

树的存储和操作

- > 树/森林与二叉树的转换
- > 树的存储结构
- > 树的基本操作
- > 树的序列化与反序列化

TANKI

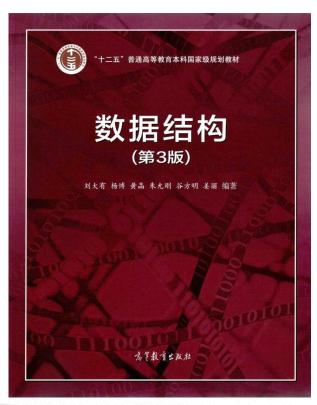




——李开复原微软全球副总裁、微软亚洲研究院长 原Google全球副总裁兼大中华区总裁







树的存储和操作

- > 树/森林与二叉树的转换
- > 树的存储结构
- > 树的基本操作
- > 树的序列化与反序列化

第 結 档 之 等 為 之 等

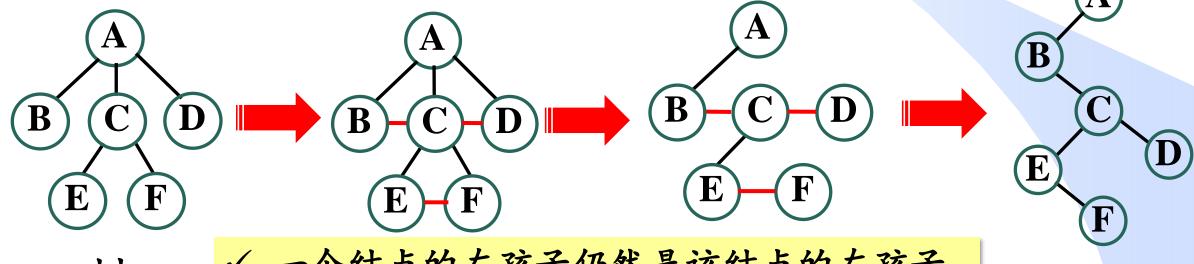
THE

(1) 树转换成二叉树

 $oldsymbol{A}$

- ① 在所有兄弟结点间加一条连线;
- ②对每个结点与其子结点的连线:保留与其左孩子的连线,去掉与其它孩子间的连线;

③ 调整部分连线方向、长短使之成为规范的二叉树形。



树

- ✓ 一个结点的左孩子仍然是该结点的左孩子
- ✓ 一个结点的右兄弟变成该结点的右孩子
- ✓ 转换后的二叉树的根结点无右孩子

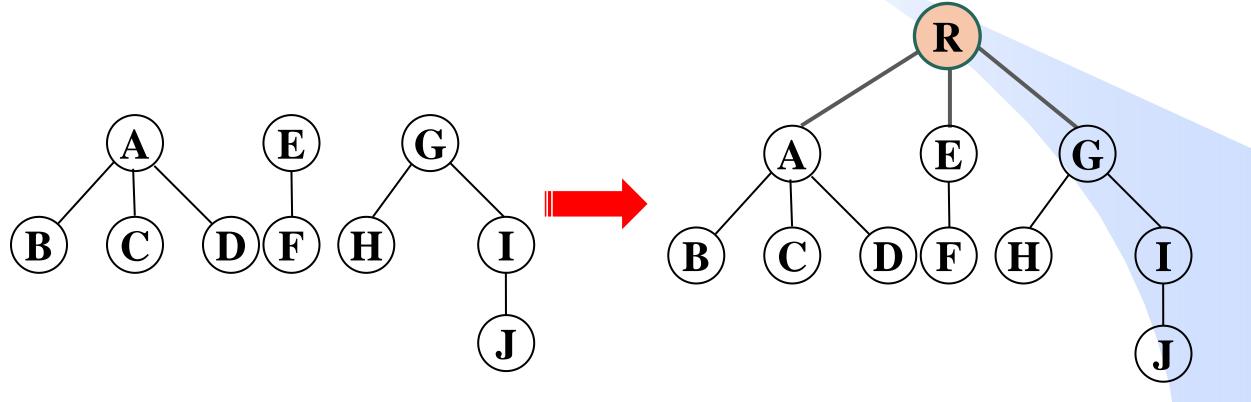
吉林大学计算机科学与技术学院 朱允刚

二叉树

(2) 森林转换成二叉树(方法1)

