

Universidade Federal do Ceará - Campus Crateús Disciplina: Lógica para Computação Professor: Rennan Dantas

Nome do Aluno(a):

Matrícula:

Lista 1 - Monitoria (Vale ponto *)

Questão 01. Verifique, usando apenas a ideia de valoração (sem recorrer à tabela verdade ou a sistemas dedutivos), se a conclusão abaixo é consequência lógica das premissas.

a)*
$$\neg p \to q, \neg p \to \neg q \vDash p$$

b)
$$p \land (q \lor r) \vDash (p \land q) \lor (p \land r)$$

Questão 02 Provar, via Axiomatização, os seguintes resultados:

$$a)^* \neg p \rightarrow q, \neg p \rightarrow \neg q \vdash p$$

$$b)^* p \to q, \neg q \vdash \neg p$$

c)
$$\neg q \rightarrow \neg p, p \vdash q$$

$$d) (p \land \neg p) \vdash q$$

e)
$$p \wedge (q \wedge s) \vdash p \wedge s$$

$$f) \ p \vdash (p \to q) \lor \neg \ q$$

$$g)^* \lnot p \lor q \vdash (\lnot p \lor \lnot q) \lor q$$

Questão 03 Provar ou refutar, via Tableaux Analíticos, os seguintes sequentes pelo método dos tableaux analíticos:

$$(a)^* \neg q \to \neg p \vdash p \to q$$

$$(b)^* \neg p \to \neg q \vdash p \to q$$

$$(c)^* \ p \to q \vdash p \to q \lor r$$

(d)
$$p \to q \vdash p \to q \land r$$

(e)
$$\neg (p \land q) \vdash \neg p \land \neg q$$

(f)
$$\neg (p \lor q) \vdash \neg p \lor \neg q$$

(g)
$$p \lor q, \neg q \vdash p$$

Questão 04 Prove, via Dedução Natural, os seguintes resultados:

a)*
$$A \to B, B \to C \vdash A \to C$$

$$b)^* (A \vee B) \to C \vdash A \to (B \vee C)$$

$$c)^* \ p \lor q, p \to r, q \to (r \lor s) \vdash (r \lor s)$$

Questão 05. Provar, via Dedução Natural, que o lema da corretude vale para:

a)* A regra da introdução do \vee . (Conforme o anexo!)