

$\{X_k\}_{k=1}^{\infty}$   
 $X_k$  v.a. independientes  
 e idénticamente  
 distribuidas  
 (v.a.i.i.d.)

$$S_n = \sum_{k=1}^n X_k$$

$$E(S_n) = \sum_{k=1}^n E(X_k)$$

$$V(S_n) = \sum_{k=1}^n V(X_k)$$

¿Cual es la distrib de prob de  $S_n$ ?

1)  $X_k \sim \text{Bernoulli}(p)$

$$X_k \begin{cases} 0 & 1-p \\ 1 & p \end{cases}$$

Variable de Bernoulli es cuando una variable solo toma 2 valores, 0 o 1 y la tasa de 0 y 1 es constante.

$$S_n \sim \text{Bin}(n, p)$$

$$2) X_k \sim \text{Bin}(n_k, p)$$

$$S_n \sim \text{Bin}(N, p)$$

$$N = n_1 + n_2 + \dots + n_n = \sum_{k=1}^n n_k$$

$$3) X_k \sim \text{Poisson}(\lambda_k)$$

$$S_n \sim \text{Poisson}(\lambda)$$

$$\lambda = \sum_{k=1}^n \lambda_k$$

$$4) X_k \sim U(a, b) \text{ (distrib uniforme)}$$

$S_n$  no tiene distribución uniforme

$$5) X_k \sim \text{Exp}(\lambda)$$

$$S_n \sim \Gamma(n, \lambda) \text{ :distribución gamma}$$

**Propiedad importante según paco:**

$$6) X_k \sim N(\mu_k, \sigma_k)$$

$$S_n \sim N(\mu, \sigma)$$

$$\mu = \sum_{k=1}^n \mu_k$$

$$\sigma = \sqrt{\sum_{k=1}^n \sigma_k^2}$$