 \bigcirc A

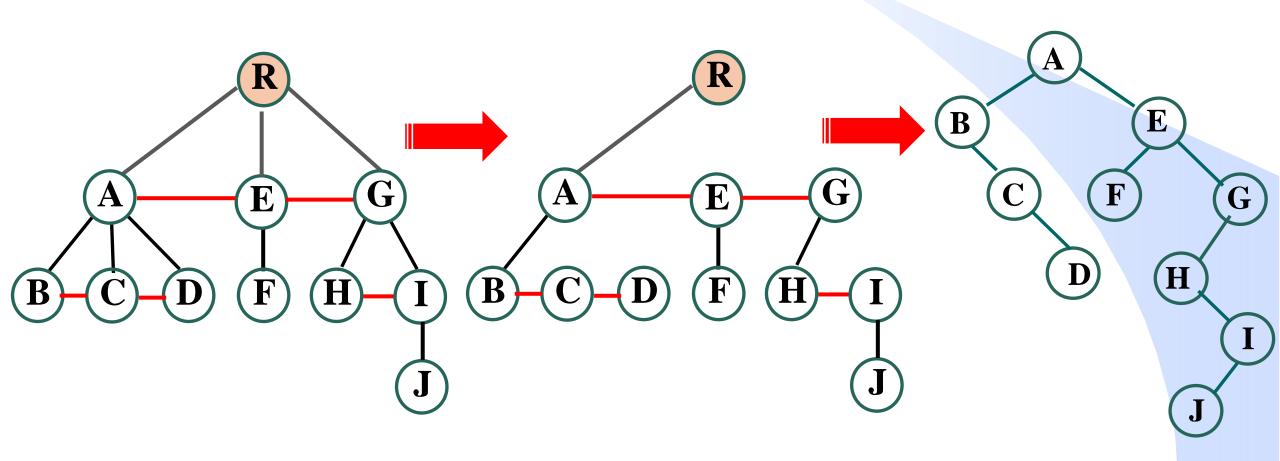
- ①引入一个虚拟的根,将森林转变为树;
- ②将树转换为二叉树。



(2) 森林转换成二叉树(方法1)

 \bigcirc A

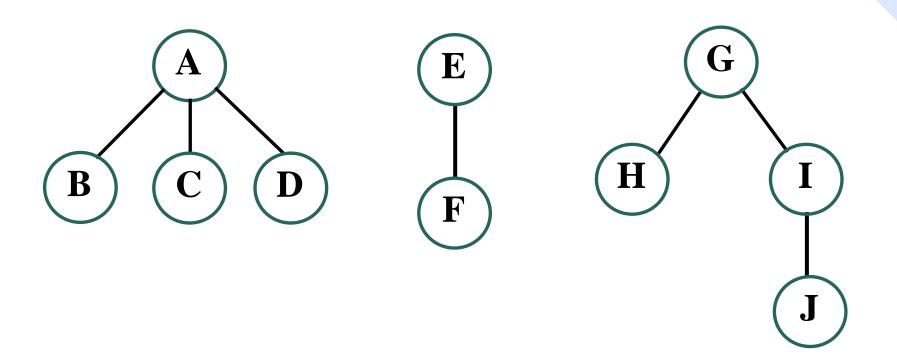
- ①引入一个虚拟的根,将森林转变为树;
- ②将树转换为二叉树。

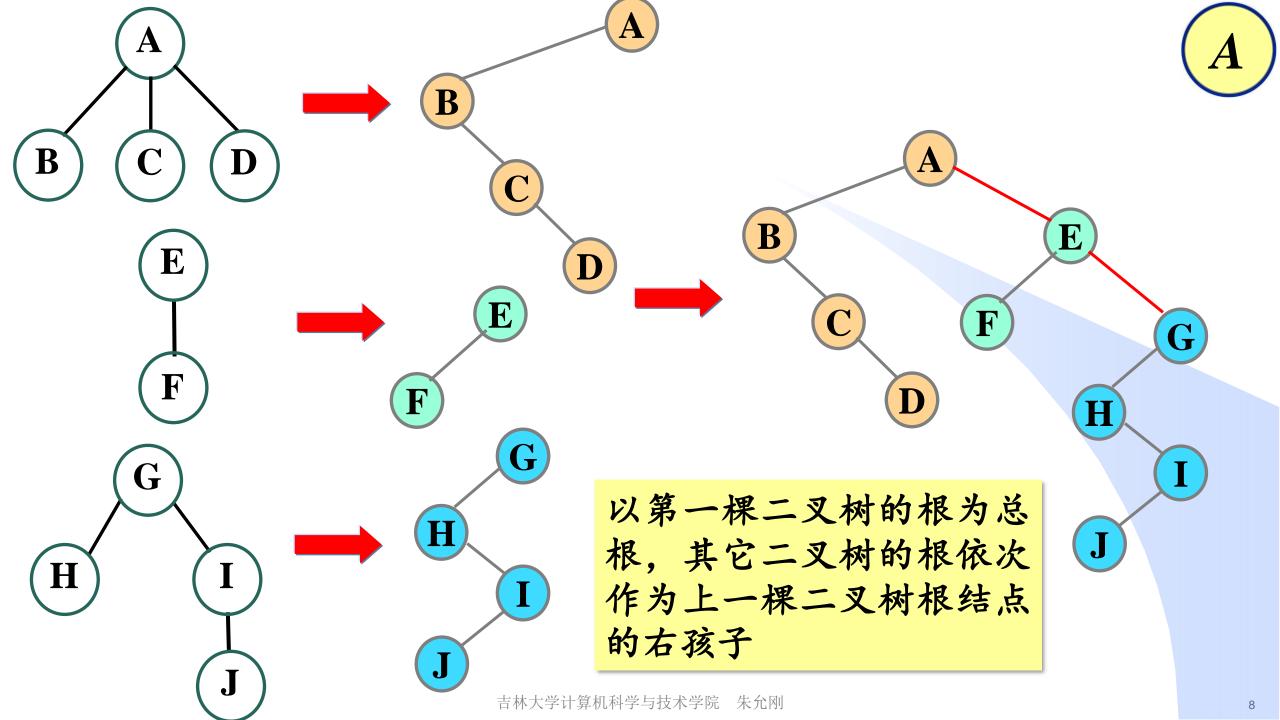


(2) 森林转换成二叉树(方法2)



