



Universidade Federal da Bahia - UFBA
Instituto de Matemática e Estatística - IME
Departamento de Matemática



MAT A07 - Álgebra Linear A

Aula 15

Espaços Vetoriais e Subespaços:

Bases, Coordenadas, Matriz Mudança de Base

Professora: Isamara C. Alves

Data: 03/11/2020

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

EXEMPLO: Sejam $\mathcal{W}_1 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = x\}$

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

EXEMPLO: Sejam $\mathcal{W}_1 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = x\}$ e $\mathcal{W}_2 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = -x\}$

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

EXEMPLO: Sejam $\mathcal{W}_1 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = x\}$ e $\mathcal{W}_2 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = -x\}$ subespaços vetoriais do $\mathcal{V} = \mathbb{R}^2$

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

EXEMPLO: Sejam $\mathcal{W}_1 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = x\}$ e $\mathcal{W}_2 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = -x\}$ subespaços vetoriais do $\mathcal{V} = \mathbb{R}^2$ e sejam $\beta_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2\}$ e

Espaços Vetoriais

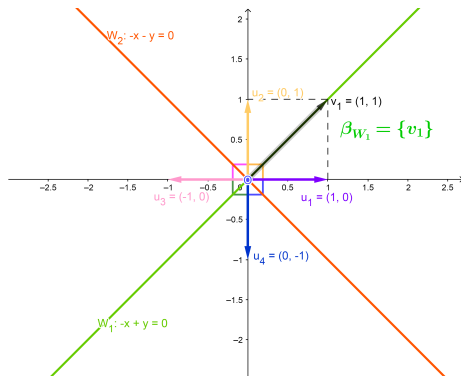
Base - Coordenadas de um vetor

EXEMPLO: Sejam $\mathcal{W}_1 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = x\}$ e $\mathcal{W}_2 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = -x\}$ subespaços vetoriais do $\mathcal{V} = \mathbb{R}^2$ e sejam $\beta_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2\}$ e $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_2, u_3\}$.

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

EXEMPLO: Sejam $\mathcal{W}_1 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = x\}$ e $\mathcal{W}_2 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = -x\}$ subespaços vetoriais do $\mathcal{V} = \mathbb{R}^2$ e sejam $\beta_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2\}$ e $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_2, u_3\}$.



Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

EXEMPLO: Sejam $\mathcal{W}_1 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = x\}$ e $\mathcal{W}_2 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = -x\}$ subespaços vetoriais do $\mathcal{V} = \mathbb{R}^2$ e sejam $\beta_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2\}$ e $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_2, u_3\}$.

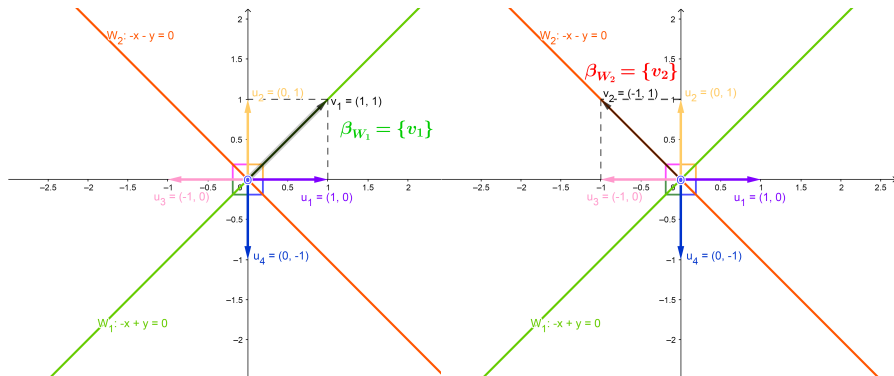


Figura: $v_1 \in \mathcal{W}_1$ e $v_2 \in \mathcal{W}_2$.

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

EXEMPLO: Sejam $\mathcal{W}_1 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = x\}$

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

EXEMPLO: Sejam $\mathcal{W}_1 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = x\}$ e $\mathcal{W}_2 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 | y = -x\}$

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

EXEMPLO: Sejam $\mathcal{W}_1 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = x\}$ e $\mathcal{W}_2 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = -x\}$ subespaços vetoriais do $\mathcal{V} = \mathbb{R}^2$

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

EXEMPLO: Sejam $\mathcal{W}_1 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = x\}$ e $\mathcal{W}_2 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = -x\}$ subespaços vetoriais do $\mathcal{V} = \mathbb{R}^2$ e sejam $\beta_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2\}$ e

Espaços Vetoriais

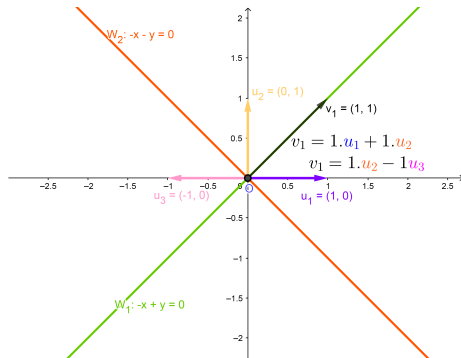
Base - Coordenadas de um vetor

EXEMPLO: Sejam $\mathcal{W}_1 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = x\}$ e $\mathcal{W}_2 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = -x\}$ subespaços vetoriais do $\mathcal{V} = \mathbb{R}^2$ e sejam $\beta_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2\}$ e $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_2, u_3\}$.

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

EXEMPLO: Sejam $\mathcal{W}_1 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = x\}$ e $\mathcal{W}_2 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = -x\}$ subespaços vetoriais do $\mathcal{V} = \mathbb{R}^2$ e sejam $\beta_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2\}$ e $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_2, u_3\}$.



Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

EXEMPLO: Sejam $\mathcal{W}_1 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = x\}$ e $\mathcal{W}_2 = \{u = (x, y) \in \mathbb{R}^2 \mid y = -x\}$ subespaços vetoriais do $\mathcal{V} = \mathbb{R}^2$ e sejam $\beta_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2\}$ e $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_2, u_3\}$.

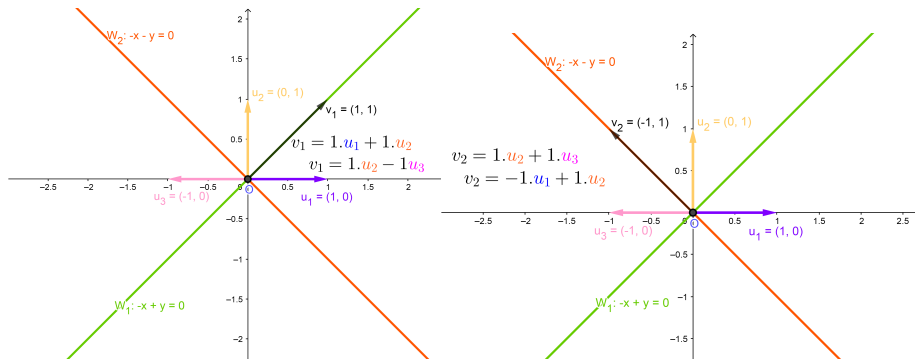


Figura: Coordenadas de v_1 e v_2 em relação às bases $\beta_{\mathcal{V}}$ e $\beta'_{\mathcal{V}}$.

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

TEOREMA:

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ;

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ; e sejam

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma BASE ORDENADA de \mathcal{V} .

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ; e sejam

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma BASE ORDENADA de \mathcal{V} .

