

Newton con Diferencias Divididas.

Se aplica este método cuando los intervalos son no uniformes.

De acuerdo a la fórmula se puede observar:

- 1) Se requiere tener $i+1$ puntos de "y".
- 2) La resta de dos diferencias de tipo $i-1$, es el numerador.
- 3) La resta de dos valores no comunes en el numerador es el denominador.

$$g(x) = D^0 + D^1 (x - x_1) + D^2 (x - x_1) (x - x_2) + D^3 (x - x_1) (x - x_2) (x - x_3) + \dots$$

Ejemplo.- Encuentre $g(x)$ para $x = 7$

x_i	y_i
7.3	-0.28
6.5	-1.35
6.1	-1.96

$$x = 7 \quad \left\{ \begin{array}{cc} x_i & y_i \\ x_1 & 7.3 \\ x_2 & 6.5 \end{array} \right\} g(x)$$
$$x_3 \quad 6.1 \quad y_3 \quad -1.96$$

$$h = |x_{i+1} - x_i|$$

$$h_1 = |x_2 - x_1| = |6.5 - 7.3| = 0.8$$
$$h_2 = |x_3 - x_2| = |6.1 - 6.5| = 0.4$$

Los intervalos son no uniformes

x_i	y_i D^0	$D^1 f(x_i)$	$D^2 f(x_i)$
x_1 7.3	y_1 - 0.28	$D^1_1 = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{-1.35 - (-0.28)}{6.5 - 7.3}$ $D^1_1 = 1.3375$	$D^2_1 = \frac{D^1_2 - D^1_1}{x_3 - x_1} = \frac{1.525 - 1.3375}{6.1 - 7.3}$ $D^2_1 = -0.15625$
x_2 6.5	y_2 - 1.35	$D^1_2 = \frac{y_3 - y_2}{x_3 - x_2} = \frac{-1.96 - (-1.35)}{6.1 - 6.5}$ $D^1_2 = 1.525$	
x_3 6.1	y_3 - 1.96		

$$g(x) = D^0 + D^1_1 (x - x_1) + D^2_1 (x - x_1)(x - x_2)$$

$$g(x) = (-0.28) + (1.3375)(7 - 7.3) + (-0.15625)(7 - 7.3)(7 - 6.5)$$

$$g(x) = (-0.28) + (1.3375)(-0.3) + (-0.15625)(-0.3)(0.5)$$

$$g(x) = (-0.28) + (-0.40125) + 0.0234375$$

$$g(x) = -0.28 - 0.40125 + 0.0234375$$

$g(x) = -0.657813$

$g(x)$ está entre - 0.28 y - 1.35 con respecto a “y”.

Nota: El margen de error permitido es de 2 diez milésimas.

Si los intervalos son no uniformes también se puede resolver por el método de Lagrange.