Sèrie 4

P1)

a) Els punts on la velocitat és zero corresponen als punts on es produeixen: la màxima compressió i el màxim estirament de la molla, la distacia entre aquests dos punts serà igual a dues vegades l'amplitud: $2\ A\ =\ 0{,}5\ m\ \Rightarrow\ A\ =\ 0{,}25\ m$ [**0.2**]
En un moviment oscilatori hàrmonic:

$$x(t) = A\cos(\omega t + \phi_0)$$
$$v(t) = \frac{\mathrm{d}\,x}{\mathrm{d}\,t} = -A\omega\sin(\omega t + \phi_0)$$

per tant la màxima velocitat serà: $v_{màxima}\ =\ A\ \omega$ [**0.2**]

$$E_{c_{màxima}}\ = \frac{1}{2}\ m\ v^2_{màxima}\ =\ \frac{1}{2}\ m\ (A\ \omega)^2$$
$$\omega\ =\ \sqrt{\frac{2\ E_{c_{màxima}}}{m\ A^2}}\ = 40\ rad/s\ [\mathbf{0{,}2}]$$
$$\nu\ =\ \frac{\omega}{2\pi}\ =\ 6,37Hz,\ T\ =\ \frac{1}{\nu}\ =\ 0,157s\ [\mathbf{0{,}2}]$$

No tenim fregament, per tant l'energia mecànica es conserva $\Rightarrow E_{Total}\ =\ E_{c_{màxima}}\ =\ \frac{1}{2}K\ A^2\ \Rightarrow K\ =\ \frac{2\ E_{c_{màxima}}}{A^2}\ =\ 480N/m$ [**0,2**]

b) Si recordem les expressions:

$$x(t) = A\cos(\omega t + \phi_0)$$
$$v(t) = \frac{\mathrm{d}\,x}{\mathrm{d}\,t} = -A\omega\sin(\omega t + \phi_0)$$

Tindrem $E_{c_{màxima}}$, quan v(t=0) = $\pm\ v_{màxima}$ i per tant $\phi_0\ =\ \pm\ \frac{\pi}{2}$ i com a conseqüència

$$x(t) = A\cos(\omega t + \phi_0)\ =\ \pm A\sin(\omega t)$$
$$v(t) = \frac{\mathrm{d}\,x}{\mathrm{d}\,t}\ =\ \pm\ A\omega\ \cos(\omega t)$$
$$a(t) = \frac{\mathrm{d}\,v}{\mathrm{d}\,t}\ =\ \mp\ A\omega^2\ \sin(\omega t)\ [\mathbf{0{,}5}]$$

Per $t\ =\ 3s$, tindrem: $x(3s)\ =\ \pm 0,145\,m;\ v(3s)\ =\ \pm 8,14\,m/s;\ a(3s)\ =\ \mp 232\,m/s^2$ [**0.5**]

P2)

a) La direcció és perpendicular a les plaques i el sentit és tal que va de la placa positiva a la negativa. [**0.5**]
El modul val:

$$E\ =\ \frac{\Delta V}{d}\ =\ \frac{60\times 10^3\ V}{0{,}04\ m}\ =\ 1,5\times 10^6\ N/C\ [\mathbf{0{,}5}]$$

b)

$$\Delta E_p\ =\ q_{e^-}\ \Delta V\ =\ -1{,}6\times 10^{-19}\ C\ 6\times 10^4\ V\ =\ -9,6\times 10^{-15}J$$
$$\Delta E_c\ =\ W_{total}\ =\ -\Delta E_p\ =\ 9,6\times 10^{-15}J\ [\mathbf{0{,}5}]$$

$$E_{fot\acute{o}} = \Delta E_c$$
$$E_{fot\acute{o}} = h\ \nu$$
$$\nu = \frac{\Delta E_c}{h} = 1,45 \times 10^{19} Hz\ [\mathbf{0{,}5}]$$

OPCIÓ A
P3)

a)

$$
\begin{aligned}
g_s &= \frac{G\ M}{R^2} \\
g_h &= \frac{G\ M}{(R\ +\ h)^2}
\end{aligned}
$$

[**0.5**]

$$
\begin{aligned}
\frac{g_s}{g_h} &= \left(\frac{R\ +\ h}{R}\right)^2 \Rightarrow \\
\sqrt{\frac{g_s}{g_h}} &= \frac{R\ +\ h}{R} \Rightarrow \\
R\ =\ \frac{h}{\sqrt{\frac{g_s}{g_h}}\ -\ 1} &= 5850 km
\end{aligned}
$$

