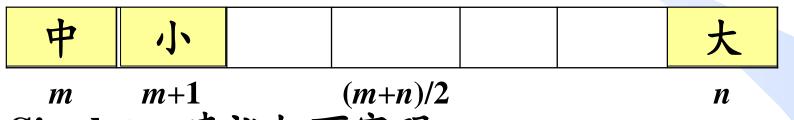


- 》如果一个算法的行为不仅由输入决定,而且也由随机数决定,则可 称此类算法为随机算法。与之对应,未使用随机数做决策的算法可 称为确定型算法。
- 对于确定型算法,可能存在特定的输入数据,其总能导致最坏情况的运行时间。而对于随机算法,以相同的输入数据运行两次,往往会得到不同的运行时间。
- 少对于一些问题, 当算法在执行过程中面临某种选择时, 随机性选择 往往比最优选择省时, 这种情况下将使得随机算法的效率优于确定 型算法。
- 而对于另一些问题,某些算法往往在平均情况下时间复杂度较低, 仅在最坏情况下时间复杂度高,此时可以结合随机策略,降低最坏情况发生的概率。

# (3) 三数取中(Median of Three)选基准元素



- ▶选取R[m]、R[(m+n)/2]和R[n]的中位数作为基准元素。
- 保证选出的基准元素不是子数组的最小元素,也不是最大元素, 分划肯定不会分到最边上。



Sedgewick、Singleton建议如下实现:

```
swap(R[(m+n)/2],R[m+1]);
```

```
if(R[m+1]>R[n]) swap(R[m+1],R[n]); //R_{m+1}和 R_n的较大者移到R_n处 if(R[m]>R[n]) swap(R[m],R[n]); //R_m和 R_n的较大者移到R_n处 if(R[m+1]>R[m]) swap(R[m+1],R[m]); //R_{m+1}和 R_m的较大者移到R_m处 净低最坏情况发生的概率,但无法杜绝。
```

### (4) 尾递归转化为循环

C

将尾递归转为循环,减少递归调用所需的系统栈空间。

```
void QuickSort(int R[],int m,int n){
   if(m < n){
                                              n-1
    int k=Partition(R, m, n);
                                             n-2
    QuickSort(R, m, k-1);
                                           n-3
    QuickSort(R, k+1, n);
                        void QuickSort(int R[],int m,int n){
    最坏情况空间仍为O(n)
                           while(m < n){</pre>
    每次分划都分到最右边
                            int k=Partition(R, m, n);
   使左区间长度n-1, n-2,...,1
                            QuickSort(R, m, k-1);
                            m=k+1;
                                            先递归处理左区间
                                            后循环处理右区间
```



```
先处理短区间,最坏空间复杂度(递归深度)可降为O(logn)。
void QuickSort(int R[], int m, int n){
                                  先递归处理短区间
  while (m < n)
                                   后循环处理长区间
    int k=Partition(R,m,n);
    if(k-m < n-k){ //左区间短
      QuickSort(R,m,k-1);
                               \leq n/2
      m=k+1;
    }else{ //右区间短
      QuickSort(R,k+1,n);
      n=k-1;
```



```
先处理短区间,最坏空间复杂度(递归深度)可降为O(logn)。
void QuickSort(int R[], int m, int n){
                                  先递归处理短区间
  while (m < n)
                                   后循环处理长区间
    int k=Partition(R,m,n);
    if(k-m < n-k){ //左区间短
      QuickSort(R,m,k-1);
                                         不通过递归处理
                               \leq n/2
      m=k+1;
    }else{ //右区间短
                                  \leq n/4
      QuickSort(R,k+1,n);
      n=k-1;
```



```
先处理短区间,最坏空间复杂度(递归深度)可降为O(logn)。
void QuickSort(int R[], int m, int n){
                                  先递归处理短区间
  while (m < n)
                                  后循环处理长区间
    int k=Partition(R,m,n);
    if(k-m < n-k){ //左区间短
      QuickSort(R,m,k-1);
                              \leq n/2
      m=k+1;
    }else{ //右区间短
                                 \leq n/4
      QuickSort(R,k+1,n);
      n=k-1;
                           每次递归处理的子数组长度至少
                            缩减一半,故递归深度为O(logn)
```



```
先处理短区间,最坏空间复杂度(递归深度)可降为O(logn)。
void QuickSort(int R[], int m, int n){
                                  先递归处理短区间
  while(m < n){</pre>
                                  后循环处理长区间
    int k=Partition(R,m,n);
    if(k-m < n-k){ //左区间短
      QuickSort(R,m,k-1);
                              \leq n/2
      m=k+1;
    }else{ //右区间短
                                \leq n/4
      QuickSort(R,k+1,n);
      n=k-1;
        如果每次分划都分到最边上
                             课下思考:使用该策略能使最
        空间复杂度甚至可降为O(1)
                             坏时间复杂度降为O(nlogn)么?
```

