

Prueba de hipótesis estadísticas

(para la **media poblacional** $[\mu]$ (con desvío estándar poblacional conocido, población normal ó tamaño muestral grande) o para la **proporción poblacional** $[p]$ (con tamaño muestral grande))

grande porque en algún momento invocamos el TCL

μ parámetros poblacionales

p (en general son desconocidos : ()

Se estudian mediante:

Estimación de parámetros:

* puntual:

*por intervalo de confianza

ó

Prueba de hipótesis:

*Planteo de **hipótesis** \rightarrow se evalúa un estimador en **una muestra** \rightarrow **toma de decisiones**

¡Con la **toma de decisiones** existe un **riesgo** de cometer errores!

Los **riesgos** se miden con **probabilidad**

palabra clave: **significativo**

Las pruebas de hipótesis tienen un determinado formato:

H_0 : hipótesis nula

H_1 : hipótesis alternativa

Pone como ejemplo el **ejercicio 15 de la guía 9**

habitualmente en el H_0 se pone en evidencia un “enfoque pesimista”

H_0 : $p \leq p_0$ “la campaña no tuvo éxito” (falló, no generó más aumento en la participación, que era el objetivo que tenía)

(prueba de cola derecha)

H_1 : $p > p_0$ “la campaña tuvo éxito”

	”Al azar” ,está basado en el resultado de una	rechazar H_0	no rechazar H_0
	muestra aleatoria (toma de decisión) \rightarrow		
	H_0 es verdadera	ERROR DE TIPO I	DECISIÓN CORRECTA
	H_0 es falsa	DECISIÓN CORRECTA	ERROR DE TIPO II

$\alpha = p(\text{cometer el error de tipo I})$

$\beta = p(\text{cometer el error de tipo II})$

$1 - \beta = p(\text{no cometer el error de tipo II})$

En el ejercicio 15:

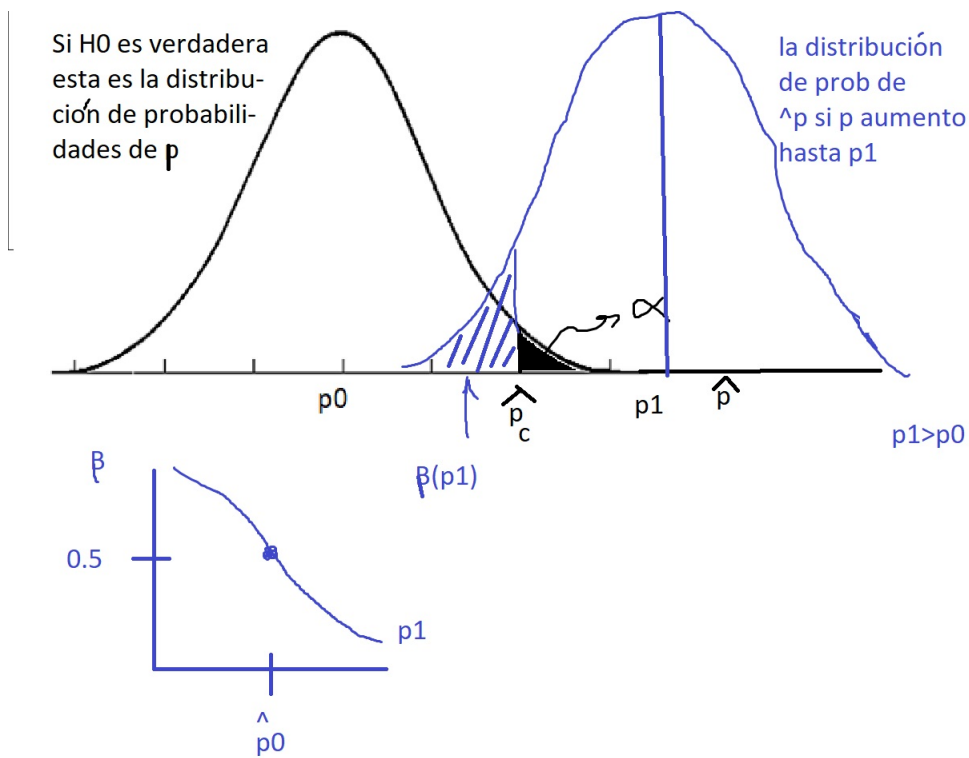
$\alpha = 0.01$

$p_0 = 0.11$

p aumentó : rechazar H_0

si no es así: H_0 es verdadera

$\beta = 0.01$ si p aumentó a 0.13



α también se llama error de significación

$p_0 = 0.11$

como la prueba es sobre p

entonces en la muestra se evaluará \hat{p} (la proporción muestral)

