



Universidade Federal da Bahia - UFBA
Instituto de Matemática e Estatística - IME
Departamento de Matemática



MAT A07 - Álgebra Linear A

Exercícios - Parte.A - Respostas

Matrizes: Tipos Especiais, Operações

Professora: Isamara

Data: 03/03/2021

Matrizes Revisão

Questão.1

Seja o conjunto $I = \{1, 2, 3, \dots, n\} \subset \mathbb{N}$. Vamos definir uma matriz real $A : I \times I \rightarrow \mathbb{R}$ da seguinte forma: $a_{ij} = \frac{1}{i+j-1}$ que é denominada MATRIZ DE HILBERT de ordem $n \times n$. Escreva a MATRIZ DE HILBERT para $n = 4$.

Matrizes Revisão

Questão.1

Seja o conjunto $I = \{1, 2, 3, \dots, n\} \subset \mathbb{N}$. Vamos definir uma matriz real $A : I \times I \rightarrow \mathbb{R}$ da seguinte forma: $a_{ij} = \frac{1}{i+j-1}$ que é denominada MATRIZ DE HILBERT de ordem $n \times n$. Escreva a MATRIZ DE HILBERT para $n = 4$.

$$\mathbf{A}_4 = \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} \\ & & & \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.1

Seja o conjunto $I = \{1, 2, 3, \dots, n\} \subset \mathbb{N}$. Vamos definir uma matriz real $A : I \times I \rightarrow \mathbb{R}$ da seguinte forma: $a_{ij} = \frac{1}{i+j-1}$ que é denominada MATRIZ DE HILBERT de ordem $n \times n$. Escreva a MATRIZ DE HILBERT para $n = 4$.

$$\mathbf{A}_4 = \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} \\ \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} & \frac{1}{7} \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.1

Seja o conjunto $I = \{1, 2, 3, \dots, n\} \subset \mathbb{N}$. Vamos definir uma matriz real $A : I \times I \rightarrow \mathbb{R}$ da seguinte forma: $a_{ij} = \frac{1}{i+j-1}$ que é denominada MATRIZ DE HILBERT de ordem $n \times n$. Escreva a MATRIZ DE HILBERT para $n = 4$.

$$\mathbf{A}_4 = \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.1

Seja o conjunto $I = \{1, 2, 3, \dots, n\} \subset \mathbb{N}$. Vamos definir uma matriz real $A : I \times I \rightarrow \mathbb{R}$ da seguinte forma: $a_{ij} = \frac{1}{i+j-1}$ que é denominada MATRIZ DE HILBERT de ordem $n \times n$. Escreva a MATRIZ DE HILBERT para $n = 4$.

$$\mathbf{A}_4 = \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} \\ \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} & \frac{1}{7} \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.1

Seja o conjunto $I = \{1, 2, 3, \dots, n\} \subset \mathbb{N}$. Vamos definir uma matriz real $A : I \times I \rightarrow \mathbb{R}$ da seguinte forma: $a_{ij} = \frac{1}{i+j-1}$ que é denominada MATRIZ DE HILBERT de ordem $n \times n$. Escreva a MATRIZ DE HILBERT para $n = 4$.

$$\mathbf{A}_4 = \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} \\ \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} & \frac{1}{7} \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.1

Seja o conjunto $I = \{1, 2, 3, \dots, n\} \subset \mathbb{N}$. Vamos definir uma matriz real $A : I \times I \rightarrow \mathbb{R}$ da seguinte forma: $a_{ij} = \frac{1}{i+j-1}$ que é denominada MATRIZ DE HILBERT de ordem $n \times n$. Escreva a MATRIZ DE HILBERT para $n = 4$.

$$\mathbf{A}_4 = \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} \\ \frac{1}{2} & \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} \\ \frac{1}{4} & \frac{1}{5} & \frac{1}{6} & \frac{1}{7} \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.2

Seja o conjunto $I = \{1, 2, 3, \dots, n\} \subset \mathbb{N}$. Vamos definir uma matriz real

$A : I \times I \rightarrow \mathbb{R}$ da seguinte forma: $a_{ij} = \frac{(i+j-2)!}{(i-1)!.(j-1)!}$ que é denominada MATRIZ DE PASCAL de ordem $n \times n$. Escreva a MATRIZ DE PASCAL para $n = 5$.

Matrizes Revisão

Questão.2

Seja o conjunto $I = \{1, 2, 3, \dots, n\} \subset \mathbb{N}$. Vamos definir uma matriz real

$A : I \times I \rightarrow \mathbb{R}$ da seguinte forma: $a_{ij} = \frac{(i+j-2)!}{(i-1)!(j-1)!}$ que é denominada MATRIZ DE PASCAL de ordem $n \times n$. Escreva a MATRIZ DE PASCAL para $n = 5$.

$$\mathbf{A}_5 = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ & 1 & 2 & 3 & 4 \\ & & 1 & 3 & 6 \\ & & & 1 & 4 \\ & & & & 1 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.2

Seja o conjunto $I = \{1, 2, 3, \dots, n\} \subset \mathbb{N}$. Vamos definir uma matriz real

$A : I \times I \rightarrow \mathbb{R}$ da seguinte forma: $a_{ij} = \frac{(i+j-2)!}{(i-1)! \cdot (j-1)!}$ que é denominada MATRIZ DE PASCAL de ordem $n \times n$. Escreva a MATRIZ DE PASCAL para $n = 5$.

$$\mathbf{A}_5 = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ & & & & \\ & & & & \\ & & & & \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.2

Seja o conjunto $I = \{1, 2, 3, \dots, n\} \subset \mathbb{N}$. Vamos definir uma matriz real

$A : I \times I \rightarrow \mathbb{R}$ da seguinte forma: $a_{ij} = \frac{(i+j-2)!}{(i-1)! \cdot (j-1)!}$ que é denominada MATRIZ DE PASCAL de ordem $n \times n$. Escreva a MATRIZ DE PASCAL para $n = 5$.

$$\mathbf{A}_5 = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & 3 & 6 & 10 & 15 \\ 1 & 4 & 10 & 20 & 35 \\ 1 & 5 & 15 & 35 & 70 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.2

Seja o conjunto $I = \{1, 2, 3, \dots, n\} \subset \mathbb{N}$. Vamos definir uma matriz real

$A : I \times I \rightarrow \mathbb{R}$ da seguinte forma: $a_{ij} = \frac{(i+j-2)!}{(i-1)! \cdot (j-1)!}$ que é denominada MATRIZ DE PASCAL de ordem $n \times n$. Escreva a MATRIZ DE PASCAL para $n = 5$.

$$\mathbf{A}_5 = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & 3 & 6 & 10 & 15 \\ 1 & 4 & 10 & 20 & 35 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.2

Seja o conjunto $I = \{1, 2, 3, \dots, n\} \subset \mathbb{N}$. Vamos definir uma matriz real

$A : I \times I \rightarrow \mathbb{R}$ da seguinte forma: $a_{ij} = \frac{(i+j-2)!}{(i-1)! \cdot (j-1)!}$ que é denominada MATRIZ DE PASCAL de ordem $n \times n$. Escreva a MATRIZ DE PASCAL para $n = 5$.

$$\mathbf{A}_5 = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & 3 & 6 & 10 & 15 \\ 1 & 4 & 10 & 20 & 35 \\ 1 & 5 & 15 & 35 & 70 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.2

Seja o conjunto $I = \{1, 2, 3, \dots, n\} \subset \mathbb{N}$. Vamos definir uma matriz real

$A : I \times I \rightarrow \mathbb{R}$ da seguinte forma: $a_{ij} = \frac{(i+j-2)!}{(i-1)! \cdot (j-1)!}$ que é denominada MATRIZ DE PASCAL de ordem $n \times n$. Escreva a MATRIZ DE PASCAL para $n = 5$.

$$\mathbf{A}_5 = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & 3 & 6 & 10 & 15 \\ 1 & 4 & 10 & 20 & 35 \\ 1 & 5 & 15 & 35 & 70 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.2

Seja o conjunto $I = \{1, 2, 3, \dots, n\} \subset \mathbb{N}$. Vamos definir uma matriz real

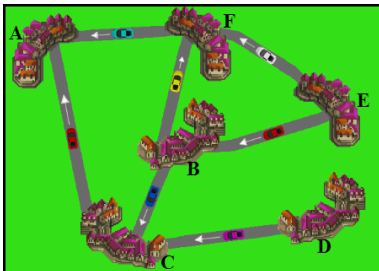
$A : I \times I \rightarrow \mathbb{R}$ da seguinte forma: $a_{ij} = \frac{(i+j-2)!}{(i-1)! \cdot (j-1)!}$ que é denominada MATRIZ DE PASCAL de ordem $n \times n$. Escreva a MATRIZ DE PASCAL para $n = 5$.

$$\mathbf{A}_5 = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 4 & 5 \\ 1 & 3 & 6 & 10 & 15 \\ 1 & 4 & 10 & 20 & 35 \\ 1 & 5 & 15 & 35 & 70 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.3

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES



Matrizes Revisão

Questão.3

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES

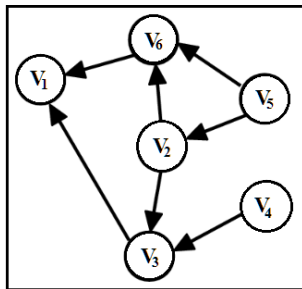
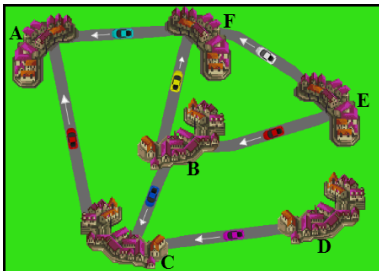


Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V, A)$

Matrizes Revisão

Questão.3

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES

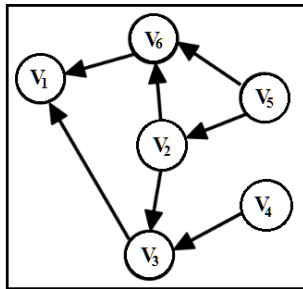
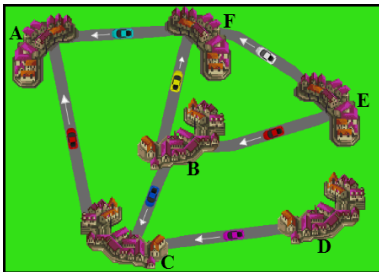


Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V,A)$

$V = \{V_i \mid V_i \text{ é a cidade-}i\} = \{V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6\} \rightarrow$ “conjunto dos VÉRTICES”, e;

Matrizes Revisão

Questão.3

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES

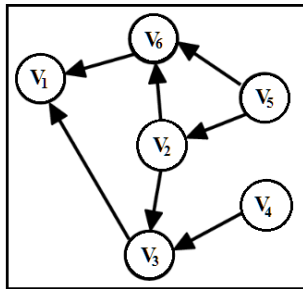
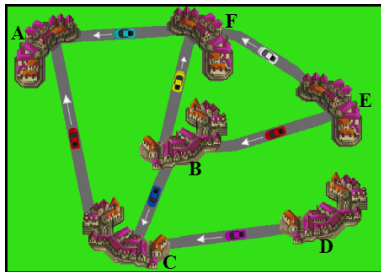


Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V,A)$

$V = \{V_i \mid V_i \text{ é a cidade-}i\} = \{V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6\} \rightarrow$ “conjunto dos VÉRTICES”, e;
 $A = \{(V_i, V_j) \mid \text{existe estrada direta da cidade } V_i \text{ para } V_j\} \rightarrow$ “conjunto das ARESTAS”

Matrizes Revisão

Questão.3

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES

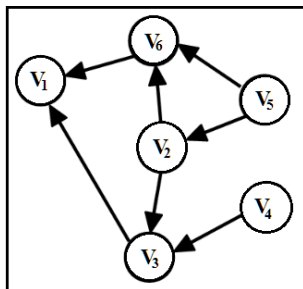
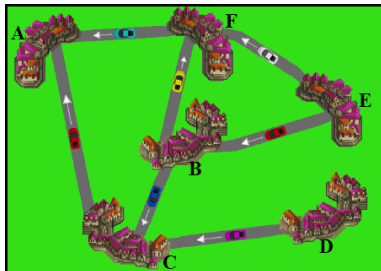


Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V,A)$

$V = \{V_i \mid V_i \text{ é a cidade-}i\} = \{V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6\} \rightarrow$ “conjunto dos VÉRTICES”, e;
 $A = \{(V_i, V_j) \mid \text{existe estrada direta da cidade } V_i \text{ para } V_j\} \rightarrow$ “conjunto das ARESTAS”
 $A = \{(V_2, V_3),$

Matrizes Revisão

Questão.3

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES

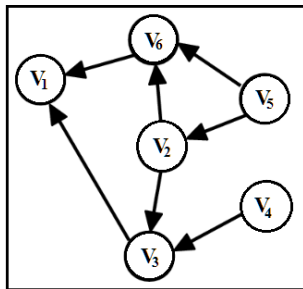
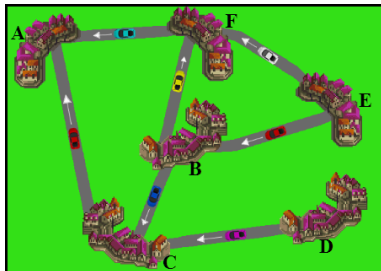


Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V,A)$

$V = \{V_i \mid V_i \text{ é a cidade-}i\} = \{V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6\} \rightarrow$ “conjunto dos VÉRTICES”, e;
 $A = \{(V_i, V_j) \mid \text{existe estrada direta da cidade } V_i \text{ para } V_j\} \rightarrow$ “conjunto das ARESTAS”
 $A = \{(V_2, V_3), (V_2, V_6),$

Matrizes Revisão

Questão.3

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES

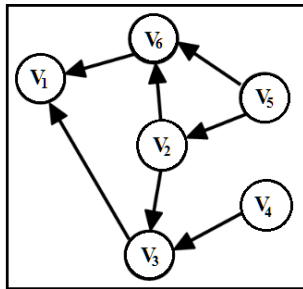
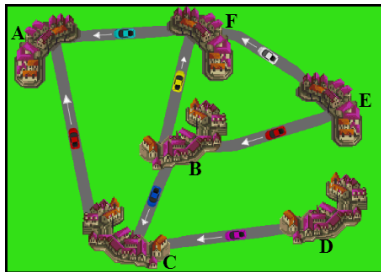


Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V,A)$

$V = \{V_i \mid V_i \text{ é a cidade-}i\} = \{V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6\} \rightarrow$ “conjunto dos VÉRTICES”, e;
 $A = \{(V_i, V_j) \mid \text{existe estrada direta da cidade } V_i \text{ para } V_j\} \rightarrow$ “conjunto das ARESTAS”
 $A = \{(V_2, V_3), (V_2, V_6), (V_3, V_1),$

Matrizes Revisão

Questão.3

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES

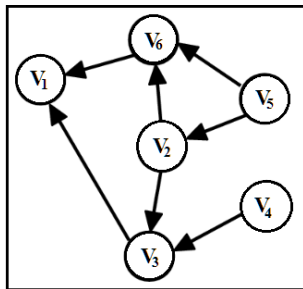
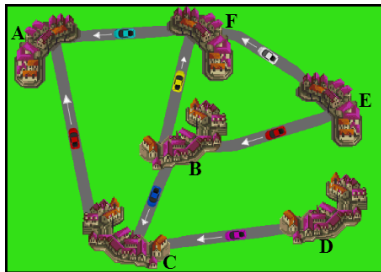


Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V,A)$

$V = \{V_i \mid V_i \text{ é a cidade-}i\} = \{V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6\} \rightarrow$ “conjunto dos VÉRTICES”, e;
 $A = \{(V_i, V_j) \mid \text{existe estrada direta da cidade } V_i \text{ para } V_j\} \rightarrow$ “conjunto das ARESTAS”
 $A = \{(V_2, V_3), (V_2, V_6), (V_3, V_1), (V_4, V_3),$