[**0.5**]

b) Si r es l'hipotètic radi de l'òrbita, es verifica:

$$
\begin{aligned}
G\ \frac{M_T\ m}{r^2} &= \frac{m\ v^2}{r}\ [\mathbf{0{,}5}] \Rightarrow \\
r &= \frac{G\ M_T}{v^2} \Rightarrow \\
r\ =\ 3{,}989 \times 10^6\ m &= 3989\ km\ [\mathbf{0{,}25}]
\end{aligned}
$$

Com que $r\ <\ R_T$, aquesta òrbita no és possible [**0.25**]

P4)

a) Llei de la refracció:

$$\frac{\sin\phi_1}{\sin\phi_2} = \frac{v_1}{v_2} \; [\mathbf{0{,}4}]$$

Prenem l'aigua com a medi 1 i l'aire com a medi 2 $\Rightarrow$ $\phi_1 = 60^o; v_1 = 1500 m/s; v_2 = 340 m/s$
Anem a trobar amb quin angle sortirà el so de l'aigua:

$$\phi_2 = \arcsin\left(\frac{v_2 \sin\phi_1}{v_1}\right) = 11,32^0 \; [\mathbf{0{,}4}]$$

Per tant els grills i les llagostes podran sentir el so de les balenes, sempre que siguin molt properes a la costa i dalt d'un penya-segat, ja que el so surt amb un angle molt petit respecte la vertical i per tant amb una trajectòria molt vertical. [**0.2**]

b) La freqüència no varia al passar d'un medi a un altre. [**0.25**] La velocitat d'una ona ve donada per l'expressió: $v = \lambda \, \nu$ [**0.25**]

Dins de l'aigua:

$$\lambda = \frac{v}{\nu} = \frac{1500}{20} = 75 \; m \; [\mathbf{0{,}25}]$$

A l'aire:

$$\lambda = \frac{v}{\nu} = \frac{340}{20} = 17 \; m$$

que correpon a la longitud d'ona a la que rebran el so. [**0.25**]

P5)

a) Donat que en la reacció que ens plantejen l'única transformació nuclear que té lloc és la transformació d'un neutró en un protó amb l'emissió d'un electró (partícula β), per tant el nombre màsic del Xe serà el mateix que el del I, o sigui 131 [**0.25**] i el nombre atómic serà una unitat més gran que el del I, o sigui 54 [**0.25**].

La longitud d'ona associada a les partícules β, d'acord amb la llei d'en De Broglie serà:

$$\lambda_\beta = \frac{h}{m_\beta \; v_\beta} = \frac{6,62\times 10^{-34} \; Js}{9,11\times 10^{-31} kg \; 2\times 10^8 m/s} = 3,6\times 10^{-12} \; m \; [\mathbf{0{,}5}]$$

b) La llei de desintegració d'un radinucli és:

$$N(t) = N_0 \, \mathrm{e}^{-\frac{t}{\tau}\ln 2} \; [\mathbf{0{,}5}]$$

En el nostre cas, $N(t) = 0,125 \; N_0 \; \Rightarrow$

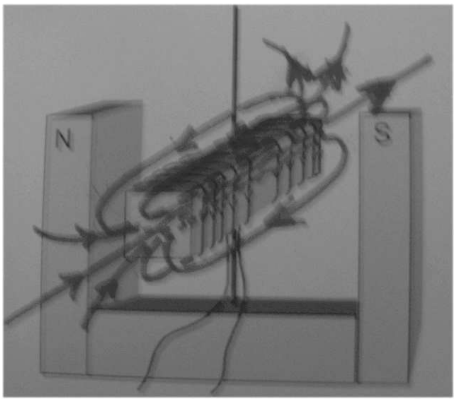
$$0,125 \; N_0 = N_0 \, \mathrm{e}^{-\frac{t}{\tau}\ln 2}$$

prenen logaritmes naturals a cada cantó de l'equació tindrem:

$$\ln(0{,}125) = -\frac{t}{\tau}\ln 2 \;\Rightarrow\; t = -\frac{\ln(0{,}125)}{\ln 2}\,\tau = 24 \; dies \; [\mathbf{0{,}5}]$$