Então, $\forall u \in \mathcal{V}$; u é escrito de forma única

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ; e sejam

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma BASE ORDENADA de \mathcal{V} .

Então, $\forall u \in \mathcal{V}$; u é escrito de forma única como combinação linear dos elementos de $\beta_{\mathcal{V}}$.

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ; e sejam

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma BASE ORDENADA de \mathcal{V} .

Então, $\forall u \in \mathcal{V}$; u é escrito de forma única como combinação linear dos elementos de $\beta_{\mathcal{V}}$.

Isto é, $\forall u \in \mathcal{V}$,

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ; e sejam

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma BASE ORDENADA de \mathcal{V} .

Então, $\forall u \in \mathcal{V}$; u é escrito de forma única como combinação linear dos elementos de $\beta_{\mathcal{V}}$.

Isto é, $\forall u \in \mathcal{V}$, existe uma única n -upla $\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_n \in \mathbb{K}$; tais que,

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ; e sejam

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma BASE ORDENADA de \mathcal{V} .

Então, $\forall u \in \mathcal{V}$; u é escrito de forma única como combinação linear dos elementos de $\beta_{\mathcal{V}}$.

Isto é, $\forall u \in \mathcal{V}$, existe uma única n -upla $\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_n \in \mathbb{K}$; tais que,

$$u = \sum_{i=1}^n \lambda_i v_i.$$

Espaços Vetoriais

Base - Coordenadas de um vetor

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ; e sejam

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma BASE ORDENADA de \mathcal{V} .

Então, $\forall u \in \mathcal{V}$; u é escrito de forma única como combinação linear dos elementos de $\beta_{\mathcal{V}}$.

Isto é, $\forall u \in \mathcal{V}$, existe uma única n -upla $\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_n \in \mathbb{K}$; tais que,

$$u = \sum_{i=1}^n \lambda_i v_i.$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

DEFINIÇÃO:

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

DEFINIÇÃO:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ,

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

DEFINIÇÃO:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} , e seja

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} .

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

DEFINIÇÃO:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} , e seja

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} .

Dada a combinação linear, $\forall u \in \mathcal{V}$,

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

DEFINIÇÃO:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} , e seja

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} .

Dada a combinação linear, $\forall u \in \mathcal{V}$, $u = \sum_{i=1}^n \lambda_i v_i$; $\forall \lambda_i \in \mathbb{K}$;

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

DEFINIÇÃO:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} , e seja

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} .

Dada a combinação linear, $\forall u \in \mathcal{V}$, $u = \sum_{i=1}^n \lambda_i v_i$; $\forall \lambda_i \in \mathbb{K}$; dizemos que λ_i

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

DEFINIÇÃO:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} , e seja

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} .

Dada a combinação linear, $\forall u \in \mathcal{V}$, $u = \sum_{i=1}^n \lambda_i v_i$; $\forall \lambda_i \in \mathbb{K}$; dizemos que λ_i é a

i-ÉSIMA COORDENADA DO VETOR u

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

DEFINIÇÃO:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} , e seja

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} .

Dada a combinação linear, $\forall u \in \mathcal{V}$, $u = \sum_{i=1}^n \lambda_i v_i$; $\forall \lambda_i \in \mathbb{K}$; dizemos que λ_i é a **i-ÉSIMA COORDENADA DO VETOR** u em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$.

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

DEFINIÇÃO:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} , e seja

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} .

Dada a combinação linear, $\forall u \in \mathcal{V}$, $u = \sum_{i=1}^n \lambda_i v_i$; $\forall \lambda_i \in \mathbb{K}$; dizemos que λ_i é a **i-ÉSIMA COORDENADA DO VETOR** u em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$.

E ainda, denotamos por $[u]_{\beta_{\mathcal{V}}}$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

DEFINIÇÃO:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} , e seja

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} .

Dada a combinação linear, $\forall u \in \mathcal{V}$, $u = \sum_{i=1}^n \lambda_i v_i$; $\forall \lambda_i \in \mathbb{K}$; dizemos que λ_i é a **i-ÉSIMA COORDENADA DO VETOR** u em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$.

E ainda, denotamos por $[u]_{\beta_{\mathcal{V}}}$ e denominamos **MATRIZ DAS COORDENADAS DO VETOR** u em relação à base ordenada $\beta_{\mathcal{V}}$;

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

DEFINIÇÃO:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} , e seja

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} .

Dada a combinação linear, $\forall u \in \mathcal{V}$, $u = \sum_{i=1}^n \lambda_i v_i$; $\forall \lambda_i \in \mathbb{K}$; dizemos que λ_i é a **i-ÉSIMA COORDENADA DO VETOR** u em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$.

E ainda, denotamos por $[u]_{\beta_{\mathcal{V}}}$ e denominamos **MATRIZ DAS COORDENADAS DO VETOR** u em relação à base ordenada $\beta_{\mathcal{V}}$; **a matriz coluna $n \times 1$ cuja i -ésima linha é formada pela coordenada $\lambda_i, i = 1, \dots, n$; ou seja,**

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

DEFINIÇÃO:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} , e seja

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} .

Dada a combinação linear, $\forall u \in \mathcal{V}$, $u = \sum_{i=1}^n \lambda_i v_i$; $\forall \lambda_i \in \mathbb{K}$; dizemos que λ_i é a **i-ÉSIMA COORDENADA DO VETOR** u em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$.

E ainda, denotamos por $[u]_{\beta_{\mathcal{V}}}$ e denominamos **MATRIZ DAS COORDENADAS DO VETOR** u em relação à base ordenada $\beta_{\mathcal{V}}$; **a matriz coluna $n \times 1$ cuja i -ésima linha é formada pela coordenada $\lambda_i, i = 1, \dots, n$; ou seja,**

$$[u]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

DEFINIÇÃO:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} , e seja

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} .

Dada a combinação linear, $\forall u \in \mathcal{V}$, $u = \sum_{i=1}^n \lambda_i v_i$; $\forall \lambda_i \in \mathbb{K}$; dizemos que λ_i é a **i-ÉSIMA COORDENADA DO VETOR** u em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$.

E ainda, denotamos por $[u]_{\beta_{\mathcal{V}}}$ e denominamos **MATRIZ DAS COORDENADAS DO VETOR** u em relação à base ordenada $\beta_{\mathcal{V}}$; **a matriz coluna $n \times 1$ cuja i -ésima linha é formada pela coordenada $\lambda_i, i = 1, \dots, n$** ; ou seja,

$$[u]_{\beta_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} \lambda_1 \\ \lambda_2 \\ \vdots \\ \lambda_n \end{bmatrix}.$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

DEFINIÇÃO:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, de **dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} , e seja

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} .

Dada a combinação linear, $\forall u \in \mathcal{V}$, $u = \sum_{i=1}^n \lambda_i v_i$; $\forall \lambda_i \in \mathbb{K}$; dizemos que λ_i é a **i-ÉSIMA COORDENADA DO VETOR** u em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$.

