

## **Ejercicios 3**

### **Análisis de Algoritmos**

- 1. Obtener aproximaciones *tilde* para las siguientes expresiones. Indicar el orden de crecimiento de cada una.
  - a) N+1
  - b) 1+1/N
  - c) (1+1/N)(1+2/N)
  - d)  $2N^3 15N^2 + N$
  - e) lg(2N)/lg(N)
  - f)  $lg(N^2+1)/lg(N)$
  - g)  $N^{100}/2^N$
- 2. Determinar el orden de crecimiento (en función de N) de los siguientes fragmentos de código. Seleccionar el modelo de costo representativo, estimar la frecuencia del modelo de costo y su orden de crecimiento.

#### Estimación de espacio

1. Se declara un arreglo de objetos Fecha:

```
Fecha[] listaCumpleannos = new Fecha[N];
class Fecha {
   int anno;
   byte mes;
   byte dia;
}
```

- a. Estimar el espacio mínimo requerido por el arreglo.
- b. Estimar el espacio máximo requerido por el arreglo y todas las instancias de Fecha.
- 2. La siguiente es una implementación de un árbol ternario:

```
class Ternario<T> {
    Node raiz;
    class Node {
        T item;
        Node izquierdo;
        Node centro;
        Node derecho;
    }
}
```

Asumiendo que el programa utiliza un Ternario de N items, y que los objetos de tipo T miden K bytes:

- a) Estimar el espacio requerido por un objeto Node (1 punto)
- b) Estimar el espacio total requerido por la instancia de Ternario. (1 punto)

#### Estructura Unión-Búsqueda

- 1. Asi como se tiene la operación unión(a,b) que conecta dos componentes de la colección, sería posible tener una operación separar(a,b)? Pensar en que sería necesario hacer para implementarla e identificar dificultades para realizar esta operación.
- 2. Se tienen los elementos 0..9 y se hacen la siguiente secuencia de uniones: 9-0 3-4 5-8 7-2 2-1 5-7 0-3 4-2
- a. Ilustrar la representación al final de esta secuencia que se obtiene aplicando la estructura QuickFind.
- b. Repetir para la estructura QuickUnion. Cuál es la mayor altura?
- c. Repetir para la estructura QuickWeightedUnion. Cuál es la mayor altura?
- d. Cuantas componentes conexas hay al final.
- 3. El método de compresión de caminos propone conectar todos los nodos a la raíz del árbol para mejorar la eficiencia de las búsquedas. Analizar:
  - Como implementar la compresión de caminos al momento de realizar la unión? Cuál sería el orden de crecimiento de la operación unión resultante?
  - Como implementar la compresión de caminos al momento de realizar la búsqueda? Cuál sería el orden de crecimiento de la operación búsqueda resultante?

## Respuestas seleccionadas

# **Análisis de Algoritmos**

```
a) \simN b) \sim1 c) \sim1 d) \sim2N³ e) \sim1 f) \sim2 g) la función tiende a 0 para N muy grande

2 a. Asumir N=2b. Ciclo externo se repite para n= 2b, 2b-1, ..., 20, un total de b+1 veces. Ciclo interno se repite para i=0,...,n-1, para cada valor de n. Frecuencia de la instrucción sum++ es 2b+2b-1+...+20 = (2b+1-1)/(2-1) b. El ciclo externo itera para los valores i=20,21,...,2b, tales que 2b<N. El ciclo interno itera con j=0,...,i-1 para cada valor de la i. c. (lgN+1)N
```