

# Ejercicios de Repaso

## Árboles binarios de búsqueda

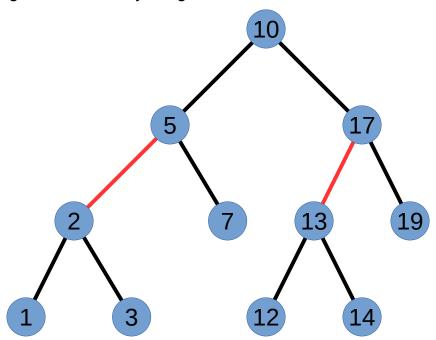
- 1. Un árbol binario de búsqueda contiene las llaves 1..10 y se realiza la búsqueda por la llave 5. Cuál de las siguientes secuencias de comparación de llaves no es válida?
  - a) 10, 9, 8, 7, 6, 5
  - b) 4, 10, 8, 6, 5
  - c) 1, 10, 2, 9, 3, 8, 4, 7, 6, 5
  - d) 2, 7, 3, 8, 4, 5
  - e) 1, 2, 10, 4, 8, 5
- 2. Dibujar todos los posibles árboles binarios que pueden resultar de añadir las llaves 3, 4, 5, 6, 7 en un árbol binario inicialmente vacío. Las llaves se pueden insertar en cualquier orden.
- 3. Los algoritmos get/put para árboles binarios vistos en clase son recursivos. Por eficiencia (reducir invocaciones a métodos y consumo de memoria de pila) se suelen preferir las implementaciones no recursivas. Dar una implementación no recursiva de estos dos métodos. (Sugerencia: Utilizar una estructura auxiliar, e.g. Stack).

## Árboles de búsqueda balanceados

- 1. Indicar el árbol resultante de añadir las llaves Y L P M X H C R A E S en un árbol 2-3 inicialmente vacío.
- 2. Se elimina la llave X del árbol del númeral anterior. Iniciar el árbol 2-3 resultante.
- 3. Cuál es el árbol rojo-negro correspondiente al árbol 2-3 obtenido en el numeral anterior?
- 4. Considerando el mismo conjunto de llaves del numeral 1, cual sería el árbol 2-3 de máxima altura válido para estas llaves? El de mínima altura?

#### Árboles de búsqueda rojo-negros

- 1. Indicar el árbol resultante de añadir las llaves Y L P M X H C R A E S en un árbol 2-3 inicialmente vacío.
- 2. Cuál es el árbol rojo-negro correspondiente al árbol 2-3 obtenido en el numeral anterior?
- 3. Se tiene el siguiente árbol rojo-negro inicial:



- a) Indicar el resultado de insertar la llave 6.
- b) Indicar el resultado de insertar la llave 11.
- c) Indicar el resultado de insertar la llave 20.
- d) Cuál es la secuencia de comparaciones para buscar la llave 11.
- e) Cuáles son las longitudes del camino negro más largo y del más corto después de realizar esta secuencia de inserciones?
- f) Indicar la secuencia de operaciones realizas por la operación rank(14).

g) Indicar las comparaciones y el resultado obtenido por la operación select(5).

#### Grafos

- 1. Se tiene un grafo no dirigido g (instancia de Graph).
  - a) Dar un algoritmo para determinar si el grafo es conexo o no.
  - b) Der un algoritmo para determinar cuántas componentes conexas tiene el grafo.
  - c) Dar un algoritmo para determinar si el grafo contiene ciclos o no.
  - d) Estimar la eficiencia de las soluciones propuestas.
- 2. Resolver los mismos problemas del punto anterior para un grafo dirigido (instancia de <u>Digraph</u>).