# R Guide

# für das Neurolinguistics Lab Mainz

Stand: 04.02.2021

# Contents

1	R	4				
2	Setup					
3	eskriptive Statistik  Übersicht der Daten  Weitere nützliche Funktionen für die deskriptive Statistik:  z-Transformation  log-Transformation  Outlier					
4	Plots	12 14 15 16 17 19 21 22 23 25 27 28 28 30 31 33 34 35 36 37 39 42				
5	Inferenzstatistik 5.0.1 Testen der Normalverteilung	<b>48</b> 48				

7	Que		80
6		esian Methods	79
e	Box	osian Mathods	70
	5.5	Generalized Linear Models	79
		5.4.3.5.2 bei Linear Mixed Effect Models	77
		5.4.3.5 Influential Data	76
		5.4.3.4 Normalverteilung der Residuals	74 76
		5.4.3.3 Homoskedastizität	74
		5.4.3.2 Kollinearität	73
		5.4.3.1 Linearität	73
		5.4.3 Voraussetzungen für General Mixed Models	73
		5.4.2.4 Pairwise Comparison bei Linear Mixed Effect Models	70
		5.4.2.3 Stepwise Regression	68
		5.4.2.2 Likelihood Ratio Test	68
		5.4.2.1 R-Squared	67
		5.4.2 Linear Mixed Effects Model	64
		5.4.1 Linear Model	64
	5.4	General Mixed Models	64
	5.3	Korrelationen	63
		5.2.7 McNemar-Test	61
		5.2.6 Fisher-Test	61
		5.2.5 Chi-Quadrat-Test	60
		5.2.4 Friedman-Test	60
		5.2.3 Kruskal-Wallis-Test	60
		5.2.2 Wilcoxon-Test	59 59
	J.∠	5.2.1 Mann-Whitney-U Test	59 59
	5.2	Non-parametrische Tests	59
		5.1.2.6.1 mit $rstatix$	50 58
		5.1.2.6 Two-way repeated measures ANOVA	56 56
		5.1.2.5.2 mit baseR	55 56
		5.1.2.5.1 mit rstatix	54
		5.1.2.5 One-way repeated measures ANOVA	54
		5.1.2.4 Multivariate multifaktorielle ANOVA	53
		5.1.2.3 Multivariate einfaktorielle ANOVA	53
		5.1.2.2 Univariate multifaktorielle ANOVA	52
		5.1.2.1 Univariate einfaktorielle ANOVA	51
		5.1.2 Anova	51
		5.1.1.2 t-Test für abhängige Stichproben	50
		5.1.1.1 t-Test für unabhängige Stichproben	50
		5.1.1 t-Test	50
	5.1	Parametrische Tests	50
		5.0.2 Testen der Varianzhomogenität	49

# To-do:

- $\bullet \;\; ({\rm automatische \; Signifkanzssterne \; in \; Plots})$
- (Generalized Linear Mixed Effects Models)
- (Bayesian methods)

• (interaktive Aufgaben		
Bei Fragen, Verbesserungsvo	orschlägen und Anregungen gerne	an josh.ziegler@icloud.com wenden.

### 1 R

### Was ist R?

R is a free software environment for statistical computing and graphics. It compiles and runs on a wide variety of UNIX platforms, Windows and MacOS. (Quelle: https://www.r-project.org)

#### Wie installiere ich R?

R kann kostenlos über das Comprehensive R Archive Network (CRAN) heruntergeladen und anschließend installiert werden.

### Wie installiere ich RStudio (ein beliebtes GUI für R)?

Rstudio ist ein Graphic User Interface (GUI) für R, welches die Arbeit mit R übersichtlicher machen kann. Es kann kostenlos von der RStudio Homepage heruntergeladen und anschließend installiert werden.

### Was sind Pakete (packages)?

Pakete sind Erweiterungen für R, die sich direkt über die Konsole installieren und laden lassen. Sie beinhalten z.B. neue Funktionen, überarbeitete Funktionen oder auch Datensätze und ergänzen somit R um die vorinstallierten Funktionen (= baseR).

#### Wie lerne ich R?

Um R zu lernen gibt es viele Resourcen. Ich empfehle das Paket **swirl**, da es direkt innerhalb RStudio durchgeführt werden kann. Um das Tutorial zu starten müssen folgende Schritte in der *Console* ausgeführt werden:

- 1. Das Paket "swirl" installieren: install.packages("swirl")
- 2. Das Paket "swirl" laden: library(swirl)
- 3. Die Funktion swirl() ausführen: swirl()

swirl leitet dann innerhalb der Console durch die Tutorials.

Des Weiteren empfielt es sich, die eigenen R-Projekte so zu organisieren, dass sie auch nach langer Zeit noch ersichtlich sind. Neben eindeutigen Benennungen von Variablen, Daten, Plots, etc. lohnt es sich vor allem eine gute Ordnerstruktur anzulegen. Hilfreiche Links dazu:

- RStudio Projects
- Version Control: GitHub & RStudio Guide von Jennifer Bryan

#### Was ist ein R Markdown?

R Markdown ermöglicht es, Code in einer schriftlichen Arbeit zu integrieren. Der Code befindet sich in sogenannten "Chunks", die sich in RStudio direkt in der Datei ausführen lassen. Das ganze Dokument, inklusive Code und Output, lässt sich unter Anderem als html- oder pdf-Datei exportieren. Mehr Informationen gibt es auf der offiziellen Website.

R Markdown verfügt über viele gestalterische Optionen. Ein Cheatsheet lässt sich in RStudio wie folgt aufrufen:

Help > Cheatsheets > R Markdown Cheat Sheet

### Wie werden R, RStudio und Pakete geupdated?

David von R for the R for t hat eine wunderbare Guide zusammengestellt, wie sich R, R Studio und die Pakete auf Mac und Windows updaten lassen, ohne dass dabei Probleme entstehen (sollten...):

https://rfortherestofus.com/2020/09/how-to-update-rstudio-r-packages/

### Post-Tutorial: Troubleshooting!

Generell gilt, dass sich viele Probleme lösen lassen, indem die Dokumentation einer Funktion aufgerufen wird. Dies geht direkt in der *Console*, indem ein? vor die Funktion gesetzt wird (z.B.: ?summary).

Da auch das nicht immer hilft, empfiehlt es sich Foren, wie bspw. Cross Validated und Stack Overflow, zu durchforsten, sich mit den Regeln des Forums vertraut zu machen und bei Bedarf selbst eine Frage zu stellen.

- Wie lese ich meine Daten ein?
  - .txt-Datei: txt.data <- read.delim(("Dateipfad", header = TRUE, sep = ";", dec = ",") (hier lässt sich bestimmen, ob die erste Zeile als Variablennamen übernommen werden soll, sowie durch welche Zeichen die Zellen getrennt sind und welches Zeichen vor Dezimalstellen verwendet wird)</p>
  - .csv-Datei: csv.data <- read.csv("Dateipfad", header = TRUE, sep = ";", dec = ",")</li>
     (hier lässt sich bestimmen, ob die erste Zeile als Variablennamen übernommen werden soll, sowie durch welche Zeichen die Zellen getrennt sind und welches Zeichen vor Dezimalstellen verwendet wird)
  - .sav-Datei: sav.data <- read\_sav("Dateipfad")(benötigt das Paket "haven"!)
- Wie bekomme ich meine Daten ins richtige Format?
  - Umwandeln einer Variable in das Factor-, Character- oder Numeric-Format: as.factor(data\$Variable),
     as.character(data\$Variable) oder as.numeric(data\$Variable)
  - Daten vom Weit- ins Langformat wandeln (Beispiel dazu im Kapitel McNemar-Test): mit den Funktionen pivot\_wider() oder pivot\_longer()
- R sagt mir, dass meine Variable nicht vorhanden ist, was jedoch nicht stimmen kann. Was nun?
  - Oft lohnt es sich zu überprüfen, ob noch ungewünschte Gruppierungen in den Daten vorhanden sind, die durch die Funktion group\_byausgelöst wurden. Diese lassen sich mit der folgenden Funktion aufheben: data <- data %>% ungroup().

5

## 2 Setup

Diese Guide arbeitet mit exemplarischen Daten als eine Art Blaupause für eure R-Projekte. In erster Linie wird der Datensatz sleepstudy aus dem Paket *lme4* verwendet:

"The average reaction time per day for subjects in a sleep deprivation study. On day 0 the subjects had their normal amount of sleep. Starting that night they were restricted to 3 hours of sleep per night. The observations represent the average reaction time on a series of tests given each day to each subject." (Quelle: ?sleepstudy)

Die Kapitel Stepwise Regression und Pairwise Comparison bei Linear Mixed Effect Models arbeiten mit dem etwas weniger ansprechenenden Datensatz ham aus dem Paket ImerTest:

"One of the purposes of the study was to investigate the effect of information given to the consumers measured in hedonic liking for the hams. Two of the hams were Spanish and two were Norwegian, each origin representing different salt levels and different aging time. The information about origin was given in such way that both true and false information was given. Essentially a 4x2 design with 4 samples and 2 information levels. A total of 81 Consumers participated in the study." (Quelle: ?ham)

Zunächst müssen die Pakete geladen werden:

```
# Laden der Pakete "lme4", "tidyverse" und "car"
library(lme4) # beinhaltet die "sleepstudy"-Daten & die Funktionen lmer(), glmer()
library(tidyverse) # beinhaltet u.A. ggplot2, dplyr (und andere nützliche Pakete)
library(car) # beinhaltet u.A. die Funktion leveneTest()
library(rstatix) # beinhaltet u.A. die Funktion identify_outliers()
library(lmerTest) # erweitert lme4 (berechnet u.A. p-Werte)
library(influence.ME) # wird für influencial data bei linear mixed effects models benötigt
library(emmeans) # ermöglicht pairwise comparison bei linear mixed effect models
library(MuMIn) # ermöglicht die Ausgabe von R-Squared-Werten bei linear mixed effect models
library(ggsignif) # ermöglicht manuelles Hinzufügen von Signifikanzsternen in Plots
```

Sollten diese Pakete nicht installiert sein, folgende Kommandos in der Konsole eintragen (ohne "#"):

```
# install.packages("lme4")
# install.packages("tidyverse")
# install.packages("car")
# install.packages("rstatix")
# install.packages("lmerTest")
# install.packages("influence.ME")
# install.packages("emmeans")
# install.packages("MuMIn")
# install.packages("ggsignif")
```

# 3 Deskriptive Statistik

### 3.1 Übersicht der Daten

Das Kommando head() zeigt die ersten Zeilen eines Datensatzes und liefert so einen kurzen Überblick:

```
head(sleepstudy)
```

```
##
     Reaction Days Subject
## 1 249.5600
                  0
                        308
## 2 258.7047
                        308
## 3 250.8006
                  2
                        308
## 4 321.4398
                        308
                  3
## 5 356.8519
                  4
                        308
## 6 414.6901
                        308
```

### Übersicht über die Variablentypen:

```
str(sleepstudy)
```

```
## 'data.frame': 180 obs. of 3 variables:
## $ Reaction: num 250 259 251 321 357 ...
## $ Days : num 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 ...
## $ Subject : Factor w/ 18 levels "308","309","310",..: 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
```

### Zusammenfassung der Daten:

```
summary(sleepstudy)
```

```
##
       Reaction
                          Days
                                       Subject
##
   Min.
           :194.3
                    Min.
                            :0.0
                                    308
                                          : 10
##
   1st Qu.:255.4
                    1st Qu.:2.0
                                    309
                                           : 10
  Median :288.7
                    Median:4.5
                                    310
                                           : 10
           :298.5
                                    330
## Mean
                    Mean
                            :4.5
                                           : 10
                                           : 10
##
    3rd Qu.:336.8
                     3rd Qu.:7.0
                                    331
## Max.
           :466.4
                     Max.
                            :9.0
                                    332
                                           : 10
##
                                    (Other):120
```

Für den Zweck dieser Guide erstellen wir an dieser Stelle zusätzliche Variablen (Geschlecht, Fremdsprache, Wortflüssigkeit):

```
# Geschlecht
sleepstudy$Sex <- factor(rep(c("m","f"), each = 90))
# Fremdsprache
sleepstudy$Language <- factor(rep(c("DE", "ENG", "FRA"), each = 60))
# Wortflüssigkeit
sleepstudy <- sleepstudy %>%
    mutate(VerbalFluency = rnorm(180, 18, 2))
# Datenkopf
head(sleepstudy)
```

```
Reaction Days Subject Sex Language VerbalFluency
## 1 249.5600
                          308
                                          DΕ
                                                    18.41036
                                 m
## 2 258.7047
                          308
                                          DE
                                                    14.42188
                   1
                                 \mathbf{m}
## 3 250.8006
                   2
                          308
                                          DE
                                                    21.49531
                                 m
## 4 321.4398
                   3
                          308
                                          DE
                                                    14.94047
                                 \mathbf{m}
## 5 356.8519
                          308
                                          DE
                                                    15.04754
```

```
## 6 414.6901 5 308 m DE 15.88364
```

Wie sich neue Variablen erstellen lassen, wird im *swirl*-Tutorial behandelt. Weitere Übersichten zu diesem Thema finden sich bspw. hier und hier.

### 3.2 Weitere nützliche Funktionen für die deskriptive Statistik:

- Arithmetisches Mittel einer Variable: mean(sleepstudy\$Reaction)
- Median einer Variable: median(sleepstudy\$Reaction)
- Quantile einer Variable: quantile(sleepstudy\$Reaction)
- Summe einer Variable: sum(sleepstudy\$Reaction)
- Standardabweichung einer Variable: sd(sleepstudy\$Reaction)
- Anzahl der Datenpunkte: nrow(sleepstudy)
- Variable erstellen: sleepstudy\$NewVariable <- NA
- Variable entfernen: sleepstudy\$NewVariable <- NULL

### 3.3 z-Transformation

Eine einfache z-Transformation wird mit der Funktion scale() durchgeführt. Da die Reaktionszeiten der sleepstudy zu verscheidenen Messzeitpunkten erhoben wurden, kalkulieren wir die z-Werte gruppiert nach Erhebungszeitpunkt ("group\_by()").

```
sleepstudy <- sleepstudy %>%
  group_by(Days) %>%
  mutate(zReaction = scale(Reaction)) %>%
  ungroup()
```

### 3.4 log-Transformation

Die log-Transformation wird mit der Funktion log() durchgeführt:

```
sleepstudy$logReaction <- log(sleepstudy$Reaction)</pre>
```

### 3.5 Outlier

Eine elegante Methode zum identifizieren und entfernen von Outliern bietet das Paket *rstatix*: Beschreibung von identify\_outliers() (*rstatix* Paket):

Values above Q3 + 1.5xIQR or below Q1 - 1.5xIQR are considered as outliers. Values above Q3 + 3xIQR or below Q1 - 3xIQR are considered as extreme points (or extreme outliers).

Q1 and Q3 are the first and third quartile, respectively. IQR is the interquartile range (IQR = Q3 - Q1).

```
# Outlier ausgeben
print(outliers)
## # A tibble: 2 x 10
                                   Language VerbalFluency zReaction[,1] logReaction
##
     Reaction Days Subject Sex
        <dbl> <dbl> <fct>
                             <fct> <fct>
                                                    <dbl>
##
                                                                   <dbl>
## 1
         466.
                  9 308
                                   DE
                                                     21.6
                                                                    1.72
                                                                                6.14
## 2
         459.
                  9 337
                             f
                                   ENG
                                                      19.8
                                                                    1.61
                                                                                6.13
## # ... with 2 more variables: is.outlier <lgl>, is.extreme <lgl>
# Outlier einer Variable, gruppiert nach einer anderen Variable
outliers_grouped <- sleepstudy %>%
                       group_by(Days) %>%
                       identify_outliers(Reaction)
# Outlier ausgeben
print(outliers_grouped)
## # A tibble: 8 x 10
##
      Days Reaction Subject Sex
                                   Language VerbalFluency zReaction[,1] logReaction
     <dbl>
              <dbl> <fct>
                            <fct> <fct>
                                                    <dbl>
                                                                   <dbl>
                                                                               <dbl>
##
               415. 308
## 1
         5
                                   DE
                                                     15.9
                                                                    2.05
                                                                                6.03
                            m
         6
               454. 332
## 2
                            m
                                   DE
                                                     19.2
                                                                    2.25
                                                                                6.12
## 3
         9
               466. 308
                                   DE
                                                     21.6
                                                                    1.72
                                                                                6.14
## 4
         9
               237. 309
                                   DE
                                                     21.3
                                                                   -1.69
                                                                                5.47
                            m
               248. 310
## 5
         9
                                   DE
                                                     19.2
                                                                   -1.54
                            m
                                                                                5.51
         9
               254. 332
## 6
                            m
                                   DΕ
                                                     18.7
                                                                   -1.45
                                                                                5.54
## 7
         9
               237. 335
                                   ENG
                                                     18.4
                                                                   -1.70
                                                                                5.47
## 8
         9
               459. 337
                            f
                                   ENG
                                                     19.8
                                                                    1.61
                                                                                6.13
## # ... with 2 more variables: is.outlier <lgl>, is.extreme <lgl>
```

### Wie entferne ich die Outlier?

Die Anwendung der Funktion identify\_outliers() auf die nach Erhebungstag (Days) gruppierten Daten ergab acht Outlier, wovon sechs als extrem eingestuft werden. Die Outliers sind wie folgt zu entfernen:

```
# Alle Outlier
sleep_outliers <-
    sleepstudy[-which(sleepstudy$Reaction %in% outliers_grouped$Reaction), ]
# Nur extreme Outlier:
# Filtern
outliers_grouped_extreme <-
    filter(outliers_grouped, is.extreme == "TRUE")
# Entfernen
sleep_outliers_extreme <-
    sleepstudy[-which(sleepstudy$Reaction %in% outliers_grouped_extreme$Reaction), ]</pre>
```

Überprüfen wir die Anzahl der Datenpunkte, um sicher zu gehen, dass die richtige Anzahl an Spalten entfernt wurde:

```
# Alle Outliers
nrow(sleepstudy) - nrow(sleep_outliers)

## [1] 8

# Nur extreme Outliers:
nrow(sleepstudy) - nrow(sleep_outliers_extreme)

## [1] 6
```

(Wir speicherte	en hier die um die	e Outlier reduzie	rten Daten i	in neuen l	Datensätzen,	damit wir o	die alten	nicht
$\ddot{\text{u}}\text{berschreiben}.$	Der Einfachheit	halber wird mit	den Daten i	inklusive of	der Outlier v	veitergearbei	itet.)	