Matrizes Revisão

Questão.3

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES

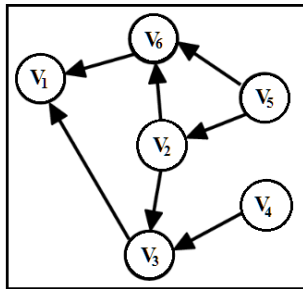
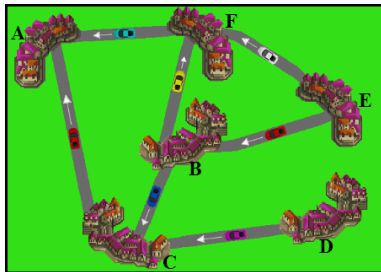


Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V,A)$

$V = \{V_i \mid V_i \text{ é a cidade-}i\} = \{V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6\} \rightarrow$ “conjunto dos VÉRTICES”, e;
 $A = \{(V_i, V_j) \mid \text{existe estrada direta da cidade } V_i \text{ para } V_j\} \rightarrow$ “conjunto das ARESTAS”
 $A = \{(V_2, V_3), (V_2, V_6), (V_3, V_1), (V_4, V_3), (V_5, V_2),$

Matrizes Revisão

Questão.3

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES

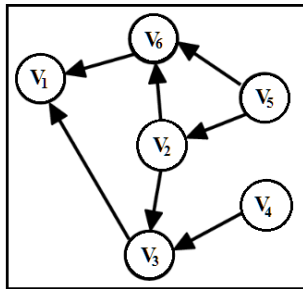
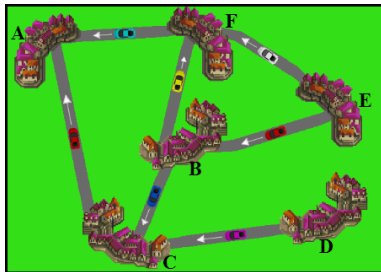


Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V,A)$

$V = \{V_i \mid V_i \text{ é a cidade-}i\} = \{V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6\} \rightarrow$ “conjunto dos VÉRTICES”, e;
 $A = \{(V_i, V_j) \mid \text{existe estrada direta da cidade } V_i \text{ para } V_j\} \rightarrow$ “conjunto das ARESTAS”
 $A = \{(V_2, V_3), (V_2, V_6), (V_3, V_1), (V_4, V_3), (V_5, V_2), (V_5, V_6),$

Matrizes Revisão

Questão.3

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES

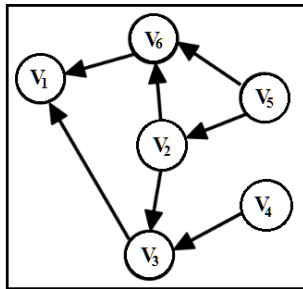
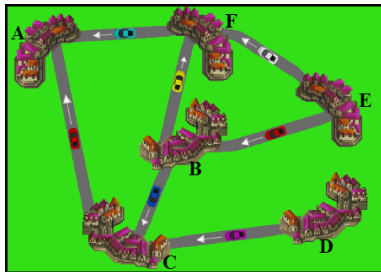


Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V,A)$

$V = \{V_i \mid V_i \text{ é a cidade-}i\} = \{V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6\} \rightarrow$ “conjunto dos VÉRTICES”, e;
 $A = \{(V_i, V_j) \mid \text{existe estrada direta da cidade } V_i \text{ para } V_j\} \rightarrow$ “conjunto das ARESTAS”
 $A = \{(V_2, V_3), (V_2, V_6), (V_3, V_1), (V_4, V_3), (V_5, V_2), (V_5, V_6), (V_6, V_1)\}$

Matrizes Revisão

Questão.3

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES

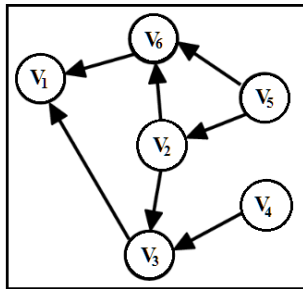
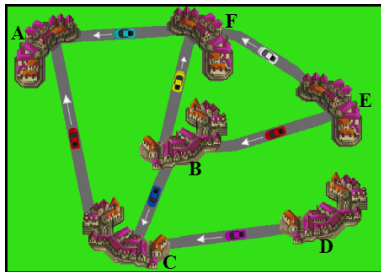


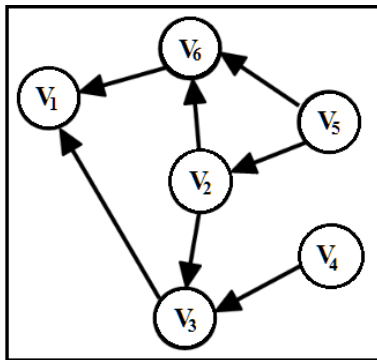
Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V, A)$

$V = \{V_i \mid V_i \text{ é a cidade-}i\} = \{V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6\} \rightarrow$ “conjunto dos VÉRTICES”, e;
 $A = \{(V_i, V_j) \mid \text{existe estrada direta da cidade } V_i \text{ para } V_j\} \rightarrow$ “conjunto das ARESTAS”
 $A = \{(V_2, V_3), (V_2, V_6), (V_3, V_1), (V_4, V_3), (V_5, V_2), (V_5, V_6), (V_6, V_1)\}$

Matrizes Revisão

Questão.3: (continuação)

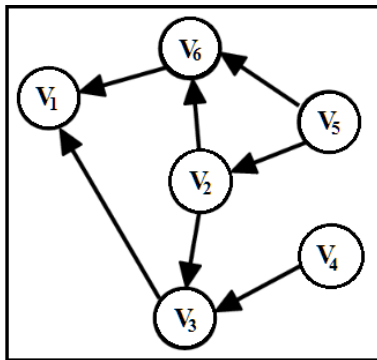
PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES



Matrizes Revisão

Questão.3: (continuação)

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES

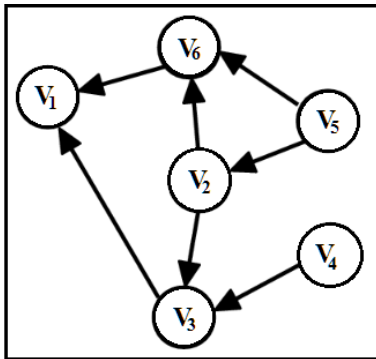


A MATRIZ DE ADJACÊNCIA é definida por;

Matrizes Revisão

Questão.3: (continuação)

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES



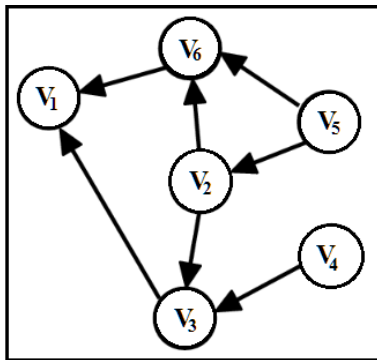
A MATRIZ DE ADJACÊNCIA é definida por;

$$(a_{ij}) = \begin{cases} 1; & \text{se existir rota direta da cidade } V_i \text{ para } V_j \end{cases}$$

Matrizes Revisão

Questão.3: (continuação)

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES



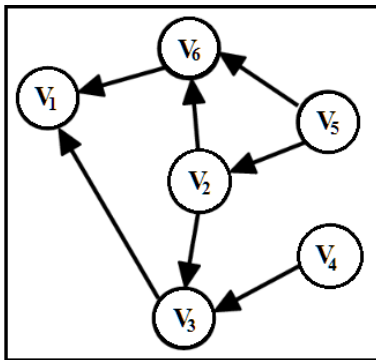
A MATRIZ DE ADJACÊNCIA é definida por;

$$(a_{ij}) = \begin{cases} 1; & \text{se existir rota direta da cidade } V_i \text{ para } V_j \\ 0; & \text{caso contrário} \end{cases}$$

Matrizes Revisão

Questão.3: (continuação)

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES



A MATRIZ DE ADJACÊNCIA é definida por;

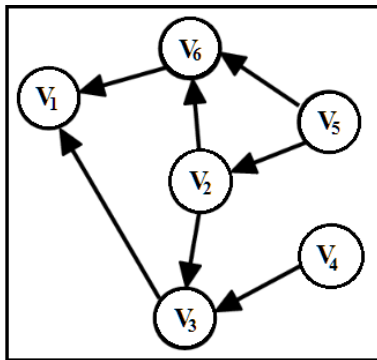
$$(a_{ij}) = \begin{cases} 1; & \text{se existir rota direta da cidade } V_i \text{ para } V_j \\ 0; & \text{caso contrário} \end{cases}$$

Escreva a MATRIZ DE ADJACÊNCIA relacionada ao Problema.

Matrizes Revisão

Questão.3: (continuação)

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES



A MATRIZ DE ADJACÊNCIA é definida por;

$$(a_{ij}) = \begin{cases} 1; & \text{se existir rota direta da cidade } V_i \text{ para } V_j \\ 0; & \text{caso contrário} \end{cases}$$

Escreva a MATRIZ DE ADJACÊNCIA relacionada ao Problema.

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	1
$C(V_3)$	1	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	1	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	1
$F(V_6)$	1	0	0	0	0	0

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	1
$C(V_3)$	1	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	1	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	1
$F(V_6)$	1	0	0	0	0	0

L1

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	1
$C(V_3)$	1	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	1	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	1
$F(V_6)$	1	0	0	0	0	0

L1

L2

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	1
$C(V_3)$	1	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	1	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	1
$F(V_6)$	1	0	0	0	0	0

L1

L2

L3

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	1
$C(V_3)$	1	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	1	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	1
$F(V_6)$	1	0	0	0	0	0

L1

L2

L3

L4

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	1
$C(V_3)$	1	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	1	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	1
$F(V_6)$	1	0	0	0	0	0

L1

L2

L3

L4

L5

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	1
$C(V_3)$	1	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	1	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	1
$F(V_6)$	1	0	0	0	0	0

L1

L2

L3

L4

L5

L6

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	1
$C(V_3)$	1	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	1	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	1
$F(V_6)$	1	0	0	0	0	0

C1

L1

L2

L3

L4

L5

L6

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	1
$C(V_3)$	1	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	1	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	1
$F(V_6)$	1	0	0	0	0	0

C1

C2

L1

L2

L3

L4

L5

L6

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	1
$C(V_3)$	1	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	1	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	1
$F(V_6)$	1	0	0	0	0	0
	C1	C2	C3			

L1

L2

L3

L4

L5

L6

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	1
$C(V_3)$	1	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	1	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	1
$F(V_6)$	1	0	0	0	0	0
	C1	C2	C3	C4		

L1

L2

L3

L4

L5

L6

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	1
$C(V_3)$	1	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	1	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	1
$F(V_6)$	1	0	0	0	0	0
	C1	C2	C3	C4	C5	

L1

L2

L3

L4

L5

L6

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$	
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0	L1
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	1	L2
$C(V_3)$	1	0	0	0	0	0	L3
$D(V_4)$	0	0	1	0	0	0	L4
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	1	L5
$F(V_6)$	1	0	0	0	0	0	L6
	C1	C2	C3	C4	C5	C6	

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$	
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0	L1
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	1	L2
$C(V_3)$	1	0	0	0	0	0	L3
$D(V_4)$	0	0	1	0	0	0	L4
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	1	L5
$F(V_6)$	1	0	0	0	0	0	L6
	C1	C2	C3	C4	C5	C6	

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$	
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0	L1
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	1	L2
$C(V_3)$	1	0	0	0	0	0	L3
$D(V_4)$	0	0	1	0	0	0	L4
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	1	L5
$F(V_6)$	1	0	0	0	0	0	L6
	C1	C2	C3	C4	C5	C6	

então, a MATRIZ DE ADJACÊNCIA associada ao $G(V,A)$ do problema

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	A(V ₁)	B(V ₂)	C(V ₃)	D(V ₄)	E(V ₅)	F(V ₆)	
A(V ₁)	0	0	0	0	0	0	L1
B(V ₂)	0	0	1	0	0	1	L2
C(V ₃)	1	0	0	0	0	0	L3
D(V ₄)	0	0	1	0	0	0	L4
E(V ₅)	0	1	0	0	0	1	L5
F(V ₆)	1	0	0	0	0	0	L6
	C1	C2	C3	C4	C5	C6	

então, a MATRIZ DE ADJACÊNCIA associada ao $G(V,A)$ do problema

$$\mathbf{A}_6 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.3 - Problema - Respostas

CIDADES	A(V ₁)	B(V ₂)	C(V ₃)	D(V ₄)	E(V ₅)	F(V ₆)	
A(V ₁)	0	0	0	0	0	0	L1
B(V ₂)	0	0	1	0	0	1	L2
C(V ₃)	1	0	0	0	0	0	L3
D(V ₄)	0	0	1	0	0	0	L4
E(V ₅)	0	1	0	0	0	1	L5
F(V ₆)	1	0	0	0	0	0	L6
	C1	C2	C3	C4	C5	C6	

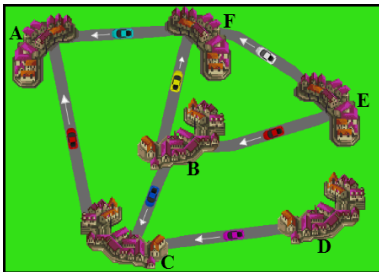
então, a MATRIZ DE ADJACÊNCIA associada ao $G(V,A)$ do problema

$$\mathbf{A}_6 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.4

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES (com distância nas rotas)



Matrizes Revisão

Questão.4

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES (com distância nas rotas)

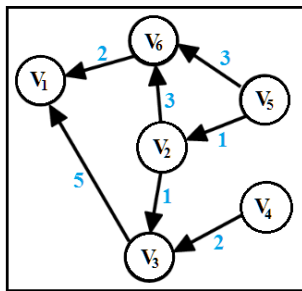
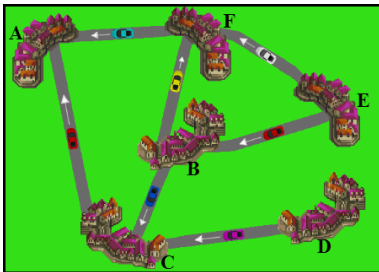


Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V,A)$

Matrizes Revisão

Questão.4

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES (com distância nas rotas)

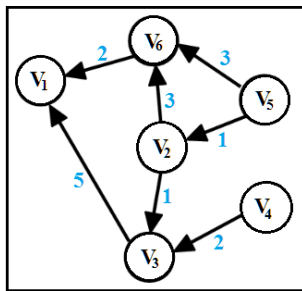
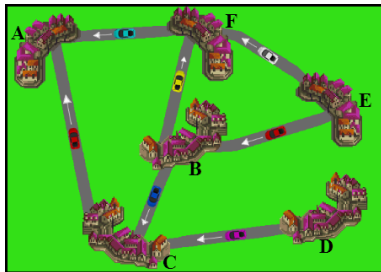


Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V,A)$

$V = \{V_i \mid V_i \text{ é a cidade-}i\} = \{V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6\} \rightarrow$ “conjunto dos VÉRTICES”,

Matrizes Revisão

Questão.4

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES (com distância nas rotas)

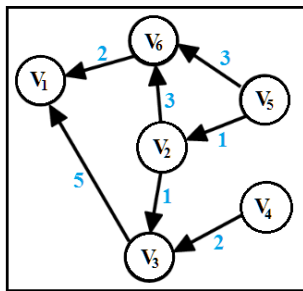
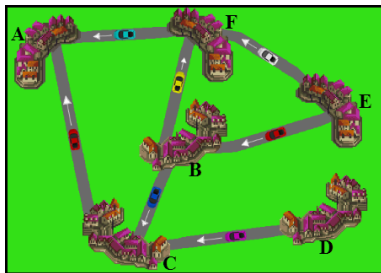


Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V,A)$

$V = \{V_i \mid V_i \text{ é a cidade-}i\} = \{V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6\} \rightarrow$ “conjunto dos VÉRTICES”,
 $A = \{(V_i, V_j) \mid \text{existe estrada direta da cidade } V_i \text{ para } V_j\} \rightarrow$ “conjunto das ARESTAS”

Matrizes Revisão

Questão.4

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES (com distância nas rotas)

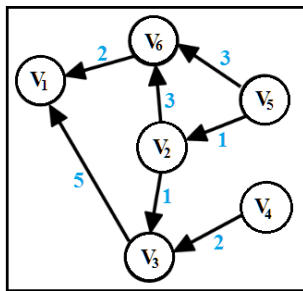
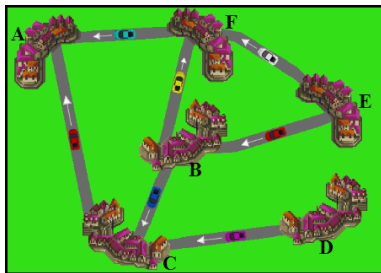


Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V,A)$

$V = \{V_i \mid V_i \text{ é a cidade-}i\} = \{V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6\} \rightarrow$ “conjunto dos VÉRTICES”,
 $A = \{(V_i, V_j) \mid \text{existe estrada direta da cidade } V_i \text{ para } V_j\} \rightarrow$ “conjunto das ARESTAS”
 $d \rightarrow$ “peso na aresta de V_i para V_j que representa a distância entre estas cidades.”