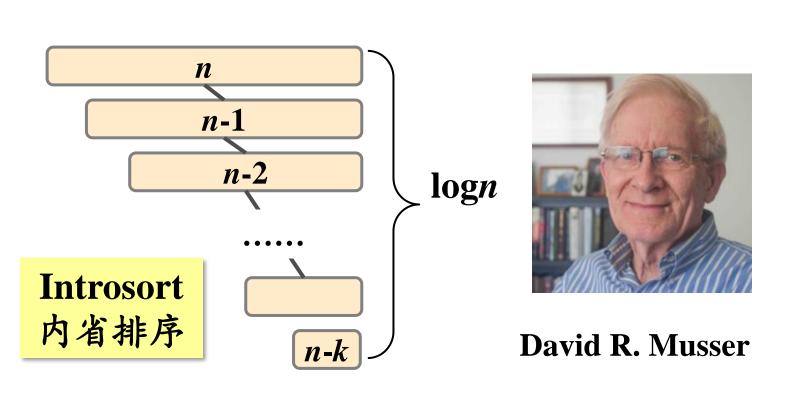
## (6) 利用栈消除所有递归

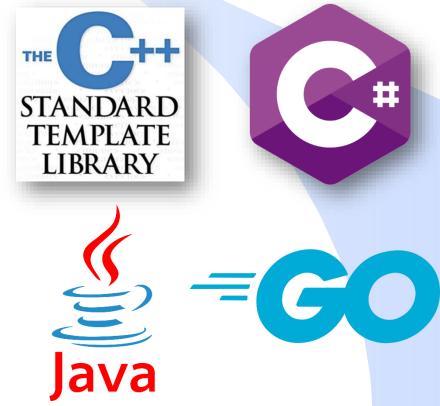
```
(B)
```

```
void QuickSort(int R[], int m, int n){
  Stack s; //栈需预先实现
                             栈内元素: 二元组, 标识当前
  s.Push(m, n);
                             处理的区间的起止下标
  while(!s.Empty()){
     s.Pop(m, n); //出栈的二元组分别存入变量m和n
     int k=Partition(R, m, n);
     s.Push(k+1, n);
     s.Push(m, k-1);
初始调用: QuickSort(R, 1, n)
```

# (7) 侦测递归深度, 适时转为堆排序

- C
- > 侦测快速排序的递归深度,当递归深度达到O(logn)层时,强行停止递归,转而对当前处理的子数组进行堆排序。
- > 真正使最坏情况时间复杂度降为O(nlogn)!





# (8) 三路分划(3-Way-Partition)



> 当重复元素很多时,传统快速排序效率较低。

》修改Partition操作,把当前数组划分为三部分:小于基准元素K的元素放在左边,等于K的元素放在中间,大于K的元素在右边。

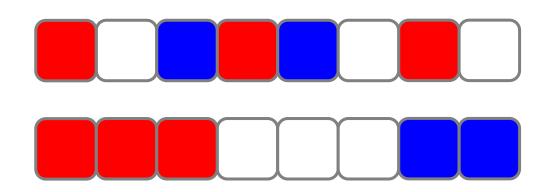
>进一步递归时,仅对小于K的左半部分子数组和大于K的右半部分子数组进行递归排序。

# 荷兰国旗问题(Dijkstra提出)



给定n粒石头,每粒石头的颜色是红,白,蓝之一。要求重新排列这些石头,使得所有红色石头在前,所有白色石头居中,所有蓝色石头居后。【腾讯、华为、小米、字节跳动、苹果、微软、谷歌、滴滴、快手面试题,浙大考研题】

