UFBA - IME - DMAT —- MATEMÁTICA DISCRETA I(MATA42) - PROFA: ISAMARA LISTA DE EXERCÍCIOS.1 - CONJUNTOS

- 1. Sejam os conjuntos: $A = \{a, b, c, e, y, 2, 5\}, B = \{a, b, c, k, i, 1\}, C = \{a, c, i\}, D = \{a, 2, 5\}.$ Desenhe o Diagrama de Venn representando os conjuntos e determine as seguintes relações entre os conjuntos:
 - (a) $(A \cap B) \cup C =$
 - (b) $(C \cup D) \cap B =$
 - (c) $(A \cap D) \cup (A \cap C) =$
 - (d) $(C \cap D) \cup A =$
 - (e) $(B A) \cup D =$
 - (f) $B (C \cup D) =$
 - (g) B (A D) =
 - (h) $A (D \cap A) =$
 - (i) $(A D) \cup (B C) =$
- 2. Sejam A o conjunto dos alunos do curso de Ciência da Computação da UFBa, B o conjunto dos alunos do curso de Matemática da UFBa, e C o conjunto dos alunos do curso de Estatística da UFBa. Descreva o conjunto D dos alunos da UFBa obtido em cada item abaixo.
 - (a) $D = (A \cap B) \cup C$
 - (b) $D = (A \cup B) \cap C$
 - (c) $D = (B A) \cup C$
 - (d) $D = A (B \cap A)$
 - (e) $D = A (B \cup A)$

- 3. Sejam A o conjunto dos alunos do curso de Ciência da Computação da UFBa matriculados em MATA42, B o conjunto dos alunos do curso de Ciência da Computação da UFBa matriculados em MATA07, e C o conjunto dos alunos do curso de Ciência da Computação da UFBa matriculados em MATA01. Expresse em notação de conjuntos os itens abaixo.
 - (a) O conjunto dos alunos da UFBa que cursam Ciência da Computação da UFBa matriculados em MATA42 e MATA07.
 - (b) O conjunto dos alunos da UFBa que cursam Ciência da Computação da UFBa matriculados em MATA42 e MATA07 ou matriculados em MATA01.
 - (c) O conjunto dos alunos da UFBa que cursam Ciência da Computação da UFBa matriculados em MATA42 e MATA07 mas não estão matriculados em MATA01.
 - (d) O conjunto dos alunos da UFBa que cursam Ciência da Computação da UFBa matriculados em MATA01 ou MATA07 mas não estão matriculados em MATA42.
 - (e) O conjunto dos alunos da UFBa que cursam Ciência da Computação da UFBa matriculados em MATA07 mas não estão matriculados em MATA42 ou em MATA01.
 - (e) O conjunto dos alunos da UFBa que cursam Ciência da Computação da UFBa matriculados em MATA07 mas não estão matriculados em MATA42 e nem em MATA01.
- 4. Encontre os conjuntos A e B sabendo que $A B = \{1, 5, 7, 8\}, B A = \{2, 10\},$ e $A \cap B = \{3, 6, 9\}.$
- 5. A diferença simétrica entre dois conjuntos A e B quaisquer é definida por $A\Delta B = (A-B) \cup (B-A) = (A\cup B) (A\cap B)$.

Qual é a diferença simétrica entre o conjunto dos alunos da UFBa que cursam licenciatura em Matemática e o conjunto dos alunos da UFBa que cursam bacharelado em Matemática?

6. O que podemos afirmar sobre os conjuntos A e B se sabemos que $A\Delta B = A$?

- 7. Sejam A o conjunto dos alunos do curso de Ciência da Computação da UFBa matriculados em MATA42, B o conjunto dos alunos do curso de Ciência da Computação da UFBa matriculados em MATA07, e C o conjunto dos alunos do curso de Ciência da Computação da UFBa matriculados em MATA01. Desenhe o Diagrama de Venn representando os conjuntos dos itens abaixo
 - (a) $A \cup (B \cap C)$
 - (b) $B \cup C$
 - (c) $\overline{A} \cap \overline{B} \cap \overline{C}$
 - (d) $((A\Delta B) \cup (B\Delta C)) \cup (A \cap B \cap C)$
- 8. Suponha que o conjunto universo seja $\mathcal{U} = \{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\}$. Expresse cada um dos elementos do conjunto \mathcal{U} utilizando "bit strings" onde o *i*-ésimo bit no string é 1 se o elemento pertence ao conjunto \mathcal{U} , caso contrário, é 0.
 - (a) por exemplo: $\{3, 4, 5\} = 0011100000$
 - (b) $\{l, 3, 6, 10\} =$
 - (c) $\{2, 3, 4, 7, 8, 9\} =$
 - (d) $\{l, 2, 3, 4, 7, 8, 9, 10\} =$
 - (e) $\{2,4,5,6,7\}$
 - $(f) \{1, 10\} =$
 - $(g) \{\} =$
 - (h) $\{1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10\} =$
- 9. Uma empresa contratou 350 pessoas para trabalharem em um novo projeto. Supondo que 220 destas pessoas são graduadas em Ciência da Computação, 147 são graduadas em Sistemas de Informação, e 51 são graduadas em Ciência da Computação e em Sistemas de Informação. Quantas pessoas contratadas não são graduadas nem em Ciência da Computação e nem em Sistemas de Informação?

10. Um total de 1232 estudantes fazem um curso de Espanhol, 879 fazem um curso de Francês, 114 fazem um curso de Italiano. Supondo que 103 fazem o curso de Espanhol e Francês, 23 fazem o curso de Espanhol e Italiano, 14 fazem o curso de Francês e Italiano. Se 2092 estudantes fazem ao menos um dos cursos de Espanhol, Francês, ou Italiano; quantos estudantes fazem os três cursos de línguas?