Matrizes Revisão

Questão.4

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES (com distância nas rotas)

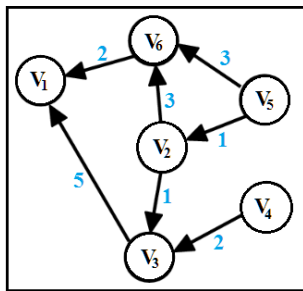
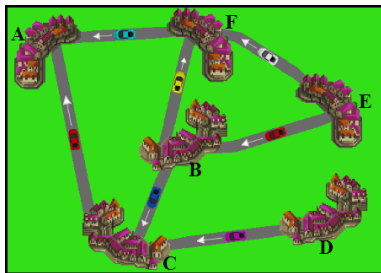


Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V,A)$

$V = \{V_i \mid V_i \text{ é a cidade-}i\} = \{V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6\} \rightarrow$ “conjunto dos VÉRTICES”,
 $A = \{(V_i, V_j) \mid \text{existe estrada direta da cidade } V_i \text{ para } V_j\} \rightarrow$ “conjunto das ARESTAS”
 $d \rightarrow$ “peso na aresta de V_i para V_j que representa a distância entre estas cidades.”

Matrizes Revisão

Questão.4

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES (com distância nas rotas)

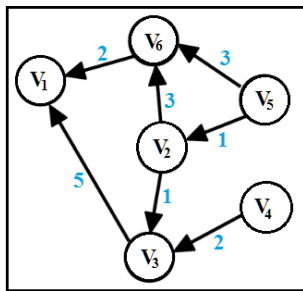
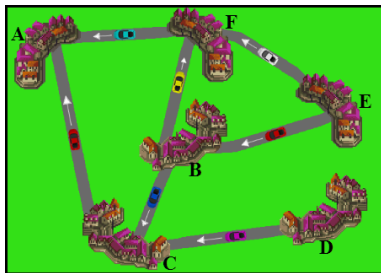


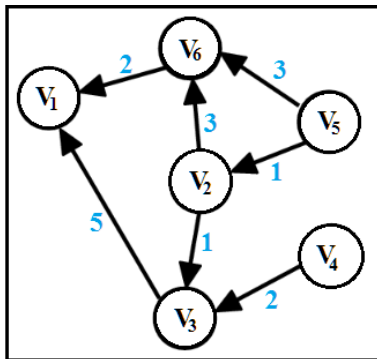
Figura: Rotas Direcionadas entre as Cidades - Grafo Orientado $G(V,A)$

$V = \{V_i \mid V_i \text{ é a cidade-}i\} = \{V_1, V_2, V_3, V_4, V_5, V_6\} \rightarrow$ “conjunto dos VÉRTICES”,
 $A = \{(V_i, V_j) \mid \text{existe estrada direta da cidade } V_i \text{ para } V_j\} \rightarrow$ “conjunto das ARESTAS”
 $d \rightarrow$ “peso na aresta de V_i para V_j que representa a distância entre estas cidades.”

Matrizes Revisão

Questão.4 - Continuação

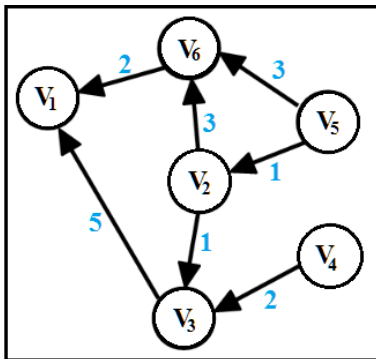
PROBLEMA.2: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES COM DISTÂNCIAS(PESOS)



Matrizes Revisão

Questão.4 - Continuação

PROBLEMA.2: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES COM DISTÂNCIAS(PESOS)

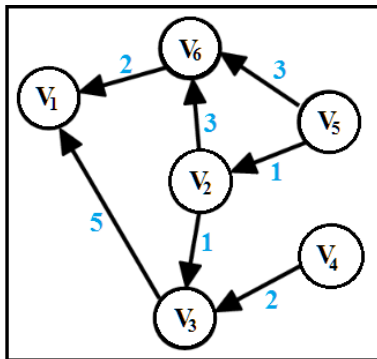


A MATRIZ DE ADJACÊNCIA associada ao grafo $G(V, A)$ é definida por;

Matrizes Revisão

Questão.4 - Continuação

PROBLEMA.2: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES COM DISTÂNCIAS(PESOS)



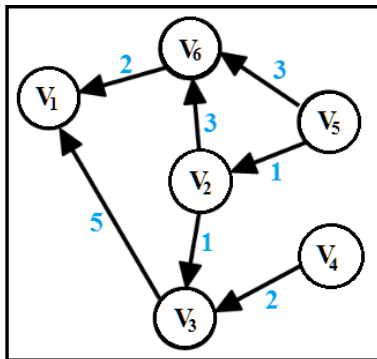
A MATRIZ DE ADJACÊNCIA associada ao grafo $G(V, A)$ é definida por;

$$(a_{ij}) = \begin{cases} d; & \text{se existir rota direta da cidade } V_i \text{ para } V_j \end{cases}$$

Matrizes Revisão

Questão.4 - Continuação

PROBLEMA.2: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES COM DISTÂNCIAS(PESOS)



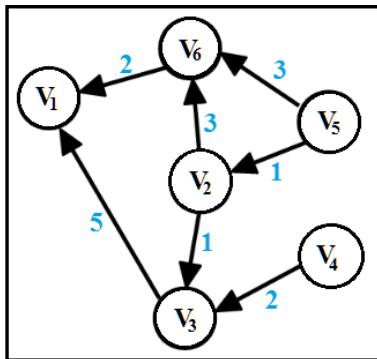
A MATRIZ DE ADJACÊNCIA associada ao grafo $G(V, A)$ é definida por;

$$(a_{ij}) = \begin{cases} d; & \text{se existir rota direta da cidade } V_i \text{ para } V_j \\ 0; & \text{caso contrário} \end{cases}$$

Matrizes Revisão

Questão.4 - Continuação

PROBLEMA.2: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES COM DISTÂNCIAS(PESOS)



A MATRIZ DE ADJACÊNCIA associada ao grafo $G(V, A)$ é definida por;

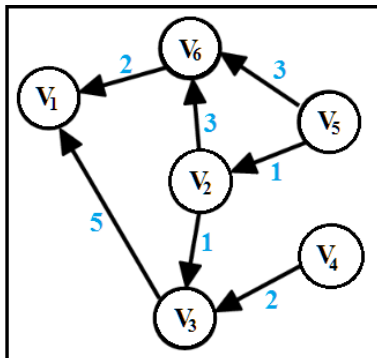
$$(a_{ij}) = \begin{cases} d; & \text{se existir rota direta da cidade } V_i \text{ para } V_j \\ 0; & \text{caso contrário} \end{cases}$$

Escreva a MATRIZ DE ADJACÊNCIA relacionada ao Problema.

Matrizes Revisão

Questão.4 - Continuação

PROBLEMA.2: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES COM DISTÂNCIAS(PESOS)



A MATRIZ DE ADJACÊNCIA associada ao grafo $G(V, A)$ é definida por;

$$(a_{ij}) = \begin{cases} d; & \text{se existir rota direta da cidade } V_i \text{ para } V_j \\ 0; & \text{caso contrário} \end{cases}$$

Escreva a MATRIZ DE ADJACÊNCIA relacionada ao Problema.

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0

L1

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0

L1

L2

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0

L1

L2

L3

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0

L1

L2

L3

L4

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0

L1

L2

L3

L4

L5

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0

L1

L2

L3

L4

L5

L6

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0

C1

L1

L2

L3

L4

L5

L6

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0
	C1	C2				

L1

L2

L3

L4

L5

L6

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0
	C1	C2	C3			

L1

L2

L3

L4

L5

L6

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0
	C1	C2	C3	C4		

L1

L2

L3

L4

L5

L6

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0
	C1	C2	C3	C4	C5	

L1
L2
L3
L4
L5
L6

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$	
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0	L1
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3	L2
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0	L3
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0	L4
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3	L5
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0	L6
	C1	C2	C3	C4	C5	C6	

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$	
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0	L1
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3	L2
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0	L3
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0	L4
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3	L5
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0	L6
	C1	C2	C3	C4	C5	C6	

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$	
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0	L1
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3	L2
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0	L3
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0	L4
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3	L5
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0	L6
	C1	C2	C3	C4	C5	C6	

então, a MATRIZ DE ADJACÊNCIA associada ao problema;

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$	
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0	L1
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3	L2
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0	L3
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0	L4
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3	L5
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0	L6
	C1	C2	C3	C4	C5	C6	

então, a MATRIZ DE ADJACÊNCIA associada ao problema;

$$\mathbf{A}_6 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 3 \\ 5 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 2 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 3 \\ 2 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.4 - Respostas

CIDADES	$A(V_1)$	$B(V_2)$	$C(V_3)$	$D(V_4)$	$E(V_5)$	$F(V_6)$	
$A(V_1)$	0	0	0	0	0	0	L1
$B(V_2)$	0	0	1	0	0	3	L2
$C(V_3)$	5	0	0	0	0	0	L3
$D(V_4)$	0	0	2	0	0	0	L4
$E(V_5)$	0	1	0	0	0	3	L5
$F(V_6)$	2	0	0	0	0	0	L6
	C1	C2	C3	C4	C5	C6	

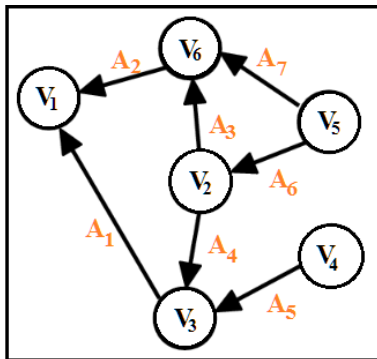
então, a MATRIZ DE ADJACÊNCIA associada ao problema;

$$\mathbf{A}_6 = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 3 \\ 5 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 2 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 3 \\ 2 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.5

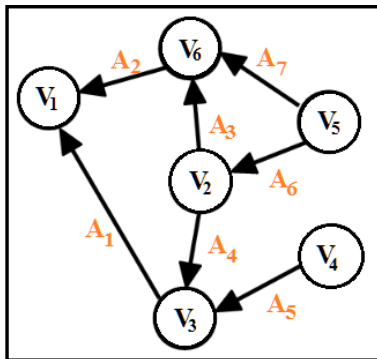
PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES



Matrizes Revisão

Questão.5

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES

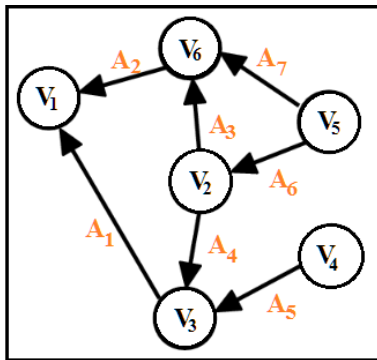


A MATRIZ DE INCIDÊNCIA é definida por;

Matrizes Revisão

Questão.5

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES



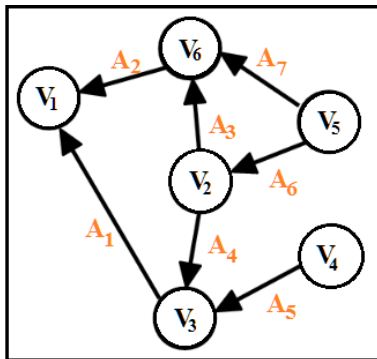
A MATRIZ DE INCIDÊNCIA é definida por;

$$(a_{ij}) = \begin{cases} 1; & \text{se o arco } j \text{ chega no vértice } V_i \end{cases}$$

Matrizes Revisão

Questão.5

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES



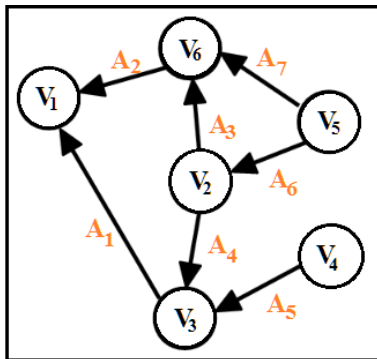
A MATRIZ DE INCIDÊNCIA é definida por;

$$(a_{ij}) = \begin{cases} 1; & \text{se o arco } j \text{ chega no vértice } V_i \\ -1; & \text{se o arco } j \text{ sai do vértice } V_i \end{cases}$$

Matrizes Revisão

Questão.5

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES



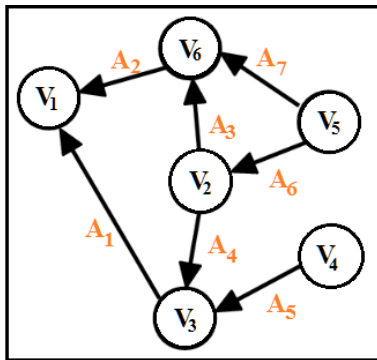
A MATRIZ DE INCIDÊNCIA é definida por;

$$(a_{ij}) = \begin{cases} 1; & \text{se o arco } j \text{ chega no vértice } V_i \\ -1; & \text{se o arco } j \text{ sai do vértice } V_i \\ 0; & \text{caso contrário} \end{cases}$$

Matrizes Revisão

Questão.5

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES



A MATRIZ DE INCIDÊNCIA é definida por;

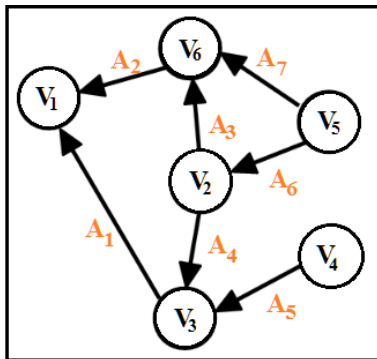
$$(a_{ij}) = \begin{cases} 1; & \text{se o arco } j \text{ chega no vértice } V_i \\ -1; & \text{se o arco } j \text{ sai do vértice } V_i \\ 0; & \text{caso contrário} \end{cases}$$

Escreva a MATRIZ DE INCIDÊNCIA relacionada ao Problema.

Matrizes Revisão

Questão.5

PROBLEMA: ROTAS DIRECIONADAS ENTRE CIDADES



A MATRIZ DE INCIDÊNCIA é definida por;

$$(a_{ij}) = \begin{cases} 1; & \text{se o arco } j \text{ chega no vértice } V_i \\ -1; & \text{se o arco } j \text{ sai do vértice } V_i \\ 0; & \text{caso contrário} \end{cases}$$

Escreva a MATRIZ DE INCIDÊNCIA relacionada ao Problema.

