

## Ejercicios de repaso 2

### Análisis de algoritmos

1. Determinar la función  $T(N)$  que describe el tiempo requerido por los siguientes algoritmos en función de los tiempos requeridos por las operaciones elementales.

a. Obtener el máximo de un vector

```
int max=datos[0];
for(int i=1; i<datos.length; i++)
    if (datos[i]>max) max=datos[i];
return max;
```

b. Contar elementos repetidos en una lista

```
int count=0;
for(Node i=first; i.hasNext(); i=i.next) {
    for(Node j=i.next(); j.hasNext(); j=j.next) {
        if (j!=i && i.item.equals(j.item)) count++;
    }
}
return count;
```

2. Obtener aproximaciones *tilde* para las siguientes expresiones. Indicar el orden de crecimiento de cada una.

- a)  $N+1/N^2$
- b)  $1+1/N$
- c)  $(1+1/N)(1+2/N)$
- d)  $2N^3-15N^2+N$
- e)  $\lg(2N)/\lg(N)$
- f)  $\lg(N^2+1)/\lg(N)$
- g)  $N^{100}/2^N$

3. Determinar el orden de crecimiento (en función de N) de los siguientes fragmentos de código. Seleccionar el modelo de costo representativo, estimar la frecuencia del modelo de costo y su orden de crecimiento.

a.

```
int sum=0;
for(int n=N; n>0; n/=2)
    for(int i=0; i<n; i++)
        sum++;
```

b.

```
int sum=0;
for(int i=1; i<N; i*=2)
    for(int j=0; j<i; j++)
        sum++;
```

c.

```
int sum=0;
for(int i=1; i<N; i*=2)
    for(int j=0; j<N; j++)
        sum++;
```

## Estimación de espacio

3. Se declara un arreglo de objetos Fecha:

```
Fecha[] listaCumpleaños = new Fecha[N];  
  
class Fecha {  
    int año;  
    byte mes;  
    byte día;  
  
}
```

- a. Estimar el espacio mínimo requerido por el arreglo.
- b. Estimar el espacio máximo requerido por el arreglo y todas las instancias de Fecha.

4. La siguiente es una implementación de un árbol ternario:

```
class Ternario<T> {  
    Node raíz;  
    class Node {  
        T item;  
        Node izquierdo;  
        Node centro;  
        Node derecho;  
    }  
  
}
```

Asumiendo que el programa utiliza un Ternario de N items, y que los objetos de tipo T miden K bytes:

- a) Estimar el espacio requerido por un objeto Node (1 punto)
- b) Estimar el espacio total requerido por la instancia de Ternario. (1 punto)

## Estructura Unión-Búsqueda

5. Así como se tiene la operación  $\text{unión}(a, b)$  que conecta dos componentes de la colección, sería posible tener una operación  $\text{separar}(a, b)$ ? Pensar en qué sería necesario hacer para implementarla e identificar dificultades para realizar esta operación.

6. Se tienen los elementos 0..9 y se hacen la siguiente secuencia de uniones:

9-0 3-4 5-8 7-2 2-1 5-7 0-3 4-2

- Ilustrar la representación al final de esta secuencia que se obtiene aplicando la estructura QuickFind.
- Repetir para la estructura QuickUnion. ¿Cuál es la mayor altura?
- Repetir para la estructura QuickWeightedUnion. ¿Cuál es la mayor altura?
- Cuántas componentes conexas hay al final.

7. El método de compresión de caminos propone conectar todos los nodos a la raíz del árbol para mejorar la eficiencia de las búsquedas. Analizar:

- Como implementar la compresión de caminos al momento de realizar la unión? ¿Cuál sería el orden de crecimiento de la operación unión resultante?
- Como implementar la compresión de caminos al momento de realizar la búsqueda? ¿Cuál sería el orden de crecimiento de la operación búsqueda resultante?

## Respuestas seleccionadas

### Análisis de Algoritmos

2

- a)  $\sim N$
- b)  $\sim 1$
- c)  $\sim 1$
- d)  $\sim 2N^3$
- e)  $\sim 1$
- f)  $\sim 2$
- g) la función tiende a 0 para N muy grande

3

- a. Asumir  $N=2^b$ .  
Ciclo externo se repite para  $n= 2^b, 2^{b-1}, \dots, 2^0$ , un total de  $b+1$  veces.  
Ciclo interno se repite para  $i=0, \dots, n-1$ , para cada valor de  $n$ .  
Frecuencia de la instrucción `sum++` es  
 $2^b + 2^{b-1} + \dots + 2^0 = (2^{b+1}-1)/(2-1)$
- b. El ciclo externo itera para los valores  $i=2^0, 2^1, \dots, 2^b$ , tales que  $2^b < N$ . El ciclo interno itera con  $j=0, \dots, i-1$  para cada valor de la  $i$ .
- c.  $(\lg N + 1)N$