- ① 首先将每个树转换为二叉树;
- ② 将以第一个二叉树的根为总根,将其它二叉树的根依次作为上一个二叉树根结点的右孩子。

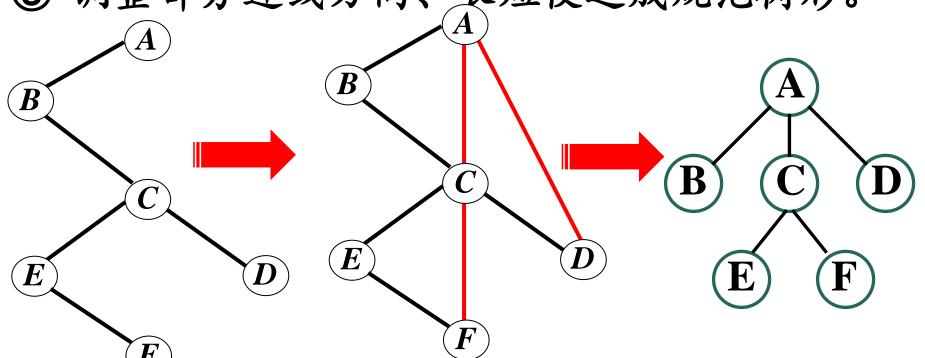




(3) 二叉树转换成树

 $oldsymbol{A}$

- 二叉树的右子树为空,则可转换为一棵树。
- ①对每个结点,若该结点有左孩子,将左孩子的右孩子、右孩子的右孩子......与该结点用线连接起来;
- ② 去掉每个结点与其右孩子之间的连线;
- ③ 调整部分连线方向、长短使之成规范树形。

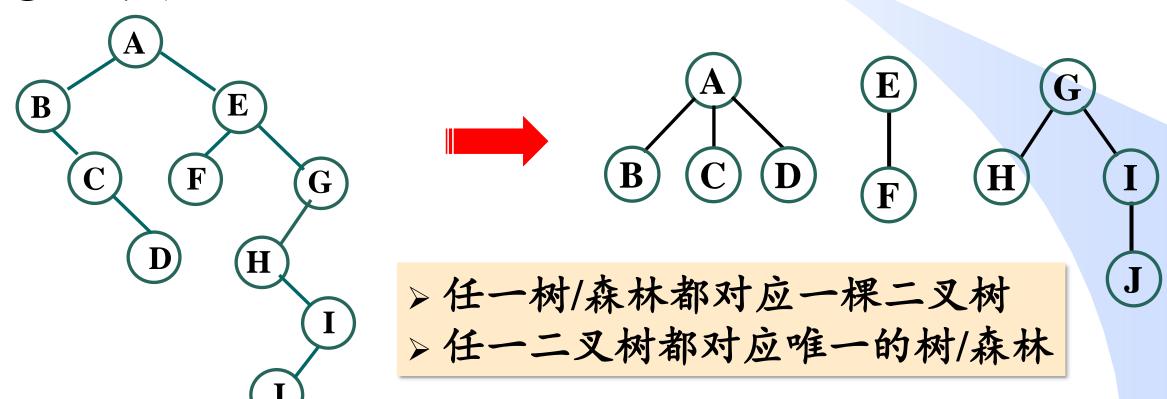


- √一个结点的左 孩子仍是该结 点的孩子
- √一个结点的右 孩子变为该结 点的右兄弟

(4) 二叉树转换成森林

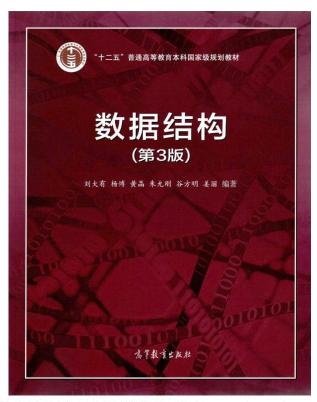


- 二叉树的右子树不为空,则可转换为森林。
- ① 从根出发, 断开其与右孩子的连线, 得到多个二叉树;
- ② 将每个二叉树按以上方法转化为树。









树的存储和操作

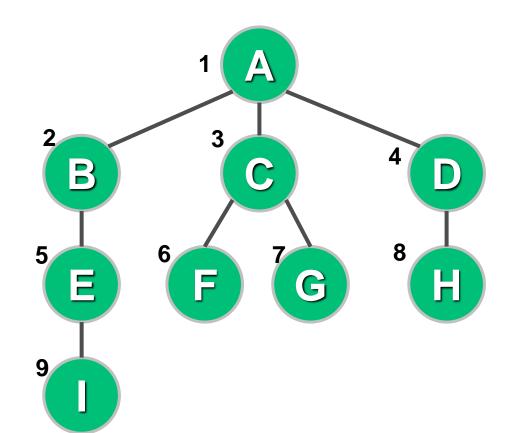
- > 树与二叉树的转换
- > 树的存储结构
- > 树的基本操作
- > 树的序列化与反序列化

