

## Proves d'accés a la universitat

Convocatòria 2016

### Física

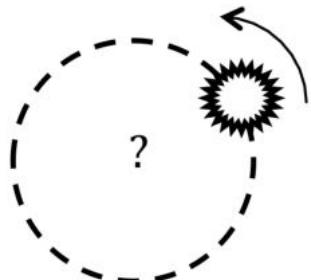
#### Sèrie 3

L'examen consta d'una part comuna (problemes P1 i P2), que heu de fer obligatòriament, i d'una part optativa, de la qual heu d'escol·lir UNA de les dues opcions (A o B) i fer els problemes P3, P4 i P5 corresponents.

Cada problema val 2 punts.

#### PART COMUNA

- P1)** Un dels candidats a forat negre més pròxims a la Terra és A0620-00, que està situat a uns 3 500 anys llum. Es calcula que la massa d'aquest forat negre és de  $2,2 \times 10^{31}$  kg. Encara que A0620-00 no és visible, s'ha detectat una estrella que descriu cercles amb un període orbital de 0,33 dies al voltant d'un lloc on no es detecta cap altre astre.
- a) Deduïu la fórmula per a obtenir el radi d'una òrbita circular a partir de les magnituds proporcionades. Utilitzeu aquesta fórmula per a calcular el radi de l'òrbita de l'estrella que es mou al voltant d'A0620-00.
- b) Calculeu la velocitat lineal i l'acceleració centrípeta de l'estrella i representeu els dos vectors  $\nu$  i  $\alpha_c$  sobre una figura similar a la d'aquest problema.



DADA:  $G = 6,67 \times 10^{-11} \text{ N m}^2 \text{ kg}^{-2}$ .

- P2)** Tenim dues molles idèntiques. Un objecte A de 100 g que penja d'una de les molles oscilla amb un període d'1,00 s i amb una amplitud de 5,00 cm.
- a) Volem que l'altra molla oscilli amb la mateixa amplitud, però amb una freqüència doble que la de la molla de què penja l'objecte A. Quina massa hem de penjar a la segona molla?
- b) Els dos objectes es deixen anar des de l'extrem inferior de l'oscillació. Representeu en una gràfica velocitat-temps la velocitat de cadascun dels objectes quan oscil·len durant 2 s en les condicions descrites. En la gràfica heu d'indicar clarament les escales dels eixos, les magnituds i les unitats. Durant els 2 s representats en la gràfica, en quins moments la diferència de fase entre els dos objectes és de  $\pi$  radians?

## OPCIÓ A

- P3)** Els ratpenats emeten uns xiscles en forma d'ultrasons i utilitzen els ecos d'aquests ultrasons per a orientar-se i per a detectar obstacles i preses. Una espècie de ratpenats emet ultrasons amb una freqüència de 83,0 kHz quan caça mosquits.

- a) Calculeu la longitud d'ona i el període dels ultrasons emesos per aquests ratpenats. Considereu un mosquit situat a 1,5000 m de l'orella dreta i a 1,5030 m de l'orella esquerra del ratpenat. Calculeu la diferència de fase en l'eco percebut per cada orella, provinent del mosquit.
- b) Quan el mosquit està més a prop, el ratpenat també podria utilitzar la diferència

d'intensitats dels ecos. Calculeu el quotient d'intensitats sonores  $\frac{I_{\text{dreta}}}{I_{\text{esquerra}}}$  quan el

mosquit està a 33 cm de l'orella dreta i a 34 cm de l'orella esquerra i expresseu en decibels la diferència de nivells d'intensitat sonora. Considereu que l'eco es propaga uniformement des del mosquit en totes les direccions de l'espai.

DADA: Velocitat dels ultrasons en l'aire =  $340 \text{ m s}^{-1}$ .

- P4)** Un canó elèctric que dispara electrons els accelera, mitjançant un camp elèctric uniforme generat per dues plaques metàlliques (A i B), des del repòs fins a una velocitat de  $2,00 \times 10^6 \text{ m s}^{-1}$  (figura 1). Dins del canó, els electrons inicien el recorregut a la placa A i viatgen cap a la placa B, per on surten horitzontalment cap a la dreta per un petit orifici. Les dues plaques són paralles i estan separades per 4,00 cm.

- a) Calculeu la diferència de potencial entre les dues plaques i indiqueu quina placa té el potencial més alt i quina té el potencial més baix. Dibuixeu la figura 1 i representeu-hi les línies de camp elèctric entre les dues plaques.
- b) Més endavant, els electrons passen entre dues altres plaques, que generen un camp elèctric uniforme de  $500 \text{ N C}^{-1}$  vertical cap amunt (figura 2). Calculeu l'acceleració dels electrons quan estiguin sota l'acció d'aquest camp elèctric i les dues components de la velocitat en sortir del recinte on hi ha el camp elèctric.

DADES:  $|e| = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$ .

$$m_e = 9,11 \times 10^{-31} \text{ kg}$$

NOTA: Considereu negligible el camp gravitatori.