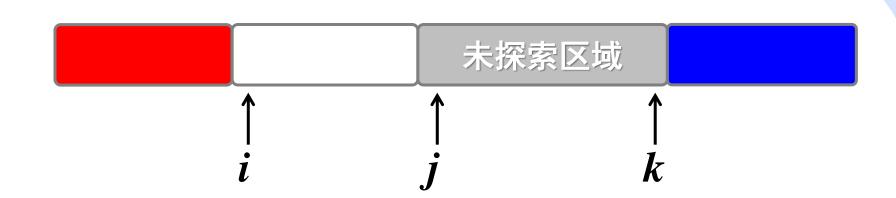




#### 三路分划



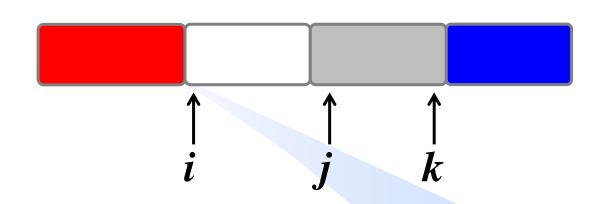
- $\triangleright$ 设置3个指针,前指针i,中指针j,后指针k;
- ▶初始时i=1,j=1,k=n;指针j从左往右扫描数组:
- >若R[j]为白,什么也不做继续扫描,j++;
- → 若R[j]为红,交换R[j]和R[i], i++, j++;
- ➤ 若R[j]为蓝,交换R[j]和R[k], k--;
- > 通过j的遍历,使<mark>红石头</mark>换到数组左边,<mark>蓝石头</mark>换到数组右边。



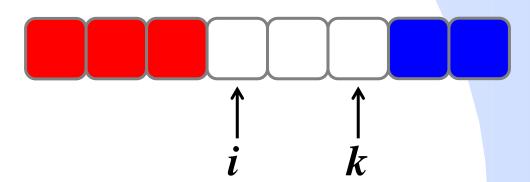
#### 三路分划



```
while (j<=k){
    if (R[j]=='红'){
         swap(R[j], R[i]);
         j++; i++;
    else if (R[j]=='蓝'){
         swap(R[j], R[k]);
         k--;
    else // R[j]=='白'
         j++;
```



课下思考: 此处为什么不j++?



#### 三路分划

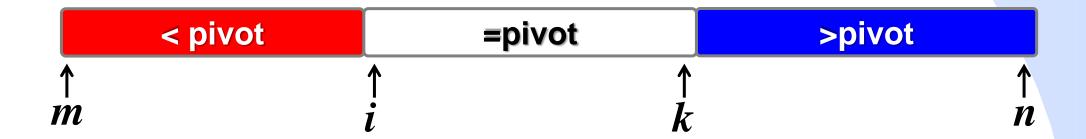


```
void Partition3way(int R[], int m, int n, int &i, int &k){
  int j, pivot;
  i=m, j=m, k=n, pivot=R[m];
  while (j<=k){</pre>
     if(R[j] < pivot) {swap(R[j],R[i]); j++; i++;}</pre>
     else if(R[j] > pivot) {swap(R[j], R[k]); k--;}
     else j++;
     算法
执行中
                                        未探索区域
              < pivot
                            =pivot
                                                         >pivot
      算法
结束后
                 < pivot
                                                      >pivot
                                   =pivot
                         吉林大学计算机科学与技术学院 朱允刚
```

# $\boldsymbol{B}$

## 基于三路分划的快速排序

```
void QuickSort(int R[], int m, int n){
  if(m>=n) return;
  int i, k;
  Partition3way(R, m, n, i, k);
  QuickSort(R, m, i-1);
  QuickSort(R, k+1, n);
}
```





- 》仅使用交换操作,对只由 0,1,2 三种元素构成的整数数组进行排序,概述算法思想并给出算法的时间复杂度【2020年北京大学考研题】。
- ▶设有一个整数序列a<sub>1</sub>, a<sub>2</sub>,..., a<sub>n</sub>存放于一个整型数组A中,给定两个整数x和y (y > x),请设计一个时间和空间上尽可能高效的算法,重排该序列,使序列中所有比x小的元素都集中到数组的左侧,所有比y大的元素都集中到数组的右侧,介于x和y之间(含等于x或y)的元素置于数组的中间。【2020级吉林大学期末考试题,15分】

## C语言qsort()源码剖析



基于快速排序,并结合如下优化策略:

- >子数组长度小于8转插入排序;
- >三数取中选基准元素Median of Three;
- >三路分划3-Way-Partition;
- >使用栈消除所有递归;
- > 先处理短区间。

## C++ STL sort()源码剖析



基于快速排序,并结合如下优化策略:

- 子数组长度小于等于16时,直接退出本层递归。待最后快速排序所有递归都退出后,再对整个大数组进行一次插入排序;
- 》当递归深度达到 $[2log_2n]=O(logn)$ 时,强行停止递归,转而对当前子数组进行堆排序;
- >三数取中选基准元素;
- >尾递归转化为循环, 先处理短区间;
- ▶最坏情况时间复杂度O(nlogn)。



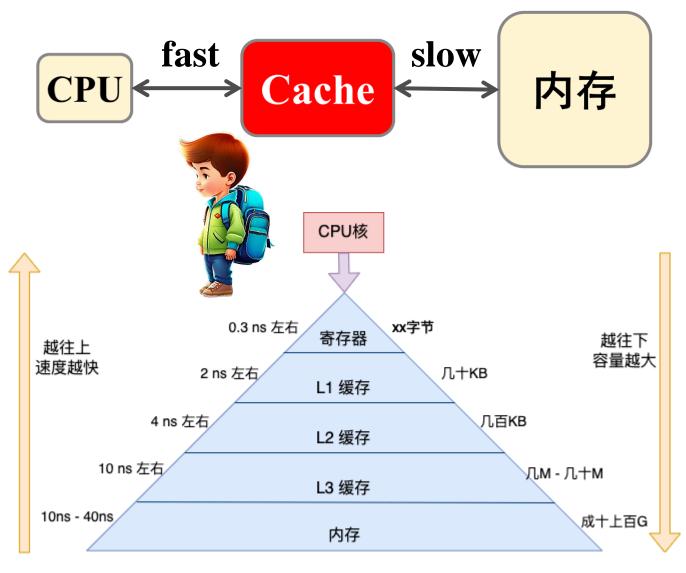
#### 快速排序总结

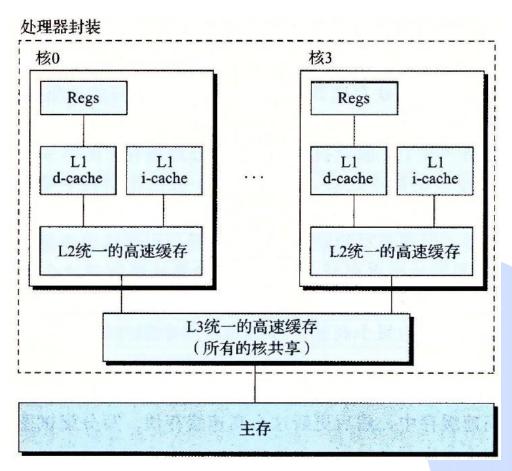


- ▶快速排序方法是基于关键词比较的内排序算法中平均情况下时间最快的。
- >为什么平均情况下快速排序比堆排序快?
  - ✓nlogn的常系数(1.386 vs 2)
  - √倾向于访问物理上相邻的数据,缓存命中率高

#### 高速缓冲存储器Cache







Intel® 酷睿™ i7 处理器的缓存结构

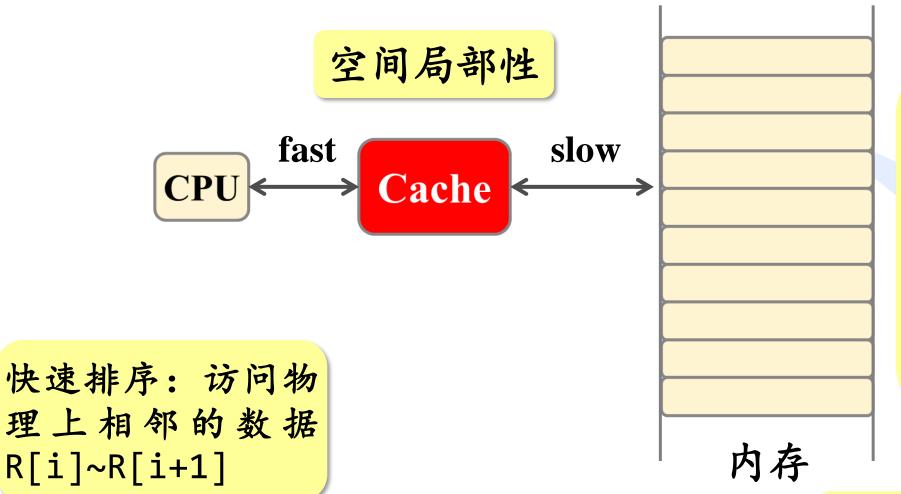
(intel)

存储体系

吉林大学计算机科学与技术学院 朱允刚

#### 编写缓存友好的代码





堆排序: 跳着访问 R[i]~R[2\*i]