# Instituto Tecnológico de Buenos Aires

22.85 - Sistemas de Control

# Trabajo de Laboratorio $N^{\circ}1$ : Phase-Locked Loop (PLL) o Lazo de Enganche de Fase

#### Grupo 1

Máspero, Martina	57120
Mestanza, Joaquín Matías	58288
Nowik, Ariel Santiago	58309
Panaggio Venerandi, Guido Martin	56214
Parra, Rocío	57669
Regueira, Marcelo Daniel	58300

 $\begin{array}{c} Profesor \\ {\rm Nasini,\ V\'ictor\ Gustavo} \end{array}$ 

Presentado: xx/09/2019

# Índice

Ejercicio 1: Prelaboratorio	2	
Ejercicio 2: factor de amortiguamiento considerando los filtros	2	
Ejercicio 3: Transferencia completa	3	

### Ejercicio 1: Prelaboratorio

Se pidió analizar distintas transferencias (en la sección Prelaboratorio) del diagrama en bloques del circuito provisto por la cátedra.

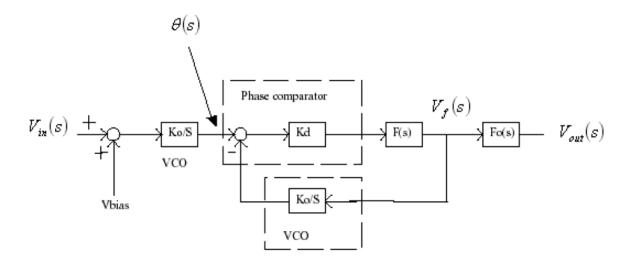


Figura 1: Diagrama en bloques del circuito

#### a) Modulador (VCO)

$$\frac{\theta(s)}{V_{in}(s)} = \frac{K_0}{s} \tag{1}$$

#### b) Demodulador (PLL)

$$\frac{V_f(s)}{\theta(s)} = \frac{s \cdot K_d \cdot F(s)}{s + K_0 K_d F(s)} \tag{2}$$

## c) Filtros pasabajos: $F_1(s)$ y $F_2(s)$

$$F_1(s) = \frac{1}{1 + \frac{s}{\omega_1}}$$
 donde  $\omega_1 = \frac{1}{R_5 \cdot C_6}$  (3)

$$F_{1}(s) = \frac{1}{1 + \frac{s}{\omega_{1}}} \quad \text{donde} \quad \omega_{1} = \frac{1}{R_{5} \cdot C_{6}}$$

$$F_{2}(s) = \frac{1 + \frac{s}{\omega_{2}}}{1 + \frac{s}{\omega_{eq}}} \quad \text{donde} \quad \omega_{2} = \frac{1}{R_{6} \cdot C_{6}} \quad \omega_{eq} = \frac{1}{\frac{1}{\omega_{1}} + \frac{1}{\omega_{2}}}$$

$$(4)$$

#### **d)** $F_0(s)$

$$F_0(s) = \frac{V_{out}(s)}{V_f(s)} = \frac{1}{1 + \frac{s}{\omega_0}} \qquad \text{donde} \qquad \omega_0 = \frac{1}{R_9 \cdot C_7}$$
 (5)

# Ejercicio 2: factor de amortiguamiento considerando los filtros

Notar que lo que cambia entre los filtros es  $R_6=0$  así que dejamos las expresiones generales.

$$\frac{V_f(s)}{\theta(s)} = \frac{s}{K_0} \cdot \frac{1 + \frac{s}{\omega_2}}{\left(\frac{s}{\omega_n}\right)^2 + 2\frac{\xi}{\omega_n} + 1} \tag{6}$$

$$\omega_n = \sqrt{\frac{K_d K_0}{C_6 \cdot (R_5 + R_6)}} \tag{7}$$

$$\xi = \frac{R_6 \cdot C_6 \cdot K_d \cdot K_0 + 1}{2 \cdot \sqrt{C_6 \cdot K_d \cdot K_0 \cdot (R_5 + R_6)}}$$
(8)

# Ejercicio 3: Transferencia completa

$$\frac{V_{out}(s)}{V_{in}(s)} = \frac{V_{out}(s)}{V_f(s)} \cdot \frac{V_f(s)}{\theta(s)} \cdot \frac{\theta(s)}{V_{in}(s)}$$

$$(9)$$

$$\frac{V_{out}(s)}{V_{in}(s)} = \frac{1}{1 + \frac{s}{\omega_0}} \cdot \frac{1 + \frac{s}{\omega_2}}{\left(\frac{s}{\omega_n}\right)^2 + 2\frac{\xi}{\omega_n} + 1}$$

$$\tag{10}$$

## Laboratorio

Tabla 1: Tabla centrada con datos desde "VCO.csv'  $freq_{out}(KHz)$  $K_0(rad/seg/V)$  $DC_{IN}(V)$ 1.033 11.52 70069.98 2.0121 254 793165.883 3.011 469 978682.84 3.9964649 1020365.145 4.9842800 1008496.56 5.9754930 977903.17 941057.166.94381040 8 7.9499 1149 908109.529 8.9434 1200 843059.9510 9.91231200760653.16

Para las cuentas optamos por el valor que más se mantuvo durante las mediciones del VCO que es de:

$$K_0 = 1Mrad/s/V$$