新松之 等物之美

TOR

顺序存储——双亲表示法





- ✓按某种遍历顺序对结点编号
- ✓编号为i的结点存在数组第i位
- ✓ 数组下标: 结点编号
- ✓ parent[i]: 结点i的父结点下标
- ✓ 便于涉及父结点的操作

data parent

A	В	C	D	E	F	G	Н	I
0	1	1	1	2	3	3	4	5

1

2

3

4

5

6

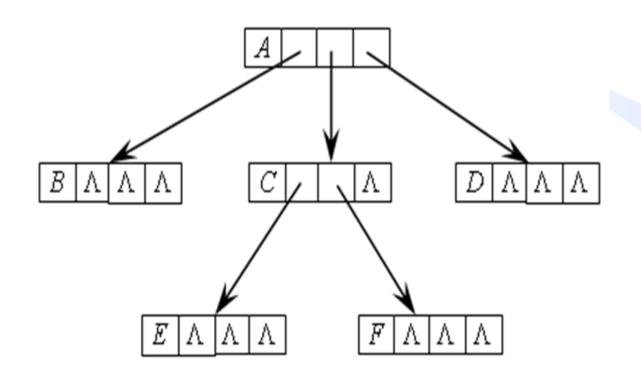
J

8

9

链接存储——多叉链表(孩子链)





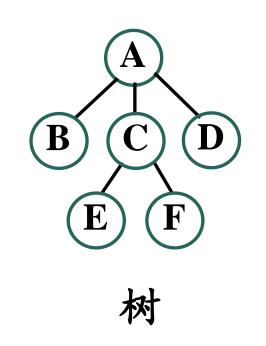
每个结点的指针数以整棵树中孩子最多的结点为准,大量指针为空,浪费空间

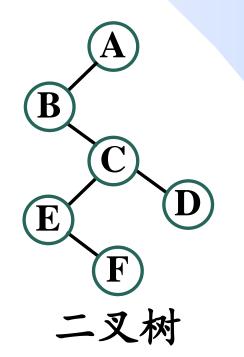
链接存储——左孩子-右兄弟(LCRS)链接结构

 $oldsymbol{A}$

回顾: 树与二叉树的转换

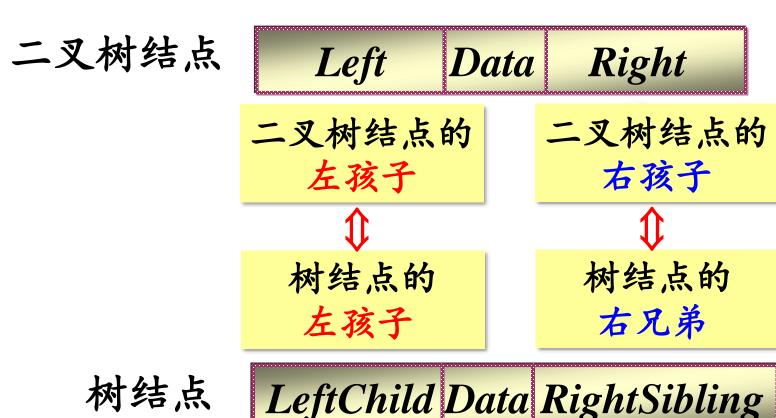
树结点的左孩子 ⇔ 二叉树结点的左孩子树结点的右兄弟 ⇔ 二叉树结点的右孩子





链接存储——左孩子-右兄弟(LCRS)链接结构

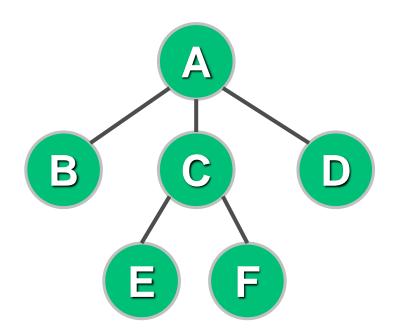


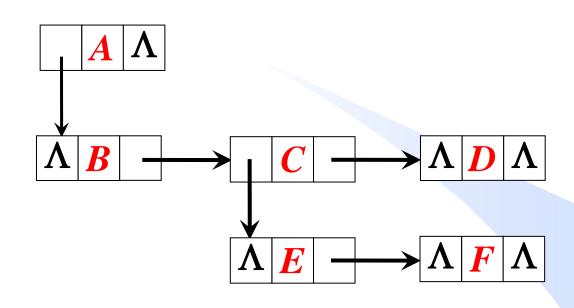


- ✓ 与二叉树的链接存储结构相同
- ✓ 可利用二叉树的算法框架来实现树的操作

左孩子-右兄弟表示法示例







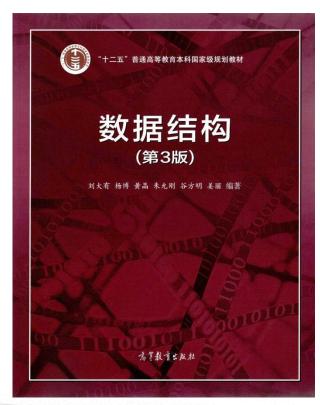
结点结构

```
LeftChild Data RightSibling
```

```
struct TreeNode{
   int data;
   TreeNode* LeftChild;
   TreeNode* RightSibling;
};
```