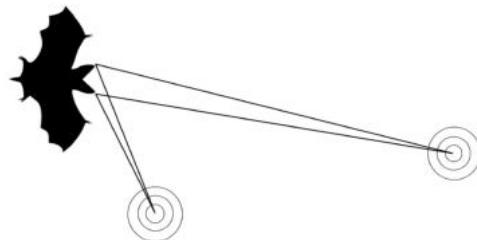


FIGURA 1

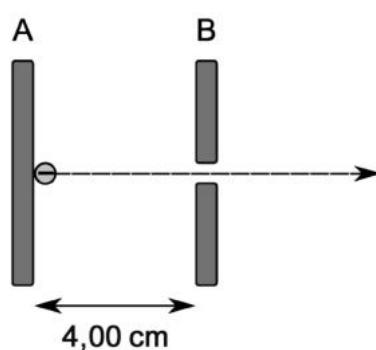
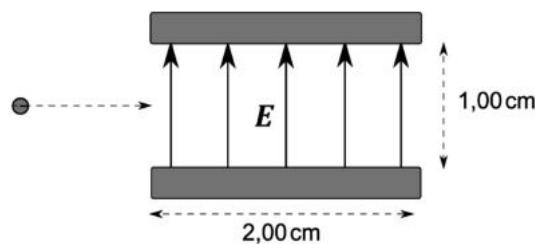


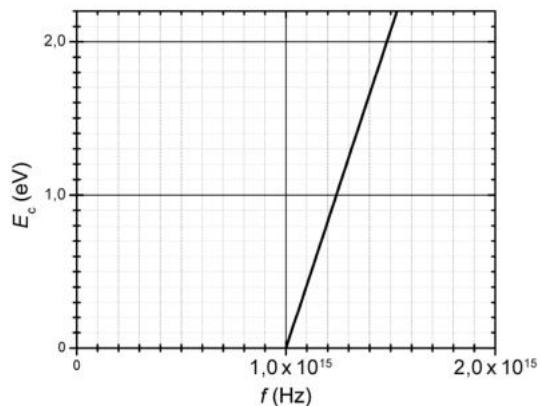
FIGURA 2



- P5)** Al laboratori es mesura l'energia cinètica màxima dels electrons emesos quan es fa incidir llum de freqüències diferents sobre una superfície metàlica. Els resultats obtinguts es mostren en la gràfica adjunta.

- Determineu el valor de la constant de Planck a partir de la gràfica.
- Calculeu l'energia mínima d'extracció dels electrons (en eV).

DADA:  $1 \text{ eV} = 1,60 \times 10^{-19} \text{ J}$ .

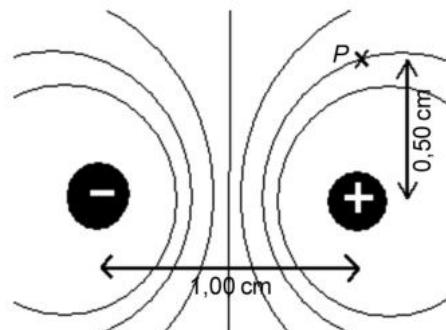


## OPCIÓ B

- P3)** Un dipol està format per una càrrega positiva  $+q$  i una càrrega negativa  $-q$ , del mateix valor, separades per 1,00 cm. En la figura s'han representat les superfícies equipotencials amb la mateixa separació de potencials entre cada parell de línies consecutives. Sabem que en el punt  $P$  el potencial és de +10 V.

- Reproduïu la figura i indiqueu els valors de potencial elèctric de cada una de les superfícies equipotencials que hi apareixen. Representeu-hi també, de manera aproximada, les línies de camp elèctric d'aquesta regió de l'espai.
- Calculeu el valor de les càrregues  $+q$  i  $-q$ .

DADA:  $k = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} = 8,99 \times 10^9 \text{ N m}^2 \text{ C}^{-2}$ .



- P4)** El potassi 40 ( $^{40}\text{K}$ ) és un isòtop inestable. Es pot transformar en calci (Ca) mitjançant una desintegració  $\beta^-$  o en argó (Ar) mitjançant una desintegració  $\beta^+$ . El nombre atòmic del calci és 20.
- Escriviu les equacions nuclears que corresponen a aquests processos, incloent-hi els neutrins i els antineutrins.
  - També és possible que el potassi 40 capture un electró de la seva escorça i emeti un fotó gamma de 1 460 MeV. Calculeu la longitud d'ona i la freqüència d'aquests raigs gamma. Calculeu també la disminució de la massa de l'àtom de potassi 40 deguda a l'energia que s'endú el fotó.

DADES: Constant de Planck,  $h = 6,63 \times 10^{-34} \text{ Js}$ .

$$|e| = 1,6 \times 10^{-19} \text{ C}$$

$$\text{Velocitat de la llum, } c = 3,00 \times 10^8 \text{ m s}^{-1}$$

$$1 \text{ eV} = 1,60 \times 10^{-19} \text{ J}$$

- P5) Una espira magnètica es troba situada en el pla YZ, té un radi  $R = 5 \text{ cm}$  i transporta un corrent de  $10 \text{ A}$ .
- Calculeu el mòdul del camp magnètic en el centre de l'espira (en  $\mu\text{T}$ ).
  - Quin sentit ha de tenir el corrent elèctric que circula per l'espira perquè el camp magnètic en el centre vagi en el sentit positiu de l'eix  $x$ ?

DADA:  $\mu_0 = 4\pi \times 10^{-7} \text{ T m A}^{-1}$ .

NOTA: El mòdul del camp magnètic creat per una espira magnètica en un punt de l'eix  $x$  és:

$$B(x) = \frac{\mu_0 I}{2} \frac{R^2}{(x^2 + R^2)^{3/2}}.$$