E ainda, denotamos por $[u]_{\beta_{\mathcal{V}}}$ e denominamos **MATRIZ DAS COORDENADAS DO VETOR** u em relação à base ordenada $\beta_{\mathcal{V}}$; **a matriz coluna $n \times 1$ cuja i -ésima linha é formada pela coordenada $\lambda_i, i = 1, \dots, n$** ; ou seja,

$$[u]_{\beta_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} \lambda_1 \\ \lambda_2 \\ \vdots \\ \lambda_n \end{bmatrix}.$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base



EXEMPLO.1:

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$;

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ;

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 =$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) +$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t)$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t) + \alpha_3(2 - t)$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t) + \alpha_3(2 - t) \Rightarrow 2\alpha_3 = 2;$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t) + \alpha_3(2 - t) \Rightarrow 2\alpha_3 = 2; (\alpha_1 + 3\alpha_2 - \alpha_3) = 0;$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t) + \alpha_3(2 - t) \Rightarrow 2\alpha_3 = 2; (\alpha_1 + 3\alpha_2 - \alpha_3) = 0; \alpha_1 = 5;$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t) + \alpha_3(2 - t) \Rightarrow 2\alpha_3 = 2; (\alpha_1 + 3\alpha_2 - \alpha_3) = 0; \alpha_1 = 5;$$

$$\Rightarrow \alpha_1 = 5; \alpha_3 = 1; \alpha_2 = -\frac{4}{3}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t) + \alpha_3(2 - t) \Rightarrow 2\alpha_3 = 2; (\alpha_1 + 3\alpha_2 - \alpha_3) = 0; \alpha_1 = 5;$$

$$\Rightarrow \alpha_1 = 5; \alpha_3 = 1; \alpha_2 = -\frac{4}{3} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t) + \alpha_3(2 - t) \Rightarrow 2\alpha_3 = 2; (\alpha_1 + 3\alpha_2 - \alpha_3) = 0; \alpha_1 = 5;$$

$$\Rightarrow \alpha_1 = 5; \alpha_3 = 1; \alpha_2 = -\frac{4}{3} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$p(t) = 2 + 5t^2 =$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t) + \alpha_3(2 - t) \Rightarrow 2\alpha_3 = 2; (\alpha_1 + 3\alpha_2 - \alpha_3) = 0; \alpha_1 = 5;$$

$$\Rightarrow \alpha_1 = 5; \alpha_3 = 1; \alpha_2 = -\frac{4}{3} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \lambda_1 1 +$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t) + \alpha_3(2 - t) \Rightarrow 2\alpha_3 = 2; (\alpha_1 + 3\alpha_2 - \alpha_3) = 0; \alpha_1 = 5;$$

$$\Rightarrow \alpha_1 = 5; \alpha_3 = 1; \alpha_2 = -\frac{4}{3} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \lambda_1 1 + \lambda_2 t$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t) + \alpha_3(2 - t) \Rightarrow 2\alpha_3 = 2; (\alpha_1 + 3\alpha_2 - \alpha_3) = 0; \alpha_1 = 5;$$

$$\Rightarrow \alpha_1 = 5; \alpha_3 = 1; \alpha_2 = -\frac{4}{3} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \lambda_1 1 + \lambda_2 t + \lambda_3 t^2$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t) + \alpha_3(2 - t) \Rightarrow 2\alpha_3 = 2; (\alpha_1 + 3\alpha_2 - \alpha_3) = 0; \alpha_1 = 5;$$

$$\Rightarrow \alpha_1 = 5; \alpha_3 = 1; \alpha_2 = -\frac{4}{3} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \lambda_1 1 + \lambda_2 t + \lambda_3 t^2 \Rightarrow \lambda_1 = 2;$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t) + \alpha_3(2 - t) \Rightarrow 2\alpha_3 = 2; (\alpha_1 + 3\alpha_2 - \alpha_3) = 0; \alpha_1 = 5;$$

$$\Rightarrow \alpha_1 = 5; \alpha_3 = 1; \alpha_2 = -\frac{4}{3} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \lambda_1 1 + \lambda_2 t + \lambda_3 t^2 \Rightarrow \lambda_1 = 2; \lambda_2 = 0;$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t) + \alpha_3(2 - t) \Rightarrow 2\alpha_3 = 2; (\alpha_1 + 3\alpha_2 - \alpha_3) = 0; \alpha_1 = 5;$$

$$\Rightarrow \alpha_1 = 5; \alpha_3 = 1; \alpha_2 = -\frac{4}{3} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \lambda_1 1 + \lambda_2 t + \lambda_3 t^2 \Rightarrow \lambda_1 = 2; \lambda_2 = 0; \lambda_3 = 5$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t) + \alpha_3(2 - t) \Rightarrow 2\alpha_3 = 2; (\alpha_1 + 3\alpha_2 - \alpha_3) = 0; \alpha_1 = 5;$$

$$\Rightarrow \alpha_1 = 5; \alpha_3 = 1; \alpha_2 = -\frac{4}{3} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \lambda_1 1 + \lambda_2 t + \lambda_3 t^2 \Rightarrow \lambda_1 = 2; \lambda_2 = 0; \lambda_3 = 5 \Rightarrow [p(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}.$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas de $u \in \mathcal{V}$ em relação à Base

EXEMPLO.1:

Seja $\mathcal{V} = \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$; sejam $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{t + t^2, 3t, 2 - t\}$ e $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} ; e seja $p(t) = 2 + 5t^2 \in \mathcal{P}_2(\mathbb{R})$.

Então,

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \alpha_1(t + t^2) + \alpha_2(3t) + \alpha_3(2 - t) \Rightarrow 2\alpha_3 = 2; (\alpha_1 + 3\alpha_2 - \alpha_3) = 0; \alpha_1 = 5;$$

$$\Rightarrow \alpha_1 = 5; \alpha_3 = 1; \alpha_2 = -\frac{4}{3} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix}$$

$$p(t) = 2 + 5t^2 = \lambda_1 1 + \lambda_2 t + \lambda_3 t^2 \Rightarrow \lambda_1 = 2; \lambda_2 = 0; \lambda_3 = 5 \Rightarrow [p(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}.$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} =$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)},$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}\}$,

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como *combinação linear* dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como *combinação linear* dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 =$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1)$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t)$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t =$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1)$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1) + a_{22}(t)$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1) + a_{22}(t) + a_{32}(t^2)$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1) + a_{22}(t) + a_{32}(t^2)$$

$$s(t) = 2 - t =$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1) + a_{22}(t) + a_{32}(t^2)$$

$$s(t) = 2 - t = a_{13}(1)$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1) + a_{22}(t) + a_{32}(t^2)$$

$$s(t) = 2 - t = a_{13}(1) + a_{23}(t)$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1) + a_{22}(t) + a_{32}(t^2)$$

$$s(t) = 2 - t = a_{13}(1) + a_{23}(t) + a_{33}(t^2)$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1) + a_{22}(t) + a_{32}(t^2)$$

$$s(t) = 2 - t = a_{13}(1) + a_{23}(t) + a_{33}(t^2)$$

$$[q(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix};$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1) + a_{22}(t) + a_{32}(t^2)$$

$$s(t) = 2 - t = a_{13}(1) + a_{23}(t) + a_{33}(t^2)$$

$$[q(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}; [r(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 3 \\ 0 \end{bmatrix}; \text{ e}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1) + a_{22}(t) + a_{32}(t^2)$$

$$s(t) = 2 - t = a_{13}(1) + a_{23}(t) + a_{33}(t^2)$$

$$[q(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}; [r(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 3 \\ 0 \end{bmatrix}; \text{ e } [s(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix}.$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1) + a_{22}(t) + a_{32}(t^2)$$

$$s(t) = 2 - t = a_{13}(1) + a_{23}(t) + a_{33}(t^2)$$

$$[q(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}; [r(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 3 \\ 0 \end{bmatrix}; \text{ e } [s(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix}.$$