树的存储和操作

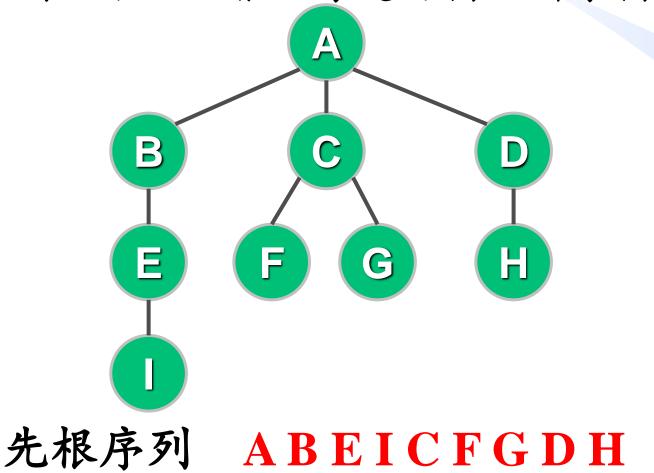
- > 树与二叉树的转换
- > 树的存储结构
- > 树的基本操作
- > 树的序列化与反序列化

JENRO!

树的先根遍历

A

- (1) 访问根结点
- (2) 从左到右依次先根次序遍历树的诸子树

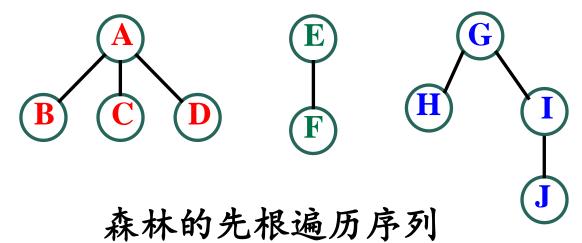


吉林大学计算机科学与技术学院 朱允刚

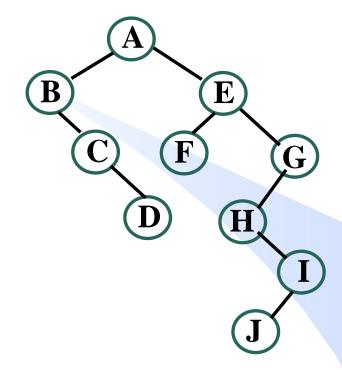
森林的先根遍历

(A)

- ① 访问森林中第一棵树的根结点;
- ② 先根遍历第一棵树中的诸子树;
- ③ 先根遍历其余的诸树。



ABCDEFGHIJ



二叉树的先根序列

ABCDEFGHIJ

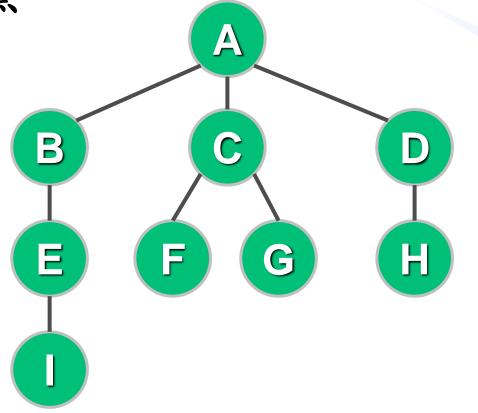
森林的先根序列与它对应的二叉树的先根序列相等

树的后根遍历

 $oldsymbol{A}$

(1) 从左到右依次后根遍历根结点的诸子树

(2) 访问根结点



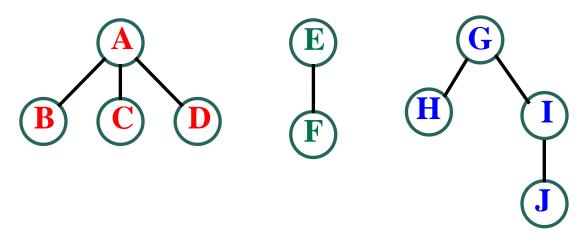
树有中根遍历么?

后根序列 IEBFGCHDA

森林的后根遍历

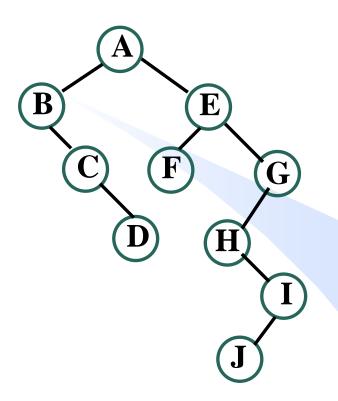
(A)

