

Algorítmica: práctica 1

Análisis de la eficiencia de algoritmos

Sofía Almeida Bruno Antonio Coín Castro
María Victoria Granados Pozo Miguel Lentisco Ballesteros
José María Martín Luque

16 de marzo de 2017

Introducción

El objetivo de esta práctica es estudiar la eficiencia de los algoritmos para ello realizaremos un estudio teórico y empírico. El estudio teórico consiste en expresar el número de operaciones $T(n)$ requeridas para un problema concreto en función del tamaño n . Para el estudio empírico hemos medido los tiempos de ejecución para cada uno de los tamaños de las entradas.

Algoritmos

Burbuja

Revisa cada elemento de la lista con el siguiente, intercambiándose de posición si no están en el orden correcto.

Insercción

Consideramos el elemento N -ésimo de la lista y lo ordenamos respecto de los elementos desde el primero hasta el $N-1$ -ésimo.

Selección

Consiste en encontrar el menor de todos los elementos de la lista e intercambiarlo con el de la primera posición. Luego con el segundo, y así sucesivamente hasta ordenarlo todo.

Mergesort

Se basa en la técnica de divide y vencerás. Consiste en dividir la lista en sublistas de la mitad de tamaño, cada sublista se ordenará de forma recursiva, si el tamaño de la lista es 0 o 1 la lista ya está ordenada. Por último vamos mezclando las sublistas en una sola.

Quicksort

Se basa en la técnica de divide y vencerás. En primer lugar elegimos un elemento de la lista, pivote. A continuación los elementos de la lista se ordenarán de forma que la derecha del pivote queden los mayores y en el otro los menores. De esta forma dividimos la lista en dos sublistas la de la derecha y la de la izquierda, repetimos el proceso mientras las sublistas tengan más de un elemento.

Heapsort

Método de ordenación por selección. Heap es un árbol binario de altura mínima, en el que los nodos del nivel más bajo están lo más a la izquierda posible. Además los hijos de cada nodo son siempre menores que el padre. De esta forma no hay que recorrer el árbol de forma desordenada para encontrar los elementos máximos.

