## Universidade Federal da Bahia Departamento de Matemática

## Matemática Discreta II Prof. Ciro Russo Segunda unidade, prova substitutiva – 30/05/2016

## Atenção: explicar os procedimentos usados em todo exercício.

1. Usando a tabela de números ímpares abaixo, aplique o crivo de Eratóstenes para encontrar os números primos menores de 160. Especifique, para cada passo n, o número  $k_n$  do qual vai cancelar os múltiplos (ex.:  $k_1 = 3$ ) e diga a qual passo interrompeu o processo e porquê.

	3	5	7	9	11	13	15	17	19
21	23	25	27	29	31	33	35	37	39
41	43	45	47	49	51	53	55	57	59
61	63	65	67	69	71	73	75	77	79
81	83	85	87	89	91	93	95	97	99
101	103	105	107	109	111	113	115	117	119
121	123	125	127	129	131	133	135	137	139
141	143	145	147	149	151	153	155	157	159

- 2. Usando os critérios de divisibilidade e as informações do exercício 1, encontre a fatoração de 21098 em potências de primos.
- **3.** Encontre todas as soluções da equação diofantina 14x + 21y = 0.
- **4.** Usando o Teorema Chinês do Resto, verifique que o seguinte sistema de equações congruenciais é solucionável e encontre o conjunto das soluções.

$$\begin{cases} x \equiv 3 \pmod{5} \\ x \equiv 11 \pmod{14} \\ x \equiv 8 \pmod{9} \end{cases}.$$

- 5. Execute as seguintes conversões.
  - 5.1. 723 para a base 16.
  - 5.2. 2197 para a base 13.
  - $5.3. (561)_7$  para a base decimal.