Podemos obter uma matriz A_3

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1) + a_{22}(t) + a_{32}(t^2)$$

$$s(t) = 2 - t = a_{13}(1) + a_{23}(t) + a_{33}(t^2)$$

$$[q(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}; [r(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 3 \\ 0 \end{bmatrix}; \text{ e } [s(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix}.$$

Podemos obter uma matriz A_3 com estas MATRIZES DAS COORDENADAS representando as **colunas** de A_3 :

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1) + a_{22}(t) + a_{32}(t^2)$$

$$s(t) = 2 - t = a_{13}(1) + a_{23}(t) + a_{33}(t^2)$$

$$[q(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}; [r(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 3 \\ 0 \end{bmatrix}; \text{ e } [s(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix}.$$

Podemos obter uma matriz A_3 com estas MATRIZES DAS COORDENADAS representando as **colunas** de A_3 :

$$A_3 = [\begin{matrix} [q(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} \\ [r(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} \\ [s(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} \end{matrix}]$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1) + a_{22}(t) + a_{32}(t^2)$$

$$s(t) = 2 - t = a_{13}(1) + a_{23}(t) + a_{33}(t^2)$$

$$[q(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}; [r(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 3 \\ 0 \end{bmatrix}; \text{ e } [s(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix}.$$

Podemos obter uma matriz A_3 com estas MATRIZES DAS COORDENADAS representando as **colunas** de A_3 :

$$A_3 = [\begin{matrix} [q(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} & [r(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} \end{matrix}]$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1) + a_{22}(t) + a_{32}(t^2)$$

$$s(t) = 2 - t = a_{13}(1) + a_{23}(t) + a_{33}(t^2)$$

$$[q(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}; [r(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 3 \\ 0 \end{bmatrix}; \text{ e } [s(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix}.$$

Podemos obter uma matriz A_3 com estas MATRIZES DAS COORDENADAS representando as **colunas** de A_3 :

$$A_3 = \begin{bmatrix} [q(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} & [r(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} & [s(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Observe que cada vetor da base $\beta_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{\underbrace{t + t^2}_{q(t)}, \underbrace{3t}_{r(t)}, \underbrace{2 - t}_{s(t)}\}$ também pode ser escrito como

combinação linear dos vetores da base $\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})} = \{1, t, t^2\}$:

$$q(t) = t + t^2 = a_{11}(1) + a_{21}(t) + a_{31}(t^2)$$

$$r(t) = 3t = a_{12}(1) + a_{22}(t) + a_{32}(t^2)$$

$$s(t) = 2 - t = a_{13}(1) + a_{23}(t) + a_{33}(t^2)$$

$$[q(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}; [r(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 3 \\ 0 \end{bmatrix}; \text{ e } [s(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} = \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \\ 0 \end{bmatrix}.$$

Podemos obter uma matriz A_3 com estas MATRIZES DAS COORDENADAS representando as **colunas** de A_3 :

$$A_3 = \begin{bmatrix} [q(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} & [r(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} & [s(t)]_{\beta'_{\mathcal{P}_2(\mathbb{R})}} \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} =$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = [(2 + 5t^2)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} =$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = [(2 + 5t^2)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = [(2 + 5t^2)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = [(2 + 5t^2)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = [(2 + 5t^2)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Observe que $\det(A_3) \neq 0 \Rightarrow A_3$ é invertível!

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = [(2 + 5t^2)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Observe que $\det(A_3) \neq 0 \Rightarrow A_3$ é invertível!

Portanto,

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = [(2 + 5t^2)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Observe que $\det(A_3) \neq 0 \Rightarrow A_3$ é invertível!

Portanto,

$$\Rightarrow A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = [(2 + 5t^2)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Observe que $\det(A_3) \neq 0 \Rightarrow A_3$ é invertível!

Portanto,

$$\Rightarrow A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}}.$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = [(2 + 5t^2)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Observe que $\det(A_3) \neq 0 \Rightarrow A_3$ é invertível!

Portanto,

$$\Rightarrow A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}}.$$

Desse modo,

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = [(2 + 5t^2)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Observe que $\det(A_3) \neq 0 \Rightarrow A_3$ é invertível!

Portanto,

$$\Rightarrow A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}}.$$

Desse modo,

$$\begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = [(2 + 5t^2)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Observe que $\det(A_3) \neq 0 \Rightarrow A_3$ é invertível!

Portanto,

$$\Rightarrow A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}}.$$

Desse modo,

$$\begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \left(\begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \right)^{-1}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = [(2 + 5t^2)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Observe que $\det(A_3) \neq 0 \Rightarrow A_3$ é invertível!

Portanto,

$$\Rightarrow A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}}.$$

Desse modo,

$$\begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \left(\begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \right)^{-1} \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = [(2 + 5t^2)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Observe que $\det(A_3) \neq 0 \Rightarrow A_3$ é invertível!

Portanto,

$$\Rightarrow A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}}.$$

Desse modo,

$$\begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \left(\begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \right)^{-1} \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ \frac{1}{6} & \frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ \frac{1}{2} & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = [(2 + 5t^2)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Observe que $\det(A_3) \neq 0 \Rightarrow A_3$ é invertível!

Portanto,

$$\Rightarrow A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}}.$$

Desse modo,

$$\begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \left(\begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \right)^{-1} \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ \frac{1}{6} & \frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ \frac{1}{2} & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Coordenadas do vetor em relação à Base

EXEMPLO.1:

Agora, podemos utilizar a matriz A_3 para obter a MATRIZ DAS COORDENADAS de **qualquer** vetor de \mathcal{V} em relação à base $\beta_{\mathcal{V}}$:

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

$$[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = [(2 + 5t^2)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Observe que $\det(A_3) \neq 0 \Rightarrow A_3$ é invertível!

Portanto,

$$\Rightarrow A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}A_3[p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} \Rightarrow [p(t)]_{\beta_{\mathcal{V}}} = A_3^{-1}[p(t)]_{\beta'_{\mathcal{V}}}.$$

Desse modo,

$$\begin{bmatrix} 5 \\ -\frac{4}{3} \\ 1 \end{bmatrix} = \left(\begin{bmatrix} 0 & 0 & 2 \\ 1 & 3 & -1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \right)^{-1} \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ \frac{1}{6} & \frac{1}{3} & -\frac{1}{3} \\ \frac{1}{2} & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} 2 \\ 0 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base



TEOREMA:

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, **de dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ;

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, **de dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ; e sejam

$$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\} \text{ e}$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, **de dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ; e sejam

$$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\} \text{ e } \beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, **de dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ; e sejam $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ e $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} .

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, **de dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ; e sejam $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ e $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} . Então, existe **uma única matriz** $A_n \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ **invertível** tal que

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, **de dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ; e sejam

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ e $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} .

Então, existe **uma única matriz** $A_n \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ **invertível** tal que $\forall u \in \mathcal{V}$ tem-se que;

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, **de dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ; e sejam

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ e $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} .

Então, existe **uma única matriz** $A_n \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ **invertível** tal que $\forall u \in \mathcal{V}$ tem-se que;

$$(a) \quad [u]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_n [u]_{\beta_{\mathcal{V}}};$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, **de dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ; e sejam

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ e $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} .