- ①后根遍历第一棵树的诸子树;
- ②访问森林中第一棵树的根结点;
- ③ 后序遍历其余的诸树。



森林的后根遍历序列

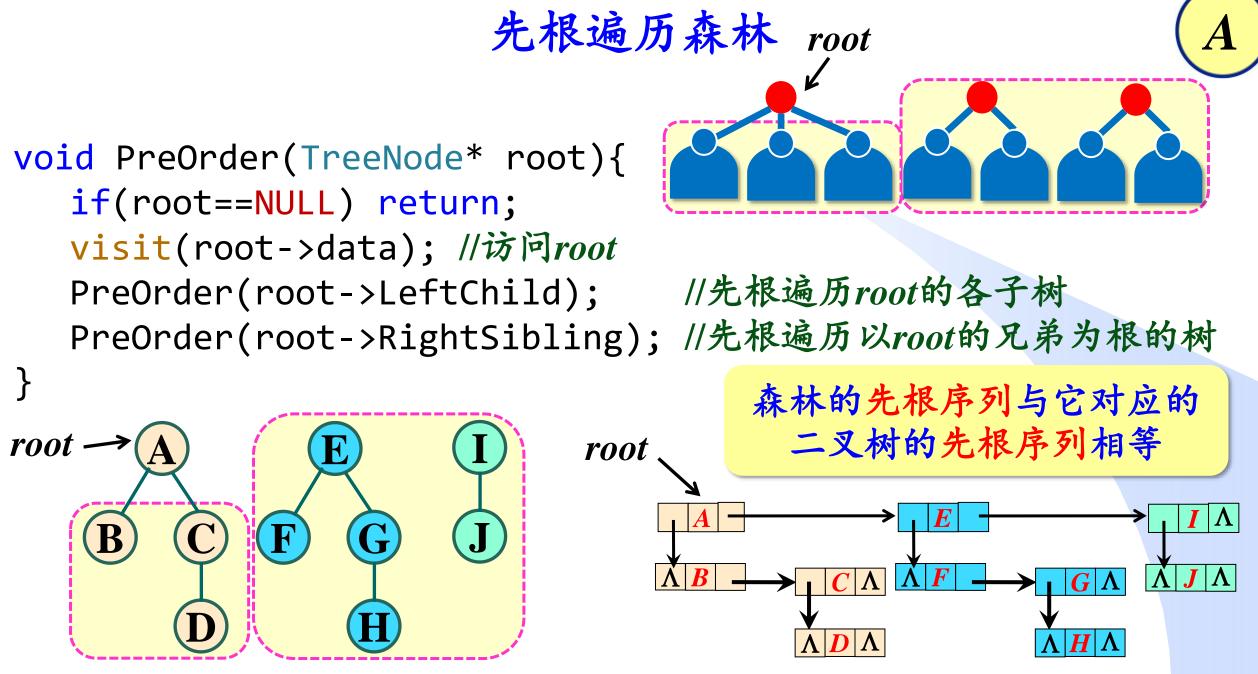
BCDAFEHJIG

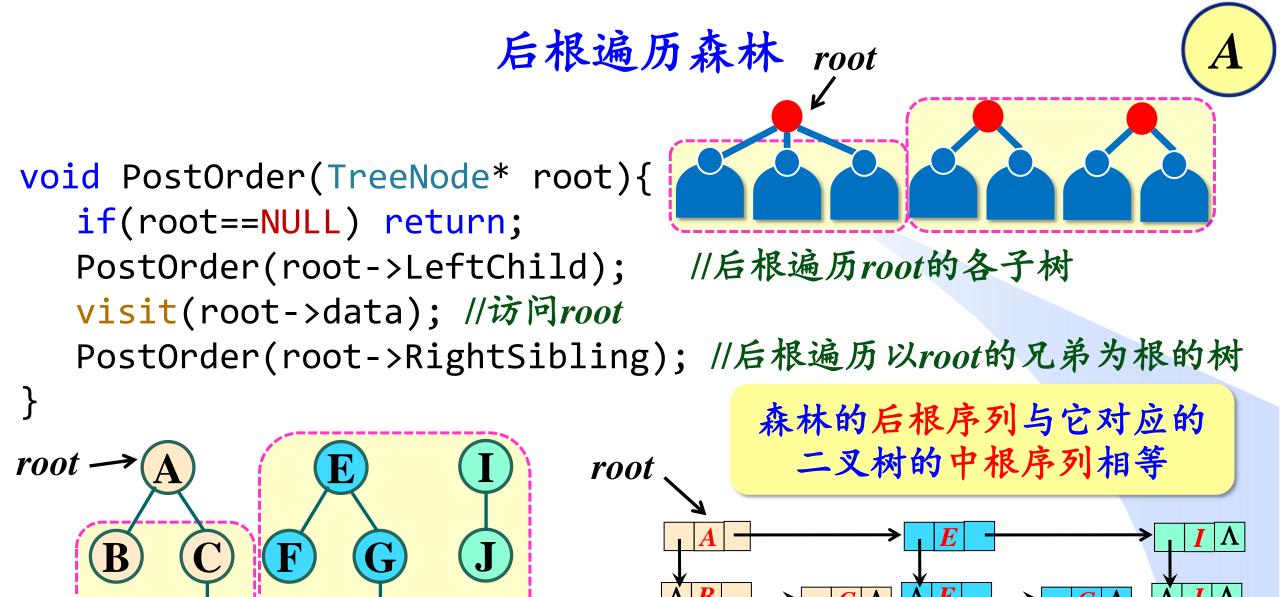


二叉树的中根序列

BCDAFEHJIG

森林的后根序列与它对应的二叉树的中根序列相等





在以root为根的森林中找数据值等于K的结点

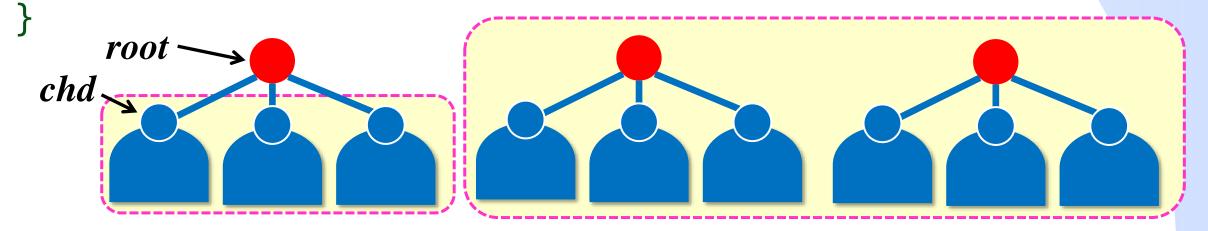


```
TreeNode* Search(TreeNode* root, int K){
                                  //树空,没找到
   if(root==NULL) return NULL;
   if(root->data==K) return root; //根即为所求
   TreeNode* ans= Search(root->LeftChild,K); //在root子树里找
   if(ans!=NULL) return ans;
   return Search(root->RightSibling,K);//在root兄弟为根的树里找
                           root
root
```

在以root为根的森林中找p的父结点



```
TreeNode* FindParent(TreeNode* root, TreeNode* p){
    if(root==NULL || p==NULL || p==root) return NULL;
    for(TreeNode* chd=root->LeftChild; chd; chd=chd->RightSibling)
        if(chd==p) return root; //root就是p的父结点
    TreeNode* ans=FindParent(root->LeftChild, p);//在root的子树里找
    if(ans!=NULL) return ans;
    return FindParent(root->RightSibling, p); //在其余树里找
```



删除整个森林



```
void Del(TreeNode* &root){
                            root -
  //删除以root为根的森林
  if(root==NULL) return;
  Del(root->LeftChild);
  Del(root->RightSibling);
  delete root;
  root=NULL;
```

在森林中删除子树

```
\bigcirc B
```

```
bool DelSubTree(TreeNode *&root, TreeNode *p){