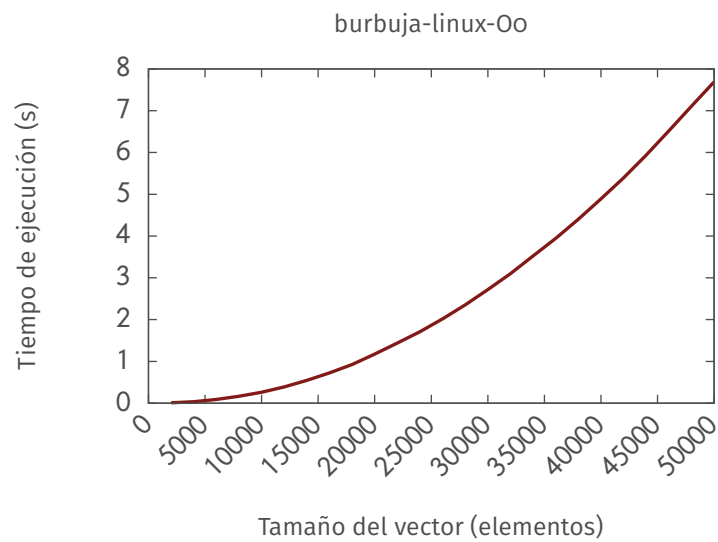
Floyd

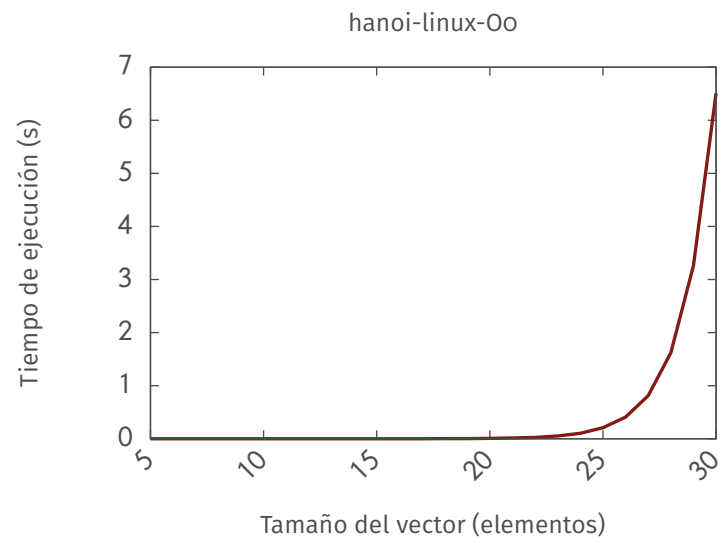
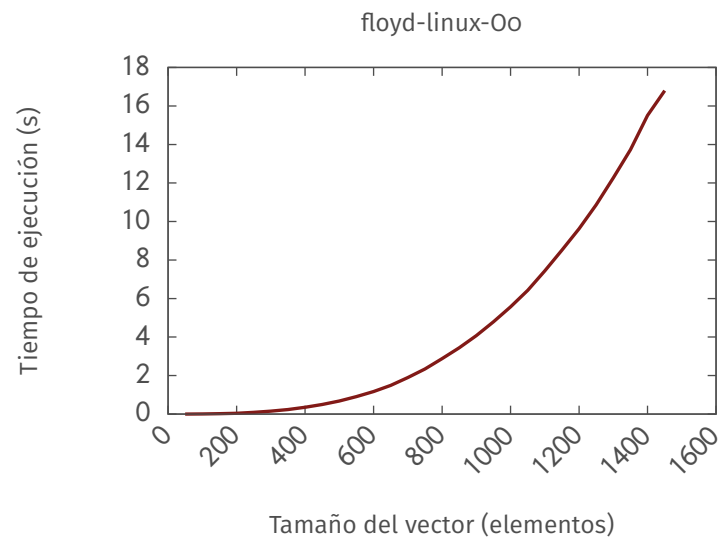
Algoritmo de análisis sobre grados para encontrar el camino mínimo en grafos ponderados.

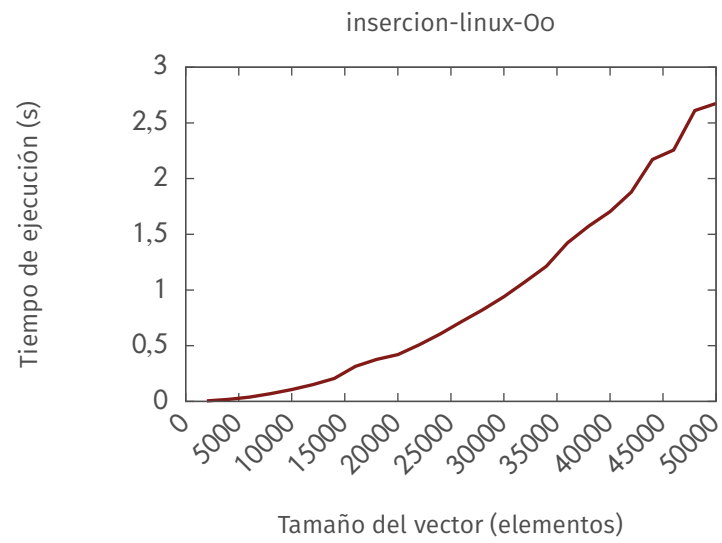
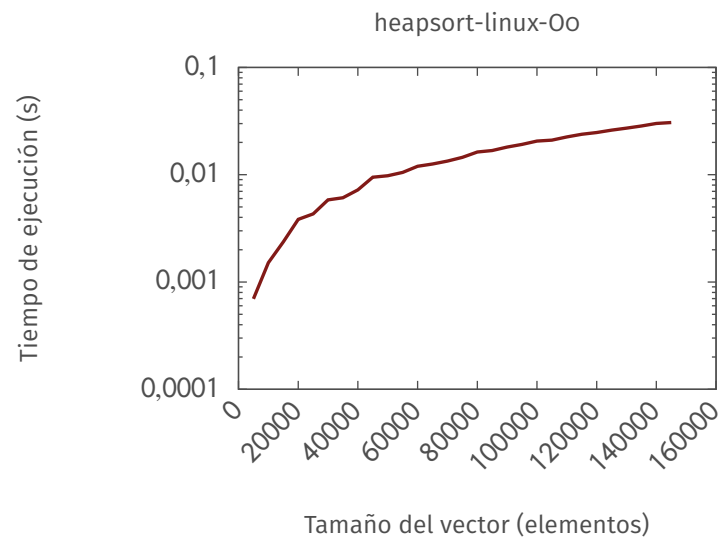
Hanoi