## 4 Plots

R bietet zahlreiche Möglichkeiten zur grafischen Darstellen von Daten (mit baseR oder zusätzlichen Paketen). Eines der am häufigsten verwendeten Pakete ist **ggplot2**, da es sich sehr frei gestalten lässt. Bis auf einige wenige Ausnahmen wird auch in dieser Guide "ggplot2" verwendet.

Zunächst erstellen wir ein neues ggplot-Element mit unserem Datensatz als Argument. Dies gilt uns als Grundlage für die Plots:

```
gg_sleep <- ggplot(sleepstudy)</pre>
```

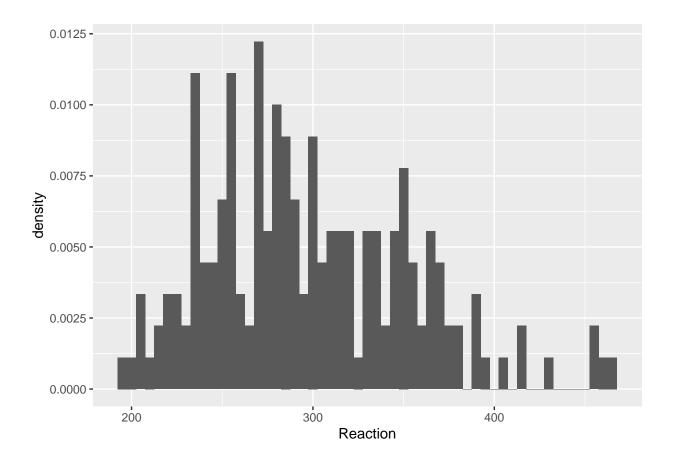
#### Hinweis:

Es wäre ebenfalls möglich, bereits in der ggplot()-Funktion die aesthetics (aes()) zu bestimmen. So müssten wir dies nicht bei jedem "geom" neu definieren, wie wir es in den folgenden Kapiteln tun. Ich denke, dass es im Rahmen dieser Guide der praktischere Ansatz ist, die aesthetics hier noch nicht zu bestimmen. Somit haben wir alle Variablen der Daten in unserem gg\_sleep-Element vorhanden. Dies ist jedoch sicher von Person zu Person und von Projekt zu Projekt unterschiedlich. Die verschiedenen Herangehensweisen scheinen unendlich und lassen viel Raum für experimentelles Herumprobieren.

In diesem Sinne: Frohes Plotten:-)

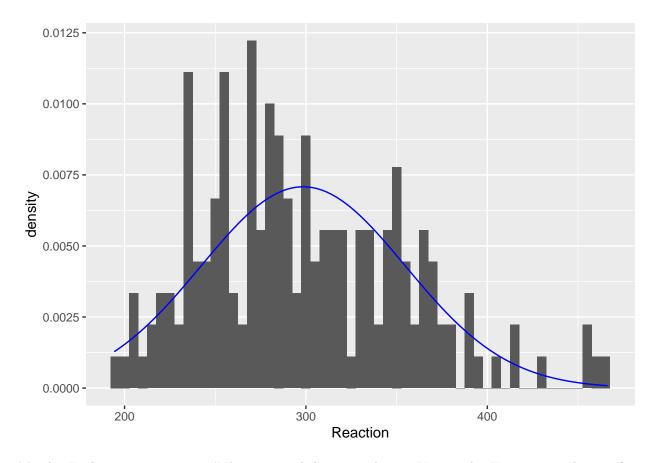
## 4.1 Histogramm

Um ein Histogramm mit ggplot2 zu erstellen, ergänzen wir unser ggplot-Element um die Funktion geom\_histogram(). Als x-Aesthetic legen wir die Reaktionsdaten fest. Die y-Achse soll die relative Häufigkeit angeben. Um die absolute Häufigkeit darzustellen, würden wir "..density." durch "..count." ersetzen. Mit dem Argument binwidth = bestimmen wir die Breite der bins.

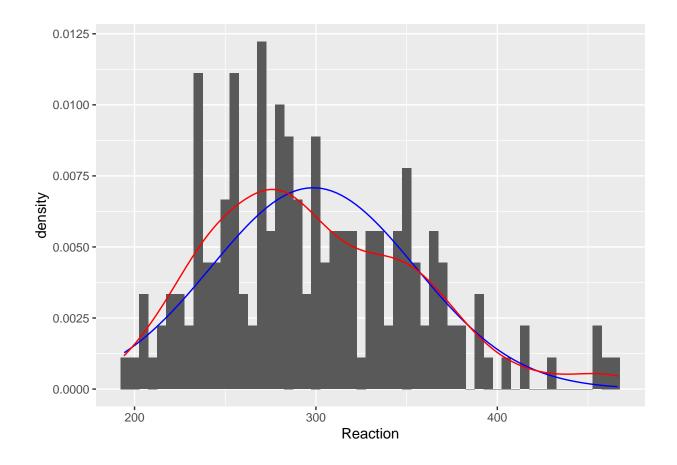


### 4.1.1 Histogramm mit Normalverteilungskurve

Um unserem Plot eine Normalverteilungskurve hinzuzufügen, muss das ggplot-Element um die Funktion stat\_function() mit den Argumenten fun = dnorm und args = list() ergänzt werden. Innerhalb der list()-Klammer geben wir die Variable an, deren Histogramm betrachtet wird. Mit dem Argument col = können wir bestimmen, in Welcher Farbe die Kurve abgebildet werden soll:



Mit der Funktion <code>geom\_density()</code> kann zusätzlich eine geglättete Version des Histogramms hinzugefügt werden:

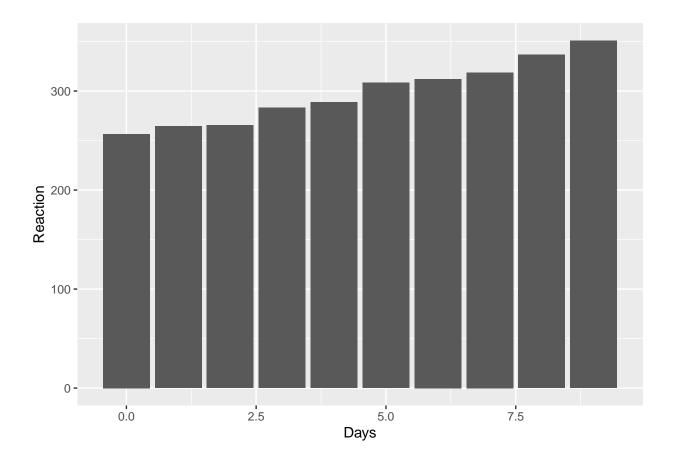


# 4.2 Barplots

Barplots lassen sich durch die Funktion geom\_bar() erstellen. In der aes()-Klammer werden die x- und y-Achse definiert.

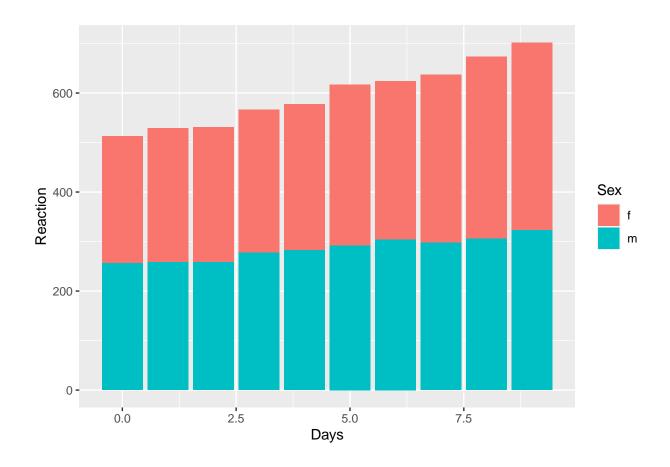
Das Argument stat = hat folgende Inputmöglichkeiten:

- "summary" -> kalkuliert standardmäßig den Mittelwert
- $\bullet\,$  "identity" -> bildet die Daten ab, wie sie vorliegen
- "count" -> zählt die Anzahl der Ausprägungen



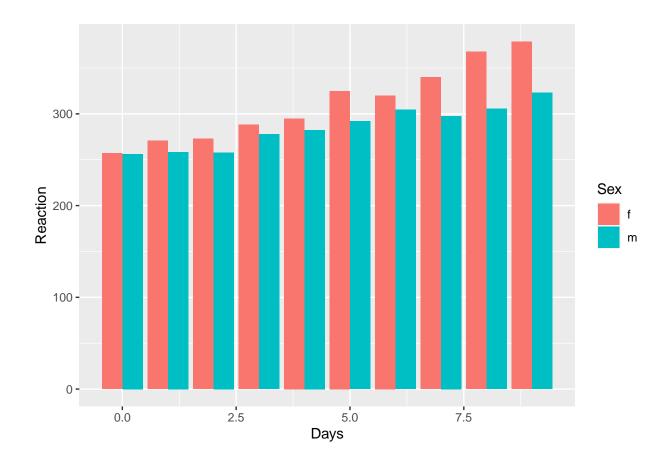
### 4.2.1 Gestapelte Barplots

Um die Daten gruppiert darzustellen, ergänzen wir in der aes()-Klammer entweder das Argument fill = oder col =. R entstellt automatisch eine Legende für die Variable, nach der gruppiert werden soll. Standardmäßig werden die Balken bei Gruppierungen gestapelt angeordnet:



### 4.2.2 Nebeneinander angeordnete Barplots

Um die Balken nebeneinander anzuordnen muss position = "dodge" in der geom\_bar()-Klammer ergänzt werden:



### 4.2.3 Barplots mit Fehlerbalken

Um barplots mit Fehlerbalken mit ggplot zu erstellen, wird eine Funktion benötigt, die nicht in einem Paket erhalten ist. Wie dies funktioniert ist einer Anleitung auf sthda.com entnommen:

```
# Erstellen der Funktion data_summary()
data_summary <- function(data, varname, groupnames){</pre>
  require(plyr)
  summary_func <- function(x, col){</pre>
    c(mean = mean(x[[col]], na.rm=TRUE),
      sd = sd(x[[col]], na.rm=TRUE))
  }
  data_sum<-ddply(data, groupnames, .fun=summary_func,</pre>
                   varname)
  data_sum <- rename(data_sum, c("mean" = varname))</pre>
return(data_sum)
}
# Neue Datentabelle
sleep_errorbar <-</pre>
  data_summary(sleepstudy, varname = "Reaction",
                groupnames = "Days")
# Betrachten der neuen Datentabelle
head(sleep_errorbar)
```

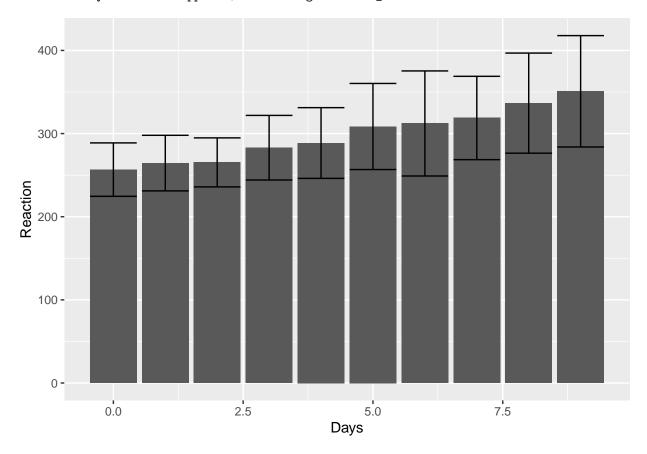
## Days Reaction sd

```
## 1 0 256.6518 32.12945
## 2 1 264.4958 33.43033
## 3 2 265.3619 29.47342
## 4 3 282.9920 38.85774
## 5 4 288.6494 42.53789
## 6 5 308.5185 51.76962
```

Die neu erstellte Datentabelle wird daraufhin zum Erstellen der Grafik verwendet:

```
ggplot(sleep_errorbar,
    aes(x = Days, y = Reaction)) +
geom_bar(aes(x = Days, y = Reaction),
    stat = "summary") +
geom_errorbar(aes(ymin = Reaction-sd, ymax = Reaction+sd))
```

## No summary function supplied, defaulting to `mean\_se()`



Ein Barplot, der dies alles **kombiniert** (also gruppiert, nebeneinander & inkl. Fehlerbalken) lässt sich wie folgt erstellen:

```
## Days Sex Reaction sd
## 1 0 f 257.0500 28.15595
```

```
## 2 0 m 256.2536 37.42361

## 3 1 f 270.5228 29.94441

## 4 1 m 258.4687 37.36940

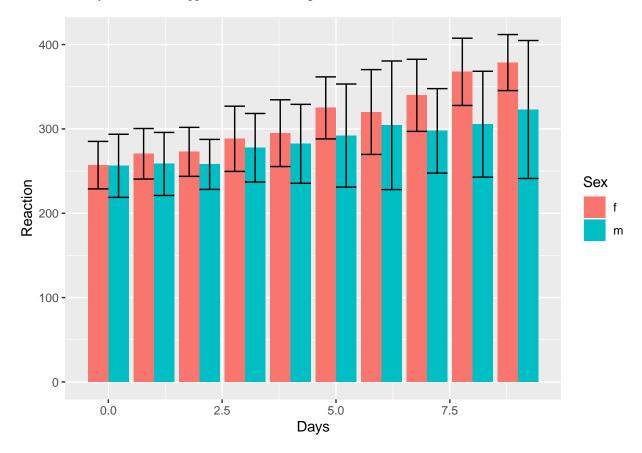
## 5 2 f 272.7947 29.02961

## 6 2 m 257.9291 29.64669
```

### Danach plotten:

```
ggplot(sleep_errorbar2,
    aes(x = Days, y = Reaction, fill = Sex)) +
geom_bar(aes(x = Days, y = Reaction, fill = Sex),
    stat = "summary",
    position = "dodge") +
geom_errorbar(aes(ymin = Reaction-sd, ymax = Reaction+sd),
    position = "dodge")
```

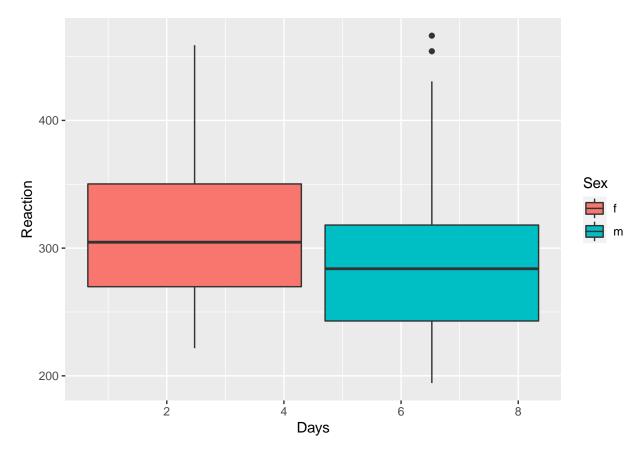
## No summary function supplied, defaulting to `mean\_se()`



## 4.3 Boxplots

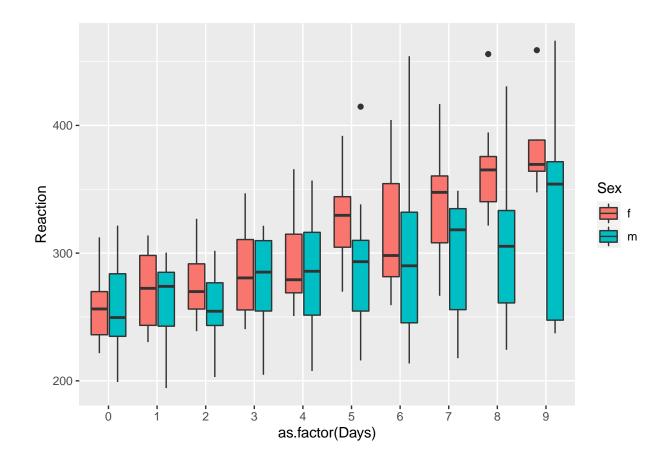
Boxplots werden in ggplot mit der Funktion geom\_boxplot()erstellt:

```
gg_sleep +
geom_boxplot(aes(x = Days, y = Reaction, fill = Sex))
```



Dieser Plot stellt nicht das dar, was wir wollten, da "Days" als numerische Variable konfiguriert ist. Mit dem Befehl as.factor() oder as.character() lässt sich dies korrigieren:

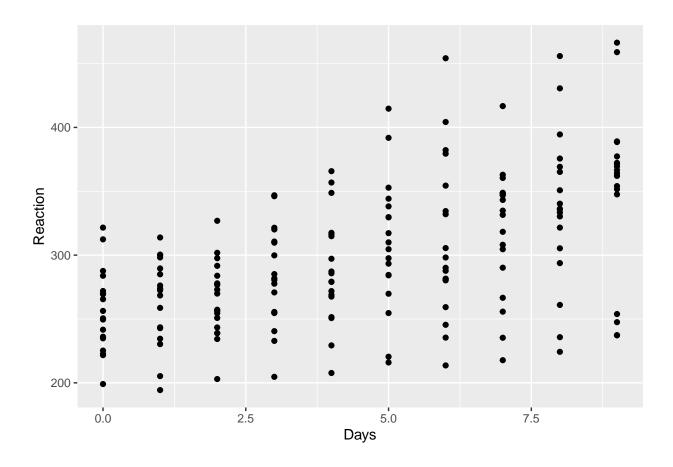
```
gg_sleep +
geom_boxplot(aes(x = as.factor(Days), y = Reaction, fill = Sex))
```



# 4.4 Scatterplots

Für Scatterplots wird die Funktion <code>geom\_point()</code> verwendet:

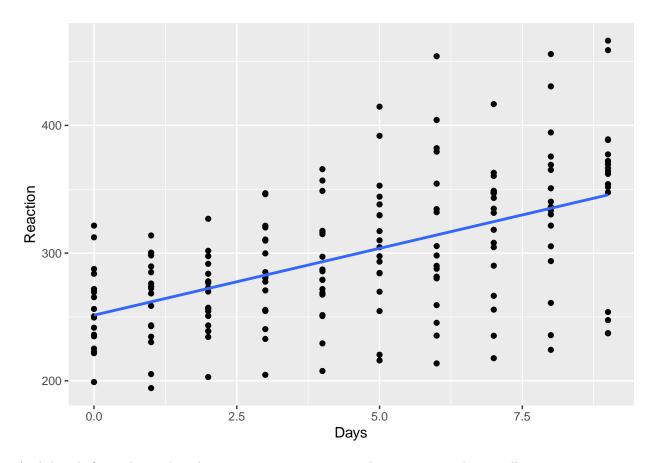
```
# Plot erstellen
sleep_point <- gg_sleep +
   geom_point(aes(x = Days, y = Reaction))
# Plotten
sleep_point</pre>
```



### 4.4.1 Regressionsgeraden

Um eine Regressionsgerade zu ergänzen, wird die Funktion geom\_smooth() verwendet. Ein Blick in die *Help-Page* mittels ?geom\_smooth liefert weitere Informationen zu den Argumenten method = und se =.

