

3. Clasificación binaria con una recta

Una recta divide el plano \mathbb{R}^2 en dos regiones, una sobre la recta y otra abajo.

Por lo cual podemos definir una función

$$h(x) = \begin{cases} 1 & \text{si } \vec{u} \cdot \vec{x} + \gamma > 0 \\ -1 & \text{si } \vec{u} \cdot \vec{x} + \gamma < 0 \end{cases}$$

o lo equivalente a $\text{sign}(\vec{u} \cdot \vec{x} + \gamma)$.

4. Algoritmo de perceptrón

El problema que se busca resolver es dado $D = \{(\vec{x}_1, l_1), (\vec{x}_2, l_2), \dots, (\vec{x}_n, l_n)\}$, con $\vec{x}_i \in \mathbb{R}^2$ y $l_i \in \{-1, 1\}$, se encuentre una recta tal que dada la observación \vec{x}_i se pueda predecir la etiqueta l_i de la misma. Entonces el algoritmo es el siguiente.

Algoritmo (Perceptrón)

1. Tomar $\vec{u} \in \mathbb{R}^2$ y $\gamma \in \mathbb{R}$ de manera aleatoria
2. Clasificar todas las observaciones \vec{x}_i usando la recta $\vec{u} \cdot \vec{x} + \gamma = 0$
3. De todas las observaciones mal clasificadas tomar una, i^* , y con ella actualizar la recta:

$$\vec{u}_{n+1} = \vec{u}_n + l_{i^*} \vec{x}_{i^*}$$

$$y_{n+1} = y_n + l_{i^*}$$

4. Repetir los pasos 2 y 3 hasta que las observaciones estén bien clasificadas.