 //在以root为根的森林中删除以p为根的子树, 删除成功返回真, 否则返回假
 if(root==NULL | p==NULL) return false;
                            root
 if(p==root) {
    root=p->RightSibling; p
    p->RightSibling=NULL;
    Del(p);
    return true;
 if(DelSubTree(root->LeftChild, p)) root-
    return true;
 return DelSubTree(root->RightSibling,p);
B
                       吉林大学计算机科学与技术学院 朱允刚
```

创建树/森林



已知一棵非空树结点的数据域为不等于0的整数,输入为一组用空格间隔的整数,表示带空指针信息的树先根序列,其中空指针信息用0表示,如13047000250680000表示如下树。

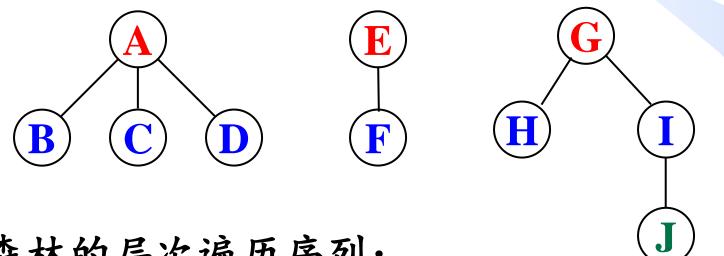
```
TreeNode* CreateTree(){
   int k;
   scanf("%d", &k);
   if(k==0) return NULL;
   TreeNode *root = new TreeNode;
   root->data = k;
   root->LeftChild = CreateTree();
   root->RightSibling = CreateTree();
   return root;
```

树和森林的层次遍历



从第0层到最后一层,且同层结点的从左到右访问。

[例]



森林的层次遍历序列:

AEGBCDFHIJ

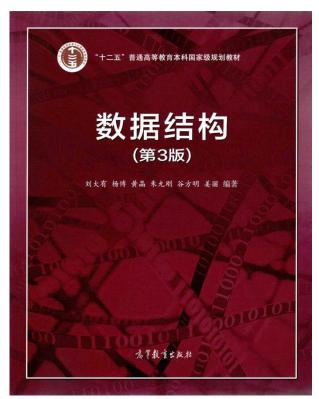
层次遍历森林



```
void LevelOrder(TreeNode* root){
  Queue<TreeNode*> Q; TreeNode *p, *chd;
  for(p=root; p!=NULL; p=p->RightSibling)
                     //每棵树的根都入队
     Q.enQueue(p);
  while(!Q.empty()){
                          //出队一个结点p
     p=Q.deQueue();
     visit(p->data);
                       //访问p
     for(chd=p->LeftChild; chd!=NULL; chd=chd->RightSibling)
        Q.enQueue(chd);
                          //p的每个孩子都入队
```