##  $geom_smooth()$  using formula 'y ~ x'

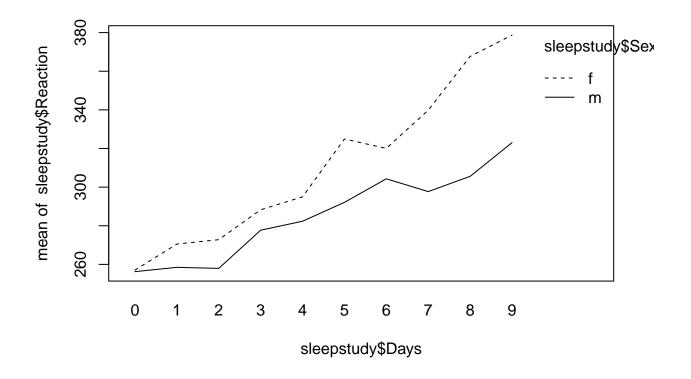


Auch hier ließen sich mit dem Argument fill = gruppierte Regressionsgeraden erstellen.

## ${\bf 4.4.2} \quad {\bf Interaktion splot}$

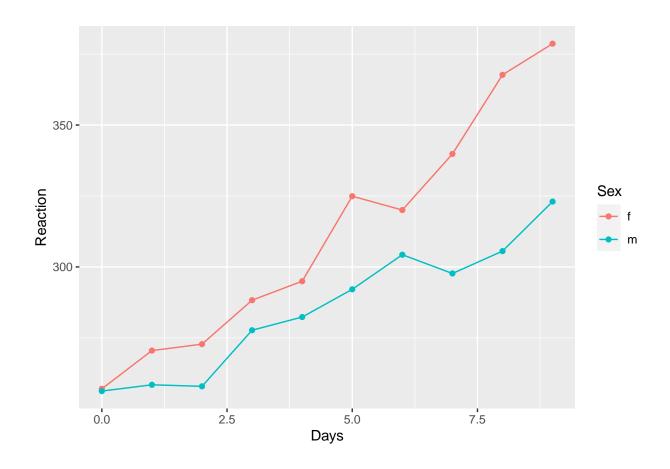
Ein Interaktionsplot lässt sich einfach mit baseR erstellen. Dazu werden die benötigten Variablen in folgender Reihenfolge als Argumente der Funktion interaction.plot() geschrieben: interaction.plot(x-Achse, Gruppierung, y-Achse)

interaction.plot(sleepstudy\$Days, sleepstudy\$Sex, sleepstudy\$Reaction)



Mit ggplot sind Interaktionsplots ein wenig komplizierter. Benötigt wird die Funktion geom\_line(). Wichtig ist hierbei, dass die Argumente stat = "summary"und fun = "mean" ergänzt werden, sowie die Gruppierung auch mit dem Argument group = gekennzeichnet wird.

Die Funktion geom\_point() kann optional verwendet werden, um Punkte an den unterschiedlichen Ausprägungen der unabhängigen Variable auf der x-Achse anzuzeigen:

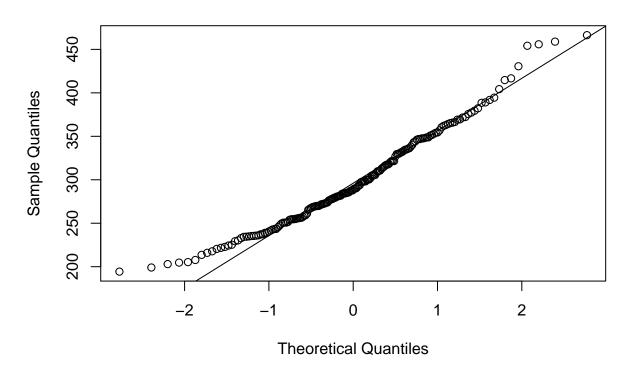


# 4.5 Q-Q-Plot

 $\ \, \text{Mit}\ \, baseR:$ 

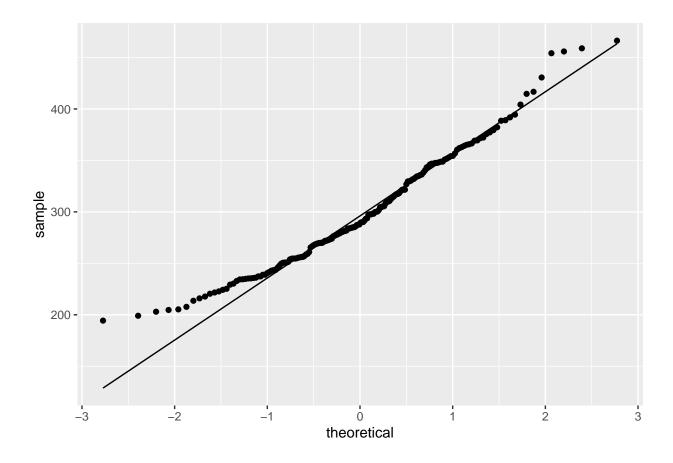
```
qqnorm(sleepstudy$Reaction) # Punkte
qqline(sleepstudy$Reaction) # Linie
```

# Normal Q-Q Plot



 $\ \, \text{Mit}\,\, ggplot:$ 

```
gg_sleep +
stat_qq(aes(sample = Reaction)) + # Punkte
stat_qq_line(aes(sample = Reaction)) # Linie
```



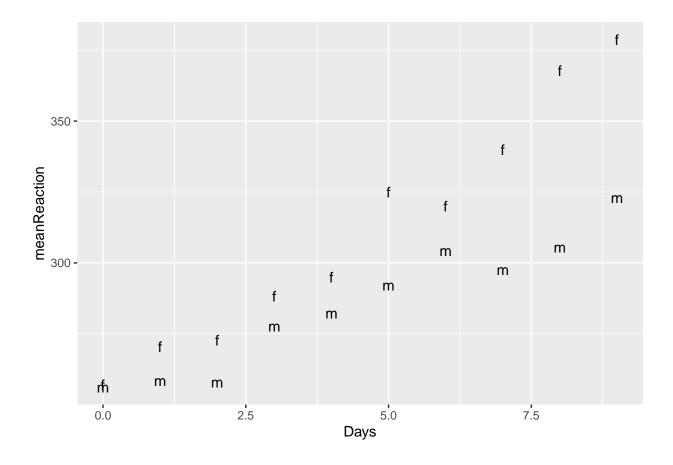
### 4.5.1 Textplots

Um Text zu plotten werden die Funktionen geom\_text oder geom\_label verwendet. Der Unterschied besteht darin, dass letztere zusätzlich einen Kasten um den Text generiert. Innerhalb der aes()-Klammer wird das Argument label = benötigt, welches definiert, aus welcher Variable der Text entnommen werden soll.

### Anmerkung:

Da es sich beim Datensatz sleepstudy um Messwiederholungsdaten handelt, wäre eine Darstellung der Datenpunkte mit Text sehr unübersichtlich. Wir generieren also zunächst eine neue Tabelle, die den Mittelwert der Reaktionsszeit nach Tag und Geschlecht berechnet.

Die Notation dplyr:: wird verwendet, damit R weiß, dass die Funktionen aus dem "dplyr"-Paket verwendet werden, nicht die gleichnamigen aus dem "plyr"-Paket.



### 4.6 Weitere Funktionen für Plots

In diesem Kapitel wird dargestellt, wie ggplot2-Plots modifiziert werden können. Hierzu werden die Plots <code>sleep\_bar</code> aus Kapitel Nebeneinander angeordnete Barplots und X verwendet. Die hier gezeigten Funktionen stellen nur einen kleinen Ausschnitt dessen dar, was mit ggplot2 möglich ist. Außerdem gilt auch hier, dass es oft viele verschiedene Herangehensweisen gibt. Eine umfassende Guide gibt es unter anderem auf sthda.com.

Achtung: Eine Erweiterung des Plots in einzelnen Schritten eignet sich hier zur Darstellung der Funktionen. In der Praxis kann dies zu Problemen führen, da sich einige Funktionen gegenseitig überschreiben (z.B. scale\_x\_continuous und scale\_x\_reverse, siehe Kapitel Achsen- und Legendenbeschriftung und Weitere (grafische) Transformationen).

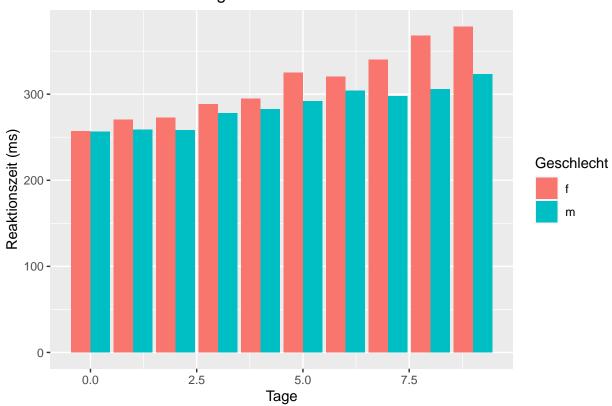
### 4.6.1 Titel

Durch die Funktion labs() können der **Haupttitel** (-> title =), die **Achsentitel** (-> x = & y =) und **Legendentitel** (-> fill = & colour =) definiert werden:

```
# Plot ausgeben
sleep_bar_title
```

## No summary function supplied, defaulting to `mean\_se()`

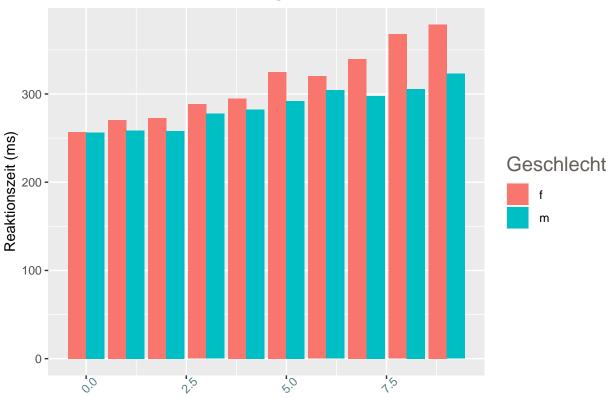
# Reaktionszeit über Tage nach Geschlecht



Die Form der Titel kann mit der Funktion theme() verändert werden. Ein Blick in die Help-Page (mit ?theme) liefert eine Übersicht der zahlreichen Möglichkeiten und deren Anwendungen. Ein Beispiel:

```
# Plot erstellen
sleep_bar_title2 <- sleep_bar_title +</pre>
                      theme(plot.title = element_text(colour = "#65605a", # Farbe
                                                        face = "bold",
                                                                            # fett
                                                       hjust = 0.5),
                                                                            # zentrieren
                             axis.title.x = element_blank(),
                                                                            # Titel entfernen
                             axis.text.x = element_text(angle = 45,
                                                                            # Rotation
                                                         colour = "#5c818b"), # Farbe
                             legend.title = element_text(size = 15,
                                                                            # Größe
                                                          colour = "#65605a") # Farbe
                             )
# Plot ausgeben
sleep_bar_title2
```





### 4.6.2 Achsen- und Legendenbeschriftung

Die Beschriftungen der Achsen- und Legendeneinheiten lassen sich durch die Funktionen mit Präfix scale\_bearbeiten.

Numerische Variablen erfordern das Suffix \_conituous, Faktoren und Characters das Suffix \_discrete.

Dementsprechend können wir die x-Achse, auf der die numerische Variable "Days" liegt mit der Funktion scale\_x\_continuous bearbeiten.

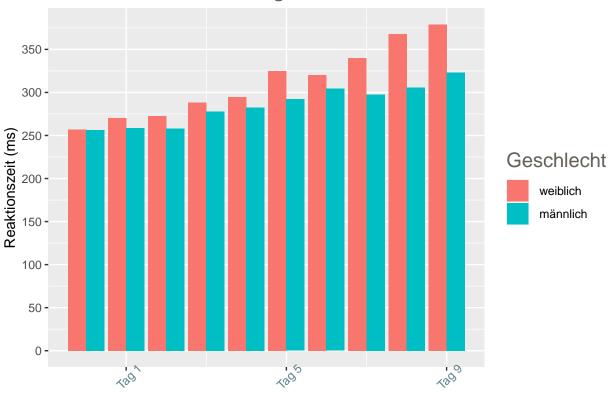
Mit dem Argument breaks = geben wir an, an welchen Zeitpunkten eine Achsenbeschriftung vorhanden sein soll. Mit dem Argument labels = können diese noch eine neue Beschriftung erhalten.

Die *breaks* der y-Achse definieren wir durch die Funktion seq, wobei die erste und zweite Zahl den Bereich markieren, für welchen die Beschriftung im Abstand der dritten Zahl erfolgen.

Die Legende, welche wir durch fill = Sex definiert haben erfordert für den Faktor "Sex" die Funktion scale\_fill\_discrete.

## No summary function supplied, defaulting to `mean\_se()`





R ordnet Factors und Characters automatisch alphabetisch. Wenn diese auch in der Tabelle anders angeordnet sein sollen, müsste das bereits vor der Erstellung des ggplot-Objekts (in unserem Fall gg\_sleep) wie folgt passieren:

sleepstudy\$Sex <- factor(sleepstudy\$Sex, levels = c("m", "f"))</pre>

### **4.6.3** Farben

Die Farben des Plots können mithilfe der folgenden Funktionern verändert werden:

- scale\_fill\_manual (wenn wir die Gruppierung über fill = erstellt haben) oder
- scale\_color\_manual (wen wir die Gruppierung über colour = erstellt haben)

Damit die Legendenbeschriftungen "weiblich" und "männlich" nicht überschrieben werden, definieren wir sie auch hier in der scale\_fill\_manual-Klammer. Täten wir dies nicht, würden sie wieder in ihrem Ausgangsformat ("f", "m") erscheinen.

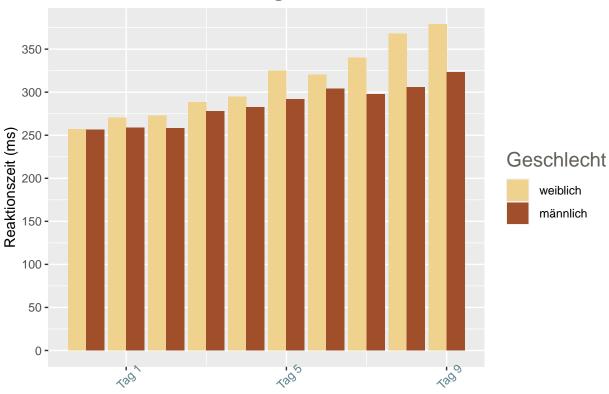
```
# Plot erstellen
sleep_bar_col <- sleep_bar_axis +
    scale_fill_manual(labels = c("weiblich", "männlich"),  # Labels
    values = c("#eed28e", "#a14e2a")  # Farben
    )</pre>
```

## Scale for 'fill' is already present. Adding another scale for 'fill', which ## will replace the existing scale.

```
# Plotten
sleep_bar_col
```

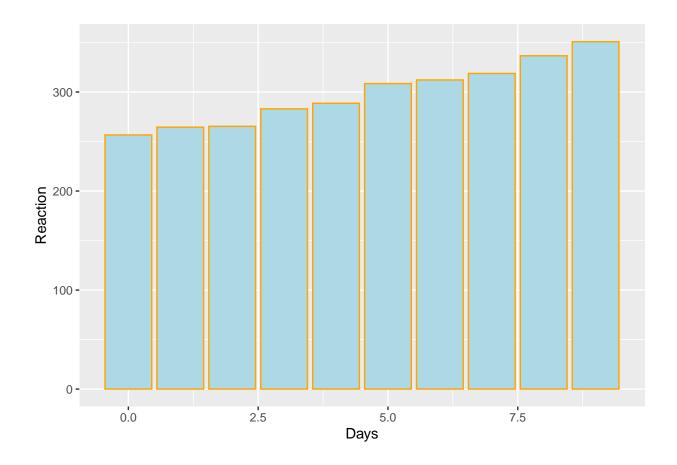
## No summary function supplied, defaulting to `mean\_se()`

# Reaktionszeit über Tage nach Geschlecht



Ungruppierte Plots lassen sich durch die Argumente fill = und col = färben. Diese Argumente stehen nicht in der aes()-Klammer!

Ein Beispiel, wie wir den Plot aus dem Kapitel Barplots ergänzen könnten:



### 4.6.3.1 Paletten

ggplot2 verfügt über die Farbpaletten des Pakets RColorBrewer. Diese lassen sich mit den Funktionen scale\_fill\_brewer oder scale\_colour\_brewer abrufen - je nachdem, ob fill = und/oder colour = für die Gruppierung verwendet wurden.

Im folgenden Beispiel wird die Palette "Pastel2" verwendet. Die *labels* werden wie bereits im Kapitel Farben erneut definiert, damit sie nicht überschrieben werden.