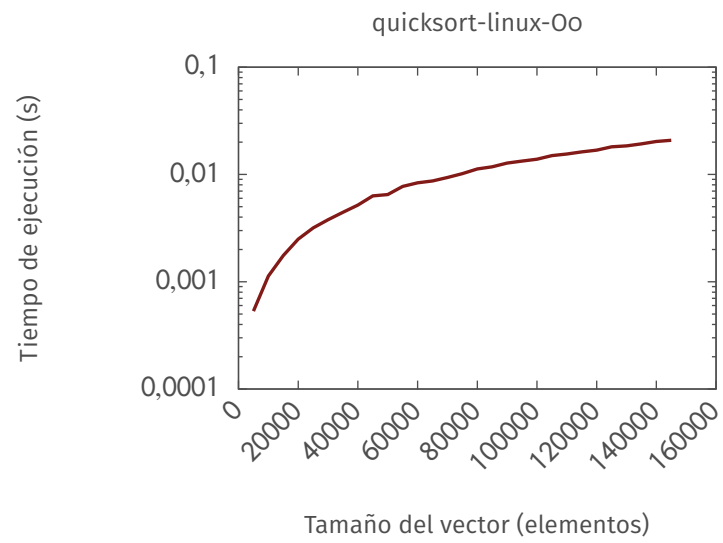
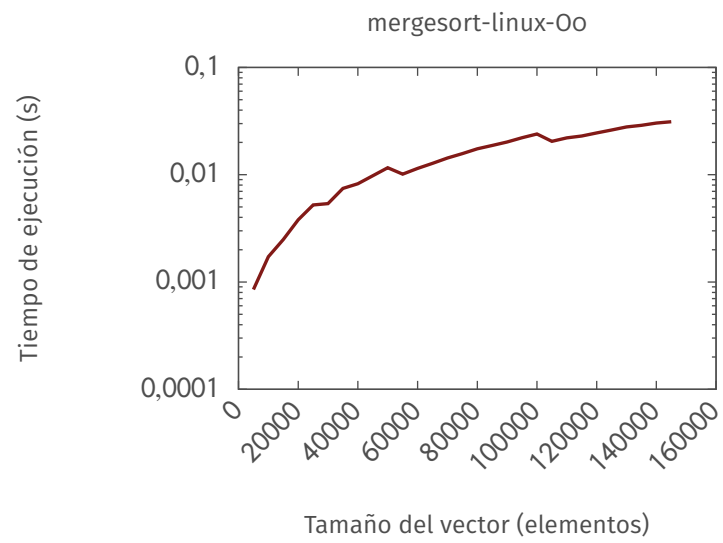
El número de pasos crece exponencialmente con el número de discos. Hay tres pilas de número origen (ordenada), auxiliar y destino. Se moverá un disco de la pila origen a la destino si hay un disco en la pila origen. En caso contrario se moverán los discos a la auxiliar menos la más grande. Por último moveremos el disco mayor al destino y mover las $n-1$ encima de la más grande.

