

## Eliminación Gaussiana

En este método se aplican varias operaciones de renglón, que son las siguientes:

- 1) Multiplicar toda la fila por una constante distinta de cero.
- 2) Sumar o restar un múltiplo de una ecuación a otra.
- 3) Intercambiar de posición dos ecuaciones.

Para facilitar el proceso, se forma una matriz aumentada que contiene solamente los coeficientes de las ecuaciones.

Al final del proceso, el sistema se reduce a una forma triangular, donde la última ecuación tiene la solución de la última incógnita.

Posteriormente, se aplica un proceso de sustitución hacia atrás para ir calculando progresivamente los valores de las otras incógnitas.

**Ejemplo.**

$$\begin{aligned} 2x_1 + x_2 - 3x_3 &= -1 \\ -x_1 + 3x_2 + 2x_3 &= 12 \\ 3x_1 + x_2 - 3x_3 &= 0 \end{aligned}$$

$$\left( \begin{array}{ccc|c} 2 & 1 & -3 & -1 \\ -1 & 3 & 2 & 12 \\ 3 & 1 & -3 & 0 \end{array} \right) \leftarrow$$

$$1\text{er renglón} \cdot -1/3 = -1, -1/2, 3/2, 1/2$$

$$\begin{aligned} 2\text{do. renglón} - 1\text{er. Renglón} = \\ [-1 - (-1)], [3 - (-1/2)], [2 - 3/2], [12 - 1/2] \\ 0 \qquad \qquad 7/2 \qquad \qquad 1/2 \qquad \qquad 23/2 \end{aligned}$$

$$\left( \begin{array}{ccc|c} 2 & 1 & -3 & -1 \\ 0 & 7/2 & 1/2 & 23/2 \\ 3 & 1 & -3 & 0 \end{array} \right) \leftarrow$$

$$1\text{er renglón} \cdot 3/2 = 6/2, 3/2, -9/2, 3/2$$

$$\begin{aligned} 3\text{er. renglón} - 1\text{er renglón} = \\ [6/2 - 6/2], [1 - 3/2], [-3 - (-9/2)], [0 - (3/2)] \\ 0 \qquad \qquad -1/2 \qquad \qquad 3/2 \qquad \qquad 3/2 \end{aligned}$$

$$\left( \begin{array}{ccc|c} 2 & 1 & -3 & -1 \\ 0 & 7/2 & 1/2 & 23/2 \\ 0 & -1/2 & 3/2 & 3/2 \end{array} \right) \leftarrow$$

$$2\text{do renglón} \cdot -1/7 = 0, -1/2, -1/14, -23/14$$

$$\begin{aligned} 3\text{er. renglón} - 2\text{do renglón} = \\ [(0 - 0)], [-1/2 - (-1/2)], [3/2 - (-1/14)], [3/2 - (-23/14)] \\ 0 \qquad \qquad 0 \qquad \qquad 11/7 \qquad \qquad 22/7 \end{aligned}$$

$$\left( \begin{array}{ccc|c} 2 & 1 & -3 & -1 \\ 0 & 7/2 & 1/2 & 23/2 \\ 0 & 0 & 11/7 & 22/7 \end{array} \right)$$

$$\begin{array}{l} x_1 = 1 \\ x_2 = 3 \\ x_3 = 2 \end{array}$$

Entonces:

$$11/7 x_3 = 22/7$$

$$x_3 = (22/7) / (11/7)$$

$$x_3 = 2$$

$$7/2 x_2 + 1/2 x_3 = 23/2$$

$$7/2 x_2 = 23/2 - 1/2 x_3$$

$$7/2 x_2 = 23/2 - 1/2(2)$$

$$x_2 = \frac{23/2 - 1/2(2)}{7/2}$$

$$x_2 = \frac{21/2}{7/2} = 3$$

$$x_2 = 3$$

$$2 x_1 + x_2 - 3 x_3 = -1$$

$$2 x_1 = -1 - x_2 + 3 x_3$$

$$2 x_1 = -1 - 3 + 3(2)$$

$$x_1 = \frac{-1 - 3 + 3(2)}{2}$$

$$x_1 = 1$$

Comprobación:

$$2x_1 + x_2 - 3x_3 = -1$$

$$2(1) + 3 - 3(2) = -1$$

$$-1 = -1$$

$$-x_1 + 3x_2 + 2x_3 = 12$$

$$(-1) + 3(3) + 2(2) = 12$$

$$12 = 12$$

$$3x_1 + x_2 - 3x_3 = 0$$

$$3(1) + (3) - 3(2) = 0$$

$$0 = 0$$