## Universidade Federal da Bahia Departamento de Matemática

## 

1. Para cada um dos seguintes pares de números a e b, encontre, usando o algoritmo das divisões sucessivas, o mdc positivo d e dois números inteiros u e v tais que au + bv = d.

1.1. 
$$a = 199 e b = 13$$

1.2. 
$$a = -203 \text{ e } b = 27$$

**2.** Seja R a relação binária, sobre  $\mathbb{Z}$ , definida como segue:

aRb se, e somente se, a = b = 0 ou a e b são ambos positivos ou ambos negativos.

- 2.1. Prove que R é uma relação de equivalência.
- 2.2. Encontre o conjunto quociênte  $\mathbb{Z}/R$ .
- 2.4. Prove que R é compatível com o produto em  $\mathbb Z$  mas não com a soma.
- 3. Demonstre, usando o princípio de indução, as seguintes.
  - 3.1. O quadrado de todo número impar é impar.
  - 3.2. Para todo  $n, n^2 = \sum_{i=1}^{n} 2i 1.$
- 4. Descreva, sem necessariamente entrar em detalhes, a construção de  $\mathbb Z$  a partir de  $\mathbb N.$