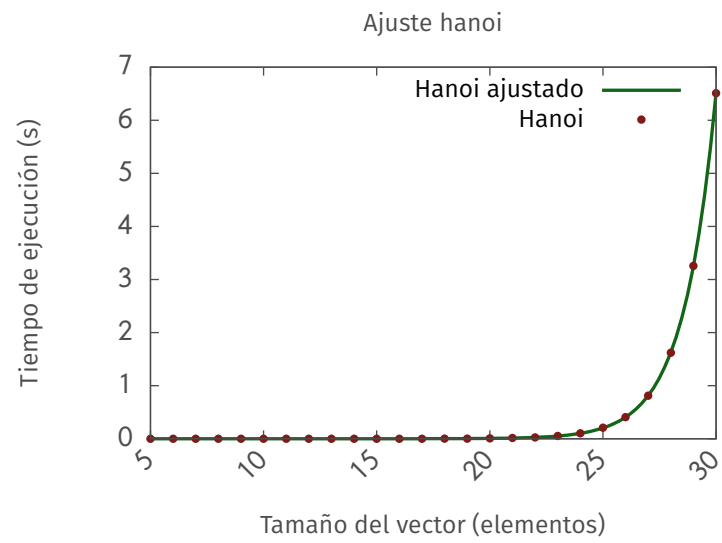
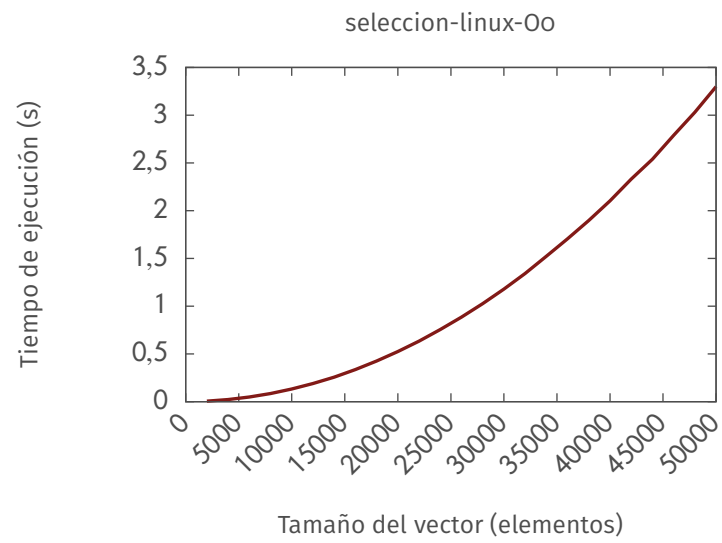
Cálculo de la eficiencia empírica











Algunas tablas:

Algoritmos que son $O(n^2)$ (tiempos en segundos)

Elementos	Burbuja	Selección	Inserción
2,000	$8,02 \cdot 10^{-3}$	$5,4 \cdot 10^{-3}$	$4,21 \cdot 10^{-3}$
4,000	$3,5 \cdot 10^{-2}$	$2,17 \cdot 10^{-2}$	$1,74 \cdot 10^{-2}$
6,000	$8,93 \cdot 10^{-2}$	$4,84 \cdot 10^{-2}$	$3,87 \cdot 10^{-2}$
8,000	0,16	$8,52 \cdot 10^{-2}$	$6,94 \cdot 10^{-2}$
10,000	0,26	0,13	0,11
12,000	0,39	0,19	0,15
14,000	0,55	0,26	0,21
16,000	0,73	0,34	0,32
18,000	0,93	0,43	0,38
20,000	1,18	0,52	0,42
22,000	1,44	0,63	0,51
24,000	1,71	0,76	0,61
26,000	2,02	0,89	0,72
28,000	2,35	1,03	0,82
30,000	2,72	1,18	0,94
32,000	3,1	1,34	1,07
34,000	3,53	1,52	1,21
36,000	3,95	1,71	1,42
38,000	4,4	1,9	1,57
40,000	4,89	2,1	1,7
42,000	5,39	2,33	1,88
44,000	5,94	2,54	2,17
46,000	6,52	2,79	2,26
48,000	7,11	3,03	2,61
50,000	7,69	3,3	2,67

Cálculo de la eficiencia híbrida

Algoritmos que son $O(n \log(n))$ (tiempos en segundos)