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1

L1

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1

L1

L2

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1

L1

L2

L3

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1

L1

L2

L3

L4

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1

L1

L2

L3

L4

L5

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1

L1

L2

L3

L4

L5

L6

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1

L1

L2

L3

L4

L5

L6

C1

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)	
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0	L1
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0	L2
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0	L3
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0	L4
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1	L5
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1	L6
	C1	C2						

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)	
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0	L1
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0	L2
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0	L3
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0	L4
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1	L5
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1	L6
	C1	C2	C3					

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)	
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0	L1
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0	L2
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0	L3
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0	L4
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1	L5
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1	L6
	C1	C2	C3	C4				

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)	
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0	L1
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0	L2
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0	L3
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0	L4
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1	L5
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1	L6
	C1	C2	C3	C4	C5			

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)	
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0	L1
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0	L2
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0	L3
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0	L4
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1	L5
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1	L6
	C1	C2	C3	C4	C5	C6		

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1
	C1	C2	C3	C4	C5	C6	C7

L1

L2

L3

L4

L5

L6

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)	
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0	L1
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0	L2
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0	L3
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0	L4
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1	L5
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1	L6
	C1	C2	C3	C4	C5	C6	C7	

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)	
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0	L1
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0	L2
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0	L3
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0	L4
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1	L5
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1	L6
	C1	C2	C3	C4	C5	C6	C7	

então, a MATRIZ DE INCIDÊNCIA associada ao $G(V,A)$ do problema

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)	
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0	L1
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0	L2
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0	L3
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0	L4
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1	L5
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1	L6
	C1	C2	C3	C4	C5	C6	C7	

então, a MATRIZ DE INCIDÊNCIA associada ao $G(V,A)$ do problema

$$\mathbf{A}_{6 \times 7} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & -1 & 1 \\ 1 & -1 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & -1 & 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.5 - Respostas

CIDADES	(A_1)	(A_2)	(A_3)	(A_4)	(A_5)	(A_6)	(A_7)	
(V_1)	1	1	0	0	0	0	0	L1
(V_2)	0	0	-1	1	0	1	0	L2
(V_3)	-1	0	0	1	1	0	0	L3
(V_4)	0	0	0	0	-1	0	0	L4
(V_5)	0	0	0	0	0	-1	-1	L5
(V_6)	0	-1	1	0	0	0	1	L6
	C1	C2	C3	C4	C5	C6	C7	

então, a MATRIZ DE INCIDÊNCIA associada ao $G(V,A)$ do problema

$$\mathbf{A}_{6 \times 7} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 & 0 & 0 & -1 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & -1 & 1 \\ 1 & -1 & 0 & -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & -1 & 0 & 0 & -1 & 0 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.6

Considerando as matrizes A , B e C definidas a seguir, assinale nos itens abaixo a matriz D que seja quadrada de ordem 2.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -2 & 1 \end{bmatrix}; C = \begin{bmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & -1 \end{bmatrix}.$$

() $D = A.B.$

Matrizes Revisão

Questão.6

Considerando as matrizes A , B e C definidas a seguir, assinale nos itens abaixo a matriz D que seja quadrada de ordem 2.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -2 & 1 \end{bmatrix}; C = \begin{bmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & -1 \end{bmatrix}.$$

☐ $D = A.B.$

☐ $D = A.B + C.$

Matrizes Revisão

Questão.6

Considerando as matrizes A , B e C definidas a seguir, assinale nos itens abaixo a matriz D que seja quadrada de ordem 2.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -2 & 1 \end{bmatrix}; C = \begin{bmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & -1 \end{bmatrix}.$$

☐ $D = A.B.$

☐ $D = A.B + C.$

☐ $D = 3.C.$

Matrizes Revisão

Questão.6

Considerando as matrizes A , B e C definidas a seguir, assinale nos itens abaixo a matriz D que seja quadrada de ordem 2.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -2 & 1 \end{bmatrix}; C = \begin{bmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & -1 \end{bmatrix}.$$

☐ $D = A.B.$

☐ $D = A.B + C.$

☐ $D = 3.C.$

☐ $D = A.B.C.$

Matrizes Revisão

Questão.6

Considerando as matrizes A , B e C definidas a seguir, assinale nos itens abaixo a matriz D que seja quadrada de ordem 2.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -2 & 1 \end{bmatrix}; C = \begin{bmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & -1 \end{bmatrix}.$$

☐ $D = A.B.$

☐ $D = A.B + C.$

☐ $D = 3.C.$

☐ $D = A.B.C.$

☒ $D = B.C.A.$

Matrizes Revisão

Questão.6

Considerando as matrizes A , B e C definidas a seguir, assinale nos itens abaixo a matriz D que seja quadrada de ordem 2.

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 3 \\ 2 & 5 \\ -1 & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -2 & 1 \end{bmatrix}; C = \begin{bmatrix} 3 & -2 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 2 & 1 & -1 \end{bmatrix}.$$

☐ $D = A.B.$

☐ $D = A.B + C.$

☐ $D = 3.C.$

☐ $D = A.B.C.$

☒ $D = B.C.A.$

Matrizes Revisão

Questão.7

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, assinale nos itens abaixo as matrizes D que sejam triangulares superiores.

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -2 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & -2 \end{bmatrix}.$$

(X) $D = A.B$.

Matrizes Revisão

Questão.7

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, assinale nos itens abaixo as matrizes D que sejam triangulares superiores.

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -2 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & -2 \end{bmatrix}.$$

(X) $D = A.B.$

(X) $D = A + B.$

Matrizes Revisão

Questão.7

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, assinale nos itens abaixo as matrizes D que sejam triangulares superiores.

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -2 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & -2 \end{bmatrix}.$$

(X) $D = A.B.$

(X) $D = A + B.$

(X) $D = B.A.$

Matrizes Revisão

Questão.7

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, assinale nos itens abaixo as matrizes D que sejam triangulares superiores.

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -2 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & -2 \end{bmatrix}.$$

(X) $D = A.B.$

(X) $D = A + B.$

(X) $D = B.A.$

(X) $D = -3.B.A.$

Matrizes Revisão

Questão.7

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, assinale nos itens abaixo as matrizes D que sejam triangulares superiores.

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & -1 & -2 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & -2 \end{bmatrix}.$$

(X) $D = A.B.$

(X) $D = A + B.$

(X) $D = B.A.$

(X) $D = -3.B.A.$

Matrizes Revisão

Questão.8

Classifique, se possível, as matrizes abaixo em simétricas e anti-simétricas :

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} 4i & 3+2i & 7+i \\ 3+2i & 4+i & 8+2i \\ 7+i & 8+2i & 3-i \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.8

Classifique, se possível, as matrizes abaixo em simétricas e anti-simétricas :

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} 4i & 3+2i & 7+i \\ 3+2i & 4+i & 8+2i \\ 7+i & 8+2i & 3-i \end{bmatrix}$$

$$(b) \quad B = \begin{bmatrix} 0 & 2-i & -3 \\ -2+i & 0 & i \\ 3 & -i & 0 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.8

Classifique, se possível, as matrizes abaixo em simétricas e anti-simétricas :

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} 4i & 3+2i & 7+i \\ 3+2i & 4+i & 8+2i \\ 7+i & 8+2i & 3-i \end{bmatrix} \quad (b) \quad B = \begin{bmatrix} 0 & 2-i & -3 \\ -2+i & 0 & i \\ 3 & -i & 0 \end{bmatrix}$$

$$(c) \quad C = \begin{bmatrix} 3i & -i & -3+6i \\ -i & 20i & 1+\sqrt{5}i \\ -3+6i & 1+\sqrt{5}i & \frac{1}{3}i \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.8

Classifique, se possível, as matrizes abaixo em simétricas e anti-simétricas :

$$\begin{array}{ll} \text{(a)} \quad A = \begin{bmatrix} 4i & 3+2i & 7+i \\ 3+2i & 4+i & 8+2i \\ 7+i & 8+2i & 3-i \end{bmatrix} & \text{(b)} \quad B = \begin{bmatrix} 0 & 2-i & -3 \\ -2+i & 0 & i \\ 3 & -i & 0 \end{bmatrix} \\ \text{(c)} \quad C = \begin{bmatrix} 3i & -i & -3+6i \\ -i & 20i & 1+\sqrt{5}i \\ -3+6i & 1+\sqrt{5}i & \frac{1}{3}i \end{bmatrix} & \text{(d)} \quad D = \begin{bmatrix} 0 & 1 & -2 \\ -1 & 0 & 5 \\ 2 & -5 & 0 \end{bmatrix} \end{array}$$

Matrizes Revisão

Questão.8

Classifique, se possível, as matrizes abaixo em simétricas e anti-simétricas :

$$\begin{array}{ll} \text{(a)} \quad A = \begin{bmatrix} 4i & 3+2i & 7+i \\ 3+2i & 4+i & 8+2i \\ 7+i & 8+2i & 3-i \end{bmatrix} & \text{(b)} \quad B = \begin{bmatrix} 0 & 2-i & -3 \\ -2+i & 0 & i \\ 3 & -i & 0 \end{bmatrix} \\ \text{(c)} \quad C = \begin{bmatrix} 3i & -i & -3+6i \\ -i & 20i & 1+\sqrt{5}i \\ -3+6i & 1+\sqrt{5}i & \frac{1}{3}i \end{bmatrix} & \text{(d)} \quad D = \begin{bmatrix} 0 & 1 & -2 \\ -1 & 0 & 5 \\ 2 & -5 & 0 \end{bmatrix} \\ \text{(e)} \quad E = \begin{bmatrix} 8 & 1 & 4 \\ 1 & 8 & 8 \\ 4 & 8 & 8 \end{bmatrix} & \end{array}$$

Matrizes Revisão

Questão.8

Classifique, se possível, as matrizes abaixo em simétricas e anti-simétricas :

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} 4i & 3+2i & 7+i \\ 3+2i & 4+i & 8+2i \\ 7+i & 8+2i & 3-i \end{bmatrix}$$

$$(c) \quad C = \begin{bmatrix} 3i & -i & -3+6i \\ -i & 20i & 1+\sqrt{5}i \\ -3+6i & 1+\sqrt{5}i & \frac{1}{3}i \end{bmatrix}$$

$$(e) \quad E = \begin{bmatrix} 8 & 1 & 4 \\ 1 & 8 & 8 \\ 4 & 8 & 8 \end{bmatrix}$$

$$(b) \quad B = \begin{bmatrix} 0 & 2-i & -3 \\ -2+i & 0 & i \\ 3 & -i & 0 \end{bmatrix}$$

$$(d) \quad D = \begin{bmatrix} 0 & 1 & -2 \\ -1 & 0 & 5 \\ 2 & -5 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(f) \quad F = \begin{bmatrix} 0 & -2 & 3 \\ -2 & 0 & 1 \\ 3 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.8

Classifique, se possível, as matrizes abaixo em simétricas e anti-simétricas :

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} 4i & 3+2i & 7+i \\ 3+2i & 4+i & 8+2i \\ 7+i & 8+2i & 3-i \end{bmatrix}$$

$$(c) \quad C = \begin{bmatrix} 3i & -i & -3+6i \\ -i & 20i & 1+\sqrt{5}i \\ -3+6i & 1+\sqrt{5}i & \frac{1}{3}i \end{bmatrix}$$

$$(e) \quad E = \begin{bmatrix} 8 & 1 & 4 \\ 1 & 8 & 8 \\ 4 & 8 & 8 \end{bmatrix}$$

$$(b) \quad B = \begin{bmatrix} 0 & 2-i & -3 \\ -2+i & 0 & i \\ 3 & -i & 0 \end{bmatrix}$$

$$(d) \quad D = \begin{bmatrix} 0 & 1 & -2 \\ -1 & 0 & 5 \\ 2 & -5 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(f) \quad F = \begin{bmatrix} 0 & -2 & 3 \\ -2 & 0 & 1 \\ 3 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Simétrica ($A = A^t$): (a), (c), (e), (f);

Matrizes Revisão

Questão.8

Classifique, se possível, as matrizes abaixo em simétricas e anti-simétricas :

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} 4i & 3+2i & 7+i \\ 3+2i & 4+i & 8+2i \\ 7+i & 8+2i & 3-i \end{bmatrix}$$

$$(c) \quad C = \begin{bmatrix} 3i & -i & -3+6i \\ -i & 20i & 1+\sqrt{5}i \\ -3+6i & 1+\sqrt{5}i & \frac{1}{3}i \end{bmatrix}$$

$$(e) \quad E = \begin{bmatrix} 8 & 1 & 4 \\ 1 & 8 & 8 \\ 4 & 8 & 8 \end{bmatrix}$$

$$(b) \quad B = \begin{bmatrix} 0 & 2-i & -3 \\ -2+i & 0 & i \\ 3 & -i & 0 \end{bmatrix}$$

$$(d) \quad D = \begin{bmatrix} 0 & 1 & -2 \\ -1 & 0 & 5 \\ 2 & -5 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(f) \quad F = \begin{bmatrix} 0 & -2 & 3 \\ -2 & 0 & 1 \\ 3 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Simétrica ($A = A^t$): (a), (c), (e), (f);

Anti-Simétrica ($A = -A^t$): (b), (d)

Matrizes Revisão

Questão.8

Classifique, se possível, as matrizes abaixo em simétricas e anti-simétricas :

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} 4i & 3+2i & 7+i \\ 3+2i & 4+i & 8+2i \\ 7+i & 8+2i & 3-i \end{bmatrix}$$

$$(c) \quad C = \begin{bmatrix} 3i & -i & -3+6i \\ -i & 20i & 1+\sqrt{5}i \\ -3+6i & 1+\sqrt{5}i & \frac{1}{3}i \end{bmatrix}$$

$$(e) \quad E = \begin{bmatrix} 8 & 1 & 4 \\ 1 & 8 & 8 \\ 4 & 8 & 8 \end{bmatrix}$$

$$(b) \quad B = \begin{bmatrix} 0 & 2-i & -3 \\ -2+i & 0 & i \\ 3 & -i & 0 \end{bmatrix}$$

$$(d) \quad D = \begin{bmatrix} 0 & 1 & -2 \\ -1 & 0 & 5 \\ 2 & -5 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(f) \quad F = \begin{bmatrix} 0 & -2 & 3 \\ -2 & 0 & 1 \\ 3 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

Simétrica ($A = A^t$): (a), (c), (e), (f);

Anti-Simétrica ($A = -A^t$): (b), (d)

Matrizes Revisão

Questão.9

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$.

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Define-se POTENCIAÇÃO para expoentes naturais da seguinte forma:
 $A^0 = I_n$;

Matrizes Revisão

Questão.9

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Define-se POTENCIAÇÃO para expoentes naturais da seguinte forma:
 $A^0 = I_n; A^1 = A;$

Matrizes Revisão

Questão.9

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Define-se POTENCIAÇÃO para expoentes naturais da seguinte forma:
 $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Define-se POTENCIAÇÃO para expoentes naturais da seguinte forma:
 $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Matrizes Revisão

Questão.9

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Define-se POTENCIAÇÃO para expoentes naturais da seguinte forma:

$$A^0 = I_n; A^1 = A; A^2 = A.A \text{ e } A^{k+1} = A.A^k.$$

Dizemos que A é uma matriz AUTOREFLEXIVA se, e somente se, $A^2 = I_n$.

Matrizes Revisão

Questão.9

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Define-se POTENCIAÇÃO para expoentes naturais da seguinte forma:
 $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz AUTOREFLEXIVA se, e somente se, $A^2 = I_n$.

Verifique se as matrizes abaixo são AUTOREFLEXIVAS:

Matrizes Revisão

Questão.9

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Define-se POTENCIAÇÃO para expoentes naturais da seguinte forma:
 $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz AUTOREFLEXIVA se, e somente se, $A^2 = I_n$.

Verifique se as matrizes abaixo são AUTOREFLEXIVAS:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.9

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Define-se POTENCIAÇÃO para expoentes naturais da seguinte forma:
 $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz **AUTOREFLEXIVA** se, e somente se, $A^2 = I_n$.

Verifique se as matrizes abaixo são AUTOREFLEXIVAS:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (b) \quad B = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & -1 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.9

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Define-se POTENCIAÇÃO para expoentes naturais da seguinte forma:
 $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz **AUTOREFLEXIVA** se, e somente se, $A^2 = I_n$.

Verifique se as matrizes abaixo são AUTOREFLEXIVAS:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \quad (b) \quad B = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & -1 \end{bmatrix} \quad (c) \quad C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.9

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Define-se POTENCIAÇÃO para expoentes naturais da seguinte forma:
 $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz **AUTOREFLEXIVA** se, e somente se, $A^2 = I_n$.

Verifique se as matrizes abaixo são AUTOREFLEXIVAS:

$$\begin{array}{lll} \text{(a)} & A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} & \text{(b)} & B = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & -1 \end{bmatrix} & \text{(c)} & C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \\ \text{(d)} & D = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} & & & & \end{array}$$

Matrizes Revisão

Questão.9

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Define-se POTENCIAÇÃO para expoentes naturais da seguinte forma:
 $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz **AUTOREFLEXIVA** se, e somente se, $A^2 = I_n$.