Então, existe **uma única matriz** $A_n \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ **invertível** tal que $\forall u \in \mathcal{V}$ tem-se que;

(a) $[u]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_n[u]_{\beta_{\mathcal{V}}}$; e

(b) $[u]_{\beta_{\mathcal{V}}} = A_n^{-1}[u]_{\beta'_{\mathcal{V}}}.$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:

Seja \mathcal{V} um espaço vetorial, **de dimensão finita**, sobre o corpo \mathbb{K} ; e sejam

$\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$ e $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} .

Então, existe **uma única matriz** $A_n \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ **invertível** tal que $\forall u \in \mathcal{V}$ tem-se que;

(a) $[u]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_n[u]_{\beta_{\mathcal{V}}}$; e

(b) $[u]_{\beta_{\mathcal{V}}} = A_n^{-1}[u]_{\beta'_{\mathcal{V}}}.$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$,

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1);$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K}$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo (3)** em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j \left(\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i \right)$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j \left(\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i \right) = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^n (a_{ij} \lambda_j) u_i$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j (\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i) = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^n (a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i; \forall a_{ij}, \lambda_j \in \mathbb{K}$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j (\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i) = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^n (a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i; \forall a_{ij}, \lambda_j \in \mathbb{K} \quad (4).$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j \left(\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i \right) = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^n (a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n \left(\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j \right) u_i; \forall a_{ij}, \lambda_j \in \mathbb{K} \quad (4).$$

Fazendo (2) = (4):

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j (\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i) = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^n (a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i; \forall a_{ij}, \lambda_j \in \mathbb{K} \quad (4).$$

Fazendo (2) = (4):

$$u = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i =$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j (\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i) = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^n (a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i; \forall a_{ij}, \lambda_j \in \mathbb{K} \quad (4).$$

Fazendo (2) = (4):

$$u = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\alpha_i) u_i$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j (\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i) = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^n (a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i; \forall a_{ij}, \lambda_j \in \mathbb{K} \quad (4).$$

Fazendo (2) = (4):

$$u = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\alpha_i) u_i \Rightarrow \alpha_i = \sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j; \forall i$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j (\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i) = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^n (a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i; \forall a_{ij}, \lambda_j \in \mathbb{K} \quad (4).$$

Fazendo (2) = (4):

$$u = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\alpha_i) u_i \Rightarrow \alpha_i = \sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j; \forall i$$

Na FORMA MATRICIAL;

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j (\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i) = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^n (a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i; \forall a_{ij}, \lambda_j \in \mathbb{K} \quad (4).$$

Fazendo (2) = (4):

$$u = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\alpha_i) u_i \Rightarrow \alpha_i = \sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j; \forall i$$

Na FORMA MATRICIAL;

$$\begin{bmatrix} \alpha_1 \\ \alpha_2 \\ \vdots \\ \alpha_n \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j (\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i) = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^n (a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i; \forall a_{ij}, \lambda_j \in \mathbb{K} \quad (4).$$

Fazendo (2) = (4):

$$u = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\alpha_i) u_i \Rightarrow \alpha_i = \sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j; \forall i$$

Na FORMA MATRICIAL;

$$\begin{bmatrix} \alpha_1 \\ \alpha_2 \\ \vdots \\ \alpha_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & \dots & a_{nn} \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j (\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i) = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^n (a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i; \forall a_{ij}, \lambda_j \in \mathbb{K} \quad (4).$$

Fazendo (2) = (4):

$$u = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\alpha_i) u_i \Rightarrow \alpha_i = \sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j; \forall i$$

Na FORMA MATRICIAL;

$$\begin{bmatrix} \alpha_1 \\ \alpha_2 \\ \vdots \\ \alpha_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & \dots & a_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \lambda_1 \\ \lambda_2 \\ \vdots \\ \lambda_n \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j (\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i) = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^n (a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i; \forall a_{ij}, \lambda_j \in \mathbb{K} \quad (4).$$

Fazendo (2) = (4):

$$u = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\alpha_i) u_i \Rightarrow \alpha_i = \sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j; \forall i$$

Na FORMA MATRICIAL;

$$\begin{bmatrix} \alpha_1 \\ \alpha_2 \\ \vdots \\ \alpha_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & \dots & a_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \lambda_1 \\ \lambda_2 \\ \vdots \\ \lambda_n \end{bmatrix} \Rightarrow [u]_{\beta'_{\mathcal{V}}}$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j (\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i) = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^n (a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i; \forall a_{ij}, \lambda_j \in \mathbb{K} \quad (4).$$

Fazendo (2) = (4):

$$u = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\alpha_i) u_i \Rightarrow \alpha_i = \sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j; \forall i$$

Na FORMA MATRICIAL;

$$\begin{bmatrix} \alpha_1 \\ \alpha_2 \\ \vdots \\ \alpha_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & \dots & a_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \lambda_1 \\ \lambda_2 \\ \vdots \\ \lambda_n \end{bmatrix} \Rightarrow [u]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_n$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j (\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i) = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^n (a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i; \forall a_{ij}, \lambda_j \in \mathbb{K} \quad (4).$$

Fazendo (2) = (4):

$$u = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\alpha_i) u_i \Rightarrow \alpha_i = \sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j; \forall i$$

Na FORMA MATRICIAL;

$$\begin{bmatrix} \alpha_1 \\ \alpha_2 \\ \vdots \\ \alpha_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & \dots & a_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \lambda_1 \\ \lambda_2 \\ \vdots \\ \lambda_n \end{bmatrix} \Rightarrow [u]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_n [u]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

Espaços Vetoriais

Mudança de Base

TEOREMA:(continuação)

Isto é; $\forall u \in \mathcal{V}$ e $\beta_{\mathcal{V}} = \{v_1, v_2, \dots, v_n\}$, $\beta'_{\mathcal{V}} = \{u_1, u_2, \dots, u_n\}$ duas bases ordenadas de \mathcal{V} temos que;

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j v_j; \forall \lambda_j \in \mathbb{K}; \forall j \quad (1); \text{ e } u = \sum_{i=1}^n \alpha_i u_i; \forall \alpha_i \in \mathbb{K}; \forall i \quad (2).$$

E ainda,

$$\forall v_j \in \beta_{\mathcal{V}} \Rightarrow v_j = \sum_{i=1}^n a_{ij} u_i; \forall a_{ij} \in \mathbb{K} \quad (3);$$

então, **substituindo** (3) em (1):

$$u = \sum_{j=1}^n \lambda_j (\sum_{i=1}^n a_{ij} u_i) = \sum_{j=1}^n \sum_{i=1}^n (a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i; \forall a_{ij}, \lambda_j \in \mathbb{K} \quad (4).$$

Fazendo (2) = (4):

$$u = \sum_{i=1}^n (\sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j) u_i = \sum_{i=1}^n (\alpha_i) u_i \Rightarrow \alpha_i = \sum_{j=1}^n a_{ij} \lambda_j; \forall i$$

Na FORMA MATRICIAL;

$$\begin{bmatrix} \alpha_1 \\ \alpha_2 \\ \vdots \\ \alpha_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a_{11} & \dots & a_{1n} \\ a_{21} & \dots & a_{2n} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ a_{n1} & \dots & a_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \lambda_1 \\ \lambda_2 \\ \vdots \\ \lambda_n \end{bmatrix} \Rightarrow [u]_{\beta'_{\mathcal{V}}} = A_n [u]_{\beta_{\mathcal{V}}}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

$$[u]_{\beta'_v}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

$$[u]_{\beta'_V} = A_n$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

$$[u]_{\beta'_V} = A_n [u]_{\beta_V}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

$$[u]_{\beta'_V} = A_n [u]_{\beta_V}$$

A matriz invertível A_n é denominada

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

$$[u]_{\beta'_v} = A_n [u]_{\beta_v}$$

A matriz invertível A_n é denominada **MATRIZ MUDANÇA DA BASE ORDENADA** β_v

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

$$[u]_{\beta'_V} = A_n [u]_{\beta_V}$$

A matriz invertível A_n é denominada **MATRIZ MUDANÇA DA BASE ORDENADA β_V PARA A BASE ORDENADA β'_V** ;

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

$$[u]_{\beta'_v} = A_n [u]_{\beta_v}$$

A matriz invertível A_n é denominada **MATRIZ MUDANÇA DA BASE ORDENADA β_v PARA A BASE ORDENADA β'_v** ;
cuja j -ésima coluna representa as coordenadas do vetor v_j em relação à base β'_v .

