Mars-luotainten reitinhakualgoritmit

Jerry Mesimäki

Kandidaatintutkielma
HELSINGIN YLIOPISTO
Tietojenkäsittelytieteen laitos

Helsinki, 18. lokakuuta 2014

HELSINGIN YLIOPISTO — HELSINGFORS UNIVERSITET — UNIVERSITY OF HELSINKI

Tiedekunta — Fakultet — Faculty	Laitos — Institution — Department
Matemaattis-luonnontieteellinen	Tietojenkäsittelytieteen laitos

Tekijä — Författare — Author

Jerry Mesimäki

Työn nimi — Arbetets titel — Title

Mars-luotainten reitinhakualgoritmit

Oppiaine — Läroämne — Subject

Tietojenkäsittelytiede

Työn laji — Arbetets art — Level	Aika — Datum — Month and year	Sivumäärä — Sidoantal — Number of pages
Kandidaatintutkielma	18. lokakuuta 2014	2

Tiivistelmä — Referat — Abstract

Tiivistelmä.

Avainsanat — Nyckelord — Keywords

avainsana 1, avainsana 2, avainsana 3

Säilytyspaikka — Förvaringsställe — Where deposited

Muita tietoja — Övriga uppgifter — Additional information

Sisältö

1 Ensimmäinen luku

Tiedettä tekstimuodossa ja muutama kuva.
Esimerkkilause ja lähdeviite [1].

2 Globaalin reitinsuunnittelun toteutus Field D*-algoritmilla

2.1 Kustannusarvion parantaminen interpoloinnin avulla

Algoritmin perustana toimii metodi, jossa jokaisesta ruudukossa sijaitsevasta solmusta lasketaan halvin mahdollinen kustannusarvio haluttuun kohdepisteeseen. Perinteisesti ruudukkopohjaisessa reitinsuunnittelussa on käytetty seuraavaa kaavaa:

$$g(s) = \min_{s' \in nbrs(s)} (c(s, s') + g(s')),$$

missä $nbrs(s)$ on joukko kaikista solmun s naapureista, $c(s, s')$ on kustannus kulkemiseen kaaren s ja s' välillä, sekä $g(s')$ on kustannusarvio solmulle s'.

Kaavassa oletetaan, että solmusta s voidaan siirtyä tämän naapureihin ainoastaan suoraa linjaa pitkin, joka taas johtaa aikaisemmin mainittuun ongelmaan muodostaa parhaita mahdollisia reittejä robotin rajoittuneen suuntaamisen takia. Tämä voitaisiin korjata sijoittamalla s':n tilalle s_b, jossa s_b on mikä tahansa piste solmuun liittyvän ruudun reunalla. Näitä pisteitä on kuitenkin ääretön määrä, joka tekee jokaisen pisteen laskennasta mahdotonta.

Muokkaamalla verkkoa voimme silti muodostaa approksimaation jokaiselle pisteelle s_b käyttäen lineaarista interpolointia. Sen sijaan, että solmu sijoitettaisiin ruudun keskelle, asetetaan solmu jokaisen ruudun kulmaan ja täten kaaret kulkevat ruudukon reunoja pitkin. Nyt yhden kaaren kustannus voidaan valita siten, että se on pienempi niistä kahdesta ruudusta joiden välillä se kulkee.

Tämä muokkaus johtaa siihen, että paras mahdollinen reitti kulkee jotkin kaksi naapurisolmua $\overrightarrow{s_1 s_2}$ yhdistävän kaaren läpi. Solmulle s voidaan nyt laskea kustannusarvio, kun reitti kulkee sen ruudun läpi em. kaarelle. Laskemista varten tarvitaan arviot solmujen $s1$ ja $s2$ sekä keskimmäisen ruudun c ja alemman ruudun b kustannuksista.

Kustannusarvion tuottamiseen käytetään vielä oletusta, että kustannusarvio mille tahansa pisteelle s_y, joka sijaitsee kaarella $\overrightarrow{s_1 s_2}$, on funktioiden $g(s1)$ ja $g(s2)$ lineaarikombinaatio:

$$g(s_y) = y g(s_2) + (1 - y) g(s_1),$$

missä y on etäisyys s_1:stä s_y:hyn. Tulee kuitenkin huomata, että s_y ei välttämättä ole em. funktioiden lineaarikombinaatio, mutta tämän oletuksen tuottama approksimaatio toimii käytännässö riittävän hyvin kun halutaan muodostaa suljettu muoto solmun s kustannusarvion palauttavalle funktiolle.

Approksimaation perusteella solmun s kustannus kun tiedetään $s1$, $s2$, ruutukustannukset c ja b voidaan laskea seuraavasti:

SIT TAAS YKS NIIN JEBIN KAAVA TÄHÄN BUDDY ET EI MIDIST RAJOI :D:D:D HUOM. MUISTA SELITYKSET JÄBÄ :D:D::D

Tehdään vielä oletus, että (x*, y*) ovat x:n ja y:n arvot, joilla ylläoleva kaava saadaan ratkaistua. Lineaarisen interpoloinnin johdosta toinen arvoista on joko yksi tai nolla. Mikäli kustannus liikkua ruudun c yli on pienempi kuin ruudun reunoja pitkin kulkeminen niin halvin reitti halkaisee ruudun c ja täten joko x* = 0 tai y* = 1. Jos taas polku ei halkaise ruutua c niin y* = 0. Täten polku on kulkee solmusta s suoraan alareunaa pitkin kohtia solmua s1, siirtyy jonkin matkan x alareunalla ja leikkaa tämän jälkeen ruudun halki suoraan solmuun s2, tai halkaisee ruudun c kulkemalla suoraan solmusta s johonkin oikean reunan pisteeseen s$_y.Halvinpolkuriippuuc : njab : nkoosta, sekäs_1 : njas_2 : nkustannuserostaf = g(s_1) - g(s_2).Mikälif < 0niinparasmahdollinenpolkuon1.tapaus, jostaasf = bniinpolunkustannuskulkienjonkinmatkanal$

KAAVAA TAAS TÄNNE NÄ-IN :)))

Lopputulos on sama huolimatta siitä kuljetaanko alareunaa pitkin, joten merkitseväksi tekijäksi jää se kumpaa reunaa kulkeminen tulee halvemmaksi. Mikäli f < b niin käytetään oikeaa reunaa ja lasketaan polun kustannus arvolla k = f. Jos taas b < f niin käytetään alareunaa jolloin k = b ja y* = 1 - x*. Täten algoritmi halvimman polun laskemiseen solmusta s mihin tahansa pisteeseen kaarelle, joka sijaitsee vierekkäisten naapurien s$_ajas_bvälissälaskemiseenonseuraava :$

ALGO :))

Lähteet

[1] Rand, Ayn: *The Fountainhead.*