Verifique se as matrizes abaixo são AUTOREFLEXIVAS:

$$\begin{array}{lll} \text{(a)} \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} & \text{(b)} \quad B = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & -1 \end{bmatrix} & \text{(c)} \quad C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \\ \text{(d)} \quad D = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} & \text{(e)} \quad E = \begin{bmatrix} -i & 0 & 0 \\ 0 & i & i \\ 0 & 0 & -i \end{bmatrix} & \end{array}$$

Matrizes Revisão

Questão.9

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Define-se POTENCIAÇÃO para expoentes naturais da seguinte forma:
 $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz **AUTOREFLEXIVA** se, e somente se, $A^2 = I_n$.

Verifique se as matrizes abaixo são AUTOREFLEXIVAS:

$$\begin{array}{lll} \text{(a)} \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} & \text{(b)} \quad B = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & -1 \end{bmatrix} & \text{(c)} \quad C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \\ \text{(d)} \quad D = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} & \text{(e)} \quad E = \begin{bmatrix} -i & 0 & 0 \\ 0 & i & i \\ 0 & 0 & -i \end{bmatrix} & \end{array}$$

AUTOREFLEXIVAS:

Matrizes Revisão

Questão.9

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Define-se POTENCIAÇÃO para expoentes naturais da seguinte forma:
 $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz **AUTOREFLEXIVA** se, e somente se, $A^2 = I_n$.

Verifique se as matrizes abaixo são AUTOREFLEXIVAS:

$$\begin{array}{lll} \text{(a)} \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} & \text{(b)} \quad B = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & -1 \end{bmatrix} & \text{(c)} \quad C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \\ \text{(d)} \quad D = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} & \text{(e)} \quad E = \begin{bmatrix} -i & 0 & 0 \\ 0 & i & i \\ 0 & 0 & -i \end{bmatrix} & \end{array}$$

AUTOREFLEXIVAS: (a), (c) e (d).

Matrizes Revisão

Questão.9

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Define-se POTENCIAÇÃO para expoentes naturais da seguinte forma:
 $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz **AUTOREFLEXIVA** se, e somente se, $A^2 = I_n$.

Verifique se as matrizes abaixo são AUTOREFLEXIVAS:

$$\begin{array}{lll} \text{(a)} \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} & \text{(b)} \quad B = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & -1 & -1 \end{bmatrix} & \text{(c)} \quad C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & -1 \end{bmatrix} \\ \text{(d)} \quad D = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} & \text{(e)} \quad E = \begin{bmatrix} -i & 0 & 0 \\ 0 & i & i \\ 0 & 0 & -i \end{bmatrix} & \end{array}$$

AUTOREFLEXIVAS: (a), (c) e (d).

Matrizes Revisão

Questão.10

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$.

Matrizes Revisão

Questão.10

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Dizemos que A é uma matriz **IDEMPOTENTE** se, e somente se, $A^2 = A$.

Matrizes Revisão

Questão.10

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Dizemos que A é uma matriz **IDEMPOTENTE** se, e somente se, $A^2 = A$.

Verifique se as matrizes abaixo são IDEMPOTENTES:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix} \quad (c) \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(b) \quad A = \frac{1}{2} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad (d) \quad A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix} \quad (e) \quad A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 5 & 2 & 6 \\ -2 & -1 & -3 \end{bmatrix}$$

IDEMPOTENTES:

Matrizes Revisão

Questão.10

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Dizemos que A é uma matriz **IDEMPOTENTE** se, e somente se, $A^2 = A$.

Verifique se as matrizes abaixo são IDEMPOTENTES:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix} \quad (c) \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(b) \quad A = \frac{1}{2} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad (d) \quad A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix} \quad (e) \quad A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 5 & 2 & 6 \\ -2 & -1 & -3 \end{bmatrix}$$

IDEMPOTENTES: (a), (b), (c) e (d).

Matrizes Revisão

Questão.10

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Dizemos que A é uma matriz **IDEMPOTENTE** se, e somente se, $A^2 = A$.

Verifique se as matrizes abaixo são IDEMPOTENTES:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix} \quad (c) \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(b) \quad A = \frac{1}{2} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad (d) \quad A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix} \quad (e) \quad A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 5 & 2 & 6 \\ -2 & -1 & -3 \end{bmatrix}$$

IDEMPOTENTES: (a), (b), (c) e (d).

Matrizes Revisão

Questão.10

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Dizemos que A é uma matriz **IDEMPOTENTE** se, e somente se, $A^2 = A$.

Verifique se as matrizes abaixo são IDEMPOTENTES:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix} \quad (c) \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(b) \quad A = \frac{1}{2} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad (d) \quad A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix} \quad (e) \quad A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 5 & 2 & 6 \\ -2 & -1 & -3 \end{bmatrix}$$

IDEMPOTENTES: (a), (b), (c) e (d).

Em caso afirmativo, calcule para cada item acima a matriz $B = I_n - A$.

Matrizes Revisão

Questão.10

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Dizemos que A é uma matriz **IDEMPOTENTE** se, e somente se, $A^2 = A$.

Verifique se as matrizes abaixo são IDEMPOTENTES:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix} \quad (c) \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(b) \quad A = \frac{1}{2} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad (d) \quad A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix} \quad (e) \quad A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 5 & 2 & 6 \\ -2 & -1 & -3 \end{bmatrix}$$

IDEMPOTENTES: (a), (b), (c) e (d).

Em caso afirmativo, calcule para cada item acima a matriz $B = I_n - A$.

(1) B é também uma matriz IDEMPOTENTE?

Matrizes Revisão

Questão.10

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Dizemos que A é uma matriz **IDEMPOTENTE** se, e somente se, $A^2 = A$.

Verifique se as matrizes abaixo são IDEMPOTENTES:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix} \quad (c) \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(b) \quad A = \frac{1}{2} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad (d) \quad A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix} \quad (e) \quad A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 5 & 2 & 6 \\ -2 & -1 & -3 \end{bmatrix}$$

IDEMPOTENTES: (a), (b), (c) e (d).

Em caso afirmativo, calcule para cada item acima a matriz $B = I_n - A$.

(1) B é também uma matriz IDEMPOTENTE? **Sim, $B = B^2$.**

Matrizes Revisão

Questão.10

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Dizemos que A é uma matriz **IDEMPOTENTE** se, e somente se, $A^2 = A$.

Verifique se as matrizes abaixo são IDEMPOTENTES:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix} \quad (c) \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(b) \quad A = \frac{1}{2} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad (d) \quad A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix} \quad (e) \quad A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 5 & 2 & 6 \\ -2 & -1 & -3 \end{bmatrix}$$

IDEMPOTENTES: (a), (b), (c) e (d).

Em caso afirmativo, calcule para cada item acima a matriz $B = I_n - A$.

(1) B é também uma matriz IDEMPOTENTE? **Sim, $B = B^2$.**

(2) B comuta com a matriz A ?

Matrizes Revisão

Questão.10

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Dizemos que A é uma matriz **IDEMPOTENTE** se, e somente se, $A^2 = A$.

Verifique se as matrizes abaixo são IDEMPOTENTES:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix} \quad (c) \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(b) \quad A = \frac{1}{2} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad (d) \quad A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix} \quad (e) \quad A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 5 & 2 & 6 \\ -2 & -1 & -3 \end{bmatrix}$$

IDEMPOTENTES: (a), (b), (c) e (d).

Em caso afirmativo, calcule para cada item acima a matriz $B = I_n - A$.

(1) B é também uma matriz IDEMPOTENTE? **Sim, $B = B^2$.**

(2) B comuta com a matriz A ? **Sim, $B.A = A.B = O_n$.**

Matrizes Revisão

Questão.10

Seja $A \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$. Dizemos que A é uma matriz **IDEMPOTENTE** se, e somente se, $A^2 = A$.

Verifique se as matrizes abaixo são IDEMPOTENTES:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix} \quad (c) \quad A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$(b) \quad A = \frac{1}{2} \cdot \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix} \quad (d) \quad A = \begin{bmatrix} 2 & -2 & -4 \\ -1 & 3 & 4 \\ 1 & -2 & -3 \end{bmatrix} \quad (e) \quad A = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 3 \\ 5 & 2 & 6 \\ -2 & -1 & -3 \end{bmatrix}$$

IDEMPOTENTES: (a), (b), (c) e (d).

Em caso afirmativo, calcule para cada item acima a matriz $B = I_n - A$.

(1) B é também uma matriz IDEMPOTENTE? **Sim, $B = B^2$.**

(2) B comuta com a matriz A ? **Sim, $B.A = A.B = O_n$.**

Matrizes Revisão

Questão.11

Classifique, se possível, as matrizes abaixo em Simétricas, anti-Simétricas, Hermitianas, Anti-Hermitianas, Normal:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} 4 & -2i & 1+5i \\ -2i & -i & -8 \\ 1+5i & -8 & 9+3i \end{bmatrix} = A^t \Rightarrow A \text{ é SIMÉTRICA}$$

Matrizes Revisão

Questão.11

Classifique, se possível, as matrizes abaixo em Simétricas, anti-Simétricas, Hermitianas, Anti-Hermitianas, Normal:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} 4 & -2i & 1+5i \\ -2i & -i & -8 \\ 1+5i & -8 & 9+3i \end{bmatrix} = A^t \Rightarrow A \text{ é SIMÉTRICA}$$

$$(b) \quad B = \begin{bmatrix} 0 & -i & -3+3i \\ +i & 0 & i \\ 3-3i & -i & 0 \end{bmatrix} = -B^t \Rightarrow B \text{ é ANTI-SIMÉTRICA}$$

Matrizes Revisão

Questão.11

Classifique, se possível, as matrizes abaixo em Simétricas, anti-Simétricas, Hermitianas, Anti-Hermitianas, Normal:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} 4 & -2i & 1+5i \\ -2i & -i & -8 \\ 1+5i & -8 & 9+3i \end{bmatrix} = A^t \Rightarrow A \text{ é SIMÉTRICA}$$

$$(b) \quad B = \begin{bmatrix} 0 & -i & -3+3i \\ +i & 0 & i \\ 3-3i & -i & 0 \end{bmatrix} = -B^t \Rightarrow B \text{ é ANTI-SIMÉTRICA}$$

$$(c) \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 2i & -3 \\ -2i & 5 & 1+i \\ 3 & -1-i & -7 \end{bmatrix} \neq C^t; C \neq -C^t, C \neq \overline{C}^t \text{ e } C \neq -\overline{C}^t$$

Matrizes Revisão

Questão.11

Classifique, se possível, as matrizes abaixo em Simétricas, anti-Simétricas, Hermitianas, Anti-Hermitianas, Normal:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} 4 & -2i & 1+5i \\ -2i & -i & -8 \\ 1+5i & -8 & 9+3i \end{bmatrix} = A^t \Rightarrow A \text{ é SIMÉTRICA}$$

$$(b) \quad B = \begin{bmatrix} 0 & -i & -3+3i \\ +i & 0 & i \\ 3-3i & -i & 0 \end{bmatrix} = -B^t \Rightarrow B \text{ é ANTI-SIMÉTRICA}$$

$$(c) \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 2i & -3 \\ -2i & 5 & 1+i \\ 3 & -1-i & -7 \end{bmatrix} \neq C^t; C \neq -C^t, C \neq \overline{C}^t \text{ e } C \neq -\overline{C}^t$$

$\Rightarrow C$ não é SIMÉTRICA, ANTI-SIMÉTRICA, HERMITIANA e nem ANTI-HERMITIANA .

Matrizes Revisão

Questão.11

Classifique, se possível, as matrizes abaixo em Simétricas, anti-Simétricas, Hermitianas, Anti-Hermitianas, Normal:

$$(a) \quad A = \begin{bmatrix} 4 & -2i & 1+5i \\ -2i & -i & -8 \\ 1+5i & -8 & 9+3i \end{bmatrix} = A^t \Rightarrow A \text{ é SIMÉTRICA}$$

$$(b) \quad B = \begin{bmatrix} 0 & -i & -3+3i \\ +i & 0 & i \\ 3-3i & -i & 0 \end{bmatrix} = -B^t \Rightarrow B \text{ é ANTI-SIMÉTRICA}$$

$$(c) \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 2i & -3 \\ -2i & 5 & 1+i \\ 3 & -1-i & -7 \end{bmatrix} \neq C^t; C \neq -C^t, C \neq \overline{C}^t \text{ e } C \neq -\overline{C}^t$$

$\Rightarrow C$ não é SIMÉTRICA, ANTI-SIMÉTRICA, HERMITIANA e nem ANTI-HERMITIANA .

Matrizes Revisão

Questão.12

Dê um exemplo de uma matriz A_3 real e de uma matriz A_3 complexa.

Matrizes Revisão

Questão.12

Dê um exemplo de uma matriz A_3 real e de uma matriz A_3 complexa.

(a) Para cada uma das matrizes, calcule as matrizes $C_3 = A + A^t$ e $D_3 = A - A^t$.

Matrizes Revisão

Questão.12

Dê um exemplo de uma matriz A_3 real e de uma matriz A_3 complexa.

- (a) Para cada uma das matrizes, calcule as matrizes $C_3 = A + A^t$ e $D_3 = A - A^t$.
O que você conclui sobre as matrizes C_3 e D_3 : C_3 e D_3 são matrizes simétricas, anti-simétricas, hermitianas e/ou anti-hermitianas?

Matrizes Revisão

Questão.12

Dê um exemplo de uma matriz A_3 real e de uma matriz A_3 complexa.

- (a) Para cada uma das matrizes, calcule as matrizes $C_3 = A + A^t$ e $D_3 = A - A^t$.
O que você conclui sobre as matrizes C_3 e D_3 : C_3 e D_3 são matrizes simétricas, anti-simétricas, hermitianas e/ou anti-hermitianas?

[Ver Questão.15](#)

Matrizes Revisão

Questão.12

Dê um exemplo de uma matriz A_3 real e de uma matriz A_3 complexa.

- (a) Para cada uma das matrizes, calcule as matrizes $C_3 = A + A^t$ e $D_3 = A - A^t$.
O que você conclui sobre as matrizes C_3 e D_3 : C_3 e D_3 são matrizes simétricas, anti-simétricas, hermitianas e/ou anti-hermitianas?

[Ver Questão.15](#)

- (b) Calcule: $tr(A)$ e o $tr(\overline{A}^t)$.

Matrizes Revisão

Questão.12

Dê um exemplo de uma matriz A_3 real e de uma matriz A_3 complexa.

- (a) Para cada uma das matrizes, calcule as matrizes $C_3 = A + A^t$ e $D_3 = A - A^t$.
O que você conclui sobre as matrizes C_3 e D_3 : C_3 e D_3 são matrizes simétricas, anti-simétricas, hermitianas e/ou anti-hermitianas?

[Ver Questão.15](#)

- (b) Calcule: $tr(A)$ e o $tr(\overline{A}^t)$.
O que você observa sobre os valores dos escalares?

Matrizes Revisão

Questão.12

Dê um exemplo de uma matriz A_3 real e de uma matriz A_3 complexa.

- (a) Para cada uma das matrizes, calcule as matrizes $C_3 = A + A^t$ e $D_3 = A - A^t$.
O que você conclui sobre as matrizes C_3 e D_3 : C_3 e D_3 são matrizes simétricas, anti-simétricas, hermitianas e/ou anti-hermitianas?

[Ver Questão.15](#)

- (b) Calcule: $tr(A)$ e o $tr(\overline{A}^t)$.
O que você observa sobre os valores dos escalares?

Como $tr(\overline{A}^t) =$

Matrizes Revisão

Questão.12

Dê um exemplo de uma matriz A_3 real e de uma matriz A_3 complexa.

- (a) Para cada uma das matrizes, calcule as matrizes $C_3 = A + A^t$ e $D_3 = A - A^t$.
O que você conclui sobre as matrizes C_3 e D_3 : C_3 e D_3 são matrizes simétricas, anti-simétricas, hermitianas e/ou anti-hermitianas?

Ver Questão.15

- (b) Calcule: $tr(A)$ e o $tr(\overline{A}^t)$.
O que você observa sobre os valores dos escalares?

Como $tr(\overline{A}^t) = tr(\overline{A}) =$

Matrizes Revisão

Questão.12

Dê um exemplo de uma matriz A_3 real e de uma matriz A_3 complexa.

- (a) Para cada uma das matrizes, calcule as matrizes $C_3 = A + A^t$ e $D_3 = A - A^t$.
O que você conclui sobre as matrizes C_3 e D_3 : C_3 e D_3 são matrizes simétricas, anti-simétricas, hermitianas e/ou anti-hermitianas?