### 4.6.3.2 Entfärben

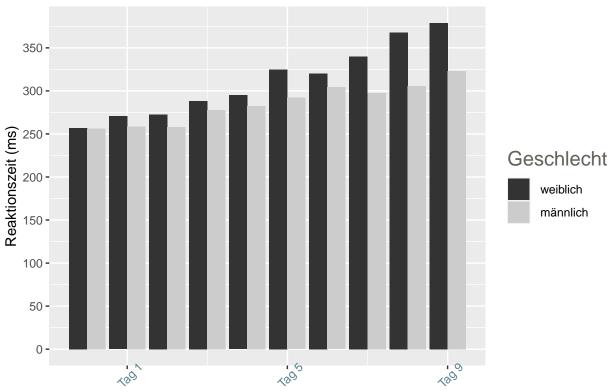
Die Funktionen scale\_fill\_grey und scale\_colour\_grey legen eine Palette aus verschiedenen Grautönen über die Gruppierungen:

```
# Plot erstellen
sleep_bar_bw <- sleep_bar_pal +
    scale_fill_grey(labels = c("weiblich", "männlich"))

## Scale for 'fill' is already present. Adding another scale for 'fill', which
## will replace the existing scale.

# Plotten
sleep_bar_bw</pre>
```





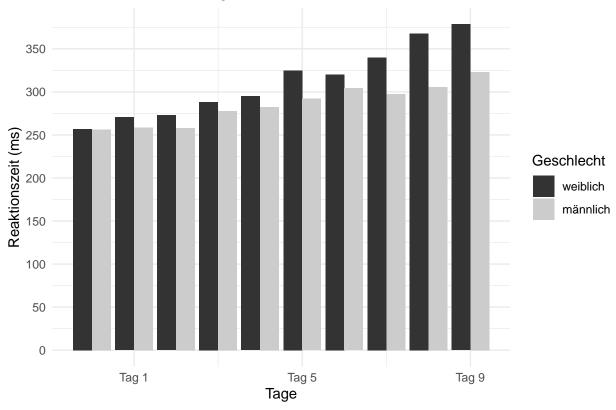
### 4.6.3.3 Themes

Das Aussehen der nicht-Daten komponenten lässt sich auch über sogenannte themes anpassen. Dies resultiert in einem einheitlichen Erscheinungsbild. Es stehen die Funktionen theme\_grey, theme\_bw, theme\_linedraw, theme\_light, theme\_dark, theme\_minimal, theme\_classic & theme\_void zur Verfügung.

Die Funktion theme\_minimal überschreibt hier, was wir im Kapitel Titel in der themes()-Klammer definiert haben, weshalb der Titel der x-Achse wieder angezeigt wird, der Legendentitel in der ursprünglichen Größe vorhanden ist und der Haupttitel nicht mehr zentriert ist.

```
# Plot erstellen
sleep_bar_min <- sleep_bar_bw +
   theme_minimal()
# Plotten
sleep_bar_min</pre>
```





### 4.6.4 Weitere (grafische) Transformationen

- Achsen spiegeln: scale\_x\_reverse() oder scale\_y\_reverse()
   Achtung: Überschreibt andere scale\_-Funktionen der jeweiligen Achse!
- Achsen begrenzen: xlim(min, max) oder ylim(min, max) (min und max stehen für Zahlenwerte)
- Legendenposition verändern: theme(legend.position = "") (in Anführungsstrichen ergänzen: bottom, top, right, left)

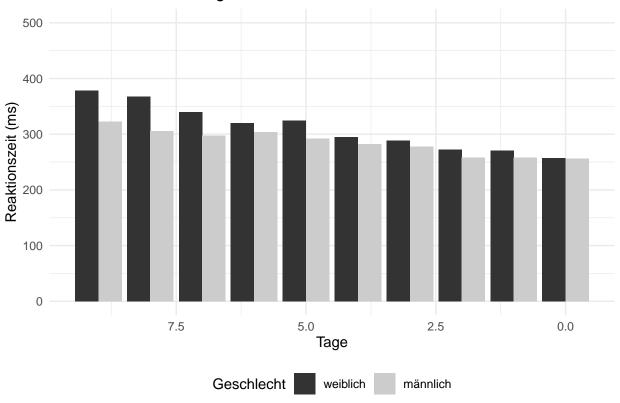
```
# Plot erstellen
sleep_bar_trans <- sleep_bar_min +
    scale_x_reverse() +  # x-Achse spiegeln
    ylim(0, 500) +  # Grenzen der y-Achse
    theme(legend.position = "bottom") # Position der Legende</pre>
```

## Scale for 'x' is already present. Adding another scale for 'x', which will ## replace the existing scale.

## Scale for 'y' is already present. Adding another scale for 'y', which will ## replace the existing scale.

```
# Plotten
sleep_bar_trans
```





## 4.6.5 Aufgeteilte Plots

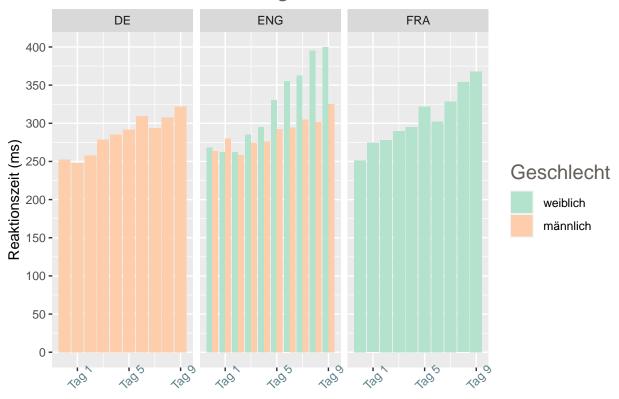
Plots lassen sich mit Hilfe der Funktion facet\_grid() nach Variablen Aufteilen. Wir verwenden hierfür wieder den farbigen Plot aus dem Kapitel Paletten.

## Plots aufgeteilt nach Sprache:

```
sleep_bar_pal +
  facet_grid(~ Language)

## No summary function supplied, defaulting to `mean_se()`
## No summary function supplied, defaulting to `mean_se()`
## No summary function supplied, defaulting to `mean_se()`
```

# Reaktionszeit über Tage nach Geschlecht

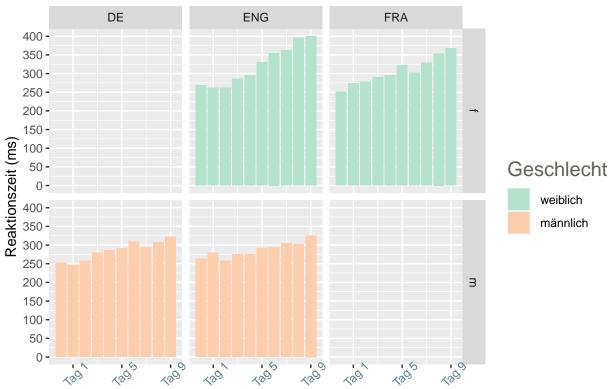


## Plots aufgeteilt nach Sprache und Geschlecht:

```
sleep_bar_pal +
  facet_grid(Sex ~ Language)

## No summary function supplied, defaulting to `mean_se()`
```



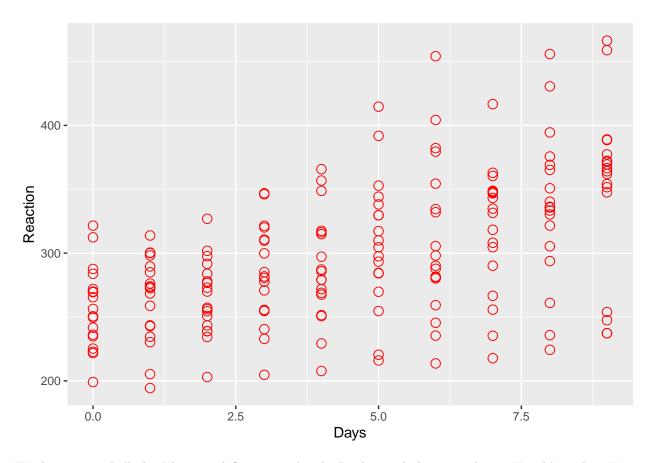


(Dieser Plot macht in diesem Fall natürlich nur bedingt Sinn, da wir bereits nach Geschlecht farbig gruppiert haben.)

#### 4.6.6 Formen von Punkten

Die Formen von Scatterplots, bzw. Punktediagrammen, lassen sich in ggplot2 auf verschiedenste Arten gestalten. Eine Übersicht über die Formen gibt es auf sthda.com.

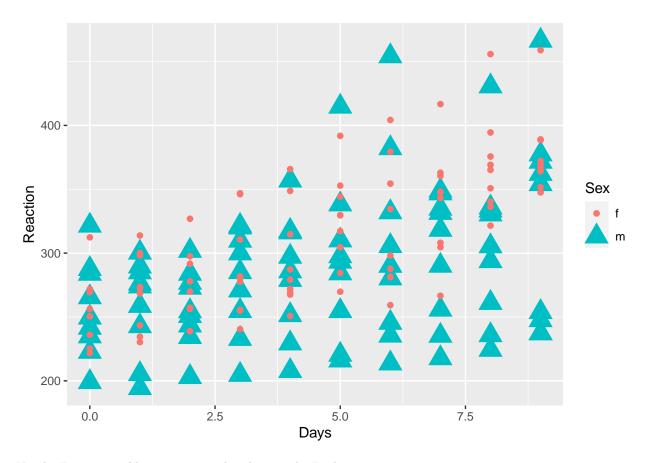
Es stehen die Argumente shape =, col =, und size = zur Verfügung. Werden diese außerhalb der aes()-Klammer definiert, gilt die Formatierung für alle Punkte, und ist somit **ungruppiert**:



Werden sie innerhalb der Klammer definiert, werden die Punkte nach der angegebenen Variable in ihrer Form verändert **gruppiert**:

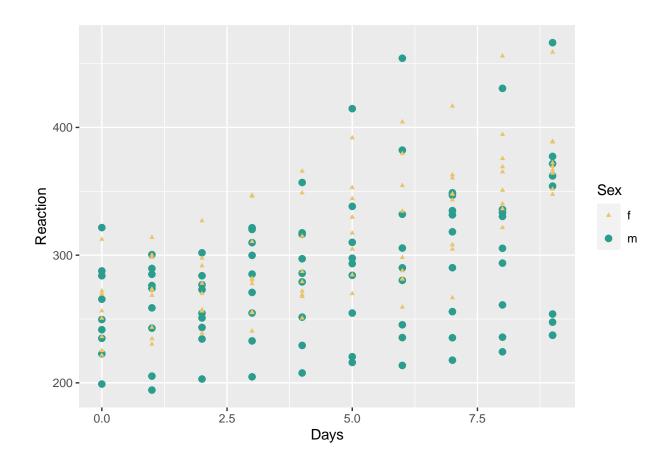
```
# Plot erstellen
sleep_point2 <- gg_sleep +
  geom_point(aes(x = Days, y = Reaction, shape = Sex, col = Sex, size = Sex))
# Plotten
sleep_point2</pre>
```

## Warning: Using size for a discrete variable is not advised.



Um die Form im nachhinein zu verändern können die Funktionen scale\_shape\_manual, scale\_colour\_manual und scale\_size\_manual wie folgt verwendet werden:

```
sleep_point2 +
scale_shape_manual(values = c(17,19)) +
scale_colour_manual(values = c("#e9c46a", "#2a9d8f")) +
scale_size_manual(values = c(1,2))
```

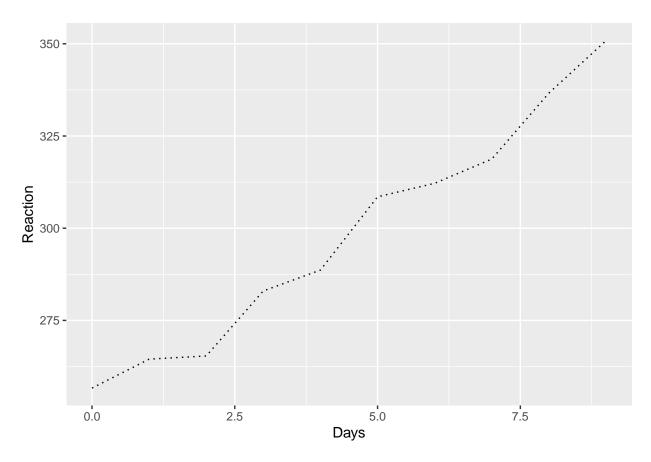


#### 4.6.7 Formen von Linien

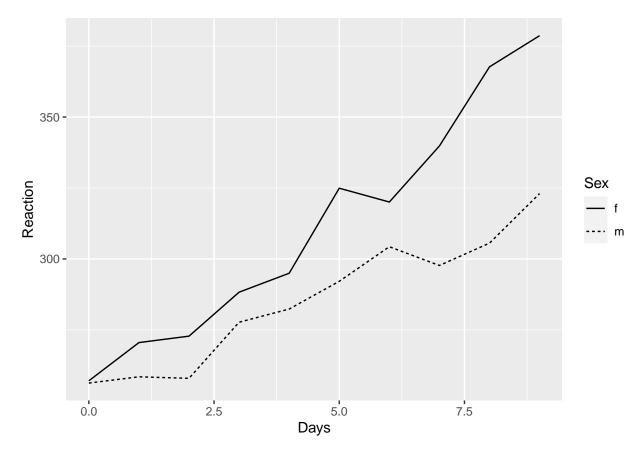
Die Formen von Linien lassen sich durch das Argument linetype =bestimmen. Es stehen folgende Möglichkeiten zur Auswahl: "blank", "solid", "dashed", "dotted", "dotdash", "longdash", "twodash".

Wie in vorherigen Beispielen zu shape = und fill = kommt es darauf an, ob linetype = innerhalb der aes()-Klammer steht oder nicht.

Steht es nicht in der Klammer gilt die Formatierung für alle Linien, und ist somit ungruppiert:



Steht linetype = innerhalb der aes()-Klammer werden die Linien nach der angegeben Variable in unterschiedlichen Linienformen gruppiert:

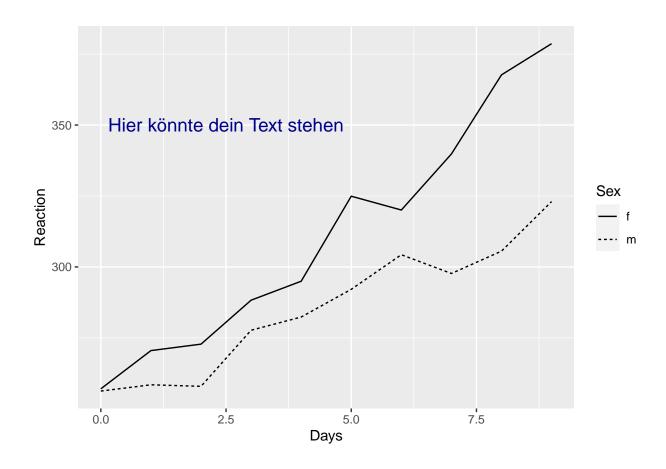


Um die Linienformen manuell zu verändern wird ähnlich der Beeinflussung von Farbe und Form die Funktion scale\_linetype\_manual(values = c()).

## 4.6.8 Text im Plot

Um Text innerhalb der Plots zu ergänzen wird die Funktion annotate verwendet:

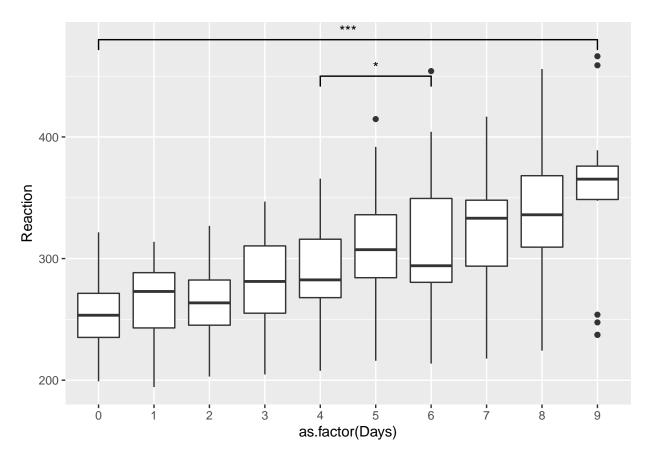
```
sleep_line +
annotate(x = 2.5,  # Position auf der x-Achse
    y = 350,  # Position auf der y-Achse
    geom = "text",  # "text" oder "label"
    label = "Hier könnte dein Text stehen",  # Text
    colour = "darkblue",  # Farbe
    size = 5)  # Größe
```



#### 4.6.9 Signifikanzsterne

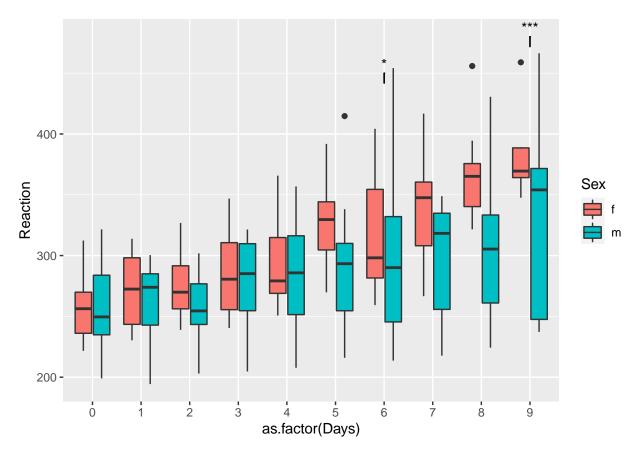
Signifikanzsterne lassen sich **manuell** hinzufügen. Dazu wird die Funktion **geom\_signif** aus dem "ggpubr"-Paket verwendet. Die benötigten Argumente werden wie folgt benutzt:

- Mit xmin() und xmax() wird angegeben, welche Punkte auf der x-Achse mit Signifikanzssternen versehen werden sollen.
- y\_position = gibt die jeweilige Position auf der y-Achse an
- annotations = bestimmt den Text (in diesem Fall die Signifikanzsterne)
- Die jeweiligen Stellen korrellieren nach der Stelle, an der sie stehen. Im folgenden Beispiel geben wir an, dass Tag "0" mit Tag "9" verglichen wurde und "\*\*\*" auf der Höhe von y = 480 abgebildet werden soll.



Um signifikante Unterschiede zwischen Gruppen zu markieren, wird bei xmin und xmax der gleiche Wert angegeben.

## Warning: Ignoring unknown aesthetics: fill



Signifkanzsterne können auch **automatisch** mit ggsignif oder dem Paket ggpubr - einer Erweiterung von "ggsignif" - ergänzt werden. Wie das geht, steht in den verlinkten Guides (evtl. wird dies hier zu einem späteren Zeitpunkt ergänzt).

## 4.6.10 Plot speichern

 $\mathbf{ggplots}$  lassen sich entweder direkt über das "Plots"-Fenster in RStudio speichern, oder aber mit der Funktion  $\mathbf{ggsave}$ ().

Der folgende Beispielcode ist auskommentiert, damit nicht bei jedem Knit eine Datei gespeichert wird.

