Lógica

Se divide en dos grandes áreas

- Cálculo proposicional ó lógica de proposiciones
- Cálculo de predicados ó lógica de predicados

Cálculo proposicional

- Proposición: Argumento lógico sobre el cual se puede decir que es verdadero o falso.
- Proposiciones pueden unirse mediante conectores lógicos para formar proposiciones compuestas.
- Proposiciones que son siempre verdaderas, se denominan tautologías. Muy importantes son las implicaciones y equivalencias lógicas que son tautologías.

Cálculo de predicados

- Un predicado se entiende como un atributo o cualidad que pueden tener los miembros de un conjunto.
- Ejemplo:

Tómese el conjunto de los enteros Z.

El atributo "ser par" es un predicado.

El valor de verdad de la proposición "x es par" depende del elemento x.

Cálculo proposicional

Argumentos lógicos

 A partir de unos argumentos o premisas se llega a una conclusión.

Ejemplos:

Si hay congestión en la red, se pierden paquetes

Si se pierden paquetes, la voz se entrecorta

Si hay congestión en la red, la voz se entrecorta

Hay congestión en la red

Si hay congestión en la red, la voz se entrecorta

La voz se entrecorta

Argumentos lógicos comunes

Otro ejemplo:

Si se descarga la batería, el carro no prende

Si carro no prende, no podemos ir de paseo

Si se descarga la batería, no podemos ir de paseo

Silogismo hipotético (Hypothetical sylogism)

Si P, entonces Q

Si Q, entonces R

Si P, entonces R

Argumentos lógicos comunes

Silogismo disyuntivo (Disjuntive sylogism)

PóQ NoQ P

Ejemplos

El programa tiene un error o la entrada es incorrecta

La entrada no es incorrecta

El programa tiene un error

Pido sopa o ensalada

No pido sopa

Pido ensalada

Argumentos lógicos comunes

Modus Ponens

Si P, entonces Q

P

Q

Ejemplos

Si hay nubes, va a llover

Hay nubes

Va a llover

Si hoy es lunes, pasa el camión de la basura

Hoy es lunes

Hoy pasa el camión de la basura

Proposiciones atómicas y compuestas

Ejemplo

Si hay congestión, se pierden paquetes

Es una *proposición compuesta* formada por las proposiciones atómicas

- Hay congestión
- Se pierden paquetes

Y unidas mediante el conector lógico

si, entonces

Proposiciones atómicas

Se indican mediante variables proposicionales:
P, Q, etc.

Además se tienen las constantes proposicionales:

- V = Verdadero
- F = Falso

Proposiciones compuestas

- Hoy hará frio o hará mucho calor.
- El número 2 es par y es primo.
- Si llueve, entonces no iremos al parque.
- No es verdad que la tierra es plana.
- Juan es alto y Maria inteligente.
- Juan es alto, más no muy pesado.
- Yo juego solo si tu también.

Conectores lógicos

1. Negación

 $\neg P$

2. Conjunción

 $P \wedge Q$

3. Disyunción

 $P \vee Q$

Tablas de verdad

Р	Q	¬P	$P {\wedge} Q$	$P \vee Q$
V	V	F	V	V
V	F	F	F	V
F	V	V	F	V
F	F	V	F	F

Condicional

Si P, entonces Q

$$P\rightarrow Q$$

Р	Q	P→Q
V	V	V
V	F	F
F	V	V
F	F	V

Ejemplo:

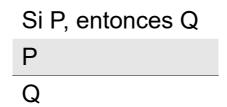
Interpretación Lógica vs Lenguaje ordinario

P:5 es un número par

Q: 6 es un número primo

Si P, entonces Q

Análisis del modus ponens



- Las dos premisas son verdaderas
- De acuerdo a la tabla de verdad, la única posibilidad restante es que Q sea verdad

Reciproca y Contrapositiva

Si P→Q es una proposición, se denominan

- reciproca a la proposición Q→P.
- contrapositiva a la proposición ¬Q→¬P.

Ejemplo:

P: Está lloviendo

Q: Yo me mojo

Bicondicional o Equivalencia

P si y solo si Q

 $P \leftrightarrow Q$

Р	Q	P↔Q
V	V	V
V	F	F
F	V	F
F	F	V

Ejemplos:

Solo voy al paseo si tu también vas 3>2 si y solo si 3-2>0

Bicondicional: Ejemplo

Construir la tabla de verdad de la siguiente proposición

$$(P \rightarrow Q) \leftrightarrow (\neg Q \rightarrow \neg P)$$

Referencias complementarias

- [AU92] Chapter 12
- [LLM10] Chapter 1