Recuerdo : $E(\hat{p}) = p$

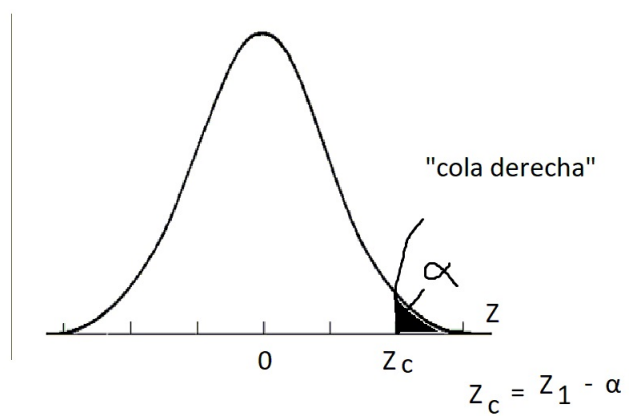
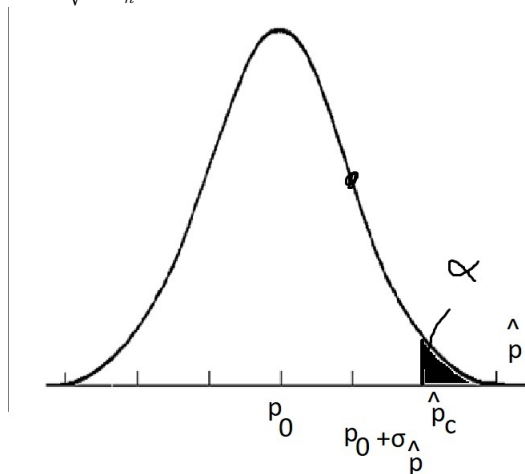
$$V(\hat{p}) = \frac{p(1-p)}{n}$$

$$Z = \frac{\hat{p} - p}{\sqrt{\frac{p(1-p)}{n}}} \approx N(0, 1)$$

aprox normal de la binomial

Si H_0 es verdadera ($p = p_0$)

$$Z = \frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}}}$$



La zona de rechazo para esta prueba es :

$$R = \{\hat{p} / \hat{p} > \hat{p}_c\}$$

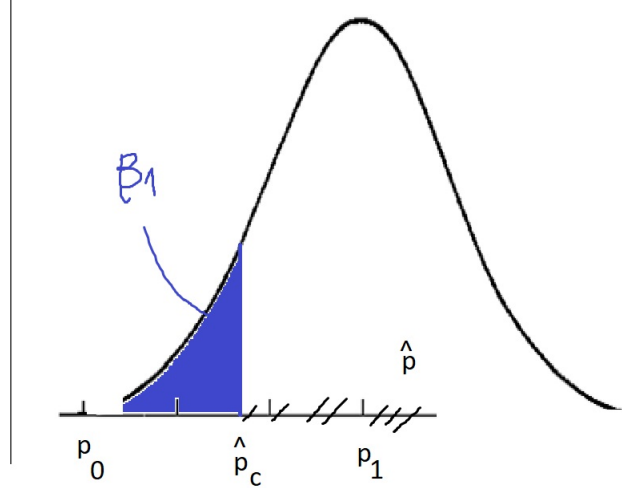
$$P(\hat{p} > \hat{p}_C / p = p_0) = \alpha = P(Z > Z_C)$$

$$Z_C = Z_{1-\alpha}$$

$$P(Z \leq Z_C) = 1 - \alpha$$

$$\hat{p}_C = p_0 + Z_{1-\alpha} \sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}}$$

\hat{p}_C : p crítico



$$P(\hat{p} < \hat{p}_C / p = p_1 > p_0) = \beta_1$$

$\hat{p} < \hat{p}_C$: no rechazar H_0

$p = p_1 > p_0$: H_0 es falsa

$$Z = \frac{\hat{p} - p_1}{\sqrt{\frac{p_1(1-p_1)}{n}}}$$

$$P(\hat{p} < \hat{p}_C / p = p_1) = P(Z < Z_1) = \beta_1 \text{ esto es } Z_1 = Z_{\beta_1}$$

$$Z_{\beta_1} = \frac{\hat{p}_C - p_1}{\sqrt{\frac{p_1(1-p_1)}{n}}}$$

$$p_1 + Z_{\beta_1} \sqrt{\frac{p_1(1-p_1)}{n}} = p_0 + Z_{1-\alpha} \sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}}$$

$$n = \left(\frac{Z_{1-\alpha} \sqrt{p_0(1-p_0)} + Z_{1-\beta_1} \sqrt{p_1(1-p_1)}}{p_1 - p_0} \right)^2$$

Regla de decisión:

Extraer una muestra de tamaño n y si $\hat{p}_{muestra} \in \mathbb{R}$ entonces se rechaza H_0 y se concluye que la campaña tuvo éxito .

La evidencia muestral apoya el rechazo de H_0 .