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

$$[u]_{\beta'_v} = A_n[u]_{\beta_v}$$

A matriz invertível A_n é denominada **MATRIZ MUDANÇA DA BASE ORDENADA β_v PARA A BASE ORDENADA β'_v** ;

cuja j -ésima coluna representa as coordenadas do vetor v_j em relação à base β'_v .

NOTAÇÃO:

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

$$[u]_{\beta'_v} = A_n [u]_{\beta_v}$$

A matriz invertível A_n é denominada **MATRIZ MUDANÇA DA BASE ORDENADA β_v PARA A BASE ORDENADA β'_v** ;

cuja j -ésima coluna representa as coordenadas do vetor v_j em relação à base β'_v .

NOTAÇÃO:

$$A_n = [I]_{\beta'_v}^{\beta_v}.$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

$$[u]_{\beta'_v} = A_n [u]_{\beta_v}$$

A matriz invertível A_n é denominada **MATRIZ MUDANÇA DA BASE ORDENADA β_v PARA A BASE ORDENADA β'_v** ;

cuja j -ésima coluna representa as coordenadas do vetor v_j em relação à base β'_v .

NOTAÇÃO:

$$A_n = [I]_{\beta'_v}^{\beta_v}.$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

OBSERVAÇÃO.1:

$$A_n^{-1} = ([I]_{\beta'_v}^{\beta_v})^{-1}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

OBSERVAÇÃO.1:

$$A_n^{-1} = ([I]_{\beta'_v}^{\beta_v})^{-1} = [I]_{\beta_v}^{\beta'_v}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

OBSERVAÇÃO.1:

$$A_n^{-1} = ([I]_{\beta'_\nu}^{\beta_\nu})^{-1} = [I]_{\beta_\nu}^{\beta'_\nu} \Rightarrow [I]_{\beta'_\nu}^{\beta_\nu} [I]_{\beta_\nu}^{\beta'_\nu} =$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

OBSERVAÇÃO.1:

$$A_n^{-1} = ([\mathcal{I}]_{\beta'_\nu}^{\beta_\nu})^{-1} = [\mathcal{I}]_{\beta_\nu}^{\beta'_\nu} \Rightarrow [\mathcal{I}]_{\beta'_\nu}^{\beta_\nu} [\mathcal{I}]_{\beta_\nu}^{\beta'_\nu} = [\mathcal{I}]_{\beta_\nu}^{\beta'_\nu} [\mathcal{I}]_{\beta'_\nu}^{\beta_\nu} = I_n.$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

OBSERVAÇÃO.1:

$$A_n^{-1} = ([I]_{\beta'_\nu}^{\beta_\nu})^{-1} = [I]_{\beta_\nu}^{\beta'_\nu} \Rightarrow [I]_{\beta'_\nu}^{\beta_\nu} [I]_{\beta_\nu}^{\beta'_\nu} = [I]_{\beta_\nu}^{\beta'_\nu} [I]_{\beta'_\nu}^{\beta_\nu} = I_n.$$

$$[u]_{\beta_\nu}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

OBSERVAÇÃO.1:

$$A_n^{-1} = ([\mathcal{I}]_{\beta'_\nu}^{\beta_\nu})^{-1} = [\mathcal{I}]_{\beta_\nu}^{\beta'_\nu} \Rightarrow [\mathcal{I}]_{\beta'_\nu}^{\beta_\nu} [\mathcal{I}]_{\beta_\nu}^{\beta'_\nu} = [\mathcal{I}]_{\beta_\nu}^{\beta'_\nu} [\mathcal{I}]_{\beta'_\nu}^{\beta_\nu} = I_n.$$

$$[u]_{\beta_\nu} = [\mathcal{I}]_{\beta_\nu}^{\beta'_\nu}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

OBSERVAÇÃO.1:

$$A_n^{-1} = ([I]_{\beta'_v}^{\beta_v})^{-1} = [I]_{\beta_v}^{\beta'_v} \Rightarrow [I]_{\beta'_v}^{\beta_v} [I]_{\beta_v}^{\beta'_v} = [I]_{\beta_v}^{\beta'_v} [I]_{\beta'_v}^{\beta_v} = I_n.$$

$$[u]_{\beta_v} = [I]_{\beta_v}^{\beta'_v} [u]_{\beta'_v}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

OBSERVAÇÃO.1:

$$A_n^{-1} = ([\mathcal{I}]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}})^{-1} = [\mathcal{I}]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} \Rightarrow [\mathcal{I}]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} [\mathcal{I}]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} = [\mathcal{I}]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [\mathcal{I}]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = I_n.$$

$$[u]_{\beta_\mathcal{V}} = [\mathcal{I}]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [u]_{\beta'_\mathcal{V}}$$

OBSERVAÇÃO.2: Para $\beta_\mathcal{V}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} ;

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

OBSERVAÇÃO.1:

$$A_n^{-1} = ([I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}})^{-1} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} \Rightarrow [I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = I_n.$$

$$[u]_{\beta_\mathcal{V}} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [u]_{\beta'_\mathcal{V}}$$

OBSERVAÇÃO.2: Para $\beta_\mathcal{V}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} ; a matriz

$$[I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

OBSERVAÇÃO.1:

$$A_n^{-1} = ([I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}})^{-1} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} \Rightarrow [I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = I_n.$$

$$[u]_{\beta_\mathcal{V}} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [u]_{\beta'_\mathcal{V}}$$

OBSERVAÇÃO.2: Para $\beta_\mathcal{V}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} ; a matriz

$$[I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = I_n.$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

OBSERVAÇÃO.1:

$$A_n^{-1} = ([I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}})^{-1} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} \Rightarrow [I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = I_n.$$

$$[u]_{\beta_\mathcal{V}} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [u]_{\beta'_\mathcal{V}}$$

OBSERVAÇÃO.2: Para $\beta_\mathcal{V}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} ; a matriz

$$[I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = I_n.$$

OBSERVAÇÃO.3: TRANSITIVIDADE:

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

OBSERVAÇÃO.1:

$$A_n^{-1} = ([I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}})^{-1} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} \Rightarrow [I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = I_n.$$

$$[u]_{\beta_\mathcal{V}} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [u]_{\beta'_\mathcal{V}}$$

OBSERVAÇÃO.2: Para $\beta_\mathcal{V}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} ; a matriz

$$[I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = I_n.$$

OBSERVAÇÃO.3: TRANSITIVIDADE:

$$[I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} =$$

OBSERVAÇÃO.1:

$$A_n^{-1} = ([I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}})^{-1} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} \Rightarrow [I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = I_n.$$

$$[u]_{\beta_\mathcal{V}} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [u]_{\beta'_\mathcal{V}}$$