**Achtung:** Ist im Ordner in dem die Datei gespeichert werden soll eine Datei mit dem gleichen Namen, wird diese überschieben, ohne das R euch warnt oder fragt.

```
# ggsave("filename.jpg", plot = sleep_point2)
```

## Weitere Informationen:

- In den Klammern, in denen der Dateiname definiert wird, kann auch der Pfad angegeben werden (z.B.: "user/documents/plots/filename.jpg")
- Wird der Plot nicht mit plot = spezifiziert, speichert R automatisch den zuletzt erstellten Plot
- Weitere Möglichkeiten (z.B. Bestimmen der Größe der Grafik) können der *Help-Page* entnommen werden (?ggsave)

# 5 Inferenzstatistik

## 5.0.1 Testen der Normalverteilung

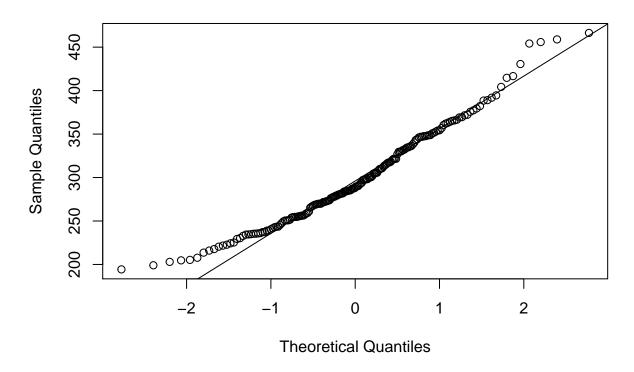
Die Normalverteilung lässt sich mit Hilfe des Shapiro-Wilk Tests oder anhand eines Q-Q Plots überprüfen:

```
# Shapiro-Wilk Test
shapiro.test(sleepstudy$Reaction)

##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: sleepstudy$Reaction
## W = 0.97074, p-value = 0.00078

# Visuelle Darstellung (Q-Q Plot)
qqnorm(sleepstudy$Reaction)
qqline(sleepstudy$Reaction)
```

# Normal Q-Q Plot



Gruppierter Shapiro-Wilk Test mit dem *rstatix* Paket:

<dbl> <dbl>

<dbl> <chr>

##

```
sleepstudy %>%
  group_by(Days) %>% # weitere unabhängige Variablen durch Komma getrennt
  shapiro_test(Reaction)

## # A tibble: 10 x 4
## Days variable statistic p
```

```
##
         0 Reaction
                        0.977 0.909
##
   2
         1 Reaction
                        0.948 0.388
                        0.987 0.994
##
   3
         2 Reaction
##
   4
         3 Reaction
                        0.977 0.919
##
   5
         4 Reaction
                        0.972 0.843
##
  6
         5 Reaction
                        0.978 0.927
##
  7
         6 Reaction
                        0.959 0.585
##
  8
         7 Reaction
                        0.946 0.372
## 9
         8 Reaction
                        0.971 0.819
## 10
         9 Reaction
                        0.863 0.0134
```

#### 5.0.2 Testen der Varianzhomogenität

Die Varianzhomogenität (auch Homoskedastizität) lässt sich mit dem Levene Test überprüfen:

```
# bei einer abhängigen Variable:
leveneTest(Reaction ~ Sex, data = sleepstudy)
## Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)
##
         Df F value Pr(>F)
## group
          1
             0.0593 0.8079
##
         178
# bei mehreren abhängigen Variablen:
leveneTest(Reaction ~ Sex*Language, data = sleepstudy)
## Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)
         Df F value
                       Pr(>F)
                4.46 0.004786 **
## group
           3
         176
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
Gruppierter Levene Test mit dem rstatix Paket:
sleepstudy %>%
  group_by(Days) %>% # weitere unabhängige Variablen durch Komma getrennt
 levene_test(Reaction ~ Sex)
## # A tibble: 10 x 5
##
             df1
                    df2 statistic
      <dbl> <int> <int>
##
                            <dbl> <dbl>
##
   1
          0
                1
                     16 0.682
                                  0.421
##
   2
                     16 0.173
                                  0.683
          1
                1
##
   3
         2
                     16 0.000283 0.987
                1
                     16 0.0903
##
  4
         3
                                  0.768
                1
##
  5
         4
                     16 0.257
                1
                                  0.619
##
  6
         5
                1
                     16 1.01
                                  0.330
##
  7
         6
                1
                     16 0.540
                                  0.473
         7
                     16 0.510
                                  0.486
##
  8
                1
##
  9
         8
                     16 1.38
                                  0.258
                1
                     16 5.66
## 10
                                  0.0302
```

#### 5.1 Parametrische Tests

#### 5.1.1 t-Test

#### 5.1.1.1 t-Test für unabhängige Stichproben

Für den t-Test für unabhängige Stichproben erstellen wir hier einen Datensatz **ohne Messwiederholungen**, der nur aus den Messungen des **ersten Tages** besteht. Anschließend testen wir zur Verdeutlichung erneut, ob die Daten normalverteilt sind und ob Varianzhomogenität vorliegt.

Der t-Test wird nach dem folgenden Schema durchgeführt:

```
t.test(dependent variable ~ independent variable, data = data)
# Neuer Datensatz, nur mit Daten des ersten Tages
dav1 <-
 filter(sleepstudy, Days == "1")
# Normalverteilung
shapiro.test(day1$Reaction)
##
##
   Shapiro-Wilk normality test
##
## data: day1$Reaction
## W = 0.94756, p-value = 0.388
# Varianzhomogenität
leveneTest(Reaction ~ Sex, data = day1)
## Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)
##
         Df F value Pr(>F)
## group 1 0.1729 0.6831
         16
# t-test für unabhängige Stichproben
t.test(Reaction ~ Sex, data = day1)
##
##
   Welch Two Sample t-test
##
## data: Reaction by Sex
## t = 0.75517, df = 15.274, p-value = 0.4616
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
```

#### 5.1.1.2 t-Test für abhängige Stichproben

258.4687

## 95 percent confidence interval:

## mean in group f mean in group m

270.5228

## -21.91541 46.02373 ## sample estimates:

##

Für den t-Test für abhängige Stichproben erstellen wir hier einen Datensatz mit **einer Messwiederholung**, der nur aus den Messungen des **ersten** und des **neunten Tages** besteht. Anschließend testen wir zur Verdeutlichung erneut, ob die Daten normalverteilt sind und ob Varianzhomogenität vorliegt.

Damit R weiß, dass es sich um einen t-test für abhängige Stichproben handelt, wird in der Funktionsklammer paired = T ergänzt.

```
# Neuer Datensatz, nur mit Daten des ersten und neunten Tages
day1_9 <-
     filter(sleepstudy, Days %in% c("1", "9"))
# Normalverteilung
shapiro.test(day1_9$Reaction)
##
##
   Shapiro-Wilk normality test
##
## data: day1_9$Reaction
## W = 0.94603, p-value = 0.07846
# Varianzhomogenität
# für die Funktion leveneTest() darf die unabhänigige Variable nicht numerisch sein,
# daher verwenden wir as.factor()
leveneTest(Reaction ~ as.factor(Days), data = day1_9)
## Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)
        Df F value Pr(>F)
## group 1 2.1278 0.1538
##
# t-test für unabhängige Stichproben
t.test(Reaction ~ Days, data = day1_9, paired = T)
##
##
   Paired t-test
##
## data: Reaction by Days
## t = -6.5205, df = 17, p-value = 5.236e-06
## alternative hypothesis: true difference in means is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## -114.29724 -58.41369
## sample estimates:
## mean of the differences
                 -86.35547
##
```

#### **5.1.2** Anova

Die Tests nach Normalverteilung und Varianzhomogenität sind analog zur Darstellung in den jeweiligen Kapiteln:

- Testen der Normalverteilung
- Testen der Varianzhomogenität

## 5.1.2.1 Univariate einfaktorielle ANOVA

Die univariate einfaktorielle ANOVA wird nach dem folgenden Schema durchgeführt: aov(dependent variable ~ independent variable, data = data)
Die Ergebnisse der ANOVA erhalten wir, indem wir die ANOVA in die Funktion summary() einbetten.

```
# Speichern der ANOVA in einer Variable
anova1 <-
aov(Reaction ~ Language, data = day1)</pre>
```

```
# Ergebnisse der ANOVA
summary(anova1)
               Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
##
                    2556
                            1278
## Language
                                   1.166 0.338
## Residuals
               15 16443
                            1096
# post-hoc Bonferroni
pairwise.t.test(day1$Reaction, day1$Language, p.adj = "bonf")
##
   Pairwise comparisons using t tests with pooled SD
##
##
## data: day1$Reaction and day1$Language
##
##
       DE
            ENG
## ENG 0.72 -
## FRA 0.55 1.00
##
## P value adjustment method: bonferroni
# Oder: post-hoc TukeyHSD
TukeyHSD(anova1)
     Tukey multiple comparisons of means
       95% family-wise confidence level
##
##
## Fit: aov(formula = Reaction ~ Language, data = day1)
##
## $Language
                           lwr
                                             p adj
                diff
                                    upr
## ENG-DE 23.460917 -26.19103 73.11286 0.4560021
## FRA-DE 26.769000 -22.88295 76.42095 0.3655879
## FRA-ENG 3.308083 -46.34386 52.96003 0.9836429
5.1.2.2 Univariate multifaktorielle ANOVA
Die univariate multifaktorielle ANOVA wird nach dem folgenden Schema durchgeführt:
aov(dependent variable ~ independent variable1 * independent variable2, data = data)
# Speichern der ANOVA in einer Variable
anova2 <-
  aov(Reaction ~ Language * Sex, data = day1)
# Ergebnisse der ANOVA
summary(anova2)
               Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
                2
                    2556 1277.9
                                  1.119 0.354
## Language
                                   0.396 0.539
## Sex
                1
                     453
                           452.9
## Residuals
               14 15990 1142.2
# post-hoc TukeyHSD
TukeyHSD(anova2)
##
     Tukey multiple comparisons of means
##
       95% family-wise confidence level
```

```
##
## Fit: aov(formula = Reaction ~ Language * Sex, data = day1)
##
## $Language
##
                diff
                           lwr
                                    upr
                                             p adj
## ENG-DE 23.460917 -27.60759 74.52942 0.4711094
## FRA-DE 26.769000 -24.29951 77.83751 0.3813117
## FRA-ENG 3.308083 -47.76042 54.37659 0.9842962
##
## $Sex
##
           diff
                      lwr
                                      p adj
                               upr
## m-f 5.791844 -28.37787 39.96156 0.721628
```

#### 5.1.2.3 Multivariate einfaktorielle ANOVA

Die univariate einfaktorielle ANOVA wird nach dem folgenden Schema durchgeführt: manova(cbind(dependent variable1, dependent variable2) ~ independent variable, data = data)

```
data)
# Speichern der MANOVA in einer Variable
manova1 <-
 manova(cbind(Reaction, VerbalFluency) ~ Language, data = day1)
# Ergebnisse (gesamt)
summary(manova1)
##
             Df Pillai approx F num Df den Df Pr(>F)
              2 0.22868 0.96825
## Language
## Residuals 15
# Ergebnisse (aufgeteilt nach abhängigen Variablen)
summary.aov(manova1)
    Response Reaction :
##
               Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Language
               2 2555.9 1277.9 1.1658 0.3384
## Residuals
              15 16443.1 1096.2
   Response VerbalFluency :
##
##
               Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Language
                2 12.621 6.3105 1.5424 0.2459
## Residuals
              15 61.368 4.0912
```

Post-hoc Tests für Multivariate ANOVA müssen für jede Variable einzeln berechnet werden, siehe Kapitel Univariate einfaktorielle ANOVA.

## 5.1.2.4 Multivariate multifaktorielle ANOVA

Die univariate einfaktorielle ANOVA wird nach dem folgenden Schema durchgeführt: manova(cbind(dependent variable1, dependent variable2) ~ independent variable1 \* independent variable2, data = data)

```
# Speichern der MANOVA in einer Variable
manova2 <-
manova(cbind(Reaction, VerbalFluency) ~ Language*Sex, data = day1)</pre>
```

```
# Ergebnisse (gesamt)
summary(manova2)
             Df Pillai approx F num Df den Df Pr(>F)
##
              2 0.23261 0.92129
## Language
                                      4
                                            28 0.4655
## Sex
              1 0.16496 1.28408
                                      2
                                            13 0.3098
## Residuals 14
# Ergebnisse (aufgeteilt nach abhängigen Variablen)
summary.aov(manova2)
   Response Reaction:
##
              Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Language
                2 2555.9 1277.94 1.1189 0.3542
## Sex
                    452.9 452.86 0.3965 0.5390
               14 15990.2 1142.16
## Residuals
##
##
   Response VerbalFluency:
##
              Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Language
                2 12.621
                          6.3105 1.6087 0.2350
## Sex
                1 6.449
                          6.4493 1.6441 0.2206
## Residuals
               14 54.919
                         3.9228
```

Post-hoc Tests für Multivariate ANOVA müssen für jede Variable einzeln berechnet werden, siehe Kapitel Univariate multifaktorielle ANOVA.

#### 5.1.2.5 One-way repeated measures ANOVA

One-way repeated measures ANOVAs lassen sich zwar auch gut mit baseR-Funktionen durchführen, allerdings möchte ich an dieser Stelle auch auf das Paket rstatix hinweisen.

## 5.1.2.5 mit rstatix

Damit die Funktionen des *rstatix* Pakets funktionieren, dürfen sich im Datensatz nur die abhängigen Variablen im Datensatz befinden, die auch beobachtet werden sollen:

```
# Nur die abhängigen Variablen, die auch benötigt werden im Datensatz:
sleepstudy2 <-
   sleepstudy[, c("Reaction", "Subject", "Language", "Days")]</pre>
```

#### Berechnung:

Aus der Anleitung entnommene Definitionen für die Argumente der Funktion anova\_test():

- dv: (numeric) dependent variable name.
- wid: (factor) column name containing individuals/subjects identifier. Should be unique per individual
- between: (optional) between-subject factor variables
- within: (optional) within-subjects factor variables
- covariate: (optional) covariate names (for ANCOVA)

```
# Speichern der ANOVA in einer Variable
ranovalx <- anova_test(
```

```
data = sleepstudy2, dv = Reaction, wid = Subject,
  within = Days
# Ergebnisse
get_anova_table(ranova1x)
## ANOVA Table (type III tests)
##
                                     p p<.05
##
     Effect DFn
                   DFd
                            F
      Days 3.32 56.46 18.703 5.46e-09
## 1
                                           * 0.293
Post-Hoc Test:
Der post-hoc Test für one-way repeated measures ANOVAs mit rstatix wird mit Hilfe der Funktion
pairwise_t_test()durchgeführt:
sleepstudy2 %>%
```

```
sleepstudy2 %>%
  pairwise_t_test(
   Reaction ~ Days, paired = TRUE,
   p.adjust.method = "bonferroni"
  )
```

```
## # A tibble: 45 x 10
     .у.
                            n1
                                                             p.adj p.adj.signif
          group1 group2
                                  n2 statistic
                                                 df
                                                          р
##
  * <chr> <chr> <chr> <int> <int>
                                        <dbl> <dbl>
                                                      <dbl>
                                                              <dbl> <chr>
##
  1 React~ 0
                  1
                            18
                                  18
                                       -1.40
                                                 17 1.80e-1 1.00e+0 ns
                  2
## 2 React~ 0
                            18
                                  18
                                        -1.16
                                                 17 2.61e-1 1.00e+0 ns
## 3 React~ 0
                  3
                            18
                                  18
                                       -3.00
                                                 17 8.00e-3 3.60e-1 ns
## 4 React~ 0
                  4
                            18
                                  18
                                       -3.38
                                                 17 4.00e-3 1.61e-1 ns
## 5 React~ 0
                            18
                                       -4.42
                                                 17 3.72e-4 1.70e-2 *
                 5
                                  18
## 6 React~ 0
                  6
                            18
                                  18
                                       -3.67
                                                 17 2.00e-3 8.60e-2 ns
                                       -5.96
##
   7 React~ 0
                  7
                            18
                                  18
                                                 17 1.56e-5 7.02e-4 ***
## 8 React~ 0
                  8
                            18 18
                                       -5.83
                                                 17 1.99e-5 8.95e-4 ***
## 9 React~ 0
                            18 18
                                       -6.96
                                                 17 2.31e-6 1.04e-4 ***
                  9
## 10 React~ 1
                   2
                            18
                                  18
                                       -0.170
                                                 17 8.67e-1 1.00e+0 ns
## # ... with 35 more rows
```

## 5.1.2.5 mit baseR

```
ranova1 <- aov(Reaction ~ Days + Error(Subject), data = sleepstudy)
summary(ranova1)
##
## Error: Subject</pre>
```

Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)

Der post-Hoc Test für *one-way repeated measures ANOVAs* mit *baseR* wird wie im Kapitel Univariate einfaktorielle ANOVA durchgeführt, jedoch ergänzen wir paired = TRUE:

```
pairwise.t.test(sleepstudy$Reaction, sleepstudy$Days,
                p.adj = "bonf",
                paired = TRUE)
##
##
   Pairwise comparisons using paired t tests
##
## data: sleepstudy$Reaction and sleepstudy$Days
##
##
## 1 1.00000 -
## 2 1.00000 1.00000 -
## 3 0.35979 0.39174 0.05572 -
## 4 0.16075 0.27762 0.22326 1.00000 -
## 5 0.01675 0.02640 0.03769 0.34640 0.27753 -
## 6 0.08559 0.19400 0.11594 0.76197 1.00000 1.00000 -
## 7 0.00070 0.00396 0.00143 0.08087 0.13300 1.00000 1.00000 -
## 8 0.00090 0.00194 0.00185 0.00932 0.00437 0.01288 1.00000 1.00000 -
## 9 0.00010 0.00024 0.00068 0.00318 0.00143 0.00641 1.00000 0.70714 1.00000
## P value adjustment method: bonferroni
```

## 5.1.2.6 Two-way repeated measures ANOVA

Auch two-way repeated measures ANOVAs lassen sich mit baseR-Funktionen und rstatix durchführen. Für post-hoc Tests muss in jedem Fall auf rstatix zurückgegriffen werden.

#### 5.1.2.6 mit rstatix

Auch hier gelten die Voraussetzungen, damit die Funktionen des *rstatix* Pakets funktionieren (siehe [One-way repeated measures ANOVA mit *rstatix*]).