Ver Questão.15

- (b) Calcule: $tr(A)$ e o $tr(\overline{A}^t)$.
O que você observa sobre os valores dos escalares?

Como $tr(\overline{A}^t) = tr(\overline{A}) = \overline{tr(A)}$

Matrizes Revisão

Questão.12

Dê um exemplo de uma matriz A_3 real e de uma matriz A_3 complexa.

- (a) Para cada uma das matrizes, calcule as matrizes $C_3 = A + A^t$ e $D_3 = A - A^t$.
O que você conclui sobre as matrizes C_3 e D_3 : C_3 e D_3 são matrizes simétricas, anti-simétricas, hermitianas e/ou anti-hermitianas?

Ver Questão.15

- (b) Calcule: $tr(A)$ e o $tr(\overline{A}^t)$.
O que você observa sobre os valores dos escalares?

Como $tr(\overline{A}^t) = tr(\overline{A}) = \overline{tr(A)}$;

Matrizes Revisão

Questão.12

Dê um exemplo de uma matriz A_3 real e de uma matriz A_3 complexa.

- (a) Para cada uma das matrizes, calcule as matrizes $C_3 = A + A^t$ e $D_3 = A - A^t$.
O que você conclui sobre as matrizes C_3 e D_3 : C_3 e D_3 são matrizes simétricas, anti-simétricas, hermitianas e/ou anti-hermitianas?

Ver Questão.15

- (b) Calcule: $tr(A)$ e o $tr(\bar{A}^t)$.

O que você observa sobre os valores dos escalares?

Como $tr(\bar{A}^t) = tr(\bar{A}) = \overline{tr(A)}$; e se A for real obtemos: $tr(\bar{A}^t) = tr(\bar{A}) = tr(A)$.

Matrizes Revisão

Questão.13

Dê um exemplo de uma matriz A_3 complexa.

(a) Calcule as matrizes $C_3 = A + \overline{A}^t$ e $D_3 = A \cdot \overline{A}^t$.

Matrizes Revisão

Questão.13

Dê um exemplo de uma matriz A_3 complexa.

- (a) Calcule as matrizes $C_3 = A + \overline{A}^t$ e $D_3 = A \cdot \overline{A}^t$.
- (b) O que você conclui sobre as matrizes C_3 e D_3 : C_3 e D_3 são matrizes simétricas, anti-simétricas, hermitianas e/ou anti-hermitianas?

Matrizes Revisão

Questão.13

Dê um exemplo de uma matriz A_3 complexa.

- (a) Calcule as matrizes $C_3 = A + \overline{A}^t$ e $D_3 = A \cdot \overline{A}^t$.
- (b) O que você conclui sobre as matrizes C_3 e D_3 : C_3 e D_3 são matrizes simétricas, anti-simétricas, hermitianas e/ou anti-hermitianas?

[Ver Questão.18](#)

Matrizes Revisão

Questão.13

Dê um exemplo de uma matriz A_3 complexa.

- (a) Calcule as matrizes $C_3 = A + \overline{A}^t$ e $D_3 = A \cdot \overline{A}^t$.
- (b) O que você conclui sobre as matrizes C_3 e D_3 : C_3 e D_3 são matrizes simétricas, anti-simétricas, hermitianas e/ou anti-hermitianas?

[Ver Questão.18](#)

Matrizes Revisão

Questão.14

Dê um exemplo de uma matriz real A_4 simétrica,

Dê um exemplo de uma matriz real A_4 simétrica, uma matriz real B_4 anti-simétrica,

Matrizes Revisão

Questão.14

Dê um exemplo de uma matriz real A_4 simétrica, uma matriz real B_4 anti-simétrica, uma matriz complexa C_4 hermitiana,

Dê um exemplo de uma matriz real A_4 simétrica, uma matriz real B_4 anti-simétrica, uma matriz complexa C_4 hermitiana, e; uma matriz complexa D_4 anti-hermitiana.

Dê um exemplo de uma matriz real A_4 simétrica, uma matriz real B_4 anti-simétrica, uma matriz complexa C_4 hermitiana, e; uma matriz complexa D_4 anti-hermitiana. Podemos dizer que as matrizes A_4 , B_4 , C_4 e D_4 são matrizes normais?

Dê um exemplo de uma matriz real A_4 simétrica, uma matriz real B_4 anti-simétrica, uma matriz complexa C_4 hermitiana, e; uma matriz complexa D_4 anti-hermitiana. Podemos dizer que as matrizes A_4 , B_4 , C_4 e D_4 são matrizes normais? (Dica: Verifique utilizando as definições das matrizes especiais)

Dê um exemplo de uma matriz real A_4 simétrica, uma matriz real B_4 anti-simétrica, uma matriz complexa C_4 hermitiana, e; uma matriz complexa D_4 anti-hermitiana.

Podemos dizer que as matrizes A_4 , B_4 , C_4 e D_4 são matrizes normais?

(Dica: Verifique utilizando as definições das matrizes especiais)

[Ver Questões.16 e 17](#)

Dê um exemplo de uma matriz real A_4 simétrica, uma matriz real B_4 anti-simétrica, uma matriz complexa C_4 hermitiana, e; uma matriz complexa D_4 anti-hermitiana.

Podemos dizer que as matrizes A_4 , B_4 , C_4 e D_4 são matrizes normais?

(Dica: Verifique utilizando as definições das matrizes especiais)

[Ver Questões.16 e 17](#)

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses:

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Tese: $B = B^t$ e $C = -C^t$.

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Tese: $B = B^t$ e $C = -C^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Tese: $B = B^t$ e $C = -C^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^t = B$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Tese: $B = B^t$ e $C = -C^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$B^t = B$ e $C = -C^t$.

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Tese: $B = B^t$ e $C = -C^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^t = B \text{ e } C = -C^t.$$

Então,

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Tese: $B = B^t$ e $C = -C^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^t = B \text{ e } C = -C^t.$$

Então,

$$B^t = (A + A^t)^t =$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Tese: $B = B^t$ e $C = -C^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^t = B \text{ e } C = -C^t.$$

Então,

$$B^t = (A + A^t)^t = A^t + (A^t)^t$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Tese: $B = B^t$ e $C = -C^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^t = B \text{ e } C = -C^t.$$

Então,

$$B^t = (A + A^t)^t = A^t + (A^t)^t = A^t + A =$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Tese: $B = B^t$ e $C = -C^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^t = B \text{ e } C = -C^t.$$

Então,

$$B^t = (A + A^t)^t = A^t + (A^t)^t = A^t + A = A + A^t = B.$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Tese: $B = B^t$ e $C = -C^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^t = B \text{ e } C = -C^t.$$

Então,

$$B^t = (A + A^t)^t = A^t + (A^t)^t = A^t + A = A + A^t = B.$$
$$-C^t$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Tese: $B = B^t$ e $C = -C^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^t = B \text{ e } C = -C^t.$$

Então,

$$B^t = (A + A^t)^t = A^t + (A^t)^t = A^t + A = A + A^t = B.$$

$$-C^t = -(A - A^t)^t =$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Tese: $B = B^t$ e $C = -C^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^t = B \text{ e } C = -C^t.$$

Então,

$$B^t = (A + A^t)^t = A^t + (A^t)^t = A^t + A = A + A^t = B.$$

$$-C^t = -(A - A^t)^t = -A^t + (A^t)^t$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Tese: $B = B^t$ e $C = -C^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^t = B \text{ e } C = -C^t.$$

Então,

$$B^t = (A + A^t)^t = A^t + (A^t)^t = A^t + A = A + A^t = B.$$

$$-C^t = -(A - A^t)^t = -A^t + (A^t)^t = -A^t + A$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Tese: $B = B^t$ e $C = -C^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^t = B \text{ e } C = -C^t.$$

Então,

$$B^t = (A + A^t)^t = A^t + (A^t)^t = A^t + A = A + A^t = B.$$

$$-C^t = -(A - A^t)^t = -A^t + (A^t)^t = -A^t + A = A - A^t = C.$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Seja A uma matriz de ordem n . Mostre que, a matriz $B = A + A^t$ é simétrica e a matriz $C = A - A^t$ é anti-simétrica.

D]: Hipóteses: $A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $B = A + A^t$ e $C = A - A^t$;

Tese: $B = B^t$ e $C = -C^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^t = B \text{ e } C = -C^t.$$

Então,

$$B^t = (A + A^t)^t = A^t + (A^t)^t = A^t + A = A + A^t = B.$$

$$-C^t = -(A - A^t)^t = -A^t + (A^t)^t = -A^t + A = A - A^t = C.$$

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Todavia, podíamos mostrar utilizando outras notações para a matriz:

Hipóteses:

$A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tais que $A = (a_{ij})$,

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Todavia, podíamos mostrar utilizando outras notações para a matriz:

Hipóteses:

$A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tais que $A = (a_{ij})$, $C = A^t \Rightarrow c_{ij} = a_{ji}$ e

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Todavia, podíamos mostrar utilizando outras notações para a matriz:

Hipóteses:

$A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tais que $A = (a_{ij})$, $C = A^t \Rightarrow c_{ij} = a_{ji}$ e
 $B = (b_{ij})$

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Todavia, podíamos mostrar utilizando outras notações para a matriz:

Hipóteses:

$A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tais que $A = (a_{ij})$, $C = A^t \Rightarrow c_{ij} = a_{ji}$ e
 $B = (b_{ij}) = a_{ij} + c_{ij}$;

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Todavia, podíamos mostrar utilizando outras notações para a matriz:

Hipóteses:

$A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tais que $A = (a_{ij})$, $C = A^t \Rightarrow c_{ij} = a_{ji}$ e
 $B = (b_{ij}) = a_{ij} + c_{ij}; \forall i = 1, \dots, n$ e $\forall j = 1, \dots, n$.

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Todavia, podíamos mostrar utilizando outras notações para a matriz:

Hipóteses:

$A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tais que $A = (a_{ij})$, $C = A^t \Rightarrow c_{ij} = a_{ji}$ e
 $B = (b_{ij}) = a_{ij} + c_{ij}; \forall i = 1, \dots, n$ e $\forall j = 1, \dots, n$.

Tese:

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Todavia, podíamos mostrar utilizando outras notações para a matriz:

Hipóteses:

$A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tais que $A = (a_{ij})$, $C = A^t \Rightarrow c_{ij} = a_{ji}$ e
 $B = (b_{ij}) = a_{ij} + c_{ij}; \forall i = 1, \dots, n$ e $\forall j = 1, \dots, n$.

Tese: $B = B^t$, sse, $b_{ij} = b_{ji}$.

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Todavia, podíamos mostrar utilizando outras notações para a matriz:

Hipóteses:

$A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tais que $A = (a_{ij})$, $C = A^t \Rightarrow c_{ij} = a_{ji}$ e
 $B = (b_{ij}) = a_{ij} + c_{ij}; \forall i = 1, \dots, n$ e $\forall j = 1, \dots, n$.

Tese: $B = B^t$, sse, $b_{ij} = b_{ji}$.

Então,

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Todavia, podíamos mostrar utilizando outras notações para a matriz:

Hipóteses:

$A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tais que $A = (a_{ij})$, $C = A^t \Rightarrow c_{ij} = a_{ji}$ e
 $B = (b_{ij}) = a_{ij} + c_{ij}; \forall i = 1, \dots, n$ e $\forall j = 1, \dots, n$.

Tese: $B = B^t$, sse, $b_{ij} = b_{ji}$.

Então,

$$B = (b_{ij}) =$$

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Todavia, podíamos mostrar utilizando outras notações para a matriz:

Hipóteses:

$A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tais que $A = (a_{ij})$, $C = A^t \Rightarrow c_{ij} = a_{ji}$ e
 $B = (b_{ij}) = a_{ij} + c_{ij}; \forall i = 1, \dots, n$ e $\forall j = 1, \dots, n$.

Tese: $B = B^t$, sse, $b_{ij} = b_{ji}$.

Então,

$B = (b_{ij}) = (a_{ij} + c_{ij});$ e

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Todavia, podíamos mostrar utilizando outras notações para a matriz:

Hipóteses:

$A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tais que $A = (a_{ij})$, $C = A^t \Rightarrow c_{ij} = a_{ji}$ e
 $B = (b_{ij}) = a_{ij} + c_{ij}; \forall i = 1, \dots, n$ e $\forall j = 1, \dots, n$.

Tese: $B = B^t$, sse, $b_{ij} = b_{ji}$.

Então,

$B = (b_{ij}) = (a_{ij} + c_{ij});$ e

$B^t = (b_{ji}) =$

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Todavia, podíamos mostrar utilizando outras notações para a matriz:

Hipóteses:

$A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tais que $A = (a_{ij})$, $C = A^t \Rightarrow c_{ij} = a_{ji}$ e
 $B = (b_{ij}) = a_{ij} + c_{ij}; \forall i = 1, \dots, n$ e $\forall j = 1, \dots, n$.

Tese: $B = B^t$, sse, $b_{ij} = b_{ji}$.

Então,

$$B = (b_{ij}) = (a_{ij} + c_{ij}); \text{ e}$$

$$B^t = (b_{ji}) = (a_{ji} + c_{ji}) =$$

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Todavia, podíamos mostrar utilizando outras notações para a matriz:

Hipóteses:

$A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tais que $A = (a_{ij})$, $C = A^t \Rightarrow c_{ij} = a_{ji}$ e
 $B = (b_{ij}) = a_{ij} + c_{ij}; \forall i = 1, \dots, n$ e $\forall j = 1, \dots, n$.

Tese: $B = B^t$, sse, $b_{ij} = b_{ji}$.

Então,

$B = (b_{ij}) = (a_{ij} + c_{ij});$ e

$B^t = (b_{ji}) = (a_{ji} + c_{ji}) = (c_{ij} + a_{ij})$

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Todavia, podíamos mostrar utilizando outras notações para a matriz:

Hipóteses:

$A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tais que $A = (a_{ij})$, $C = A^t \Rightarrow c_{ij} = a_{ji}$ e
 $B = (b_{ij}) = a_{ij} + c_{ij}; \forall i = 1, \dots, n$ e $\forall j = 1, \dots, n$.

Tese: $B = B^t$, sse, $b_{ij} = b_{ji}$.

Então,

$B = (b_{ij}) = (a_{ij} + c_{ij});$ e

$B^t = (b_{ji}) = (a_{ji} + c_{ji}) = (c_{ij} + a_{ij}) = (a_{ij} + c_{ij})$

Observação: Note que para provar de forma genérica, NÃO poderíamos provar o resultado com exemplos porque ficaríamos limitados aos exemplos.

Todavia, podíamos mostrar utilizando outras notações para a matriz:

Hipóteses:

$A, B, C \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tais que $A = (a_{ij})$, $C = A^t \Rightarrow c_{ij} = a_{ji}$ e
 $B = (b_{ij}) = a_{ij} + c_{ij}; \forall i = 1, \dots, n$ e $\forall j = 1, \dots, n$.

Tese: $B = B^t$, sse, $b_{ij} = b_{ji}$.