OBSERVAÇÃO.2: Para $\beta_\mathcal{V}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} ; a matriz

$$[I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = I_n.$$

OBSERVAÇÃO.3: TRANSITIVIDADE:

$$[I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = [I]_{\beta''_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

OBSERVAÇÃO.1:

$$A_n^{-1} = ([I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}})^{-1} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} \Rightarrow [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = I_n.$$

$$[u]_{\beta_\mathcal{V}} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [u]_{\beta'_\mathcal{V}}$$

OBSERVAÇÃO.2: Para $\beta_\mathcal{V}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} ; a matriz

$$[I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = I_n.$$

OBSERVAÇÃO.3: TRANSITIVIDADE:

$$[I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = [I]_{\beta''_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} [I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta''_\mathcal{V}}.$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

OBSERVAÇÃO.1:

$$A_n^{-1} = ([I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}})^{-1} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} \Rightarrow [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = I_n.$$

$$[u]_{\beta_\mathcal{V}} = [I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta'_\mathcal{V}} [u]_{\beta'_\mathcal{V}}$$

OBSERVAÇÃO.2: Para $\beta_\mathcal{V}$ uma base ordenada qualquer de \mathcal{V} ; a matriz

$$[I]_{\beta_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = I_n.$$

OBSERVAÇÃO.3: TRANSITIVIDADE:

$$[I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} = [I]_{\beta''_\mathcal{V}}^{\beta_\mathcal{V}} [I]_{\beta'_\mathcal{V}}^{\beta''_\mathcal{V}}.$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS:

Seja $\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, sejam as bases ordenadas

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS:

Seja $\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, sejam as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{(1, 1, 0); (0, 0, 2); (0, 1, 3)\}$

EXERCÍCIOS:

Seja $\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, sejam as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{(1, 1, 0); (0, 0, 2); (0, 1, 3)\}$ e $\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{(1, 0, 0); (0, 1, 0); (0, 0, 1)\}$,

EXERCÍCIOS:

Seja $\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, sejam as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{(1, 1, 0); (0, 0, 2); (0, 1, 3)\}$ e $\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{(1, 0, 0); (0, 1, 0); (0, 0, 1)\}$, e seja $u = (-1, 3, 5) \in \mathbb{R}^3$.

EXERCÍCIOS:

Seja $\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, sejam as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{(1, 1, 0); (0, 0, 2); (0, 1, 3)\}$ e $\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{(1, 0, 0); (0, 1, 0); (0, 0, 1)\}$, e seja $u = (-1, 3, 5) \in \mathbb{R}^3$.

1. Determine a matriz das coordenadas do vetor $[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}}$.

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS:

Seja $\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, sejam as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{(1, 1, 0); (0, 0, 2); (0, 1, 3)\}$ e $\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{(1, 0, 0); (0, 1, 0); (0, 0, 1)\}$, e seja $u = (-1, 3, 5) \in \mathbb{R}^3$.

1. Determine a matriz das coordenadas do vetor $[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}}$.
2. Determine a matriz mudança de base $[I]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}}^{\beta_{\mathbb{R}^3}}$.

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS:

Seja $\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, sejam as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{(1, 1, 0); (0, 0, 2); (0, 1, 3)\}$ e $\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{(1, 0, 0); (0, 1, 0); (0, 0, 1)\}$, e seja $u = (-1, 3, 5) \in \mathbb{R}^3$.

1. Determine a matriz das coordenadas do vetor $[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}}$.
2. Determine a matriz mudança de base $[I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}}$.
3. Determine a matriz das coordenadas do vetor $[u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}}$.

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS:

Seja $\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, sejam as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{(1, 1, 0); (0, 0, 2); (0, 1, 3)\}$ e $\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{(1, 0, 0); (0, 1, 0); (0, 0, 1)\}$, e seja $u = (-1, 3, 5) \in \mathbb{R}^3$.

1. Determine a matriz das coordenadas do vetor $[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}}$.
2. Determine a matriz mudança de base $[I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}}$.
3. Determine a matriz das coordenadas do vetor $[u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}}$ utilizando a matriz $[I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}}$.

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS:

Seja $\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, sejam as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{(1, 1, 0); (0, 0, 2); (0, 1, 3)\}$ e $\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{(1, 0, 0); (0, 1, 0); (0, 0, 1)\}$, e seja $u = (-1, 3, 5) \in \mathbb{R}^3$.

1. Determine a matriz das coordenadas do vetor $[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}}$.
2. Determine a matriz mudança de base $[I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}}$.
3. Determine a matriz das coordenadas do vetor $[u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}}$ utilizando a matriz $[I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}}$.

EXERCÍCIOS: (Respostas)

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{ \underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2};$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}\}$;

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3, \text{ e as bases ordenadas } \beta_{\mathbb{R}^3} = \left\{ \underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3} \right\}$$

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1};$$

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2};$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1+e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2+3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$ note que $\beta'_{\mathbb{R}^3}$ é a base canônica!

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$ note que $\beta'_{\mathbb{R}^3}$ é a base canônica!

$$[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = ?$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$ note que $\beta'_{\mathbb{R}^3}$ é a base canônica!

$$[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = ?$$

Considerando um vetor qualquer $v = (x, y, z) \in \mathbb{R}^3$;

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$ note que $\beta'_{\mathbb{R}^3}$ é a base canônica!

$$[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = ?$$

Considerando um vetor qualquer $v = (x, y, z) \in \mathbb{R}^3$;

$$v = (x, y, z) =$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$ note que $\beta'_{\mathbb{R}^3}$ é a base canônica!

$$[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = ?$$

Considerando um vetor qualquer $v = (x, y, z) \in \mathbb{R}^3$;

$$v = (x, y, z) = x(1, 0, 0)$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$ note que $\beta'_{\mathbb{R}^3}$ é a base canônica!

$$[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = ?$$

Considerando um vetor qualquer $v = (x, y, z) \in \mathbb{R}^3$;

$$v = (x, y, z) = x(1, 0, 0) + y(0, 1, 0)$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$ note que $\beta'_{\mathbb{R}^3}$ é a base canônica!

$$[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = ?$$

Considerando um vetor qualquer $v = (x, y, z) \in \mathbb{R}^3$;

$$v = (x, y, z) = x(1, 0, 0) + y(0, 1, 0) + z(0, 0, 1)$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$ note que $\beta'_{\mathbb{R}^3}$ é a base canônica!

$$[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = ?$$

Considerando um vetor qualquer $v = (x, y, z) \in \mathbb{R}^3$;

$$v = (x, y, z) = x(1, 0, 0) + y(0, 1, 0) + z(0, 0, 1)$$

Note que as coordenadas do vetor

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$ note que $\beta'_{\mathbb{R}^3}$ é a base canônica!

$$[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = ?$$

Considerando um vetor qualquer $v = (x, y, z) \in \mathbb{R}^3$;

$$v = (x, y, z) = x(1, 0, 0) + y(0, 1, 0) + z(0, 0, 1)$$

Note que as coordenadas do vetor são as coordenadas em relação à base canônica:

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$ note que $\beta'_{\mathbb{R}^3}$ é a base canônica!