#### Berechnung:

Wir ergänzen hier beispielsweise den between-subjects Faktor "Language":

```
# Speichern der ANOVA in einer Variable
ranova2x <- anova test(</pre>
  data = sleepstudy2, dv = Reaction, wid = Subject,
  within = Days, between = Language
# Ergebnisse
get_anova_table(ranova2x)
## ANOVA Table (type II tests)
##
##
            Effect DFn
                          DFd
                                             p p<.05
                                    F
                                                        ges
## 1
          Language 2.00 15.00 0.553 5.86e-01
                                                      0.044
```

Es ließen sich auch weitere within- oder between-subjects Faktoren einbeziehen. Dies erfolgt nach dem folgenden Muster: within = c(Variable1, Variable2)

\* 0.310

0.036

### Post-Hoc-Tests

(vgl. https://www.datanovia.com/en/lessons/repeated-measures-anova-in-r/)

Days 3.10 46.55 18.151 4.57e-08

## 3 Language:Days 6.21 46.55 0.749 6.17e-01

Zunächst können in einem ersten Schritt die p-Werte des Effekts unserer unabhängigen Variable pro Zeitpunkt berechnet werden:

```
# Effekt der Sprache pro Tag
sleepstudy2 %>%
  group by(Days) %>%
  anova_test(dv = Reaction, wid = Subject, between = Language) %>%
  get_anova_table() %>%
  adjust_pvalue(method = "bonferroni")
## Coefficient covariances computed by hccm()
  # A tibble: 10 x 9
##
       Days Effect
                       DFn
                              DFd
                                      F
                                            p `p<.05`
                                                         ges p.adj
      <dbl> <chr>
##
                     <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <chr>
                                                       <dbl> <dbl>
                               15 0.35 0.711 ""
##
   1
          0 Language
                         2
                                                       0.045
                         2
                                       0.338 ""
                                                       0.135
##
    2
          1 Language
                               15 1.17
                         2
                               15 0.83 0.455 ""
##
    3
          2 Language
                                                       0.1
                                                                 1
##
    4
          3 Language
                         2
                               15 0.121 0.887 ""
                                                       0.016
                                                                 1
                               15 0.086 0.918 ""
    5
                         2
                                                       0.011
##
          4 Language
                                                                 1
##
   6
          5 Language
                         2
                               15 0.492 0.621 ""
                                                       0.062
                                                                 1
                               15 0.175 0.841 ""
##
    7
          6 Language
                         2
                                                       0.023
                                                                 1
##
   8
                         2
                               15 1.14 0.346 ""
                                                       0.132
          7 Language
                                                                 1
##
   9
          8 Language
                          2
                               15 1.07 0.368 ""
                                                       0.125
                                                                 1
                         2
                               15 0.841 0.451 ""
## 10
          9 Language
                                                       0.101
                                                                 1
```

Für die Berechnung der post-hoc Tests von two-way repeated measures ANOVAs wird im Vergleich zum Kapitel **One-way repeated measures ANOVA** mit *rstatix* eine Gruppierung ("group\_by()") nach Messzeitpunkt vorgenommen. In der Klammer der "pairwise\_t\_test()"-Funktion steht unsere abhängige und die unabhängige Variable, die uns interessiert:

```
# Pairwise comparison zwischen Sprachen pro Tag
sleepstudy2 %>%
  group_by(Days) %>%
  pairwise_t_test(
   Reaction ~ Language, paired = TRUE,
   p.adjust.method = "bonferroni"
  )
```

```
## # A tibble: 30 x 11
##
       Days .y.
                                            n2 statistic
                   group1 group2
                                     n1
                                                             df
                                                                    p p.adj
##
      <dbl> <chr> <chr>
                          <chr>
                                  <int>
                                        <int>
                                                   <dbl> <dbl> <dbl> <dbl>
##
    1
          O Reac~ DE
                          ENG
                                      6
                                             6
                                                 -0.881
                                                              5 0.419 1
##
    2
          O Reac~ DE
                          FR.A
                                      6
                                             6
                                                  0.0481
                                                              5 0.964 1
    3
          O Reac~ ENG
                          FRA
                                      6
                                             6
                                                  0.738
                                                              5 0.494 1
##
##
    4
          1 Reac~ DE
                          ENG
                                      6
                                             6
                                                 -1.16
                                                              5 0.297 0.891
   5
                                      6
##
          1 Reac~ DE
                          FRA
                                             6
                                                 -1.13
                                                              5 0.312 0.936
##
          1 Reac~ ENG
                          FRA
                                      6
                                                 -0.186
                                                              5 0.86 1
```

```
##
          2 Reac~ DE
                          ENG
                                                -0.160
                                                             5 0.879 1
##
   8
          2 Reac~ DE
                          FR.A
                                      6
                                            6
                                                -0.853
                                                             5 0.433 1
##
   9
          2 Reac~ ENG
                          FRA
                                      6
                                            6
                                                -0.926
                                                             5 0.397 1
                                      6
## 10
          3 Reac~ DE
                          ENG
                                            6
                                                -0.0579
                                                             5 0.956 1
## # ... with 20 more rows, and 1 more variable: p.adj.signif <chr>
```

#### 5.1.2.6 mit baseR

Um eine two-way repeated measures ANOVA in baseR durchzuführen, gehen wir nach folgendem Schema vor: aov(dependent variable ~ independent variable1 \* independent variable2 + Error(ID/within-subject-conditidata = data)

Das bedeutet:

- unsere independent variables werden durch einen Asterisk getrennt
- wir ergänzen einen Error()-Term
- in dieser Error()-Klammer steht die Variable für unsere Subject-IDs, gefolgt von einem slash (/) und unseren within-subjects conditions, jedoch nicht den between-subject conditions -> In diesem Fall also nicht Error(Subject/Language\*Days)

```
# Speichern der ANOVA in einer Variable
ranova2 <- aov(Reaction ~ Language*Days + Error(Subject/Days),</pre>
               data = sleepstudy)
# Ergebnisse
summary(ranova2)
##
## Error: Subject
##
             Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Language
              2 17215
                          8608
                                  0.553 0.586
## Residuals 15 233403
                         15560
## Error: Subject:Days
                 Df Sum Sq Mean Sq F value
## Days
                  1 162703
                            162703
                                     43.746 8.23e-06 ***
## Language:Days 2
                      4534
                              2267
                                      0.609
                                               0.557
## Residuals
                 15
                     55788
                              3719
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Error: Within
##
              Df Sum Sq Mean Sq F value Pr(>F)
## Residuals 144 94312
                          654.9
Für den Post-Hoc Test müssen wir bei der two-way repeated measures ANOVA mit baseR auf das rstatix
```

Für den Post-Hoc Test müssen wir bei der two-way repeated measures ANOVA mit baseR auf das rstatist Paket zurückgreifen:

```
sleepstudy %>%
group_by(Days) %>%
anova_test(dv = Reaction, wid = Subject, between = Language) %>%
get_anova_table() %>%
adjust_pvalue(method = "bonferroni")
```

```
## Coefficient covariances computed by hccm()
## Coefficient covariances computed by hccm()
```

```
## Coefficient covariances computed by hccm()
## # A tibble: 10 x 9
##
       Days Effect
                       DFn
                              DFd
                                            p `p<.05`
                                                         ges p.adj
      <dbl> <chr>
                                                       <dbl> <dbl>
##
                      <dbl> <dbl> <dbl> <dbl> <chr>
          0 Language
##
    1
                               15 0.35
                                        0.711 ""
                                                       0.045
                                       0.338 ""
    2
                          2
                                                       0.135
##
          1 Language
                               15 1.17
                                                                 1
                               15 0.83 0.455 ""
   3
          2 Language
                                                       0.1
                                                                 1
                          2
                               15 0.121 0.887 ""
##
          3 Language
                                                       0.016
                                                                 1
                          2
                               15 0.086 0.918 ""
##
    5
          4 Language
                                                       0.011
                                                                 1
                          2
                               15 0.492 0.621 ""
##
   6
          5 Language
                                                       0.062
                                                                 1
##
   7
          6 Language
                          2
                               15 0.175 0.841 ""
                                                       0.023
          7 Language
   8
                          2
                               15 1.14 0.346 ""
                                                       0.132
##
                                                                 1
## 9
          8 Language
                          2
                               15 1.07 0.368 ""
                                                       0.125
                                                                 1
          9 Language
                          2
                               15 0.841 0.451 ""
## 10
                                                       0.101
                                                                 1
```

# 5.2 Non-parametrische Tests

#### 5.2.1 Mann-Whitney-U Test

Non-parametrische Alternative für t-Test für unabhängige Stichproben. Wir verwenden wieder die gefilterten Daten, nur mit Tag 1 (day\_1) und gehen davon aus, dass unsere Reaktionszeiten nicht Normalverteilt sind.

```
##
## Wilcoxon rank sum exact test
##
## data: Reaction by Sex
## W = 44, p-value = 0.7962
## alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0
```

## 5.2.2 Wilcoxon-Test

Non-parametrische Alternative für t-Test für abhängige Stichproben. Wir verwenden wieder die gefilterten Daten, nur mit Tag 1 und 9 (day1\_9) und gehen davon aus, dass unsere Reaktionszeiten nicht Normalverteilt sind.

```
wilcox.test(day1_9$Reaction, day1_9$Days)

## Warning in wilcox.test.default(day1_9$Reaction, day1_9$Days): cannot compute
## exact p-value with ties

##

## Wilcoxon rank sum test with continuity correction
##

## data: day1_9$Reaction and day1_9$Days
## W = 1296, p-value = 1.276e-13
```

## alternative hypothesis: true location shift is not equal to 0

#### 5.2.3 Kruskal-Wallis-Test

Non-parametrische Alternative für Univariate einfaktorielle ANOVA.

```
kruskal.test(Reaction ~ Language, data = day1)

##
## Kruskal-Wallis rank sum test
##
## data: Reaction by Language
## Kruskal-Wallis chi-squared = 1.2749, df = 2, p-value = 0.5287
```

#### 5.2.4 Friedman-Test

Non-parametrische Alternative für One-way repeated measures ANOVA. Wir verwenden hierfür die Funktion friedman\_test() aus dem *rstatix* Paket und nehmen zur Demonstration an, dass die Reaktionszeiten nicht normalverteilt sind.

```
sleepstudy %>% friedman_test(Reaction ~ Days | Subject)
```

Zusätzlich zum p-Wert wird uns unter statistic der Chi-Quadrat Wert ausgegeben.

Post-Hoc-Tests:

```
## # A tibble: 45 x 9
##
                                       n2 statistic
                                                                 p.adj p.adj.signif
      .у.
               group1 group2
                                n1
                                                            p
                                                                  <dbl> <chr>
##
   * <chr>
               <chr> <chr> <int> <int>
                                              <dbl>
                                                        <dbl>
##
   1 Reaction 0
                                18
                                       18
                                                 63 0.347
                                                              1
                      1
                                                                        ns
## 2 Reaction 0
                      2
                                18
                                       18
                                                 66 0.417
                                                               1
                                                                        ns
## 3 Reaction 0
                      3
                                18
                                                 25 0.007
                                                              0.296
                                       18
                                                                        ns
## 4 Reaction 0
                      4
                                18
                                       18
                                                 19 0.002
                                                              0.105
                                                                        ns
## 5 Reaction 0
                      5
                                18
                                       18
                                                  9 0.000252
                                                              0.011
## 6 Reaction 0
                      6
                                18
                                       18
                                                 16 0.001
                                                              0.058
                                                                        ns
## 7 Reaction 0
                      7
                                18
                                       18
                                                  6 0.000107
                                                              0.005
                                                                        **
##
   8 Reaction 0
                      8
                                18
                                       18
                                                  6 0.000107
                                                              0.005
                                                  1 0.0000153 0.000688 ***
## 9 Reaction 0
                      9
                                18
                                       18
## 10 Reaction 1
                                18
                                      18
                                                 84 0.966
                                                               1
                                                                        ns
## # ... with 35 more rows
```

#### 5.2.5 Chi-Quadrat-Test

Der Chi-Quadrat-Test wird hier verwendet, um zu testen, ob Geschlecht und Sprache unabhängig voneinander sind.

```
# Kreuztabelle
table(day1$Sex, day1$Language)
##
##
       DE ENG FRA
##
     f
       0
            3
##
       6
            3
# Chi-Quadrat-Test
chisq.test(day1$Sex, day1$Language)
## Warning in chisq.test(day1$Sex, day1$Language): Chi-squared approximation may be
## incorrect
##
   Pearson's Chi-squared test
##
##
## data: day1$Sex and day1$Language
## X-squared = 12, df = 2, p-value = 0.002479
Die Warnungmeldung "Chi-Quadrat-Approximation kann inkorrekt sein" deutet darauf hin, dass zu viele
Zellhäufigkeiten (mehr als 20%) unter 5 liegen. Dazu schauen wir uns die erwarteten Häufigkeiten an.
# Erwartete Häufigkeiten
chisq.test(day1$Sex, day1$Language)$expected
## Warning in chisq.test(day1$Sex, day1$Language): Chi-squared approximation may be
## incorrect
##
           day1$Language
## day1$Sex DE ENG FRA
##
            3
                 3
          f
##
          m
             3
                 3
                      3
```

In diesem Fall liegen alle (>20%) Zellhäufigkeiten unter 5. Es sollte also zusätzlich der Fisher-Test gerechnet werden.

#### 5.2.6 Fisher-Test

Zusätzlich zum Chi-Quadrat-Test bei Zellhäufigkeiten unter 5.

```
# Fisher-Test
fisher.test(day1$Sex, day1$Language)

##

## Fisher's Exact Test for Count Data

##

## data: day1$Sex and day1$Language

## p-value = 0.002468

## alternative hypothesis: two.sided
```

#### 5.2.7 McNemar-Test

Zur Veranschaulichung des McNemar-Tests verwenden wir die  $day1_9$ -Daten und kreiieren eine neue Variable  $(RT\_Verteilung)$ , die angibt, ob die Reaktionszeit über oder unter dem Mittelwert liegt.

```
day1_9$RT_Verteilung <-
  ifelse(day1_9$Reaction >= mean(day1_9$Reaction), "higher", "lower")
```

Als nächstes sind einige Schritte notwendig:

- 1. Alle für den McNemar-Test unwichtigen Spalten entfernen. Wir benötigen nur die Variablen "Subject", "Days" und "RT\_Verteilung".
- 2. Die Daten mithilfe der Funktion *pivot\_wider()* [tidyr] aus dem *long format* in das *wide format* umwandeln.
- 3. Hier haben wir ein Problem: Unsere neuen Variablen tragen die Namen der Tage (Variable "Days"), also "1" und "9". Variablennamen die nur aus Zahlen bestehen gefallen R gar nicht. Also benennen wir sie mithilfe der colnames()-Funktion um.
- 4. Erstellen einer Contingency-Tabelle.
- 5. Ausgeben der Tabelle inklusive Summen.
- 6. Rechnen des McNemar-Tests

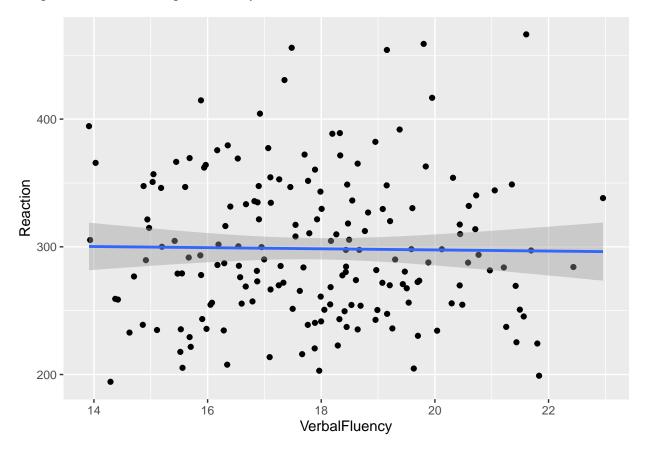
```
# Schritt 1
day1_9_mc <- day1_9[, c("Subject", "Days", "RT_Verteilung")]</pre>
# Schritt 2
day1_9_wide <- day1_9_mc %>%
  pivot_wider(names_from = Days,
              values_from = RT_Verteilung
# Schritt 3
colnames(day1_9_wide) <- c("Subject", "Day1", "Day9")</pre>
# Schritt 4
day1_9_mcntest <- table(day1_9_wide$Day1, day1_9_wide$Day9)</pre>
# Schritt 5
addmargins(day1_9_mcntest)
##
            higher lower Sum
##
##
     higher
                 1
                        0
                            1
##
     lower
                 13
                        4 17
##
     Sum
                 14
                           18
# Schritt 6
mcnemar.test(day1_9_mcntest)
##
   McNemar's Chi-squared test with continuity correction
##
##
## data: day1_9_mcntest
## McNemar's chi-squared = 11.077, df = 1, p-value = 0.0008741
```

Wie wir der Tabelle entnehmen können, war die Reaktionszeit von 13 der 18 VPs an Tag 1 unter dem Mittelwert und an Tag 9 darüber, bei vier VPs blieb sie darunter und bei einer VP blieb sie darüber. Der Unterschied zwischen den beiden Tagen ist mit p < 0.001 signifkant.

## 5.3 Korrelationen

Für die grafische Untersuchung von Korrelationen empfiehlt sich ein einfacher Scatterplot mit Regressionsgerade, wie in Kapitel Regressionsgeraden beschrieben:

## `geom\_smooth()` using formula 'y ~ x'



Korrelationen können mit der Funktion cor.test() nach dem folgenden Muster berechnet werden: cor.test(data\$x, data\$y, method = "pearson")

Das Argument method = gibt an, welcher Korelationskoeffizient berechnet werden soll ("pearson", "kendall", oder "spearman").

## Ein Beispiel:

```
cor.test(sleepstudy$VerbalFluency, sleepstudy$Reaction, method = "pearson")

##
## Pearson's product-moment correlation
##
## data: sleepstudy$VerbalFluency and sleepstudy$Reaction
## t = -0.20954, df = 178, p-value = 0.8343
## alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
```

```
## -0.1615955 0.1308605
## sample estimates:
## cor
## -0.01570338
```

TIPP: Das Paket ggpubr beinhaltet weitere nützliche Funktionen zur grafischen Darstellung von Korrelationen

#### 5.4 General Mixed Models

Für eine Einleitung in das Thema empfehlen sich zwei kurze Tutorials zu *Linear Models* und *Linear Mixed Effect Models* von Bodo Winter:

Tutorial 1 (Linear Models):

http://www.bodowinter.com/uploads/1/2/9/3/129362560/bw\_lme\_tutorial1.pdf Tutorial 2 (Linear Mixed Effects Models):

http://www.bodowinter.com/uploads/1/2/9/3/129362560/bw\_lme\_tutorial2.pdf

#### 5.4.1 Linear Model

Dieses einfache lineare Modell modelliert den Einfluss von Geschlecht auf Reaktionszeit an Tag 1. Die Syntax in R lässt sich wie folgt verallgemeinern:

lm(dependent variable ~ independent variable, data)

```
# Modell definieren
sleep_lm <- lm(Reaction ~ Sex, day1)</pre>
# Ausgabe mit der Funktion summary()
summary(sleep lm)
##
## Call:
## lm(formula = Reaction ~ Sex, data = day1)
## Residuals:
##
                                3Q
      Min
                1Q Median
                                       Max
## -64.136 -24.216
                     2.436
                           27.386
                                    43.283
##
## Coefficients:
##
               Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                 270.52
                             11.29 23.968 5.78e-14 ***
                 -12.05
## Sexm
                             15.96 -0.755
                                              0.461
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 33.86 on 16 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.03442,
                                    Adjusted R-squared:
## F-statistic: 0.5703 on 1 and 16 DF, p-value: 0.4611
```

#### 5.4.2 Linear Mixed Effects Model

Modelliert den Einfluss unserer unabhängigen Variablen auf unsere abhängige Variable unter Berücksichtigung anderer Faktoren, wie z.B. der Zwischensubjektvariabilität.