Então,

$B = (b_{ij}) = (a_{ij} + c_{ij});$ e

$B^t = (b_{ji}) = (a_{ji} + c_{ji}) = (c_{ij} + a_{ij}) = (a_{ij} + c_{ij}) = B.$

Matrizes Revisão

Questão.15

Ou ainda, podíamos escrever a matriz: $B = A + A^t =$

Matrizes Revisão

Questão.15

Ou ainda, podíamos escrever a matriz: $B = A + A^t =$

$$= \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} +$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Ou ainda, podíamos escrever a matriz: $B = A + A^t =$

$$= \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} a_{11} & a_{21} & \cdots & a_{n1} \\ a_{12} & a_{22} & \cdots & a_{n2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{1n} & a_{2n} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix}$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Ou ainda, podíamos escrever a matriz: $B = A + A^t =$

$$= \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} a_{11} & a_{21} & \cdots & a_{n1} \\ a_{12} & a_{22} & \cdots & a_{n2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{1n} & a_{2n} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} =$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Ou ainda, podíamos escrever a matriz: $B = A + A^t =$

$$= \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} a_{11} & a_{21} & \cdots & a_{n1} \\ a_{12} & a_{22} & \cdots & a_{n2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{1n} & a_{2n} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} =$$
$$= \begin{bmatrix} a_{11} + a_{11} & a_{12} + a_{21} & \cdots & a_{1n} + a_{n1} \\ a_{21} + a_{12} & a_{22} + a_{22} & \cdots & a_{2n} + a_{n2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} + a_{1n} & a_{n2} + a_{2n} & \cdots & a_{nn} + a_{nn} \end{bmatrix} =$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Ou ainda, podíamos escrever a matriz: $B = A + A^t =$

$$\begin{aligned} &= \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} a_{11} & a_{21} & \cdots & a_{n1} \\ a_{12} & a_{22} & \cdots & a_{n2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{1n} & a_{2n} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} = \\ &= \begin{bmatrix} a_{11} + a_{11} & a_{12} + a_{21} & \cdots & a_{1n} + a_{n1} \\ a_{21} + a_{12} & a_{22} + a_{22} & \cdots & a_{2n} + a_{n2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} + a_{1n} & a_{n2} + a_{2n} & \cdots & a_{nn} + a_{nn} \end{bmatrix} = \\ &= \begin{bmatrix} a_{11} + a_{11} & a_{21} + a_{12} & \cdots & a_{n1} + a_{1n} \\ a_{12} + a_{21} & a_{22} + a_{22} & \cdots & a_{n2} + a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{1n} + a_{n1} & a_{2n} + a_{n2} & \cdots & a_{nn} + a_{nn} \end{bmatrix} \end{aligned}$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Ou ainda, podíamos escrever a matriz: $B = A + A^t =$

$$\begin{aligned} &= \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} a_{11} & a_{21} & \cdots & a_{n1} \\ a_{12} & a_{22} & \cdots & a_{n2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{1n} & a_{2n} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} = \\ &= \begin{bmatrix} a_{11} + a_{11} & a_{12} + a_{21} & \cdots & a_{1n} + a_{n1} \\ a_{21} + a_{12} & a_{22} + a_{22} & \cdots & a_{2n} + a_{n2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} + a_{1n} & a_{n2} + a_{2n} & \cdots & a_{nn} + a_{nn} \end{bmatrix} = \\ &\begin{bmatrix} a_{11} + a_{11} & a_{21} + a_{12} & \cdots & a_{n1} + a_{1n} \\ a_{12} + a_{21} & a_{22} + a_{22} & \cdots & a_{n2} + a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{1n} + a_{n1} & a_{2n} + a_{n2} & \cdots & a_{nn} + a_{nn} \end{bmatrix} \end{aligned}$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Ou ainda, podíamos escrever a matriz: $B = A + A^t =$

$$\begin{aligned} &= \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} a_{11} & a_{21} & \cdots & a_{n1} \\ a_{12} & a_{22} & \cdots & a_{n2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{1n} & a_{2n} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} = \\ &= \begin{bmatrix} a_{11} + a_{11} & a_{12} + a_{21} & \cdots & a_{1n} + a_{n1} \\ a_{21} + a_{12} & a_{22} + a_{22} & \cdots & a_{2n} + a_{n2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} + a_{1n} & a_{n2} + a_{2n} & \cdots & a_{nn} + a_{nn} \end{bmatrix} = \\ &\begin{bmatrix} a_{11} + a_{11} & a_{21} + a_{12} & \cdots & a_{n1} + a_{1n} \\ a_{12} + a_{21} & a_{22} + a_{22} & \cdots & a_{n2} + a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{1n} + a_{n1} & a_{2n} + a_{n2} & \cdots & a_{nn} + a_{nn} \end{bmatrix} = B^t. \end{aligned}$$

Matrizes Revisão

Questão.15

Ou ainda, podíamos escrever a matriz: $B = A + A^t =$

$$\begin{aligned} &= \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} a_{11} & a_{21} & \cdots & a_{n1} \\ a_{12} & a_{22} & \cdots & a_{n2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{1n} & a_{2n} & \cdots & a_{nn} \end{bmatrix} = \\ &= \begin{bmatrix} a_{11} + a_{11} & a_{12} + a_{21} & \cdots & a_{1n} + a_{n1} \\ a_{21} + a_{12} & a_{22} + a_{22} & \cdots & a_{2n} + a_{n2} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{n1} + a_{1n} & a_{n2} + a_{2n} & \cdots & a_{nn} + a_{nn} \end{bmatrix} = \\ &= \begin{bmatrix} a_{11} + a_{11} & a_{21} + a_{12} & \cdots & a_{n1} + a_{1n} \\ a_{12} + a_{21} & a_{22} + a_{22} & \cdots & a_{n2} + a_{2n} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{1n} + a_{n1} & a_{2n} + a_{n2} & \cdots & a_{nn} + a_{nn} \end{bmatrix} = B^t. \end{aligned}$$

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses:

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $A = \overline{A}^t$

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $A = \overline{A}^t$ e $B = -\overline{B}^t$;

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $A = \overline{A}^t$ e $B = -\overline{B}^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $A = \overline{A}^t$ e $B = -\overline{B}^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $A = \overline{A}^t$ e $B = -\overline{B}^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $A = \overline{A}^t$ e $B = -\overline{B}^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $A = \overline{A}^t$ e $B = -\overline{B}^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $A = \overline{A}^t$ e $B = -\overline{B}^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Então,

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $A = \overline{A}^t$ e $B = -\overline{B}^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A \text{ e } B\overline{B}^t = \overline{B}^t B.$$

Então,

$$A\overline{A}^t =$$

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $A = \overline{A}^t$ e $B = -\overline{B}^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A \text{ e } B\overline{B}^t = \overline{B}^t B.$$

Então,

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A; \text{ e}$$

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $A = \overline{A}^t$ e $B = -\overline{B}^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A \text{ e } B\overline{B}^t = \overline{B}^t B.$$

Então,

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A; \text{ e}$$

$$B\overline{B}^t =$$

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $A = \overline{A}^t$ e $B = -\overline{B}^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A \text{ e } B\overline{B}^t = \overline{B}^t B.$$

Então,

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A; \text{ e}$$

$$B\overline{B}^t = (-\overline{B}^t)(-B)$$

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $A = \overline{A}^t$ e $B = -\overline{B}^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A \text{ e } B\overline{B}^t = \overline{B}^t B.$$

Então,

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A; \text{ e}$$

$$B\overline{B}^t = (-\overline{B}^t)(-B) = \overline{B}^t B$$

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $A = \overline{A}^t$ e $B = -\overline{B}^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A \text{ e } B\overline{B}^t = \overline{B}^t B.$$

Então,

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A; \text{ e}$$

$$B\overline{B}^t = (-\overline{B}^t)(-B) = \overline{B}^t B.$$

Matrizes Revisão

Questão.16

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz HERMITIANA se, e somente se, $A = \overline{A}^t$; e dizemos que A é uma matriz ANTI-HERMITIANA se, e somente se, $A = -\overline{A}^t$.

Mostre que: se A é uma matriz complexa Hermitiana (ou Anti-Hermitiana) então A é uma Matriz Normal.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $A = \overline{A}^t$ e $B = -\overline{B}^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A \text{ e } B\overline{B}^t = \overline{B}^t B.$$

Então,

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A; \text{ e}$$

$$B\overline{B}^t = (-\overline{B}^t)(-B) = \overline{B}^t B.$$

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t . A = A . \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses:

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$; e

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$; e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$; e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Então,

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$; e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Então,

$A\overline{A}^t =$

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$; e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Então,

$A\overline{A}^t = A A^t =$

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$; e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Então,

$A\overline{A}^t = A A^t = A^t A =$

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$; e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Então,

$A\overline{A}^t = AA^t = A^t A = \overline{A}^t A$

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$; e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Então,

$A\overline{A}^t = AA^t = A^t A = \overline{A}^t A$; e

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A; \text{ e } B\overline{B}^t = \overline{B}^t B.$$

Então,

$$A\overline{A}^t = AA^t = A^t A = \overline{A}^t A; \text{ e }$$

$$B\overline{B}^t =$$

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.é., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A; \text{ e } B\overline{B}^t = \overline{B}^t B.$$

Então,

$$A\overline{A}^t = AA^t = A^t A = \overline{A}^t A; \text{ e }$$

$$B\overline{B}^t = BB^t =$$

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.e., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A; \text{ e } B\overline{B}^t = \overline{B}^t B.$$

Então,

$$A\overline{A}^t = AA^t = A^t A = \overline{A}^t A; \text{ e }$$

$$B\overline{B}^t = BB^t = (-B^t)(-B) =$$

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.e., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A; \text{ e } B\overline{B}^t = \overline{B}^t B.$$

Então,

$$A\overline{A}^t = AA^t = A^t A = \overline{A}^t A; \text{ e }$$

$$B\overline{B}^t = BB^t = (-B^t)(-B) = B^t B =$$

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.e., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A; \text{ e } B\overline{B}^t = \overline{B}^t B.$$

Então,

$$A\overline{A}^t = AA^t = A^t A = \overline{A}^t A; \text{ e }$$

$$B\overline{B}^t = BB^t = (-B^t)(-B) = B^t B = \overline{B}^t B$$

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.e., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A; \text{ e } B\overline{B}^t = \overline{B}^t B.$$

Então,

$$A\overline{A}^t = AA^t = A^t A = \overline{A}^t A; \text{ e }$$

$$B\overline{B}^t = BB^t = (-B^t)(-B) = B^t B = \overline{B}^t B .$$

Matrizes Revisão

Questão.17

Dizemos que uma matriz A de ordem n é uma matriz NORMAL se, e somente se, $\overline{A}^t \cdot A = A \cdot \overline{A}^t$, isto é, as matrizes A e \overline{A}^t são comutativas.

Mostre que: se A é uma matriz real e simétrica (ou anti-simétrica) então A é uma matriz normal.

(Dica: utilize matrizes na forma genérica, i.e., matrizes de ordem n)

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{R})$ tal que $A = A^t$ e $B = -B^t$;

Tese: $A\overline{A}^t = \overline{A}^t A$ e $B\overline{B}^t = \overline{B}^t B$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$A\overline{A}^t = \overline{A}^t A; \text{ e } B\overline{B}^t = \overline{B}^t B.$$

Então,

$$A\overline{A}^t = AA^t = A^t A = \overline{A}^t A; \text{ e }$$

$$B\overline{B}^t = BB^t = (-B^t)(-B) = B^t B = \overline{B}^t B .$$

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \overline{A}^t$ e

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \overline{A}^t$ e $D = A \cdot \overline{A}^t$, são matrizes hermitianas.

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \overline{A}^t$ e $D = A \cdot \overline{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses:

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \overline{A}^t$ e $D = A \cdot \overline{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \overline{A}^t$ e $D = A \cdot \overline{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \overline{A}^t$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \overline{A}^t$ e $D = A \cdot \overline{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \overline{A}^t$ e $D = A \overline{A}^t$;

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \overline{A}^t$ e $D = A \cdot \overline{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \overline{A}^t$ e $D = A \overline{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$\overline{C}^t = C$ e $\overline{D}^t = D$.

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$\overline{C}^t = C$ e $\overline{D}^t = D$.

Então,

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t =$$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t = \overline{(A + \bar{A}^t)}^t =$$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t = \overline{(A + \bar{A}^t)}^t = \overline{A^t + (\bar{A}^t)^t} =$$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t = \overline{(A + \bar{A}^t)}^t = \overline{A^t + (\bar{A}^t)^t} = \overline{A^t + \bar{A}} =$$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A\bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A\bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t = \overline{(A + \bar{A}^t)}^t = \overline{A^t + (\bar{A}^t)^t} = \overline{A^t + \bar{A}} = \overline{A^t} + \overline{\bar{A}} =$$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t = \overline{(A + \bar{A}^t)}^t = \overline{A^t + (\bar{A}^t)^t} = \overline{A^t + \bar{A}} = \overline{A^t} + \overline{\bar{A}} = \bar{A}^t + A =$$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t = \overline{(A + \bar{A}^t)}^t = \overline{A^t + (\bar{A}^t)^t} = \overline{A^t + \bar{A}} = \overline{A^t} + \overline{\bar{A}} = \bar{A}^t + A = A + \bar{A}^t =$$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t = \overline{(A + \bar{A}^t)}^t = \overline{(A^t + (\bar{A}^t)^t)} = \overline{(A^t + \bar{A})} = \overline{(A^t)} + \overline{(\bar{A})} = \bar{A}^t + A = A + \bar{A}^t = C; \text{ e}$$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t = \overline{(A + \bar{A}^t)}^t = \overline{A^t + (\bar{A}^t)^t} = \overline{A^t + \bar{A}} = \overline{A^t} + \overline{\bar{A}} = \bar{A}^t + A = A + \bar{A}^t = C; \text{ e}$$

$$\overline{D}^t =$$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D] Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t = \overline{(A + \bar{A}^t)}^t = \overline{A^t + (\bar{A}^t)^t} = \overline{A^t + \bar{A}} = \overline{A^t} + \overline{\bar{A}} = \bar{A}^t + A = A + \bar{A}^t = C; \text{ e}$$

$$\overline{D}^t = \overline{(A \bar{A}^t)}^t =$$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t = \overline{(A + \bar{A}^t)}^t = \overline{A^t + (\bar{A}^t)^t} = \overline{A^t + \bar{A}} = \overline{A^t} + \overline{\bar{A}} = \bar{A}^t + A = A + \bar{A}^t = C; \text{ e}$$

$$\overline{D}^t = \overline{(A \bar{A}^t)}^t = \overline{(\bar{A}^t)^t A^t} =$$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t = \overline{(A + \bar{A}^t)}^t = \overline{A^t + (\bar{A}^t)^t} = \overline{A^t + \bar{A}} = \overline{A^t} + \overline{\bar{A}} = \bar{A}^t + A = A + \bar{A}^t = C; \text{ e}$$

$$\overline{D}^t = \overline{(A \bar{A}^t)}^t = \overline{((\bar{A}^t)^t A^t)} = \overline{\bar{A} A^t} =$$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t = \overline{(A + \bar{A}^t)}^t = \overline{A^t + (\bar{A}^t)^t} = \overline{A^t + \bar{A}} = \overline{A^t} + \overline{\bar{A}} = \bar{A}^t + A = A + \bar{A}^t = C; \text{ e}$$

$$\overline{D}^t = \overline{(A \bar{A}^t)}^t = \overline{((\bar{A}^t)^t A^t)} = \overline{\bar{A} A^t} = \overline{\bar{A}} \overline{A^t} =$$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A\bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A\bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t = \overline{(A + \bar{A}^t)}^t = \overline{A^t + (\bar{A}^t)^t} = \overline{A^t + \bar{A}} = \overline{A^t} + \overline{\bar{A}} = \bar{A}^t + A = A + \bar{A}^t = C; \text{ e}$$

$$\overline{D}^t = \overline{(A\bar{A}^t)}^t = \overline{((\bar{A}^t)^t A^t)} = \overline{\bar{A} A^t} = \overline{\bar{A}} \overline{A^t} = A \bar{A}^t =$$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D]: Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t = \overline{(A + \bar{A}^t)}^t = \overline{A^t + (\bar{A}^t)^t} = \overline{A^t + \bar{A}} = \overline{A^t} + \overline{\bar{A}} = \bar{A}^t + A = A + \bar{A}^t = C; \text{ e}$$

$$\overline{D}^t = \overline{(A \bar{A}^t)}^t = \overline{((\bar{A}^t)^t A^t)} = \overline{\bar{A} A^t} = \overline{\bar{A}} \overline{A^t} = A \bar{A}^t = D.$$

Matrizes Revisão

Questão.18

Seja A uma matriz complexa de ordem n . Mostre que: as matrizes $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \cdot \bar{A}^t$, são matrizes hermitianas.