OPCIÓ B
P3)

a) De forma esquemàtica es mostra a la figura les línies de camp magnètic:



[**0.5**]

Les línies de camp magnètic entran pel pol Sud i surten pel pol Nord, per tant en la figura que es mostra, l'extrem mes proper serà el pol Sud i l'altre extrem el pol Nord, per tant el pol Sud de l'eletroimà s'acostarà al pol Nord de l'imà, o sigui l'electroimà girarà segons les agulles del rellotge. [**0.5**]

b) Per la llei de Lenz sabem que la força electromotriu generada en una espira està condicionada a que hi hagi un variació del fluxe magnètic a través de l'espira al llarg del temps:

$$\varepsilon = -\frac{\mathrm{d}\,\Phi}{\mathrm{d}\,t}\ [\mathbf{0{,}6}]$$

Per tant en la gràfica que es mostra es generarà força electromotriu ens els intervals següents:
$10 \leq t \leq 12$; $18 \leq t \leq 20$; $40 \leq t \leq 42$ i $48 \leq t \leq 50$ tots els intervals en ms. [**0.4**]

P4)

a)

$$N = N_0\,\mathrm{e}^{-\lambda t} \Rightarrow m = m_0\,\mathrm{e}^{-\lambda t}\ [\mathbf{0{,}4}]\ \lambda = \frac{\ln 2}{\tau}\ [\mathbf{0{,}2}]$$

$$m = 1\,\mathrm{e}^{-\frac{t \ln 2}{\tau}} = 0{,}957g[\mathbf{0{,}4}]$$

b)

$$N_0 = m_0(g)\,\frac{N_A(\grave{a}toms)u}{1g}\,\frac{1}{M_a(R_a)u}\ [\mathbf{0{,}1}] = \frac{1 \times 6,02 \times 10^{23}}{226} = 2,66 \times 10^{21} n\acute{u}clis\ [\mathbf{0{,}2}]$$

$$A_0 = \lambda N_0\ [\mathbf{0{,}1}] = \frac{\ln 2}{1590 \times 365 \times 86400}\,2,66 \times 10^{21} = 3,7 \times 10^{10}\mathrm{Bq}\ [\mathbf{0{,}2}]$$

$$N_{100\,anys} = m_{100\,anys}(g)\,\frac{N_A(\grave{a}toms)u}{1g}\,\frac{0,957}{M_a(R_a)u} = \frac{0,957 \times 6,02 \times 10^{23}}{226} = 2,45 \times 10^{21} n\acute{u}clis\ [\mathbf{0{,}2}]$$

$$A_{100\,anys} = \lambda N_{100\,anys} = \frac{\ln 2}{1590 \times 365 \times 86400}\,2,45 \times 10^{21} = 3,5 \times 10^{10}\mathrm{Bq}\ [\mathbf{0{,}2}]$$

P5)

a) Es tracta de la difracció [**0.25**]. Per a que sigui preceptible cal que la mida de l'orifici sigui comparable o menor a la longitud d'ona [**0.25**].

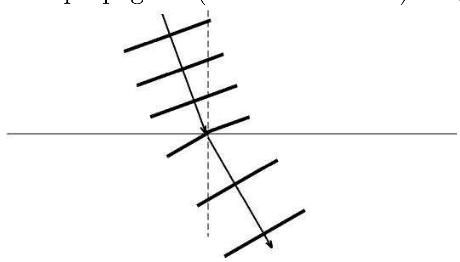
Exemples:

Un soroll que sentim al darrera d'una porta encara que no veiem a la persona que el fa.

La llum que passa per una petita escletxa ens pot arribar a iluminar lleugerament tota una habitació [**0.5**]

b)

1 Per a que estigui considerat correcte cal que el fronts d'ona estiguin més separats en el segon medi que en el primer, [**0.2**] que l'angle d'incidència sigui menor que el de refracció [**0.2**] i que ambdós siguin mesurats a partir de la normal. [**0.1**] Canvia la velocitat de propagació (ho diu l'enunciat) i augmenta la longitud d'ona, però no canvia la freqüència. [**0.1**]



2 Cal que els fronts d'ona no siguin concèntrics i que la distància entre fronts sigui clarament menor pel costat de l'observador, que ha d'estar indicat d'alguna manera, que pel costat contrari. [**0.4**]