Grober Aufbau:

dependent variable ~ independent variable + error

Die Syntax für die Funktion lmer() in R lässt sich wie folgt verallgemeinern: lmer(dependent variable ~ fixed effect1 + fixed effect2 + ... + (random effects), data)

Wie unterscheiden sich fixed effect und random effect?

#### Fixed effect:

- systematischer und vorhersagbarer Effekt auf die Daten (z.B. der Effekt von Schlafentzug in Tagen auf Reaktionszeit)
- allen für ein Experiment definierten Ausprägungen sind vorhanden (z.B. der Einfluss einer Variable "Höflichkeit" mit den Ausprägungen "unhöflich" & "höflich" auf unsere abhängige Variable)

#### Random effect:

- kann einen Einfluss auf die Daten haben, der nicht systematisch und vorhersagbar ist (z.B. Zwischensubjektvariabilität)
- stell ein zufälliges Sample der Gesamtpopulation dar (z.B. unsere gewählten VPs, Items einer Condition etc.)

Aufbau des random effects:

- (random slope | random intercept)
- Nur variierender Intercept (also Variation innerhalb eines random effects): (1|random effect)
- Nur variierende Slope: (0+fixed effect|random effect)
- Variierender Intercept & variierende Slope: (1+fixed effect|random effect)

Random slope & intercept grafisch dargestellt:

http://mfviz.com/hierarchical-models/

Wollen wir berücksichtigen, dass sich die Subjects in ihrer Fähigkeit zu reagieren unterscheiden, sagen wir dem Modell, dass es für jedes Subject einen anderen Intercept annehmen soll:

```
# Modell definieren
lmm1 <- lmer(Reaction ~ Days + (1|Subject), sleepstudy)</pre>
# Ausqabe mit der Funktion summary()
summary(lmm1)
## Linear mixed model fit by REML. t-tests use Satterthwaite's method [
## lmerModLmerTest]
## Formula: Reaction ~ Days + (1 | Subject)
      Data: sleepstudy
##
##
## REML criterion at convergence: 1786.5
##
## Scaled residuals:
##
       Min
                10 Median
                                3Q
                                       Max
## -3.2257 -0.5529 0.0109 0.5188 4.2506
##
## Random effects:
   Groups
            Name
                         Variance Std.Dev.
## Subject (Intercept) 1378.2
                                  37.12
                                  30.99
## Residual
                          960.5
## Number of obs: 180, groups: Subject, 18
## Fixed effects:
```

```
##
               Estimate Std. Error
                                         df t value Pr(>|t|)
## (Intercept) 251.4051
                            9.7467 22.8102
                                              25.79
                                                      <2e-16 ***
                            0.8042 161.0000
                                                      <2e-16 ***
## Days
                10.4673
                                              13.02
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Correlation of Fixed Effects:
##
        (Intr)
## Days -0.371
```

So können wir beispielsweise berücksichtigen, dass manche Subjects generell schneller reagieren können als Andere.

Wollen wir berücksichtigen, dass sich die Subjects in ihrer Fähigkeit zu reagieren **nicht** unterscheiden, sie jedoch Unterschiede aufgrund des *fixed effect* (hier: Days) aufweisen, sagen wir dem Modell, dass es **für jedes Subjekt den gleichen Intercept, jedoch eine andere Slope** annehmen soll. Wir berücksichtigen also, dass manche Subjects mehr unter dem Schlafentzug leiden als andere:

```
# Modell definieren
lmm2 <- lmer(Reaction ~ Days + (0+Days|Subject), sleepstudy)</pre>
# Ausgabe mit der Funktion summary()
summary(lmm2)
## Linear mixed model fit by REML. t-tests use Satterthwaite's method [
## lmerModLmerTest]
## Formula: Reaction ~ Days + (0 + Days | Subject)
##
      Data: sleepstudy
##
## REML criterion at convergence: 1766.5
##
## Scaled residuals:
##
       Min
                10 Median
                                3Q
                                       Max
  -3.5104 -0.5588 0.0541 0.6244
                                   4.6022
##
##
## Random effects:
##
   Groups
            Name Variance Std.Dev.
##
   Subject Days 52.71
                            7.26
   Residual
                  842.03
                           29.02
## Number of obs: 180, groups: Subject, 18
##
## Fixed effects:
               Estimate Std. Error
##
                                       df t value Pr(>|t|)
                 251.41
                              4.02 161.00 62.539 < 2e-16 ***
## (Intercept)
                  10.47
                              1.87 21.68
                                            5.599 1.32e-05 ***
## Days
##
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Correlation of Fixed Effects:
##
        (Intr)
## Days -0.340
```

Wollen wir berücksichtigen, dass sich die Subjects in ihrer Fähigkeit zu reagieren unterscheiden und sie Unterschiede aufgrund des *fixed effect* (hier: Days) aufweisen, sagen wir dem Modell, dass es **für jedes** Subject einen anderen Intercept und eine andere Slope annehmen soll:

```
# Modell definieren
lmm3 <- lmer(Reaction ~ Days + (1+Days|Subject), sleepstudy)</pre>
```

```
# Ausgabe mit der Funktion summary()
summary(lmm3)
## Linear mixed model fit by REML. t-tests use Satterthwaite's method [
## lmerModLmerTest]
## Formula: Reaction ~ Days + (1 + Days | Subject)
##
      Data: sleepstudy
##
## REML criterion at convergence: 1743.6
##
## Scaled residuals:
                1Q Median
                                 3Q
##
                                        Max
## -3.9536 -0.4634 0.0231 0.4634 5.1793
##
## Random effects:
  Groups
                         Variance Std.Dev. Corr
##
  Subject
             (Intercept) 612.10
                                   24.741
                                    5.922
##
             Days
                           35.07
                                            0.07
                                   25.592
                         654.94
## Residual
## Number of obs: 180, groups: Subject, 18
##
## Fixed effects:
##
                                         df t value Pr(>|t|)
               Estimate Std. Error
## (Intercept) 251.405
                              6.825 17.000 36.838 < 2e-16 ***
                                              6.771 3.26e-06 ***
## Days
                 10.467
                              1.546 17.000
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Correlation of Fixed Effects:
##
        (Intr)
## Days -0.138
Typisch wäre hier z.B. auch eine Berücksichtigung der Unterschiedlichen Items nach kritischer unabhängiger
Variable (hier "Condition"): RT ~ Condition + (1+Condition|Item).
Interagierende fixed effects werden mit einem * verbunden:
fixed effect1*fixed effect2
Dies fasst die folgenden Notation zusammen:
fixed effect1 + fixed effext2 + fixedeffect1:fixedeffect2
```

## **5.4.2.1** R-Squared

## [1,] 0.2786511 0.7992199

Anders als bei einem Linear Model gibt die Funktion summary() bei [Linear Mixed Effect Models] keine R-Squared-Werte (R2) aus. Um den conditional R2 und marginal R2 eines Modells zu erhalten, kann die Funktion r.squaredGLMM() aus dem "MuMIn"-Paket verwendet werden:

Wobei fixedeffect1:fixedeffect2 für die Interaktion zwischen den Effekten steht.

```
r.squaredGLMM(lmm3)

## Warning: 'r.squaredGLMM' now calculates a revised statistic. See the help page.

## R2m R2c
```

Alternativ eignet sich auch die Funktion r2() aus dem "sjstats"-Paket.

#### 5.4.2.2 Likelihood Ratio Test

Verschiedene Modelle lassen sich mit der Funktion anova() vergleichen, um herauszufinden, welches Modell unsere Daten besser beschreibt. Wir vergleichen hier die Modelle *lmm1* und *lmm3* aus dem Kapitel Linear Mixed Effects Model.

Zunächst müssen wir unsere Modelle noch um das Argument REML = FALSE ergänzen. Wir übernehmen die Kommandos der Modelle lmm1 und lmm3 und speichern sie mit der Ergänzung unter den Namen lmm4 und lmm5 ab:

```
# Ergänzen des REML = False Kommandos
lmm4 <- lmer(Reaction ~ Days + (1|Subject), sleepstudy, REML = FALSE)</pre>
lmm5 <- lmer(Reaction ~ Days + (1+Days | Subject), sleepstudy, REML = FALSE)</pre>
# Likelihood ratio test
anova(1mm4, 1mm5)
## Data: sleepstudy
## Models:
## lmm4: Reaction ~ Days + (1 | Subject)
## lmm5: Reaction ~ Days + (1 + Days | Subject)
##
                       BIC logLik deviance Chisq Df Pr(>Chisq)
                AIC
           4 1802.1 1814.8 -897.04
## 1mm4
                                     1794.1
## 1mm5
           6 1763.9 1783.1 -875.97
                                     1751.9 42.139 2 7.072e-10 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

Wir sehen, dass unser Modell **lmm5** (bzw. lmm3) den niedrigeren Akaike-Informationskriterium (AIC)-Wert hat und sich signifikant vom Modell lmm1 unterscheidet. Somit hat das Modell lmm3 den besseren Fit.

Mit dieser Methode lassen sich auch Modelle vergleichen, die sich z.B. bezüglich eines weiteren fixed effects unterscheiden.

Der Likelihood ratio test wird auf den Seiten 11-14 von Bodo Winters Tutorial 2 genauer erklärt (siehe Abschnitt General Mixed Models).

## 5.4.2.3 Stepwise Regression

Bei einer Stepwise Regression wird ausgehend von einem möglichst maximalen Modell berechnet, welche fixed und random effects die Daten am besten beschreiben.

In R wird die Funktion step() aus dem Paket "lmerTest" wie folgt verwendet:

- 1. Maximales Modell erstellen
- 2. Funktion step() auf Modell anwenden und in neuer Variable speichern
- 3. Ergebnisse der Stepwise Regression ausgeben
- 4. Neues Modell mit der Funktion get\_model() in neuer Variable speichern

Ein Beispiel für eine Stepwise Regression anhand der "ham"-Daten aus dem "lmerTest"-Paket:

```
# Schritt 3
               # Display elimination results
step_lmm6
## Backward reduced random-effect table:
##
##
                             Eliminated npar logLik
                                                        AIC
                                                                LRT Df Pr(>Chisq)
## <none>
                                          36 -1380.5 2833.0
## (1 | Consumer:Information)
                                          35 -1381.3 2832.5
                                                              1.538
                                                                          0.21491
## (1 | Consumer)
                                          34 -1382.7 2833.5
                                                              2.941 1
                                                                          0.08634
## (1 | Consumer:Product)
                                          34 -1464.0 2996.1 165.560 1
                                                                          < 2e-16
##
## <none>
## (1 | Consumer:Information)
## (1 | Consumer)
## (1 | Consumer:Product)
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Backward reduced fixed-effect table:
## Degrees of freedom method: Satterthwaite
##
##
                                 Eliminated Sum Sq Mean Sq NumDF DenDF F value
## Product:Information:Gender:Age
                                          1 7.2065 2.4022
                                                                    308 1.4606
## Product:Gender:Age
                                          2 0.6234 0.2078
                                                                    231 0.1258
## Product:Information:Gender
                                          3 5.8789
                                                     1.9596
                                                                 3
                                                                    311
                                                                         1.1863
## Product:Gender
                                                                3
                                                                    234
                                          4 0.9155 0.3052
                                                                         0.1844
## Product:Information:Age
                                          5 7.2141 2.4047
                                                                3
                                                                    314
                                                                         1.4531
## Product:Age
                                          6 4.0334 1.3445
                                                                3
                                                                    237 0.8090
## Product:Information
                                          7 10.3873
                                                     3.4624
                                                                 3
                                                                    317 2.0834
                                          8 5.3415 5.3415
                                                                    320 3.1817
## Information:Gender:Age
                                                                1
                                          9 0.0084 0.0084
## Information:Age
                                                                1
                                                                    321 0.0050
## Gender: Age
                                         10 1.2017 1.2017
                                                                1
                                                                     77 0.7132
## Age
                                         11 0.0254 0.0254
                                                                1
                                                                     78 0.0151
## Information:Gender
                                         12 1.4075 1.4075
                                                                1
                                                                    322 0.8353
## Gender
                                         13 1.4803 1.4803
                                                                1
                                                                     79 0.8789
                                          0 19.3466 6.4489
## Product
                                                                    240 3.8291
                                                                3
                                          0 6.5201 6.5201
## Information
                                                                1
                                                                    323 3.8714
##
                                  Pr(>F)
## Product:Information:Gender:Age 0.22530
## Product:Gender:Age
                                 0.94478
## Product:Information:Gender
                                 0.31505
## Product:Gender
                                 0.90694
## Product:Information:Age
                                 0.22737
## Product:Age
                                 0.48998
## Product:Information
                                 0.10232
## Information:Gender:Age
                                 0.07542
## Information:Age
                                 0.94376
## Gender:Age
                                 0.40101
                                 0.90262
## Age
## Information:Gender
                                 0.36143
## Gender
                                 0.35135
## Product
                                 0.01048 *
```

## boundary (singular) fit: see ?isSingular

## Information

0.04997 \*

```
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Model found:
## Informed.liking ~ Product + Information + (1 | Consumer) + (1 |
## Consumer:Product)
## Schritt 4
final_lmm6 <- get_model(step_lmm6)</pre>
```

Kritik an Stepwise Regression (Smith 2018):

Stepwise regression selects explanatory variables for multiple regression models based on their statistical significance. Although it has often been criticized for the misapplication of single-step statistical tests to a multi-step procedure, stepwise regression has become popular with Big Data because it is a very efficient way of choosing a relatively small number of explanatory variables from a vast array of possibilities. The assumption is that the larger the number of possible predictors, the more useful is stepwise regression. This paper uses Monte Carlo simulations to demonstrate that a stepwise procedure may choose nuisance variables rather than true variables and that the out-of-sample accuracy of the model may be far worse than the in-sample fit. These problems are more likely to be serious when there are a large number of potential predictors. Stepwise regression does not solve the problem of Big Data. Big Data exacerbates the problems of stepwise regression.

## 5.4.2.4 Pairwise Comparison bei Linear Mixed Effect Models

Das Paket "emmeans" ermöglicht eine *Pairwise Comparison* von linearen gemischten Modellen. Dies ist wie folgt durchzuführen:

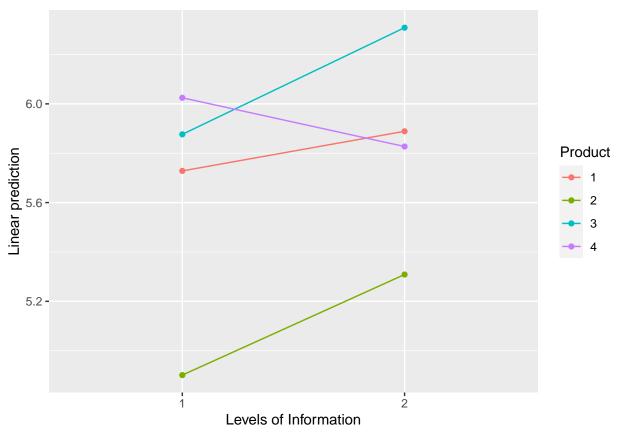
- 1. Modell definieren
- 2. Summary des Modells ausgeben (optional, aber informativ)
- 3. Mittels der Funktion anova() eine allgemeinere Darstellung der Effekte ausgeben (auch optional)
- 4. Interaktionsplot mit der Funktion emmip() anzeigen lassen (optional, bei mehreren fixed effects hilfreich)
- 5. Estimated marginal means der für die Pairwise Comparison gewünschten Faktoren mit der Funktion emmeans() berechnen und in neuer Variable speichern
- 6. Pairwise Comparison mit der Funktion pairs() ausgeben lassen (das Argument simple = kann verwendet werden, um die Ausgabe nach einer Variable aufzuteilen)

Ein Beispiel für eine *Pairwise Comparison bei Linear Mixed Effect Models* anhand der "ham"-Daten aus dem "lmerTest"-Paket, mit zwei *fixed factors*:

```
# Schritt 1 (Einfluss von Produkt und gegebener Information auf die Bewertung)
lmm7 <- lmer(Informed.liking ~ Product*Information + (1 | Consumer) , data=ham)
# Schritt 2
summary(lmm7)

## Linear mixed model fit by REML. t-tests use Satterthwaite's method [
## lmerModLmerTest]
## Formula: Informed.liking ~ Product * Information + (1 | Consumer)
## Data: ham</pre>
```

```
##
## REML criterion at convergence: 2870
## Scaled residuals:
      Min
               1Q Median
                              3Q
## -2.5162 -0.6864 0.1000 0.7467 2.6725
## Random effects:
## Groups Name
                       Variance Std.Dev.
                               0.9085
## Consumer (Intercept) 0.8253
## Residual
                       4.3780
                                2.0924
## Number of obs: 648, groups: Consumer, 81
## Fixed effects:
##
                       Estimate Std. Error
                                               df t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                         5.7284
                                  0.2535 544.1671 22.601 <2e-16 ***
                        -0.8272
                                    0.3288 560.0000 -2.516
                                                             0.0122 *
## Product2
## Product3
                         0.1481
                                    0.3288 560.0000
                                                    0.451
                                                             0.6525
## Product4
                         0.2963
                                    0.3288 560.0000
                                                    0.901
                                                             0.3679
## Information2
                         0.1605
                                    0.3288 560.0000
                                                    0.488
                                                             0.6256
## Product2:Information2 0.2469
                                  0.4650 560.0000
                                                    0.531
                                                             0.5956
## Product3:Information2 0.2716
                                  0.4650 560.0000
                                                    0.584
                                                             0.5594
## Product4:Information2 -0.3580 0.4650 560.0000 -0.770
                                                             0.4416
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Correlation of Fixed Effects:
             (Intr) Prdct2 Prdct3 Prdct4 Infrm2 Pr2:I2 Pr3:I2
## Product2
             -0.649
## Product3
              -0.649 0.500
## Product4
              -0.649 0.500 0.500
## Informatin2 -0.649 0.500 0.500 0.500
## Prdct2:Inf2 0.459 -0.707 -0.354 -0.354 -0.707
## Prdct3:Inf2 0.459 -0.354 -0.707 -0.354 -0.707 0.500
## Prdct4:Inf2 0.459 -0.354 -0.354 -0.707 -0.707 0.500 0.500
# Schritt 3
anova(lmm7)
## Type III Analysis of Variance Table with Satterthwaite's method
##
                      Sum Sq Mean Sq NumDF DenDF F value
## Product
                      91.807 30.6024
                                       3
                                           560 6.9901 0.0001271 ***
## Information
                      6.520 6.5201
                                        1
                                            560 1.4893 0.2228402
## Product:Information 10.387 3.4624
                                        3
                                            560 0.7909 0.4992920
## ---
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
# Schritt 4
emmip(lmm7, Product ~ Information)
```