D] Hipóteses: $A, C, D \in \mathcal{M}_n(\mathbb{C})$ tal que $C = A + \bar{A}^t$ e $D = A \bar{A}^t$;

Tese: $C = \overline{C}^t$ e $D = \overline{D}^t$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$\overline{C}^t = C \text{ e } \overline{D}^t = D.$$

Então,

$$\overline{C}^t = \overline{(A + \bar{A}^t)}^t = \overline{A^t + (\bar{A}^t)^t} = \overline{A^t + \bar{A}} = \overline{A^t} + \overline{\bar{A}} = \bar{A}^t + A = A + \bar{A}^t = C; \text{ e}$$

$$\overline{D}^t = \overline{(A \bar{A}^t)}^t = \overline{((\bar{A}^t)^t A^t)} = \overline{\bar{A} A^t} = \overline{\bar{A}} \overline{A^t} = A \bar{A}^t = D.$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE;

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses:

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 =$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 =$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) =$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) =$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 =$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 = I_n - 2A + A =$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 = I_n - 2A + A = I_n - A =$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 = I_n - 2A + A = I_n - A = B; \text{ e}$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 = I_n - 2A + A = I_n - A = B; \text{ e}$$

$$AB =$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 = I_n - 2A + A = I_n - A = B; \text{ e}$$

$$AB = A(I_n - A) =$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 = I_n - 2A + A = I_n - A = B; \text{ e}$$

$$AB = A(I_n - A) = (A I_n) - (A^2) =$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 = I_n - 2A + A = I_n - A = B; \text{ e}$$

$$AB = A(I_n - A) = (A I_n) - (A^2) = (A) - (A) =$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 = I_n - 2A + A = I_n - A = B; \text{ e}$$

$$AB = A(I_n - A) = (A I_n) - (A^2) = (A) - (A) = 0_n; \text{ e}$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 = I_n - 2A + A = I_n - A = B; \text{ e}$$

$$AB = A(I_n - A) = (A I_n) - (A^2) = (A) - (A) = 0_n; \text{ e}$$

$$BA =$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 = I_n - 2A + A = I_n - A = B; \text{ e}$$

$$AB = A(I_n - A) = (A I_n) - (A^2) = (A) - (A) = 0_n; \text{ e}$$

$$BA = (I_n - A)A =$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 = I_n - 2A + A = I_n - A = B; \text{ e}$$

$$AB = A(I_n - A) = (A I_n) - (A^2) = (A) - (A) = 0_n; \text{ e}$$

$$BA = (I_n - A)A = (I_n A) - (A^2) =$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 = I_n - 2A + A = I_n - A = B; \text{ e}$$

$$AB = A(I_n - A) = (A I_n) - (A^2) = (A) - (A) = 0_n; \text{ e}$$

$$BA = (I_n - A)A = (I_n A) - (A^2) = (A) - (A) =$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 = I_n - 2A + A = I_n - A = B; \text{ e}$$

$$AB = A(I_n - A) = (A I_n) - (A^2) = (A) - (A) = 0_n; \text{ e}$$

$$BA = (I_n - A)A = (I_n A) - (A^2) = (A) - (A) = 0_n;$$

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 = I_n - 2A + A = I_n - A = B; \text{ e}$$

$$AB = A(I_n - A) = (A I_n) - (A^2) = (A) - (A) = 0_n; \text{ e}$$

$$BA = (I_n - A)A = (I_n A) - (A^2) = (A) - (A) = 0_n;$$

assim, $AB = BA = 0_n$.

Matrizes Revisão

Questão.19

Seja A uma matriz de ordem n . Define-se potenciação para expoentes naturais da seguinte forma: $A^0 = I_n$; $A^1 = A$; $A^2 = A.A$ e $A^{k+1} = A.A^k$.

Dizemos que A é uma matriz IDEMPOTENTE se, e somente se, $A^2 = A$.

Mostre que: se A é uma matriz IDEMPOTENTE então $B = I_n - A$ é uma matriz IDEMPOTENTE; e, além disso, temos que $AB = BA = 0_n$.

D]: Hipóteses: $A, B \in \mathcal{M}_n(\mathbb{K})$ tal que $A^2 = A$ e $B = I_n - A$

Tese: $B^2 = B$ e $AB = BA = 0_n$.

Vamos demonstrar de forma direta:

$$B^2 = B \text{ e } AB = BA = 0_n.$$

Então,

$$B^2 = (I_n - A)^2 = (I_n - A)(I_n - A) = (I_n^2 - I_n A - A I_n + A^2) = I_n - A - A + A^2 = I_n - 2A + A = I_n - A = B; \text{ e}$$

$$AB = A(I_n - A) = (A I_n) - (A^2) = (A) - (A) = 0_n; \text{ e}$$

$$BA = (I_n - A)A = (I_n A) - (A^2) = (A) - (A) = 0_n;$$

assim, $AB = BA = 0_n$.

Matrizes Revisão

Questão.20

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, podemos afirmar que

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -1 & -4 \\ 3 & 0 & -4 \\ 3 & -1 & -3 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}.$$

Matrizes Revisão

Questão.20

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, podemos afirmar que

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -1 & -4 \\ 3 & 0 & -4 \\ 3 & -1 & -3 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}.$$

() A e B são idempotentes.

Matrizes Revisão

Questão.20

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, podemos afirmar que

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -1 & -4 \\ 3 & 0 & -4 \\ 3 & -1 & -3 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}.$$

☐ A e B são idempotentes.

☐ A e B são simétricas.

Matrizes Revisão

Questão.20

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, podemos afirmar que

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -1 & -4 \\ 3 & 0 & -4 \\ 3 & -1 & -3 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}.$$

☐ A e B são idempotentes.

☐ A e B são simétricas.

☒ A e B são autoreflexivas.

Matrizes Revisão

Questão.20

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, podemos afirmar que

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -1 & -4 \\ 3 & 0 & -4 \\ 3 & -1 & -3 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}.$$

- ☐ A e B são idempotentes.
- ☐ A e B são simétricas.
- ☒ A e B são autoreflexivas.
- ☒ B é diagonal e hermitiana.

Matrizes Revisão

Questão.20

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, podemos afirmar que

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -1 & -4 \\ 3 & 0 & -4 \\ 3 & -1 & -3 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}.$$

- ☐ A e B são idempotentes.
- ☐ A e B são simétricas.
- ☒ A e B são autoreflexivas.
- ☒ B é diagonal e hermitiana.
- ☒ O produto $(\mathcal{I}_3 - A) \cdot (\mathcal{I}_3 + A)$ é igual a uma matriz nula de mesma ordem.

Matrizes Revisão

Questão.20

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, podemos afirmar que

$$A = \begin{bmatrix} 4 & -1 & -4 \\ 3 & 0 & -4 \\ 3 & -1 & -3 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}.$$

- ☐ A e B são idempotentes.
- ☐ A e B são simétricas.
- ☒ A e B são autoreflexivas.
- ☒ B é diagonal e hermitiana.
- ☒ O produto $(\mathcal{I}_3 - A) \cdot (\mathcal{I}_3 + A)$ é igual a uma matriz nula de mesma ordem.

Matrizes Revisão

Questão.21

Considerando as matrizes A e B ;

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -\frac{2}{3} \\ 0 & 1 & -\frac{7}{3} \\ -\frac{2}{3} & -\frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \frac{2}{3} \\ 0 & 1 & \frac{7}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}.$$

Matrizes Revisão

Questão.21

Considerando as matrizes A e B ;

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -\frac{2}{3} \\ 0 & 1 & -\frac{7}{3} \\ -\frac{2}{3} & -\frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \frac{2}{3} \\ 0 & 1 & \frac{7}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}.$$

classifique-as em Simétrica, Anti-Simétrica, Hermitiana, Anti-Hermtiana e Normal.

Matrizes Revisão

Questão.21

Considerando as matrizes A e B ;

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -\frac{2}{3} \\ 0 & 1 & -\frac{7}{3} \\ -\frac{2}{3} & -\frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \frac{2}{3} \\ 0 & 1 & \frac{7}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}.$$

classifique-as em Simétrica, Anti-Simétrica, Hermitiana, Anti-Hermtiana e Normal.

	Simétrica	Anti-Simétrica	Hermitiana	Anti-Hermtiana	Normal
A	X		X		X

Matrizes Revisão

Questão.21

Considerando as matrizes A e B ;

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -\frac{2}{3} \\ 0 & 1 & -\frac{7}{3} \\ -\frac{2}{3} & -\frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \frac{2}{3} \\ 0 & 1 & \frac{7}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}.$$

classifique-as em Simétrica, Anti-Simétrica, Hermitiana, Anti-Hermtiana e Normal.

	Simétrica	Anti-Simétrica	Hermitiana	Anti-Hermtiana	Normal
A	X		X		X
B	X		X		X

Matrizes Revisão

Questão.21

Considerando as matrizes A e B ;

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -\frac{2}{3} \\ 0 & 1 & -\frac{7}{3} \\ -\frac{2}{3} & -\frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \frac{2}{3} \\ 0 & 1 & \frac{7}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}.$$

classifique-as em Simétrica, Anti-Simétrica, Hermitiana, Anti-Hermtiana e Normal.

	Simétrica	Anti-Simétrica	Hermitiana	Anti-Hermtiana	Normal
A	X		X		X
B	X		X		X
$A + B$	X		X		X

Matrizes Revisão

Questão.21

Considerando as matrizes A e B ;

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -\frac{2}{3} \\ 0 & 1 & -\frac{7}{3} \\ -\frac{2}{3} & -\frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \frac{2}{3} \\ 0 & 1 & \frac{7}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}.$$

classifique-as em Simétrica, Anti-Simétrica, Hermitiana, Anti-Hermtiana e Normal.

	Simétrica	Anti-Simétrica	Hermitiana	Anti-Hermtiana	Normal
A	X		X		X
B	X		X		X
$A + B$	X		X		X
$A - B$	X		X		X

Matrizes Revisão

Questão.21

Considerando as matrizes A e B ;

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -\frac{2}{3} \\ 0 & 1 & -\frac{7}{3} \\ -\frac{2}{3} & -\frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \frac{2}{3} \\ 0 & 1 & \frac{7}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}.$$

classifique-as em Simétrica, Anti-Simétrica, Hermitiana, Anti-Hermtiana e Normal.

	Simétrica	Anti-Simétrica	Hermitiana	Anti-Hermtiana	Normal
A	X		X		X
B	X		X		X
$A + B$	X		X		X
$A - B$	X		X		X
$A.B$	X		X		X

Matrizes Revisão

Questão.21

Considerando as matrizes A e B ;

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -\frac{2}{3} \\ 0 & 1 & -\frac{7}{3} \\ -\frac{2}{3} & -\frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 1 & 0 & \frac{2}{3} \\ 0 & 1 & \frac{7}{3} \\ \frac{2}{3} & \frac{7}{3} & 1 \end{bmatrix}.$$

classifique-as em Simétrica, Anti-Simétrica, Hermitiana, Anti-Hermtiana e Normal.

	Simétrica	Anti-Simétrica	Hermitiana	Anti-Hermtiana	Normal
A	X		X		X
B	X		X		X
$A + B$	X		X		X
$A - B$	X		X		X
$A.B$	X		X		X

Matrizes Revisão

Questão.22

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, podemos afirmar que

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -2+i \\ 0 & -1 & 7i \\ -2-i & -7i & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2-i \\ -1 & -2i & 7i \\ -2-i & 7i & 3i \end{bmatrix}.$$

Matrizes Revisão

Questão.22

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, podemos afirmar que

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -2+i \\ 0 & -1 & 7i \\ -2-i & -7i & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2-i \\ -1 & -2i & 7i \\ -2-i & 7i & 3i \end{bmatrix}.$$

(X) A é uma matriz hermitiana e normal.

Matrizes Revisão

Questão.22

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, podemos afirmar que

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -2+i \\ 0 & -1 & 7i \\ -2-i & -7i & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2-i \\ -1 & -2i & 7i \\ -2-i & 7i & 3i \end{bmatrix}.$$

(X) A é uma matriz hermitiana e normal.

(X) B é uma matriz anti-hermitiana e normal.

Matrizes Revisão

Questão.22

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, podemos afirmar que

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -2+i \\ 0 & -1 & 7i \\ -2-i & -7i & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2-i \\ -1 & -2i & 7i \\ -2-i & 7i & 3i \end{bmatrix}.$$

- (X) A é uma matriz hermitiana e normal.
- (X) B é uma matriz anti-hermitiana e normal.
- (X) $C = i.A$ é uma matriz anti-hermitiana e $D = i.B$ a matriz hermitiana.

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, podemos afirmar que

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -2+i \\ 0 & -1 & 7i \\ -2-i & -7i & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2-i \\ -1 & -2i & 7i \\ -2-i & 7i & 3i \end{bmatrix}.$$

- (X) A é uma matriz hermitiana e normal.
- (X) B é uma matriz anti-hermitiana e normal.
- (X) $C = i.A$ é uma matriz anti-hermitiana e $D = i.B$ a matriz hermitiana.
- (X) A^2 e B^2 são matrizes hermitianas.

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, podemos afirmar que

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -2+i \\ 0 & -1 & 7i \\ -2-i & -7i & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2-i \\ -1 & -2i & 7i \\ -2-i & 7i & 3i \end{bmatrix}.$$

- (X) A é uma matriz hermitiana e normal.
- (X) B é uma matriz anti-hermitiana e normal.
- (X) $C = i.A$ é uma matriz anti-hermitiana e $D = i.B$ a matriz hermitiana.
- (X) A^2 e B^2 são matrizes hermitianas.
- (X) $\text{tr}(AB) = \text{tr}(BA)$.

Matrizes Revisão

Questão.22

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, podemos afirmar que

$$A = \begin{bmatrix} 1 & 0 & -2+i \\ 0 & -1 & 7i \\ -2-i & -7i & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 2-i \\ -1 & -2i & 7i \\ -2-i & 7i & 3i \end{bmatrix}.$$

- (X) A é uma matriz hermitiana e normal.
- (X) B é uma matriz anti-hermitiana e normal.
- (X) $C = i.A$ é uma matriz anti-hermitiana e $D = i.B$ a matriz hermitiana.
- (X) A^2 e B^2 são matrizes hermitianas.
- (X) $tr(AB) = tr(BA)$.

Matrizes Revisão

Questão.23

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, assinale as alternativas corretas.

$$A = \begin{bmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{2}{3} \end{bmatrix}.$$

Matrizes Revisão

Questão.23

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, assinale as alternativas corretas.

$$A = \begin{bmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{2}{3} \end{bmatrix}.$$

(X) A é uma matriz simétrica, hermitiana e idempotente.

Matrizes Revisão

Questão.23

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, assinale as alternativas corretas.

$$A = \begin{bmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{2}{3} \end{bmatrix}.$$

- ☒ A é uma matriz simétrica, hermitiana e idempotente.
- ☐ B é uma matriz simétrica, hermitiana mas não é idempotente.

Matrizes Revisão

Questão.23

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, assinale as alternativas corretas.

$$A = \begin{bmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{2}{3} \end{bmatrix}.$$

- ☒ A é uma matriz simétrica, hermitiana e idempotente.
- ☐ B é uma matriz simétrica, hermitiana mas não é idempotente.
- ☒ As matrizes A e B são comutativas.

Matrizes Revisão

Questão.23

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, assinale as alternativas corretas.

$$A = \begin{bmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{2}{3} \end{bmatrix}.$$

- ☒ A é uma matriz simétrica, hermitiana e idempotente.
- ☐ B é uma matriz simétrica, hermitiana mas não é idempotente.
- ☒ As matrizes A e B são comutativas.
- ☒ A matriz $C = A + B$ é uma matriz idempotente e autoreflexiva.

Matrizes Revisão

Questão.23

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, assinale as alternativas corretas.

$$A = \begin{bmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{2}{3} \end{bmatrix}.$$

- ☒ A é uma matriz simétrica, hermitiana e idempotente.
- ☐ B é uma matriz simétrica, hermitiana mas não é idempotente.
- ☒ As matrizes A e B são comutativas.
- ☒ A matriz $C = A + B$ é uma matriz idempotente e autoreflexiva.
- ☒ $tr(3A + B) = 3tr(A) + tr(B)$.

Matrizes Revisão

Questão.23

Considerando as matrizes A e B definidas a seguir, assinale as alternativas corretas.

$$A = \begin{bmatrix} \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} \frac{2}{3} & \frac{1}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{2}{3} & \frac{1}{3} \\ \frac{1}{3} & \frac{1}{3} & \frac{2}{3} \end{bmatrix}.$$

- ☒ A é uma matriz simétrica, hermitiana e idempotente.
- ☐ B é uma matriz simétrica, hermitiana mas não é idempotente.
- ☒ As matrizes A e B são comutativas.
- ☒ A matriz $C = A + B$ é uma matriz idempotente e autoreflexiva.
- ☒ $tr(3A + B) = 3tr(A) + tr(B)$.