$$[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = ?$$

Considerando um vetor qualquer $v = (x, y, z) \in \mathbb{R}^3$;

$$v = (x, y, z) = x(1, 0, 0) + y(0, 1, 0) + z(0, 0, 1)$$

Note que as coordenadas do vetor são as coordenadas em relação à base canônica:

$$[v]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$ note que $\beta'_{\mathbb{R}^3}$ é a base canônica!

$$[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = ?$$

Considerando um vetor qualquer $v = (x, y, z) \in \mathbb{R}^3$;

$$v = (x, y, z) = x(1, 0, 0) + y(0, 1, 0) + z(0, 0, 1)$$

Note que as coordenadas do vetor são as coordenadas em relação à base canônica:

$$[v]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} \Rightarrow [u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$ note que $\beta'_{\mathbb{R}^3}$ é a base canônica!

$$[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = ?$$

Considerando um vetor qualquer $v = (x, y, z) \in \mathbb{R}^3$;

$$v = (x, y, z) = x(1, 0, 0) + y(0, 1, 0) + z(0, 0, 1)$$

Note que as coordenadas do vetor são as coordenadas em relação à base canônica:

$$[v]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} \Rightarrow [u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = [(-1, 3, 5)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} =$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$ note que $\beta'_{\mathbb{R}^3}$ é a base canônica!

$$[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = ?$$

Considerando um vetor qualquer $v = (x, y, z) \in \mathbb{R}^3$;

$$v = (x, y, z) = x(1, 0, 0) + y(0, 1, 0) + z(0, 0, 1)$$

Note que as coordenadas do vetor são as coordenadas em relação à base canônica:

$$[v]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} \Rightarrow [u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = [(-1, 3, 5)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \\ 5 \end{bmatrix}.$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1+e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2+3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$ note que $\beta'_{\mathbb{R}^3}$ é a base canônica!

$$[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = ?$$

Considerando um vetor qualquer $v = (x, y, z) \in \mathbb{R}^3$;

$$v = (x, y, z) = x(1, 0, 0) + y(0, 1, 0) + z(0, 0, 1)$$

Note que as coordenadas do vetor são as coordenadas em relação à base canônica:

$$[v]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} \Rightarrow [u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = [(-1, 3, 5)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \\ 5 \end{bmatrix}.$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{(\underbrace{1, 1, 0}_{e_1 + e_2});$

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}\};$

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{ \underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3} \}$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1};$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2};\}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} =$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix};$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}; [(0, 0, 2)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} =$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}; [(0, 0, 2)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}; \text{ e,}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}; [(0, 0, 2)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}; \text{ e, } [(0, 1, 3)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} =$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}; [(0, 0, 2)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}; \text{ e, } [(0, 1, 3)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix};$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}; [(0, 0, 2)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}; \text{ e, } [(0, 1, 3)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix};$$

Portanto,

$$[I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}} =$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}; [(0, 0, 2)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}; \text{ e, } [(0, 1, 3)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix};$$

Portanto,

$$[I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 3 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}; [(0, 0, 2)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}; \text{ e, } [(0, 1, 3)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix};$$

Portanto,

$$[I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}; [(0, 0, 2)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}; \text{ e, } [(0, 1, 3)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix};$$

Portanto,

$$[I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 3 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1+e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2+3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}; [(0, 0, 2)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}; \text{ e, } [(0, 1, 3)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix};$$

Portanto,

$$[I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} =$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1+e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2+3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}; [(0, 0, 2)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}; \text{ e, } [(0, 1, 3)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix};$$

Portanto,

$$[I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = ([I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}})^{-1} =$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1+e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2+3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}; [(0, 0, 2)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}; \text{ e } [(0, 1, 3)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix};$$

Portanto,

$$[I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = ([I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}})^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ & & & \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1+e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2+3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}; [(0, 0, 2)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}; \text{ e } [(0, 1, 3)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix};$$

Portanto,

$$[I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = ([I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}})^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1+e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2+3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}; [(0, 0, 2)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}; \text{ e, } [(0, 1, 3)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix};$$

Portanto,

$$[I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = ([I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}})^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1+e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2+3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Como também,

$$[(1, 1, 0)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix}; [(0, 0, 2)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 2 \end{bmatrix}; \text{ e, } [(0, 1, 3)]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 3 \end{bmatrix};$$

Portanto,

$$[I]_{\beta'_{\mathcal{V}}}^{\beta_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 2 & 3 \end{bmatrix} \Rightarrow [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = ([I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}})^{-1} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{ \underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2};$

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}\}$;

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{ \underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3} \}$

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1};$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2};$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} =$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 3 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Assim, $[u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}}$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Assim, $[u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [(-1, 3, 5)]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} =$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Assim, $[u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [(-1, 3, 5)]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}}[u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} =$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\text{Assim, } [u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [(-1, 3, 5)]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} [u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \\ 5 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\text{Assim, } [u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [(-1, 3, 5)]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} [u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\text{Assim, } [u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [(-1, 3, 5)]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} [u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\text{Assim, } [u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [(-1, 3, 5)]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} [u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \\ 5 \end{bmatrix} =$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\text{Assim, } [u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [(-1, 3, 5)]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} [u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ -\frac{7}{2} \\ 4 \end{bmatrix}.$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\text{Assim, } [u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [(-1, 3, 5)]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} [u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ -\frac{7}{2} \\ 4 \end{bmatrix}.$$

Ou seja, $u = (-1, 3, 5) =$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\text{Assim, } [u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [(-1, 3, 5)]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} [u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ -\frac{7}{2} \\ 4 \end{bmatrix}.$$

Ou seja, $u = (-1, 3, 5) = -1(1, 1, 0)$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\text{Assim, } [u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [(-1, 3, 5)]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} [u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ -\frac{7}{2} \\ 4 \end{bmatrix}.$$

$$\text{Ou seja, } u = (-1, 3, 5) = -1(1, 1, 0) - \frac{7}{2}(0, 0, 2)$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\text{Assim, } [u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [(-1, 3, 5)]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} [u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ -\frac{7}{2} \\ 4 \end{bmatrix}.$$

$$\text{Ou seja, } u = (-1, 3, 5) = -1(1, 1, 0) - \frac{7}{2}(0, 0, 2) + 4(0, 1, 3).$$

Espaços Vetoriais

Matriz Mudança de Base

EXERCÍCIOS: (Respostas)

$\mathcal{V} = \mathbb{R}^3$, e as bases ordenadas $\beta_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 1, 0)}_{e_1 + e_2}; \underbrace{(0, 0, 2)}_{2e_3}; \underbrace{(0, 1, 3)}_{e_2 + 3e_3}\}$ e

$$\beta'_{\mathbb{R}^3} = \{\underbrace{(1, 0, 0)}_{e_1}; \underbrace{(0, 1, 0)}_{e_2}; \underbrace{(0, 0, 1)}_{e_3}\}$$

$$[I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\text{Assim, } [u]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [(-1, 3, 5)]_{\beta_{\mathbb{R}^3}} = [I]_{\beta_{\mathcal{V}}}^{\beta'_{\mathcal{V}}} [u]_{\beta'_{\mathbb{R}^3}} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ \frac{3}{2} & -\frac{3}{2} & \frac{1}{2} \\ -1 & 1 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -1 \\ 3 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 \\ -\frac{7}{2} \\ 4 \end{bmatrix}.$$

Ou seja, $u = (-1, 3, 5) = -1(1, 1, 0) - \frac{7}{2}(0, 0, 2) + 4(0, 1, 3)$.