树的存储和操作

- > 树与二叉树的转换
- > 树的存储结构
- > 树的基本操作
- > 树的序列化与反序列化

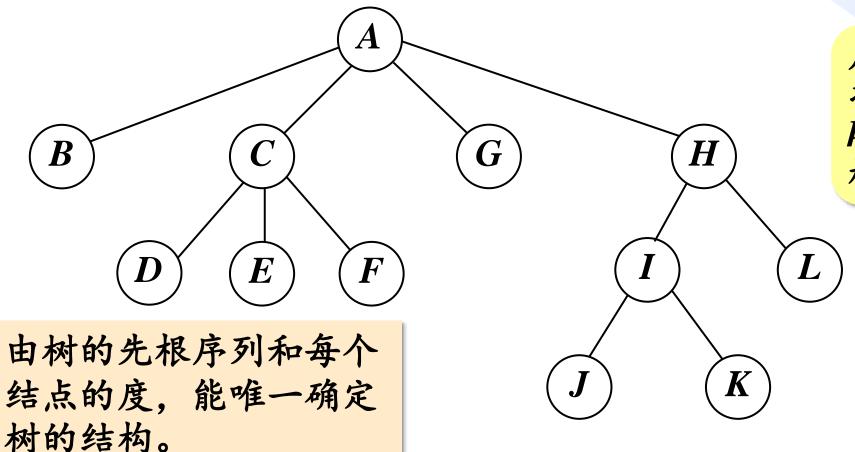
第 物之 美

From I

树的先根序列+结点度

	1
K	
U	

先根序列	A	B	C	D	E	F	\boldsymbol{G}	H	I	$oldsymbol{J}$	K	$oldsymbol{L}$
结点度	4	0	3	0	0	0	0	2	2	0	0	0



反序列化:从右往左扫描,若结点X的度为 扫描,若结点X的度为 k,则选择离X最近的k 棵子树作为X的子树

树的先根序列+结点度



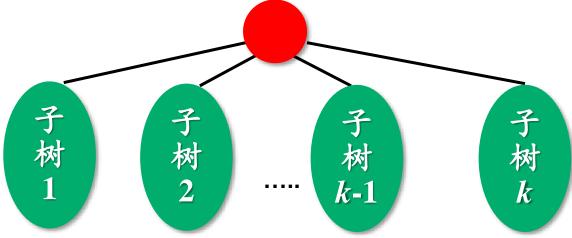
定理 已知一棵树的先根序列和每个结点的度,能唯一确定树的结构。

证明: 用数学归纳法

- 1. 若树中只有一个结点, 定理显然成立。
- 2. 假设树中结点个数小于n(n≥2)时定理成立。
- 3. 当树中有n个结点时,由树的先根序列可知,第一个结点是根结点,设该结点的度为k, $k \ge 1$,因此根结点有k个子树。每个子树的结点个数小于n,由归纳假设可知,每个子树可以唯一确定,从而整棵树的树形可以

唯一确定。

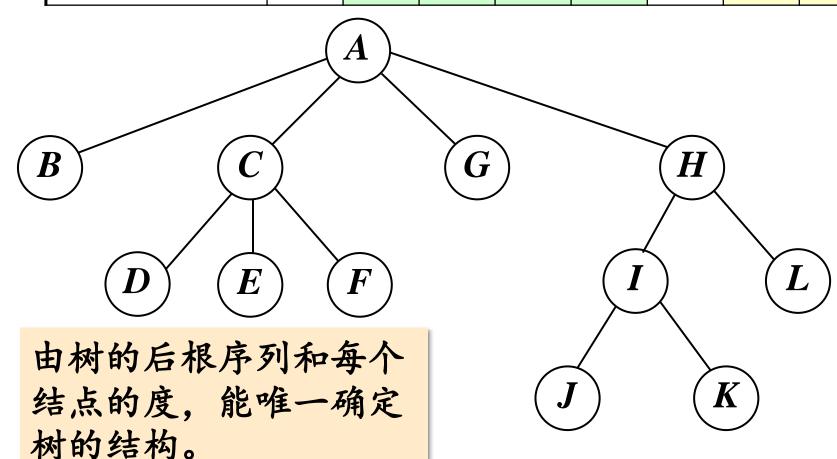
证毕。



树的后根序列+结点度

D	
K	

后根序列	B	D	E	F	C	G	J	K	I	$oldsymbol{L}$	H	$oldsymbol{A}$
结点度	0	0	0	0	3	0	0	0	2	0	2	4

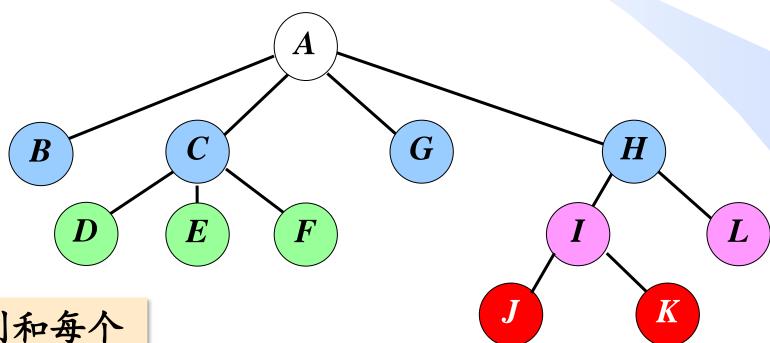


反序列化: 从左往右扫描, 若结点X的度为k, 则选择离X最近的k裸子树作为X的子树

树的层次序列+结点度



层次序列	A	B	C	G	H	D	E	F	I	L	J	K
结点度	4	0	3	0	2	0	0	0	2	0	0	0



由树的层次序列和每个 结点的度,能唯一确定 树的结构。