```
# Schritt 5
lmm7_pw <- emmeans(lmm7, ~ Product * Information)</pre>
# Schritt 6
pairs(lmm7_pw, simple = "Product")
## Information = 1:
##
   contrast estimate
                         SE df t.ratio p.value
              0.8272 0.329 560 2.516 0.0586
             -0.1481 0.329 560 -0.451
##
   1 - 3
                                        0.9695
             -0.2963 0.329 560 -0.901
                                        0.8042
   2 - 3
             -0.9753 0.329 560 -2.966
##
                                        0.0165
##
              -1.1235 0.329 560 -3.417
                                        0.0038
              -0.1481 0.329 560 -0.451 0.9695
##
##
## Information = 2:
##
   contrast estimate
                         SE df t.ratio p.value
##
   1 - 2
              0.5802 0.329 560 1.765 0.2915
             -0.4198 0.329 560 -1.277
##
   1 - 3
                                        0.5782
              0.0617 0.329 560 0.188
                                        0.9977
##
   1 - 4
   2 - 3
             -1.0000 0.329 560 -3.042
##
                                        0.0131
##
   2 - 4
             -0.5185 0.329 560 -1.577
                                        0.3926
               0.4815 0.329 560 1.464
##
                                        0.4598
## Degrees-of-freedom method: kenward-roger
\#\# P value adjustment: tukey method for comparing a family of 4 estimates
```

Hinweis: Dies funktioniert nicht, wenn der fixed effect (wie "Days" aus den "sleepstudy"-Daten) numerisch

ist.

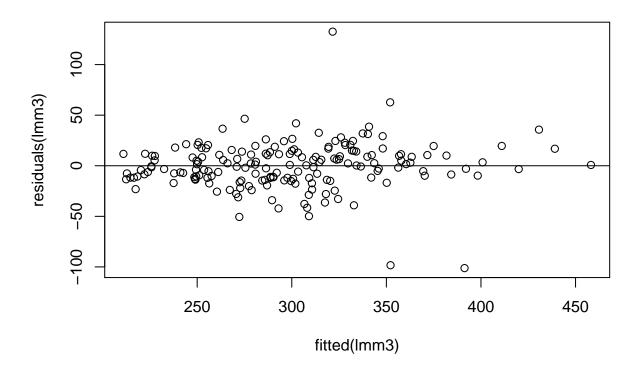
## 5.4.3 Voraussetzungen für General Mixed Models

Die Voraussetzungen für *Linear Models* und *Linear Mixed Effect Models* werden auf den Seiten 12-21 von Bodo Winters Tutorial 1 genauer erklärt (siehe Abschnitt General Mixed Models). Im Folgenden werden grob die Funktionen in R dargestellt:

#### 5.4.3.1 Linearität

Um ein Modell auf Linearität zu überprüfen, werden die residuals wie folgt geplottet:

```
plot(fitted(lmm3), residuals(lmm3))
abline(h = 0) # horizontale Linie bei y = 0
```



Hier sehen wir lineare Daten. Nonlinear wären diese, wenn ein Kurvenmuster zu erkennen wäre.

#### 5.4.3.2 Kollinearität

Kollinearität (also Korrelation zwischen fixed effects) lassen sich auf verschiedene Arten und Weisen überprüfen, z.B. können die Variablen wie in Kapitel Korrelationen untersucht werden.

Eine weitere Methode ist das Betrachten der variance inflation factors (VIF). Diese Werte sollten unter einem bestimmten Grenzwert liegen. Winter (2019) setzt diesen Wert bspw. bei 10 an. Die Funktion vif() ist im car-Paket enthalten und nimmt das Modell als Argument.

Zur Demonstration erstellen wir ein Modell (lmm6), welches das Modell lmm3 um den fixed effect "VerbalFluency" erweitert:

```
lmm8 <- lmer(Reaction ~ Days + VerbalFluency + (1+Days|Subject), sleepstudy)
vif(lmm8)</pre>
```

```
## Days VerbalFluency
## 1.000026 1.000026
```

Die beiden fixed effects zeigen so gut wie keine Kollinearität. Dies ist nicht verwunderlich, da es sich hier bei "VerbalFluency" um eine frei erfundene und von uns generierte Variable handelt.

#### 5.4.3.3 Homoskedastizität

Die Homoskedastizität (bzw. Varianzhomogenität) kann mit Hilfe des Levene Tests überprüft werden (siehe [Varianzhomogenität]):

```
leveneTest(Reaction ~ as.factor(Days), data = sleepstudy)

## Levene's Test for Homogeneity of Variance (center = median)
## Df F value Pr(>F)
## group 9 1.3052 0.2374
## 170
```

Alternativ kann ein Residual Plot betrachten werden (siehe Linearität).

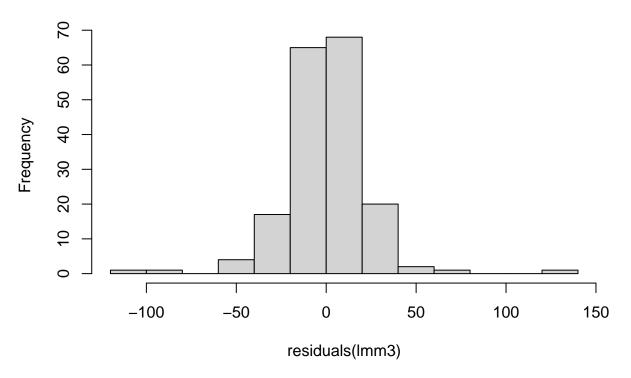
Beispiele für Residuals Plots mit Homoskedastizität und Heteroskedastizität sind auf den Seiten 17-18 von Bodo Winters Tutorial 1 zu finden (siehe General Mixed Models).

#### 5.4.3.4 Normalverteilung der Residuals

Ob die Residuals normalverteilt sind lässt sich mit einem Histogram oder einem Q-Q Plot überprüfen:

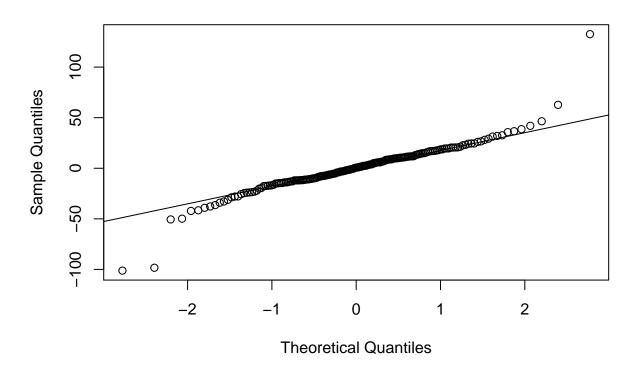
```
# Histogramm
hist(residuals(lmm3))
```

# Histogram of residuals(Imm3)



```
# Q-Q Plot
qqnorm(residuals(1mm3))
qqline(residuals(1mm3))
```

# Normal Q-Q Plot



Zudem kann der Shapiro-Wilk Test (siehe [Normalverteilung]) auf die Residuals angewendet werden:

```
shapiro.test(residuals(lmm3))
```

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: residuals(lmm3)
## W = 0.90146, p-value = 1.408e-09
```

## 5.4.3.5 Influential Data

Genauere Informationen zu influential data siehe Nieuwenhuis et al. (2012) und Winter (2013-1).

#### 5.4.3.5 bei Linear Models

Entsprechend Winter (2013-1) wird die Funktion dfbeta() verwendet, welche das Lineare Modell als Argument nimmt:

## dfbeta(sleep\_lm)

```
## (Intercept) Sexm
## 1 5.211235e-18 0.02950278
## 2 -3.915630e-16 -6.65035972
## 3 0.000000e+00 -8.01705972
## 4 0.000000e+00 5.24144028
```

```
## 5
       0.000000e+00 3.31641528
## 6
       0.000000e+00 -1.95710972
## 7
       0.000000e+00 3.88579028
## 8
       0.000000e+00
                     2.21656528
## 9
       0.000000e+00
                     1.93481528
## 10
       5.410371e+00 -5.41037083
## 11 -5.025767e+00
                     5.02576667
## 12 -3.383567e+00
                     3.38356667
## 13
       3.691846e+00 -3.69184583
## 14
       3.458883e+00 -3.45888333
## 15 -2.607417e-01 0.26074167
## 16 -4.499917e+00
                     4.49991667
       2.399958e-01 -0.23999583
      3.688958e-01 -0.36889583
```

Als Grenzwert legen wir die absolute Hälfte des Slopes fest (s. Linear Model): 12.05 / 2 = 6.025.

Wie der Tabelle zu entnehmen ist, sind die Datenpunkte aus Reihe 2 und 3 als *influential data* zu betrachten, da ihr absoluter Wert größer als 6.025 ist.

Winter (2013-1) über den Umgang mit influential data:

"How to proceed if you have influential data points? Well, it's definitely not legit to simply exclude those points and report only the results on the reduced data set. A better approach would be to run the analysis with the influential points and then again without the influential points ... then you can report both analyses and state whether the interpretation of the results does or doesn't change. The only case when it is o.k. to exclude influential points is when there's an obvious error with them, so for example, a value that doesn't make sense (e.g., negative age, negative height) or a value that obviously is the result due to a technical error in the data acquisition stage (e.g., voice pitch values of 0). Influence diagnostics allow you to spot those points so you can then go back to the original data and see what went wrong."

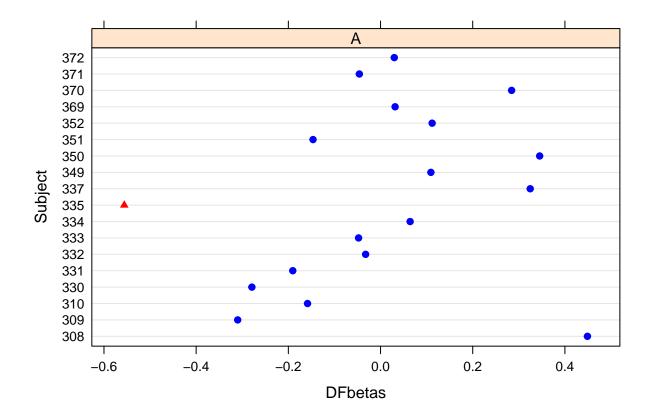
#### 5.4.3.5 bei Linear Mixed Effect Models

Um die influential data bei Linear Mixed Effect Models zu betrachten, kann das Paket "influence.ME" von Nieuwenhuis et al. (2012) verwendet werden.

Wir untersuchen hier, ob eine VP unsere Ergebnisse potentiell verfälscht:

```
# Influence Funktion
sleep.inf <- influence(lmm3, "Subject")
# DFBetas ausgeben
dfbetas(sleep.inf)</pre>
```

```
##
       (Intercept)
                          Days
## 308 -0.05872589
                   0.44893116
## 309 -0.41087526 -0.30988234
## 310 -0.42760781 -0.15834084
##
  330
       0.32953913 -0.27909747
  331
        0.29209668 -0.19037019
  332
       0.10503983 -0.03232726
  333
        0.19600052 -0.04760742
  334 -0.09178840
                   0.06422031
## 335
       0.09498548 -0.55597555
  337
       0.33359356
                   0.32477727
  349 -0.31051770
                    0.10931584
  350 -0.21303733
                   0.34527502
       0.07944720 -0.14645910
## 352
       0.20776024 0.11197343
```



Anders als Winter (2013-1) wählen Nieuwenhuis et al. (2012) den Grenzwert für die DFBeta-Werte bei 2 geteilt durch die Wurzel von n, wobei n= die Anzahl der Ausprägungen des Gruppenfaktors. In unserem Fall: 2 geteilt durch die Wurzel von 18;

bzw. in R: '2/sqrt(nlevels(sleepstudy\$Subject))

#### = 0.4714045

Wie der Tabelle und dem Plot zu entnehmen sind, liegt VP 335 über diesem Wert.

Mit der Funktion exclude.influence() kann die VP 335 aus dem Modell entfernt werden:

```
# exclude.influence - Funktion
lmm3.excl <- exclude.influence(lmm3, "Subject", "335")
# Summary des neuen Modells
summary(lmm3.excl)</pre>
```

## Linear mixed model fit by REML. t-tests use Satterthwaite's method [

```
## lmerModLmerTest]
## Formula: Reaction ~ Days + (1 + Days | Subject)
     Data: data.update
##
##
## REML criterion at convergence: 1649.5
##
## Scaled residuals:
##
      Min
                1Q Median
                                3Q
                                       Max
## -3.8160 -0.4374 0.0142 0.5066
                                   5.0466
##
## Random effects:
   Groups
                         Variance Std.Dev. Corr
##
            Name
                                  25.394
##
   Subject
            (Intercept) 644.86
                          25.59
                                   5.059
                                           0.16
##
             Days
##
   Residual
                         685.84
                                  26.188
## Number of obs: 170, groups: Subject, 17
##
## Fixed effects:
##
                                        df t value Pr(>|t|)
              Estimate Std. Error
## (Intercept) 250.721
                             7.202
                                    16.000
                                           34.812 < 2e-16 ***
## Days
                 11.252
                             1.412
                                   16.000
                                             7.968 5.85e-07 ***
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Correlation of Fixed Effects:
        (Intr)
## Days -0.101
```

Nieuwenhuis et al. (2012) über den Umgang mit influential data: "Generally, there are several strategies, including getting more data, checking data consistency, adapting model specification, deleting the in-fluential cases from the model, and obtaining additional measurements on existing cases to account for the overly influential cases."

## 5.5 Generalized Linear Models

 $\dots$  folgen.

Für eine erste Übersicht:

https://www.r-bloggers.com/2018/10/generalized-linear-models-understanding-the-link-function/

# 6 Bayesian Methods

... folgen.

# 7 Quellen

Die Quellenangabe für die genutzte R Version wird mit der Funktion citation() abgefragt. Für Pakete wird einfach der Name des Pakets in der Klammer in Anführungszeichen ergänzt.

#### car

John Fox and Sanford Weisberg (2019). An {R} Companion to Applied Regression, Third Edition. Thousand Oaks CA: Sage. https://socialsciences.mcmaster.ca/jfox/Books/Companion/

#### ggsignif:

Constantin Ahlmann-Eltze (2019). ggsignif: Significance Brackets for 'ggplot2'. R package version 0.6.0. https://CRAN.R-project.org/package=ggsignif

#### lme4:

Douglas Bates, Martin Maechler, Ben Bolker, Steve Walker (2015). Fitting Linear Mixed-Effects Models Using lme4. Journal of Statistical Software, 67(1), 1-48. doi:10.18637/jss.v067.i01

#### lmerTest:

Kuznetsova A, Brockhoff PB, Christensen RHB (2017). "ImerTest Package: Tests in Linear Mixed Effects Models." *Journal of Statistical Software*, 82(13), 1-26. doi: 10.18637/jss.v082.i13

#### influence.ME:

Rense Nieuwenhuis, Manfred te Grotenhuis and Ben Pelzer (2012). influence.ME: Tools for Detecting Influential Data in Mixed Effects Models. R Journal, 4(2): pp. 38-47.

MuMIn: Kamil Bartoń (2020). MuMIn: Multi-Model Inference. R package version 1.43.17. https://CRAN.R-project.org/package=MuMIn

#### R:

R Core Team (2020). R: A language and environment for statistical computing. R Foundation for Statistical Computing, Vienna, Austria. https://www.R-project.org/

RStudio: RStudio Team (2020). RStudio: Integrated Development Environment for R. RStudio, PBC, Boston, MA URL http://www.rstudio.com/.

#### rstatix:

Alboukadel Kassambara (2020). rstatix: Pipe-Friendly Framework for Basic Statistical Tests. R package version 0.6.0. https://CRAN.R-project.org/package=rstatix

#### tidyverse:

Wickham et al. (2019). Welcome to the tidyverse. Journal of Open Source Software, 4(43), 1686, https://doi.org/10.21105/joss.01686

## Weitere Literatur:

Smith, G. (2018). Step away from stepwise. Journal of Big Data, 5(1), 32. https://doi.org/10.1186/s40537-018-0143-6

Winter, B. (2013-1). Linear models and linear mixed effects models in R: Tutorial 1. http://www.bodowinter.  $com/uploads/1/2/9/3/129362560/bw_lme_tutorial1.pdf$ 

Winter, B. (2013-2). A very basic tutorial for performing linear mixed effects analyses (Tutorial 2). http://www.bodowinter.com/uploads/ $1/2/9/3/129362560/bw_lme_tutorial2.pdf$ 

Winter, B. (2019). Statistics for linguists: An introduction using R. Routledge.

#### Diese Guide wurde zuletzt mit den folgenden Versionen getestet:

Um diese Informationen abzurufen sessionInfo() in der Konsole ausführen.

R version 4.0.2 (2020-06-22)

RStudio version 1.3.1073 Platform: x86\_64-apple-darwin17.0 (64-bit)

Running under: macOS 10.16

attached base packages:

stats, graphics, grDevices, utils, datasets, methods, base

other attached packages:

plyr\_1.8.6, emmeans\_1.5.0, influence.ME\_0.9-9, rstatix\_0.6.0, car\_3.0-9, carData\_3.0-4, forcats\_0.5.0,

 $stringr\_1.4.0, dplyr\_1.0.2, purrr\_0.3.4, readr\_1.3.1, tidyr\_1.1.2, tibble\_3.0.4, ggplot2\_3.3.2, tidyverse\_1.3.0, lmerTest\_3.1-2, lme4\_1.1-23, Matrix\_1.2-18, ggsignif\_0.6.0, MuMIn\_1.43.17$ 

81