Elementos	Mergesort	Quicksort	Heapsort
5,000	$8,51 \cdot 10^{-4}$	$5,32 \cdot 10^{-4}$	$6,97 \cdot 10^{-4}$
10,000	$1,72 \cdot 10^{-3}$	$1,13 \cdot 10^{-3}$	$1,51 \cdot 10^{-3}$
15,000	$2,49 \cdot 10^{-3}$	$1,76 \cdot 10^{-3}$	$2,37 \cdot 10^{-3}$
20,000	$3,8 \cdot 10^{-3}$	$2,5 \cdot 10^{-3}$	$3,83 \cdot 10^{-3}$
25,000	$5,23 \cdot 10^{-3}$	$3,18 \cdot 10^{-3}$	$4,31 \cdot 10^{-3}$
30,000	$5,38 \cdot 10^{-3}$	$3,78 \cdot 10^{-3}$	$5,82 \cdot 10^{-3}$
35,000	$7,45 \cdot 10^{-3}$	$4,44 \cdot 10^{-3}$	$6,1 \cdot 10^{-3}$
40,000	$8,24 \cdot 10^{-3}$	$5,19 \cdot 10^{-3}$	$7,22 \cdot 10^{-3}$
45,000	$9,78 \cdot 10^{-3}$	$6,32 \cdot 10^{-3}$	$9,49 \cdot 10^{-3}$
50,000	$1,16 \cdot 10^{-2}$	$6,49 \cdot 10^{-3}$	$9,79 \cdot 10^{-3}$
55,000	$1,01 \cdot 10^{-2}$	$7,75 \cdot 10^{-3}$	$1,05 \cdot 10^{-2}$
60,000	$1,14 \cdot 10^{-2}$	$8,36 \cdot 10^{-3}$	$1,2 \cdot 10^{-2}$
65,000	$1,28 \cdot 10^{-2}$	$8,71 \cdot 10^{-3}$	$1,26 \cdot 10^{-2}$
70,000	$1,43 \cdot 10^{-2}$	$9,37 \cdot 10^{-3}$	$1,34 \cdot 10^{-2}$
75,000	$1,57 \cdot 10^{-2}$	$1,02 \cdot 10^{-2}$	$1,45 \cdot 10^{-2}$
80,000	$1,74 \cdot 10^{-2}$	$1,13 \cdot 10^{-2}$	$1,63 \cdot 10^{-2}$
85,000	$1,87 \cdot 10^{-2}$	$1,18 \cdot 10^{-2}$	$1,68 \cdot 10^{-2}$
90,000	$2,02 \cdot 10^{-2}$	$1,28 \cdot 10^{-2}$	$1,81 \cdot 10^{-2}$
95,000	$2,21 \cdot 10^{-2}$	$1,33 \cdot 10^{-2}$	$1,92 \cdot 10^{-2}$
$1 \cdot 10^5$	$2,4 \cdot 10^{-2}$	$1,39 \cdot 10^{-2}$	$2,06 \cdot 10^{-2}$
$1,05 \cdot 10^5$	$2,05 \cdot 10^{-2}$	$1,5 \cdot 10^{-2}$	$2,1 \cdot 10^{-2}$
$1,1 \cdot 10^5$	$2,21 \cdot 10^{-2}$	$1,55 \cdot 10^{-2}$	$2,25 \cdot 10^{-2}$
$1,15 \cdot 10^5$	$2,29 \cdot 10^{-2}$	$1,63 \cdot 10^{-2}$	$2,38 \cdot 10^{-2}$
$1,2 \cdot 10^5$	$2,45 \cdot 10^{-2}$	$1,68 \cdot 10^{-2}$	$2,48 \cdot 10^{-2}$
$1,25 \cdot 10^5$	$2,61 \cdot 10^{-2}$	$1,81 \cdot 10^{-2}$	$2,6 \cdot 10^{-2}$
$1,3 \cdot 10^5$	$2,79 \cdot 10^{-2}$	$1,85 \cdot 10^{-2}$	$2,72 \cdot 10^{-2}$
$1,35 \cdot 10^5$	$2,88 \cdot 10^{-2}$	$1,93 \cdot 10^{-2}$	$2,84 \cdot 10^{-2}$
$1,4 \cdot 10^5$	$3,03 \cdot 10^{-2}$	$2,03 \cdot 10^{-2}$	$3,01 \cdot 10^{-2}$
$1,45 \cdot 10^5$	$3,12 \cdot 10^{-2}$	$2,08 \cdot 10^{-2}$	$3,06 \cdot 10^{-2}$